1 Inbetriebnahme der Sensor

Die Werte ϕ_K , $\dot{\phi_K}$ und $\dot{\phi_K}$ müssen für die Regelung des Würfels erfasst werden. Hierfür wird das Bauteil 2020 Adafruit Industries verwendet. Dieser Chip verfügt über einen Beschleunigungssensor, ein Gyroskop und Magnetometer, welche jeweils über drei Achsen die Beschleunigung, die Winkelgeschwindigkeit und die magnetische Flussdichte messen. Um die Sensoren in das Gesamtsystem einzubinden müssen diese über I^2C mit der Rechnereinheit verbunden und kalibriert werden. Außerdem müssen die gemessenen Werte in die benötigten Größen überführt werden.

1.1 Verwendete Koordinatensysteme

Bei der Betrachtung der Würfels werden zwei Koordinatensysteme verwendet. Das Weltkoordinatensystem $(x_w, y_w, z_w)^T$ beginnt im Drehpunkt der Würfelseite und ist fix. Das Würfelkoordinatensystem $(x, w, y)^T$ beginnt ebenfalls im Drehpunkt allerdings rotiert es mit dem Winkel ϕ_K , welcher die relative Rotation der Würfelsystem zum Weltkoordinatensystem beschreibt. An der Außenseite des Würfels sind die beiden Sensoren befestigt, an der Innenseite sind die Schwungmasse, der Motor und die Bremse angebracht. Die Achsen der Sensorkoordinatensysteme liegen parallel zu den Würfelkoordinaten. Die Translation entspricht der Position des Sensors zum Drehpunkt und somit zum Ursprung des Würfelkoordinatensystem.

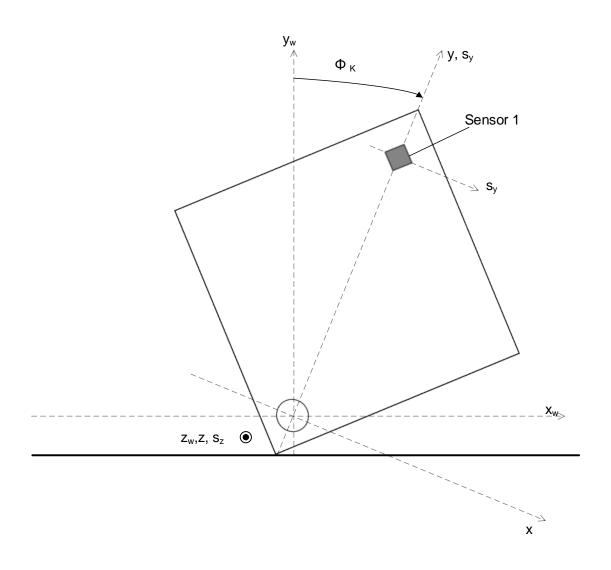


Abbildung 1: Darstellung Koordinatensysteme, Quelle: eigene Darstellung

Sensorkoordinaten in Winkelkoordinaten umwandeln, welche Sensorachsen müssen invertiert werden? Letze Messsung/Kalibrierung: x- und y-Achse invertiert, z-Achse nicht invertiert, allerdings ist die Richtung der z-Achse irrelevant da cosinus symmetrisch ist

1.2 Anbindung über I^2C und Sensorkonfiguration

Der Sensor unterstützt das I^2C Protokoll bei einer Frequenz von 400kHz. Mit Hilfe der Registeradressen des Sensors, welche im Datenblatt dokumentiert sind, werden die aktuellen Sensorwerte ausgelesen und Konfigurationen festgelegt werden.

Der Beschleunigungssensor erfasst Beschleunigungen im Bereich von $\pm 2g$ mit einer Auflösung von 0.061mg/LSb. Die Winkelgeschwindigkeit des Gyroskop bewegt sich in einem Bereich von $\pm 245dps$ mit einer Auflösung von 8.75mdps/LSb. Der Magnetometer liefert Werte im Bereich von $\pm 2gauss$ und bringt hierbei eine Auflösung von 0.08mgauss/LSb.

1.3 Ermittlung der Größen ϕ_K , $\dot{\phi_K}$ und $\ddot{\phi_K}$

Die Sensoren erfassen die jeweilige Größe in drei Achsen. Betrachtet man die Drehbewegung der Würfelseite, so entspricht die Y-Achse des Sensors der Radialachse des Würfels und die X-Achse des Sensors der Tangentialachse der Drehbewegung. Die Z-Achse des Sensors steht senkrecht auf der Drehbene.

1.3.1 Bestimmung von ϕ_K

Der Beschleunigungssensor erfasst die drei Beschleunigungswerte in g bzw. in der SI-Einheit $\frac{m}{s^2}$. Aus den X- und Y-Werten kann die aktuelle Winkelbeschleunigung ϕ_K bestimmt werden. Hierbei muss beachtet werden, dass der Sensor in Ruhelage eine absolute Beschleunigung von 1g ausgibt, also offset-behaftet ist. Die Zusammensetzung der Beschleunigungswerte kann winkelabhängig bestimmt werden.

$$\ddot{x_S} := Beschleunigungswert \ in \ X \ in \ \frac{m}{s^2}$$

$$\ddot{y_S} := Beschleunigungswert \ in \ Y \ in \ \frac{m}{s^2}$$

$$\ddot{z_S} := Beschleunigungswert \ in \ Z \ in \ \frac{m}{s^2}$$

$$r_S := Abstand \ von \ Sensor \ zu \ Drehpunkt$$

$$(\ddot{x_S}, \ddot{y_S}, \ddot{z_S}) = (r_S \cdot \ddot{\phi_K} + sin(\phi_K) \cdot g, -r_S \cdot \dot{\phi_K}^2 - cos(\phi_K) \cdot g, 0)$$

1.3.2 Bestimmung von
$$\dot{\phi_K}$$

Das Gyroskop gibt die Winkelgeschwindigkeiten in Grad pro Sekunde wider. Somit muss der Z-Wert lediglich in SI-Einheiten umgewandelt werden.

 $\ddot{\phi_K} = \frac{\ddot{x_S} - \sin(\phi_K) \cdot g}{r_S}$

 $\omega_S := Winkelgeschwindigkeit um Z in Grad pro Sekunde$

$$\dot{\phi_K} = \omega_S \cdot \frac{2 \cdot \pi}{360}$$

1.3.3 Bestimmung von ϕ_K

Der Ausfallwinkel des Würfels kann über verschiedene Wege ermittelt werden. Nach der Kalibrierung des Magnetometer kann über das Verhältnis der magnetischen Flussdichte in X- und Y-Richtung der Winkel berechnet werden. Dieses Verfahren hat sich allerdings als extrem störanfällig bewiesen und ist somit für diesen Anwendungsfall untauglich.

Über die folgende Differenzialgleichung zur Bestimmung des dynamischen Verhalten des Systems kann der Winkel ϕ_K berechnet werden.

$$\begin{split} (\Theta_K^{(A)} + m_w \cdot l^2) \cdot \ddot{\phi_K} &= (m_K l_K + m_w \cdot l) \cdot g \cdot \sin(\phi_K)) - C_K \cdot \dot{\phi_w} - T_M \\ \\ sin(p \ddot{h} i_K) &= (\Theta_K^{(A)} + m_w \cdot l^2) \cdot \ddot{\phi_K} + C_K \cdot \dot{\phi_w} + T_M \end{split}$$

Die Sensoren liefern die Werte $\dot{\phi_K}$ und $\dot{\phi_K}$, die Winkelgeschwindigkeit $\dot{\phi_R}$ wird über den Motortreiber ermittelt. Somit kann ϕ_K mittels der obigen Gleichung berechnet werden. Allerdings müssen die konstanten Werte bereits bestimmt worden sein. Folglich kann diese Methode erst nach erfolgreicher Systemidentifikation verwendet werden.

Um die Systemidentifikation durchzuführen wird ein zweiter Sensor an der Würfelseite angebracht. Über das Verhältnis der Abstände der Sensoren zum Drehpunkt und deren Beschleunigungswerte kann eine Winkelschätzung durchgeführt werden. Mit diesem Prinzip können die Systemparameter bestimmt werden und anschließend die oben genannte Methode verwendet werden. Dadurch ist der zweite Sensor lediglich zur Systemidentifikation notwendig.

$$\begin{split} r_S1 &:= Abstand\ von\ Sensor\ 1\ zu\ Drehpunkt \\ r_S2 &:= Abstand\ von\ Sensor\ 2\ zu\ Drehpunkt \\ \mu &= \frac{r_{S1}}{r_{S2}} \\ \ddot{x}_{S1} - \mu \cdot \ddot{x}_{S2} &= (1-\mu) \cdot g \cdot sin(\phi_K) \\ \ddot{y}_{S1} - \mu \cdot \ddot{y}_{S2} &= -(1-\mu) \cdot g \cdot cos(\phi_K) \\ &\frac{\ddot{x}_{S1} - \mu \cdot \ddot{x}_{S2}}{\ddot{y}_{S1} - \mu \cdot \ddot{y}_{S2}} &= -tan(\phi_K) \\ \phi_K &= -atan(\frac{\ddot{x}_{S1} - \mu \cdot \ddot{x}_{S2}}{\ddot{y}_{S1} - \mu \cdot \ddot{y}_{S2}}) \end{split}$$

1.4 Kalibrierung der Sensoren

Die erforderlichen Sensorwerte um die benötigten Größen zu bestimmen sind \ddot{x}_S , \ddot{y}_S und ω_S . Die Sensoren geben die physikalischen Größen in 16-Bit-Werten in der Zweierkomplement-Darstellung wieder. Über einen Faktor kann der entsprechende Wert als SI-Einheit dargestellt werden. Bei der Kalibrierung muss der Offset zwischen Sollausgabe und Istwert ermittelt werden, um die Sensorwerte korrigieren zu können.

1.4.1 Kalibrierung des Beschleunigungssensor

In der Ruhelage soll der Sensor einen Beschleunigungsbetrag von 1g anzeigen. Im ersten Aufbau wird der Sensor so positioniert, dass die Gravitation lediglich den X-Wert beeinflusst, folglich ist der Sollwert der X-Beschleunigung 1g. Um die mittlere Abweichung \ddot{x}_{off} zu ermitteln wird eine Messreihe von m = 10000 Messwerten aufgezeichnet.

$$\ddot{x}_{off} = 1g - \frac{\sum_{i=1}^{m} \ddot{x}}{m} \ddot{x}$$

Die oben berechnete Abweichung bezieht sich auf die Darstellung des Wertes als SI-Einheit. Um den Offset in Ganzzahldarstellung zu ermitteln muss durch den Umrechnungsfaktor dividiert und gerundet werden.

$$\ddot{x}_{off}^{int} = \frac{\ddot{x}_{off}}{factor}$$

Die Bestimmung der Abweichung der Beschleunigung für die Y-Achse verläuft analog.

1.4.2 Kalibrierung des Gyroskop

Der Sollwert des Gyroskop in der Ruhelage beträgt 0dps. Somit lässt sich der Offset analog zu dem Beschleunigungssensor ermitteln.

1.4.3 Messergebnis für X-Achse des Beschleunigungssensor

Die Messung zur Bestimmung des Offset der X-Achse wurde zweimal durchgeführt. Zuerst wurde die X-Achse des Sensor in Gravitationsrichtung gestellt. Bei dem zweiten Durchlauf zeigte sie entgegen der Gravitationsrichtung.

 $Messung \ X-Achse \ Beschleunigungssensor \ in \ Gravitationsrichtung$

 $Durchgefuehrt\ am\ 10.05.2016$

 $Anzahl\ Messungen: m = 10000$

$$\frac{\sum_{i=1}^{m} \ddot{x}^{int}}{m} = -19770$$

$$\frac{\sum_{i=1}^{m} \ddot{x}}{m} = -1.0966$$

$$\ddot{x}_{off}^{int} = 34371$$

$$\ddot{x}_{off} = 2.0966$$

 $Messung \ X-Achse \ Beschleunigungssensor \ gegen \ Gravitationsrichtung$

 $Durchgefuehrt\ am\ 10.05.2016$

 $Anzahl\ Messungen: m=10000$

$$\frac{\sum_{i=1}^{m} \ddot{x}^{int}}{m} = 15057$$

$$\frac{\sum_{i=1}^{m} \ddot{x}}{m} = 0.9185$$

$$\ddot{x}_{off}^{int} = 1336$$

$$\ddot{x}_{off} = 0.0815$$

Die Ergebnisse zeigen, dass die Achsen auf dem Chip falsch markiert sein. Die Richtung kann allerdings problemlos korrigiert werden.

1.4.4 Messergebnis für Y-Achse des Beschleunigungssensor

Die Messung wurde analog zu der X-Achse zweimal durchgeführt. Die aufgezeichnete Sensorachse ist ebenfalls invertiert.

 $Messung \ Y-Achse \ Beschleunigungssensor \ in \ Gravitationsrichtung$

 $Durchgefuehrt\ am\ 10.05.2016$

 $Anzahl\ Messungen: m=10000$

$$\frac{\sum_{i=1}^{m} \ddot{y}^{int}}{m} = -16085$$

$$\frac{\sum_{i=1}^{m} \ddot{y}}{m} = -0.9812$$

$$\ddot{y}_{off}^{int} = 32479$$

$$\ddot{y}_{off} = 1.9812$$

 $Messung \ Y-Achse \ Beschleunigungssensor \ gegen \ Gravitationsrichtung$

 $Durchgefuehrt\ am\ 10.05.2016$

 $Anzahl\ Messungen: m=10000$

$$\frac{\sum_{i=1}^{m} \ddot{y}^{int}}{m} = 16293$$

$$\frac{\sum_{i=1}^{m} \ddot{y}}{m} = 0.9939$$

$$\ddot{y}_{off}^{int} = 100$$

$$\ddot{y}_{off} = 0.0061$$

1.4.5 Messergebnis für die Z-Achse des Gyroskop

Die Messung zur Bestimmung des Offset der Z-Achse wurde einmal durchgeführt.

Messung Z – Achse Gyroskop

Durchgefuehrt am 10.05.2016

Anzahl Messungen:
$$m = 10000$$

$$\frac{\sum_{i=1}^{m} \omega^{int}}{m} = 55$$

$$\frac{\sum_{i=1}^{m} \omega^{dps}}{m} = 0.4793$$

$$\omega_{off}^{int} = -55$$

$$\omega_{off} = -0.4793$$

1.5 Übertragung auf das 1D-Würfelmodell

Die Übertragung der Kalibrierungswerte auf den eindimensionalen Prototyp ergab in den Testmessungen große Fehler. Der Test ergab einerseits, dass die Sensoren einzeln kalibriert werden müssen, da eine starke Abweichung zwischen den einzelnen Exemplaren herrscht. Andererseits führt der 3D-Druck des Prototyps zu einem Kippwinkel in Richtung der Z-Achse. Folglich muss das Modell zur Werteberechnung um einen Freiheitsgrad erweitert werden.

1.6 Bestimmen der Werte in einem Modell mit zwei rotatorsichen Freiheitsgraden

Die oben aufgezeigte Bestimmung der Werte phi_K , $\dot{\phi_K}$, $\dot{\phi_K}$ wurde unter der Annahme durchgeführt, dass der von dem Winkel ϕ_K beschriebene rotatorische Freiheitsgrad beachtet werden muss. Allerdings ergibt sich durch die Qualität des 3D-Drucks ein nicht zu vernachlässigender Kippwinkel in Richtung der Z-Achse. Somit muss ein weiterer rotatorischer Freiheitsgrad beachtet werden, welcher von dem Winkel Θ_K beschrieben wird.

Unter der Annahme das keine Kraft außer der Gravitation wirkt, wird die Beschleunigung in Würfelkoordinaten wie folgt beschrieben werden.

$$s_{i} = \begin{pmatrix} \ddot{x}_{i}^{s} \\ \ddot{y}_{i}^{s} \\ \ddot{z}_{i}^{s} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} g \cdot \sin(\phi_{K}) \cdot \cos(\Theta_{K}) \\ -g \cdot \cos(\phi_{K}) \cdot \cos(\Theta_{K}) \\ g \cdot \sin(\Theta_{K}) \end{pmatrix}$$
(1)

Der Betrag des Beschleunigungsvektor muss stets gleich 1g sein, an Hand dieser Bedingung kann das obige LGS überprüft werden.

$$a^{2} = \ddot{x}_{i}^{2} + \ddot{y}_{i}^{2} + \ddot{z}_{i}^{2}$$

$$= g^{2} \cdot (\sin^{2}(\phi_{K}) \cdot \cos^{2}(\Theta_{K}) + \cos^{2}(\phi_{K}) \cdot \cos^{2}(\Theta_{K}) + \sin^{2}(\Theta_{K}))$$

$$= g^{2} \cdot (\cos^{2}(\Theta_{K}) \cdot (\sin^{2}(\phi_{K}) + \cos^{2}(\phi_{K})) + \sin^{2}(\Theta_{K}))$$

$$= g^{2} \cdot (\cos^{2}(\Theta_{K}) + \sin^{2}(\Theta_{K})) = g^{2}$$
(2)

Die obigen Gleichungssysteme beschreiben die Dynamik des Prototyp ohne weitere Einflüsse wie z.B. das durch den Motor verursachte Drehmoment.

$$s_{i} = \begin{pmatrix} \ddot{x}_{i}^{s} \\ \ddot{y}_{i}^{s} \\ \ddot{z}_{i}^{s} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} g \cdot \sin(\phi_{K}) \cdot \cos(\Theta_{K}) + \ddot{\phi}_{K} \cdot r_{i} \\ -g \cdot \cos(\phi_{K}) \cdot \cos(\Theta_{K}) - \dot{\phi}_{K}^{2} \cdot r_{i} - \dot{\Theta}_{K}^{2} \cdot r_{i} \\ g \cdot \sin(\Theta_{K}) + \ddot{\Theta}_{K} \cdot r_{i} \end{pmatrix}$$

$$(3)$$

1.6.1 Winkelschätzung mit zwei Freiheitsgraden

Durch den zweiten Freiheitsgrad wird die Winkelschätzung von Θ_K und dessen Ableitungen beeinflusst.

$$s_{i} = \begin{pmatrix} \ddot{x}_{i}^{s} \\ \ddot{y}_{i}^{s} \\ \ddot{z}_{i}^{s} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} g \cdot \sin(\phi_{K}) \cdot \cos(\Theta_{K}) + \ddot{\phi}_{K} \cdot r_{i} \\ -g \cdot \cos(\phi_{K}) \cdot \cos(\Theta_{K}) - \dot{\phi}_{K}^{2} \cdot r_{i} - \dot{\Theta}_{K}^{2} \cdot r_{i} \\ g \cdot \sin(\Theta_{K}) + \ddot{\Theta}_{K} \cdot r_{i} \end{pmatrix}$$

$$(4)$$

Die Werte für die beiden Winkel ϕ_K und Θ_K werden durch Subtraktion der beiden Sensorwerte in Proportion zu deren Abständen zum Drehpunkt bestimmt.

$$s_{1} - \mu s_{2} = \begin{pmatrix} g \cdot \sin(\phi_{K})\cos(\Theta_{K}) + r_{1}\ddot{\phi}_{K} - \mu(g \cdot \sin(\phi_{K})\cos(\Theta_{K}) + r_{2}\ddot{\phi}_{K}) \\ -g \cdot \cos(\phi_{K})\cos(\Theta_{K}) - r_{1}\dot{\phi}_{K}^{2} - r_{1}\dot{\Theta}_{K}^{2} + \mu(g \cdot \cos(\phi_{K})\cos(\Theta_{K}) + r_{2}\dot{\phi}_{K}^{2} - r_{2}\dot{\Theta}_{K}^{2}) \\ g \cdot \sin(\Theta_{K}) + \ddot{\Theta}_{K}r_{1} - \mu(g \cdot \sin(\Theta_{K}) + r_{2}\ddot{\Theta}_{K}) \end{pmatrix}$$

$$= \begin{pmatrix} g \cdot \sin(\phi_{K})\cos(\Theta_{K})(1 - \mu) \\ -g \cdot \cos(\phi_{K})\cos(\Theta_{K})(1 - \mu) \\ g \cdot \sin(\Theta_{K})(1 - \mu) \end{pmatrix}$$
(5)

Der Winkel ϕ_K wird geschätzt indem die Subtraktion der Sensorwerte in x- und y-Richtung dividiert werden.

$$\frac{\ddot{x}_1 - \mu \ddot{x}_2}{\ddot{y}_1 - \mu \ddot{y}_2} = \frac{-\sin(\phi_K)}{\cos(\phi_K)} = -\tan(\phi_K)$$

$$\phi_K = -a\tan(\frac{\ddot{x}_1 - \mu \ddot{x}_2}{\ddot{y}_1 - \mu \ddot{y}_2})$$
(6)

Für die Bestimmung von Θ_K werden lediglich die Sensorwerte in z-Richtung verwendet. Hierdurch wird die Genauigkeit des Schätzverfahrens verringert.

Die Winkelbeschleunigung $\ddot{\phi}_K$ kann mit Hilfe der Winkelwerte bestimmt werden.

$$\ddot{\phi}_K = \frac{\ddot{x}_i^s - g \cdot \sin(\phi_K) \cdot \cos(\Theta_K)}{r_i} \tag{8}$$

1.6.2 Ergebnisse der Neukalibrierung mit 2 Freiheitsgraden

Die Winkel sind sehr gut, allerdings ist die Schätzung der Winkelbeschleunigung extrem schlecht, auch die Kalibrierung mit dem Magnetometer-Tool hilft nicht weiter.

1.7 Fragerunde

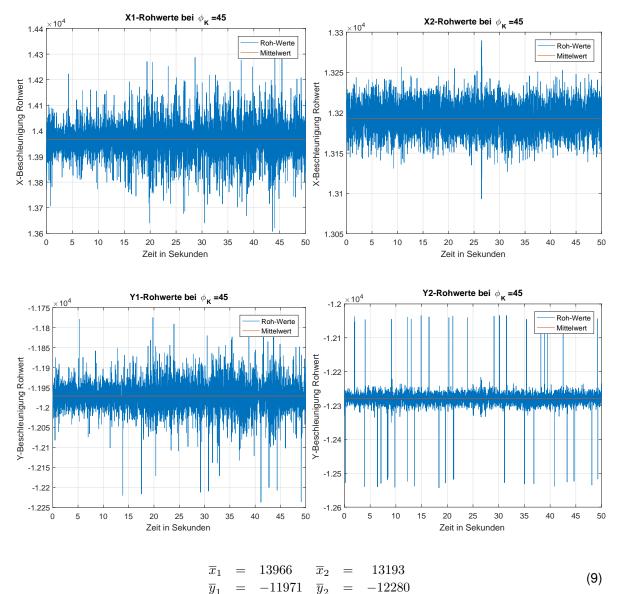
- Arbeitspaket falsch eingeschätzt
- Zeitmanagement falsch, Parallelisierung lief falsch, daraufhin schlechte Vorgehensweise, unkoordiniertes Arbeiten (z.B. Durcheinander von verschiedenen Kalibriermethoden, kein zielgerichtetes Arbeiten)
- Magnetometer ist zu sehr von Störung beeinflusst und fällt deswegen zur Winkelbestimmung raus.
- Winkelschätzung über zwei Beschleunigungssensoren
- Ergebnis sind gute Winkelwerte allerdings unbrauchbare Beschleunigungswerte. Mögliche Ursachen sind die Einstellung der Sensorfilter, die Kalibrierung, die Sensorqualität bzw. die Geometrie
- Weitere Vorgehensweise?

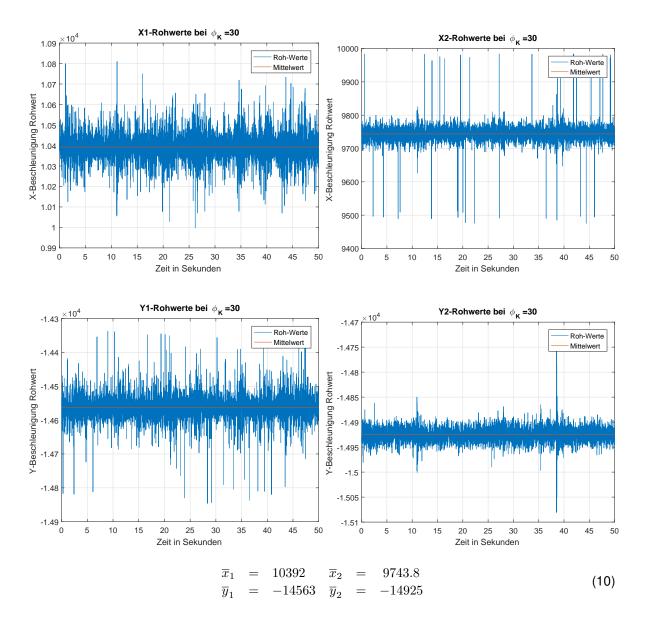
2 Reset

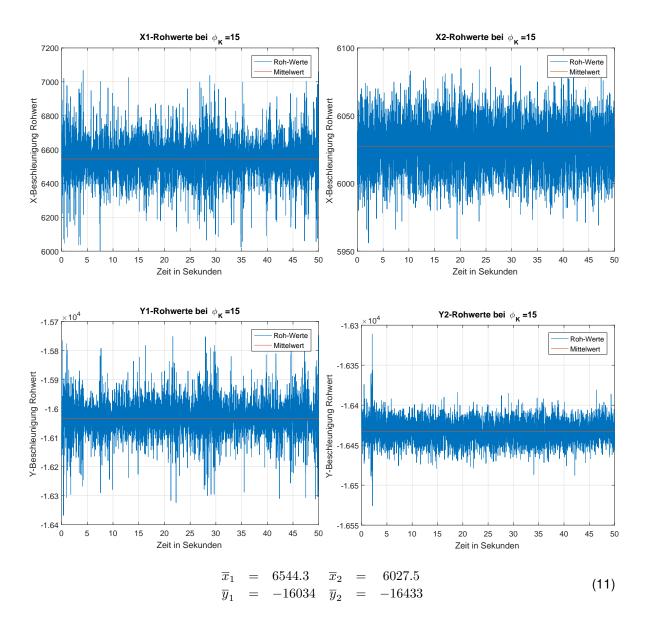
Es werden fünf Messungen durchgeführt, hierbei befindet sich der Würfel jeweils in einer fixen Position. Die ϕ_K -Werte sind hierbei $-45^{\circ}, -20^{\circ}, 0^{\circ}, 20^{\circ}, 45^{\circ}$. Es werden in jeder Position m=10000 Messwerte mit einer Abtastperiode $T_A=5ms$ aufgenommen. Aus den gemessenen Werten wird der Mittelwert, die Varianz und die Standardabweichung der Rohwerte berechnet. Mit dem Faktor zur Umrechnung in g (Herstellerangabe) wird der Beschleunigungswert berechnet. Durch die Umrechnung ergibt sich aus der Differenz des Sensormittelwertes und dem Sollwert der Offset des jeweiligen Sensor berechnen. Ist dieser Offset über die fünf Messpositionen nicht konstant ist vermutlich die Herstellerangabe Fehlerbehaftet. Über eine Kurvenanpassung mit einem Polynom erster Ordnung kann der Offset und der korrigierte Umrechnungsfaktor über all Messreihen bestimmt werden.

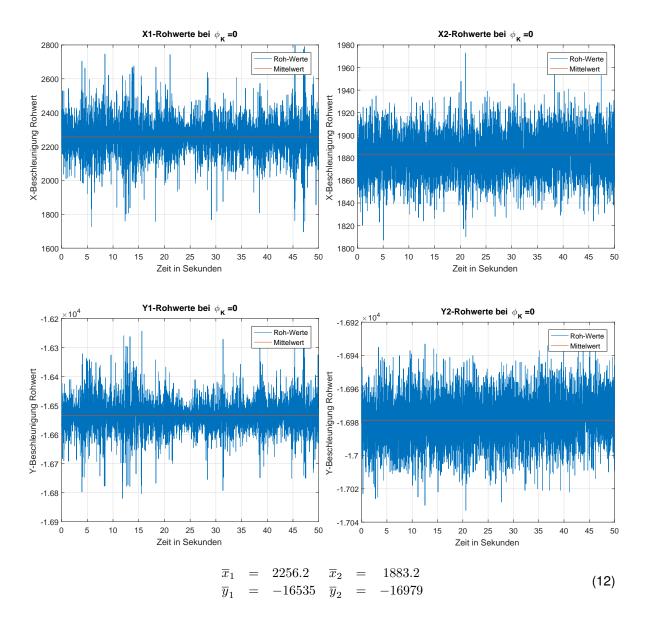
2.1 Rohwerte

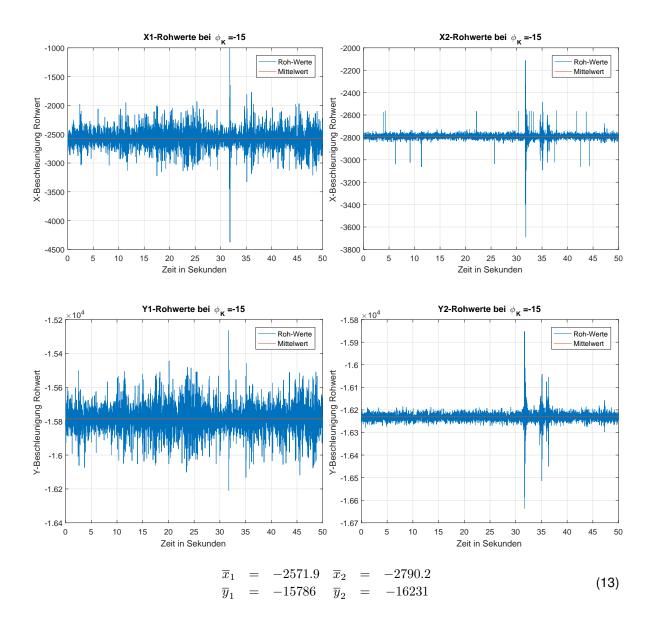
Die erste Messreihe erfasst bei den Stellungen $\phi_K \in \{-45^\circ, -30^\circ, -15^\circ, 0^\circ, 15^\circ, 30^\circ, 45^\circ\}$ die Beschleunigungswerte der Sensor S_1 und S_2 in X- und Y-Richtung auf. Hierfür werden m=10000 Messwerte bei einer Abtastzeit $T_A=5ms$ in jeder Position aufgenommen. Für jede Position ist der Soll-Beschleunigungswert bekannt, aus den Mittel- und Sollwerte können Polynomfunktionen bestimmt werden um die Umrechnung von Roh- in Beschleunigungswerte zu ermitteln.

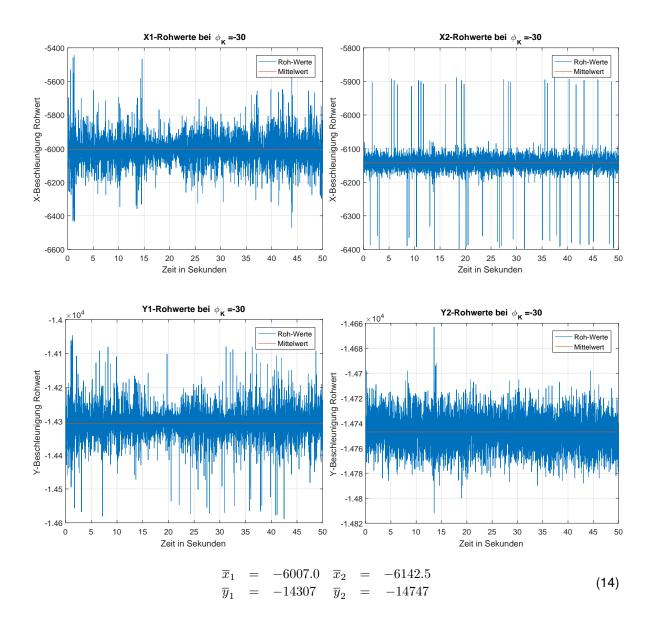


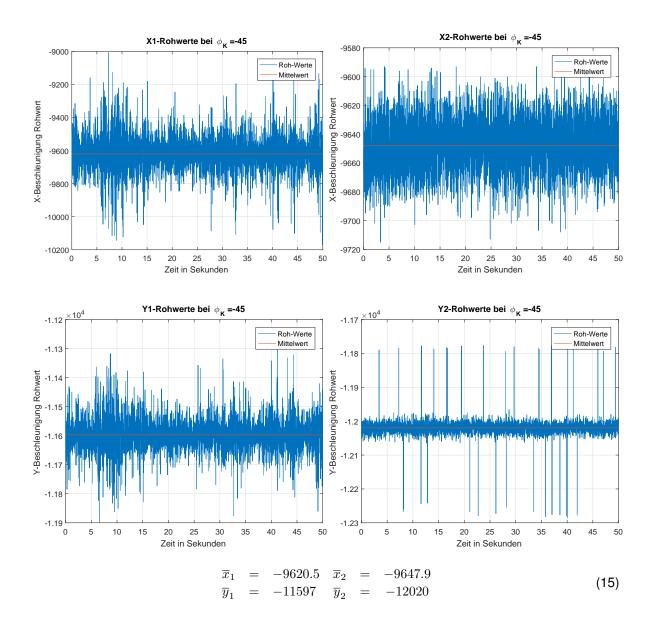






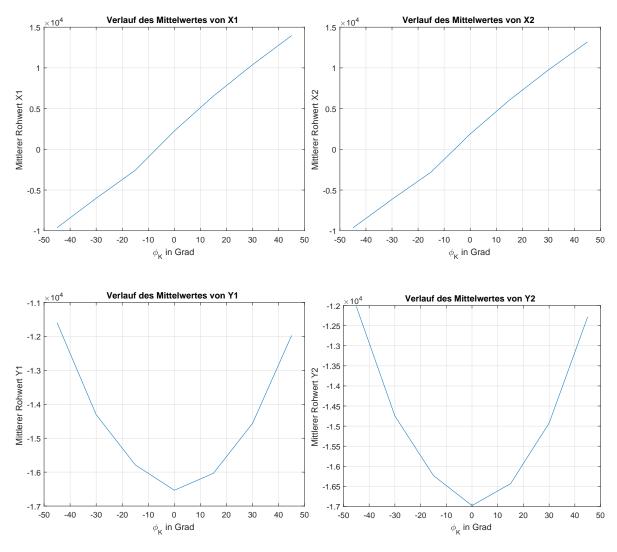


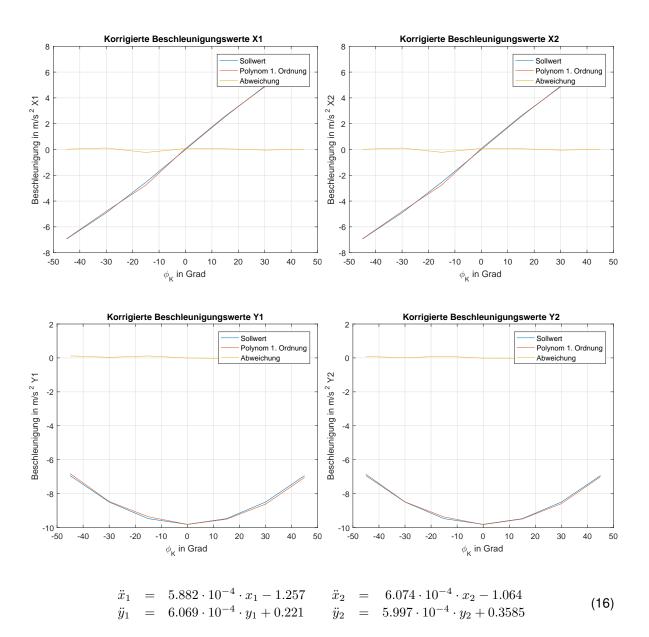




2.2 Verlauf der Rohwerte und Ausgleichsfunktionen

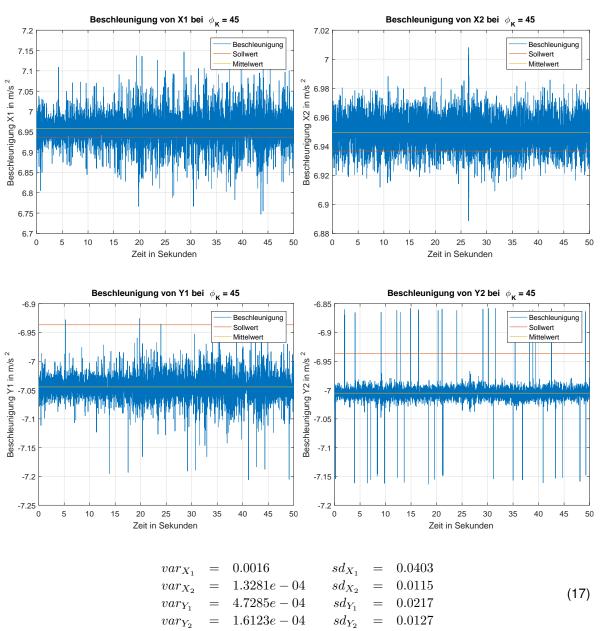
Mit Hilfe der Messergebnisse kann der Verlauf der gemittelten Rohwerte über den Ausfallwinkel dargestellt werden. Anschließend wird zur Umrechnung der Roh- in Beschleunigungswerte ein Polynom erster Ordnung approximiert.

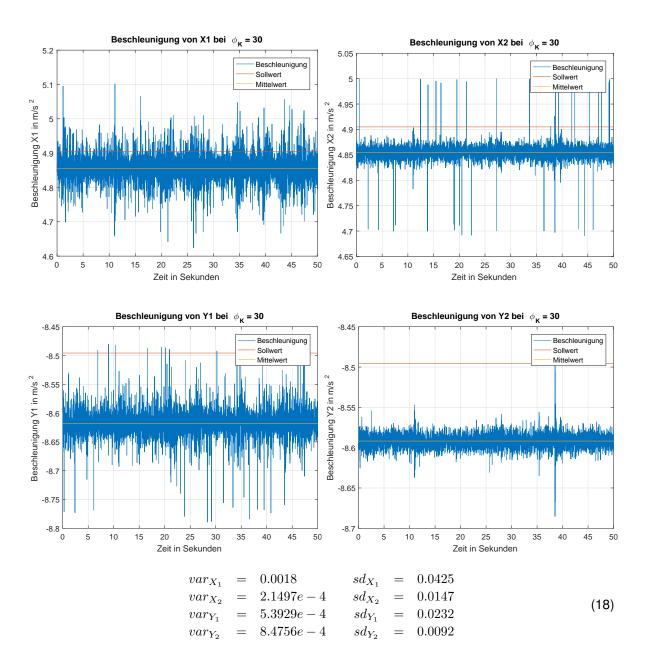


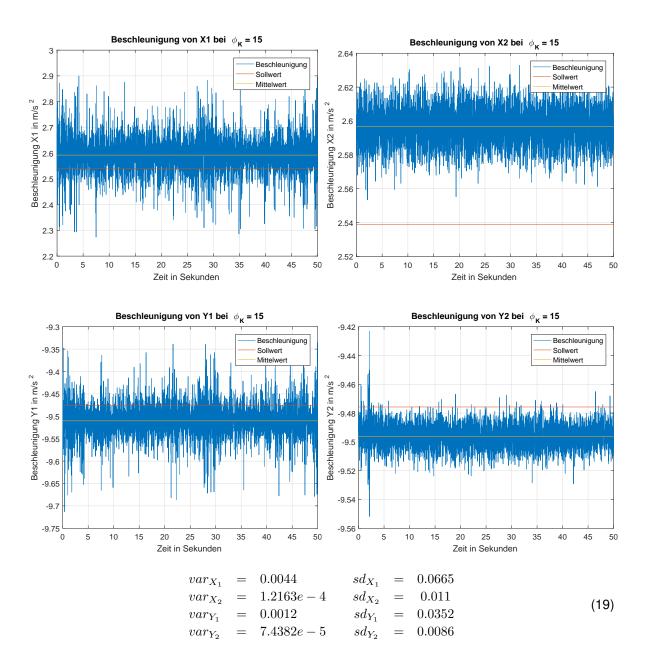


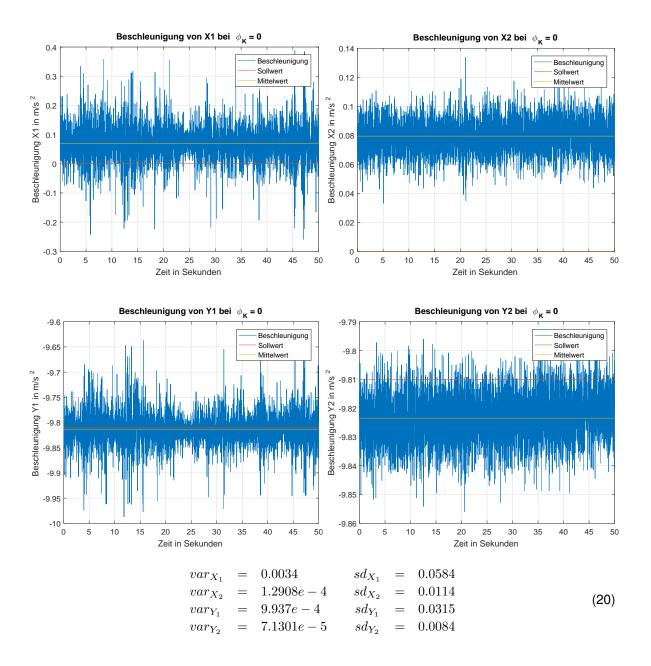
2.3 Untersuchung der Varianz und Standardabweichung der Sensoren

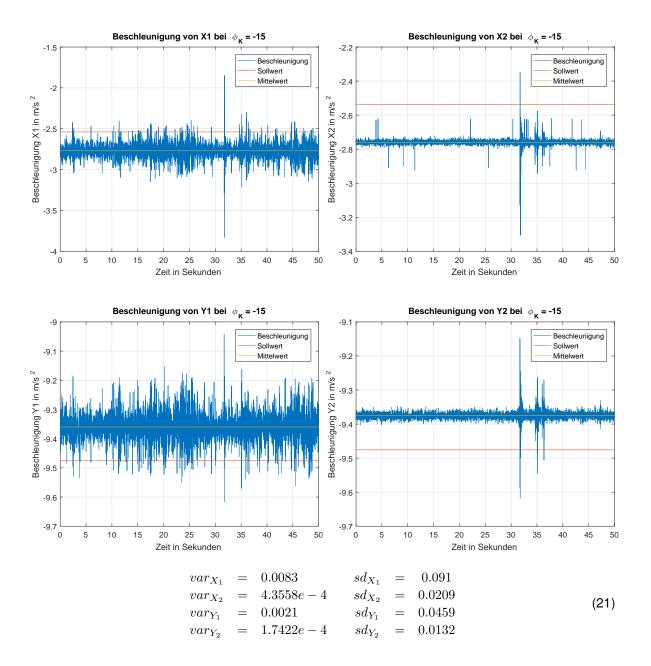
Mit den approximierten Polynomen zur Umrechnung der Rohwerte in Beschleunigungswerte werden die aufgezeichneten Rohdaten umgerechnet. Aus den Messreihen wird daraus die Varianz und Standardabweichung der Beschleunigungswerte ermittelt. Hieraufhin werden

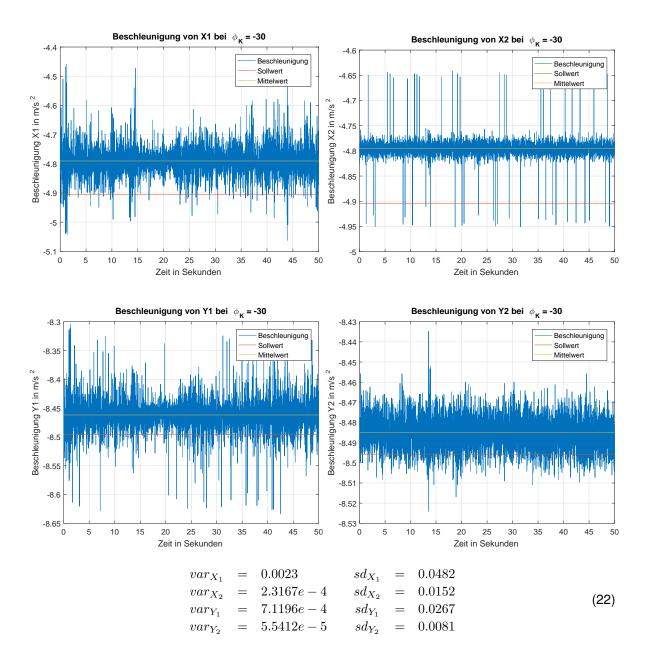


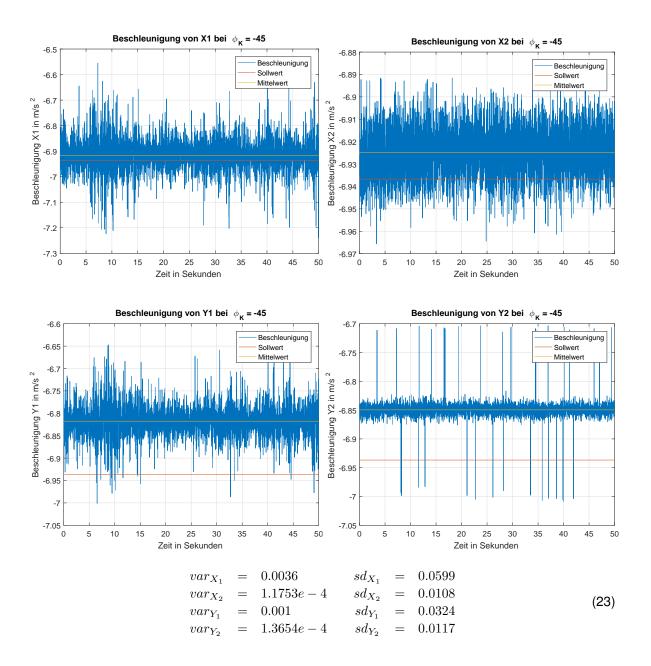






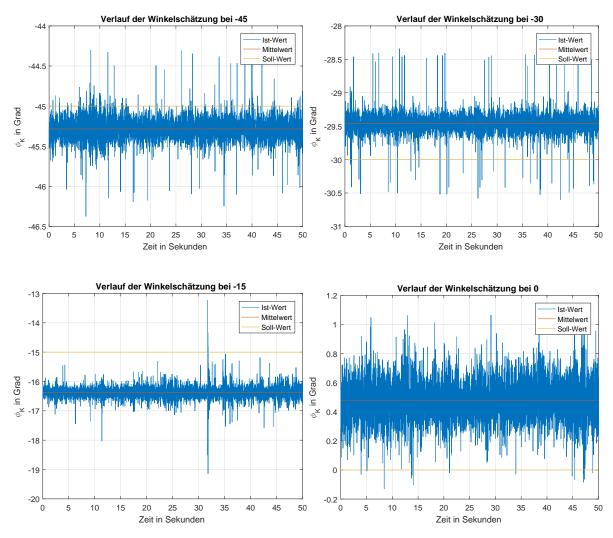


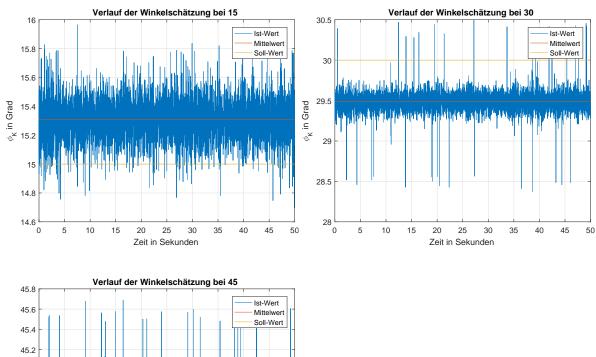




2.4 Genauigkeit der Winkelschätzung

Im nächsten Schritt werden die berechneten Beschleunigungswerte zur Winkelschätzung eingesetzt. Hierbei wird die Genauigkeit, Varianz und Standardabweichung der Winkelwerte betrachtet.





45.6
45.4
45.2
45.2
44.6
44.4
44.2
44.4
43.8
0 5 10 15 20 25 30 35 40 45 50

Zeit in Sekunden

Die größte Abweichung der Mittelwerte der Winkelschätzung sind kleiner ein Grad.

2.5 Standardabweichung der Winkelwerte und gleitende Mittelung

Um die Varianz und Standardabweichung der Winkelschätzung zu minimieren wird eine gleitende Mittlung durchgeführt. Die folgenden Berechnungen wurden mit einer Mittlung von den n=5 letzten Werten durchgeführt.

