

Vynucené přechody atomu

Počáteční stav s N fotony $|\{N\}\rangle$ a elektronový stav $|\psi_n\rangle$

Projektor na počáteční stav

$$P = |\psi_n\rangle |\{N\}\rangle \langle \{N\}| \langle \psi_n|$$

mělo by stačit vyhodnotit selfenergi:

$$\begin{aligned} \langle \psi | P | \psi \rangle &= \frac{i\hbar}{2\pi\hbar} \oint dE e^{-\frac{i}{\hbar}Et} \frac{1}{E - E_n - \Sigma_n(E)} \\ &\propto i\hbar \oint dE e^{-\frac{i}{\hbar}Et} \frac{1}{E - E_n - \Sigma_n(E)} \end{aligned}$$

$$H_{\perp} |\{N\}\rangle = \underbrace{\sum_{\vec{x}\vec{q}} N_{\vec{x}\vec{q}} \hbar \omega_{\vec{q}}}_{E_{ph}} |\{N\}\rangle$$

$$H_e |\psi_n\rangle = E_n |\psi_n\rangle$$

$$\Rightarrow \Sigma_n = \langle \{N\} | \langle \psi_n | H' \frac{1}{E_n + E_{ph} - H_e - H_{\perp} + i\epsilon} H' | \psi_n \rangle | \{N\} \rangle$$

$$H' = \vec{r} \cdot \vec{A}(\vec{r})$$

$$a_{\vec{x}\vec{q}}^{\dagger} |\{N\}\rangle \perp a_{\vec{x}\vec{q}}^{\dagger} |\{N\}\rangle \quad \text{je-li } \vec{x}\vec{q} \neq \vec{x}\vec{q}$$

$$H_{\perp} a_{\vec{x}\vec{q}}^{\dagger} |\{N\}\rangle = (E_{ph} + \hbar \omega_{\vec{q}}) a_{\vec{x}\vec{q}}^{\dagger} |\{N\}\rangle$$

$$\begin{aligned} \Sigma_n &= \sum_{m\lambda} \int \frac{d\vec{q}}{(2\pi)^3} \frac{1}{2\epsilon_0 \hbar \omega_{\vec{q}}} |\vec{d}_{nm}|^2 |\vec{E}_{\vec{x}\vec{q}}|^2 (E_n - E_m)^2 \\ &\quad + \left(\frac{N_{\vec{x}\vec{q}}}{E_n - E_m + \hbar \omega_{\vec{q}} + i\epsilon} + \frac{N_{\vec{x}\vec{q}} + 1}{E_n - E_m - \hbar \omega_{\vec{q}} + i\epsilon} \right) \end{aligned}$$

Prábor výsledek

$$|\phi\rangle \text{ vakuum} \leftarrow |\varepsilon 03\rangle \Rightarrow N_{\vec{k}\vec{q}} = 0$$

$$\Sigma_n = \dots \frac{1}{E_n - E_m - \hbar\omega_{\vec{q}} + i\epsilon}$$

2. člen E_n

↑ emitovat foton

Pokud máme ve vakuu \rightarrow přibývá emitovat se světlo
o faktoru $N_{\vec{k}\vec{q}} + 1$

1. člen

Dává velký příspěvek v oblasti $E_n \approx E_m + \hbar\omega_{\vec{q}}$
↑ počáteční stav

jde o absorpci fotonu!!!

Systém ve smíšeném stavu

světlo ve smíšeném stavu

mezi $|\varepsilon 03\rangle / |\psi_n\rangle \langle \psi_n| \langle \varepsilon 03|$ máme

$$\hat{\rho} = \sum_{N_{\vec{k}\vec{q}}} \rho_{N_{\vec{k}\vec{q}}} |N_{\vec{k}\vec{q}}\rangle \langle N_{\vec{k}\vec{q}}| |\psi_n\rangle \langle \psi_n|$$

$$\Sigma_n = \text{Tr} \{ \Sigma_n \hat{\rho} \}$$

$$= \sum_{N_{\vec{k}\vec{q}}} \rho_{N_{\vec{k}\vec{q}}} \langle N_{\vec{k}\vec{q}} | \langle \psi_n | \Sigma_n | \psi_n \rangle | N_{\vec{k}\vec{q}} \rangle$$

$$= \sum_{m, \lambda} \int \frac{d\vec{q}}{(2\pi)^3} \frac{1}{2\epsilon_0 \hbar \omega_q} |\vec{d}_{mi} \cdot \vec{e}_{\vec{q}}|^2 (E_u - E_m)^2$$

$$\left(\frac{n_{\vec{q}}}{E_u - E_m + \hbar \omega_q + i\epsilon} + \frac{n_{\vec{q}} + 1}{E_u - E_m - \hbar \omega_q + i\epsilon} \right)$$

shidni frekvenc fotoni - ve omi sčueci stan