

### Puissance transportée par une onde EM plane :

La densité de puissance est donnée par le vecteur de Poynting :

$$\vec{P}(t) = E(t) \vec{H}(t) \text{ et sa valeur moyenne } P = (E_0 H_0) / 2 = E_0^2 / 240\pi \text{ en W/m}^2$$

car  $Z_0 = 120\pi$  dans le vide

### Equation de propagation

Les équations de Maxwell permettent de déterminer le champ qui se propage dans un milieu diélectrique

$$\text{Rot} \vec{E} = -\delta \vec{B} / \delta t$$

$$\text{Rot} \vec{H} = \vec{J} + \delta \vec{D} / \delta t$$

Induction magnétique  $\vec{B} = \mu \vec{H}$  où  $\mu = \mu_0 \mu_r$

Induction électrique  $\vec{D} = \epsilon \vec{E}$  où  $\epsilon = \epsilon_0 \epsilon_r$

Densité de courant  $\vec{J} = \sigma \vec{E}$

Sachant que les 5 vecteurs champs sont sinusoïdaux le rotationnel des équations de Maxwell permettent d'obtenir les équations d'ondes suivantes :

$$\Delta \vec{E} + \omega^2 \mu \epsilon \left( 1 + j \frac{\sigma}{\omega \epsilon} \right) \vec{E} = 0$$

Equation d'onde  $\Delta \vec{E} + \gamma^2 \vec{E} = 0$  dont la solution est  $\vec{E}(M, t) = \vec{E}_0 e^{j(\omega t - \gamma r)}$

avec une constante de propagation  $\gamma^2 = \omega^2 \mu \epsilon \left( 1 + j \frac{\sigma}{\omega \epsilon} \right)$  de la forme  $\gamma = \alpha + j\beta$

$$\text{constante de phase } \alpha = \omega \sqrt{\mu \epsilon / 2} \sqrt{1 + \sqrt{1 + \left( \frac{\sigma}{\omega \epsilon} \right)^2}}$$

$$\text{constante d'atténuation } \beta = \omega \sqrt{\mu \epsilon / 2} \sqrt{-1 + \sqrt{1 + \left( \frac{\sigma}{\omega \epsilon} \right)^2}}$$

$$\text{de même } \Delta \vec{H} + \omega^2 \mu \epsilon \left( 1 + j \frac{\sigma}{\omega \epsilon} \right) \vec{H} = 0$$

d'où  $\vec{E}(M, t) = \vec{E}_0 e^{\beta r} e^{j(\omega t - \alpha r)}$  et l'intensité du champ atténué sera  $E_0 e^{\beta r}$

Atténuation en champ due au milieu de propagation sera  $AdB = 20 \text{Log}(e^{\beta r})$

Atténuation en champ due au parcours  $r$  sera  $AdB = 20 \text{Log}(\lambda / 4\pi r^2)$