

otázka:

Zásobníkové automaty se dvěma zásobníky přijímají právě jazyky, které jsou přijímány

- ☐ dvoucetnými automaty
- ☐ nedeterministickými zás. autmaty
- ☐ lineární omezenými automaty
- ☐ Turingovými stroji

odpověď:

D (pomocí dvou zásobníků si nasimulujeme pásku)

otázka:

Nedeterministicky konečný automat má n stavů. Počet stavů po převodu na deterministicky nebude větší než:

- ☐ n stavů
- ☐ (2^n) stavů
- ☐ (n^n) stavů
- ☐ nelze říci

odpověď:

BC (Ve slidech je maximálně (2^n) , ale (n^n) také odpovídá zadání, protože (n^n) je větší než (2^n) .)

otázka:

Nechť $G=(N,T,S,P)$ je generativní gramatika, pro jejíž pravidla $(u \rightarrow v)$ platí $|u| \leq |v|$. Pokud neuvažujeme prázdné slovo, potom taková gramatika může generovat libovolný:

- ☐ lineární jazyk
- ☐ bezkontextový jazyk
- ☐ kontextový jazyk
- ☐ rekurzivně spočetný jazyk

odpověď:

ABC (D- nevyhovuje počtem u)

otázka:

Ke každé bezkontextové gramatice, která negeneruje prázdné slovo, existuje ekvivalentní:

- ☐ jednoznačně určená redukovaná bezkontextová gramatika
- ☐ jednoznačná bezkontextová gramatika
- ☐ lineární gramatika
- ☐ monotoni gramatika

odpověď:

D ()

otázka:

Nechť L_1 a L_2 jsou jazyky nad stejnou abecedou takové, že $L_1 \subset L_2 (L_1 \neq L_2)$ Potom platí:

- ☐ je-li L_1 přijíman končným automatem, potom je L_2 přijíman končným automatem
- ☐ je-li L_2 přijíman končným automatem, potom je L_1 přijíman končným automatem
- ☐ je-li L_1 končným, potom je L_2 přijíman končným automatem
- ☐ je-li L_2 končným, potom je L_1 přijíman končným automatem

odpověď:

D (B to není protože $(01)^*$ je regulární a jeho podmnožina $0^n 1^n$ není)

otázka:

Jazyk, který přijímá Deterministicky zásobníkový automat končným stavem je vždy:

- ☐ regulární jazyk

- ☐ bezprefixovy
- ☐ bezkontextovy
- ☐ kontextovy

odpověď:

C,D (Tady je to jasné C a D regulární ani bezprefixovy být nemusí, naopak, když je přijíman zásobníkovým automatem, musí být bezkontextovy, tím pádem i kontextovy)

otázka:

L1 a L2 su 2 jazyky z tej istej triedy chomskeho hierarchie. Potom

- ☐ L1 prienik L2 vzdy lezi v tej istej triede.
- ☐ prienik L1 L2 moze lezat v inej triede
- ☐ prienik L1 L2 lezi v tej triede chomskeho hierarchie kde aj ich zjednotenie
- ☐ ??

odpověď:

B ()

otázka:

Nechť $A_1=(Q_1,X,\delta_1,q_1,F_1)$ a $A_2=(Q_2,X,\delta_2,q_2,F_2)$ jsou deterministické konečné automaty. Potom automat $A=(Q,X,\delta,q,F)$, kde $Q=Q_1 \times Q_2$, $q=(q_1,q_2)$, $\delta((p_1,p_2),x)=(\delta_1(p_1,x),\delta_2(p_2,x))$, $F=Q_1 \times Q_2$ přijímá jazyk:

- ☐ $L(A_1) \cup L(A_2)$
- ☐ $L(A_1) \cap L(A_2)$
- ☐ X^*
- ☐ $\{\}$

odpověď:

C ($F=Q_1 \times Q_2$ znamená že má všechny stavy koncové)

otázka:

Nechť $RV(X)$ je množina všech regulárních výrazů nad abecedou X . Potom jazyk $RV(X)$ je:

- ☐ regulární
- ☐ bezkontextový a není regulární
- ☐ kontextový a není bezkontextový
- ☐ rekurzivní spočetný a není kontextový

odpověď:

B (Fígl je ale v tom uvědomit, že jde o jazyk, jehož slovy jsou regulární výrazy, nikoli jazyk, který se dá popsat regulárním výrazem. Regulární jazyk tedy není správná odpověď.)

otázka:

Lineárně omezený automat je nedeterministický Turingův stroj

- ☐ S páskou omezenou na jedné straně (jednostranná páska)
- ☐ S páskou pevně omezenou na obou stranách (páska omezené délky)
- ☐ S páskou omezenou délkou vstupního slova
- ☐ S páskou omezenou délkou výstupního slova

odpověď:

C (

A je nějaká podivnost, ale každopádně to nemá s LOA nic společného

B je konečný automat

C podle přednášky platí

D neplatí:

K tomu vstupnímu/výstupnímu slovu(to už není 100%): když mám automat, který má **rozhodnout**, zda slovo do jazyka patří, tak je to slovo **vstupní**, když mám gramatiku, která je **generuje**, pak je to slovo **výstupní**. A tady mám automat, takže žádné vstupní.)

otázka:

Mezi algoritmicky rozhodnutelné problémy patří:

- ☐ Zda je jazyk daný bezkontextovou gramatikou prázdný
- ☐ Zda je daná bezkontextová gramatika víceznačná
- ☐ Zda je dané slovo generované danou bezkontextovou gramatikou
- ☐ Zda jsou dvě bezkontextové gramatiky ekvivalentní

odpověď:

B (este nejaka moznost s prienikom bezkontextovych jazykov???)

otázka:

Mezi algoritmicky nerozhodnutelné problémy patří:

- ☐ Postův korespondeční problém
- ☐ problém zda jazyky generované dvěma bezkontext gramatikami jsou totožné
- ☐ problém zda bezkontext. gramatika generuje nekonečný jazyk
- ☐ problém zda...nevím ☹

odpověď:

AB ()

otázka:

Nechť automat A přijímá jazyk $L(A)$ a q_0 je počáteční stav, potom $\exists w \in L(A)$ tak že $\delta^*(q_0, w) = q$ což znamená:

- ☐ q konečný stav
- ☐ q dosazitelný
- ☐ q_0 a q ekvivalentní
- ☐ L není prázdný

odpověď:

ABD (A je jazyk B z něj vyplývá, D taky z A)

otázka:

Nechť L je libovolný jazyk. Potom L^+ je vždy rovný jazyku:

- ☐ $\{u^i \mid u \in L \text{ \& } i \geq 0\}$
- ☐ $\{u^i \mid u \in L \text{ \& } i \geq 1\}$
- ☐ $L^* - \{\lambda\}$
- ☐ $\bigcup_{i \geq 1} L^i$

odpověď:

D (C neplatí protože:

pro jazyk L bez λ : L^+ neobsahuje λ , L^* (ji obsahuje), $L^* - \{\lambda\}$ ji neobsahuje cili rovnost platí

pro jazyk L s λ : L^+ obsahuje λ , L^* obsahuje λ , $L^* - \{\lambda\}$ neobsahuje λ , tudíž rovnost neplatí

B řetězily by se jenom stejná slova, nevznikaly by kombinace)

1. otázka:

Nechť $L_1 = \{a\}$ a $L_2 = \{b\}$. Potom $(L_1 \cup L_2)^*$ obsahuje (mimo jiné) slova

- ☐ aaa
- ☐ bbb
- ☐ aba
- ☐ bab

odpověď:

ABCD (podle slajdů $L_1 \cup L_2 = \{w \mid w \in L_1 \vee w \in L_2\}$ a pak už je jenom řetězíme za sebe)

2. otázka:

Nechť $L_1 = \{a\}$ a $L_2 = \{b\}$. Potom $(L_1 \cup L_2)^*$ obsahuje (mimo jiné) slova:

- ☐ aa
- ☐ aba

☐ abb

☐ ab

odpověď:

ABCD (podle slajdů $L_1 \cup L_2 = \{ w \mid w \in L_1 \vee w \in L_2 \}$ a pak už je jenom řetězíme za sebe)

3. otázka:

Nechť L_1 a L_2 jsou dva bezkontextové jazyky. Potom $(L_1 \cap L_2)^*$ je vždy

☐ $= L_1^* \cap L_2^*$

☐ $\neq L_1^* \cap L_2^*$

☐ $\subseteq L_1^* \cap L_2^*$

☐ $\supseteq L_1^* \cap L_2^*$

odpověď:

C (podle slajdů $L_1 \cap L_2 = \{ w \mid w \in L_1 \wedge w \in L_2 \}$,

odpověď A obecně neplatí například pro

$L_1 = \{a\}$, $L_2 = \{aa\}$

levá strana: $(L_1 \cap L_2)^* = \{\lambda\}$

práva strana: $L_1^* \cap L_2^* = \{(aa)^*\}$

(platí množinová inkluze \subseteq)

odpověď B obecně neplatí například pro

$L_1 = \{a\}$ a $L_2 = \{a\}$

levá strana: $(L_1 \cap L_2)^* = \{a^*\}$

práva strana: $L_1^* \cap L_2^* = \{a^*\}$

)

4. otázka:

Nechť L_1 a L_2 jsou dva bezkontextové jazyky. Potom $(L_1 \cup L_2)^*$ je vždy

☐ $= L_1^* \cup L_2^*$

☐ $\neq L_1^* \cup L_2^*$

☐ $\subseteq L_1^* \cup L_2^*$

☐ $\supseteq L_1^* \cup L_2^*$

odpověď:

D (odpověď A obecně neplatí například pro:

$L_1 = \{a\}$, $L_2 = \{b\}$

levá strana: $(L_1 \cup L_2)^* = \{(a+b)^*\}$

práva strana: $L_1^* \cup L_2^* = \{a^*\} \cup \{b^*\}$

(platí množinová inkluze \supseteq)

odpověď B je nesprávná vzhledem na jazyky $L_1 = \{a\}$ a $L_2 = \{a\}$

)

5. otázka:

Nechť L je rekurzivně spočetný jazyk bez prázdného slova. Potom L^0 je podmnožinou jazyka

☐ prázdná množina

☐ $\{\lambda\}$

☐ L^+

☐ L^*

odpověď:

BD (Podle slajdu je $L^0 = \{\lambda\}$

a to je podmnožinou $\{\lambda\}$ a L^* (protože L^* obsahuje L^0 , tedy λ ..)

ty zbývající dvě odpovědi ne)

6. otázka:

Jazyk $\{a\} \setminus \{aba, baa\}$ (levý kvocient) je rovný jazyku

- ☐ prázdná množina
- ☐ {ba}
- ☐ {aba}
- ☐ {aaba}

odpověď:

B (Podle slajdu je $(L_2 \setminus L_1 = \{ v \mid uv \in L_1 \ \& \ u \in L_2 \})$)

7. otázka:

Jazyk $\{ba\} \setminus \{aba,baaa,ba\}$ (levý kvocient) **obsahuje** slova

- ☐ λ
- ☐ a
- ☐ aa
- ☐ aaa

odpověď:

AC (Podle slajdu je $L_2 \setminus L_1 = \{ v \mid uv \in L_1 \ \& \ u \in L_2 \}$)

7.1 otázka:

Jazyk $\{aba,baa,ba\} / \{ba\}$ (pravy kvocient) **obsahuje** slova

- ☐ λ
- ☐ a
- ☐ aa
- ☐ aaa

odpověď:

AB (Podle definice pravyho kvocientu... $L_1 / L_2 = \{ u \mid uv \in L_1 \ \& \ v \in L_2 \}$))

8. otázka:

Nechť máme **deterministický** konečný automat A s počátečním stavem q_0 , s koncovými stavy F, přechodovou funkcí δ a u je libovolné slovo z jazyka $L(A)$. Potom platí:

- ☐ $\delta^*(q_0, u) = F$
- ☐ $\delta^*(q_0, u) \in F$
- ☐ $\delta^*(q_0, u) \subseteq F$
- ☐ $\delta^*(q_0, u) \supseteq F$

odpověď:

B (ze slidů: Jazykem rozpoznávaným konečným automatem $A = (Q, X, \delta, q_0, F)$ nazveme jazyk: $L(A) = \{w \mid w \in X^* \ \& \ \delta^*(q_0, w) \in F\}$.)

9. otázka:

Nechť máme **nedeterministický** konečný automat A s **jediným** počátečním stavem q_0 , s koncovými stavy F, přechodovou funkcí δ a u je libovolné slovo z jazyka $L(A)$. Potom platí:

- ☐ $\delta^*(q_0, u) = F$
- ☐ $\delta^*(q_0, u) \in F$
- ☐ $\delta^*(q_0, u) \subseteq F$
- ☐ $\delta^*(q_0, u) \supseteq F$

odpověď:

nic (Tím že je nedeterministický se s jedním slovem můžeme dostat do dvou stavů, z kterých napr. jen jeden ze z F.)

10. otázka:

Nechť L je jazyk nad abecedou X . Potom L je rozpoznatelný konečným automatem právě tehdy, když:

- ☐ existuje pravá kongruence \sim konečného indexu na X^* tak, že L je sjednocením jistých tříd rozkladu X^* / \sim
- ☐ existuje přirozené číslo n takové, že libovolné slovo $z \in L, |z| \geq n$ lze psát ve tvaru uvw , kde: $|uv| \leq n, |w| \geq 1$ a pro všechna $i \geq 0$ $uv^i w \in L$
- ☐ existuje regulární výraz α tž. $[\alpha] = L$

[] existuje konečný automat A tž. $L(A)=L$

odpověď:

ACD (tzn. **ekvivalence**,

A je Nerodova veta (je ekvivalence)

B je Pumping lemma (jen implikace) -> neplatí

C i D platí na obě strany

)

11. otázka:

Nechť L je jazyk nad abecedou X rozpoznatelný konečným automatem. Potom:

[] existuje pravá kongruence \sim konečného indexu na X^* tak, že L je sjednocením jistých tříd rozkladu X^*/\sim

[] existuje přirozené číslo n takové, že libovolné slovo $z \in L, |z| \geq n$ lze psát ve tvaru uvw , kde: $|vw| \leq n, 1 \leq |v|$ a pro všechna $i \geq 0$ $uv^i w \in L$

[] existuje regulární výraz α tž. $[\alpha] = L$

[] existuje konečný automat A tž. $L(A)=L$

odpověď:

ABCD (tzn. jen **implikace**.

ACD platí (když platilo u ekvivalence, tak bude platit i u implikace).

B je to tučný jinak než je v Pumping lemmatu, ale asi to nevadí

)

12. otázka:

Nechť \sim^i je ekvivalence stavů konečného automatu po i krocích. Potom platí:

[] $p \sim^i q \Rightarrow p \sim^{i+1} q$

[] $p \sim^{i+1} q \Rightarrow p \sim^i q$

[] $p \sim^i q \Rightarrow \forall x \in X \delta(p, x) \sim^i \delta(q, x)$

[] $p \sim^{i+1} q \Rightarrow \forall x \in X \delta(p, x) \sim^i \delta(q, x)$

odpověď:

BD (D plyne z B?)

13. otázka:

Dvousměrný konečný automat přijímá stejná slova jako nějaký

[] deterministický konečný automat

[] nedeterministický konečný automat

odpověď:

AB (podle slajdů: Jazyky přijímané dvousměrnými konečnými automaty jsou právě jazyky přijímané konečnými automaty.)

14. otázka:

Nechť $A=(Q, X, \delta, S, F)$ je **nedeterministický** konečný automat. Automat $(Q, X, \delta, S, Q-F)$ přijímá jazyk

[] $L(A)^R$

[] $X^* \cdot L(A)$

[] $L(A)$

[] X^*

odpověď:

nic (B(doplňek) neplatí protože je nedeterministický a jedním slovem se můžete dostat například do dvou stavů q_1 a

q_2 . Když se stane, že $q_1 \in F$ (konec) a zároveň platí, že $q_2 \notin F$ (nekonec), tak to slovo bude i v druhém automatu, aby to totiž platilo, musel by být automat deterministický)

15. otázka:

Nechť $A=(Q,X, \delta,S,F)$ je **deterministický** konečný automat. Automat $(Q,X, \delta,S,Q-F)$ přijíma jazyk

- ☐ $L(A)^R$
- ☐ $X^*-L(A)$
- ☐ $L(A)$
- ☐ X^*

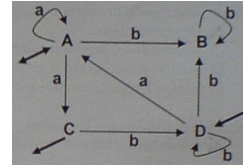
odpověď:

B (doplnek, DKA se prohozením koncových a nekoncových stavů udělá doplnek, neplatí pro nedeterministický KA)

16. otázka:

Nechť máme daný následující automat A. Do jakých stavů se tento automat může dostat v **přijímacím výpočtu nějakého slova $L(A)$** po přečtení dvou písmen?

- ☐ A
- ☐ B
- ☐ C
- ☐ D



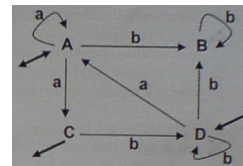
odpověď:

ACD (Pro nějaké přijímané slovo provedu výpočet a ve druhém kroku (po druhém přečteném písmenu) se kouknu v jakých jsem stavech. Odpověď mám jaké všechny možné stavy to můžou být. B je mrtvý stav - jakmile se do něj dostanu, už nemůže být to slovo elementem $L(A)$, cili do stavu B se nemůžu dostat **přijímacím výpočtem**.)

17. otázka:

Nechť máme daný následující automat P. **Po přečtení slova baab** se tento automat může dostat do stavu

- ☐ A
- ☐ B
- ☐ C
- ☐ D



odpověď:

BD (chyťák je v tom, že **přečtení slova neznamená jeho přijetí**, takže automat jen tuhle sekvenci baab zpracuje nehlédne na stav kam se dostane. stačí se kouknout kam se dá dostat na B které je poslední a zda se do nich dá dostat přes sekvenci baab)

18. otázka:

Nechť existuje **isomorfismus** mezi dvěma deterministickými konečnými automaty. Potom:

- ☐ oba automaty mají stejný počet stavů
- ☐ oba automaty mají stejný počet koncových stavů
- ☐ oba automaty mají stejný počet počátečních stavů
- ☐ stavové diagramy obou automatů mají stejný počet hran

odpověď:

ABCD (izomorfismus = přejmenování stavů)

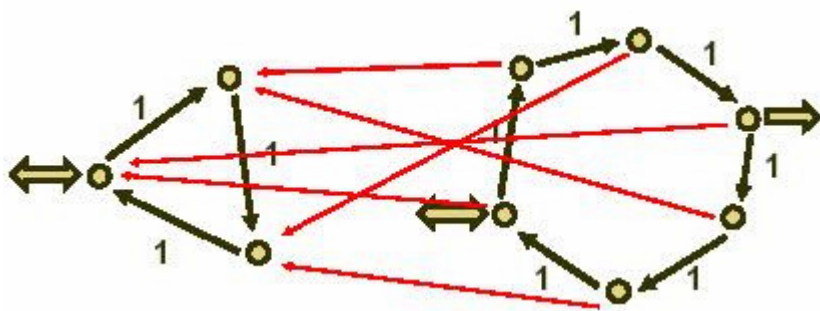
19. otázka:

Nechť existuje **homomorfismus** mezi dvěma **deterministickými** konečnými automaty. Potom:

- ☐ oba automaty mají stejný počet stavů
- ☐ oba automaty mají stejný počet koncových stavů
- ☐ oba automaty mají stejný počet počátečních stavů
- ☐ stavové diagramy obou automatů mají stejný počet hran

odpověď:

C (př. homomorfismu:



C platí protože deterministické mají 1 počáteční stav)

20. otázka:

Nechť existuje **homomorfismus** mezi dvěma **nedeterministickými** konečnými automaty. Potom:

- ☐ oba automaty mají stejný počet stavů
- ☐ oba automaty mají stejný počet koncových stavů
- ☐ oba automaty mají stejný počet počátečních stavů
- ☐ stavové diagramy obou automatů mají stejný počet hran

odpověď:

nic (si zoberies 2 nedet rovnake, a do jedneho zrusis jeden vstupny stav a vlozis tam lambda prechod z ineho vstupneho stavu do toho kde si ten vstup zrusil, a mas ekvivalentne automaty a maju rozny pocet vstupov)

21. otázka:

Nechť $A_1 = (Q_1, X, \delta_1, q_1, F_1)$ a $A_2 = (Q_2, X, \delta_2, q_2, F_2)$ jsou deterministické konečné automaty. Potom automat $A = (Q, X, \delta, q, F)$, kde $Q = Q_1 \times Q_2$, $q = (q_1, q_2)$, $\delta((p_1, p_2), x) = (\delta_1(p_1, x), \delta_2(p_2, x))$, $F = F_1 \times F_2$ přijímá jazyk:

- ☐ $L(A_1) \cup L(A_2)$
- ☐ $L(A_1) \cap L(A_2)$
- ☐ $L(A_1) - L(A_2)$
- ☐ $L(A_1) \cdot L(A_2)$

odpověď:

B

22. otázka:

Nechť $A_1 = (Q_1, X, \delta_1, q_1, F_1)$ a $A_2 = (Q_2, X, \delta_2, q_2, F_2)$ jsou konečné automaty. Potom automat $A = (Q_1 \times Q_2, X, \delta, (q_1, q_2), F_1 \times F_2)$, kde $\delta((p_1, p_2), x) = (\delta_1(p_1, x), \delta_2(p_2, x))$ přijímá jazyk:

- ☐ $L(A_1)$
- ☐ $L(A_2)$
- ☐ $L(A_1) - L(A_2)$
- ☐ $L(A_2) - L(A_1)$

odpověď:

B (je to jen jazyk L_2 , je to videt z koncovych stavu $Q_1 \times F_2$ je to sice kartezsky soucin tech stavu, ale vzdy je tam pouze stavy z F_2 takže to prijima vsechny slova z A_2 a nic vic. Muze to prijimat i nektera slova z A_1 , ale to jen kdyz jsou i v A_2 .)

23. otázka:

Nechť $A = (Q, X, Y, \delta, q_0, Z, F)$ je automat kde Q, X a Y jsou konečné neprázdné množiny, $q_0 \in Q$, $Z \in Y$, $F \subseteq Q$ a $\delta(Q \times (X \cup \{\lambda\}) \times Y) \rightarrow P_{\text{FIN}}(Q \times Y \text{ **NIC**})$. Potom tento automat přijímá právě jazyky rozpoznávané

- ☐ deterministický zásobníkový automat
- ☐ (nedeterministický) zásobníkový automat
- ☐ deterministický konečný automat
- ☐ nedeterministický konečný automat

odpověď:

CD (není zasobnikovy! není tam * (tam kde jsem napsal **NIC** – to tam normalne v pisemce není ☺) je jako klasicky konečný)

24. otázka:

Řekneme, že dva stavy p a q konečného automatu $A=(Q,X, \delta,S,F)$ jsou ekvivalentní právě tehdy když:

☐ $\forall w \in X^* \quad \delta^*(p,w) \in F \Leftrightarrow \delta^*(q,w) \in F$

☐ $\forall w \in X^* \quad \delta^*(p,w) = \delta^*(q,w)$

☐ $\forall w \in L(A) \quad \delta^*(p,w) \in F \Leftrightarrow \delta^*(q,w) \in F$

☐ $\forall w \in L(A) \quad \delta^*(p,w) = \delta^*(q,w)$

odpověď:

A (definice ze slajdu)

C neplatí, představ si, že by pro slova, co NEPATŘÍ do L , platila negace uvedené závislosti. No pak by muselo to slovo patřit do jazyka, protože $0 \Leftrightarrow 1$ NEBO $1 \Leftrightarrow 0$, což je blbost.)

25. otázka:

Řekneme, že dva stavy p a q konečného automatu $A=(Q,X, \delta,q_0,F)$ jsou ekvivalentní právě tehdy když:

☐ $\forall w \in X^* \quad \delta^*(p,w) \in F \Leftrightarrow \delta^*(q,w) \in F$

☐ $\forall w \in X^* \quad \delta^*(p,w) = \delta^*(q,w)$

☐ $\forall w \in L(A) \quad \delta^*(p,w) \in F \Leftrightarrow \delta^*(q,w) \in F$

☐ $\forall w \in L(A) \quad \delta^*(p,w) = \delta^*(q,w)$

odpověď:

A (není to ta varianta s $\forall w \in L(A)$, protože slovo nemusí být z jazyka a přesto ho automat přece a dostane se do stavu třeba nepřijímacího, ale ten má také ekvivalentní stav, idkyz není přijímací. Proto to platí pro všechna možná slova z X^* , definice ze slajdu)

25. otázka:

Nechť $A=(Q,X, \delta,q_0,F)$ je deterministický konečný automat přijímající neprázdný jazyk a stav $p \in Q$ je ekvivalentní s q_0 . Potom platí:

☐ $\forall w \in X^* \quad \delta^*(p,w) \in F$

☐ $\forall w \in L(A) \quad \delta^*(p,w) \in F$

☐ $\exists w \in X^* \quad \delta^*(p,w) \in F$

☐ $\exists w \in L(A) \quad \delta^*(p,w) \in F$

odpověď:

BCD

26. otázka:

Nechť A je deterministický konečný automat mající mezi všemi deterministickými konečnými automaty přijímajícími jazyk $L(A)$ nejmenší počet stavů. Potom:

☐ A je redukovaný

☐ A nemusí být redukovaný

☐ A může obsahovat ekvivalentní stavy

☐ A nemůže obsahovat ekvivalentní stavy

AD (A - Ve třídě navzájem ekvivalentních konečných automatu existuje „minimální“ automat.

D- plyne z A – def. redukovaného aut.)

27. otázka:

Pro dva ekvivalentní konečné automaty platí že:

☐ jsou izomorfní

☐ existuje mezi nimi homomorfismus

☐ rozpoznávají stejné jazyky

☐ mají stejný počet koncových stavů

odpověď:

C (za slajdu: říkáme, že konečné automaty A a B jsou ekvivalentní, jestliže rozpoznávají stejný jazyk, tj. $L(A)=L(B)$)

B neplatí protože to asi myslí jako homomorfismus na obě strany

)

28. otázka:

Pro dva ekvivalentní **redukované** konečné automaty platí že:

- ☐ jsou izomorfní
- ☐ existuje mezi nimi homomorfismus
- ☐ rozpoznávají stejné jazyky
- ☐ mají stejný počet koncových stavů

odpověď:

ABCD (

- A- u redukovanych je to to same
- B- když jsou izomorfni tak tohle taky
- C- z definice ekvivalence
- D- plyne z A)

29. otázka:

Pro dva ekvivalentní **deterministické** konečné automaty platí že:

- ☐ jsou izomorfní
- ☐ existuje mezi nimi homomorfismus
- ☐ rozpoznávají stejné jazyky
- ☐ mají stejný počet koncových stavů

odpověď:

C (z definice ekvivalence)

30. otázka:

Nechť $A = (Q, X, \delta, q_0, F)$ je automat, kde Q a X jsou konečné neprázdné množiny, $q_0 \in Q$,

$F \subseteq Q$ a $\delta \subseteq (Q \times X \times Q)$. Potom se jedná o

- ☐ deterministický konečný automat
- ☐ nedeterministický konečný automat
- ☐ (nedeterministický) zásobníkový automat
- ☐ deterministický zásobníkový automat

odpověď:

B (zásobníkový není, nemá zásobníkovou abecedu a je nedeterministický podle té přechodové funkce. Deterministický automat to být nemůže, zkusme zvolit za δ prázdnou množinu, pak je to nedeterministický automat.)

31. otázka:

Jazyky generované lineárními gramatikami jsou

- ☐ jazyky regulární
- ☐ nadmnožinou jazyků regulárních
- ☐ podmnožinou jazyků regulárních
- ☐ nemají k regulárním jazykům jasně definovaný množinový vztah

odpověď:

B (protože podle věty

Jazyky generované levou lineární gramatikou jsou právě regulární jazyky.

To platí i pro jazyky generované levou lineární gramatikou. Obecná lin. gramatika ale nemusí generovat regulární jazyk.

Napr.: $\{0^n 1^n \mid n \geq 1\}$ není regulární jazyk, ale je lineární ($S \rightarrow 0S1 \mid 01$)

)

32. otázka:

Regulární jazyky jsou generovány právě

- ☐ levě lineárními gramatikami

- ☐ právě lineárními gramatikami
- ☐ gramatikami, které mají na pravé straně maximálně jeden neterminál
- ☐ gramatikami, které mají na pravé straně maximálně jeden terminál

odpověď:

AB (AB – ze slidu, NE obema soucasne, nemuzou se kombinovat

C –platilo-by ale chybi tam este „Neterminální symbol je bud' jen na začátku, nebo jen na konci pravé strany všech pravidel gramatiky.“, D- to není asi nic)

33. otázka:

Nechť G je redukovaná bezkontextová gramatika. Potom platí:

- ☐ každá bezkontextová gramatika generující jazyk $L(G)$ obsahuje stejně nebo více neterminálních symbolů
- ☐ každá redukovaná bezkontextová gramatika generující jazyk $L(G)$ obsahuje stejně nebo více neterminálních symbolů
- ☐ každá bezkontextová gramatika generující jazyk $L(G)$ je ekvivalentní s G

odpověď:

C (Příklad:

$G_1: S \rightarrow 0S1 \mid \lambda$

$G_2: S \rightarrow 0A \mid \lambda$

$A \rightarrow S1$

G_1 i G_2 generují stejný jazyk.

A,B: G_2 je redukovaná, ale stejně G_1 obsahuje min neterminálu \rightarrow neplatí

C když generují stejný jazyk, jsou ekvivalentní)

34. otázka:

Nechť $G_1=(N_1,T, S_1,P_1)$ a $G_2=(N_2,T, S_2,P_2)$ jsou dvě **kontextové** gramatiky s disjunktními množinami neterminálů (N_1,N_2) a S je nový neterminál. Potom pro jazyk gramatiky $G=(N_1 \cup N_2 \cup \{S\}, T, S, P_1 \cup P_2 \cup \{S \rightarrow S_1 S_2\})$ platí:

- ☐ $L(G) = L(G_1) \cdot L(G_2)$
- ☐ $L(G) \subseteq L(G_1) \cdot L(G_2)$
- ☐ $L(G) \supseteq L(G_1) \cdot L(G_2)$

odpověď:

C (Treba si všimnut, že i keď sú množiny neterminálov disjunktné, množina terminálov T je rovnaká, takže rozhranie $S_1 S_2$ môžu pretransformovať pravidla z P_1 i z P_2 . Napr pravidlo z P_1 môže spracovať i začiatok S_2 .)

35. otázka:

Nechť $G_1=(N_1,T, S_1,P_1)$ a $G_2=(N_2,T, S_2,P_2)$ jsou dvě **bezkontextové** gramatiky s disjunktními množinami neterminálů a S je nový neterminál. Potom pro jazyk gramatiky $G=(N_1 \cup N_2 \cup \{S\}, T, S, P_1 \cup P_2 \cup \{S \rightarrow S_1 S_2\})$ platí:

- ☐ $L(G) = L(G_1) \cdot L(G_2)$
- ☐ $L(G) \neq L(G_1) \cdot L(G_2)$
- ☐ $L(G) \subseteq L(G_1) \cdot L(G_2)$
- ☐ $L(G) \supseteq L(G_1) \cdot L(G_2)$

odpověď:

ACD (ide o BKJ a tam platí uzavrenost na zretazenie a robi sa priamo tak ako to tam ma na slidov tam to je tiež jako 34., ale mluví se o kontextovy gramatice, tzn. že se prepisují jen neterminály, NE neterminály s terminály (v tom byl ve 34. otázce problém, protože tím mohly vzniknout i jiná slova než při zretezení))

36. otázka:

Gramatika (N,T,S,P) obsahující pouze pravidla tvaru $X \rightarrow u$, kde $X \in N$ a $u \in T^*$ je:

- ☐ regulární
- ☐ bezkontextová
- ☐ kontextová
- ☐ monotóní

odpověď:

AB (A - vyhovuje definici, B- vyhovuje definici, C - nevyhovuje definici-napravo muze byt lambda, D- nevyhovuje definici-napravo muze byt lambda)

37. otázka:

Nechť $G=(N,T,S,P)$ je generativní bezkontextová gramatika. Potom listy derivačního stromu mohou být ohodnoceny:

- ☐ slovy z T^*
- ☐ slovy z N^*
- ☐ symboly z T
- ☐ symboly z N

odpověď:

C (Správne vsak malo byt pouze V_t , Bartak to myslí, že všechny prvky mohou být v listu.

Chtel jen V_t aby se ukázalo, že člověk ví, že tam může v každém listu být buď jeden terminal nebo lambda... a to ostatní bych tam nedávala, protože lambda je dost tak zakerná, někdy se píše úplně zvlášť mimo V_n i V_t)

38. otázka:

Nechť $G=(N,T,S,P)$ je generativní bezkontextová gramatika. Potom **vnitřní vrcholy** derivačního stromu jsou ohodnoceny:

- ☐ slovy z T^*
- ☐ slovy z N^*
- ☐ symboly z T
- ☐ symboly z N

odpověď:

D (jde u vrcholy uvnitř stromu, ne listy)

39. otázka:

Derivační strom libovolné bezkontextové gramatiky G , který dává slovo w , popisuje

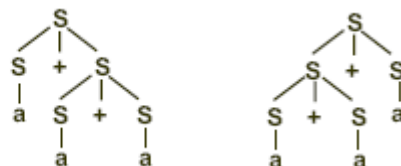
- ☐ všechny možné derivace slova w v G
- ☐ všechny možné levé derivace slova w v G
- ☐ všechny možné pravé derivace slova w v G

odpověď:

nic (BKG mohou být nejednoznačné a mohou mít různé stromy \Rightarrow různé (levé/pravé) derivace)

Příklad:

$S \rightarrow S+S \mid a$
slovo $a+a+a$

**40. otázka:**

Libovolný bezprefixový bezkontextový jazyk může být přijímán

- ☐ zásobníkovým automatem koncovým stavem
- ☐ zásobníkovým automatem prázdným zásobníkem
- ☐ deterministickým zásobníkovým automatem koncovým stavem
- ☐ deterministickým zásobníkovým automatem prázdným zásobníkem

odpověď:

ABCD (BezPref jazyk se rozpoznává pomocí prázdného zásobníku deterministického automatu, je to podmnožina jazyků, které se rozpoznávají det. s koncovým stavem. A protože determinismus je slabší než nedeterminismus, tak by pak měli platit i ty dva nedeterministické varianty?)

41. otázka:

Libovolný jazyk generovaný bezkontextovou gramatikou lze přijmout

- ☐ konečným automatem

- ☐ zásobníkovým automatem
- ☐ lineárně omezeným automatem
- ☐ Turingovým strojem

odpověď:

BD (BKJ je přijímána ZA a TJ je nadmnožinou ZA)

42. otázka:

Nechť A a B jsou dva libovolné zásobníkové automaty přijímající slova prázdným zásobníkem. Potom jazyk $N(A) \cap N(B)$ je přijímán

- ☐ zásobníkovým automatem
- ☐ konečným automatem
- ☐ Turingovým strojem
- ☐ je mimo Chomského hierarchii

odpověď:

C (no lebo bezkontextove nie su uzavrene na prienik, takže to môže byť BKJ ale aj , a tá je prijímaná LOA čo je TJ)

43. otázka:

Determinismus a nedeterminismus vedou na stejné třídy přijímaných jazyků u

- ☐ konečných automatů
- ☐ zásobníkových automatů
- ☐ Turingových strojů

odpověď:

AC (proc?)

44. otázka:

Nedeterminismus zvýší sílu u

- ☐ konečných automatů
- ☐ zásobníkových automatů
- ☐ Turingových strojů

odpověď:

B (proc?)

45. otázka:

Lineárně omezené automaty přijímají jazyky přijímané právě

- ☐ Turingovými stroji
- ☐ Mooreovými stroji
- ☐ dvoucestnými konečnými automaty
- ☐ nedeterministickými konečnými automaty

odpověď:

nic (A – ne, lebo tam je slovíčko práve a TJ prijímajú viac ako LOA,
BCD – jsou jen KA a přijímají víc jazyků)

46. otázka:

Pokud má zásobníkový automat prázdný zásobník, potom:

- ☐ čte pouze vstup
- ☐ mění pouze stavy řídicí jednotky
- ☐ končí výpočet
- ☐ přidá do zásobníku počáteční zásobníkový symbol

odpověď:

C (ze slajdu:

Kdy končí výpočet zásobníkového automatu:

- zásobník je prázdný
- není definována žádná instrukce)

47. otázka:

Chomského normální forma gramatiky (N, T, S, P) vyžaduje pravidla tvaru:

- ☐ $X \rightarrow au$, kde $X \in N$, $a \in T$, $u \in N^*$
- ☐ $X \rightarrow YZ$ nebo $X \rightarrow a$, kde $a \in T$, $X, Y, Z \in N$
- ☐ $X \rightarrow \alpha Y \beta$, kde $X, Y \in N$, $\alpha, \beta \in T^*$
- ☐ $X \rightarrow w$, $X \in N$, $w \in (N \cup T)^*$

odpověď:

B

Definice: Říkáme, že gramatika je v Chomského normální formě, jestliže všechna pravidla mají tvar: $X \rightarrow YZ$ nebo $X \rightarrow a$, kde $a \in V_T$, $X, Y, Z \in V_N$.

- A- chujovina, Greibachové normální forma?
- B- přímo definice Chomského normální formy
- C- tohle ne
- D- w mohlo být i **lambda**, takže to neplatí

48. otázka:

Průnik libovolného bezkontextového jazyka a libovolného regulárního jazyka bude vždy:

- ☐ prázdný
- ☐ regulární jazyk
- ☐ bezkontextový jazyk
- ☐ rekurzivně spočetný jazyk
- ☐ bezprefixový jazyk

odpověď:

C (např. $0^i 1^i$ je BKJ, $0^i 1^j$ je RJ, jejich průnik je opět $0^i 1^i$, tedy BKJ).)

49. otázka:

Nechť $G=(N, T, S, P)$ je monotóní generativní gramatika a $(u \rightarrow v) \in P$ je její pravidlo. Potom platí:

- ☐ $|u| \leq |v|$
- ☐ $|v| \leq |u|$
- ☐ $u = \alpha \beta \gamma$, $\alpha, \gamma \in (N \cup T)^*$, $\beta \in N$
- ☐ $v = \alpha \beta \gamma$, $\alpha, \gamma \in (N \cup T)^*$, $\beta \in N$

odpověď:

AC (

- A- přímo z definice monotóní gramatiky,
 - B- obráceně tedy blbost,
 - C- říká, že na levé straně každého pravidla je aspoň 1 neterminál a možnost platí, vždycky musí být nalevo neterminál dle definice gramatiky
 - D- poslední možnost taky blbost (to by ta gramatika negenerovala žádné terminální slovo :)
-)

50. otázka:

Jaké jazyky přímá **PRÁVĚ** Turingův stroj?

- ☐ typu 0
- ☐ rekurzivně spočetné
- ☐ rekurzivní
- ☐ všechny

odpověď:

AB ("přijímá právě jazyky typu 0=(rek.spocetne)" znamená, že nepřijímá jazyky obecnější než typ 0 (a obecnější existují).)

51. otázka:

Nedeterministické Turingovy stroje přijímají **právě**:

- ☐ rekurzivně spočetné jazyky
- ☐ rekurzivní jazyky
- ☐ jazyky typu 0
- ☐ bezkontextové
- ☐ všechny jazyky

odpověď:

AC (Ze slidu: NTS přijímají právě rekurzivně spočetné jazyky=(typu 0).)

51. otázka:

Nedeterministické Turingovy stroje přijímají **všechny**:

- ☐ rekurzivně spočetné jazyky
- ☐ rekurzivní jazyky
- ☐ jazyky typu 0
- ☐ všechny jazyky

odpověď:

ABCD (Ze slidu: NTS přijímají právě rekurzivně spočetné jazyky=(typu 0).)

52. otázka:

Doplňěk libovolného rekurzivně spočetného jazyka je

- ☐ rekurzivně spočetný jazyk
- ☐ rekurzivní jazyk
- ☐ prázdný jazyk
- ☐ regulární jazyk

odpověď:

nic (Doplňěk: $-L = \{ w \mid w \notin L \} = X^* - L$,

jediny co by přicházelo v úvahu – možnost A ale to by původní jazyk musel být také rekurzivní (viz wikipedia) což obecně nemusí být)

53. otázka:

Doplňěk libovolného rekurzivního jazyka je

- ☐ rekurzivně spočetný jazyk
- ☐ rekurzivní jazyk
- ☐ prázdný jazyk
- ☐ regulární jazyk

odpověď:

AB (

A-Věta (Postova): Jazyk L je rekurzivní, právě když L a doplněk L jsou rekurzivně spočetné.

B- máme jazyk L a jeho doplněk $-L$, doplněk $-L$ je L

Postova: L je rekurzivní \Rightarrow L rekurzivně spočetný, $-L$ je rekurzivně spočetný

$-L$ je rekurzivně spočetný, L je rekurzivně spočetný $\Rightarrow -L$ je rekurzivní

CD-tohle neplatí

)

54. otázka:

Problém zastavení (halting problem) říká, že:

- ☐ existuje Turingův stroj, který se zastaví
- ☐ neexistuje Turingův stroj, který se zastaví
- ☐ existuje Turingův stroj, který o jiném TS rozhodne, zda se zastaví
- ☐ neexistuje Turingův stroj, který o jiném TS rozhodne, zda se zastaví

odpověď:

D (ve slajdech se říká že to znamená, že se nedá algoritmicky rozhodnout pro daný TS a jeho konfiguraci, zda bude jeho výpočet konečný. Na kterou z těch odpovědí to naroubovat si nejsem úplně jistý, řekl bych že ta poslední?)

55. otázka:

Výpočet nedeterministického Turingova stroje lze simulovat Turingovým strojem:

- ☐ [] prohledáváním do hloubky
- ☐ [] prohledáváním do šířky
- ☐ [] prohledáváním s navracením (backtracking)
- ☐ [] nelze simulovat

odpověď:

B (ze slidu:

TS modeluje všechny výpočty NTS prohledáváním do šířky



- Na pásce můžeme mít všechny konfigurace v hloubce k (páska je nekonečná), nebo
- můžeme generovat „popis“ výpočtu (posloupnost pravidel) a vždy k němu dopočítat výslednou konfiguraci

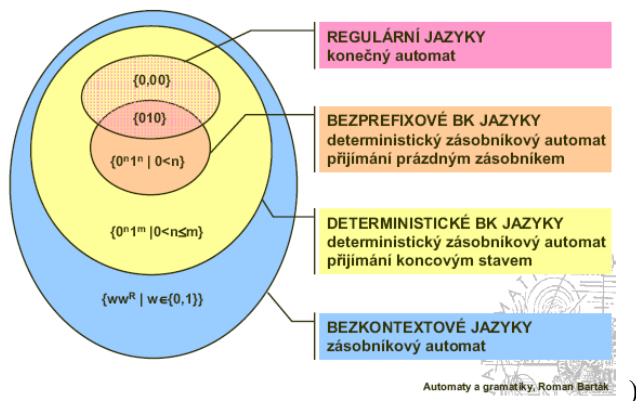
56. otázka:

Nechť A je třída deterministických bezkontextových jazyků a B je třída bezprefixových bezkontextových jazyků. Potom mezi těmito třídami platí vztah:

- ☐ [] $A=B$
- ☐ [] $A \subseteq B$
- ☐ [] $A \supseteq B$
- ☐ [] $A \neq B$

odpověď:

CD (



57. otázka:

Ak má gramatika G najmenší počet stavov ako ktorákoľvek iná gramatika generujúca ten istý jazyk potom je:

- a) redukovaná
- b) nemusí byť redukovaná
- c) ?
- d) ?