

Segundo Parcial Solución.

Ej L: Decidir si es V, F o Preg. Abierta. Justificar.

a) $\text{NSpace}(n) = \text{coNSpace}(n)$

b) $\text{SAT} \in \text{P/poly}$

c) Para cualquier par de lenguajes A, B ; si $|A \Delta B| < \infty$ entonces $P^A = NP^A$ s:: $P^B = NP^B$

d) Σ_3^P está cerrado por complemento.

e) $\text{AC} \subseteq \text{Pspace}$

f) $L \in \text{AC}^0$

*' Dados dos cjtos. C_1 y C_2 se define el cjo. $C_1 \Delta C_2 = (C_2 \setminus C_1) \cup (C_1 \setminus C_2)$ que contiene los elementos que están en un cjo. y no en el otro.

Ej L:

a) $\text{NSpace}(n) = \text{coNSpace}(n)$ Verdadera

Puedo usar el teorema que indica que para toda función S construible en espacio, tal que $S(n) \geq \log(n)$, entonces:

$$\text{NSpace}(S(n)) = \text{coNSpace}(S(n))$$

Tomo $S(n) = n$.

Es la generalización de el Teorema de Immerman-Szelepcsényi.

b) $\text{SAT} \in \text{P/poly}$ Preg. abierta.

Si esto fuese cierto, al ser que $\text{SAT} \in \text{NP-completo}$ puedo reducir cualquier $L \in \text{NP}$ a SAT y por ende $L \in \text{P/poly}$.

Esto implicaría que $\text{NP} \subseteq \text{P/poly}$, lo cual implicaría q' $\text{PH} = \Sigma_1^P$ (por Karp-Lipton), lo cual es una pregunta abierta conocida, si PH colapsa.

c) Para cualquier par de lenguajes A, B ; si $|A \Delta B| < \infty$ entonces $P^A = NP^A$ s:: $P^B = NP^B$ Verdadera

$|A \Delta B| < \infty = \text{El cjo } ((B \setminus A) \cup (A \setminus B)) \text{ es finito} = \text{El cjo. q' contiene elementos q' solo están en algún lenguaje es finito.}$

Al ser q' $|A \Delta B| < \infty$, no afecta al poder q' da el oráculo.

Como solo hay finitas diferencias:

- Puedo hardcodear las rras distintas de B en la máquina q' decide A para obtener la máq. q' decide B .

