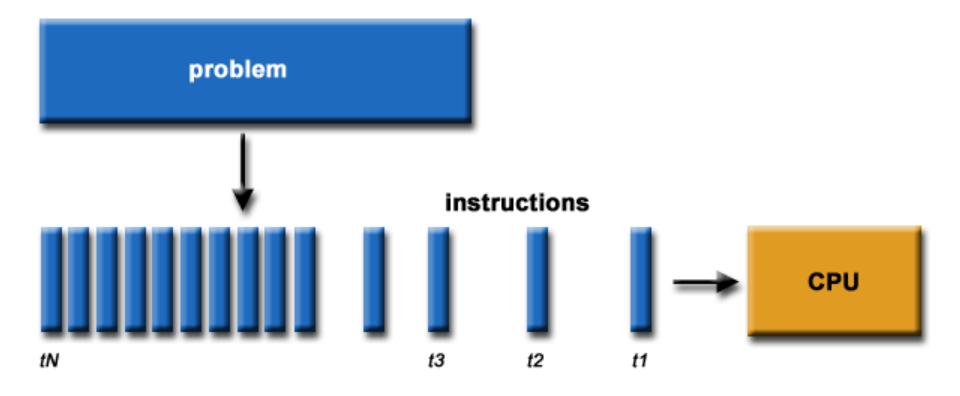
Paralelné programovanie

doc. Ing. Michal Čerňanský, PhD.

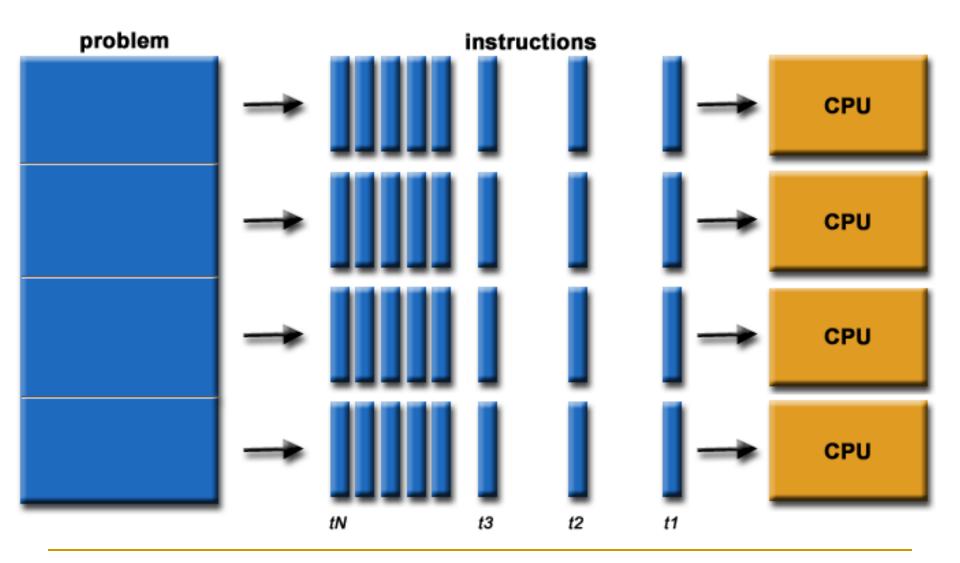
FIIT STU Bratislava

Paralelné počítanie (Parallel Computing)

- Bežný softvér sekvenčné sériové spracovanie
- Vykonávané na jednom počítači s jedinou CPU
- Problém je dekomponovaný na menšie celky, až na inštrukcie
- Inštrukcie vykonávané sériovo, jedna po druhej
- Iba jediná inštrukcia je vykonávaná v danom časovom okamžiku



- Paralelné počítanie využívanie viacerých výpočtových zdrojov na vyriešenie problému
- Vykonávané na viacerých CPU
- Problém je dekomponovaný na menšie nezávislé celky ktoré môžu byť vykonávané súbežne
- Celky dekomponované až na inštrukcie
- Inštrukcie z každej časti môžu byť vykonávané súčasne na viacerých CPU



- Výpočtový zdroj:
 - Jediný počítač s jediným procesorom s viacerými jadrami
 - Jediný počítač s viacerými procesormi
 - Viaceré počítače prepojené prostredníctvom komunikačnej siete
 - Kombinácia uvedených technológií

- Charakeristiky problému:
 - Možnosť jeho rozdelenia na diskrétne celky, ktoré je možné vykonávať súbežne
 - Možnosť vykonať viaceré programové inštrukcie v každom časovom okamžiku
 - Môže byť vyriešený s viacerými výpočtovými zdrojmi v kratšom čase ako s jediným výpočtovým zdrojom

- Vysoký výpočtový výkon HPC (High Perf. Comp.)
 - Vedecké modelovanie a simulácia vytváranie a skúmanie výpočtových numerických počítačových modelov - všetky vedné disciplíny
- "Bežné počítanie"
 - Spracovanie rozsiahlych dát obrazu, zvuku
 - Náročný numerický výpočet šifrovanie
 - "Responsivness" aplikácie
 - Používateľské rozhranie
 - Vstupno-výstupné operácie

- Zložité vedecké a inžinierske problémy:
 - Bioinformatika, bioveda, biotechnika, genetika
 - Klimatické modelovanie, modelovanie atmosféry, hydrologické modelovanie, modelovanie zeme, modelovanie prostredia
 - Výpočtová chémia, molekulárne vedy
 - Výpočtová fyzika, aplikovaná, nukleárna, časticová fyzika, ...
 - Geológia, Sezmické modelovanie
 - Elektrotechnika, návrh integrovaných obvodov, mikroelektrotechnika
 - Matematika, Informatika
 - Strojárstvo, mechanika, protetika až vesm. lode

- Komerčné problémy:
 - Dátové sklady, dolovanie v dátach
 - Ropný priemysel
 - Webové technológie, vyhľadávače, webové služby
 - Medicínske vizualizácie a diagnostika
 - Farmaceutický priemysel, vývoj liekov
 - Menežment, kolaborativne riešenie problémov, logistika
 - Finančné a ekonomické modelovanie
 - Pokročilá grafika, virtuálna realita, obohatená realita, herný priemysel
 - Multimediálne technológie, video

- "Bežné "problémy:
 - Computer Vision
 - Computer Graphics
 - Machine Learning
 - Video Encoding
 - Webové služby, "Cloud" computing
 - Vyhľadávanie na webe
 - Spracovanie textu

- Prečo paralelné počítanie ?
 - Ušetriť čas a peniaze viac zdrojov, kratší výpočtový čas, šetrenie nákladov
 - Riešenie "veľkých problémov" Nemožnosť ich riešenia na jedinom počítači, pamäťová limitácia, veľký počet operácií transakcií v danom čase (PetaFLOPs, PetaBytes)
 - Použitie vzdialených zdrojov (SETI, Folding Home)
 - Limitácie sekvenčného počítania

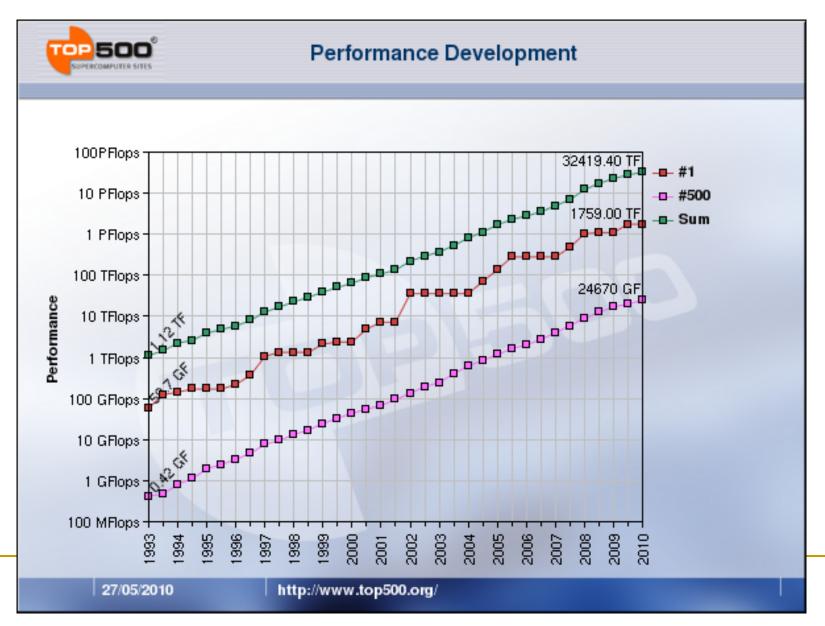
top500.org

- Top500.org usporiadaný zoznam superpočítačov
- 1. a 2. miesto jún 2015

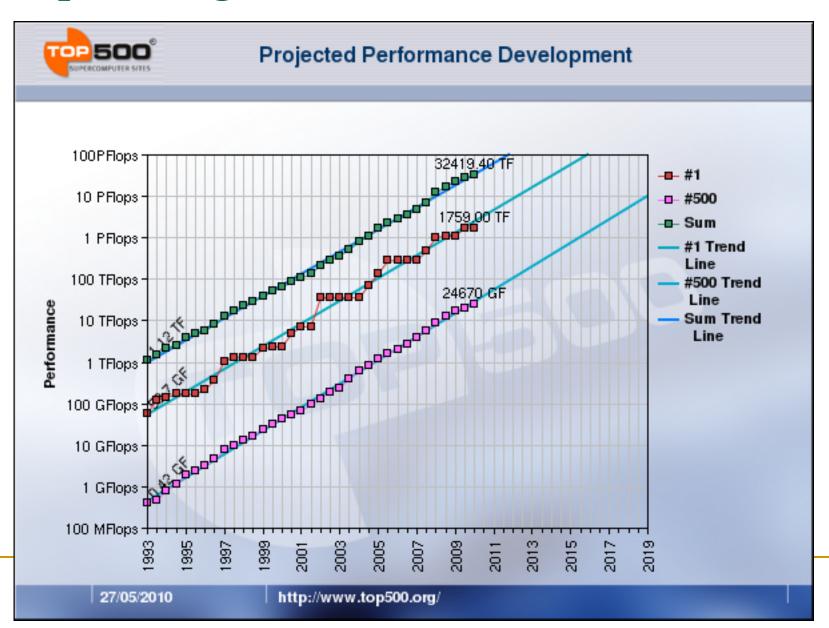
National Super Computer Center in Guangzhou, China: Tianhe-2 (MilkyWay-2) - TH-IVB-FEP Cluster, Intel Xeon E5-2692 12C 2.200GHz, TH Express-2, Intel Xeon Phi 31S1P, 3,120,000 Cores, 33,862.7 TFLOP/S

DOE/SC/Oak Ridge National Laboratory, United States: Titan - Cray XK7, Opteron 6274 16C 2.200GHz, Cray Gemini interconnect, NVIDIA K20x, Cray Inc., 560,640 Cores, 17,590.0 TFLOP/S

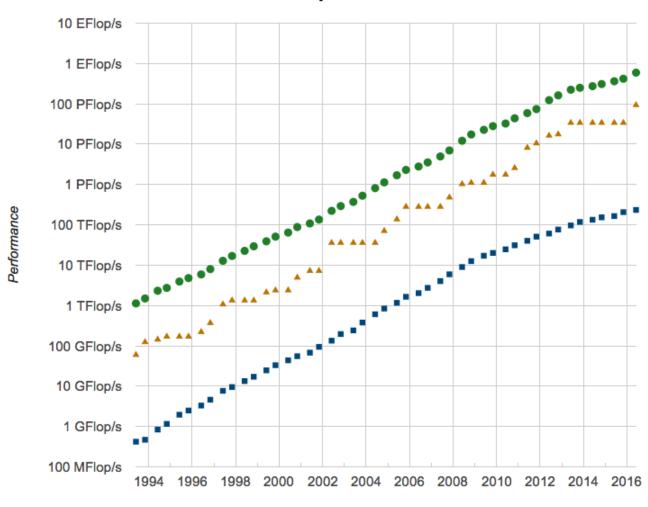
top500.org



top500.org

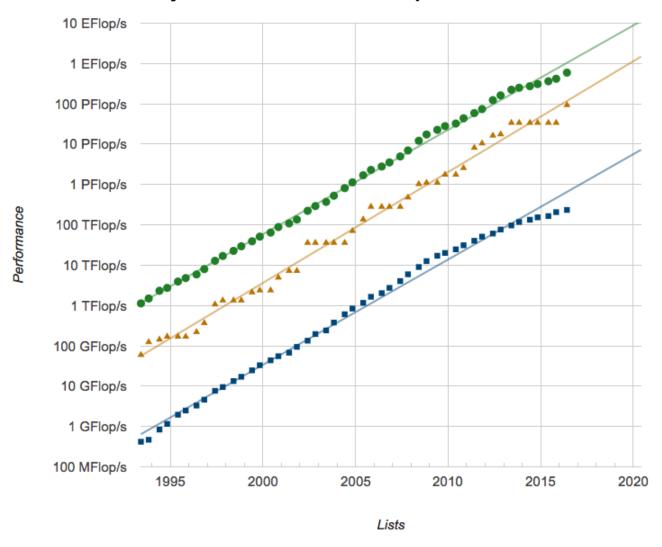


Performance Development



Lists

Projected Performance Development

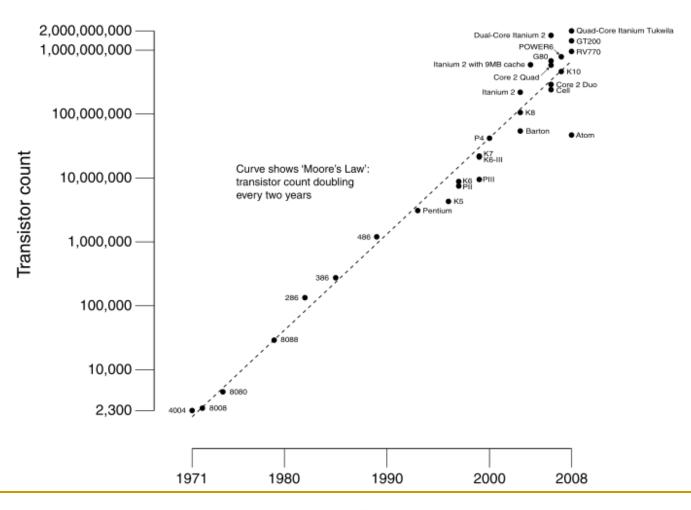


— Sum

"The complexity for minimum component costs has increased at a rate of roughly a factor of two per year. Certainly over the short term this rate can be expected to continue, if not to increase. Over the longer term, the rate of increase is a bit more uncertain, although there is no reason to believe it will not remain nearly constant for at least 10 years. That means by 1975, the number of components per integrated circuit for minimum cost will be 65,000."

Gordon Earle Moore (1929) - co-founder and Chairman Emeritus of Intel Corporation and the author of Moore's Law (published in an article 19 April 1965 in Electronics Magazine).

CPU Transistor Counts 1971-2008 & Moore's Law



Date of introduction

- Prečo? "exponential behavior of die sizes, finer minimum dimensions, and circuit and device cleverness".
- V roku 1975 zrevidoval svoj zákon: "There is no room left to squeeze anything out by being clever. Going forward from here we have to depend on the two size factors - bigger dies and finer dimensions".
- Zredukoval mieru rastu na dvojnásobok každých 18 mesiacov od r. 1975

- Hustota tranzistorov na chipe sa zvyšuje
- Rýchlosť ostáva
- Ako zvyšovať počet operácií za jednotku času?

Paralelizmus

- Implicitný paralelizmus
- Explicitný paralelizmus
 - Narastá počet jadier
 - Paralelizmus je daný k dispozícií pre programátorov

Sekvenčné výpočty - limitácia

- Energetická limitácia
 - So zvyšujúcim sa výkonom je potrebné zlepšovať energetickú účinnosť
- Pamäťová limitácia
 - Veľmi pomalá pamäť v porovnaní s rýchlosťou vykonávania inštrukcií
- ILP limitácia
 - Ťažšie a drahé zlepšovanie paralelizmu na úrovni inštrukcií

Energetická limitácia (Power Wall)

- Výkonnosť čipu je limitovaná tepelným vyžarovaním, nie počtom tranzistorov
- Zvyšovanie výkonnosti si vyžaduje aj zlepšovanie energetickej účinnosti
- Tepelné vyžarovanie úmerné frekvencií
- Zvýšenie frekvencie 4000x za posledných 10 rokov
- Odvádzanie tepla sa blíži k fyzikálnym limitom
- Zvyšovanie frekvencie si vyžaduje obrovské a neúnosné náklady na chladenie

Limitácia paralelizmu na úrovni inštrukcí (ILP Wall)

- Vyššie frekvencie vyžadujú dlhšiu linku prúdového spracovania
- "Pipelineing" sa už nedarí zlepšovať
- Zvyšovanie výkonu prostredníctvom špekulatívneho vykonávania inštrukcií
- HW testovanie vykonania inštrukcií v zlom poradí
- Potreba "uhádnut" skoky zlý odhad = zahodenie výpočtu (skok každých 5 inštrukcií)
- Dátova závislosť môže zabrániť paralelnému vykonaniu inštrukcií
- Paralelizmus na úrovni inštrukcií (ILP -Instruction Level Parallelism)
- ILP logika zložitá "CPU Execution Unit", väčšia energetická náročnosť
- Čoraz menšie zlepšenia ILP Wall

Pamäťová limitácia (Memory Wall)

- Pamäťové oneskorenia mnohorádovo väčšie v porovnaní s dĺžkou procesorového cyklu
- Výkonnosť programu limitovaná schopnosťou procesora preniesť dáta potrebné na výpočet
- Snaha zlepšiť rýchlosť prístupu k údajom a inštrukciám hierarchiou vyrovnávacích pamätí
- Drahé "cache miss" stratené CPU cykly

Pamäťová hierarchia

- Využívanie lokálnosti (locality) pri prístupe k údajom
 - Priestorová lokálnosť
 - Časová lokálnosť
- Pamäťová hierarchia využíva lokálnosť
- 1ns Procesor On Chip Cache
- 10ns Second Level Cache
- 100ns Main Memory
- 10ms Disk Memory
- 10s Tape Memory

Oneskorenia v pamäť ovej hierarchií

 Hierarchia Cyk 	(ly	CP	U
------------------------------------	-----	----	---

- Register
- L1 Cache2-3
- L2 Cache 6-12
- L3 Cache 14-40
- Near Memory 100-300
- Far Memory 300-900
- Remote Memory O(10³)
- Message-passing O(10³)-O(10⁴)

Limitácia - rýchlosť svetla

- 1 Tflop/s procesor
- 1 údaj vybraný za t = 1e10^-12
- Šírenie informácie v = 3e10^8 m/s
- "Vzdialenost" s = v . t = 0.33 mm

 Umiestnenie 1 Tb do 0.3 x 0.3 mm plochy znamená 1 atóm na 1 bit

Sekvenčné výpočty - limitácia

- Hustota tranzistorov na čipe sa zvyšuje
- Rýchlosť ostáva
- Zvýšenie výkonu je možne dosiahnúť iba nárastom počtu jadier
- Paralelizmus je daný k dispozícií pre programátorov

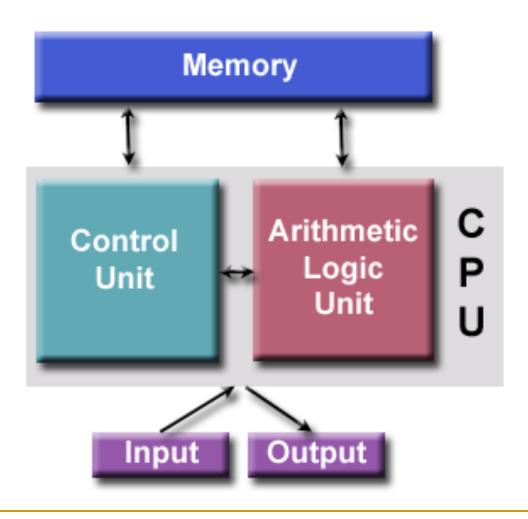
Náročnosť paralelného programovania

- Zložitejší návrh algoritmov
- Zložitejší vývoj softvéru
- Zmeny v hardvérových architektúrach

Princípy paralelného programovania

- Vyhľadanie paralelizmu
- Granularita paralelizmu
- Lokálnosť paralelizmu
- Vyrovnávanie záťaže
- Koordinácia a synchronizácia
- Analytické modelovanie výkonnosti
- Paralelné programovanie je principiálne náročnejšie ako sekvenčné programovanie

- Von Neumannova architektúra
 - Pamäť
 - Riadiaca jednotka (CU)
 - Aritmeticko logická jednotka (ALU)
 - Vstupno výstupná jednotka



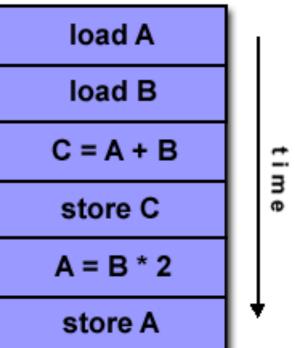
- Flynnova taxonómia 1966
 - Inštrukcie a dáta
 - Single alebo Multiple
 - SISD Single Instruction Single Data
 - SIMD Single Instruction Multiple Data
 - MISD Multiple Instruction Single Data
 - MIMD Multiple Instruction Multiple Data
 - SPMD Single Program Multiple Data

SISD – Single Instruction Single

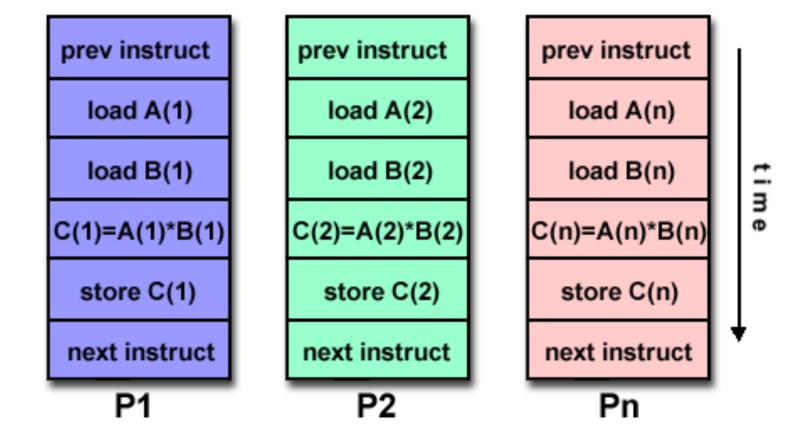
Data

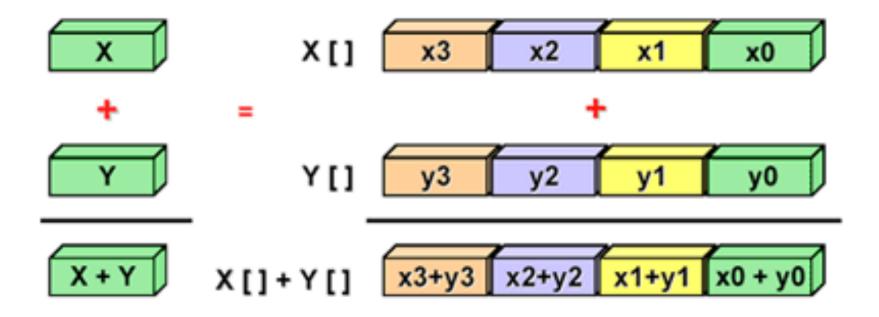
Klasický sekvenčný počítač

- Jediný prúd inštrukcií v jednom cykle
- Jediný prúd dát je používaný v jednom cykle
- Deterministické spracovanie
- Najbežnejší typ počítača

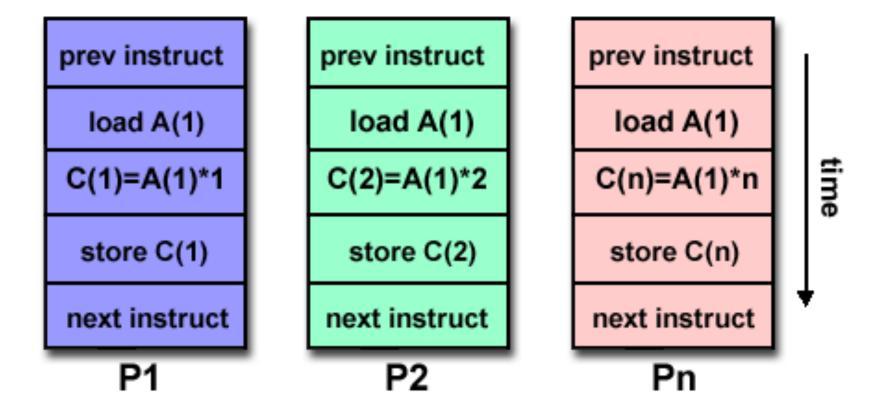


- SIMD Single Instruction Multiple Data
 - Paralelný počítač
 - Jediný prúd inštrukcií, každá výpočtová jednotka vykonáva tú istú inštrukciu v danom cykle
 - Viaceré prúdy dát, každá výpočtová jednotka pracuje s rôznymi dátami
 - Väčšina moderných počítačov
 - Vektorové inštrukcie
 - Grafické karty

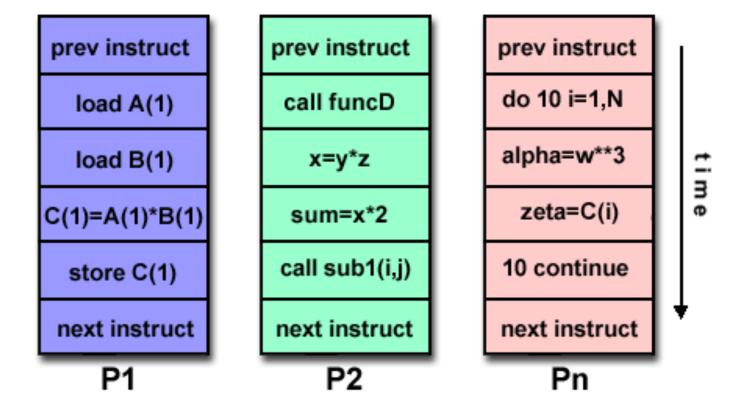




- MISD Multiple Instruction Single Data
 - Paralelný počítač
 - Jediný prúd dát je spracovaný viacerými výpočtovými jednotkami
 - Viaceré prúdy inštrukcií, každý procesor vykonáva rôzne inštrukcie nad tými istými dátami
 - Veľmi zriedkavá architektúra
 - Filtre
 - Redundandné spracovanie

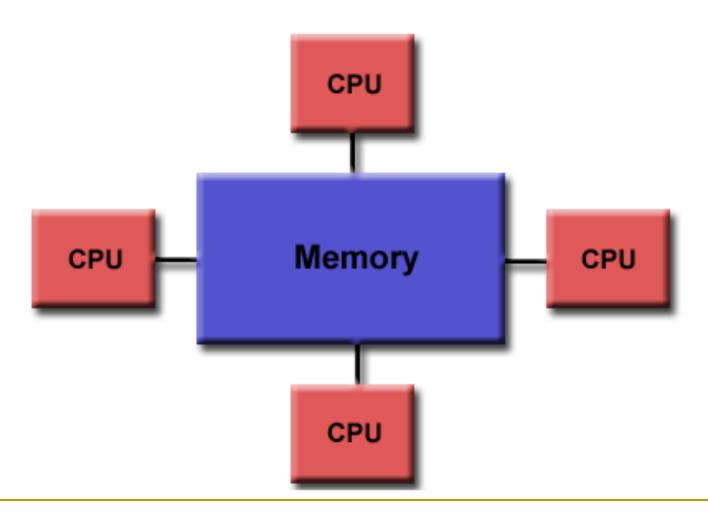


- MIMD Multiple Instruction Multiple Data
 - Bežná architektúra paralelného počítača
 - Viaceré prúdy inštrukcií, každý procesor vykonáva rôzne inštrukcie
 - Viaceré dátové prúdy, každý procesor vykonáva inštrukcie nad rôznymi dátami
 - Veľmi častá architektúra
 - Klasické viacjadrové procesory
 - Počítačové klastre a gridy
 - Superpočítače
 - Moderné grafické procesory

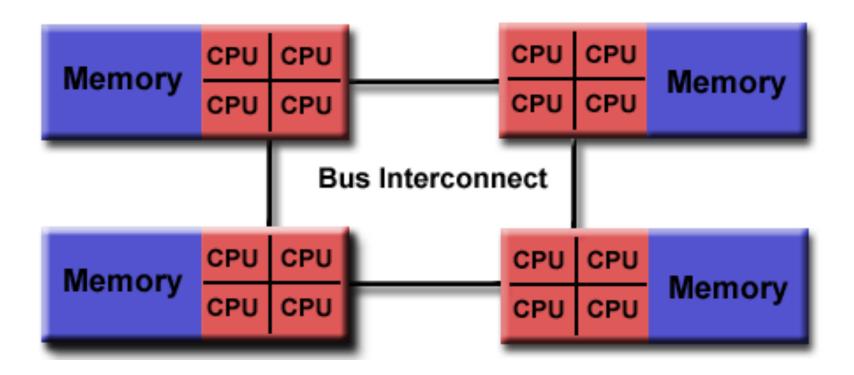


- Zdieľaná pamäť (Shared Memory)
 - Každý procesor má prístup do pamäte ktorá tvorí globálny pamäťový priestor
 - Každý procesor pracuje samostatne ale zdieľa tie isté pamäťové prostriedky
 - Zmena v pamäti vykonaná jedným procesorom je viditeľná pre všetky procesory
 - Čas prístupu do pamäte
 - Jednotný čas prístupu (UMA)
 - Nerovnomerný prístupový čas (NUMA)

- Jednotný čas prístupu Uniform Memory Access (UMA)
 - Symetrické multiprocesory
 - Rovnaké procesory
 - Rovnaký čas prístupu do pamäte
 - CC-UMA ak jeden procesor vykoná zápis do pamäte dozvedia sa to všetky procesory, koherencia na strane vyrovnávacej pamäte je riešená na HW úrovni

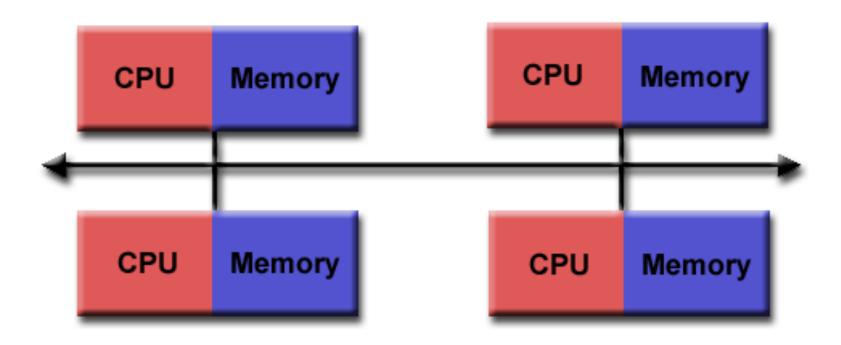


- Nerovnomerný čas prístupu Non-Uniform Memory Access (NUMA)
 - Viaceré prepojené symetrické multiprocesory
 - Procesor má priamy prístup do pamäte ostatných procesorov
 - Čas prístupu do pamäte je rozdielny
 - CC-NUMA ak sa zachováva koherencia vyrovnávacej pamäte



- Výhody systémov so zdieľanou pamäťou
 - L'ahko programovateľné
 - Zdieľanie dát je rýchle a rovnaké (blízkosť pamäte a procesorov)
- Nevýhody systémov so zdieľanou pamäťou
 - Slabá škálovateľnosť
 - Programátor musí zabezpečiť "správny" prístup do pamäte

- Distribuovaná pamäť (Distributed Memory)
 - Komunikačná sieť pri prístupe do pamätí medzi procesormi
 - Každý procesor má prístup do svojej pamäte, ktorá sa nemapuje pre ostatné procesory do globálneho pamäťového priestoru
 - Každý procesor pracuje samostatne, zmena v lokálnej pamäti vykonaná jedným procesorom nie je viditeľná pre ostatné procesory
 - Prístup k údajom iného procesora je riešený na programátorskej úrovni, rovnako ako synchronizácia



- Výhody systémov s distribuovanou pamäťou
 - Dobrá škálovateľnosť
 - Rýchly prístup do lokálnej pamäte, nie je potreba zabezpečovať koherenciu vyrovnávacích pamätí
 - Ekonomická výhodnosť
- Nevýhody systémov s distrib. pamäťou
 - Programátor musí zabezpečiť mnohé detaily spojené s komunikáciou medzi procesmi
 - Ťažkosti spojené s mapovaním údajov do distribuovaného pamäťového priestoru
 - Rôzne časy prístupu k údajom

- Hybridné architektúry
 - Najväčšie a najrýchlejšie superpočítače
 - Súčasné počítačové klastre
 - Systémy so zdieľanou pamäťou CC SMP
 - Distribuovaná pamäť sieť viacerých SMP, potreba sieťovej komunikácie

- Vlákna (Threads)
- Zasielanie správ (Message Passing)
- Dátovo paralelné modely
- Hybridné

 Paralelné programátorské modely – abstrakcia nad HW a pamäťovými architektúrami

- Model vlákien
 - Proces môže mať viaceré nezávislé cesty vykonávania inštrukcií
 - Systémy so zdieľanou pamäťou
 - Implementované ako knižnica podprogramov a/ alebo direktívy pre kompilátor
 - Množstvo implementácií
 - Pthreads
 - OpenMP

- Model zasielania správ
 - Skupina úloh používa každá svoju lokálnu pamäť pri výpočte
 - Úlohy si vymieňajú údaje zasielaním a prijímaním správ
 - Zvyčajne sa vyžaduje kooperácia
 - Implementované ako knižnica podprogramov
 - MPI Message Passing Interface

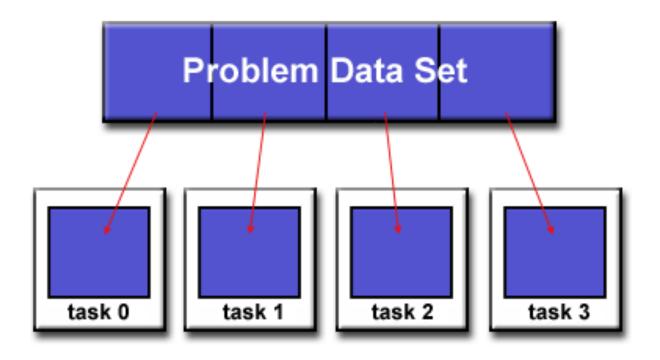
- Dátovo paralelné modely
 - Paralelné spracovanie sa zameriava na vykonávanie operácií nad dátovou množinou
 - Skupina úloh pracuje kolektívne nad rovnakou dátovou množinou, každá na inej časti množiny
 - Úlohy spravidla vykonávajú rovnaké operácie nad svojou časťou dátovej množiny
 - Implementácie jazyky Fortran 90, 95, HPF

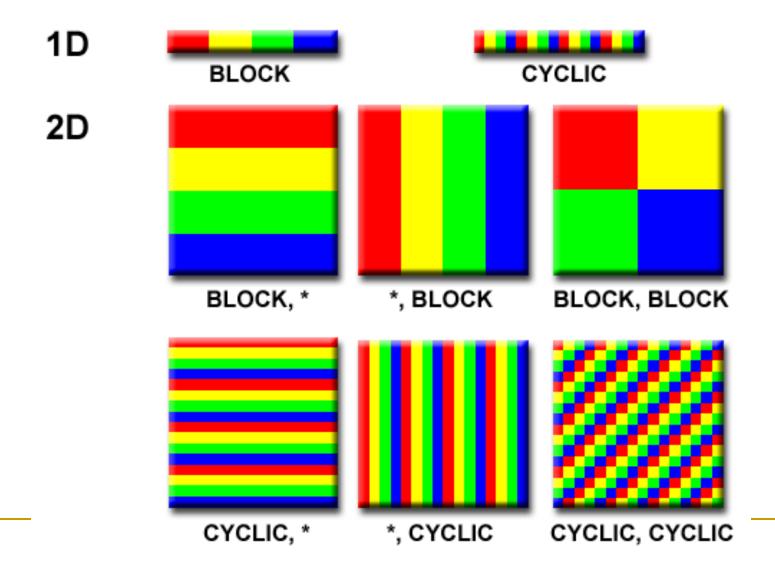
- Hybridné modely
 - OpenMP + MPI
 - Pthreads + MPI
 - HPF + MPI
- SPMD Single Program Multiple Data
 - Vytvorený nad ostatnými modelmi
 - Úlohy nemusia vykonať kompletný program
- MPMD Multiple Program Multiple Data
 - Vytvorený nad ostatnými modelmi
 - Viaceré rôzne programy , viaceré rôzne dáta

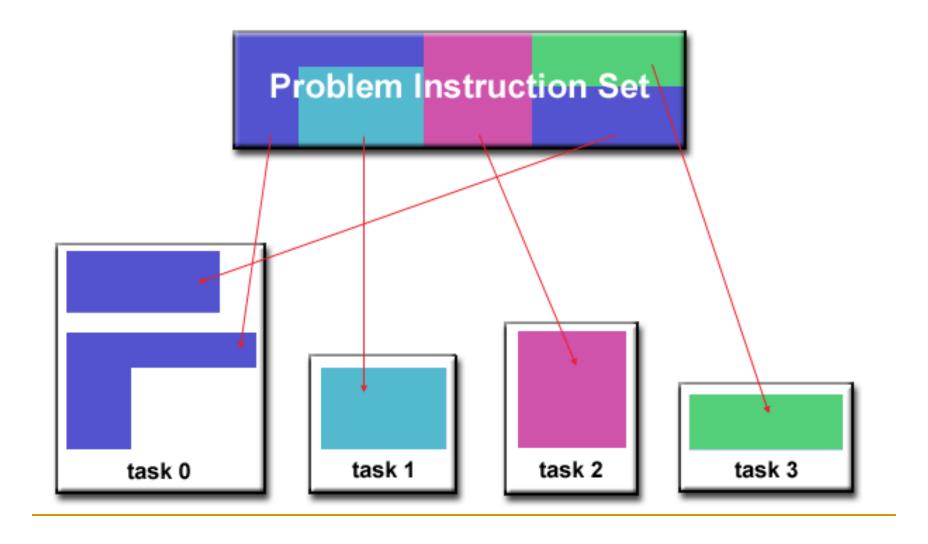
- Automatická vs. Manuálna paralelizácia
- Identifikácia a implementácia paralelizmu úloha programátora
- Náročný, iteratívny proces nachylný na chyby
- Automatická paralelizácia "svätý Grál"
 - Plnoautomatická kompilátor analyzuje kód, hlavne cykly
 - Riadená programátorom direktívy pre kompilátor
 - Zlé výsledky

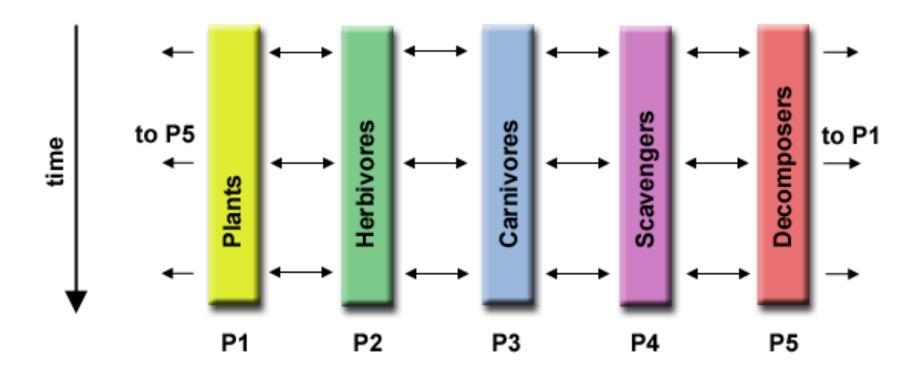
- Pochopenie problému, posúdiť možnosti paralelizácia
- Spočítanie energie pre rôzne stavy molekuly
- Fibbonacci (1,1,2,3,5,8,13,21, ...)
- Identifikácia častí programu, kde sa vykonáva najviac "práce" – profilovanie
- Identifikácia úzkeho hrdla napr. IO
- Identifikácia inhibítorov pralelizmu (dátová závislosť)

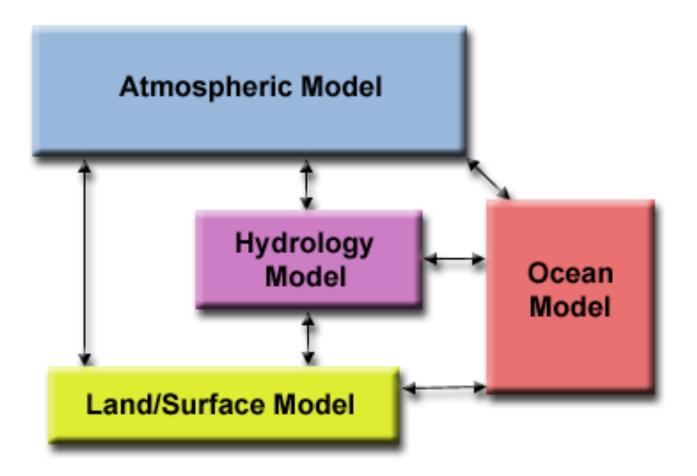
- Dekompozícia problému (Partitioning)
 - Rozdelenie na diskrétne časti vykonateľné nezávisle
- Doménová dekompoizícia
 - Rozdelenie na základe dát, paralelné vykonanie úloh nad časťou celkových dát
- Funkcionálna dekompozícia
 - Rozdelenie na základe vykonávaných výpočtov, každá úloha vykonáva časť celkových potrebných výpočtov











- Komunikácia
- Úlohy nepotrebujú komuniovať "Embarrassingly Parallel Problems" ("Trápny" resp. priamočiari paralelizmus)
- Väčšinou úlohy potrebujú komunikovať
 - Potreba zohľadniť viaceré faktory

Cena komunikácie

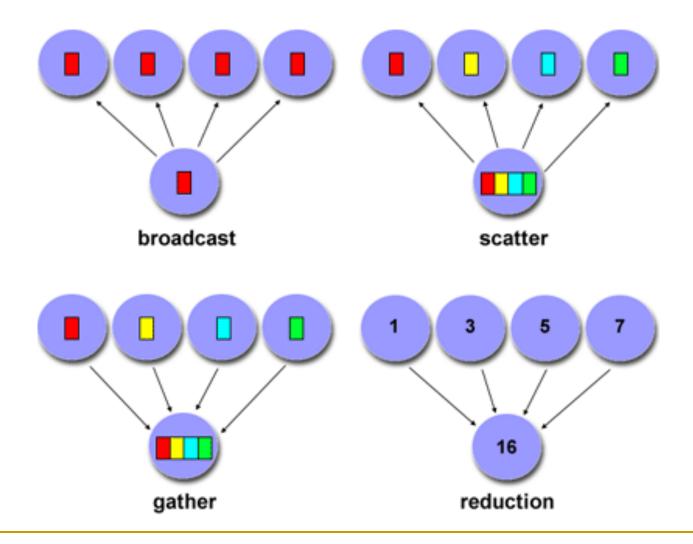
- "Nadbytočnosť" (Overhead) spojený s komunikáciou
- Výpočtové cykly nepočítajú ale realizujú komunikáciu
- Častá potreba synchronizácie čakanie
- Súťaženie pri komunikácií saturácia dostupného prenosového pásma na sieti

- Latencia vs. šírka prenosové pásma (Bandwidth)
 - Latencia čas prenosu 0 bajtov
 - Šírka pásma množstvo dát, ktoré môže byť prenesené za jednotku času
 - Veľa malých správ latencia dominuje nad šírkou pásma v nadbytočnosti spôsobenou komunikáciou
 - malá efektívna šírka pásma
 - Spojenie malých správ do väčšej správy

- Viditeľnosť komunikácie
- Zasielanie správ komunikácia je viditeľná
- Dátovo paralelné modely komunikácia je pred programátorom skrytá

- Synchrónna vs. asynchrónna komunikácia
- Synchrónna komunikácia "handshaking", blokujúca, čaká sa na ukončenie komunikácie
- Asynchrónna komunikácia prenášanie dát medzi úlohami nezávisle – neblokujúca, možnosť prekladať výpočet s komunikáciou

- Rozsah komunikácie
- Komunikácia bod bod (Point-to-point)
 - Dve úlohy sa zúčastňujú komunikácie
 - Sender/producer -> Receiver/Consumer
- Skupinová komunikácia
 - Viac ako dve úlohy, často určené ako členy skupiny

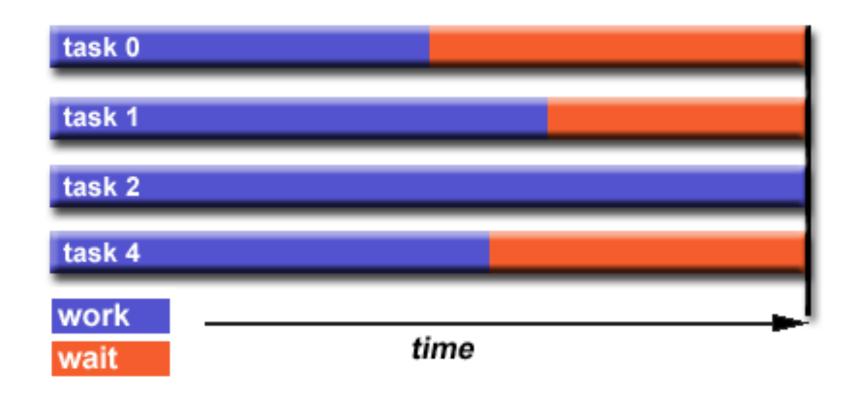


- Efektívnosť komunikácie
- Správny výber konkrétneho paralelného programátorského modelu
- Správny výber typu komunikácie (synchrónna asynchrónna)
- Viaceré sieťové prepojenia potreba vybrať vhodné

- Synchronizácia
- Barierová synchronizácia spravidla všetky úlohy, všetky čakajú na poslednú úlohu
- Zámok, Semafór týka sa viacerých úloh, serializácia prístupu k zdroju (často chránené dáta, alebo kód)
- Synchrónna komunikácia vyžaduje koordináciu

- Dátová závislosť
- Poradie vykonania príkazov ovplyvní výsledok programu
- Viacnásobné použitie jednej dátovej lokácie
- Dátová závislosť v cykle
 - for (i=start;i<end;i++) a[i] = a[i-1] * 2;</pre>
- Dátová závislosť mimo cyklu
 - □ Task 1: x=2; .. y = 2*x;
 - □ Task 2: x=4; .. y = 3*x;
- Kumunikácia a synchrnonizácia

- Vyrovnávanie záťaže (Load Balancing)
- Rovnomerné rozdeľovanie práce
- Všetky úlohy pracujú v každom čase
- Minimalizácia času nečinnosti (Idle time)
- Najpomalšia úloha môže určovať celkový výkon výpočtu pri barierovej synchronizácií



- Vyrovnávanie záťaže
- Rovnomerné rozdelenie práce pre jednotlivé úlohy
 - Polia, matice rovnomerné rozdelenie prvkov, ak ich spracovanie trvá rovnaký čas
 - Cykly rovnomerné rozdelenie iterácií
 - Heterogénne počítačové systémy výkonnostná analýza a kompenzácia nerovnomernosti
- Dynamické pridelovanie práce

- Dynamické prideľovanie práce
- Typické problémy
 - Riedke polia, matice
 - Adaptívne mriežkové metódy
 - Simulácie častíc, ktoré môžu migrovať
- Plánovač so zásobníkom úloh (Task pool)
 - Po skončení práce si úloha vyzdvihne ďalšiu prácu
- Potreba implementovať algoritmus vyhľadávania a riešenia nerovnom. záťaže

- Granularita (Zrnitosť)
- Pomer veľkosti výpočtu a komunikácie
- Výpočet je spravidla popretkávaný komunikáciou
- Jemnozrnný paralelizmus (Fine-grain)
- Hrubozrnný paralelizmus (Coarse-grain)

- Jemnozrnný paralelizmus (Fine-grain)
 - Malé výpočtové úseky medzi komunikáciou
 - Slabý pomer výpočet/komunikácia
 - Jednoduchšie vyrovnávanie záťaže
- Hrubozrnný paralelizmus (Coarse-grain)
 - Veľké výpočtové úseky medzi komunikáciou
 - Vysoký pomer výpočet/komunikácia
 - Ťažšie implementovateľné vyrovnávanie záťaže
- Vhodná úroveň granularity závisí od algoritmu a HW

- Amdahlov zákon
- Zložitejší celý cyklus vývoja SW
- Prenositeľnosť (Portability)
- Náročnosť na výpočtové prostriedky, zdroje
- Škálovateľnosť

Ahmdalov zákon

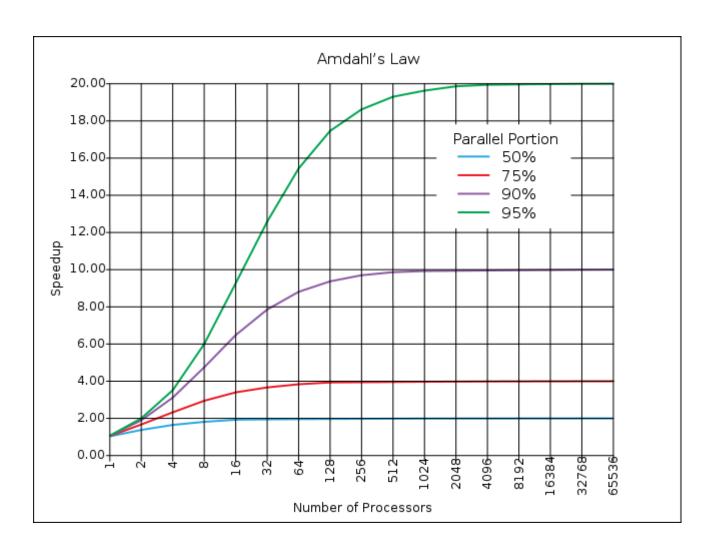
- Gene Amdahl 1967
- Zrýchlenie, ktoré je možné dosiahnuť paralelizáciou je limitované:

 V každom programe je sekvenčná časť, ktorá môže limitovať maximálne možné zrýchlenie paralelného programu

Ahmdalov zákon

- Fs sekvenčná časť programu
- Fp paralelná časť programu Fp = 1 Fs
- N počet procesorov
- Tn čas behu programu na N procesoroch
- S zrýchlenie programu na N procesoroch
- Tn = (Fp / N + Fs) T1
- S = 1 / (Fp / N + Fs)

Ahmdalov zákon



- Zložitejší celý cyklus vývoja SW
 - Návrh
 - Implementácia
 - Ladenie
 - Hľadanie chýb
 - Urýchľovanie
 - Správa

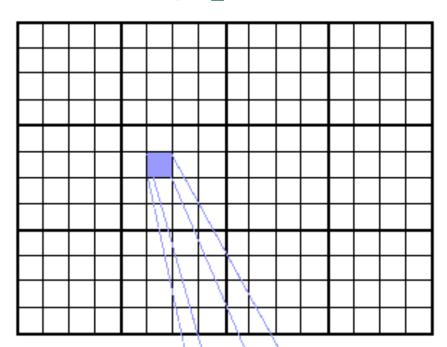
- Prenositeľnosť
 - Štandardizované API
 - Zaužívané paralelné programátorské modely
 - Rozdiely vo výkone konkrétnych implementácií
 - HW architektúry majú rozdielne vlastnosti, rýchly vývoj v oblasti
 - Dôležitosť OS

- Náročnosť na výpočtové prostriedky, zdroje
 - Väčší počet výpočtových elementov
 - Pamäťová náročnosť môže byť vyššia pre paralelné programy
 - Energetická náročnosť

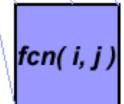
Škálovateľnosť

- Pridávanie výpočtových elementov spravidla nestačí
- Algoritmy môžu obsahovať prirodzené obmedzenia na škálovateľnosť
- HW obmedzenia
 - Šírka pásma pamäť procesor
 - Šírka pásma komunikačnej siete
 - Veľkosť pamäte na jednom výpočtovom uzle

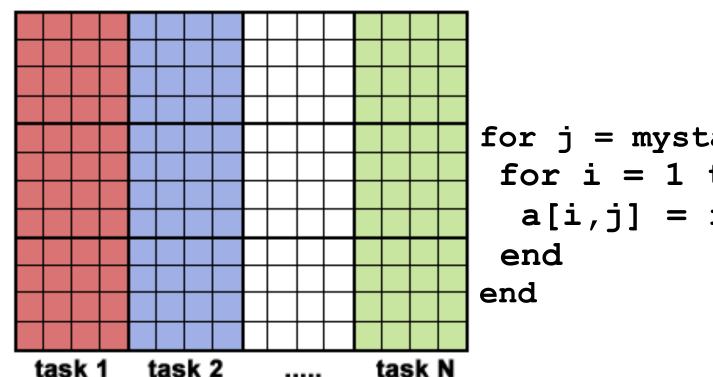
- Spracovanie 2D poľa
 - Spracovanie prvku poľa nezávislé od ostatných prvkov
 - "Priamočiari" ("trápny") paralelizmus
 - Spracovanie prvku primerane výpočtovo náročné
 - " Sekvenčné spracovanie jeden prvok po druhom:



```
for j = 1 to n
  for i = 1 to n
    a[i,j] = fcn(a[i,j])
  end
end
```



- Každý procesor časť poľa
- Nezávislé spracovanie prvkov poľa žiadna komunikácia
- Rozdelenie na procesory tak, aby veľkosť kroku v cykle bola 1 – maximalizácia využitia vyrovnávacej pamäte
- Každá úloha spracuje časť cyklu nad dátami, ktoré "vlastní"



```
for j = mystart to myend
 for i = 1 to n
 a[i,j] = fcn(a[i,j])
```

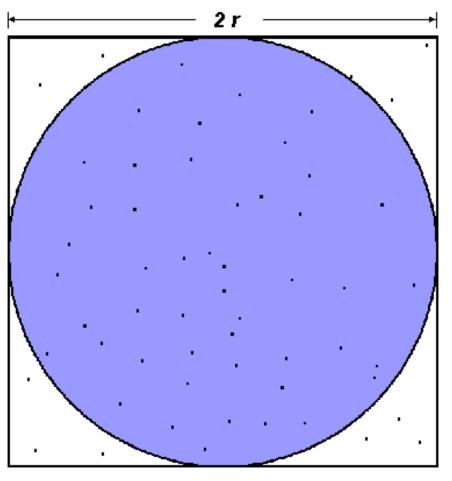
- "Master worker" paradigma
- "Master"
 - "Vlastní" pole dát
 - Zasiela prácu
 - Príma výsledky
- "Worker"
 - Príjma prácu
 - Realizuje výpočet
 - Zasiela výsledky

```
if MASTER then
  initialize the array
  send each WORKER info on part of array it owns
  send each WORKER its portion of initial array
  receive from each WORKER results
end
if WORKER then
  receive from MASTER info on part of array it owns
  receive from MASTER portion of initial array
  calculate my portion of array
  for j = myfirstcolumn to mylastcolumn
    for i = 1 to n
      a[i,j] = fcn(a[i,j])
  send MASTER results endif
end
```

- "Pool of tasks" paradigma
- "Master"
 - Vlastní zásobník ("bazén") úloh
 - Zasiela prácu, keď je požadovaná
 - Zbiera výsledky
- "Worker"
 - Požaduje prácu
 - Realizuje výpočet
 - Zasiela výsledky
- "Worker" obdržaná časť práce určovaná až za behu
- Dynamické vyrovnávanie záťaže

- Výpočet Pl
 - Kruh vo štvorci
 - Náhodné generovanie bodov vo štvorci
 - Určiť body ktoré sú aj v kruhu
 - □ PI ~ 4 Nk / N

- "Priamočiari" ("trápny") paralelizmus
- Minimálna komunikácia a IO operácie



$$A_S = (2r)^2 = 4r^2$$

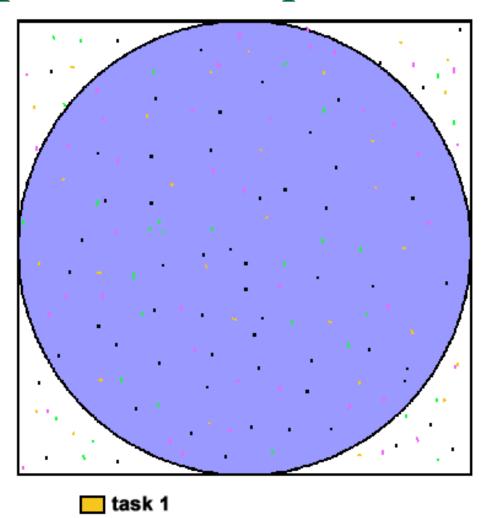
 $A_C = \pi r^2$
 $\pi = 4 \times \frac{A_C}{A_C}$

```
npoints = 10000
circle_count = 0
for j = 1 to npoints
    xcor = rnd(-1,1)
    ycor = rnd(-1,1)
    if incircle(xcor, ycor)
        circle_count++
end
PI =4.0*circle count/npoints
```

- Rozloženie cyklus na časti vykonateľné paralelne
- Každá úloha vykonáva svoju časť cyklu
- Žiadna komunikácia nie sú potrebné informácie od ostatných úloh
- Master Worker paradigma

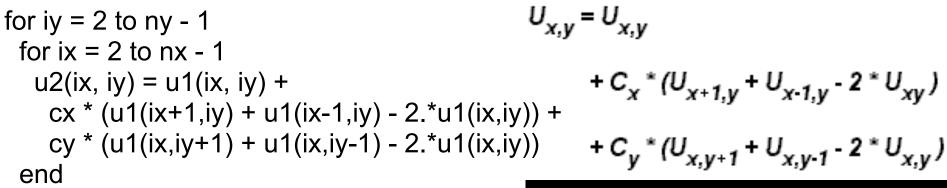
```
npoints = 10000
circle count = 0
my circle count = 0
my npoints = npoints / number of tasks
for j = 1 to my npoints
  xcor = rnd(-1,1) and ycor = rnd(-1,1)
  if incircle(xcor, ycor) my circle count++
if WORKER send to MASTER my circle count
if MASTER
  receive circle count from WORKERS
  PI =4.0 * circle count/npoints
```

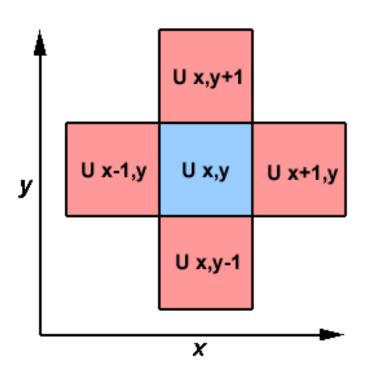
task 3



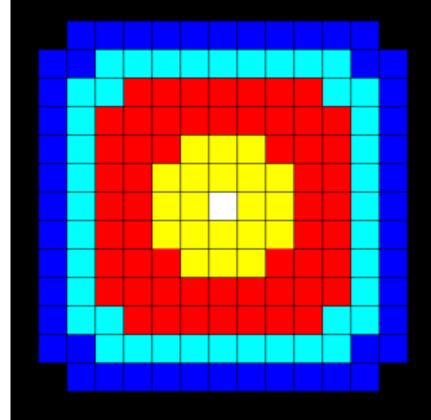
Šírenie tepla

- Väčšina problémov paralelného spracovania vyžaduje komunikáciu medzi úlohami
- Mnohé problémy vyžadujú komunikáciu medzi susednými úlohami
- Zmeny tepla v čase určené iniciálnymi hodnotami a okrajovými podmienkami
- Metóda konečných diferencií na numerické riešenie diferenčnej rovnice v štvorcovej mriežke
- Iniciálna teplota je 0 na okraji a vysoká v strede mriežky, teplota na okraji je udržiavaná na 0
- Výpočet v bode mriežke závisí od okolitých hodnôt



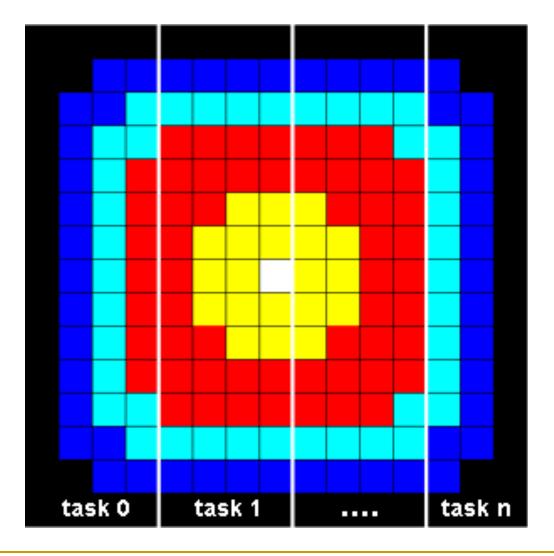


end



- 2D pole je rozdelené a časti poľa distribuované jednotlivým úlohám, každá úloha vlastní časť poľa
- Určenie dátovej závislosti
- Vnútorné prvky častí poľa nezávisia od ostatných úloh
- Okrajové prvky častí poľa závisia od častí poľa susedných úloh, potrebná komunikácia

- Master worker paradigma
- Master
 - Rozposlanie iniciálnych informácií
 - Sledovanie konvergencie
 - Zber výsledkov
- Worker
 - Výpočet vo svojej časti poľa
 - Komnunikácia so susedmi



```
if MASTER then
    initialize array
    send each WORKER starting info and subarray
    until all WORKERS converge
        gather from all WORKERS convergence data
        broadcast to all WORKERS convergence signal
    end
    receive results from each WORKER
end
If WORKER then
    receive from MASTER starting info and subarray
    until solution converged
        send neighbors my border info
        receive from neighbors their border info
        update my portion of solution array
        determine if my solution has converged
        send MASTER convergence data
        receive from MASTER convergence signal
    end
    send MASTER results
end
```

- Blokujúca komunikácia čakanie na ukončenie komunikácie a až potom výpočet
- Odkomunikovanie hodnôt na okrajoch a následne spracovanie vlastnej časti poľa

- Skrátenie času behu použitím neblokujúcej komunikácie – výpočet počas komunikácie
- Každá úloha môže upraviť prvky vo vnútornej časti poľa počas zasielania okrajových dát

```
if MASTER then
    initialize array
    send each WORKER starting info and subarray
   until all WORKERS converge
        gather from all WORKERS convergence data
       broadcast to all WORKERS convergence signal
    end
    receive results from each WORKER
end
If WORKER then
    receive from MASTER starting info and subarray
   until solution converged
       non-blocking send neighbors my border info
       non-blocking receive neighbors border info
       update interior of my portion of solution array
       wait for non-blocking communication complete
       update border of my portion of solution array
        determine if my solution has converged
        send MASTER convergence data
        receive from MASTER convergence signal
    end
    send MASTER results
end
```

Terminológia

- Úloha (Task)
- Paralelná úloha (Parallel Task)
- Sériové resp. sekvenčné spracovanie
- Paralelné spracovanie
- Prúdové spracovanie (Pipelining)
- Zdieľaná pamäť (Shared Memory)
- Distribuovaná pamäť (Distributed Memory)
- Symetrický multiprocesor (SMP)
- Počítačový klaster
- Viacjadrový procesor (Multicore)

Terminológia

- Komunikácia
- Synchronizácia
- Granularita
- Zrýchlenie
- Paralelná nadbytočnosť (Overhead)
- Masívny paralelizmus
- "Trápny" paralelizmus (Embarrassingly parallel)
- Škálovateľnosť
- Vysokovýkonné počítanie (High Performance Computing, Supercomputing)

Zdroje

- Ananth Grama, Anshul Gupta, George Karypis, Vipin Kumar. Introduction to ParallelComputing, 2nd Edition, Addison-Wesley 2003, Introduction to Parallel Computing http://www-users.cs.umn.edu/~karypis/parbook/
- Manferdelli, J. "The Many-Core Inflection Point for Mass Market Computer Systems," CTWatch Quarterly, Volume 3, Number 1, February 2007. http://www.ctwatch.org/quarterly/articles/2007/02/the-many-core-inflection-point-for-mass-market-computer-systems/
- Blaise Barney, Lawrence Livermore National Laboratory: Introduction to Parallel Computing. https://computing.llnl.gov/tutorials/parallel_comp/
- Obrázky prevzaté z:
 - Ananth Grama, Anshul Gupta, George Karypis, Vipin Kumar. Introduction to ParallelComputing, 2nd Edition, Addison-Wesley 2003, Introduction to Parallel Computing" http://www-users.cs.umn.edu/~karypis/parbook/
 - Blaise Barney, Lawrence Livermore National Laboratory: Introduction to Parallel Computing. https://computing.llnl.gov/tutorials/parallel_comp/