

2. Örnek:

$$y - x^3 = 0$$

$$(1, 2) = (x_0, y_0)$$

$$36 - 4x^2 - 9y^2 \leq 0$$

çözüm:

$$x_{n+1} = g_1(x_n, y_n) = (4x_n - x_n^3 + y_n)/4$$

$$y_{n+1} = g_2(x_n, y_n) = (-x_n^2/9) + (4y_n - y_n^2)/4 + 1$$

örnek:  $x^2 + xy = 10$   
 $y + 3xy^2 = 57$

Sistemi sabit nokta iterasyon ile  $\epsilon = 0,0001$

çözüm:  $\underline{x} = \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$ ,  $\underline{f}(\underline{x}) = \begin{pmatrix} f_1(x,y) \\ f_2(x,y) \end{pmatrix}$

uygun iterasyon için

$$\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \frac{10 - x^2}{y} \\ 57 - 3xy^2 \end{pmatrix}$$

$(x_0, y_0) = (1.5, 3.5)$   
 başlangıç değerleri

$$x_1 = \frac{10 - (1.5)^2}{3.5} = 2.21429$$

$$y_1 = 57 - 3(2.21429)(3.5)^2 = -24.37516$$

$$x_2 = \frac{10 - (2.21429)^2}{-24.37516} = -0.20910$$

$$y_2 = 57 - 3(-0.20910)(-24.37516)^2 = 429.709$$

Farklı iterasyon

$$\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \sqrt{\frac{10 - xy}{y}} \\ \sqrt{\frac{57 - y}{3x}} \end{pmatrix}$$

$$x_1 = \sqrt{\frac{10 - (1.5) \cdot (3.5)}{3.5}} = 2.1794$$

$$y_1 = \sqrt{\frac{57 - 3.5}{3(2.1794)}} = 2.86051$$

$x_n \rightarrow 2.0$   
 $y_n \rightarrow 3.0$  olarak

```
clear [y, y];
a = solve [ { x^2 + xy = 10,
             y + 3xy^2 = 57 }, { x, y }
           Reals ]
N[a]
```

örnek

$$x^2 - y = 0$$

sistemi için

$$8x - 4x^2 + 32 - 9y^2 = 0$$

$$x_{n+1} = g_1(x_n, y_n) = (2x_n + x_n^2 - y_n) / 2$$

$$y_{n+1} = g_2(x_n, y_n) = (2x_n - x_n^2 + 8) / 9 + (4y_n - y_n^2) / 4$$

$(-1, 1)$  başlangıç değerler

$n$	$x_n$	$y_n$
0	-1	1
1	-1	1.306
2	-1.153	1.435
3	-1.153	1.435
4	-1.206	1.405
5	-1.181	1.371
6	-1.169	1.373
7	-1.172	1.379
8	-1.175	1.375
9	-1.174	1.375
10	-1.174	