

# **Definición**

- Un objeto se define como recursivo cuando una parte de él está formada por el objeto mismo.
- La recursividad puede aplicarse en diversos aspectos de la vida cotidiana, tales como las imágenes, el idioma y también en la programación.



# **Definiciones recursivas**

- Un *identificador* es un nombre definido por el programador para denominar una variable o función.
- Algunas de las reglas que deben cumplir los identificadores pueden expresarse en forma recursiva.

## **Definiciones recursivas**

Un identificador en Python es:

- Una letra o guión bajo.
- Un identificador seguido por una letra, número o guión bajo.

© Lie. Ricarde Thempsen

# **Funciones recursivas**

- La recursividad aplicada a la programación se manifiesta en forma de funciones en las que una parte del trabajo lo realiza la misma función.
- En otras palabras, son funciones que se invocan a si mismas.

$$fact(3) = 3 * 2 * 1 \rightarrow fact(4) = 4 * fact(3)$$

$$fact(2) = 2 * 1$$
  $\rightarrow$   $fact(3) = 3 * fact(2)$ 

@ Lie. Ricarde Thempsen

## **Función factorial**

#### **Generalizando:**

- fact(n) = n \* fact(n-1)
- fact(0) = 1 (por convención)

```
def fact(n):
    if n==0:
        return 1
    else:
        return n * fact(n-1)

# Programa principal
a=int(input("Ingrese un número entero: "))
print("El factorial de", a, "es", fact(a))
```

© Lie. Ricarde Thempsen

## **Función factorial**

Prueba de escritorio para n = 4

```
def fact(n):
    if n = = 0:
        return 1
    else:
        return n * fact(n-1)
        return n * fact(n-1)
        return n * fact(n-1)
```

Prueba de escritorio para n = 4

© Lie. Ricarde Thempsen

# **Función factorial**

```
def fact(n):
    if n==0:
        return 1
    else:
        return n * fact(n-1)
    a=int(input("Ingrese un número entero: "))
print("El factorial de", a, "es", fact(a))
```

- El caso recursivo es donde se realizan las llamadas recursivas. Suele ser el más común, es decir el que se ejecuta la mayoría de las veces.
- El caso base es donde se realiza una salida no recursiva. Suele ser único, o limitado a pocas alternativas.

@ Lie. Ricarde Thempsen

# **Función factorial**

Prueba de escritorio para n = -1

def fact(n):	n	fact(n)
if n==0:	-1	-1 * fact(-2)
return 1	-2	-1 * fact(-2) -2 * fact(-3) -3 * fact(-4) -4 * fact(-5)
else:	-3	-3 * fact(-4)
return n * fact(n-1)	-4	-4 * fact(-5)
		[]



Prueba de escritorio para n = -1

**RecursionError:** 

maximum recursion depth exceeded in comparison

@ Lie. Ricarde Thempsen

# "Divide y Vencerás"

- Es una técnica que ayuda a determinar si un problema es adecuado para recibir una solución recursiva.
- Consiste en particionar el problema global en problemas más pequeños, y volverlos a particionar hasta llegar a una solución elemental.

# Potencia de un Nº natural

• 
$$2^4 = 2 * 2 * 2 * 2$$

• 
$$2^3 = 2 * 2 * 2$$
  $\Rightarrow 2^4 = 2 * 2^3$ 

• 
$$2^2 = 2 * 2$$
  $\Rightarrow 2^3 = 2 * 2^2$ 

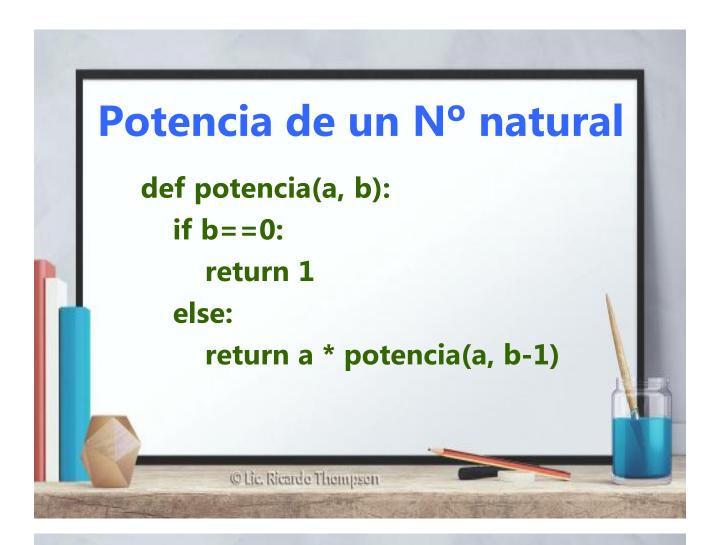
@ Lic. Ricarde Thempsen

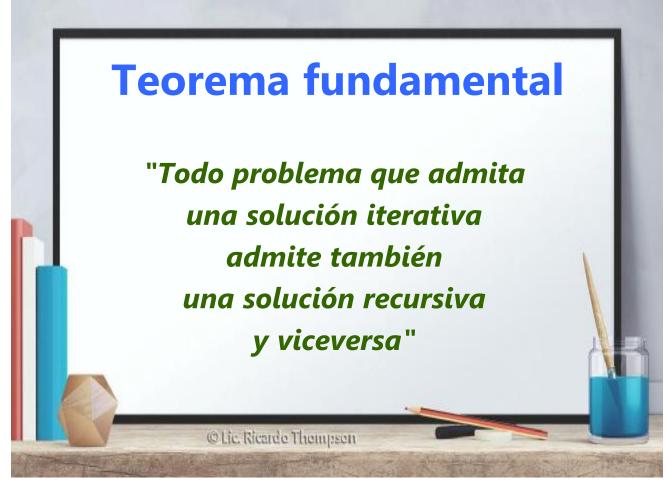
# Potencia de un Nº natural

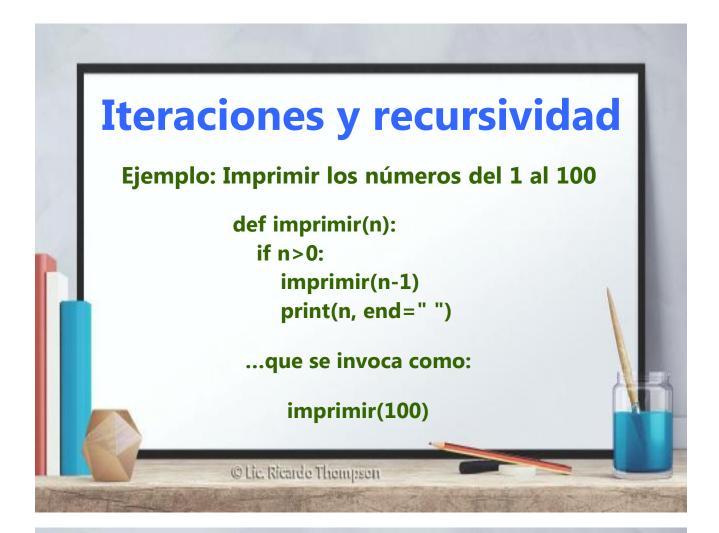
#### **Generalizando:**

• 
$$a^b = a * a^{b-1}$$

• 
$$a^0 = 1$$
 (por convención)







# Iteraciones y recursividad

Prueba de escritorio para n = 100

```
def imprimir(n):
    if n>0:
        imprimir(n-1)
        print(n, end=" ")

# Programa principal
imprimir(100)

n Imprime

100
99
98
[...]
```



Prueba de escritorio para n = 100

def imprimir(n):	n	Imprime
if n>0:	100	100
imprimir(n-1)	99 98	99 98
print(n, end=" ")		[]
	2	2
# Programa principal	1	1
imprimir(100)	0	

© Lie. Ricarde Thempsen

# Ventajas y desventajas

### **Ventajas**

- Elegancia
- Simplicidad

### Desventajas

- Lentitud
- Consumo de memoria



- Muchas operaciones sobre listas se realizan a través de ciclos.
- Como los ciclos pueden ser reemplazados por llamadas recursivas, es posible implementar cualquiera de estas operaciones a través de recursividad.

@ Lie. Ricarde Thempsen

# Listas y Recursividad

def imprimirlista(lista, inicio=0):

if inicio < len(lista):

print(lista[inicio], end=" ")

imprimirlista(lista, inicio+1)

...que se invoca como:

imprimirlista(lista)

```
Listas y Recursividad

def buscarmayor(lista, inicio=0):
    if inicio<len(lista)-1:
        actual = lista[inicio]
        mayor = buscarmayor(lista, inicio+1)
        return actual if actual>mayor else mayor
    else:
        return lista[-1] # Último elemento
        ...que se invoca como:
    maximo = buscarmayor(lista)
```

#### Programa completo def buscarmayor(lista, inicio=0): if inicio < len(lista)-1: actual = lista[inicio] mayor = buscarmayor(lista, inicio+1) return actual if actual>mayor else mayor return lista[-1] # Último elemento def imprimirlista(lista, inicio=0): if inicio < len(lista): print(lista[inicio], end=" ") imprimirlista(lista, inicio+1) # Programa principal lista = [2,7,5,4,9,0,8,6]imprimirlista(lista) print() maximo = buscarmayor(lista) print("El mayor elemento de la lista es", maximo) © Lie, Ricarde Thempsen



- Es un pasatiempo que se presentó en Europa en 1883.
- El entretenimiento intenta reproducir una tarea que, según la leyenda, vienen desarrollando los monjes del templo de Brahma en la India.





El objetivo del juego consiste en trasladar la torre de 64 discos desde la aguja 1 a la aguja 3, respetando sólo dos reglas básicas:

@ Lic. Ricarde Thempsen

# Las Torres de Hanoi

- 1. No se puede mover más de un disco por vez.
- 2. No se puede colocar un disco de mayor tamaño encima de otro de menor tamaño.



- La tarea es tan larga que aún hoy los monjes continúan con ella.
- Según la leyenda, cuando terminen de trasladar la pirámide habrá llegado el fin del mundo.











## Las Torres de Hanoi

```
def mover(n, origen, destino, aux):
    if n>0:
        mover(n-1, origen, aux, destino)
        print("Muevo un disco de", origen, "a", destino)
        mover(n-1, aux, destino, origen)

# Programa principal
discos=int(input("Cantidad de discos? "))
```

@ Lie. Ricarde Thempsen

mover(discos, 1, 3, 2)

### Las Torres de Hanoi

- La cantidad óptima de movimientos está dada por la fórmula 2<sup>n</sup> – 1, donde n es la cantidad de discos.
- Si n = 64  $\rightarrow$  2<sup>64</sup> 1 =

18.446.744.073.709.551.615

(≈ 18.4 trillones de movimientos)



### Para tener en cuenta

- Nunca debe verificarse el caso base mediante while o for.
- Las variables locales tienen una utilidad acotada.
- Es necesario utilizar parámetros adicionales y el valor de retorno para comunicar valores entre distintas llamadas recursivas.

