'Y Feducista 18 - QR faktorizace I

LU faktorizace/Ganssova eliminace unite byt vyrazue nestabiliu -> ms hledame jine faktorizace/algoritmy pro prevod AZ=B na lorni-A systém. Intritivne joure si odvodili, že mozná ne-stabilita LU/GE by se vyřešíla používaním unitarních traust

Lingebra 1: HAER JQunitarni, JR hornis: A = QR Navic QR lze spocitat Gran-Schmidt ortogonalizaci {A., A., e., ..., A., of the started A)

AZ=B (=) QRZ=B (=) RZ=QB & Q unitarm tj: umine presue to, co jone diteli. Zbyva vyjasnit:

2. Le QR "(rovnon aplikovat? Ve stejném smyslujako "GE je prima aplikace W. 1. Unime spocitat/aplikovat Q,R stabilhe?

Vypotet A=QR: Gramm-Schmidt. ortog.

 $\underline{\text{Crol}}$ $\hat{q}_1 = \frac{\hat{A}_{:11}}{\|\hat{A}_{:11}\|_2} \quad \text{8} \quad r_{11} := \|\hat{A}_{:11}\|_2$

 $\frac{\text{Lrob 2:}}{\sqrt{q_{2}}} = \vec{A}_{:,2} - (q_{1}, \vec{A}_{:,2}) \cdot q_{1} = (\vec{I} - q_{1}q_{1}) \vec{A}_{:,2}$ $\vec{Q}_{2} := \vec{V}_{2}/\sqrt{\sqrt{2}} N_{2} \qquad r_{1,2} := (q_{1}, \vec{A}_{:,2}) \times q_{2} = N\vec{V}_{2}N$

m) tudiz plati [A: 1, A: 2] = [7, 7] · [vn v2] o v22]

Krok 3: V3:= A:13 - (q1, A:13)q1 - (q2, A:15)q2 =

 $= \left(\frac{1}{1} - q_{1} q_{1}^{T} - q_{2} q_{2}^{T} \right) \overrightarrow{A}_{3,3} = \left(\frac{1}{3} - q_{2}^{2} q_{2}^{2} \right) \left(\frac{1}{1} - q_{1}^{2} q_{1}^{2} \right) \overrightarrow{A}_{3,3} = \left(\frac{1}{3} - q_{1}^{2} q_{2}^{2} \right) \left(\frac{1}{1} - q_{1}^{2} q_{1}^{2} \right) \overrightarrow{A}_{3,3} = \left(\frac{1}{3} - q_{1}^{2} q_{2}^{2} - q_{1}^{2} \right) \overrightarrow{A}_{3,3} = \left(\frac{1}{3} - q_{1}^{2} q_{2}^{2} - q_{1}^{2} \right) \overrightarrow{A}_{3,3} = \left(\frac{1}{3} - q_{1}^{2} q_{2}^{2} - q_{1}^{2} \right) \overrightarrow{A}_{3,3} = \left(\frac{1}{3} - q_{1}^{2} q_{2}^{2} - q_{1}^{2} \right) \overrightarrow{A}_{3,3} = \left(\frac{1}{3} - q_{1}^{2} q_{2}^{2} - q_{1}^{2} \right) \overrightarrow{A}_{3,3} = \left(\frac{1}{3} - q_{1}^{2} q_{2}^{2} - q_{1}^{2} - q_{1}^{2} - q_{1}^{2} - q_{1}^{2} - q_{1}^{2} \right) \overrightarrow{A}_{3,3} = \left(\frac{1}{3} - q_{1}^{2} - q_$

m) a opet name $[\vec{A}_{:11}, \vec{A}_{:12}, \vec{A}_{:13}] = [\vec{q}_{11}, \vec{q}_{21}, \vec{q}_{3}] \begin{bmatrix} \vec{r}_{11} & \vec{r}_{12} & \vec{r}_{13} \\ 0 & r_{12} & r_{23} \\ 0 & 0 & r_{33} \end{bmatrix}$

1 8 20 0 Vami V₂₃ = (q₂, A₁₃) = (q₂, (I-q₁q₁) A₁₃) stejne jako v (*) m) obdobné i pro rzu, rzy, rzs, m) který vzoreček vybrat? Krok n: $V_n := \left(I - \sum_{i=1}^{n-1} q_i q_i \right) A_{\bullet,n} = \left(I - q_i q_i \right) A_{\bullet,n}$ 9(n:= Vn/UVnU2 & (in = <qi, A:i) & (nn = ||Vn||2 $(\vec{A}_{11}, \dots, \vec{A}_{n}) = (\vec{q}_{11}, \dots, \vec{q}_{n})$ Å Q Z Prirozené vidime 2 zprisoby výpoch: tou klasický - rij = (Ā:j,qi) Es. modifikovary -> $V_{ij} = \left(\vec{q}_{i}, \left(\vec{1} - \vec{q}_{i}, \vec{q}_{i}\right) \cdot ... \cdot \left(\vec{1} - \vec{q}_{i}, \vec{q}_{i}\right) \cdot ... \cdot \left(\vec{1} - \vec{q}_{i}, \vec{q}_{i}\right) \cdot \vec{A}_{i,i}\right)$ na papire jou elevivalentu'm, naprogramované nikoliv nn> který byste tipovalí na vítěze? (python clemo) Jak je na tom stabilita vypostn? A ... vstupní data, Q, è produkt algoritum výše: NA- QR NE C. NAN Emad pro oba způsoby $M \pm - \hat{Q}^{T} \hat{Q} M \leq C \cdot \chi(A)^{2} \cdot \xi_{mach} \cdot \ldots \cdot klasický$ $C \cdot \chi(A) \cdot \xi_{mach} \cdot \ldots \cdot klasický$ Kdybychom počítali přesně pak = 0 m) Q by měla mit ON sloupce. To byla ta motivace proc delat QR rocklad/resic. Plat to i ma PC? m) ne metré .

