

Solution :

$$1. f_t = \sigma / 2\pi \epsilon_0 \epsilon_r = 450 \text{ MHz} \quad \text{f} < f$$

$$2. Z_{sol} = \sqrt{\mu_0 / \epsilon_r} = \sqrt{\mu_0 / \epsilon_0} / \sqrt{\epsilon_r} = Z_0 / \sqrt{\epsilon_r} = Z_0 / 2 \text{ car } \frac{\sigma}{\omega \epsilon_0} = 0,47 \ll \epsilon_r = 4$$

$$3. R_v = (Z_0 \cos \theta_i - Z_{sol} \cos \theta_t) / (Z_0 \cos \theta_i + Z_{sol} \cos \theta_t)$$

or $\tan \theta_i = D / (h_e + h_r)$ qui donne $\theta_i = 84,3^\circ$ et la loi de Snell-Descartes : $n \sin \theta_i = n_s \sin \theta_t$ donne $\theta_t = 29,8^\circ$ car $n=1$ (air) et $n_s = \text{Réel}(\sqrt{\epsilon_r}) = \sqrt{\epsilon_r} = 2$ d'où $R_v = -0,62$

4. $E_{reçu} = E_0 + R_v \cdot E_0 e^{j\Delta\Phi}$ avec $\Delta\Phi = 2k \cdot h_e / D = 640\pi$ = déphasage du parcours entre le champ direct E_0 et le champ réfléchi E_{refl} par le sol et $k = 2\pi/\lambda$ (cste de propagation dans le vide) $E_{reçu} = E_0 (1 - 0,62) = 0,38 E_0$ car $e^{j640\pi} \approx 1$

5. On a une interférence positive quand le champ reçu est $> E_0$ donc comme $R_v < 0$ alors $e^{j\Delta\Phi_{max}} = -1$ d'où $\Delta\Phi_{max} = (2m+1)\pi$ et $h_{max} = (2m+1)(D/2k \cdot h_e)$; $m = 0, 1, 2, \dots$ $h_{max} = (2m+1)0,3125 \text{ m}$.

Par exemple pour $m=1000$ n aura la solution $h_r = 315,6 \text{ m}$

$E_{reçu Max} = 1,62 \text{ E}_0 = 162 \text{ V/m}$ car cela dépend aussi de R_v

Si $R_v = 1$ (réflexion totale) on aura $E_{reçu Max} = 2E_0$

