Zadanie 8.3

Aby znalezí macien P nutovania R3 na ptaszczyzne V, korzystawny ze uzoru

$$P = A (A^TA)^{-1} A^T,$$

gdzie A jest macienza, w której kolumny wpisane sa wektony rozpinające V. Mamy zatem

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 2 & 5 \\ 3 & 6 \end{bmatrix}$$

$$\left(\begin{bmatrix} 2 & \beta \\ \gamma & \gamma \end{bmatrix}\right)^{-1} = \frac{1}{ad-bc} \begin{bmatrix} \gamma & -\beta \\ -\gamma & \lambda \end{bmatrix}$$

$$\frac{1}{14 \cdot 77 - 32 \cdot 32} \cdot \begin{bmatrix} 77 & -32 \\ -32 & 14 \end{bmatrix} = \frac{1}{54} \cdot \begin{bmatrix} 77 & -32 \\ -32 & 14 \end{bmatrix}$$

na razie pominiemy mnożenie przez 
$$\frac{1}{54}$$
,

Urócimy do niego po przemuożeniu samych macierzy

teraz kończymy obliczenia, mnożąc wynikowa, macien przez  $\frac{1}{54}$ .

[45 18 -9]  $\frac{1}{54}$ . 18 18 18 =  $\frac{1}{6}$ . 2 2 2

[-9 18 45]

Majaç macien nutovania P, mozemy prosto znalezíc nut wektora  $c = [1, 0, 0]^T$  na V. Jest to wektor Pc

Musimy teraz spraudzić, że otnymany wektor Pc neczyviście należy do V (jako nut na te przestneń).

W tym celu rozwiązujemy uktad równań Ax = Pc (jeśli Pc należy do V, to można je zapisać jako kombinację wektorów rozpinających V, czyli mamy Pc = x1·a + x2·b dla pewnych x11 x2 ∈ R1 a dolitadnie to opisuje nasz uhtad - szuhany X1, X2)  $\begin{bmatrix} 1 & 4 & \frac{5}{6} \\ 2 & 5 & \frac{2}{6} \\ 3 & 6 & -\frac{1}{6} \end{bmatrix} \sim \begin{bmatrix} 1 & 4 & \frac{5}{6} \\ 0 & -3 & -\frac{8}{6} \\ 0 & -6 & -\frac{16}{6} \end{bmatrix}$ U<sub>4</sub> U2-2U1  $u_3 - 3u_4$ ~ [ 1 4 | \$\frac{5}{6}\$] ~ [ 0 1 | \frac{4}{9}\$ ] [ 0 0 | 0 ] Wa  $-\frac{1}{3}$  W<sub>2</sub> w3-2 w2  $\begin{bmatrix}
1 & 0 & -\frac{17}{18} \\
0 & 1 & \frac{4}{9} \\
0 & 0 & 0
\end{bmatrix}$ W1-4 U2 WZ W3 (24)  $x_1 = -\frac{17}{18}, x_2 = \frac{4}{9}, co pohazuje,$ kombinacja, vektorów a i b jest Pc.

Udo wodning teraz, że wehtor c-Pe jest prostopadły do płaszczyzny V (czyli do wektorów a i b). Mamy 
$$c-Pc = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} \frac{5}{6} \\ \frac{1}{6} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{1}{6} \\ \frac{1}{6} \end{bmatrix}$$
 2atem 
$$c-Pc = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} \frac{5}{6} \\ \frac{1}{6} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{1}{6} \\ \frac{1}{6} \end{bmatrix}$$
 2atem 
$$c-Pc = \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 4 \\ 5 \\ 6 \end{bmatrix}$$
 1 \[ \frac{1}{6} \] \] \[ \frac{1}{6} \] \[ \frac{