# Vysoká škola ekonomická v Praze Fakulta informatiky a statistiky



# Odhad relativní četnosti binomického rozdělení pomocí klasického a bayesovského přístupu v jazyce R

## BAKALÁŘSKÁ PRÁCE

Studijní program: [Data Analytics]

Autor: [Bc. Michal Lauer]

Vedoucí práce: [Ing. Ondřej Vilikus, Ph.D.]

Praha, Prosinec 2024

Poděkování				
Děkuji svému vedoucímu za odborné neocenitelnou podporu.	vedení práce a p	orůběžné konzulta	ace a své přítelk	zyni za

Klíčová slova	
Bayesovská statistika, odhad relativní četnosti, jazyk R	
Abstract	
Abstract.	
Keywords	
Bayesian statistics, relative frequency estimation, R language	

**Abstrakt** 

Abstrakt.

## Obsah

Ú	vod		9
1	Sta	istické metody	10
	1.1	Inference	. 10
		1.1.1 Problematika výběrových šetření	. 10
	1.2	Frekventistická inference	. 10
		1.2.1 Testování hypotéz	. 10
		1.2.2 Metriky při testování hypotéz	. 10
		1.2.3 Jednovýběrový odhad poměru s velkým vzorkem	. 10
		1.2.4 Jednovýběrový odhad poměru s malým vzorkem	. 10
	1.3	Bayesovská inference	. 11
2	Mo	nte Carlo generování	12
	2.1	Vyhodnocení generovaného rozdělení	. 12
		2.1.1 Vyhodocení hypotéz	
		2.1.2 Odhad poměru	. 12
3 P	Pra	ktické odhady	13
	3.1	Balíčky pro frekventistickou inferenci	
		3.1.1 Klasické test poměru	
	3.2	Software pro bayesovskou statistiku	
		3.2.1 Balíček R2WinBUGS	
		3.2.2 Balíček jags	. 17
		3.2.3 stan	. 17
	3.3	Simulace	. 17
		3.3.1 Malý vzorek	. 18
		3.3.2 Velký vzorek	. 18
		3.3.3 Porovnání výsledků	. 18
Za	ávěr		19
	3.4	Jak citovat v textu	. 19
P	oužit	á literatura	20
		esovské modely	22
	பay	COURDING THOUGHY	44

## Seznam obrázků

## Seznam tabulek

# Seznam zdrojových kódů

3.1	NENÍ CAPTION	14
3.2	NENÍ CAPTION	15
3.3	NENÍ CAPTION	15
3.4	NENÍ CAPTION	16
3.5	NENÍ CAPTION	16
A.1	Winbugs	22

## Seznam použitých zkratek

 ${f BCC}$  Blind Carbon Copy

CC Carbon Copy

 $\mathbf{CERT}$  Computer Emergency Response

Team

CSS Cascading Styleheets

**DOI** Digital Object Identifier

**HTML** Hypertext Markup Language

**REST** Representational State Transfer

SOAP Simple Object Access Protocol

**URI** Uniform Resource Identifier

**URL** Uniform Resource Locator

**XML** eXtended Markup Language

# Úvod

Tohle je **úvodní** text.

## 1. Statistické metody

Krátký úvod do historie, bayes, inferenční bayes (rozdělení) vs. inference (bod) citace Karla

#### 1.1 Inference

proč to používáme, výběr vs. populace, reprezentativnost

#### 1.1.1 Problematika výběrových šetření

reprezentativnost, definice populace, čas sběru, organizace sběru...

#### 1.2 Frekventistická inference

Jak to funguje, jak to spoléhá na sampling distributions

#### 1.2.1 Testování hypotéz

hladina významnosti, úroveň spolehlivosti, Testovací statistika, kritický obor, 1/2 stranný test p-hodnota, interval spolehlivosti

#### 1.2.2 Metriky při testování hypotéz

Chyba I. a II. druhu, síla testu, velikost efektu

#### 1.2.3 Jednovýběrový odhad poměru s velkým vzorkem

použití, předpoklady, poměrový Z test, binomický test, síla testu, velikost efektu

#### 1.2.4 Jednovýběrový odhad poměru s malým vzorkem

Proč jsou důležité speciální metody, nějaké typy (wiki)

## 1.3 Bayesovská inference

Odvození bayesova vzorce, popis likelihood/aprior/data, druhy aprior/posterior

## 2. Monte Carlo generování

Halsing, Gibs, HMC

#### 2.1 Vyhodnocení generovaného rozdělení

korelace, ESS, monte carlo error...

#### 2.1.1 Vyhodocení hypotéz

Interval kredibility, ROPE, Bayesův faktor

#### 2.1.2 Odhad poměru

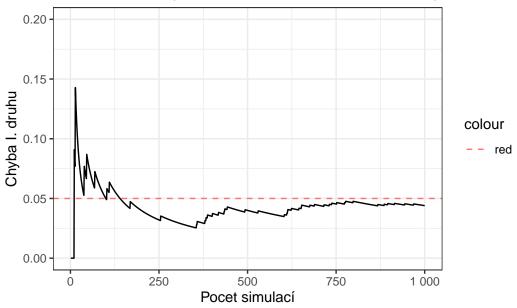
## 3. Praktické odhady

#### 3.1 Balíčky pro frekventistickou inferenci

#### 3.1.1 Klasické test poměru

```
Test
test
stats::t.test()
test
Jednoduchý T-test
   One Sample t-test
data: x
t = 8.8438, df = 99, p-value = 3.621e-14
alternative hypothesis: true mean is not equal to {\tt 0}
95 percent confidence interval:
0.7158758 1.1300282
sample estimates:
mean of x
0.922952
??
Simulace alfa = chyba 1. druhu
```

#### Procento falešných zamítnutí h0 se blíží hladine významnosti



#### 3.2 Software pro bayesovskou statistiku

#### 3.2.1 Balíček R2WinBUGS

podporuje WinBUGS, OpenBUGS

```
1 set.seed(123)
  x \leftarrow rbinom(10, 1, .6)
3
  bugs <- R2WinBUGS::bugs(</pre>
4
5
       data = list(
6
                 = length(x), # čPoet pozorování
 7
                              # Vstupní data
                 = x,
           alpha = 0.01,
8
                              # Hodnota parametru alpha
9
           beta = 0.01
                              # Hodnota parametru beta
10
       ),
11
       # ččPoátení hodnoty
12
       inits = list(
           list(p = 0.5),
13
14
           list(p = 0.5)
15
16
       n.chains = 2, n.iter = 5000, n.burnin = 1000, n.thin = 1,
       # Parametry, které žuloit
17
18
       parameters.to.save = c("p"),
19
       # Cesta k modelu
```

```
20
      working.directory = "kapitoly/prakticka",
21
      model.file = "r2winbugs.txt",
22
       # Cesta k programu WinBUGS
23
       bugs.directory = r"(C:\Users\Mike\Downloads\WinBUGS14\WinBUGS14)",
24
       # ňOdstra pracovní soubory
25
       clearWD = T,
26
       # Replikovatelnost
27
       bugs.seed = 123
28)
```

Výpis 3.1: NENÍ CAPTION

Výsledek

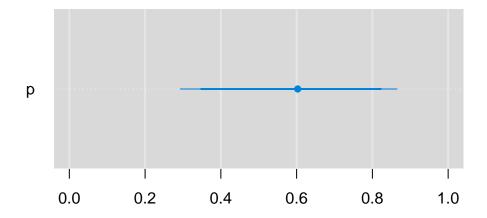
```
1 # print(bugs)
```

Výpis 3.2: NENÍ CAPTION

Odhad parametru p.

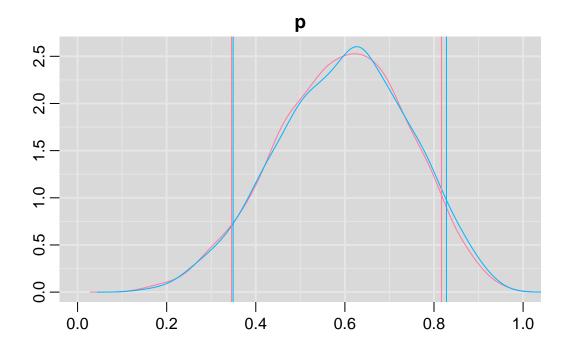
```
1 mcmcplots::caterplot(mcmcout = bugs,
                                                    # Výstup modelu
2
                       parms = "p",
                                                    # Vybraný parametr
3
                       val.lim = c(0, 1),
                                                    # Limity na ose X
4
                       quantiles = list(
5
                          outer = c(0.025, 0.975), # 95% interval kredibility
6
                          inner = c(0.055, 0.945) # 89% interval kredibility
7
                       )
8
 )
```

Výpis 3.3: NENÍ CAPTION



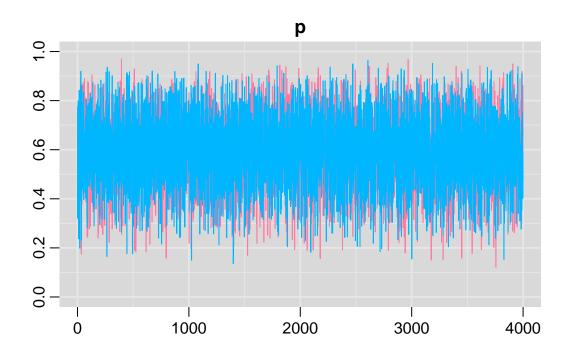
Posteriorní rozdělení jednotlivých chainů.

Výpis 3.4: NENÍ CAPTION



Vývoj jednotlivých chainů.

Výpis 3.5: NENÍ CAPTION



#### 3.2.2 Balíček jags

aplikace, R implementace, výhody/nevýhody, používá gibse

#### 3.2.3 stan

aplikace, R implementace, výhody/nevýhody, používá hmc

#### 3.3 Simulace

jak budou simulace provedné, jak budou vyhodnocené, nastavení ROPE/alternativ. pro odhad chyb

#### 3.3.1 Malý vzorek

Bayes vs. vybraný vzorec vs. binomic

#### 3.3.2 Velký vzorek

Bayes vs. vybraný vzorec vs. binomic

#### 3.3.3 Porovnání výsledků

Jak testy dopadly

## Závěr

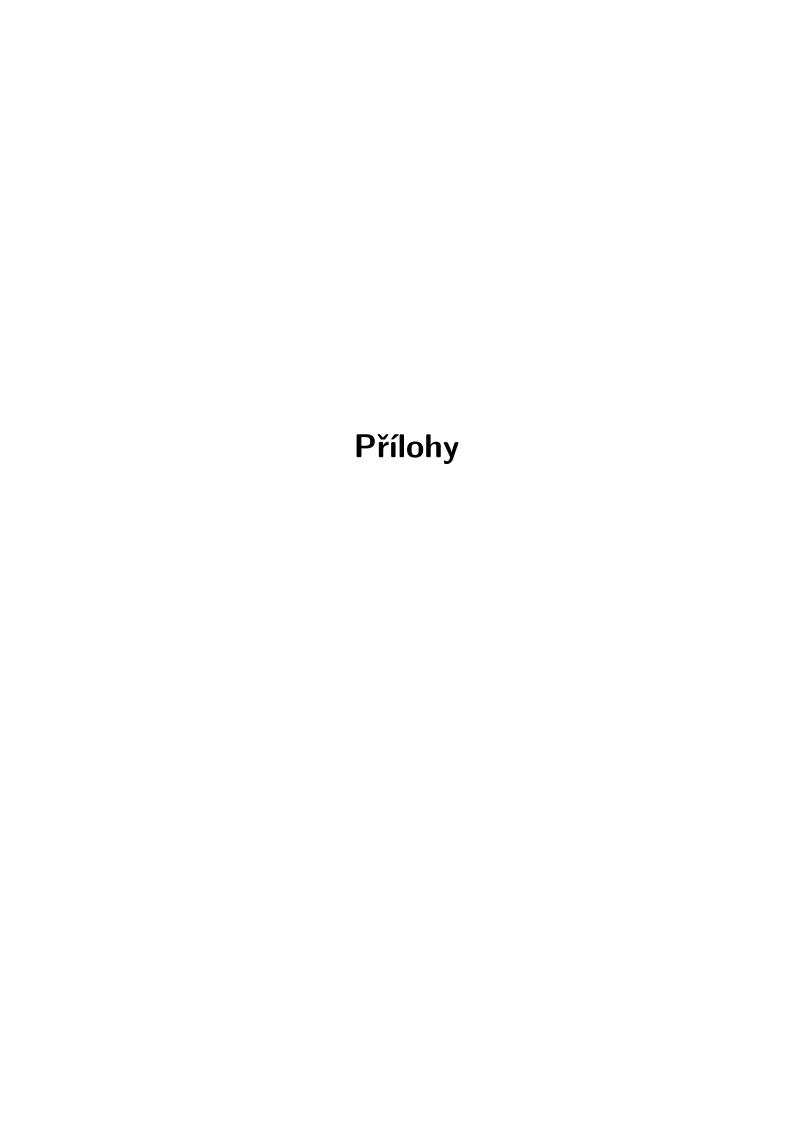
Konec práce, závěr.

#### 3.4 Jak citovat v textu

```
\label{eq:commutation} $$\operatorname{Cermak2018}$ $\longrightarrow (\operatorname{\check{C}erm\acute{a}k} \& \operatorname{Smutn\acute{y}}, 2018)$$ $$\operatorname{Hladik2018,Jasek2018}$ $\longrightarrow (\operatorname{Hladik} \& \operatorname{\check{C}ern\acute{y}}, 2018; \operatorname{Ja\check{s}ek} \ et \ al., 2018)$$ $$\operatorname{parencite} \ [kap. 3]{\operatorname{Pecakova2018}}$ $\longrightarrow (\operatorname{Pec\acute{a}kov\acute{a}}, 2018, \ kap. 3)$$
```

### Použitá literatura

- Čermák, R., & Smutný, Z. (2018). A Framework for Cultural Localization of Websites and for Improving Their Commercial Utilization. In *Global Observations of the Influence of Culture on Consumer Buying Behavior* (s. 206–232). IGI Global. https://doi.org/10.4018/978-1-5225-2727-5.ch013
- Hladík, M., & Černý, M. (2018). The Shape of the Optimal Value of a Fuzzy Linear Programming Problem. Fuzzy Logic in Intelligent System Design, 281–286. https://doi.org/10.1007/978-3-319-67137-6\_31
- Jašek, P., Vraná, L., Šperková, L., Smutný, Z., & Kobulský, M. (2018). Modeling and Application of Customer Lifetime Value in Online Retail. *Informatics*, 5(1). http://www.mdpi.com/2227-9709/5/1/2/pdf
- Pecáková, I. (2018). Statistika v terénních průzkumech. Professional Publishing.



# A. Bayesovské modely

```
::: {.cell-output .cell-output-stdout}

...
model {
    for (i in 1:N) {
        x[i] ~ dbern(p)
    }

    p ~ dbeta(alpha, beta)
}
...
:::
```

Výpis A.1: Winbugs