КИЇВСЬКИЙ НАЦІОНАЛЬНИЙ УНІВЕРСИТЕТ імені ТАРАСА ШЕВЧЕНКА

Факультет інформаційних технологій

Кафедра прикладних інформаційних систем

напрям 6.040302 «Інформатика»

(шифр і назва напряму підготовки або спеціальності)

Звіт

з лабораторної роботи №15

На тему: «Визначення коефіцієнтів регресії»

Виконав: студент 4 курсу навчання групи інформатика (І-42) Довбня Дмитро Володимирович **Мета**: Ознайомлення з методикою визначення коефіцієнтів регресії на підставі отриманих експериментальних даних.

1. Визначення коефіцієнтів регресії без урахування взаємодії факторів.

Визначте коефіцієнти регресії без урахування взаємодії факторів згідно варіанту: y_{11} =260, y_{12} =280, y_{21} =360, y_{22} =380

2. Визначення коефіцієнтів регресії з урахуванням взаємодії факторів.

Визначте коефіцієнти регресії без урахування взаємодії факторів згідно варіанту. Використайте дані попереднього завдання.

Хід виконання:

1. Визначення коефіцієнтів регресії без урахування взаємодії факторів

Запишемо вхідні дані та рівняння регресії в параметричні формі

$$y := \begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 260 & 280 \\ 0 & 360 & 380 \end{pmatrix} \qquad Y = b_0 + b_1 \cdot x_1 + b_2 \cdot x_2$$

Визначимо коефіцієнти b_0 , b_1 , b_2 :

$$\mathbf{b} := \begin{bmatrix} \frac{\left(\mathbf{y}_{1,1} + \mathbf{y}_{1,2} + \mathbf{y}_{2,1} + \mathbf{y}_{2,2}\right)}{4} \\ -\mathbf{y}_{1,1} - \mathbf{y}_{1,2} + \mathbf{y}_{2,1} + \mathbf{y}_{2,2} \\ 4 \\ -\mathbf{y}_{1,1} + \mathbf{y}_{1,2} - \mathbf{y}_{2,1} + \mathbf{y}_{2,2} \\ 4 \end{bmatrix} = \begin{pmatrix} 320 \\ 50 \\ 10 \end{pmatrix}$$

Запишемо готове рівняння регресії без урахування взаємодії факторів:

$$Y = b_0 + b_1 \cdot x_1 + b_2 \cdot x_2 \rightarrow Y = 50 \cdot x_1 + 10 \cdot x_2 + 320$$

2. Визначення коефіцієнтів регресії з урахуванням взаємодії факторів

Запишемо рівняння регресії з урахуванням взаємодії факторів в параметричні формі

$$Y = b_0 + b_1 \cdot x_1 + b_2 \cdot x_2 + b_3 \cdot x_1 \cdot x_2$$

Визначимо коефіцієнти b_0 , b_1 , b_2 , b_3 :

$$\mathbf{b} := \begin{bmatrix} \frac{\left(\mathbf{y}_{1,1} + \mathbf{y}_{1,2} + \mathbf{y}_{2,1} + \mathbf{y}_{2,2}\right)}{4} \\ -\mathbf{y}_{1,1} - \mathbf{y}_{1,2} + \mathbf{y}_{2,1} + \mathbf{y}_{2,2} \\ \frac{-\mathbf{y}_{1,1} + \mathbf{y}_{1,2} - \mathbf{y}_{2,1} + \mathbf{y}_{2,2}}{4} \\ \frac{\left(\mathbf{y}_{1,1} - \mathbf{y}_{1,2} - \mathbf{y}_{2,1} + \mathbf{y}_{2,2}\right)}{4} \end{bmatrix} = \begin{pmatrix} 320 \\ 50 \\ 10 \\ 0 \end{pmatrix}$$

Запишемо готове рівняння регресії з урахуванням взаємодії факторів:

$$Y = b_0 + b_1 \cdot x_1 + b_2 \cdot x_2 + b_3 \cdot x_1 \cdot x_2 \rightarrow Y = 50 \cdot x_1 + 10 \cdot x_2 + 320$$

Висновок: Рівняння регресії отримане з урахуванням і без урахування взаємодії факторів має однакову форму, отже фактори не впливають один на одного.