## Éwiczenia 2 9.10

Odtuananie sieci Petniego z jej grafu konfiguraji

Sieć Petniego graf konfiguraji

Jak na podstawie grafu konfiguraçii stwonyć sjeć (doktadniej: jedna 2 sieci), która mu odpowiada?

Region ≈ 2bión wzystkich konfiguraji, które zawieraja, dane miejsce

Def. Dany graf  $G = (V, \delta: V \times T \Rightarrow V, v_{\delta})$ . 2bión  $R \subseteq V$  jest regionem, jesli  $\forall a \in T$  uszystkie a-knaugdzie

- (1) albo ida 2 R do V/R,
- (2) albo ida 2 VNR do R, regionów
- (3) albo ida 2 R do R lub 2 VIR do VIR.

1. Czy graf konfiguraje elementamej sieci Petriego može mieć rozmiar ughtadniczy? \* Wezmy sjeć 10 KUKO 0 - 0 - 0 JORDEO OF DEO rozmiar (IPI+ITI+IFI) 3k+3 k tahich par miejsc \* dla każdej pary marny dwie możliwaści potożenia zetona (leve albo prave miejsce), czyli Tacznie liczba możlicych konfiguracji wynosi  $2 \cdot 2 \cdot \dots \cdot 2 + 1 = 2^{k} + 1$ K razy konfiguracja

poczethowa

2.	Czy	sicé	regionów	może	mieć	nozmian	wyhladniczy	?
	0		O				0 0	)

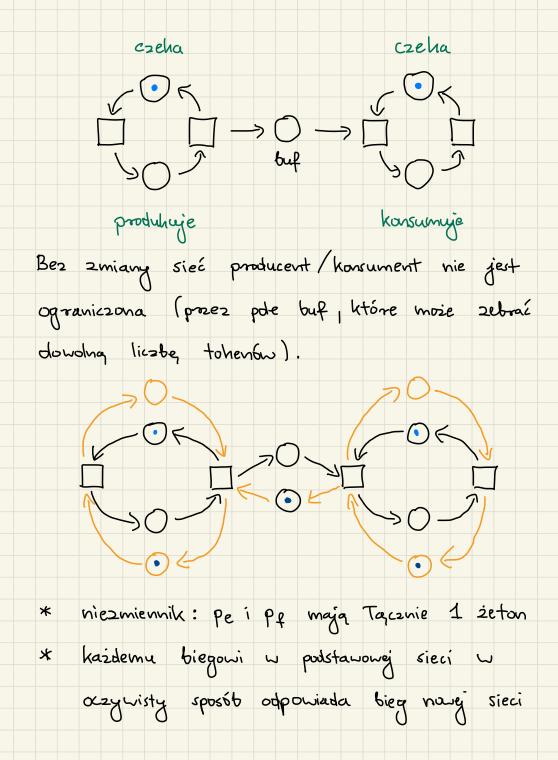
\* Wystarczy uziąć graf shierowany i przydzielić każdej hranędzi inna etyhiete, np. dla gwiazdy manny hdorowanie

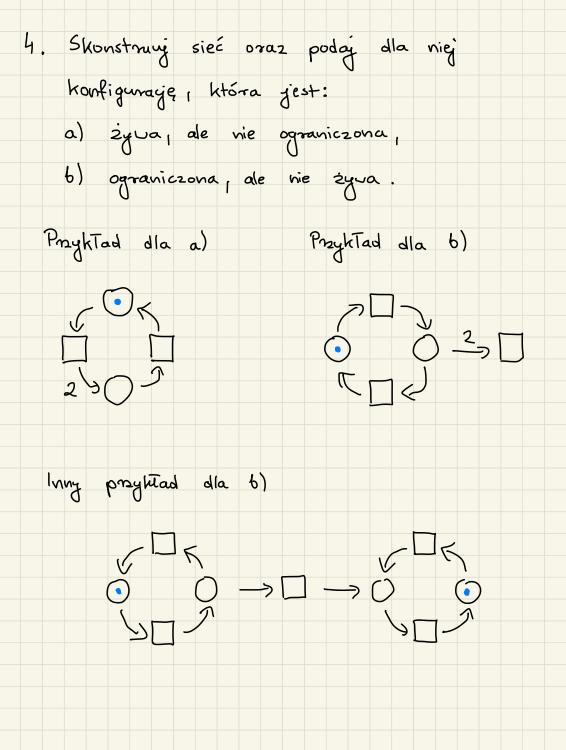


wiec many ich uyhtadniczo wiele grafowi temu odpowiada sieć:

\* analogicznie można też nozważyć cyhl

3. Bóunouaznosó sieci elementarnych oraz 1- ograniczonych sieci ogólnych  $\Leftarrow$ możerny zatożyć że nie ma wag > 1, wpp tranzycje z tahimi Tuhami można usunąć otrzymana sieć jest siecia elementarna, bo possathava kanfiguraya hTadzie na pola pojedyncze żetony, a w dowolnej osiągalnej konfiguração M kazda zyva tranzycja t spetnia  $t' \cap M = \emptyset$  $\Rightarrow$ aby zapeunié 1- ograniczonaść, musimy nozbić Kaide miejsce p na dua nove pe i pp oznaczające odpoliednio: pole p jest puste (empty) i pole p jest petuse (full), tj. ma potożony jeden żeton





5. Czy żyvotność jest monotoniczna w ogólnych sieciach Petriego?

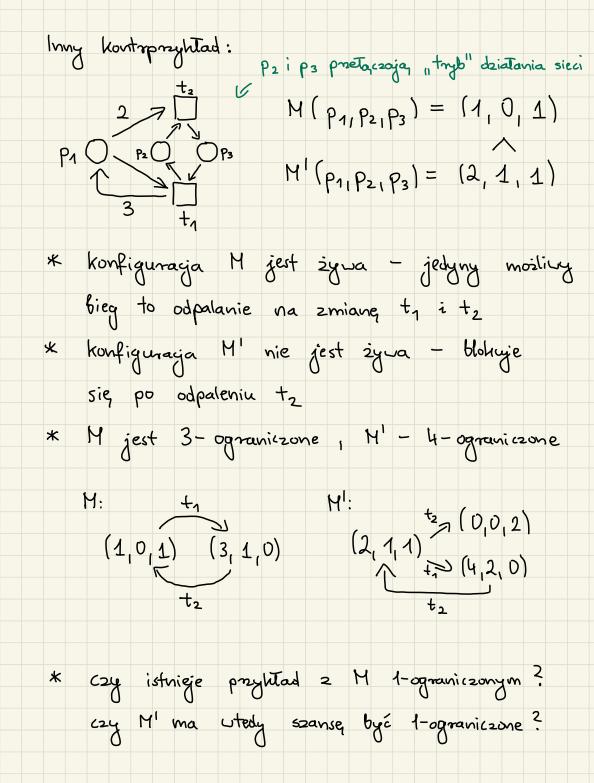
\* pohażemy przykład, gdzie zwiększenie liczby żetonów w honfiguraji powoduje, że w poczathowo żywej sieci występuje deadlock \* w tym celu konstruujemy sieć, w której jeśli jest nieparzysta liczba żetonów, to sieć jest żywa, a jeśli liczba ta jest parzysta, to może wystąpić blohada

\* gdy na miejscu p jest jeden żeton, to odpalanie

t, lub t2 nie zmienia panystości na p - zawsze

bedzie tam co najmniej 1 żeton

\* jesti na p sa, 2 żetony, odpalenie t blohuje sieć



6. Niech N bedzie spójna ogólna siecia Petniego, dla której konfiguracja M jest 1-ograniczona i żywa. Udowodnij, że dowolna żywa Konfiguraja M'>M sieci N nie może być 1-ograniczona. \* jeśli dla pewnego miejsca p zachodzi M'(p)>1, to nowa konfiguraja nie jest 1-ograniczona w przeciwnym przypadku niech p będzie takim miejscem, że M(p) = 0 i M'(p) = 1miejsce p nie jest odizolowane, zatem bez straty ogólności możemy wziać t, tahie że pe t skoro M jest żywa, to istnieje sehvenya s tranzycji, dla litórej M 5 M" 5, czyli υ szczególności M" (p) = 1 \* steed  $M' \stackrel{5}{\longrightarrow} M'''$  i M'''(p) = 2, co double; ze M' nie jest 1 - ograniczona

1º Rozważ cyhl shierowany. G o

czterech wierzchothach i czterech

krawędziach etyhietowanych kolejno

literami a, b, c, d. Shonstrucj sieć o mniej niż

czterech miejscach, której graf honfiguraji

jest izomorficzny z G.

2<sup>P</sup> Czy sieć regionów skonstruowana z grafu konfiguraji sieci S może być podwójnie wyhtadnicza względem S<sup>P</sup>

3º. Czy istnieje ogólna sieć Petriego N oraz dwie konfiguracje M i M', M'>M, tahie że M jest żywa i 1-ograniczona, a M' nie jest żywa?

zadania do pomyslenia w domu (nieobowiązkove)