

Minimalizacja funkcji na podstawie Tablic Karnaugh'a.

Minimalne wyrażenie w postaci alternatywnej normalnej (Postać Normalna Sumy) lub w postaci koniunkcyjnej normalnej (Postać Normalna Iloczynu) otrzymujemy wybierając najmniejszą ilość grup sąsiednich jedynek (sąsiednich zer) które w sumie obejmują wszystkie 1 (wszystkie 0) danej funkcji. Liczba jedynek (zer) musi być równa 2^n (1, 2, 4, 8, 16, 32).

Wyrażenie to jest sumą iloczynów reprezentujących wybrane grupy jedynek (iloczynem sum reprezentujących wybrane grupy zer).

Przykład.

		$X_3 X_4$			
		00	01	11	10
$X_1 X_2$	00	0	1	1	0
	01	0	0	1	1
	11	0	0	0	0
	10	1	0	0	1

F1

Wybranim jedynek w tabeli Karnaugh'a odpowiadają poniższe iloczyny pełne:

$$\overline{x_1} \overline{x_2} x_3 x_4, \overline{x_1} x_2 x_3 x_4,$$

Można zauważyć, że dla sąsiednich jedynek wyrażenie przyjmie prostszą postać (wykorzystujemy tzw. regułę sklejaną):

$$\overline{x_1} \overline{x_2} x_3 x_4 + \overline{x_1} x_2 x_3 x_4 = \overline{x_1} \overline{x_2} x_4 (\overline{x_3} + x_3) = \overline{x_1} \overline{x_2} x_4$$

$X_3 X_4$ $X_1 X_2$					
		00	01	11	10
00	0	1	1	0	
01	0	0	1	1	
11	0	0	0	0	
10	1	0	0	1	

F1

$$F1 = \overline{X_1} \overline{X_2} X_4 + \overline{X_1} X_2 X_3 + \overline{X_1} X_2 X_4$$

Przykład.

$X_3 X_4$ $X_1 X_2$					
		00	01	11	10
00	0	0	1	1	
01	0	1	1	1	
11	1	1	1	0	
10	1	1	0	0	

F2

$$F2 = \overline{X_1} X_3 + X_2 X_4 + \overline{X_1} X_3$$

Jeśli w tabeli występują kreski oznacza to, że funkcja jest nieokreślona. Przy minimalizacji funkcji możemy „sklejać” również komórki z kreskami.

Przykład.

$X_3 X_4$		$X_1 X_2$			
		00	01	11	10
$X_1 X_2$	00	1	-	1	1
	01	0	0	0	0
	11	1	-	0	0
	10	0	0	0	0

F3

$$F3 = \overline{X_1} \overline{X_2} + X_1 X_2 \overline{X_3}$$

Minimalizacja dla wyrażeń koniunkcyjnych przebiega podobnie, przy czym sklejamy grupy zer (lub zer i kresek).

Przykład.

$X_3 X_4$		$X_1 X_2$			
		00	01	11	10
00	0	0	0	0	-
01	1	1	1	1	1
11	1	1	1	1	1
10	-	1	1	0	0

F4

$$F4 = (X_2 + X_4) + (X_1 + X_2)$$

Tworzenie wyrażeń normalnych na podstawie grup jedynek lub zer znajdujących w tabelach Karnaugh'a jest w miarę szybkie, ale wymaga pewnej wprawy. Tabele Karnaugh'a dla funkcji o więcej niż 6 zmiennych są zbyt duże by można w nich było znajdować grupy sąsiednich jedynek (zer). Komplikacje wynikają z coraz bardziej zróżnicowanych definicji „sąsiedztwa” w coraz większych tabelach Karnaugh'a.

Rozwiązaniem jest zastosowanie algorytmu Quine'a-McCluskey'a. Daje on takie same wyniki jak metoda Karnaugh'a, ale jest w pełni sformalizowany i tym samym można go zaimplementować w postaci systemu komputerowego.