Preduciska 5 - podmineuost &

Opácho z minule:

Opácho z minule:

PC a výpocky ma nem jsou meporesné -)

-> 0.3 + 2.9 ... 91, 13, 52, 17, e, --

=> musine poortant s dybami a to poukarnje na 2 problég ve vyposted:

Proble 1: efekt moty'lyds kridel

Ezv. podminemost naselw proble

m) jek mwc ovlivni nepresuost vstupniel

dat neis vy'sledek

m) «papir & tuzka vlastnost" fj. nezávisi

na výpočetním postupu - je to vlastnost
problému

Problèm 2: akumurlace dryb behen výpozetu tzv. Stabilita naselno algoritmu

m? chci-li interpretovat výstup algoritmu jako presuý výpočet na jiných vstupních datech, jak moc se tyto vstupní data liší od těch přesuých

Dens 1: Koren, polynomi -) pro Po(X) = T)(x-i) maine koremy $V_1 = 1$, $V_2 = 2$, --, $V_{20} = 20$ · ale co kdez pridame molon dybu k jednomn 2 bolhicienti -> výpočet/měrem/representace v PC (8) = 7 (8) = 7 $C(8) \approx C(0) \qquad \frac{C(8) - C(0)}{2} \approx 0$ $(N) \frac{1}{1} \frac{1}{2} \frac{1}{2}$ $=\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}}\chi'(2)$ podminenost = | derivace resemi podle perturb. imputu |

(mekdy se mhui i o citlivosti) • $P_{\epsilon}(v(\epsilon)) = 0$ () $f_{\epsilon}(v(\epsilon)) = 0$ () $\langle - \rangle \frac{dg}{dg} \left(b^{o}(c^{-1}(g)) \right) + \frac{dc}{dg} \left(g \cdot (c^{-1}(g))_{1d} \right) = 0$ mile byt >>> 1 $\frac{d}{d\delta} V_{i}(\delta) \cdot P_{0}^{0} \left(V_{i}(\delta) \right) + \left(V_{i}(\delta) \right)^{1/4} + \delta \cdot 19 \cdot \left(V_{i}(\delta) \right)^{1/8} \frac{d}{d\delta} \left(V_{i}(\delta) \right) = 0$ m 2=0: $\frac{d}{dS} V_{\lambda}(S) = \frac{-V_{\lambda}(0)}{P_{\delta}'(v_{\delta}(\omega))} = \frac{1}{T_{\delta}(\lambda-\delta)}$ $\frac{d}{dS} V_{\lambda}(S) = \frac{1}{T_{\delta}(\lambda-\delta)}$

Demo 2: polynomial interpolation $f(x) \sim \sum_{k=0}^{\infty} (l_k(x) \cdot f(x)) = : P_f(x)$ $g(x) \simeq \sum_{i=1}^{n} (li(x)) g(x_i) = P_g(x)$ $- > \rho_f(x) - \rho_g(x) = \sum_{i=1}^{n} \ell_i(x) \left(f(x_i) - g(x_i) \right)$ $\max_{x \in [a_1b)} | p_f - p_g | \leq \max_{x \in [a_1b]} | \sum_{i=1}^{n} | l_i(x) | \bullet \max_{i} | f(x_i) - g(x_i) |$ Du (ekvidistantné) ~ 2 nt/n.logen).e bez odvozemí pro (-1,1] Δ_n (Chelaysher.) $=\frac{2}{\pi}\log(n+n)$ Iskoro optimálu V principu læ najít fig pro Leteré platí rovnost $= \rangle \frac{\max \left\{ p_f(x) - p_g(x) \right\}}{x \in (a_1 s)}$ $\leq \left(\right)_{N}\left(x_{0},\ldots,x_{n}\right)$ $\max_{x \in [a,5]} |f(x) - g(x)|$ pro etvidistantui body pro Chely sher. body △~~ = 10~ 6.4 ms spatré podminéré ms dobre podminent

Demo 3: Linearm' soustavy rovnic $problem: \begin{cases} -1/10 & 3/10 & 5/10 \\ 1/2 & 3/2 & 5/2 \\ 1/100 & 3/100 & 5/100 & -10^{-13} \end{cases} \begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 4/10 \\ 0/2 \\ 9/100 & -10^{-13} \end{pmatrix}$ -> přesuj výpočet nám da x= [1] Lingebra 1: Kramerovo pravidlo: Xi = $\frac{\text{det}(Ai)}{\text{det}(A)}$ Lede $A_i = \frac{\text{veznu natici}(A * \text{vyměním})}{\text{inty' sloupee za 5}}$ • X₁ = ... Kramerovo pravidlo na PC = 0.99991905... • X₂ = ... Kramerovo pravidlo na PC = 0.99977449... • $\chi_3 = \dots$ Kramerovo pravidlo un $PC = 1.00009252\dots$ => Kramero pravidlo: Xxp = m) pokud si de finujeure $b = A \cdot \vec{x}_{100} = \begin{pmatrix} 0.69997... \\ 4.4997... \\ 0.089997... \end{pmatrix}$ pak læ Kramerero pravidlo mimat jako "presný resic" ale pro perturbovaný problém. Tato perturbace je velikosti ~ 10-4

m> Kramerovo parvillo bychan neuazvali stabilini.