Estrutura de Dados

Parte III – Pilhas: implementação com ponteiros

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
//Definição da Estrutura .....
typedef struct TipoElemento {
        int valor:
        TipoElemento *acima, *abaixo;
} TElemento:
typedef struct TipoPilha {
        TElemento *topo, *base;
} TPilha;
//Prototipos das funções ......
void inicPilha(TPilha *p);
int pilhaVazia(TPilha *p);
void empilha(TPilha *p, int numero);
TElemento *desempilha(TPilha *p);
int elemTopo(TPilha *p);
int menu();
```

```
//Corpo PRINCIPAL (main) do Programa ......
int main(){
    int op:
    TPilha pilha:
    inicPilha(&pilha);
    do (
       op = menu();
       switch(op){
          case 1:{
               int numero;
               printf("\n\n\tEMPILHAR o valor: ");
               scanf ("%d", &numero);
               empilha(&pilha, numero);
               break; }
          case 2:{
               TElemento *descartado = desempilha(&pilha);
               if (descartado != NULL) {
                 printf("\n\n\tELEMENTO desempilhado: %d.\n\n", descartado->valor);
                 free (descartado);
               } else {
                 printf("\n\n\tNENHUM ELEMENTO foi desempilhado, pois a PILHA");
                 printf(" encontra-se VAZIA\n\n");
               3//if
               system("PAUSE");
               break; }
          case 3:{
               printf("\n\n\tO ELEMENTO atualmente no TOPO da PILHA:");
               printf(" %d.\n\n", elemTopo(&pilha));
               system("PAUSE");
               break: }
       }//switch
    } while (op != 0);
    return (0);
}//main()
```

```
//Funções ....
void inicPilha(TPilha *p) {
      p->topo = NULL;
      p->base = NULL;
}//inicPilha()
//......
int pilhaVazia(TPilha *p) {
    if (p->topo == NULL)
        return 1;
    else
        return 0;
}//pilhaVazia()
//......
void empilha(TPilha *p, int numero){
     TElemento *novo = (TElemento *)malloc(sizeof(TElemento));
     novo->valor = numero;
     if (pilhaVazia(p)){
        p->topo = novo;
        p->base = novo;
        novo->abaixo = NULL;
     } else {
        novo->valor = numero;
         p->topo->acima = novo;
         novo->abaixo = p->topo;
         p->topo = novo;
     }//if...else
     novo->acima = NULL:
}//empilha()
```

```
TElemento *desempilha(TPilha *p){
    TElemento *desempilhado = NULL;
   if (!pilhaVazia(p)){
       desempilhado = p->topo;
       p->topo = p->topo->abaixo;
       if (p->topo == NULL) {
           p->base = NULL;
       } else {
           p->topo->acima = NULL;
      3//if
    }//if
   return desempilhado;
}//desempilha()
int elemTopo(TPilha *p){
   int valor = -9999:
    if (pilhaVazia(p)){
        printf("\n\nOPERACAO INVALIDA !!!\nPilha encontra-se VAZIA\n");
        printf("Impossivel exibir valor do TOPO da Pilha.\n\n");
        system("PAUSE");
        exit(1);
    }else{
       valor = p->topo->valor;
   }//if
   return valor;
```

```
int menu(){
    int opcao;
   TPilha pilha;
    system("CLS");
    printf("\n\n\n\t\t\t====| MENU |====\n\n");
    printf("\t\tOpcoes de selecao:\n");
    printf("\t0 - Sair (Encerrar Aplicativo).\n\n");
    printf("\t1 - Empilhar (PUSH).\n");
    printf("\t2 - Desempilhar(POP).\n");
    printf("\t3 - Consultar ELEMENTO existente no TOPO da PILHA.\n\n");
    printf("\t\tOpcao desejada: ");
    scanf("%d", &opcao);
    if ((opcao < 0) || (opcao > 3)){
       printf("ERRO: OPCAO selecionada eh INVALIDA.\n");
       printf("Suas opcoes limitam-se ao intervalo de O (ZERO) a 3 (TRES) -");
       printf(" INCLUSIVE os valores de ambas extremidades.\n\n");
       system("PAUSE");
    }//if
    return opcao;
 //menu()
```

Entendendo o Código

```
typedef struct TipoElemento {
        int valor;
        TipoElemento *acima, *abaixo;
}TElemento;

typedef struct TipoPilha {
        TElemento *topo, *base;
}TPilha;
```



topo

base

TElemento

valor acima abaixo

Entendendo o Código

- Os campos topo e base da estrutura
 TPilha são ponteiros para TElemento.
- Ambos apontam para uma área de memória que armazene uma estrutura de TElemento.
- TElemento apresenta três campos:
 - valor (do tipo inteiro);
 - acima (ponteiro para TElemento);
 - abaixo (ponteiro para TElemento).

Entendendo o Código

- Existe uma variável global de nome pilha que é do tipo TPilha.
- Por enquanto não há uma variável de tipo TElemento.
- A função inicPilha() é responsável por deixar a pilha vazia – pronta para que comecemos a empilhar variáveis anônimas do tipo TElemento.

Entendendo inicPilha()

```
//Funções

void inicPilha(TPilha *p) {
    p->topo = NULL;
    p->base = NULL;
}//inicPilha()
//...
```

topo NULL

base NULL

A passagem de parâmetros é por referência: p é um ponteiro para TPilha.

No programa principal (main()) a chamada a essa função é inicPilha(&pilha).

Note que **pilha** é a <u>variável global</u> declarada anteriormente (do tipo **TPilha**).

O & à esquerda do nome da variável **pilha** significa que o <u>endereço da</u> <u>variável global está sendo repassado para a função</u>. O parâmetro **p** recebe esse endereço na função.

Entendendo inicPilha()

- O comando "p->topo = NULL;" deve ser lido da seguinte maneira: "o campo topo, apontado por p, recebe NULO".
- O valor "NULO" significa que o ponteiro topo não aponta para nenhum endereço de memória.
- O mesmo ocorre com base, que não aponta para nenhum endereço de memória.

Entendendo pilhaVazia()

```
//...
int pilhaVazia(TPilha *p) {
    if (p->topo == NULL)
        return 1;
    else
        return 0;
}//pilhaVazia()
//.
```

TPilha pilha

topo NULL base NULL

Se o campo <u>topo</u> de **pilha** estiver **NULO** (= = **NULL**) a **pilha** encontra-se **vazia** e a função **pilhaVazia()** retorna o valor 1 (qualquer valor diferente de zero é verdadeiro).

Caso contrário – se <u>topo</u> não for **NULO**, mas apontar para algum endereço – a **função retorna 0** (= = **FALSE**).

Entendendo empilha()

```
void empilha(TPilha *p, int numero){
    TElemento *novo = (TElemento *)malloc(sizeof(TElemento));

TPilha pilha
topo
NULL
base
NULL
valor acima abaixo
```

A função **empilha()** não retorna qualquer valor (**void**), mas recebe **dois parâmetros de entrada**:

- (1°) p que é um ponteiro para TPilha, e
- (2°) numero que é variável do tipo inteiro.

Uma possível chamada dessa função a partir do main() poderia ser empilha(&pilha, 35).

O comando **malloc** aloca dinamicamente um **segmento de memória** e armazena seu **endereço** no **ponteiro novo** (que aponta para **TElemento**).

Entendendo empilha()

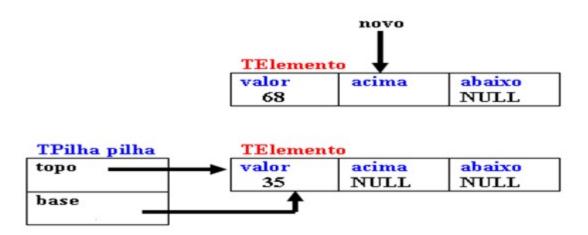
```
novo->valor = numero;
                                                             novo
if (pilhaVazia(p)){
   p->topo = novo;
                               TPilha pilha
                                                  TElemento
   p->base = novo;
                                                  valor
                                                                      abaixo
                              topo
                                                            acima
                                                                      NULL
                                                    35
   novo->abaixo = NULL;
                               base
} else {
```

O campo valor – apontado por novo – recebe 35.

Se a **pilha** apontada por **p** estiver **vazia**:

- O campo **topo** apontado por **p** recebe **novo** (aponta para **novo**).
- O campo **base** apontado por **p** recebe **novo** (aponta para **novo**).
- O campo abaixo apontado por novo recebe NULL.

Entendo empilha()



Agora suponha que a **função** foi concluída (o campo <u>acima</u> anteriormente apontado por **novo** recebe **NULL**) e **novo** deixa de apontar para o **elemento** de valor **35**.

Então ocorre uma outra chamada à função: "empilha(&pilha, 68);".

Um **novo segmento de memória é alocado** junto ao sistema operacional e seu **endereço inicial** é armazenado no **ponteiro novo**.

Entendendo empilha()

```
novo
     } else {
                                                               TElemento
          p->topo->acima = novo;
                                                               valor
                                                                       acima
                                                                                abaixo
          novo->abaixo = p->topo;
                                                                68
                                                                       NULL
          p->topo = novo;
                                                               TElemento
                                               TPilha pilha
     }//if...else
                                                                                abaixo
                                                              valor
                                                                       acima
                                              topo
     novo->acima = NULL:
                                                                                NULL
                                                                35
                                              base
}//empilha()
```

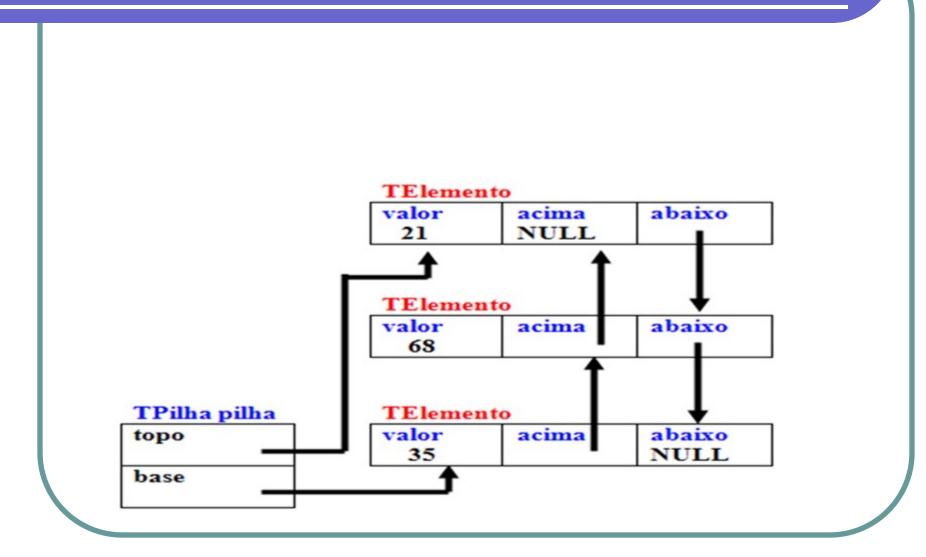
O campo <u>acima</u> apontado por **topo** (por sua vez apontado por **p**) – o elemento de valor 35 – aponta para novo.

O campo <u>abaixo</u> apontado por **novo** (elemento de valor 68) aponta para o mesmo endereço que topo apontado por p (elemento de valor 35).

O campo **topo** apontado por **p** deixa de apontar para elemento de valor **35** e passa a apontar para o elemento apontado por **novo** (de valor **68**).

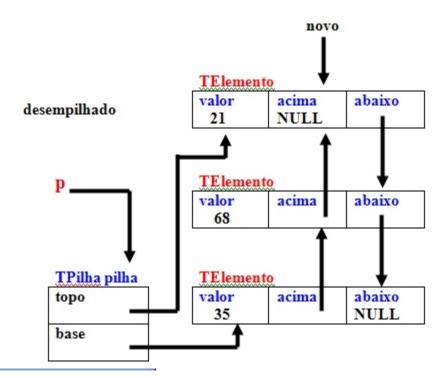
O campo <u>acima</u> apontado por **novo** (elemento de valor 68) recebe NULL (não aponta para ninguém).

Situação Hipotética para a Pilha



<u>Entendendo desempilha()</u>

```
TElemento *desempilha(TPilha *p){
    TElemento *desempilhado = NULL;
```



A função desempilha() retorna um ponteiro para TElemento e recebe como parâmetro de entrada o ponteiro p (que aponta para TPilha).

Um **ponteiro** para **TElemento** é declarado com o nome **desempilhado** e inicializado com o valor **NULL** (não aponta para ninguém).

Entendendo desempilha()

```
novo
if (!pilhaVazia(p)){
                                                             TElemento
                                                             valor
                                                                       acima
                                                                                abaixo
                                          desempilhado
   desempilhado = p->topo;
                                                               21
                                                                       NULL
   p->topo = p->topo->abaixo;
                                                             TElemento
                                                                                abaixo
                                                                       acima
                                                             valor
                                            TPilha pilha
                                                             TElemento
                                                                       acima
                                                                                abaixo
                                                             valor
                                            topo
                                                               35
                                                                                NULL
                                            base
```

Se a **pilha NÃO**(!) está **VAZIA** então:

o **ponteiro** <u>desempilhado</u> (variável local da função) recebe <u>novo</u> (aponta para o mesmo endereço que <u>novo</u>).

o **ponteiro** <u>topo</u> de **TPilha** apontado por **p** aponta para o mesmo **endereço** que o **campo abaixo** apontado por **novo**: o Elemento de valor **68** passa a ser o novo **topo** da **PILHA**.

Entendendo desempilha()

```
if (p->topo == NULL) {
                                                                          novo
           p->base = NULL;
                                                            TElemento
       } else {
                                                            valor
                                                                                 abaixo
                                                                      acima
                                      desempilhado
           p->topo->acima = NULL;
                                                             21
                                                                      NULL
       }//if
    }//if
                                                            TElemento
    return desempilhado;
                                                                                 abaixo
                                                                      acima
                                                            valor
                                                              68
                                                                      NULL
}//desempilha()
                                                            TElemento
                                         TPilha pilha
                                                                      acima
                                                                                 abaixo
                                                            valor
                                         topo
                                                                                 NULL
                                                              35
                                         base
```

Como o <u>topo</u> da pilha apontada por p NÃO é NULL: o campo <u>acima</u> apontado por <u>topo</u> (do **Elemento** de valor 68) recebe NULL (deixa de apontar para o Elemento de valor 21).

O ponteiro desempilhado é retornado pela função e ele aponta para o Elemento de valor 21.

Entendendo desempilha()

```
case 2:{
    TElemento *descartado = desempilha(&pilha);
    if (descartado != NULL) {
        printf("\n\n\tELEMENTO desempilhado: &d.\n\n", descartado->valor);
        free(descartado);
    } else {
        printf("\n\n\tNENHUM ELEMENTO foi desempilhado, pois a PILHA");
        printf(" encontra-se VAZIA\n\n");
    }//if
    system("PAUSE");
    break;)
```

No programa principal (main()), o ponteiro (para TElemento) descartado recebe da função desempilha() o elemento de valor 21.

Se **ponteiro** descartado NÃO for NULL (o que é exatamente o caso: ele aponta para 21):

O conteúdo do **campo** valor apontado por descartado é exibido em tela através do printf().

O endereço de memória onde está armazenado o elemento de valor 21 é devolvido ao sistema operacional através da função free().

Para Refletir

 Será que na estrutura de pilha precisamos mesmo de armazenar um ponteiro para a base ou será que conseguiríamos eliminar facilmente esse ponteiro mantendo apenas um ponteiro para o topo???

- Para resolver uma expressão matemática devemos considerar a prioridade dos operadores, chamada de precedência.
- As operações de multiplicação e de divisão têm prioridade sobre as operações de soma e de subtração.

- No caso de operadores de mesma prioridade (precedência), os cálculos serão efetuados na ordem em que aprecem na expressão.
- Os parênteses podem alterar totalmente a ordem de precedência.
- Afinal, A * B + C produz um resultado diferente de A * (B + C).

 O matemático polonês Jan Lukasiewics elaborou uma saída para representarmos e avaliarmos expressões sem nos preocuparmos com as prioridades das operações e até mesmo abrir mão dos parênteses.

Tabela de Conversões de Expressões

Notação infixa	Notação pós-fixa
A-B*C	ABC*-
A * (B - C)	ABC-*
$(\mathbf{A} - \mathbf{B}) / (\mathbf{C} + \mathbf{D})$	AB-CD+/
(A-B)/(C+D)*E	AB-CD+/E*
A+B	A B +
A-B+C	AB-C+
$A \wedge B \star C - D + E / F (G - H)$	AB^C*D-EF/GH-/+

Exemplo:

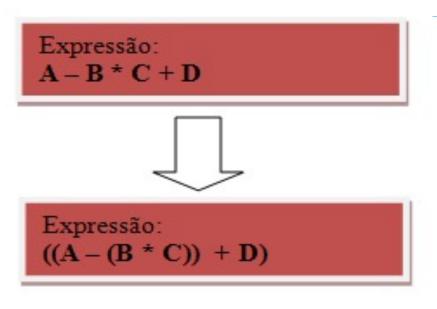
A - B * C

Colocar manualmente parênteses na expressão – tornando explícita a prece3dência das operações que antes estava implícita.

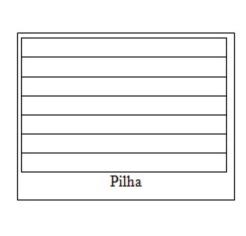
$$A - (B * C)$$

A multiplicação (*) tem precedência sobre a subtração (–), a não ser que a colocação proposital de parênteses altere a precedência padrão das operações.

- Percorrer a expressão já com parênteses, da esquerda para a direita, e para cada símbolo (caractere) encontrado ao longo da expressão, tomar a seguinte decisão:
- Se for parêntese de abertura, ignorá-lo;
- Se for operando, copiá-lo para a expressão pós-fixa (saída desejada);
- Se for operador, colocá-lo na pilha;
- Se for parêntese de fechamento, desempilhar o operador presente no topo da pilha.
- Ao final deste processo, caso a pilha não esteja vazia, é um sinal de que algo de errado ocorreu durante a conversão da notação infixa para pós-fixa.



Conversão



Saída:

 \mathbf{A}

Expressão:

$$((\mathbf{A} - (\mathbf{B} * \mathbf{C})) + \mathbf{D})$$

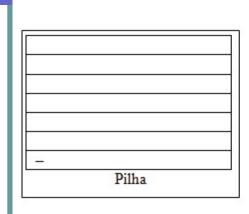


Pilha

Expressão:

Saída:

$$((\mathbf{A} - (\mathbf{B} * \mathbf{C})) + \mathbf{D})$$

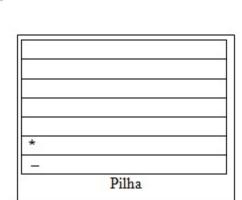


Saída:

AB

Expressão:

$$((\mathbf{A} - (\mathbf{B} * \mathbf{C})) + \mathbf{D})$$

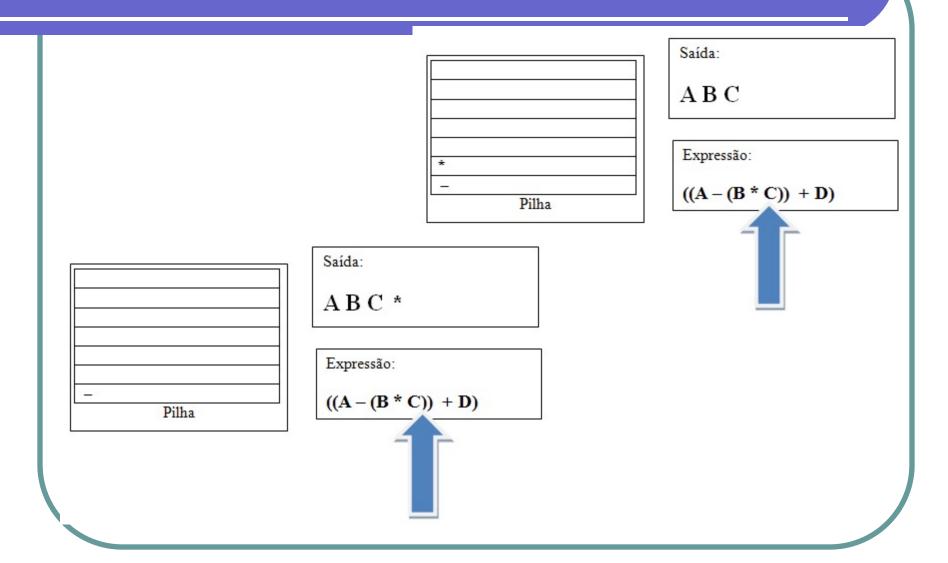


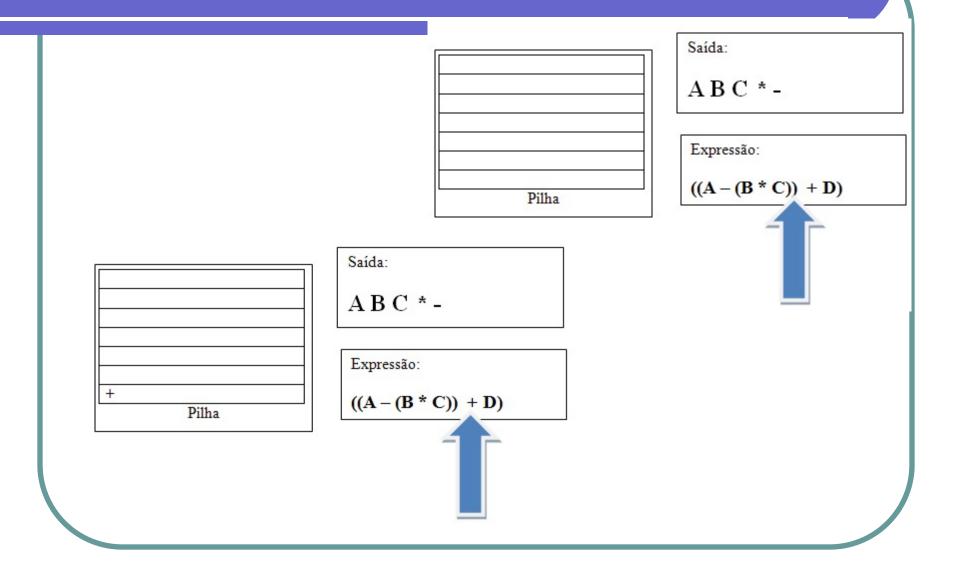
Saída:

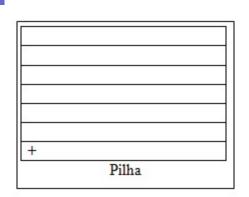
AB

Expressão:

$$((\mathbf{A} - (\mathbf{B} * \mathbf{C})) + \mathbf{D})$$



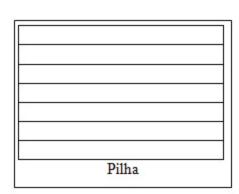




Saída:

Expressão:

$$((\mathbf{A} - (\mathbf{B} * \mathbf{C})) + \mathbf{D})$$



Saída:

Expressão:

$$((\mathbf{A} - (\mathbf{B} * \mathbf{C})) + \mathbf{D})$$



 Implemente esse algoritmo de conversão de uma notação infixa em pós-fixa. Codifique-o na linguagem C.

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include <string.h>
#define Tamanho 100
typedef struct TipoElemento {
        char valor:
        TipoElemento *acima, *abaixo;
} TElemento:
typedef struct TipoPilha {
        TElemento *topo, *base;
} TPilha:
TPilha pilha;
char expressao[Tamanho];
void formatar(char expr[Tamanho]);
void trataSinal(char expr[Tamanho], char sinal, int inicio);
int localizaSinal(char expr[Tamanho], char sinal, int inicio);
int localizaPreSinal(char expr[Tamanho], int posSinal);
int localizaPosSinal(char expr[Tamanho], int posSinal);
void insereParenteses(char expr[Tamanho], int posPre, int posPos);
void especificacao();
void conversao(char expr[Tamanho], TPilha *pilha);
```

Exercício Resolvido – 1 (Parte 2)

```
void inicPilha(TPilha *p);
int pilhaVazia(TPilha *p);
void empilha(TPilha *p, char caractere);
TElemento *desempilha(TPilha *p);
char elemTopo(TPilha *p);
int main(){
   especificacao();
   printf("\n\n\n\tEscreva EXPRESSAO: ");
   fflush(stdin);
   gets(expressao);
   formatar (expressao);
   printf("\n\n\tExpressao FORMATADA: %s\n\n",expressao);
   system("PAUSE");
   conversao(expressao, &pilha);
} //main()
```

Exercício Resolvido – 1 (Parte 3)

```
void formatar(char expr[Tamanho]){
   trataSinal(expr, '*',0);
   trataSinal(expr, '/',0);
   trataSinal(expr, '+',0);
   trataSinal(expr,'-',0);
void trataSinal(char expr[Tamanho], char sinal, int inicio){
    int tamanho = strlen(expr);
    int posSinal = localizaSinal(expr, sinal, inicio);
    int posPre = localizaPreSinal(expr,posSinal);
    int posPos = localizaPosSinal(expr,posSinal);
    insereParenteses(expr,posPre, posPos);
    if (posSinal > -1) {
        posSinal = posSinal + 2;
        trataSinal(expr, sinal, posSinal);
    }//if
```

Exercício Resolvido – 1 (Parte 4)

```
//-----
int localizaSinal(char expr[Tamanho], char sinal, int inicio){
   int pos, resultado = -1, tamanho = strlen(expr);
   for (pos = inicio; pos < tamanho; pos++) {
       if (expr[pos] == sinal){
          resultado = pos;
          break:
       }//if
   }//for
   return resultado;
int localizaPreSinal(char expr[Tamanho], int posSinal){
   int tamanho = strlen(expr);
   int pos = posSinal;
   int resultado = -1;
   int cont = 0;
   if (posSinal > -1) {
       for (pos = (posSinal -1); pos >= 0; pos--) {
           if (expr[pos] != ' '){
              if (expr[pos] == ')') cont++;
              if (expr[pos] == '(') cont--;
              if (cont == 0) {
                 resultado = pos;
                break:
             3//if
          }//if
       }//for
   }//if
   return resultado;
```

Exercício Resolvido – 1 (Parte 5)

```
int localizaPosSinal(char expr[Tamanho], int posSinal){
    int tamanho = strlen(expr);
    int pos = posSinal;
    int resultado = -1;
    int cont = 0;
    if (posSinal > -1) {
        for (pos = (posSinal + 1); pos < tamanho; pos++) {
            if (expr[pos] != ' '){
               if (expr[pos] == '(') cont++;
               if (expr[pos] == ')') cont--;
               if (cont == 0) {
                  resultado = pos;
                  break:
               }//if
           }//if
        }//for
    }//if
    return resultado;
```

Exercício Resolvido – 1 (Parte 6)

```
void insereParenteses(char expr[Tamanho], int posPre, int posPos){
   int posLida = 0, posEscr = 0, tamanho = strlen(expr);
   char novaExpr[Tamanho];
   strcpy(novaExpr, "");
   for (posLida = 0; posLida < tamanho; posLida++) {
       if (posLida == posPre) novaExpr[posEscr++] = '(';
      novaExpr[posEscr++] = expr[posLida];
       if (posLida == posPos) novaExpr[posEscr++] = ')';
   }//for
   novaExpr[posEscr] = '\0';
   strcpv(expr,novaExpr);
void especificacao(){
   system("CLS");
   printf("\n\nREGRAS para ESCREVER uma EXPRESSAO Valida:\n\n");
   printf("\t(1) - EXPRESSAO NAO deve conter CONSTANTES NUMERICAS: \n");
   printf("\t\tERRADO:\tA + 3B - 10\n\t\tCERTO:\tA + B - C\n\n");
  printf("\t(2) - EXPRESSAO NAO deve conter VARIAVEIS com MAIS de uma LETRA no NOME:\n");
   printf("\t\tERRADO:\tXYZ * AB / RESTO\n\t\tCERTO:\tX * A / R\n\n");
   system("PAUSE");
   printf("\n\n\t(3) - SOMENTE sao aceitos 4 OPERADORES ARITMETICOS:\n");
   printf("\t\tSOMA: *\n\t\tSUBTRACAO: -\n\t\tMULTIPLICACAO: *\n\t\tDIVISAO: /\n\n");
   printf("\t(4) - PARENTESES sao PERMITIDOS mas NAO OBRIGATORIOS.\n\n");
   system("PAUSE");
```

Exercício Resolvido – 1 (Parte 7)

```
void inicPilha(TPilha *p) {
      p->topo = NULL;
      p->base = NULL;
}//inicPilha()
int pilhaVazia(TPilha *p) {
    if (p->topo == NULL)
        return 1;
    else
        return 0;
}//pilhaVazia()
```

Exercício Resolvido – 1 (Parte 8)

```
void empilha(TPilha *p, char caractere){
     TElemento *novo = (TElemento *) malloc(sizeof(TElemento));
     novo->valor = caractere;
     if (pilhaVazia(p)){
        p->topo = novo;
        p->base = novo;
        novo->abaixo = NULL;
     } else {
        novo->valor = caractere;
         p->topo->acima = novo;
         novo->abaixo = p->topo;
         p->topo = novo;
     }//if...else
     novo->acima = NULL:
```

Exercício Resolvido – 1 (Parte 9)

```
TElemento *desempilha(TPilha *p){
    TElemento *desempilhado = NULL;
    if (!pilhaVazia(p)){
       desempilhado = p->topo;
       p->topo = p->topo->abaixo;
       if (p->topo == NULL) {
           p->base = NULL;
       } else {
           p->topo->acima = NULL;
       }//if
    }//if
    return desempilhado;
}//desempilha()
char elemTopo(TPilha *p){
    int valor = -9999;
    if (pilhaVazia(p)){
        printf("\n\nOPERACAO INVALIDA !!!\nPilha encontra-se VAZIA\n");
        printf("Impossivel exibir valor do TOPO da Pilha.\n\n");
        system ("PAUSE");
        exit(1);
    }else{
        valor = p->topo->valor;
    }//if
    return valor:
   elemTopo()
```

Exercício Resolvido 1(Parte 10)

```
void conversao(char expr[Tamanho], TPilha *pilha){
     int tamanho = strlen(expr);
     int pos, indice = 0;
     char posFixa[Tamanho];
     TElemento *descarte = NULL;
     strcpy(posFixa,"");
     system("CLS");
     printf("\n\n\n\t\t\t====| Conversao |=====\n");
     printf("\t\t===| da Notacao INFIXA para a POS-FIXA |===\n\n");
     printf("\tEXPRESSAO INFIXA: %s\n\n",expr);
     for(pos = 0; pos <= tamanho; pos++) {
        if((expr[pos] == '+')||(expr[pos] == '-')||(expr[pos] == '*')||(expr[pos] == '/')){
           empilha(pilha,expr[pos]);
        } else if(expr[pos] == ')'){
           descarte = desempilha(pilha);
           if (descarte != NULL) {
              posFixa[indice++] = descarte->valor;
             posFixa[indice++] = expr[pos];
          }//if
        } else {
           posFixa[indice++] = expr[pos];
       }//if
     }//for
```

Exercício Resolvido 1(Parte 11)

```
if (!pilhaVazia(pilha)){
   printf("\n\n\tPILHA NAO VAZIA !!!\n\tERRO: EXPRESSAO INVALIDA!!!\n\n");
} else {
   printf("\n\n\tPILHA VAZIA !!!\n\tEXPRESSAO VALIDA!!!\n\n");
}//if
printf("\tEXPRESSAO POS-FIXA: %s\n\n", posFixa);
system("PAUSE");
```