Errata ke knize V. Švejdar, Logika: neúplnost, složitost a nutnost

Za upozornění na některé chyby děkuji Petru Cintulovi, Radku Honzíkovi, Petru Jansovi, Davidu Jurenkovi, Vojtěchu Kolmanovi, Marku Mahlingovi a Michalu Pelišovi.

```
15<sup>3</sup> ... že v(\varphi \to \psi) = 0 platí právě ... (ne "v(\varphi \to \psi) = 1").
```

- 21₁₉ Peircovou šipkou (*ne* "Piercovou").
- **41**₂ $\Delta = \{\neg \varphi\} \ (ne \ "\Delta = \{\varphi\}").$
- 48¹⁴ Dokažte, že libovolný sekvent $\langle \Gamma \Rightarrow \Delta \rangle$ je dokazatelný ... (*ne* "libovolná formule φ ").
- 52⁷ Při psaní programů pro počítače PDP-11 (*ne* "firmy Digital").
- 61₁₆ Věta začínající "Překladač jazyka RASP ..." je zde omylem, opakuje se doslova na násl. stránce, zde má být škrtnuta.
- **107**₁₄ ... z funkcí $\lambda v_1, \ldots, v_m \psi(\underline{x}, \underline{v})$ je částečně ... $(ne \ "\lambda v_1, \ldots, v_m \psi(\underline{v}, \underline{x})")$.
- 184₂₀ ... v prvním ze dvou (*ne* "v prvním za dvou").
- 185¹³ Nemá-li proměnná y volné ... (ne "Nemá-li proměnná volné").
- **188**¹⁴ $\mathcal{O}(|\mathcal{S}_1| + |\mathcal{S}|)$ (ne " $\mathcal{O}(|\mathcal{S}_1| + |\mathcal{S}_2|)$ ").
- 189 Toto není chyba, pouze zjednodušení: při simulaci pravidla MP lze ze sekventu $\langle F \Rightarrow \theta_j \rangle$ a iniciálního sekventu $\langle \theta_i \Rightarrow \theta_i \rangle$ pravidlem \rightarrow -l odvodit $\langle F, \theta_i \rightarrow \theta_j \Rightarrow \theta_i \rangle$, a pak vystačit jen s jedním místo se dvěma řezy.
- **191²⁶** $d(\neg \varphi) = d(\forall x \varphi) = d(\exists x \varphi) = 1 + d(\varphi) \text{ a } \dots \text{ } (ne \text{ "} d(\neg \varphi) = 1 + d(\varphi) \text{"}).$
- 193_{18} Cvičení 22 oddílu 3.1 ukazuje ... (ne "Cvičení 22 oddílu 3.2").
- 193₁₃ ... kalkulus z bodu (v) věty 3.3.2 (*ne* "kalkulus z bodu (d)").
- V důkazu lemmatu 3.3.12 je opominut případ, kdy některý z důkazů \mathcal{P}_1 a \mathcal{P}_2 má nulovu hodnost, a indukční předpoklad se na něj tudíž nevztahuje. Oprava může vypadat následovně. "Má-li důkaz \mathcal{P}_1 nenulovou hodnost, lze na něj užít indukční předpoklad a získat důkaz \mathcal{P}_1' . Když $\mathbf{r}(\mathcal{P}_1) = 0$, vezměme $\mathcal{P}_1' = \mathcal{P}_1$. Důkaz \mathcal{P}_1' splňuje v obou případech podmínky $\mathbf{r}(\mathcal{P}_1') < \mathbf{r}(\mathcal{P})$ a $\mathbf{d}(\mathcal{P}_1') \leq 2^{\mathbf{d}(\mathcal{P})-1}$. Ze stejného důvodu existuje důkaz \mathcal{P}_2' splňující $\mathbf{r}(\mathcal{P}_2') < \mathbf{r}(\mathcal{P})$ a $\mathbf{d}(\mathcal{P}_2') \leq 2^{\mathbf{d}(\mathcal{P})-1}$. Označme \mathcal{P}_0 ..."

```
263<sup>17</sup> \Sigma_2 \cap \Pi_2 (ne "\Sigma_2 \cup \Pi_2").
```

263₃ Podmínky (ii) a (iii) mají znít:

```
(ii) \forall w(C(w) \Rightarrow \forall n < \text{Lh}(w) ((w)_n = 1 \Rightarrow \text{Sent}(n))),
```

(iii)
$$\forall w(C(w) \Rightarrow T \cup \{n ; n < Lh(w) \& (w)_n = 1\} = S_{Lh(w)}).$$

- **304**¹⁴ Proof_T(φ , d) (ne "Proof(φ , d)").
- **305**₁₃ ... Proof_{π}(x, w) definuje podmínku Proof_{PA} (φ, d) (*ne* "Proof_T (φ, d) ").
- **315**¹⁰ **N** $\models \bigvee_{j < q} (\mathsf{B}(\overline{q}, 0, \overline{j}) \& \psi(\overline{n}, \overline{j})) (ne "\bigvee_{j}").$
- **320**³ Prime(x), Prime(x) & $\forall v \leq x \, \delta(v)$, Prime(x) $\vee \exists v \leq x \, \neg \delta(v)$.
- **327**¹⁴ Každá $A \in RS$ (ne " $A \in RE$ ").
- **336**₁₀ ... opravdu potřebovali tvrzení 4.2.14(b) (*ne* "4.2.14(d)").
- **349** $_{7}$... právě tehdy, když množina axiomů teorie T je rekurzívně spočetná (ne "T je rekurzívně axiomatizovatelná").
- 350_{13} ... jsme vlastně ověřili (ne "jsem").
- **361**¹⁹ (b) Ke každé (**ne** "(a) ...").
- **370**⁷ kripkovského (**ne** "kripkovském").
- **370**₁₅ intuicio- (*ne* "intuisticio-").
- 390 Někde na konci oddílu 5.1 mělo být buď sdělení, že intuicionistickou predikátovou logikou s rovností se nezabýváme, nebo definice, že realizací rovnítka v každém vrcholu každého kripkovského modelu je relace kongruentní vůči realizacím všech funkčních a predikátových symbolů, ne nutně diagonála.
- **424₁₆** Předposlední sekvent v obrázku 5.3.1 má být $\langle \Box(p \to \neg \Box p) \Rightarrow \neg \Box p, \Box \bot \rangle$ $(ne \ (\Box(p \to \neg \Box p) \Rightarrow \Box p, \neg \Box \bot))$.
- V oddílu 5.3.3 se mluví o algoritmické složitosti úloh PA-TAUT a N-TAUT, a o jejich dalších vlastnostech. To je ale oprávněno až větou 5.3.30 v oddílu 5.3.5, takže se má mluvit opisně o množinách všech formulí dokazatených v logice GL resp. $\operatorname{GL}^{\omega}$, nebo si pro ně zavést značení GL-TAUT a $\operatorname{GL}^{\omega}$ -TAUT. Oprava může vypadat následovně.
 - Ve větě 5.3.22: ... eliminovatelnosti řezů. Logika GL má vlastnost FMP. Úloha rozhodnout, zda daná formule nebo daný sekvent je dokazatelný v logice GL, je v PSPACE, tj. je rozhodnutelná v polynomiálním prostoru.

- Věta 5.3.23: ... modelu. Úloha rozhodnout, zda daná formule je dokazatelná v logice GL^ω, je v PSPACE.
- Okolí závěrečné části důkazu věty 5.3.23: ... ekvivalence (i) \Leftrightarrow (iv) je vlastně převodem množiny všech formulí dokazatelných v $\operatorname{GL}^{\omega}$ na množinu všech formulí dokazatelných v logice GL . Úloha rozhodnout, zda daná formule je dokazatelná v logice $\operatorname{GL}^{\omega}$, je tedy v třídě *PSPACE*. QED

Označme GL-Taut množinu všech formulí dokazatelných v logice GL a označme GL $^\omega$ -Taut množinu všech formulí dokazatelných v logice GL $^\omega$. Obě množiny GL-Taut a GL $^\omega$ -Taut lze charakterizovat jak pomocí dokazatelnosti, tak pomocí kripkovské sémantiky. Věta 5.3.30 o aritmetické úplnosti logik GL a GL $^\omega$ tvrdí, že GL-Taut = PA-Taut a také GL $^\omega$ -Taut = N-Taut. K jejímu důkazu máme vše potřebné pohromadě již nyní. To je upozornění pro . . .

- Věta 5.3.25: $Ob\check{e}$ úlohy GL-Taut a GL^{ω} -Taut . . .
- Závěr jejího důkazu na str. 434: ... zároveň na úlohu GL-Taut i na úlohu GL $^\omega$ -Taut. Obě úlohy ...

 443_{13}

$$(\Box A \preceq \Box B)^* = \exists x (\mathsf{Proof}_{\pi}(\overline{A^*}, x) \& \forall v < x \neg \mathsf{Proof}_{\pi}(\overline{B^*}, v)),$$
$$(\Box A \prec \Box B)^* = \exists x (\mathsf{Proof}_{\pi}(\overline{A^*}, x) \& \forall v \leq x \neg \mathsf{Proof}_{\pi}(\overline{B^*}, v)).$$

- **448**₁₂ Citace na Gödelův článek má být: 38 (1931), 173–198 (\it{ne} "37 (1931), 349–360").
- V rejstříku chybí informace, že délka výrokového sekventu je definována na str. 47 nahoře.