Общи задачи - част №1

Задача №1:

Да се пресметне сумата на всеки един от числовите редове:

$$\mathbf{a)} \quad \sum_{n=1}^{+\infty} \frac{1}{n(n+1)} \quad \mathbf{6)} \quad \sum_{n=1}^{+\infty} \frac{1}{(3n-2)(3n+1)} \quad \mathbf{B)} \quad \sum_{n=2}^{+\infty} \frac{1}{n^2-1} \quad \mathbf{r)} \quad \sum_{n=2}^{+\infty} \ln\left(1-\frac{1}{n^2}\right)$$

д)
$$\sum_{n=0}^{+\infty} q^n$$
, $|q| < 1$ e) $\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{2}{5^n}$ ж) $\sum_{n=0}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{3^n}$ з) $\sum_{n=1}^{+\infty} \left(\frac{1}{3^n} + \frac{1}{5^n}\right)$

Задача №2:

Да се изследва за сходимост всеки един от числовите редове:

a)
$$\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{2n+1}{3n-2}$$
 6)
$$\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{n^3+n+1}{n^2-4n+5}$$
 B)
$$\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{(-1)^n n^2}{n^2+1}$$
 Γ

$$\texttt{д}) \quad \sum_{n=1}^{+\infty} \frac{1}{\sqrt{n(n+1)}} \quad \textbf{e}) \quad \sum_{n=1}^{+\infty} \frac{n^2+n+1}{n^4+1} \quad \textbf{ж}) \quad \sum_{n=1}^{+\infty} n \, tg\!\left(\frac{n+2}{n^2+3}\right) \quad \textbf{3}) \quad \sum_{n=1}^{+\infty} \frac{\sqrt{n} \, \ln(n)}{n^2+1}$$

и)
$$\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{\sin\left(\frac{1}{n}\right)}{n^2}$$
 й)
$$\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{n^2+1}{\sqrt{n^5+1}}$$
 к)
$$\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{e^{-n}}{n^2}$$
 л)
$$\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{e^{-\sqrt{n}}}{\sqrt{n}}$$

$$\mathbf{M}) \qquad \sum_{n=1}^{+\infty} \frac{1}{\sqrt{n}} \qquad \mathbf{H}) \quad \sum_{n=1}^{+\infty} \frac{1}{\sqrt{n(n^2+1)}} \quad \mathbf{o}) \quad \sum_{n=2}^{+\infty} \frac{2\sqrt{n}+1}{(n+1)^2\sqrt{n+1}} \quad \mathbf{\Pi}) \qquad \sum_{n=2}^{+\infty} \frac{1}{n\ln(n)}$$

1