Zadanie 10.6

Zaczynamy od podpunktu (a), golzie mamy dane trzy vierschothi trójkata w R². Nanysujmy to w uhładzie uspótnednych, golzie oznaczymy vierschothi kolejno przez A, B, C:

$$\overrightarrow{BA} = \begin{bmatrix} 3-2 & 5-1 \end{bmatrix}^{T} = \begin{bmatrix} 1 & 4 \end{bmatrix}^{T}$$

$$\overrightarrow{BC} = \begin{bmatrix} 4-2 & 3-1 \end{bmatrix}^{\mathsf{T}} = \begin{bmatrix} 2 & 2 \end{bmatrix}^{\mathsf{T}}$$

(od uspótnednych punktu końcowego odejmujemy uspótnedne punktu poczathowego danego wektona)

Mamy dana figura duncymiarona w przestneni dwanymiaronej, zatem jej pole możemy policzyć jako wastość bezuzględna wyznacznika macierzy, której kolumnami sa wektory ja rozpinające.

Pravie, bo ta zasada dziata dla równolegiobohów, a v ogólnosci - równolegTościanóv. Zauvażamy jednak, że trójkat jest potova równolegtoboku nozpietego przez te same wektony: Wpisujemy więc vektory BA i BC w kolumny macienzy i liczymy jej wyznacznik  $\begin{vmatrix} 1 & 2 \\ 4 & 2 \end{vmatrix} = 1 \cdot 2 - 4 \cdot 2 = 2 - 8 = -6$ Pole nounolegToboku ABCD jest zatem nowne 6 (bo bienemy vartość bezuzględna), czyli pde trójhata ABC to 3 (poTowa pola równolegToboku).

Przechodzimy do podpunktu (b). Tutaj mamy dany trôjkat u przestrzeni trójwymiarovej, czyli nie możemy skozystać ze uzonu z uyznacznikiem do policzenia jego pola (bo trójkat jest figura dunymiarona). Zamiast tego policzymy je ze wzonu 2 ah, gdzie a i h to długości podstawy i opuszczonej na nia wysokości. Zaczynamy od naszkicovania punktów u przestrzeni i zaznaczenia potnebnych wektorów. Tym razem ponounie wyznaczymy C(4,7,8)Wehtory  $b = \overline{AB}$  oraz  $c = \overline{AC}$ . Odcinek  $\overline{AB}$ potrahtujemy tu jaho dTugosé to dTugosé vektora podstave trojhata (jej b). Następnie będziemy chcieli znaleźć długość wysohości opuszczonej z C na AB. W tym celu znutujemy wehtor c na b ; odejmiemy

otraymany neut od vektora c. Wynikowy wektor c-Pc będzie utedy wektorem vysokaści, co Tatuo zauvazyć na zysunku. Liczymy 1 uspótnedne wektorów b i c  $6 = [1-2, -1-2, 3-2]^{T} = [-1, -3, 1]^{T}$  $c = [4-2, 7-2, 8-2]^T = [2, 5, 6]^T$ 2 macier P nutovania na prosta, uyznaczona prizez vektor b = AB  $\begin{bmatrix}
-1 \\
-3
\end{bmatrix}
\begin{bmatrix}
-1 \\
-3
\end{bmatrix}
\begin{bmatrix}
-1 \\
-3
\end{bmatrix}
\begin{bmatrix}
1 \\
3 \\
-1
\end{bmatrix}
\begin{bmatrix}
1 \\
3 \\
-3
\end{bmatrix}
\begin{bmatrix}
-1 \\
-3 \\
1
\end{bmatrix}
\begin{bmatrix}
1 \\
3 \\
-3
\end{bmatrix}
\begin{bmatrix}
-1 \\
-3 \\
1
\end{bmatrix}
\begin{bmatrix}
1 \\
3 \\
-3
\end{bmatrix}$ [-1 -3 1] [11] 676 zatem

$$P = \frac{1}{11} \begin{bmatrix} 1 & 3 & -1 \\ 3 & 9 & -3 \\ -1 & 3 & 1 \end{bmatrix}.$$

3 rut c na b

$$\begin{bmatrix} 1 & 3 & -1 \\ 3 & 9 & -3 \\ -1 & 3 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 11 \\ 33 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ 3 \\ -1 \end{bmatrix}$$

(5) dTugo3ci podstavy i vysokości 
$$3\sqrt{6}$$
  $||b|| = \sqrt{b^Tb'} = \sqrt{11}$   $||c-Pc|| = \sqrt{1^2 + 2^2 + 7^2} = \sqrt{1 + 4 + 49} = \sqrt{54}$