I.B Uhlo-vodík

Jakou rychlostí by se musel pohybovat atom vodíku, aby měl z pohledu nehybného pozorovatele stejnou hmotnost jako atom uhlíku v klidu? Výsledek vyjádřete v násobcích c (rychlosti světla).

Vojta se zasnil během hodiny chemie

Jelikož se atom vodíku bude pohybovat rychlostí blízkou rychlosti světla, musíme přestat uvažovat o jeho hmotnosti jako o konstantě. Vztah mezi relativistickou hmotností m a klidovou hmotností m_0 je dán následujícím vzorcem.

$$m=m_0\gamma$$
,

kde $\gamma = \left(1 - \frac{v^2}{c^2}\right)^{-\frac{1}{2}}$ je Lorentzův faktor.

Klidovou hmotnost atomu vodíku označíme $m_{\rm H}$ a jeho relativistickou hmotnost, která bude rovna hmotnosti atomu uhlíku, označíme $m_{\rm C}$.

$$m_{\rm C} = \frac{m_{\rm H}}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}}$$

Několika úpravami vyjádříme rychlost v.

$$\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}} = \frac{m_{\rm H}}{m_{\rm C}}$$

$$\frac{v^2}{c^2} = 1 - \left(\frac{m_{\rm H}}{m_{\rm C}}\right)^2$$

$$v^2 = \left(1 - \left(\frac{m_{\rm H}}{m_{\rm C}}\right)^2\right)c^2$$

$$v = c\sqrt{1 - \left(\frac{m_{\rm H}}{m_{\rm C}}\right)^2}$$

Za $m_{\rm H}$ a $m_{\rm C}$ můžeme dosadit relativní atomové hmotnosti.

$$\begin{split} m_{\rm H} &= {\rm A_r(H)} = 1,008 \\ m_{\rm C} &= {\rm A_r(C)} = 12,011 \\ v &= c\sqrt{1 - \left(\frac{1,008}{12,011}\right)^2} \approx 0,996 \ c \end{split}$$

Aby atom vodíku měl stejnou hmotnost jako atom uhlíku v klidu, musel by se pohybovat rychlostí cca $0,996\ c$.