



二叉树在面试实战中, 花样非常多。本节只是个开头, 在后面几个专题、包括最后的 大厂真题实战环节中, 我们都不会停止对二叉树相关考点的学习和探讨。

在本节,有以下三个命题方向需要大家重点掌握:

- 迭代法实现二叉树的先、中、后序遍历
- 二叉树层序遍历的衍生问题
- 翻转二叉树

这三个方向对应的考题都比较经典。与此同时,解决这些问题涉及到的思路和编码细 节、也会成为各位日后解决更加复杂的问题的基石。因此、虽然本节篇幅略长、但还 是希望各位能够倾注耐心、给自己充分的时间去理解和消化这些知识。

"遍历三兄弟"的迭代实现

经过第5节的学习,相信各位已经将二叉树先、中、后序遍历的递归实现吃得透透的 了。在使用递归实现遍历的过程中,我们明显察觉到,"遍历三兄弟"的编码实现也宛 如孪生兄弟一样,彼此之间只有代码顺序上的不同,整体内容基本是一致的。这正是 递归思想的一个重要的优点——简单。

这里的"简单"并不是说学起来简单。相反,结合笔者早期的读者调研来看,大部分同 学都认为递归学起来让人很难受(这也是正常的)。

初学递归的人排斥递归,大部分是出于对"函数调用自身"这种骚操作的不适应。但只 要你能克服这种不适应,并且通过反复的演练去吸收这种解题方法,你就会发现递归 真的是个好东西。因为通过使用递归,我们可以把原本复杂的东西,拆解成非常简单 的、符合人类惯用脑回路的逻辑。

这样说可能还是有点抽象,不过没关系,接下来我会讲解"遍历三兄弟"对应的迭代解 法。等我们学完这坨东西之后,心怀疑惑的同学不妨拿迭代法的代码和第5节中递归 法的代码比较一下,相信你会毫不犹豫地回头对递归说上一句"真香!"。







题目描述: 给定一个二叉树, 返回它的前序(先序) 遍历序列。

示例:

输入: [1,null,2,3]

1 3

输出: [1,2,3]

讲阶: 递归算法很简单, 你可以通过迭代算法完成吗?

思路分析

注意最后那一行小字: "递归算法很简单, 你可以通过迭代算法完成吗?", 对递归算 法有疑问的同学, 趁这个机会赶紧复习下第五小节, 本节我们只讲迭代法。 前面两个小节、我们一直在强调、递归和栈有着脱不开的干系。当一道本可以用递归 做出来的题,突然不许你用递归了,此时我们本能的反应,就应该是往栈上想。

在基于栈来解决掉这个题之前,我要先跟平时用 leetcode 刷题的各位强调一个常 识。

现在大家回头看这道题目给我们的**输入**和**输出**:输入看似是一个数组,实则不是。大 家谨记,二叉树题目的输入只要没有额外强调,那么一般来说它都是基于这样的一个 对象结构嵌套而来的:

```
function TreeNode(val) {
    this.val = val;
    this.left = this.right = null;
}
```

찷 前端算法与数据结构面试:底层逻辑解读与大厂真题训练



javascript

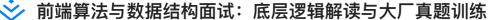
```
const root = {
 val: "A",
 left: {
   val: "B",
   left: {
     val: "D"
   },
   right: {
    val: "E"
   }
 },
 right: {
   val: "C",
   right: {
     val: "F"
   }
 }
};
```

话说回来,为啥题上给的不是对象,而是这样的一个数组呢:

```
javascript
[1,null,2,3]
```

这其实是一种简化的写法,性质跟咱们写伪代码差不多。它的作用主要是描述二叉树的值,至于二叉树的结构,我们以题中给出的树形结构为准:

OK, 了解了输入内容, 现在再来看输出:







结果数组的不是结点对象, 而是结点的值。

注意:

以上的出参入参规律,是针对 leetcode 及其周边 0J 来说的。0J 中这样编写题目描述,是情理之中,因

回到题目上来。我们接着栈往下说,题目中的出参是一个数组,大家仔细看这个数 组、它像不像是一个栈的出栈序列?实际上、做这道题的一个根本思路、就是通过合 理地安排入栈和出栈的时机、使栈的出栈序列符合二叉树的前序遍历规则。

前序遍历的规则是,先遍历根结点、然后遍历左孩子、最后遍历右孩子——这正是我 们所期望的出栈序列。按道理,入栈序列和出栈序列相反,我们似乎应该按照 右-> 左->根 这样的顺序将结点入栈。不过需要注意的是,我们遍历的起点就是根结点, 难道我们要假装没看到这个根结点、一鼓作气找到最右侧结点之后才开始进行入栈操 作吗?答案当然是否定的,我们的出入栈顺序应该是这样的:

- 1. 将根结点入栈
- 2. 取出栈顶结点, 将结点值 push 进结果数组
- 3. 若栈顶结点有右孩子,则将右孩子入栈
- 4. 若栈顶结点有左孩子,则将左孩子入栈

这整个过程,本质上是将当前子树的根结点入栈、出栈,随后再将其对应左右子树入 栈、出栈的过程。

重复 2、3、4 步骤,直至栈空,我们就能得到一个先序遍历序列。

编码实现

javascript * @param {TreeNode} root * @return {number[]} const preorderTraversal = function(root) { // 定义结果数组 const res = []







```
}
 // 初始化栈结构
 const stack = []
 // 首先将根结点入栈
 stack.push(root)
 // 若栈不为空,则重复出栈、入栈操作
 while(stack.length) {
    // 将栈顶结点记为当前结点
    const cur = stack.pop()
    // 当前结点就是当前子树的根结点,把这个结点放在结果数组的尾部
     res.push(cur.val)
    // 若当前子树根结点有右孩子,则将右孩子入栈
     if(cur.right) {
        stack.push(cur.right)
     // 若当前子树根结点有左孩子,则将左孩子入栈
     if(cur.left) {
        stack.push(cur.left)
    }
 // 返回结果数组
 return res
}:
```

异曲同工的后序遍历迭代实现

思路分析

后序遍历的出栈序列,按照规则应该是 $\frac{f}{f}$ -> $\frac{f}{f}$ 。这个顺序相对于先序遍历,最明显的变化就是根结点的位置从第一个变成了倒数第一个。

如何做到这一点呢?与其从 stack 这个栈结构上入手,不如从 res 结果数组上入手:我们可以直接把 pop 出来的当前结点 unshift 进 res 的头部,改造后的代码会变成这样:

```
while(stack.length) {
    // 将栈顶结点记为当前结点
    const cur = stack.pop()
    // 当前结点就是当前子树的根结点,把这个结点放在结果数组的头部
    res.unshift(cur.val)
```

/ 前端算法与数据结构面试:底层逻辑解读与大厂真题训练





```
}
// 若当前子树根结点有左孩子,则将左孩子入栈
if(cur.left) {
   stack.push(cur.left)
}
```

大家可以尝试在大脑里预判一下这个代码的执行顺序:由于我们填充 res 结果数组的顺序是从后往前填充(每次增加一个头部元素),因此先出栈的结点反而会位于 res 数组相对靠后的位置。出栈的顺序是 当前结点 -> 当前结点的左孩子 -> 当前结点的右孩子 ,其对应的 res 序列顺序就是 右 -> 左 -> 根 。这样一来,根结点就成功地被我们转移到了遍历序列的最末尾。

现在唯一让人看不顺眼的只剩下这个右孩子和左孩子的顺序了,这两个孩子结点进入结果数组的顺序与其被 pop 出栈的顺序是一致的,而出栈顺序又完全由入栈顺序决定,因此只需要相应地调整两个结点的入栈顺序就好了:

```
// 若当前子树根结点有左孩子,则将左孩子入栈
if(cur.left) {
   stack.push(cur.left)
}
// 若当前子树根结点有右孩子,则将右孩子入栈
if(cur.right) {
   stack.push(cur.right)
}
```

如此一来,右孩子就会相对于左孩子优先出栈,进而被放在 res 结果数组相对靠后的位置, 左 -> 右 ->根 的排序规则就稳稳地实现出来了。

我们把以上两个改造点结合一下,就有了以下代码:

编码实现

```
/**

* @param {TreeNode} root

* @return {number[]}

*/

const postorderTraversal = function(root) {

// 定义结果数组
```

javascript







```
return res
 }
 // 初始化栈结构
 const stack = []
 // 首先将根结点入栈
 stack.push(root)
 // 若栈不为空,则重复出栈、入栈操作
 while(stack.length) {
    // 将栈顶结点记为当前结点
     const cur = stack.pop()
    // 当前结点就是当前子树的根结点,把这个结点放在结果数组的头部
     res_unshift(cur_val)
    // 若当前子树根结点有左孩子,则将左孩子入栈
    if(cur.left) {
      stack.push(cur.left)
    // 若当前子树根结点有右孩子,则将右孩子入栈
    if(cur.right) {
      stack.push(cur.right)
    }
 // 返回结果数组
 return res
};
```

思路清奇的中序遍历迭代实现

思路分析

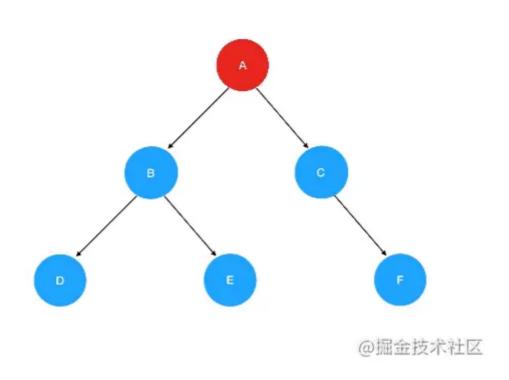
经过上面的讲解,大家会发现先序遍历和后序遍历的编码实现其实是非常相似的,它们遵循的都是同一套基本框架。那么我们能否通过对这个基本框架进行微调、从而同样轻松地实现中序遍历呢?

答案是不能,为啥不能?因为先序遍历和后序遍历之所以可以用同一套代码框架来实现,本质上是因为两者的出栈、入栈逻辑差别不大——都是先处理根结点,然后处理孩子结点。而中序遍历中,根结点不再出现在遍历序列的边界、而是出现在遍历序列的中间。这就意味着无论如何我们不能再将根结点作为第一个被 pop 出来的元素来处理了——出栈的时机被改变了,这意味着入栈的逻辑也需要调整。这一次我们不能再通过对 res 动手脚来解决问题,而是需要和 stack 面对面 battle。

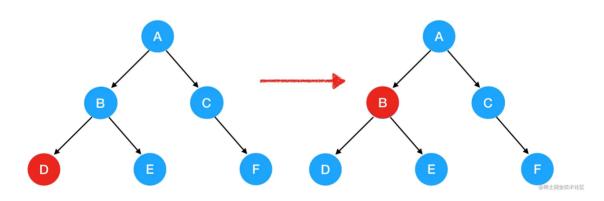
中序遍历的序列规则是 左 -> 中 -> 右 , 这意味着我们必须首先定位到最左的叶







途径过的每一个结点, 我们都要及时地把它入栈。这样当最左的叶子结点出栈时, 第 一个回溯到的就是它的父结点:



有了父结点,就不愁找不到兄弟结点,遍历结果就变得唾手可得了~ 基于这个思路, 我们来写代码:

编码实现

```
* @param {TreeNode} root
* @return {number[]}
const inorderTraversal = function(root) {
```







```
const stack = []
 // 用一个 cur 结点充当游标
 let cur = root
 // 当 cur 不为空、或者 stack 不为空时,重复以下逻辑
 while(cur || stack.length) {
     // 这个 while 的作用是把寻找最左叶子结点的过程中,途径的所有结点都记录下来
     while(cur) {
        // 将途径的结点入栈
        stack.push(cur)
        // 继续搜索当前结点的左孩子
        cur = cur.left
     }
     // 取出栈顶元素
     cur = stack.pop()
     // 将栈顶元素入栈
     res.push(cur.val)
     // 尝试读取 cur 结点的右孩子
     cur = cur.right
 }
 // 返回结果数组
 return res
};
```

编码复盘

读完这段编码示范,一部分同学可能已经开始懵逼了:看着前面给出的思路分析,似 乎完全写不出上面这样的代码啊! 所以这段代码到底在干嘛???

如果你没有这样的困惑,说明你是一位悟性比较高的同学,可以直接跳过编码复盘部 分往下读了(btw给你点个赞~)。

实不相瞒,如果你是初学者,这段代码可能确实需要大家在脑内反复运行、反复跑 demo 才能理解其中的逻辑。为了加快这个过程,我把其中看上去稍微拐弯抹角一点 的逻辑摘出来,给大家点拨一下:

- 1. 两个 while : 内层的 while 的作用是在寻找最左叶子结点的过程中, 把途径 的所有结点都记录到 stack 里。记录工作完成后,才会走到外层 while 的剩 余逻辑里——这部分逻辑的作用是从最左的叶子结点开始,一层层回溯遍历左孩 子的父结点和右侧兄弟结点,进而完成整个中序遍历任务。
- 2. 外层 while 的两个条件: cur 的存在性和 stack length 的存在性,各自是 为了限制什么?

🍑 前端算法与数据结构面试:底层逻辑解读与大厂真题训练





- 束, 遍历动作需要继续重复。
- 2. cur 的存在性就比较有趣了。它对应以下几种情况:
 - 1. 初始态, cur 指向 root 结点,只要 root 不为空, cur 就不为 空。此时判断了 cur 存在后、就会开始最左叶子结点的寻找之旅。 这趟"一路向左"的旅途中, cur 始终指向当前遍历到的左孩子。
 - 2. 第一波内层 while 循环结束, cur 开始承担中序遍历的遍历游标 职责。 cur 始终会指向当前栈的栈顶元素,也就是"一路向左"过程 中途径的某个左孩子,然后将这个左孩子作为中序遍历的第一个结果 元素纳入结果数组。假如这个左孩子是一个叶子结点,那么尝试取其 右孩子时就只能取到 null , 这个 null 的存在, 会导致内层循环 while 被跳过,接着就直接回溯到了这个左孩子的父结点,符合 左->根 的序列规则
 - 3. 假如当前取到的栈顶元素不是叶子结点,同时有一个右孩子,那么尝 试取其右孩子时就会取到一个存在的结点。 cur 存在,于是进入内 层 while 循环, 重复"一路向左"的操作, 去寻找这个右孩子对应的 子树里最靠左的结点,然后去重复刚刚这个或回溯、或"一路向左"的 过程。如果这个右孩子对应的子树里没有左孩子, 那么跳出内层 while 循环之后,紧接着被纳入 res 结果数组的就是这个右孩子本 身,符合 根->右 的序列规则

结合上面的分析,大家会不会觉得中序遍历迭代法的这一通操作非常奇妙呢? 短短的 几行代码,里面竟然藏着这么广阔的乾坤,牛x、牛x。

作为初学者,即便第一次写不出来上面的解法,也没什么好丧气的——大家谨记,关 于二叉树的先、中、后序遍历,**你对自己的要求应该是能够默写,也就是说要对上面** 这些逻辑充分熟悉、深刻记忆。

在熟悉和记忆的过程中, 你会渐渐地对这些乍一看似乎很巧妙的操作产生一种"这也 很自然嘛"的感觉,这种感觉就意味着你对这个思路的充分吸收。还是那句话,千万 不要以为理解就是终点, 你需要做的是记忆! 记忆! 理解是一种感觉, 记忆却能保证 你在做题时一秒钟映射到具体的套路和代码——只有靠自己的双手写出来的代码,才 是最可靠的伙伴。



シ 前端算法与数据结构面试:底层逻辑解读与大厂真题训练



单的问题复杂化。于是,就有了我们眼下这个命题方向——层序遍历的衍生问题。 对于这类问题,我们接下来会讲最有代表性的一道作为例题。各位只要能吃透这一道 的基本思路,就能够轻松地在类似的变体中举一反三(例题请大家好好把握,在大厂 真题训练环节, 我会给出一道变体来检验各位的学习效果)。

题目描述:给你一个二叉树,请你返回其按 层序遍历 得到的节点值。(即逐 层地, 从左到右访问所有节点)。

示例:

二叉树: [3,9,20,null,null,15,7],

```
3
/\
15 7
```

返回其层次遍历结果:

```
Γ
[3],
[9,20],
[15,7]
1
```

思路分析

层序遍历没有那么多幺蛾子,大家看到层序遍历就应该条件反射出 BFS+队列 这对 好基友。所谓变体,不过是在 BFS 的过程中围绕结果数组的内容做文章。 拿这道题来说,相对于我们14节中讲过的层序遍历基本思路,它变出的花样仅仅在 于要求我们对层序遍历结果进行**分层**。也就是说只要我们能在 BFS 的过程中感知到 当前层级、同时用不同的数组把不同的层级区分开,这道题就得解了。



シ 前端算法与数据结构面试:底层逻辑解读与大厂真题训练



环之初,记录下这一层结点个数,然后将这个数量范围内的元素 push 进同一个数 组,就能够实现二叉树的分层。

编码实现

// 返回结果数组

```
javascript
/**
* @param {TreeNode} root
* @return {number[][]}
const levelOrder = function(root) {
   // 初始化结果数组
   const res = []
   // 处理边界条件
   if(!root) {
       return res
   }
   // 初始化队列
   const queue = []
   // 队列第一个元素是根结点
   queue.push(root)
   // 当队列不为空时, 反复执行以下逻辑
   while(queue.length) {
      // level 用来存储当前层的结点
       const level = []
      // 缓存刚进入循环时的队列长度,这一步很关键,因为队列长度后面会发生改变
       const len = queue.length
      // 循环遍历当前层级的结点
       for(let i=0;i<len;i++) {</pre>
          // 取出队列的头部元素
          const top = queue.shift()
          // 将头部元素的值推入 level 数组
          level.push(top.val)
          // 如果当前结点有左孩子,则推入下一层级
          if(top.left) {
              queue.push(top.left)
          // 如果当前结点有右孩子,则推入下一层级
          if(top.right) {
              queue.push(top.right)
          }
       // 将 level 推入结果数组
       res.push(level)
```

シ 前端算法与数据结构面试:底层逻辑解读与大厂真题训练





翻转二叉树

翻转二叉树是一个非常经典的问题。之前有一个关于这道题的笑话,说是 Homebrew 的作者去面 Google, 结果因为不会翻转二叉树被挂掉了。Google 在给这位大佬的 拒信中写道:

我们90%的工程师使用您编写的软件(Homebrew),但是您却无法在面试时 在白板上写出翻转二叉树这道题,这太糟糕了。

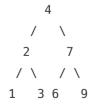
这个故事之所以是个笑话,是因为翻转二叉树在算法面试中实在太常见了——只要你 准备算法面试,你就不得不做这个题。在面试中做不出这道题的同学,会给面试官留 下基础不牢的糟糕印象。

接下来我们就一起来搞定这道翻转二叉树,成为比 homebrew 作者更懂算法面试的人 (洮

题目描述:翻转一棵二叉树。

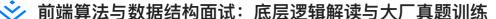
示例:

输入:



输出:









js

思路分析

这道题是一道非常经典的递归应用题。

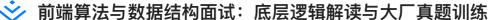
一棵二叉树, 经过翻转后会有什么特点? 答案是每一棵子树的左孩子和右孩子都发生 了交换。既然是"每一棵子树",那么就意味着重复,既然涉及了重复,就没有理由不 用递归。

于是这道题解题思路就非常明确了: 以递归的方式, 遍历树中的每一个结点, 并将每 一个结点的左右孩子进行交换。

编码实现

```
/**
* @param {TreeNode} root
* @return {TreeNode}
const invertTree = function(root) {
   // 定义递归边界
   if(!root) {
       return root;
   }
   // 递归交换右孩子的子结点
   let right = invertTree(root.right);
   // 递归交换左孩子的子结点
   let left = invertTree(root.left);
   // 交换当前遍历到的两个左右孩子结点
   root.left = right;
   root.right = left;
   return root;
};
```

(阅读过程中有任何想法或疑问,或者单纯希望和笔者交个朋友啥的,欢迎大家添加 我的微信xyalinode与我交流哈~)







发表评论

全部评论(40)

努努 1月前

这思路分析和代码完全联系不起来

☆ 点赞 □ 回复



iJay 前端开发 5月前

被上一节的递归与回溯给虐了 继续冲冲冲~

☆ 点赞 🖃 回复



fairySusan 6月前

好难啊,脑袋要炸了 😭

△ 点赞 □ 1

左岸诗人 6月前

这个算很简单的了

161 回复



Mr.HoTwo 7月前

冲鸭~~

△ 点赞 🖵 回复



柠致 前端 @ 广东工业大学 8月前

打卡! 1、迭代算法实现 二叉树的 前序遍历、后序遍历(合适的时机出入栈)、中序遍历 (最左的子结点 最先出栈 自动回溯到它的第一个父结点, 尝试读取右孩子) 2、层序遍 历的衍生问题(广度优先搜索BFS、队列、每一次while循环就是树的一层、缓存len为此 层的结点个数、for循环不断出队到level 并 push下一层的节点到队列中) 3、翻转二叉树 (【翻转二叉树】 ====> 每一棵子树的左右孩子都发生了交换 ===》 重复 ===》 递归 ===》递归边界、递归式)

△ 1 □ 回复



潘小安 № @不务正业的程序员 @ ... 9月前

翻转二叉树的时候判断一下左右子树是否存在,不存在就直接return当前节点,就不会出 现叶子节点下面多两个undefined子节点的情况了~

♪ 点赞 🖃 回复





前端算法与数据结构面试:底层逻辑解读与大厂真题训练



打下

♪ 点赞 🖃 回复



9月前 Wneil

理解了,递归和迭代遍历,二叉树遍历迭代思想会更优一些

☆ 点赞 □ 回复

灯火十里 🔽 前端小白 @ 程序媛养殖... 9月前

妙啊 🌕

△ 点赞 🖵 回复



ailgiP 9月前

有个疑惑,翻转二叉树的题目在递归交换之前加了句 console.log(root.val),为什么输出 顺序是: 4213769呢?

△ 点赞 □ 1



ailgiP 9月前

/** * @param {TreeNode} root * @return {TreeNode} */ const invertTree = function(root) { // 定义递归边界 if(!root) { return root; } // 加了这句 console.log(root.val) // 递归交换右孩子的子结点 let right = invertTree(root.right); // 递归交换左孩子的子结点 let left = invertTree(root.left); // 交换当前遍历到的两个左右孩子结点 root.left = right; root.right = left; return root; };

☆ 点赞 □ 回复



颜酱 🚾 前端酱 @ frontzhm@16... 10月前

我为什么觉得反转反而是最容易的前面的太难了=。= 😭



1 回复



颜酱 🚾 前端酱 @ frontzhm@16... 10月前

联想到树的先中后序遍历的递归,可以这么使用么,这样只需要控制res.push(root.val)的出 厂顺序就可以了 ```js var preorderTraversal = function(root) { if(!root) { return [] } let res = [] res.push(root.val) root.left && res.push(...preorderTraversal(root.left)) root.right && res.push(...preorderTraversal(root.right)) return res }; ```

△ 点赞 □ 1



颜酱 ☑ 10月前

我眼睛有问题本篇主要是迭代 😂

☆ 点赞 □ 回复



찷 前端算法与数据结构面试:底层逻辑解读与大厂真题训练



找见待人心心也没有多年所,有们找一件见待的吗:

♪ 点赞 □ 1



5月前 Leona

我也觉得。

🖵 回复 心 点赞



BarrySong4Real 🔽

一个路过的前端@浑水...

1年前

bfs



心 点赞 🖃 回复



前端路上奋斗的小王

前端 @ 某创业型互联网...

1年前

看的头大 😂

心 点赞 🖵 回复



bin 🚾

前端开发工程师@腾讯 1年前

真的强

心 点赞 - 回复



AlexanderLumxya 1年前

const levelOrder = function(root){ let result = [] const signLevel = function(tree, level) { if(!level) level = 0 if(result[level]) { result[level].push(tree.val) } else { result[level] = [tree.val] } if(tree.left) signLevel(tree.left, level + 1) if(tree.right) signLevel(tree.right, level + 1) } signLevel(root) return result } 这样的层序遍历,是不是 更简单

心 点赞 □ 回复



JustDemo 🔽

酒店试睡员@阿里妈妈

1年前

这一章看了好几天

△ 点赞 🖵 回复



Axizs 🛂

前端 1年前

用断点调试给出的代码,不得不说,妙啊

止 1 □ 1



찷 前端算法与数据结构面试:底层逻辑解读与大厂真题训练





riddl3_3 前端届的小学生@猪头... 1年前

翻转二叉树的另一种思路,不引入undefined,而且不会出现先right后left的情况,欢迎大 家指正优化 const reverseTree = function (root) { if (!root) { return } // 讨论左右子树是 否存在 if (root.left && root.right) { // 如果都存在 [root.left, root.right] = [root.right, root.left] } else if (root.left || root.right) { // 如果有一个存在 if (root.left) { root.right = root.left delete root.left } else { root.left = root.right delete root.right } } else return // 递归 reverseTree(root.left) reverseTree(root.right) } const root = { val: "A", left: { val:...

展开

△ 点赞 🖵 回复

查看全部 40 条回复 ~