

Пример оформления задания №4

Постановка задачи.

1. Прямая: найти оптимальный план производства продукции с максимальной прибылью, для которого достаточно имеющихся ресурсов.

x_1, x_2, x_3, x_4 – количество произведенной продукции

Целевая функция:

$F = \quad \rightarrow \max$

Ограничения:

2. Двойственная: оценить каждый из видов сырья, используемого для производства продукции. Оценки, приписываемые каждому виду сырья, должны быть такими, чтобы оценка всего используемого сырья была минимальна, а суммарная оценка сырья, используемого для производства единицы продукции – не меньше цены единицы продукции.

Целевая функция двойственной задачи:

Ограничения:

Решим прямую задачу, введя 3 фиктивные переменные:

$x = (\quad)$ – оптимальное

Решение прямой задачи симплекс методом с помощью Excel!!!!

Microsoft Excel 16.0 Отчет о результатах

Лист: [Simplex table.xlsx]Лист1

Отчет создан: 25.10.2021 17:35:58

Результат: Решение найдено. Все ограничения и условия оптимальности выполнены.

Модуль поиска решения

Модуль: Поиск решения лин. задач симплекс-методом

Время решения: 0 секунд.

Число итераций: 3 Число подзадач: 0

Параметры поиска решения

Максимальное время Без пределов, Число итераций Без пределов, Precision 0,000001, Использовать автоматическое масштабирование

Максимальное число подзадач Без пределов, Максимальное число целочисленных решений Без пределов, Целочисленное отклонение 1%, Считать неотрицательными

Ячейка целевой функции (Максимум)

Ячейка	Имя	Исходное значение	Окончательное значение
\$F\$14	Целевая функция A2	0	2025

Ячейки переменных

Ячейка	Имя	Исходное значение	Окончательное значение	Целочисленное
\$B\$19	x1	0	225	Продолжить
\$C\$19	x2	0	0	Продолжить
\$D\$19	x3	0	0	Продолжить
\$E\$19	x4	0	0	Продолжить

Ограничения

Ячейка	Имя	Значение ячейки	Формула	Состояние	Допуск
\$F\$15	1-е ограничение A2	450	\$F\$15<=\$G\$15	Без привязки	250
\$F\$16	2-е ограничение A2	900	\$F\$16<=\$G\$16	Без привязки	400
\$F\$17	3-е ограничение A2	1800	\$F\$17<=\$G\$17	Привязка	0

Решим двойственную задачу:

Решение через условия дополняющей нежесткости.

По 2-й теореме двойственности оптимальное решение двойственной задачи удовлетворяет условиям:

$$(1): (\sum_{j=1}^n a_{ij} \cdot x_j^* - b_i) \cdot y_i^* = 0, i=\overline{1, m} \quad (2): (\sum_{i=1}^m a_{ij} \cdot y_i^* - c_j) \cdot x_j^* = 0, j=\overline{1, n}$$

2.2. Решение по формуле:

$$y^* = C_B \cdot A_B^{-1}$$

Анализ результатов:

1. Подставим x^* в условия прямой задачи:

1-е, 2-е условие имеют знак «<», значит, 1-й и 2-й ресурсы (металл и пластмасса) не являются дефицитными (остатки _____ соответственно).

3-е условие имеет знак «=», значит, 3-й ресурс (резина) дефицитен

2. Подставим y^* в условия двойственной задачи:

1-е ограничение имеет знак «=», следовательно, двойственная оценка ресурса, используемого для изготовления продукта в точности равна доходам, а значит продукт выгодно производить:

2-е, 3-е, 4-е ограничения имеют знак «>», следовательно, производить изделия экономически невыгодно:

3. Величина двойственных оценок показывает, насколько возрастает целевая функция при увеличении запасов дефицитного ресурса на единицу.

Увеличение запасов ресурса РЗ (резина) на единицу приведет к новому оптимальному плану:

Коэффициент A_B^{-1} показывают, что увеличение прибыли достигается за счет увеличения выпуска продукции единицы; при этом запасы ресурсов) сократятся на единиц соответственно

Ответ: x^* ; $y^* =$

Анализ устойчивости двойственных оценок.

Определим интервалы устойчивости:

$$x_{b_{\text{нов}}}^* = x_b + A_b^{-1} \cdot (b + \Delta b)$$

$$A_b^{-1} (b + \Delta b) \geq 0$$

Частные случаи:

- 1) $\Delta b_2 = \Delta b_3 = 0$: $\Delta b_1 \geq$ \Rightarrow запасы 1-го ресурса можно уменьшать не более чем единиц, при этом оптимальный план двойственной задачи не изменится.
- 2) $\Delta b_1 = \Delta b_3 = 0$: $\Delta b_2 \geq$ \Rightarrow запасы 2-го ресурса можно уменьшать не более чем единиц, при этом оптимальный план двойственной задачи не изменится.
- 3) $\Delta b_1 = \Delta b_2 = 0$: $\leq \Delta b_3 \leq$ \Rightarrow при увеличении запасов 3-го ресурса не более чем на единиц и уменьшении его запасов не более чем на единиц значение целевой функции не изменится.

Предположим: $\Delta b_2 = -100$; $\Delta b_3 = -200$ (можно выбрать на свое усмотрение):

$$\begin{pmatrix} x_5^{\text{нов}} \\ x_6^{\text{нов}} \\ x_1^{\text{нов}} \end{pmatrix} \geq 0 \Rightarrow \Delta b_2, \Delta b_3 \text{ сохраняют оценки ресурсов в пределах}$$

устойчивости, целевая функция изменится на _____ и станет равной _____.

$$x_{\text{нов}} = \quad ; F_{\text{нов}} =$$