



Cognome Nome

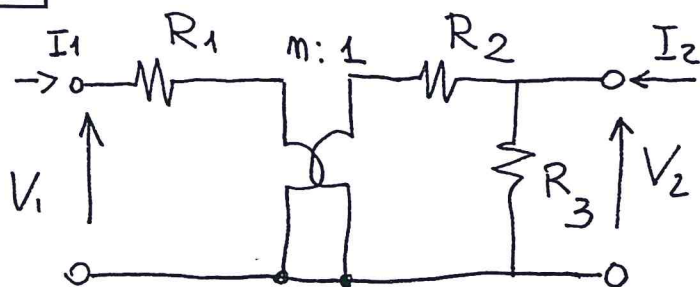
Matricola Firma

AVVERTENZE

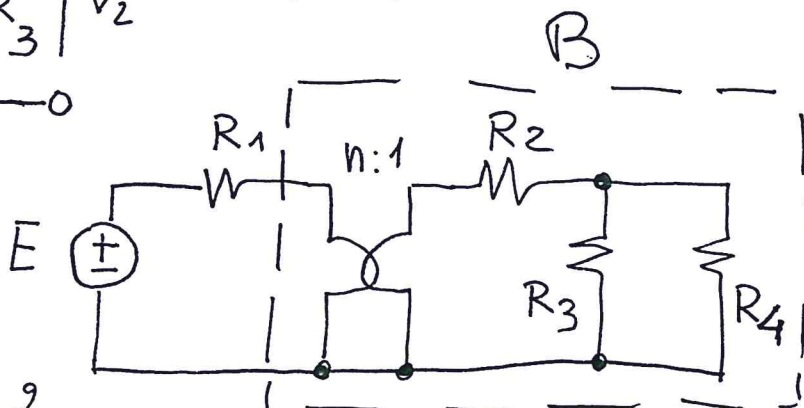
- Compilare il frontespizio del foglio della prova con i propri dati anagrafici. Gli esercizi vanno svolti su di un foglio a quadretti di bella copia su cui va indicato il proprio nome e cognome e numero di matricola.
- **Nota Bene:** Vanno svolti E1, E2 ed uno a scelta tra E3 o E4
- I punteggi massimi per ogni esercizio sono indicati nella tabella sottostante.
- Il foglio della prova ed il foglio di bella copia vanno consegnati unitamente.

E1 10 punti	E2 10 punti	E3 10 punti	E4 10 punti

Valutazione

ESERCIZI: RIPORTARE I PASSAGGI FONDAMENTALI ED I RISULTATI SUL FOGLIO DI BELLA COPIA**E1**Fig. 1

Del doppio bipolo in Fig. 1, si determini la rappresentazione mediante la matrice $[R]$. Si colleghino poi, come in Fig. 2, il resistore $R_4 = 20 \Omega$ e il generatore $E = 10V$. Assumendo $R_1 = 5 \Omega$, $R_2 = 10 \Omega$ e $R_3 = 20 \Omega$, si determini il valore di n che massimizza la potenza assorbita dal bipolo composito B .

Fig. 2

E2

Il circuito in Fig. 3 evolve a regime per $t = 0^-$ e in $t = 0$ l'interruttore ideale cambia posizione connettendo il generatore costante A_1 in parallelo al generatore costante A_0 . Nell'ipotesi $\alpha n + 1 > 0$, si determinino:

- L'equazione differenziale che governa la dinamica del circuito
- La tensione sul condensatore $v_c(t)$ per $t \geq 0$
- La corrente $i_2(t)$ in $t = 0^-$ e per $t > 0$

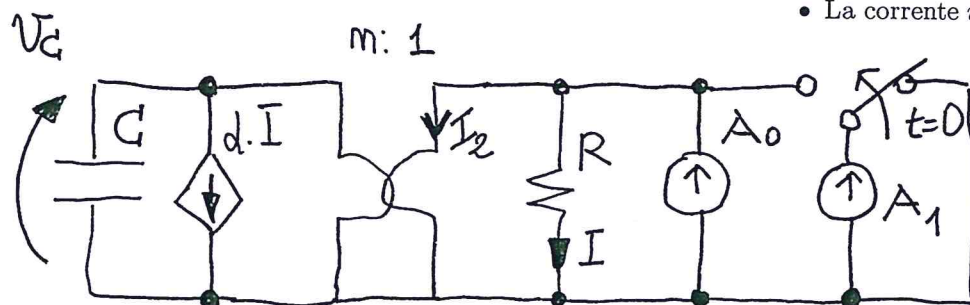


Fig. 3

E3

Il circuito in Fig. 4 opera in regime sinusoidale. Si determini:

- La funzione di rete $H(j\omega) = \frac{\bar{V}_0}{\bar{E}}$ mantenendo i valori simbolici.

Quindi, si assuma $R = 3 \text{ k}\Omega$, $R_s = 10 \Omega$, $R_F = 1 \text{ k}\Omega$, $L = 10 \text{ mH}$, $e(t) = 2 \cdot 10^{-3} \cos(10^3 t) \text{ V}$ e si determinino:

- la tensione $v_0(t)$
- la potenza attiva erogata dal generatore

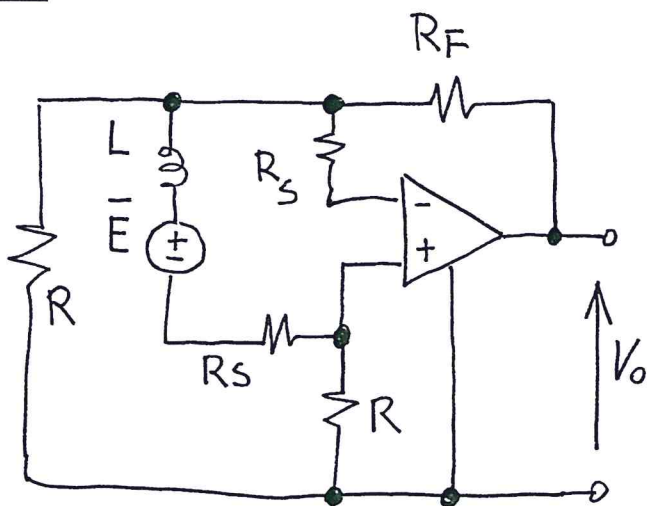


Fig. 4

E4

Il circuito in Fig. 5 opera in regime sinusoidale. Si determinino:

- la corrente $i_1(t)$
- la potenza complessa erogata dal generatore di corrente

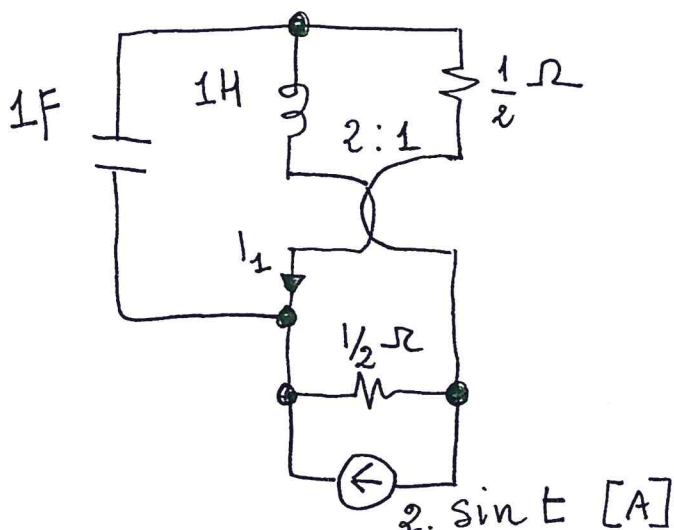
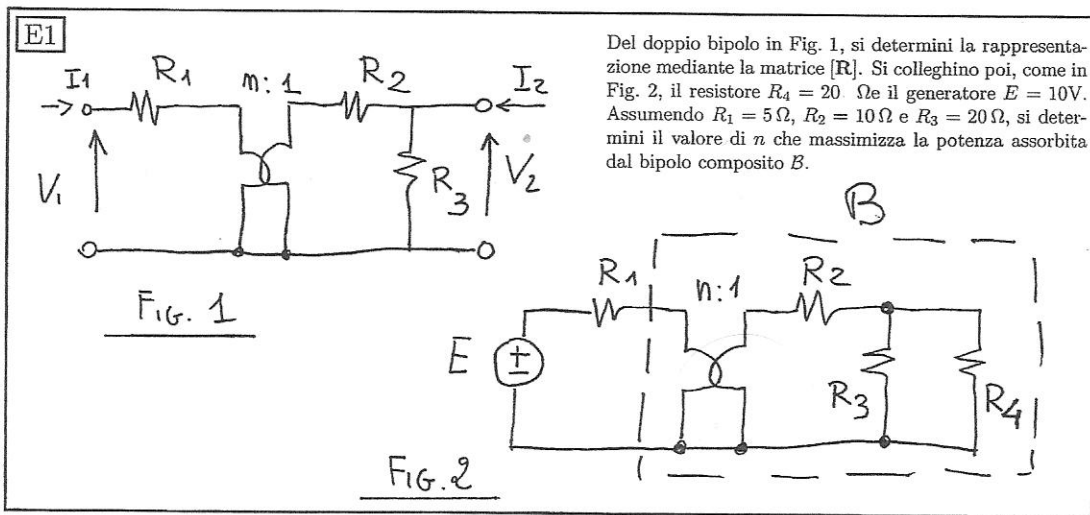
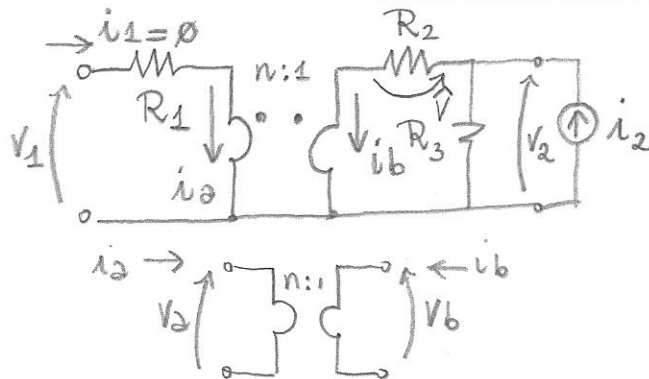


Fig. 5



Prove, Semplici:

1) $i_1 = 0$, $i_2 \neq 0$



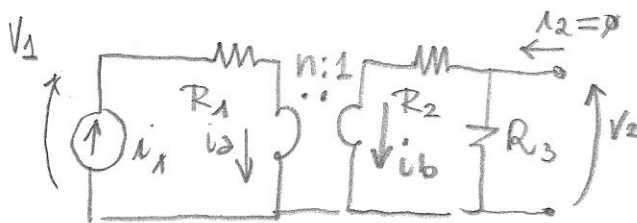
$$i_2 = i_1 = 0$$

$$i_b = -n i_2 = 0$$

$$\hat{V} = R_2 i_b = 0$$

quindi $V_2 = R_3 i_2$
e $V_b = V_2$

2) $i_1 \neq 0$, $i_2 = 0$



$$V_1 = R_1 i_1 + n V_b = n R_3 i_2$$

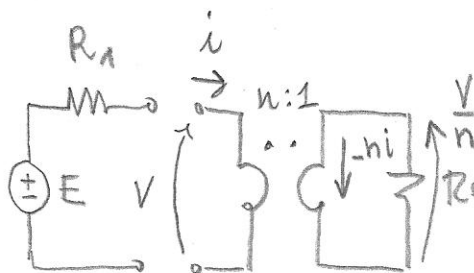
$$R = \begin{bmatrix} R_1 + n^2(R_2 + R_3) & n R_3 \\ n R_3 & R_3 \end{bmatrix}$$

$$V_b = -(R_2 + R_3) i_b = n(R_2 + R_3) i_1 = n(R_2 + R_3) i_1$$

$$V_1 - R_1 i_1 - n V_b = V_1 - R_1 i_1 - n^2(R_2 + R_3) i_1 = 0$$

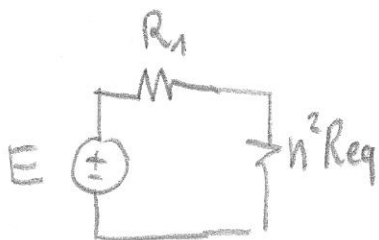
$$V_1 = [R_1 + n^2(R_2 + R_3)] i_1$$

$$V_2 = -R_3 i_b = -R_3(-n i_1) = n R_3 i_1$$



$$R_{eq} = R_2 + R_3 \parallel R_4 = (10 + 20 \parallel 20) [\Omega] = 20 \Omega$$

$$\frac{V}{n} = -R_{eq}(-n i) = n R_{eq} i \quad V = n^2 R_{eq} i$$



P_2 è massima se $R_1 = n^2 R_{eq}$ $n = \sqrt{\frac{R_1}{R_{eq}}} = \sqrt{\frac{5}{20}} = \frac{1}{2}$

(Massimo trasferimento di potenza in DC)

E3

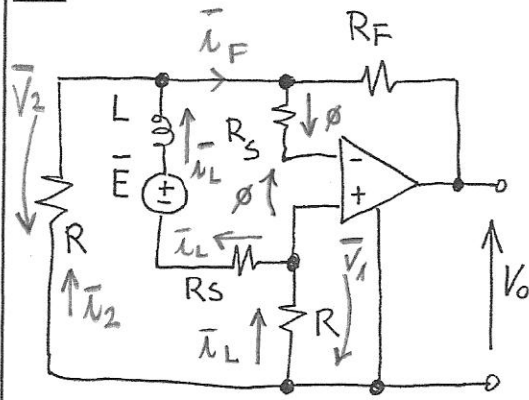


Fig. 4

Il circuito in Fig. 4 opera in regime sinusoidale. Si determini:

- La funzione di rete $H(j\omega) = \frac{\bar{V}_o}{\bar{E}}$ mantenendo i valori simbolici.

Quindi, si assuma $R = 3 \text{ k}\Omega$, $R_s = 10 \Omega$, $R_F = 1 \text{ k}\Omega$, $L = 10 \text{ mH}$, $e(t) = 2 \cdot 10^{-3} \cos(10^3 t) \text{ V}$ e si determinino:

- la tensione $v_o(t)$
- la potenza attiva erogata dal generatore

$$\bar{V}_1 - \bar{V}_2 = 0 \rightarrow \bar{I}_L = +\bar{I}_2 \quad \bar{I}_2 = +\bar{I}_L$$

$$\bar{I}_F = \bar{I}_2 + \bar{I}_L = 2\bar{I}_L$$

$$\bar{V}_o + R_F \bar{I}_F + \bar{I}_L R$$

$$\bar{V}_o = -R_F 2\bar{I}_L - R\bar{I}_L = -(2R_F + R)\bar{I}_L$$

$$\bar{E} - j\omega L \bar{I}_L - R_s \bar{I}_L = 0 \quad \bar{I}_L = \frac{\bar{E}}{R_s + j\omega L}$$

$$H(j\omega) = \bar{V}_o / \bar{E} = - \frac{2R_F + R}{R_s + j\omega L}$$

$$\bar{V}_o = -2 \cdot 10^{-3} \cdot \frac{2 \text{ k}\Omega + 3 \text{ k}\Omega}{10 \Omega + j10^3 \cdot 10^{-2} \Omega} = \frac{2 \cdot 5}{10(1+j)} = -\frac{1}{1+j} = -\frac{1}{\sqrt{2}} e^{-j\pi/4}$$

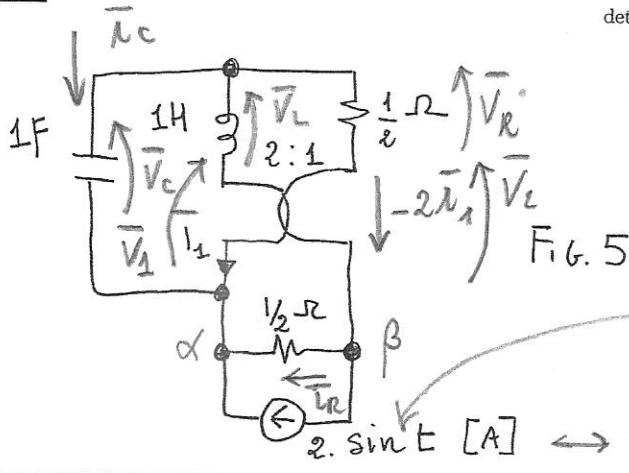
$$-\frac{1}{1+j} = -\frac{1}{2}(1-j) \quad v_o(t) = \text{Re} \{ \bar{V}_o e^{j\omega t} \} = -\frac{1}{2} (\cos 10^3 t + \sin 10^3 t)$$

$$P_e = \text{Re} \left\{ \frac{1}{2} \bar{E} \bar{I}_L^* \right\} = \frac{1}{2} \cdot 2 \cdot 10^{-3} \cdot \frac{2 \cdot 10^{-3}}{10^2 + 10^2} \cdot 10 \text{ W} = \frac{2 \cdot 10^{-5}}{2 \cdot 10^2} \text{ W} = 0.1 \mu\text{W}$$

E4

Il circuito in Fig. 5 opera in regime sinusoidale. Si determinino:

- la corrente $i_1(t)$
- la potenza complessa erogata dal generatore di corrente



$$\bar{L}_R = -2\bar{L}_1 - (-2J) = -2\bar{L}_1 + 2J$$

$$\bar{V}_L = J\bar{L}_1 \quad \bar{L}_C + \bar{L}_1 - 2\bar{L}_1 = 0 \cdot \bar{L}_C = \bar{L}_1$$

$$\bar{V}_C = \frac{\bar{L}_1}{J} \quad \bar{V}_1 + \bar{V}_L - \bar{V}_C = 0$$

$$\bar{V}_1 + J\bar{L}_1 - \frac{\bar{L}_1}{J} = 0 \cdot \bar{V}_1 = \left(\frac{1}{J} - J\right)\bar{L}_1 = -2J\bar{L}_1$$

$$\bar{V}_R = \frac{1}{2}(-2\bar{L}_1) = -\bar{L}_1 \quad \bar{V}_2 = \frac{1}{2}\bar{V}_1 = \frac{1}{2}\left(\frac{1}{J} - J\right)\bar{L}_1 = -J\bar{L}_1$$

$$\frac{1}{2}(-2\bar{L}_1 + 2J) = \bar{L}_R \quad \frac{-J\bar{L}_1}{\bar{V}_2} = \frac{-\bar{L}_1}{\bar{V}_R} = \frac{-J\bar{L}_1}{-\bar{V}_L} = \frac{+2J\bar{L}_1}{-\bar{V}_1} = 0$$

$$-2\bar{L}_1 + J = 0 \quad \bar{L}_1 = +\frac{J}{2} \quad i_1(t) = \text{Re} \left\{ +\frac{J}{2} e^{Jt} \right\} = -\frac{1}{2} \sin t$$

$$\hat{A}_e^{\text{gen. cor.}} = -\frac{1}{2} \left(\frac{1}{2} \bar{L}_R \right) \cdot \bar{L}_{\text{GEN}}^* = -\frac{1}{4} \left(2J - 2\left(+\frac{J}{2}\right) \right) (-2J)^* =$$

$$= -\frac{1}{4} J 2J = +\frac{1}{2} \text{ VA}$$

