

7.2.c)

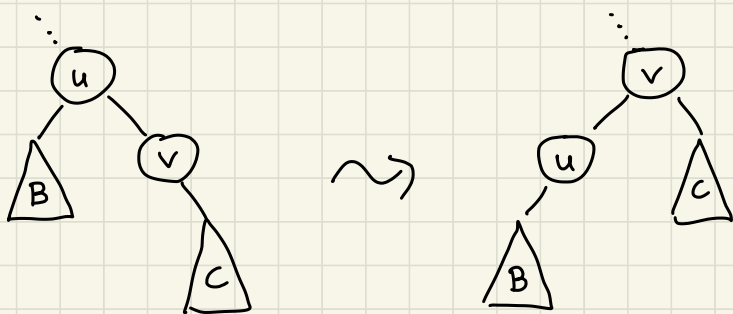
- * dane drzewo T zawierające w węzłach pary liczb (k_i, p_i) , gdzie k_i jest kluczem, a p_i - priorytetem
- * zakładamy, że T jest BST drzewem ze względu na klucze
- * szukamy ciągu rotacji pozwalającego na przekształcenie drzewa T w listę T_{path} (każdy węzeł wewnętrzny ma tylko prawego syna), a następnie listę T_{path} w drzewo T_{max} , które jest nie tylko drzewem BST ze względu na klucze, ale jeszcze kopcem typu MAX ze względu na priorytety
- * zaczynamy od przejścia z T do T_{path}
- * niech s_r oznacza maksymalnie prawą ścieżkę w drzewie T , a l_r - jej długość

- * dopóki któryś węzeł na ścieżce s_r ma lewego syna, dodajemy go do ścieżki przy użyciu prawej rotacji



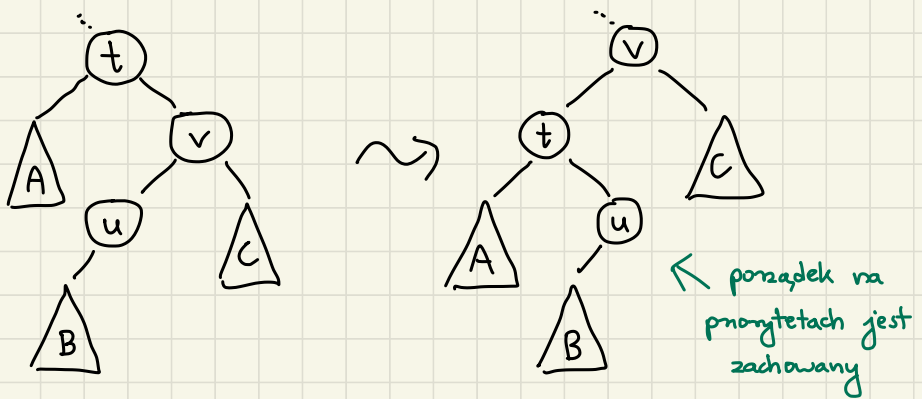
- * po rotacji aktualizujemy s_r i l_r
- * wiemy, że l_r zwiększy się o 1, zatem przejście z T do T_{path} będzie wymagało co najwyżej $n-1$ rotacji (na początku ścieżka zawiera co najmniej jeden wierzchołek, którym jest korzeń drzewa)
- * teraz pokażemy, że przejście z T_{path} do T_{max} także będzie wymagało co najwyżej $n-1$ rotacji

- * tym razem zaczynamy w korzeniu drzewa i dla kolejnych wierzchołków na ścieżce wykonujemy operację UpHeap (jeśli rodzic u obecnego wierzchołka v ma niższy priorytet niż v , to wykonujemy rotację w lewo wokół u ; wtedy v stanie się synem ojca u , oznaczanego przez t , i powtarzamy proces sprawdzenia porządku dla t i v)



- * co ważne, idąc od korzenia do liścia wiemy, że v w pierwszym kroku ma puste lewe poddrzewo, więc przy rotacji w lewo nie zaburzymy relacji na priorytetach w dotychczas uporządkowanej części

- * w kolejnym kroku v będzie już miało niepełne lewe poddrzewo (zawierające u i jego lewych potomków), ale wiemy, że wszystkie wierzchołki, które w nim są, mają priorytety mniejsze od priorytetu t , czyli ewentualna rotacja nic nie popsuje



- * dalej analiza idzie przez indukcję
- * na koniec zauważamy, że przy każdej takiej rotacji długość ścieżki S_r zmniejsza się o 1, więc musimy ich wykonać co najwyżej $n-1$