

Solution :

1. $f = \sigma / 2\pi\epsilon_0\epsilon_r = 450 \text{ Mhz} \ll f$

2. $Z_{\text{sol}} = \sqrt{\mu/\epsilon^*} = \sqrt{\mu_0/\epsilon_0} / \sqrt{\epsilon_r^*} = Z_0 / \sqrt{\epsilon_r} = Z_0/2$ car $\frac{\sigma}{\omega\epsilon_0} = 0,47 \ll \epsilon_r = 4$

3. $R_v = (Z_0 \cos\theta_i - Z_{\text{sol}} \cos\theta_t) / (Z_0 \cos\theta_i + Z_{\text{sol}} \cos\theta_t)$

or $\tan\theta_i = D/(h_e + h_r)$ qui donne $\theta_i = 84,3$ et la loi de Snell-Descartes : $n \sin\theta_i = n_{\text{sol}} \sin\theta_t$
donne $\theta_t = 29,8$ car $n_0 = 1$ (air) et $n_{\text{sol}} = \text{Rél}(\sqrt{\epsilon_r^*}) = \sqrt{\epsilon_r} = 2$ d'où $R_v = -0,62$

4. $E_{\text{reçu}} = E_0 + R_v E_0 e^{j\Delta\Phi}$ avec $\Delta\Phi = 2k \cdot h_e h_r / D = 640\pi$ = déphasage du au parcours entre le champ direct E_0 et le champ réfléchi $E_{\text{or}} = R_v E_0$ par le sol et $k = 2\pi/\lambda$ (cste de propagation dans le vide)

5. On a une interférence positive quand le champ reçu est $> E_0$ donc comme $R_v < 0$

alors $e^{j\Delta\Phi_{\text{max}}} = -1$ d'où $\Delta\Phi_{\text{max}} = (2m+1)\pi$ et $h_{r\text{max}} = (2m+1)(D/2k \cdot h_e)$; $m=0 ; 1 ; 2 \dots$
 $h_{r\text{max}} = (2m+1)0,3125 \text{ m}$.

Par exemple pour $m=1000$ n aura la solution $h_r = 315,6 \text{ m}$

$E_{\text{reçuMax}} = 1,62 E_0 = 162 \text{ V/m}$ car cela dépend aussi de R_v

Si $R_v = 1$ (réflexion totale) on aura $E_{\text{reçuMax}} = 2E_0$

