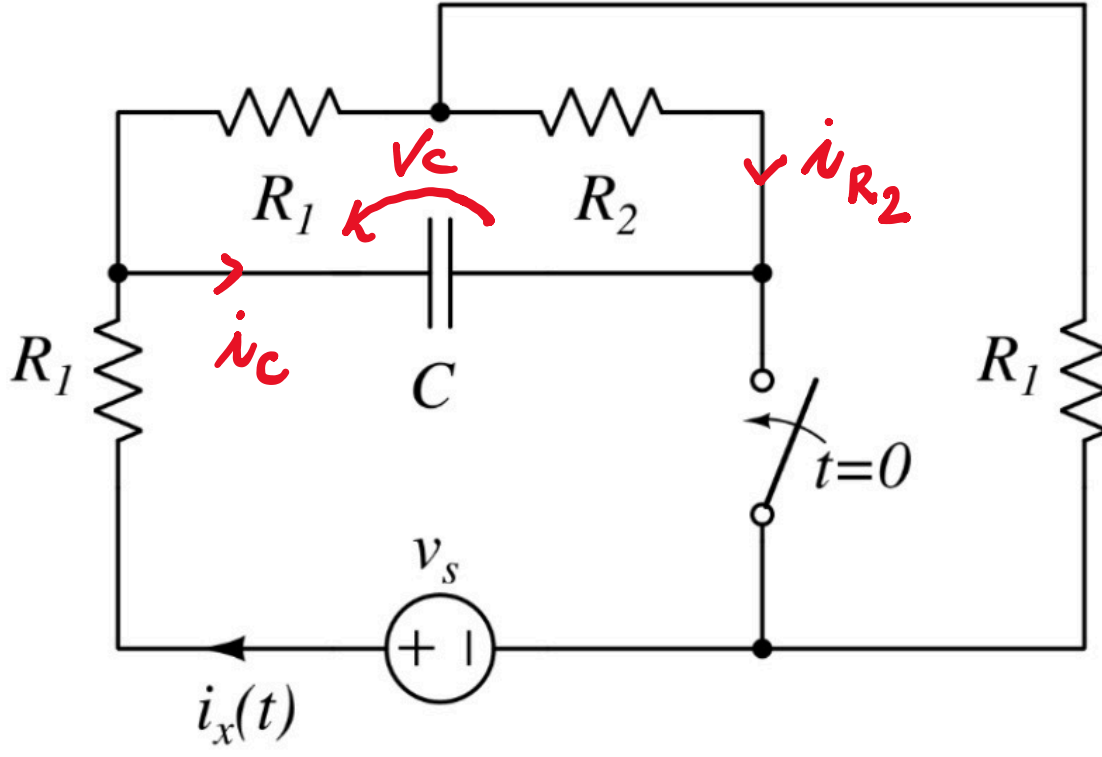


E1

Il circuito in figura opera in regime stazionario, con l'interruttore aperto, per  $t < 0$ . L'interruttore si chiude in  $t = 0$ . Sapendo che  $v_s = 24$  [V],  $C = 20$  [mF],  $R_1 = 2$  [ $\Omega$ ],  $R_2 = 4$  [ $\Omega$ ],

- determinare  $i_x(t)$  per  $t = 0^-$  e per  $t > 0$ ;
- disegnarne il grafico di  $i_x(t)$  per  $t \geq 0$ .



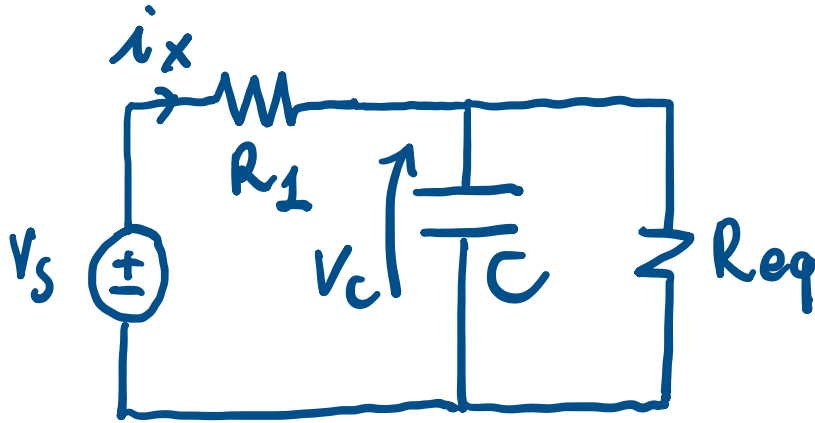
$t = 0^-$  REGIME STAZIONARIO E TASTO APERTO

$$i_C = i_{R_2} = 0$$

$$i_x(0^-) = \frac{V_s}{3R_1} = \frac{24}{6} = 4A$$

$$V_C(0^-) = R_1 i_x(0^-) = 8V$$

$t > 0$



$$R_{eq} = R_1 + R_1 \parallel R_2$$

$$= R_1 + \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2} =$$

$$= \frac{R_1 (R_1 + 2R_2)}{R_1 + R_2} = \frac{2(2+8)}{3} = \frac{10}{3} \Omega$$

$$i_x = \frac{V_s - V_C}{R_1}$$

$$C \frac{dV_C}{dt} = \frac{V_s - V_C}{R_1} \quad \frac{dV_C}{dt} = -\frac{V_C}{R_{eq}} + \frac{V_s}{R_1}$$

$$\frac{dV_C}{dt} = -\frac{1}{C} \left( \frac{3}{10} + \frac{1}{2} \right) V_C + \frac{12}{C} = -\frac{1}{20 \cdot 10^{-3}} \left( \frac{3+5}{10} V_C + \frac{12}{20 \cdot 10^{-3}} \right) =$$

$$= -40 V_C + 600$$

$V_C(0^-) = V_C(0^+) \rightarrow$  ingegnere continuo e la derivazione del tasto non genera  $\infty$  infinite

$$V_C(t) = k e^{-40t} + h \quad h = \frac{600}{40} = 15V$$

$$8 = k + 15$$

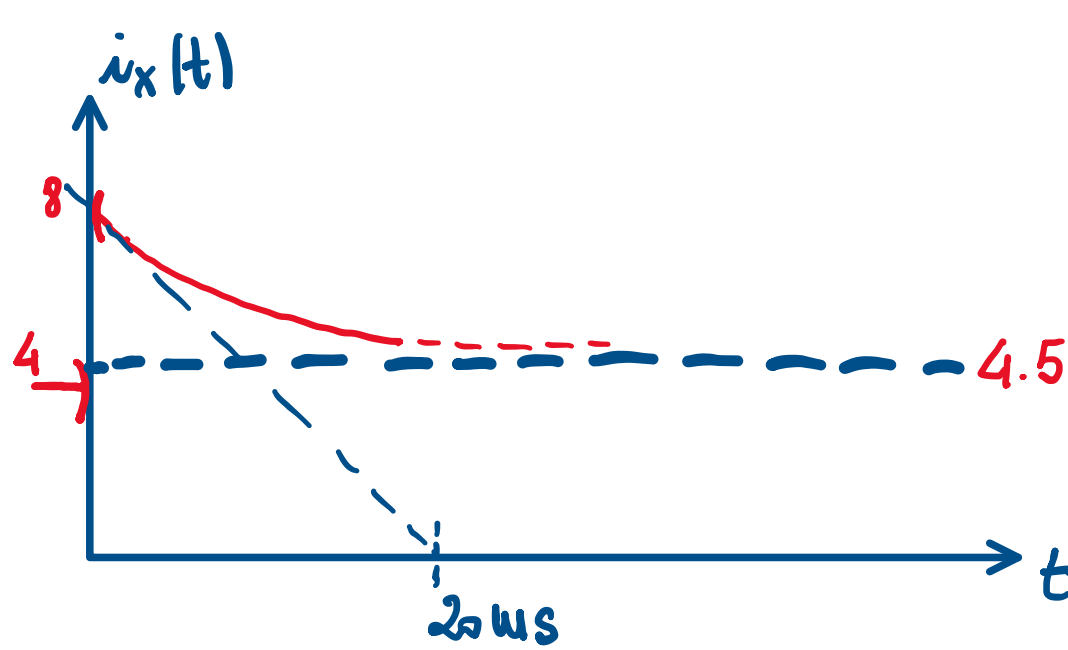
$$k = -7V$$

$$V_C(t) = -7 e^{-40t} + 15$$

$$i_x \Big|_{t=0^+} = \frac{24 - 15 + 7e}{2} =$$

$$= \frac{1}{2} (9 + 7e^{-40t}) A$$

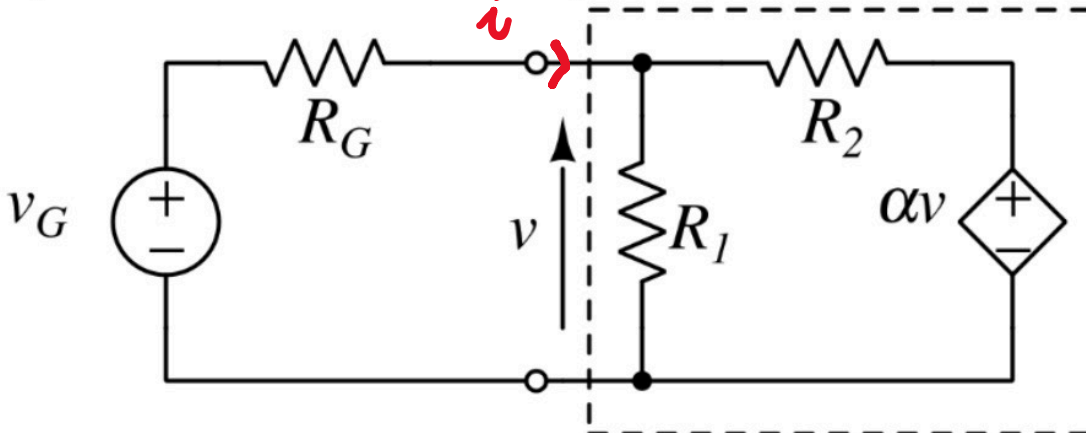
$$i_x(0^+) = 8A \quad i_x \Big|_{t \rightarrow \infty} = 4.5A$$



E2

Sapendo che  $R_1 = R_2 = R_G = 1$  [ $\Omega$ ], determinare

- l'equivalente Thévenin del bipolo composito racchiuso dalla linea tratteggiata;
- il valore di  $\alpha$  che permette di massimizzare la potenza assorbita da tale bipolo composito.



$$i = \frac{V}{R_1} + \frac{V - \alpha V}{R_2} = \frac{V}{1} + \frac{(1-\alpha)V}{1} = (2-\alpha)V$$

$$V = R_{eq} i = \frac{1}{2-\alpha} i$$

se  $R_g \equiv R_{eq}$  allora  $P_2$  bipolo composito è massima

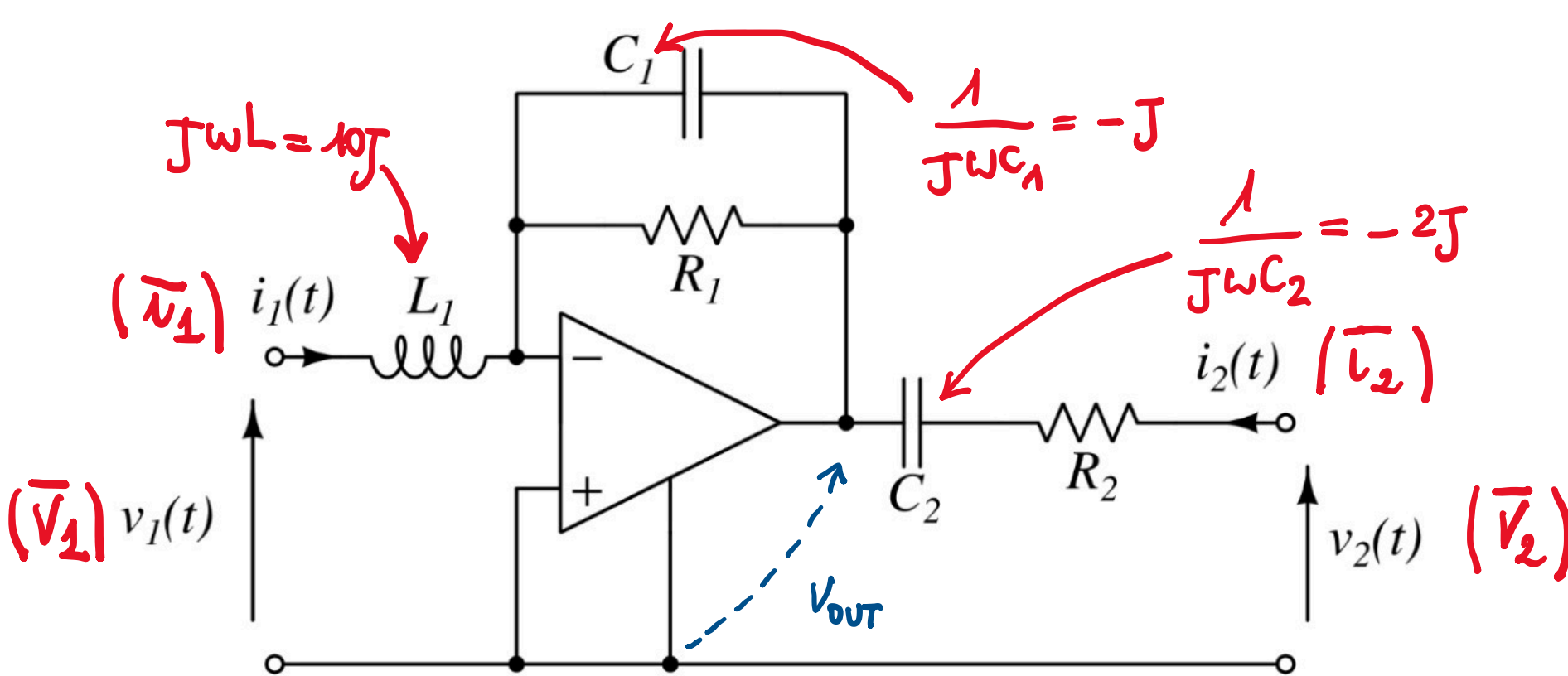
$$1 = \frac{1}{2-\alpha} \Leftrightarrow 2-\alpha = 1 \quad \alpha = 1$$

E3

Il doppio-bipolo in figura opera in regime sinusoidale alla pulsazione  $\omega = 1000$  [rad s<sup>-1</sup>]. Assumendo  $C_1 = 1$  [mF],  $R_1 = 1$  [ $\Omega$ ],  $C_2 = 0.5$  [mF],  $R_2 = 0.5$  [ $\Omega$ ] e  $L_1 = 10$  [mH],

- ridisegnare il circuito nel dominio della frequenza, ovvero evidenziando le opportune grandezze fasoriali e i valori numerici delle impedenze;
- calcolare i parametri della rappresentazione ibrida

$$\begin{bmatrix} \bar{V}_1 \\ \bar{I}_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} H_{11} & H_{12} \\ H_{21} & H_{22} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \bar{I}_1 \\ \bar{V}_2 \end{bmatrix}$$



$$\bar{V}_1 = j\omega L \bar{I}_1 = 10j \bar{I}_1 \rightarrow H_{11} = 10j \quad H_{12} = \emptyset$$

$$\bar{V}_{out} = -\bar{I}_1 \frac{-j \cdot 1}{1-j} = \frac{j}{1-j} \bar{I}_1 = \frac{j-1}{2} \bar{I}_1$$

$$\bar{V}_2 = \left( R_2 + \frac{1}{j\omega C_2} \right) \bar{I}_2 + \bar{V}_{out} = \left( \frac{1}{2} - 2j \right) \bar{I}_2 + \frac{j-1}{2} \bar{I}_1$$

$$H_{22} = \frac{\bar{V}_2}{\bar{I}_2} \Big|_{\bar{I}_1=0} = \frac{1}{\frac{1}{2} - 2j} = \frac{2}{1-4j} = \frac{2(1+4j)}{17} = \frac{2+8j}{17}$$

$$H_{21} = \frac{\bar{V}_2}{\bar{I}_1} \Big|_{\bar{V}_2=0} = -\frac{j-1}{\frac{1}{2} - 2j} = \frac{1-j}{1-4j} = \frac{(1-j)(1+4j)}{17} = \frac{5+3j}{17}$$

$$[H] = \begin{bmatrix} 10j & 0 \\ \frac{5+3j}{17} & \frac{2+8j}{17} \end{bmatrix}$$