

Приложение 3

Нека  $c$  е равнинна крива  $c: \begin{cases} x = x(q) \\ y = y(q) \end{cases}$ . Тогава за кривината  $\kappa$  имаме

$$\kappa = \frac{|\dot{x}\ddot{y} - \ddot{x}\dot{y}|}{(\dot{x}^2 + \dot{y}^2)^{3/2}}$$

еволвута  $\bar{c}$  е с уравнение

$$\bar{c} \begin{cases} X = x - \dot{y} \frac{\dot{x}^2 + \dot{y}^2}{\dot{x}\ddot{y} - \ddot{x}\dot{y}} \\ Y = y + \dot{x} \frac{\dot{x}^2 + \dot{y}^2}{\dot{x}\ddot{y} - \ddot{x}\dot{y}} \end{cases}$$

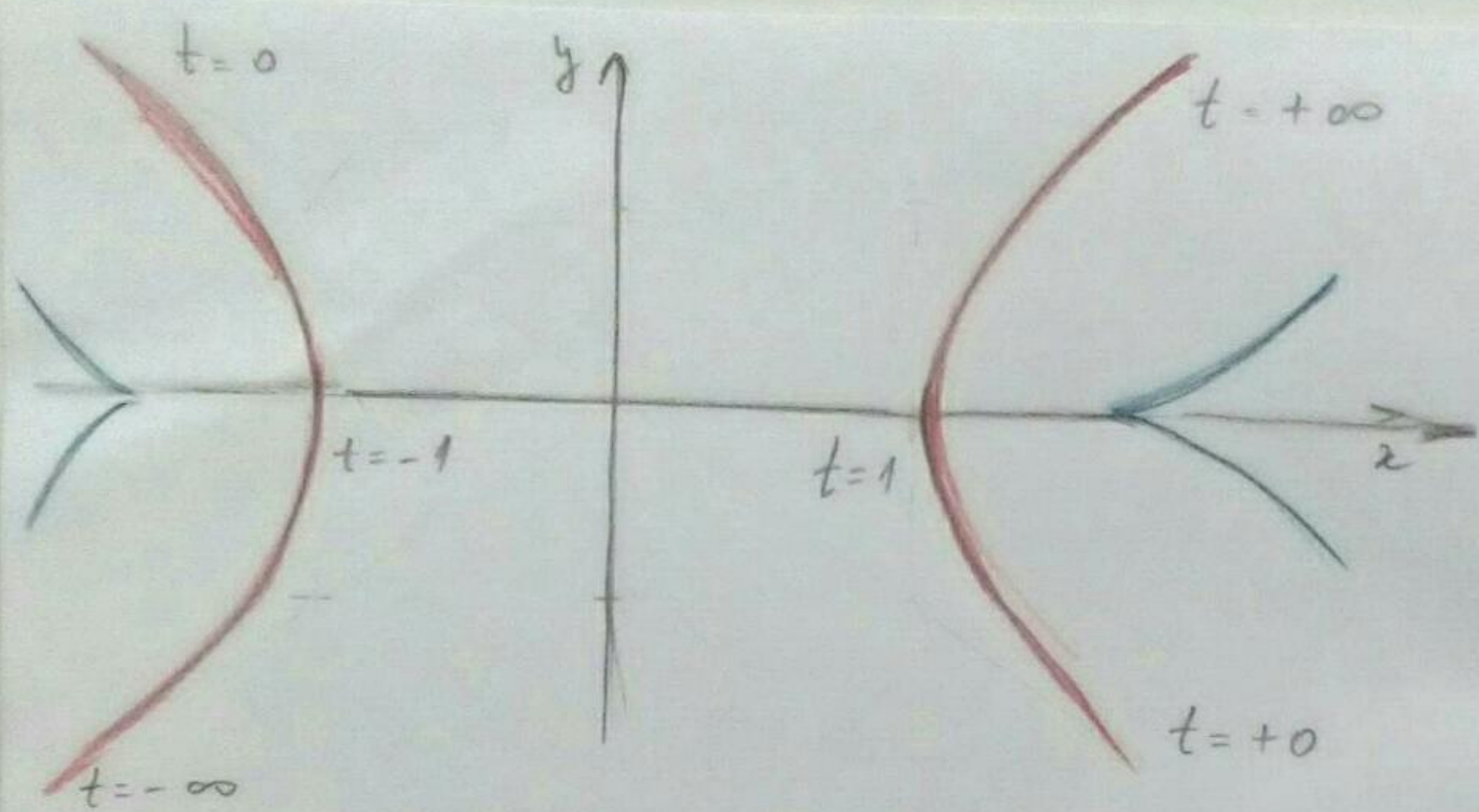
Ако  $c: y = y(x)$ , то  $\kappa = \frac{|\ddot{y}|}{(1 + \dot{y}^2)^{3/2}}$

Примерно за кривината на елипса  $\varepsilon: \begin{cases} x = a \cos q \\ y = b \sin q \end{cases}$  за кривината  $\kappa_\varepsilon$  получаваме  $\kappa_\varepsilon = \frac{ab}{(a^2 \sin^2 q + b^2 \cos^2 q)^{3/2}}$ ; а за хиперболата  $\chi$ :

$$\chi: \begin{cases} x = a \cosh q \\ y = b \sinh q \end{cases} \quad - \quad \kappa_h = \frac{ab}{(a^2 \sinh^2 q + b^2 \cosh^2 q)^{3/2}}$$

(десния клон на хиперболата)





За парабола  $\bar{p} : y = x^2$

За кардиоиди  $\bar{c} : r = a(1 + \cos \varphi)$   
 еволвентите са също кардиоиди  
 (кардиоиди - "търкаляне" на  
 окръжност по еднаква с нея  
 окръжност)

$$X : \begin{cases} x = \frac{a}{2} \left( t + \frac{1}{t} \right) \\ y = \frac{b}{2} \left( t - \frac{1}{t} \right) \end{cases}$$

При  $t = \operatorname{ch} q + \operatorname{sh} q$  получаване  
 десния клон на хипербола.

