# Vícepáskový Turingův stroj

# Vícepáskový Turingův stroj (TS)

### Cíle prezentace

- seznámit s vícepáskovým TS
- předvést simulaci vícepáskového TS
- popsat činnost vícepáskového TS

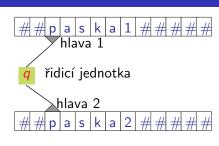
Turingův stroj s více páskami se nazývá vícepáskový Turingův stroj. Obsahuje dvě nebo více pásek.

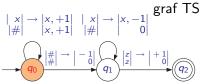
#### Přechodová funkce

$$\delta(q_x, x, \#) = (q_0, x, +1, x, +1)$$
  

$$\delta(q_y, y, \#) = (q_0, y, +1, y, +1)$$
  

$$\delta(q_z, \#, \#) = (q_1, z, -1, z, 0)$$



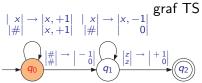


Tento vícepáskový TS obsahuje dvě pásky. První páska (ozn. paska 1) slouží pouze pro
čtení symbolů. Druhá páska (ozn. paska 2) je výstupní páska a na ni se symboly pouze
zapisují.

#### Přechodová funkce

$$\delta(q_x, x, \#) = (q_0, x, +1, x, +1) 
\delta(q_y, y, \#) = (q_0, y, +1, y, +1) 
\delta(q_z, \#, \#) = (q_1, z, -1, z, 0)$$



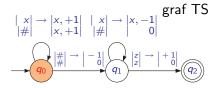


 V řídicí jednotce se udržuje aktuální stav TS. Řídicí jednotka vyhodnocuje symboly na pásce a podle přechodové funkce na ní může měnit symboly a posouvat hlavy.

#### Přechodová funkce

$$\delta(q_x, x, \#) = (q_0, x, +1, x, +1) 
\delta(q_y, y, \#) = (q_0, y, +1, y, +1) 
\delta(q_z, \#, \#) = (q_1, z, -1, z, 0)$$



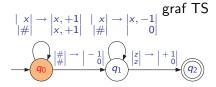


Tento vícepáskový TS obsahuje dvě hlavy. Tyto hlavy se pohybují nazávisle na sobě.
 Posouvají se po pásce podle pokynů řídicí jednotky.

#### Přechodová funkce

$$\delta(q_x, x, \#) = (q_0, x, +1, x, +1) 
\delta(q_y, y, \#) = (q_0, y, +1, y, +1) 
\delta(q_z, \#, \#) = (q_1, z, -1, z, 0)$$





 Pohyb hlav určuje přechodová funkce. První hlava slouží pouze pro čtení a druhá hlava pouze pro zápis symbolů na pásku.

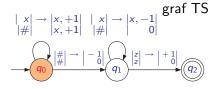
#### Přechodová funkce

$$\delta(q_x, x, \#) = (q_0, x, +1, x, +1)$$
  

$$\delta(q_y, y, \#) = (q_0, y, +1, y, +1)$$
  

$$\delta(q_z, \#, \#) = (q_1, z, -1, z, 0)$$





Graf TS slouží pro zobrazení simulace.

4 / 23

### Instrukce přechodu

# ##abab########

#### Přechodová funkce

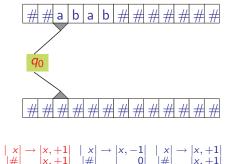
$$\begin{split} &\delta(q_0,a,\#) = (q_0,a,+1,a,+1) \\ &\delta(q_0,b,\#) = (q_0,b,+1,b,+1) \\ &\delta(q_0,\#,\#) = (q_1,\#,-1,\#,0) \\ &\delta(q_1,a,\#) = (q_1,a,-1,\#,0) \\ &\delta(q_1,b,\#) = (q_1,b,-1,\#,0) \\ &\delta(q_1,\#,\#) = (q_2,\#,+1,\#,0) \\ &\delta(q_2,a,\#) = (q_2,a,+1,a,+1) \\ &\delta(q_2,b,\#) = (q_2,b,+1,b,+1) \\ &\delta(q_2,\#,\#) = (q_K,\#,0,\#,0) \end{split}$$

$$\begin{vmatrix} x \\ |\#| & \rightarrow \begin{vmatrix} x,+1 \\ |x,+1| & |\#| & \rightarrow \begin{vmatrix} x,-1 \\ |\#| & \rightarrow \begin{vmatrix} x \\ |\#| & \rightarrow \end{vmatrix} \begin{vmatrix} x,+1 \\ |\#| & \rightarrow \end{vmatrix} \begin{vmatrix} x,+1 \\ |\#| & \rightarrow \begin{vmatrix} x \\ |\#| & \rightarrow \end{vmatrix} \begin{vmatrix} x \\ |\#| & & & & & & & & & &$$

Instrukce přechodu vznikne dosazením z množiny {a, b, A, B} za symbol x.

#### Přechodová funkce

$$\begin{array}{l} \delta(q_0,a,\#) = (q_0,a,+1,a,+1) \\ \delta(q_0,b,\#) = (q_0,b,+1,b,+1) \\ \delta(q_0,\#,\#) = (q_1,\#,-1,\#,0) \\ \delta(q_1,a,\#) = (q_1,a,-1,\#,0) \\ \delta(q_1,b,\#) = (q_1,b,-1,\#,0) \\ \delta(q_1,\#,\#) = (q_2,\#,+1,\#,0) \\ \delta(q_2,a,\#) = (q_2,a,+1,a,+1) \\ \delta(q_2,b,\#) = (q_2,b,+1,b,+1) \\ \delta(q_2,\#,\#) = (q_K,\#,0,\#,0) \end{array}$$



$$|\#| |x, +1| |\#| |0| |\#| |x, +1|$$

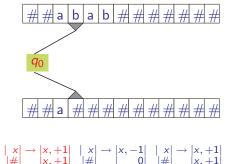
$$|\#| \rightarrow |-1| |\#| \rightarrow |+1| |\#| \rightarrow |0| |\#| \rightarrow |0$$

x = a

#### **Popis**

#### Přechodová funkce

$$\begin{split} &\delta(q_0,a,\#) = (q_0,a,+1,a,+1) \\ &\delta(q_0,b,\#) = (q_0,b,+1,b,+1) \\ &\delta(q_0,\#,\#) = (q_1,\#,-1,\#,0) \\ &\delta(q_1,a,\#) = (q_1,a,-1,\#,0) \\ &\delta(q_1,b,\#) = (q_1,b,-1,\#,0) \\ &\delta(q_1,\#,\#) = (q_2,\#,+1,\#,0) \\ &\delta(q_2,a,\#) = (q_2,a,+1,a,+1) \\ &\delta(q_2,b,\#) = (q_2,b,+1,b,+1) \\ &\delta(q_2,\#,\#) = (q_K,\#,0,\#,0) \end{split}$$

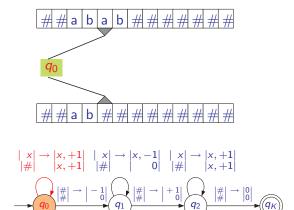


x = b

### **Popis**

#### Přechodová funkce

$$\begin{array}{l} \delta(q_0,a,\#) = (q_0,a,+1,a,+1) \\ \delta(q_0,b,\#) = (q_0,b,+1,b,+1) \\ \delta(q_0,\#,\#) = (q_1,\#,-1,\#,0) \\ \delta(q_1,a,\#) = (q_1,a,-1,\#,0) \\ \delta(q_1,b,\#) = (q_1,b,-1,\#,0) \\ \delta(q_1,\#,\#) = (q_2,\#,+1,\#,0) \\ \delta(q_2,a,\#) = (q_2,a,+1,a,+1) \\ \delta(q_2,b,\#) = (q_2,b,+1,b,+1) \\ \delta(q_2,\#,\#) = (q_K,\#,0,\#,0) \end{array}$$

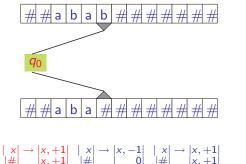


x = a

#### **Popis**

#### Přechodová funkce

$$\begin{split} &\delta(q_0,a,\#) = (q_0,a,+1,a,+1) \\ &\delta(q_0,b,\#) = (q_0,b,+1,b,+1) \\ &\delta(q_0,\#,\#) = (q_1,\#,-1,\#,0) \\ &\delta(q_1,a,\#) = (q_1,a,-1,\#,0) \\ &\delta(q_1,b,\#) = (q_1,b,-1,\#,0) \\ &\delta(q_1,\#,\#) = (q_2,\#,+1,\#,0) \\ &\delta(q_2,a,\#) = (q_2,a,+1,a,+1) \\ &\delta(q_2,b,\#) = (q_2,b,+1,b,+1) \\ &\delta(q_2,\#,\#) = (q_K,\#,0,\#,0) \end{split}$$



$$|\#| |x, +1| |\#| |0| |\#| |x, +1|$$

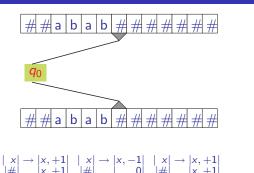
$$|\#| \rightarrow |-1| |\#| \rightarrow |+1| |\#| \rightarrow |0| |\#| \rightarrow |0$$

x = b

### **Popis**

#### Přechodová funkce

$$\begin{split} \delta(q_0, a, \#) &= (q_0, a, +1, a, +1) \\ \delta(q_0, b, \#) &= (q_0, b, +1, b, +1) \\ \delta(q_0, \#, \#) &= (q_1, \#, -1, \#, 0) \\ \delta(q_1, a, \#) &= (q_1, a, -1, \#, 0) \\ \delta(q_1, b, \#) &= (q_1, b, -1, \#, 0) \\ \delta(q_1, \#, \#) &= (q_2, \#, +1, \#, 0) \\ \delta(q_2, a, \#) &= (q_2, a, +1, a, +1) \\ \delta(q_2, b, \#) &= (q_2, b, +1, b, +1) \\ \delta(q_2, \#, \#) &= (q_K, \#, 0, \#, 0) \end{split}$$

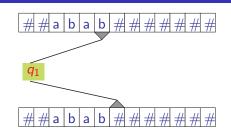


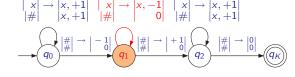
$$|\#| \rightarrow |+1| |\#| \rightarrow |+1$$

### **Popis**

#### Přechodová funkce

$$\begin{split} &\delta(q_0,a,\#) = (q_0,a,+1,a,+1) \\ &\delta(q_0,b,\#) = (q_0,b,+1,b,+1) \\ &\delta(q_0,\#,\#) = (q_1,\#,-1,\#,0) \\ &\delta(q_1,a,\#) = (q_1,a,-1,\#,0) \\ &\delta(q_1,b,\#) = (q_1,b,-1,\#,0) \\ &\delta(q_1,\#,\#) = (q_2,\#,+1,\#,0) \\ &\delta(q_2,a,\#) = (q_2,a,+1,a,+1) \\ &\delta(q_2,b,\#) = (q_2,b,+1,b,+1) \\ &\delta(q_2,\#,\#) = (q_K,\#,0,\#,0) \end{split}$$



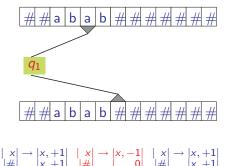


x = b

### **Popis**

#### Přechodová funkce

$$\begin{split} &\delta(q_0,a,\#) = (q_0,a,+1,a,+1) \\ &\delta(q_0,b,\#) = (q_0,b,+1,b,+1) \\ &\delta(q_0,\#,\#) = (q_1,\#,-1,\#,0) \\ &\delta(q_1,a,\#) = (q_1,a,-1,\#,0) \\ &\delta(q_1,b,\#) = (q_1,b,-1,\#,0) \\ &\delta(q_1,\#,\#) = (q_2,\#,+1,\#,0) \\ &\delta(q_2,a,\#) = (q_2,a,+1,a,+1) \\ &\delta(q_2,b,\#) = (q_2,b,+1,b,+1) \\ &\delta(q_2,\#,\#) = (q_K,\#,0,\#,0) \end{split}$$



$$|\#| |X, +1| |\#| |V| |\#| |X, +1|$$

$$|\#| \rightarrow |-1| |\#| \rightarrow |+1| |\#| \rightarrow |9|$$

$$|\#| \rightarrow |-1| |\#| \rightarrow |9|$$

$$|\#| \rightarrow |9|$$

$$|\#| \rightarrow |9|$$

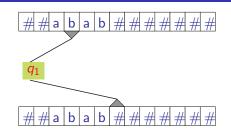
$$|\#| \rightarrow |9|$$

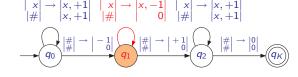
x = a

### **Popis**

#### Přechodová funkce

$$\begin{split} \delta(q_0, a, \#) &= (q_0, a, +1, a, +1) \\ \delta(q_0, b, \#) &= (q_0, b, +1, b, +1) \\ \delta(q_0, \#, \#) &= (q_1, \#, -1, \#, 0) \\ \delta(q_1, a, \#) &= (q_1, a, -1, \#, 0) \\ \delta(q_1, b, \#) &= (q_1, b, -1, \#, 0) \\ \delta(q_1, \#, \#) &= (q_2, \#, +1, \#, 0) \\ \delta(q_2, a, \#) &= (q_2, a, +1, a, +1) \\ \delta(q_2, b, \#) &= (q_2, b, +1, b, +1) \\ \delta(q_2, \#, \#) &= (q_K, \#, 0, \#, 0) \end{split}$$



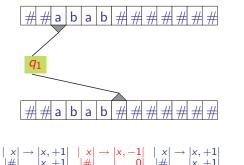


x = b

### **Popis**

#### Přechodová funkce

$$\begin{split} &\delta(q_0,a,\#) = (q_0,a,+1,a,+1) \\ &\delta(q_0,b,\#) = (q_0,b,+1,b,+1) \\ &\delta(q_0,\#,\#) = (q_1,\#,-1,\#,0) \\ &\delta(q_1,a,\#) = (q_1,a,-1,\#,0) \\ &\delta(q_1,b,\#) = (q_1,b,-1,\#,0) \\ &\delta(q_1,\#,\#) = (q_2,\#,+1,\#,0) \\ &\delta(q_2,a,\#) = (q_2,a,+1,a,+1) \\ &\delta(q_2,b,\#) = (q_2,b,+1,b,+1) \\ &\delta(q_2,\#,\#) = (q_K,\#,0,\#,0) \end{split}$$



$$|\#| |x, +1| |\#| |0| |\#| |x, +1|$$

$$|\#| \rightarrow |-1| |\#| \rightarrow |+1| |4| \rightarrow |6|$$

$$|\#| \rightarrow |-1| |\#| \rightarrow |4| \rightarrow |6|$$

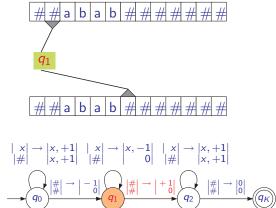
$$|\#| \rightarrow |-1| |\#| \rightarrow |6|$$

x = a

### **Popis**

#### Přechodová funkce

$$\begin{split} \delta(q_0, a, \#) &= (q_0, a, +1, a, +1) \\ \delta(q_0, b, \#) &= (q_0, b, +1, b, +1) \\ \delta(q_0, \#, \#) &= (q_1, \#, -1, \#, 0) \\ \delta(q_1, a, \#) &= (q_1, a, -1, \#, 0) \\ \delta(q_1, b, \#) &= (q_1, b, -1, \#, 0) \\ \delta(q_1, \#, \#) &= (q_2, \#, +1, \#, 0) \\ \delta(q_2, a, \#) &= (q_2, a, +1, a, +1) \\ \delta(q_2, b, \#) &= (q_2, b, +1, b, +1) \\ \delta(q_2, \#, \#) &= (q_K, \#, 0, \#, 0) \end{split}$$

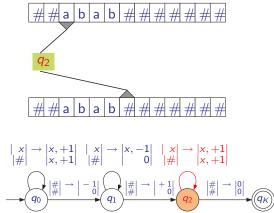




### **Popis**

#### Přechodová funkce

$$\begin{split} \delta(q_0, a, \#) &= (q_0, a, +1, a, +1) \\ \delta(q_0, b, \#) &= (q_0, b, +1, b, +1) \\ \delta(q_0, \#, \#) &= (q_1, \#, -1, \#, 0) \\ \delta(q_1, a, \#) &= (q_1, a, -1, \#, 0) \\ \delta(q_1, b, \#) &= (q_1, b, -1, \#, 0) \\ \delta(q_1, \#, \#) &= (q_2, \#, +1, \#, 0) \\ \delta(q_2, a, \#) &= (q_2, a, +1, a, +1) \\ \delta(q_2, b, \#) &= (q_2, b, +1, b, +1) \\ \delta(q_2, \#, \#) &= (q_K, \#, 0, \#, 0) \end{split}$$

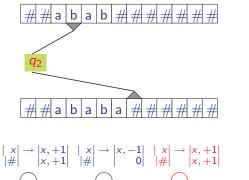


x = a

#### **Popis**

#### Přechodová funkce

$$\begin{split} \delta(q_0, a, \#) &= (q_0, a, +1, a, +1) \\ \delta(q_0, b, \#) &= (q_0, b, +1, b, +1) \\ \delta(q_0, \#, \#) &= (q_1, \#, -1, \#, 0) \\ \delta(q_1, a, \#) &= (q_1, a, -1, \#, 0) \\ \delta(q_1, b, \#) &= (q_1, b, -1, \#, 0) \\ \delta(q_1, \#, \#) &= (q_2, \#, +1, \#, 0) \\ \delta(q_2, a, \#) &= (q_2, a, +1, a, +1) \\ \delta(q_2, b, \#) &= (q_2, b, +1, b, +1) \\ \delta(q_2, \#, \#) &= (q_K, \#, 0, \#, 0) \end{split}$$



$$|\#| |x, +1| |\#| |0| |\#| |x, +1|$$

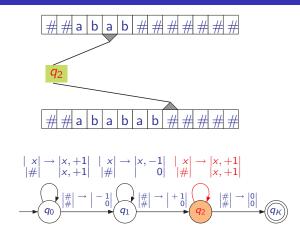
$$|\#| \rightarrow |-1| |\#| \rightarrow |+1| |\#| \rightarrow |9| |\#| \rightarrow |9$$

x = b

### **Popis**

#### Přechodová funkce

$$\begin{split} \delta(q_0,a,\#) &= (q_0,a,+1,a,+1) \\ \delta(q_0,b,\#) &= (q_0,b,+1,b,+1) \\ \delta(q_0,\#,\#) &= (q_1,\#,-1,\#,0) \\ \delta(q_1,a,\#) &= (q_1,a,-1,\#,0) \\ \delta(q_1,b,\#) &= (q_1,b,-1,\#,0) \\ \delta(q_1,\#,\#) &= (q_2,\#,+1,\#,0) \\ \delta(q_2,a,\#) &= (q_2,a,+1,a,+1) \\ \delta(q_2,b,\#) &= (q_2,b,+1,b,+1) \\ \delta(q_2,\#,\#) &= (q_K,\#,0,\#,0) \end{split}$$

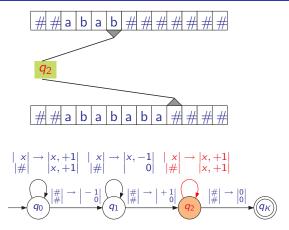


x = a

### **Popis**

#### Přechodová funkce

$$\begin{split} \delta(q_0, a, \#) &= (q_0, a, +1, a, +1) \\ \delta(q_0, b, \#) &= (q_0, b, +1, b, +1) \\ \delta(q_0, \#, \#) &= (q_1, \#, -1, \#, 0) \\ \delta(q_1, a, \#) &= (q_1, a, -1, \#, 0) \\ \delta(q_1, b, \#) &= (q_1, b, -1, \#, 0) \\ \delta(q_1, \#, \#) &= (q_2, \#, +1, \#, 0) \\ \delta(q_2, a, \#) &= (q_2, a, +1, a, +1) \\ \delta(q_2, b, \#) &= (q_2, b, +1, b, +1) \\ \delta(q_2, \#, \#) &= (q_K, \#, 0, \#, 0) \end{split}$$

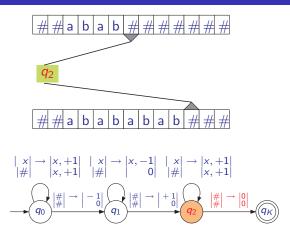


$$x = b$$

### Popis

#### Přechodová funkce

$$\begin{split} \delta(q_0, a, \#) &= (q_0, a, +1, a, +1) \\ \delta(q_0, b, \#) &= (q_0, b, +1, b, +1) \\ \delta(q_0, \#, \#) &= (q_1, \#, -1, \#, 0) \\ \delta(q_1, a, \#) &= (q_1, a, -1, \#, 0) \\ \delta(q_1, b, \#) &= (q_1, b, -1, \#, 0) \\ \delta(q_1, \#, \#) &= (q_2, \#, +1, \#, 0) \\ \delta(q_2, a, \#) &= (q_2, a, +1, a, +1) \\ \delta(q_2, \#, \#) &= (q_2, b, +1, b, +1) \\ \delta(q_2, \#, \#) &= (q_K, \#, 0, \#, 0) \end{split}$$

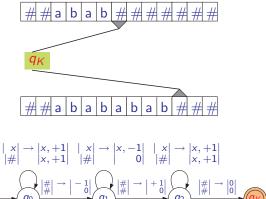


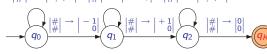
### **Popis**

Na druhé pásce TS je zdvojené slovo.

#### Přechodová funkce

$$\begin{split} \delta(q_0,a,\#) &= (q_0,a,+1,a,+1) \\ \delta(q_0,b,\#) &= (q_0,b,+1,b,+1) \\ \delta(q_0,\#,\#) &= (q_1,\#,-1,\#,0) \\ \delta(q_1,a,\#) &= (q_1,a,-1,\#,0) \\ \delta(q_1,b,\#) &= (q_1,b,-1,\#,0) \\ \delta(q_1,\#,\#) &= (q_2,\#,+1,\#,0) \\ \delta(q_2,a,\#) &= (q_2,a,+1,a,+1) \\ \delta(q_2,b,\#) &= (q_2,b,+1,b,+1) \\ \delta(q_2,\#,\#) &= (q_K,\#,0,\#,0) \end{split}$$





### **Popis**

TS je v koncovém stavu.

# Shrnutí

### Popište činnost TS

### Shrnutí

### Popište činnost TS

Daný vícepáskový TS vytvořil ze vstupního slova w=abab výstupní slovo w=abababab.

Daný vícepáskový TS zdvojuje slovo na pásce (ww).

### Shrnutí

Turingův stroj vytvořil v průběhu výpočtu zdvojené slovo na pásce.

vstup: slovo *w*= *abab* 

výstup: slovo *ww = abababab* 

Turingův stroj je určen šesticí parametrů  $M = (Q, \Sigma, \Gamma, q_0, F, \delta)$ 

- stavy:  $Q = \{q_0, q_1, q_2, q_K\}$
- vstupní abeceda:  $\Sigma = \{a, b\}$
- páskové symboly: $\Gamma = \{a, b, \#\}$
- počáteční stav: q<sub>0</sub>
- množina koncových stavů:F = {q<sub>k</sub>}

přechodová funkce:

$$\delta: (Q-F) \times \Gamma \times \Gamma \longrightarrow Q \times \Gamma \times M \times \Gamma \times M$$

- $\delta(q_0, a, \#) = (q_0, a, +1, a, +1)$ 
  - $\delta(q_0, b, \#) = (q_0, b, +1, b, +1)$
  - $\delta(q_0, \#, \#) = (q_1, \#, -1, \#, 0)$
  - $\delta(q_1, a, \#) = (q_1, a, -1, \#, 0)$
  - $\delta(q_1, b, \#) = (q_1, b, -1, \#, 0)$

  - $\delta(q_2, a, \#) = (q_2, a, +1, a, +1)$
  - $\delta(q_2, b, \#) = (q_2, b, +1, b, +1)$
  - $\delta(q_2, \#, \#) = (q_K, \#, 0, \#, 0)$