

Autorzy

Mateusz Ostaszewski 325203
Michał Sadowski 325221

Zadanie

Połączenie lasu losowego z SVM w zadaniu klasyfikacji. Postępujemy tak jak przy tworzeniu lasu losowego, tylko co drugi klasyfikator w lesie to SVM. Jeden z klasyfikatorów (SVM lub drzewo ID3) może pochodzić z istniejącej implementacji.

Interpretacja i doprecyzowanie treści zadania

Celem zadania jest stworzenie hybrydowego modelu klasyfikatora, który łączy drzewa ID3 i maszyny wektorów nośnych (SVM).

Algorytmy

1. Drzewo decyzyjne (ID3): Zaimplementujemy algorytm ID3 do budowy drzew decyzyjnych, który wybiera podział w węźle na podstawie maksymalizacji zysku informacyjnego (information gain).
2. SVM (Support Vector Machine): Będziemy korzystać z dostępnej implementacji SVM z biblioteki scikit-learn.

Integracja w modelu hybrydowym:

- Dla każdego klasyfikatora generujemy losowy podzbiór danych treningowych.
- Co drugi klasyfikator jest zastępowany SVM. Wynik końcowy jest określany na podstawie głosowania większościowego.

Metryki

- $$\text{Dokładność} = \frac{TP + TN}{TP + TN + FP + FN}$$
- $$F1 = 2 \cdot \frac{\text{Precyzja} \cdot \text{Czułość}}{\text{Precyzja} + \text{Czułość}}$$
- $$\text{Precyzja} = \frac{TP}{TP + FP}$$
- $$\text{Czułość} = \frac{TP}{TP + FN}$$

- Macierz pomyłek

Zbiory danych

1. Iris

- Liczba przykładów: 150
- Liczba klas: 3 - sprowadzone do 2(dla SVM)
- Liczba cech: 4 (długość/szerokość kielicha i płatka)

2. Wine Quality

- Liczba przykładów: 4898 (wino białe), 1599 (wino czerwone)
- Liczba klas: od 0 do 10 – oceny jakości wina (przyjmujemy od 0 do 5 za wina słabe, a powyżej za wina dobre)
- Liczba cech: 11 (chemiczne właściwości)

3. Telecom Churn

- Liczba przykładów: 3150
- Liczba klas: 2 (churn lub nie churn)
- Liczba cech: 21 (informacje o klientach, użycie usług).

Zmiany względem dokumentacji wstępnej

Podjęliśmy decyzję o sprowadzeniu klasyfikacji wieloklasowej w zbiorach Iris oraz Wine Quality do klasyfikacji binarnej. W przypadku zbioru Iris uznaliśmy klasę Iris-setosa za 1, a pozostałe klasy za 0. W zbiorze Wine Quality uznaliśmy wina o ocenie 1-5 za wina słabe (klasa 0), a wina o ocenie 6-10 za wina dobre (klasa 1). Decyzje te były motywowane binarnymi właściwościami klasyfikatora SVM. Rozważaliśmy opcję pozostania przy pierwotnym rozkładzie klas, ale spowodowałoby to konieczność budowania drzew SVM (1 vs reszta), co uznaliśmy za niezgodne z poleceniem.

Dodatkowo, po konsultacjach, użyliśmy biblioteki Optuna do optymalizacji hiperparametrów naszego klasyfikatora.

Eksperymenty numeryczne

Walidacja modeli została przeprowadzona za pomocą walidacji krzyżowej z podziałem na 5 podzbiorów.

Analiza proporcji SVM w lesie losowym

Przeprowadziliśmy eksperyment w którym testujemy różne proporcje SVM w lesie aby sprawdzić w jaki sposób wpływa ona na skuteczność tego modelu.

Wyniki dla zbioru Wine Quality Poniższy wykres przedstawia wpływ hiperparametru określającego proporcję SVM w lesie na miarę F1 w wynikach modeli na zbiorze Wine Quality

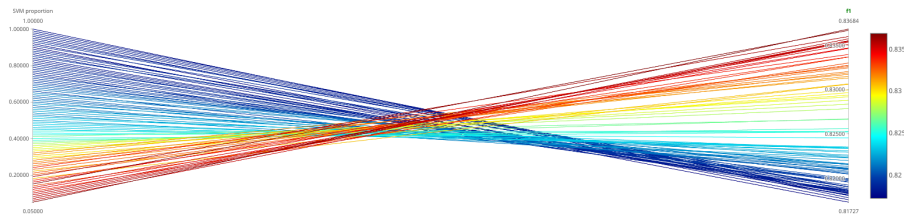


Figure 1: Wpływ proporcji SVM w lesie losowym na miarę F1 dla zbioru Wine Quality

Wyniki dla zbioru Telecom Churn Poniższy wykres przedstawia wpływ hiperparametru określającego proporcję SVM w lesie na miarę F1 w wynikach modeli na zbiorze Telecom Churn

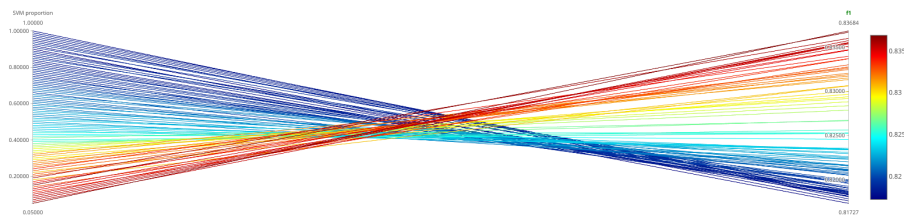


Figure 2: Wpływ proporcji SVM w lesie losowym na miarę F1 dla zbioru Churn

Wnioski z eksperymentu

1. Wpływ proporcji SVM na jakość modelu:
 - W obu przypadkach (Wine Quality i Churn) obserwujemy, że większy udział SVM w modelu prowadzi do spadku jakości modelu. Miara F1 osiąga wyższe wartości przy niższych proporcjach SVM.
2. Hipoteza przyczyn spadku jakości:
 - SVM jest algorytmem bardziej wymagającym pod względem dostrajania hiperparametrów w porównaniu do drzew decyzyjnych. Domyślne hiperparametry użyte w tym eksperymencie (oferowane przez bibliotekę scikit-learn) mogą nie być odpowiednie dla danych na których przeprowadzamy eksperyment, co skutkuje gorszymi wynikami lasów z większą ilością SVM niż tych z większą ilością drzew. W kolejnych eksperymentach przetestujemy wpływ wszystkich hiperparametrów na jakość modelu co pozwoli

nam dokładniej zbadać wpływ hiperparametrów w tym proporcji SVM na jakość modelu.

Wpływ parametrów modelu na skuteczność

Przeprowadziliśmy 4 eksperymenty dla różnych zbiorów danych. Zdecydowaliśmy się na przeprowadzenie tych eksperymentów przy pomocy Optuna, aby w efektywny sposób znaleźć optymalny zbiór hiperparametrów. Eksperymenty są podzielone na te przeprowadzone na pojedynczych zbiorach, gdzie za każdym razem wyznaczaliśmy nowe hiperparametry oraz eksperyment w którym jeden zestaw hiperparametrów był testowany dla wszystkich zbiorów w celu wyznaczenia najbardziej ogólnego zestawu hiperparametrów.

Eksperymenty wyznaczające wartości hiperparametrów

- Na zbiorze Iris
- Na zbiorze Churn
- Na zbiorze Wine Quality
- Na wszystkich zbiorach naraz

Ważność hiperparametrów:

- Iris

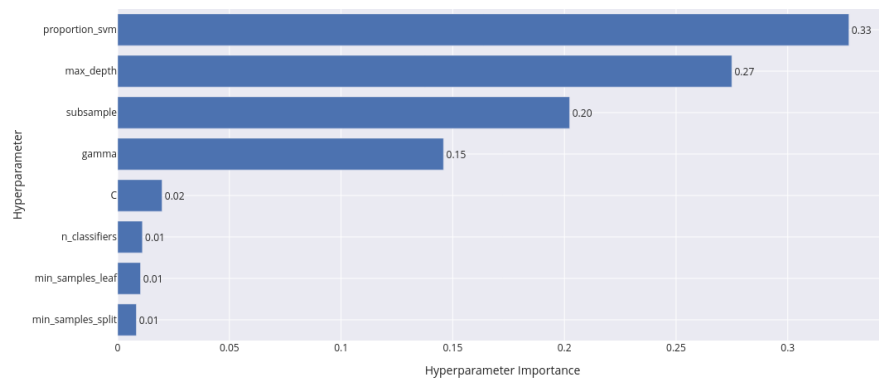


Figure 3: Iris

- Churn
- Wine Quality
- Wszystkie

Możemy zauważyć, że we wszystkich zbiorach oprócz Iris dominowały hiperparametry związane z SVM. Ze zbiorem Iris, jako że jest mały oraz niezbyt

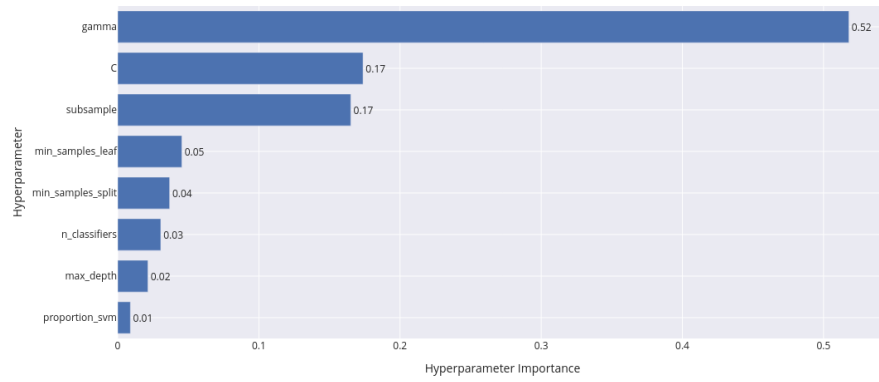


Figure 4: Churn

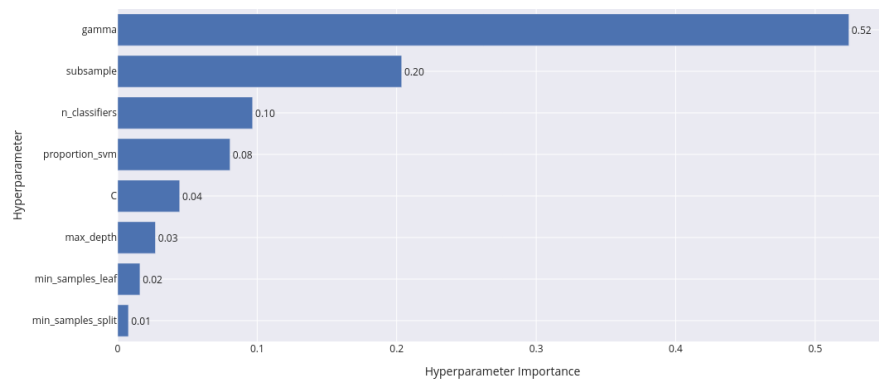


Figure 5: Wine Quality

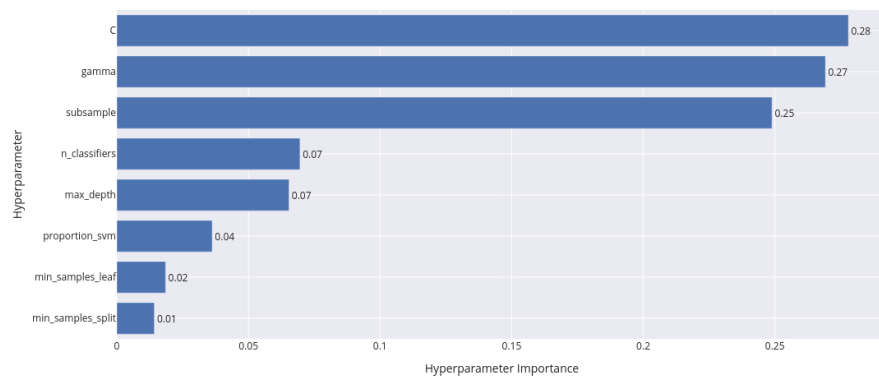


Figure 6: Wszystkie

skomplikowany dobrze radzi sobie większość klasyfikatorów nawet tych prostych. Wątro też zauważyć, że we wszystkich zbiorach proporcja svm:id3 była na korzyść SVM co także może tłumaczyć, dlaczego hiperparametry dotyczące SVM (C oraz gamma) były ważniejsze. We wszystkich zbiorach istotnym hiperparametrem był subsample co może nam mówić, że dla modeli ważne było selekcjonowanie danych, co przeciwdziało w przeuczaniu się naszego klasyfikatora.

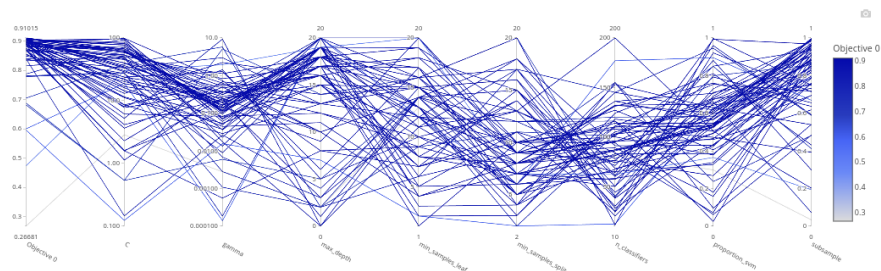


Figure 7: wykres współrzędnych równoległych hiperparametrów

Analiza zależności między parametrami

Analiza wpływu hiperparametrów na wynik funkcji celu (Parallel Coordinate Plot)

1. Kluczowe hiperparametry

- **C (regularyzacja SVM):**
 - Optymalny zakres: 10–100.
 - Małe wartości C (<1) prowadzą do gorszych wyników.
- **gamma (parametr jądra RBF w SVM):**
 - Optymalny zakres: 0,05–1.
 - Ekstremalne wartości gamma (bardzo małe $<0,001$ lub bardzo duże >1) pogarszają wyniki.
- **proportion_svm (udział SVM w hybrydzie):**
 - Wyższe wartości proportion_svm ($>0,5$) dominują w najlepszych wynikach.
 - Niskie wartości ($<0,3$) prowadzą do słabych wyników.
- **subsample (próbkiwanie danych):**
 - Najlepsze wyniki przy pełnym próbkowaniu (subsample około 1).
 - Niskie wartości subsample ($<0,5$) osłabiają wydajność.

2. Najważniejsze zależności między hiperparametrami

- C i gamma:

- Kombinacja **C** w zakresie **10–100** i **gamma** w zakresie **0,05–1** prowadzi do najlepszych wyników.
-

3. Podsumowanie wniosków

- **Kluczowe hiperparametry:**
 - **C**: **10–100**
 - **gamma**: **0,05–1**
 - **proportion_svm**: **>0,5**
 - **subsample**: około **1.0**
 - **Mniej istotne hiperparametry:**
 - **min_samples_leaf** i **min_samples_split** mają niewielki wpływ na wyniki.
 - **Dominacja SVM:**
 - Wyższy udział SVM w hybrydzie znacząco poprawia wyniki, zwłaszcza w złożonych zbiorach danych.
-

Kluczowy wniosek: Optymalne wyniki osiągane są przy umiarkowanej regularyzacji **C**, małych wartościach **gamma**, większej liczbie klasyfikatorów oraz wysokim udziale SVM w hybrydowym modelu.

Analiza zależności między parametrami

1. C i gamma Poniższy wykres przedstawia relację między hiperparametrami **C** oraz **gamma**, oraz ich wpływ na wyniki modelu.

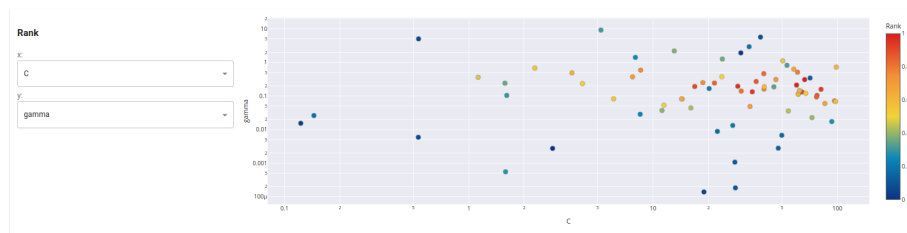


Figure 8: Relacja **C** i **gamma**

- **Obszar najlepszych wyników:**
 - Najlepsze wartości funkcji celu koncentrują się dla średnich i dużych wartości **C** (10–100) oraz małych wartości **gamma** (0,05–1).
 - Kombinacja dużej regularyzacji **C** i umiarkowanego wygładzenia jądra RBF daje stabilne, wysokie wyniki.
- **Obszar słabych wyników:**

- Bardzo małe wartości C (< 1) oraz ekstremalne wartości γ (bardzo małe $< 0,0001$ lub duże > 1) prowadzą do gorszych wyników.
- **Wniosek:**
 - Optymalizacja C i γ jest kluczowa, przy czym należy preferować:
 - * C : 10–100
 - * γ : 0,001–0,01

2. $n_classifiers$ i $proportion_svm$ Poniższy wykres przedstawia relację między hiperparametrami $n_classifiers$ oraz $proportion_svm$, oraz ich wpływ na wyniki modelu.

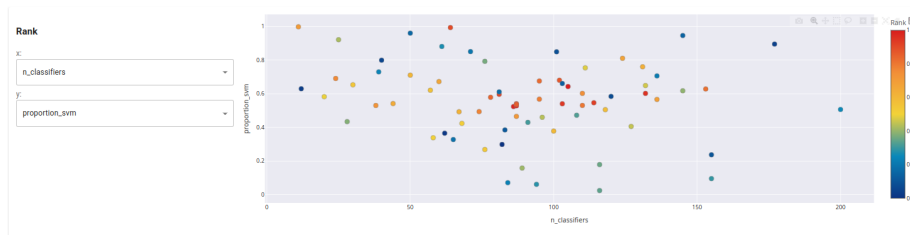


Figure 9: Relacja $n_classifiers$ i $proportion_svm$

- **Obszar najlepszych wyników:**
 - Najlepsze wyniki (czerwone punkty) są uzyskiwane dla:
 - * Liczby klasyfikatorów nieuciekającej w skrajności ($50 < n_classifiers < 150$).
 - * Średnich i wyższych wartości $proportion_svm$ (0,5–0,7).
- **Obszar słabych wyników:**
 - Dla skrajnych ilości klasyfikatorów ($n_classifiers < 50$ lub $n_classifiers > 150$), niezależnie od proporcji SVM, wyniki są słabe.
 - Dla niskiej proporcji svm (< 40), niezależnie od liczby klasyfikatorów wyniki są słabe.
- **Wniosek:**
 - Zrównoważona ilość klasyfikatorów oraz większy udział SVM (powyżej 0,5) znacząco poprawiają wyniki.

3. $n_classifiers$ i $subsample$ Poniższy wykres przedstawia relację między hiperparametrami $n_classifiers$ oraz $subsample$, oraz ich wpływ na wyniki modelu.

- **Obszar najlepszych wyników:**
 - Najlepsze wyniki występują przy:
 - * Pełnym podpróbowaniu danych ($subsample > 0,8$).
 - * Nie za dużej ($n_classifiers < 150$).

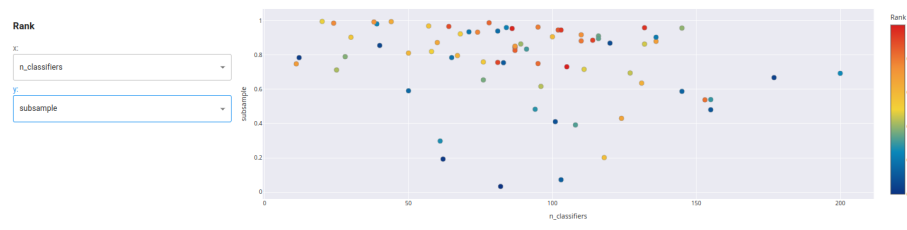


Figure 10: Relacja `n_classifiers` i `subsample`

- **Obszar słabych wyników:**
 - Małe wartości `subsample` ($< 0,5$) prowadzą do pogorszenia wyników, nawet przy dużej liczbie klasyfikatorów.
- **Wniosek:**
 - Pełne wykorzystanie danych (brak próbkowania) prowadzi do lepszych wyników.

4. **C i `proportion_svm`** Poniższy wykres przedstawia relację między hiperparametrami `C` oraz `proportion_svm`, oraz ich wpływ na wyniki modelu.

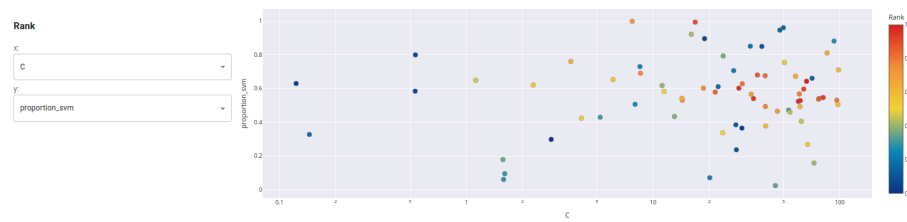


Figure 11: Relacja `C` i `proportion_svm`

- **Obszar najlepszych wyników:**
 - Optymalne wyniki pojawiają się dla:
 - * Średnich i dużych wartości `C` (10–100).
 - * Proporcji SVM z przedziału $(0,4 < \text{proportion_svm} < 0,6)$.
- **Obszar słabych wyników:**
 - Małe wartości `C` (< 5) oraz niski udział SVM ($< 0,4$) prowadzą do najgorszych wyników.
- **Wniosek:**
 - Kombinacja dużego `C` i wyższego udziału SVM wzmacnia wydajność modelu hybrydowego.

Najlepsze wyniki: Poniższa tabela przedstawia metryki uzyskane poprzez najlepsze modele dla eksperymentu dla osobno dobieranych hiperparametrów dla każdego zbioru danych:

Zbiór danych	F1	Dokładność	Czułość	Precyzja
Iris	1	1	1	1
Churn	0,89	0,97	0,89	0,9
Wine	0,85	0,8	0,9	0,81

Poniższa tabela przedstawia metryki uzyskane poprzez najlepsze modele dla eksperymentu dla jednokowo dobieranych hiperparametrów dla każdego zbioru danych:

Zbiór danych	F1	Dokładność	Czułość	Precyzja
Iris	1	1	1	1
Churn	0,89	0,97	0,88	0,9
Wine	0,84	0,8	0,86	0,83

Macierze Pomyłek

- Iris
- Churn
- Wine

- Iris
- Churn
- Wine

Wnioski z macierzy pomyłek

- W przypadku **prostych zbiorów** (Iris) dostrajanie hiperparametrów **nie jest konieczne** – model działa idealnie.
- Dla bardziej **złożonych zbiorów** (Churn, Wine Quality):
 - Dostrajanie hiperparametrów dla każdego zbioru osobno poprawia wyniki.
 - Wspólne parametry nie są optymalne, prowadząc do **większej liczby błędów klasyfikacji**.

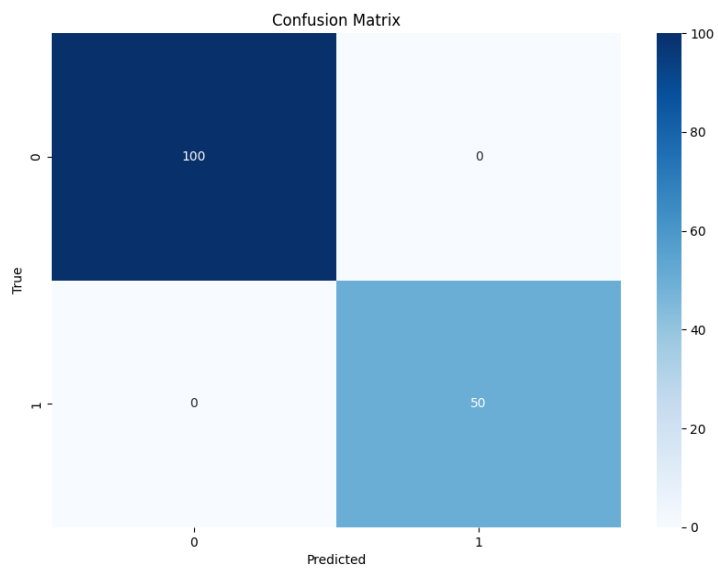


Figure 12: Iris z hiperparametrami dobranymi konkretnie dla tego zbioru

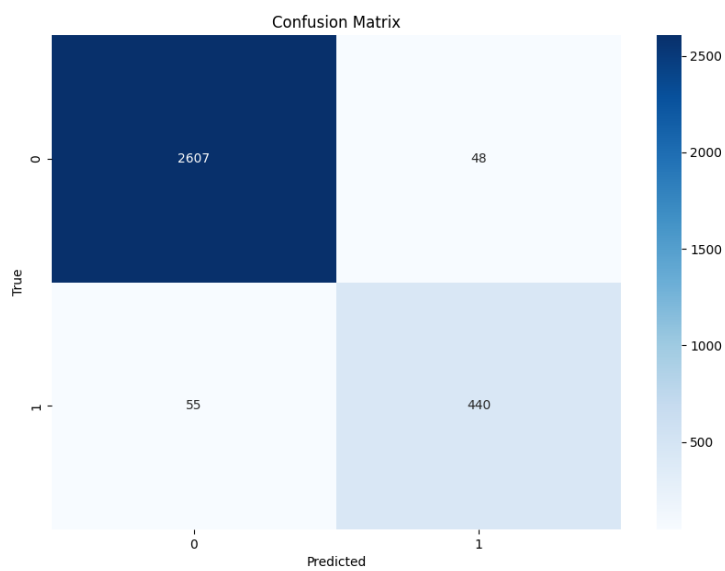


Figure 13: Churn z hiperparametrami dobranymi konkretnie dla tego zbioru

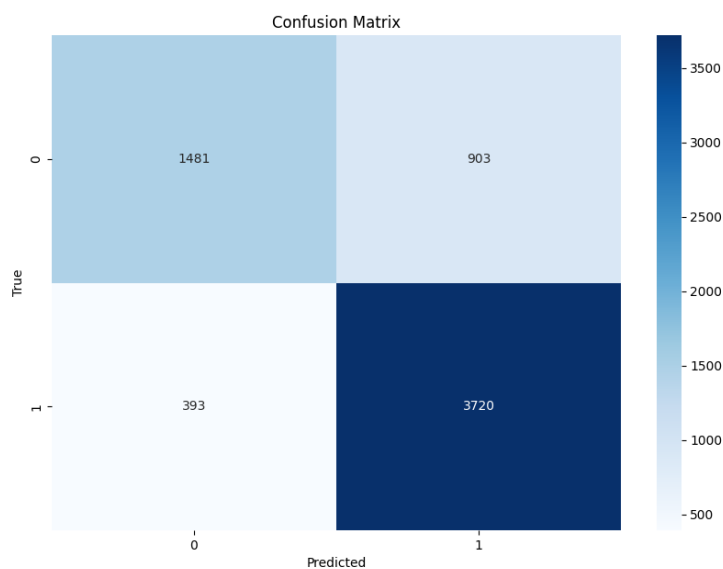


Figure 14: Wine z hiperparametrami dobranymi konkretnie dla tego zbioru

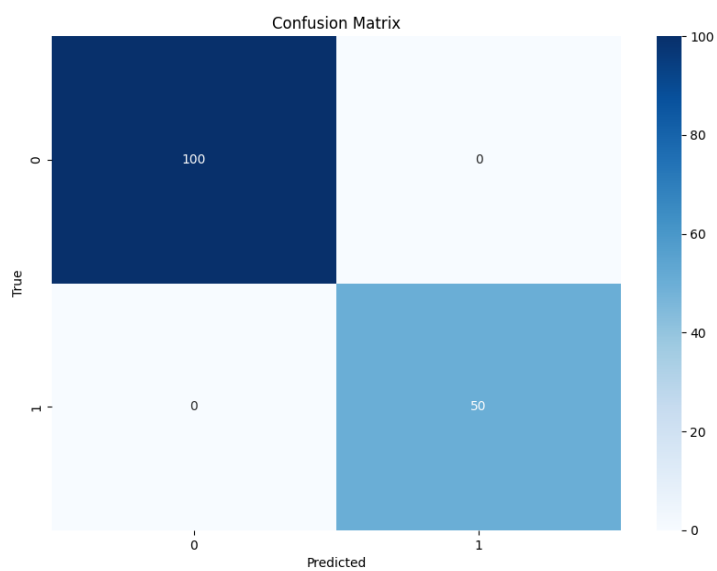


Figure 15: Iris z jednakowymi hiperparametrami dobranymi dla wszystkich zbiorów

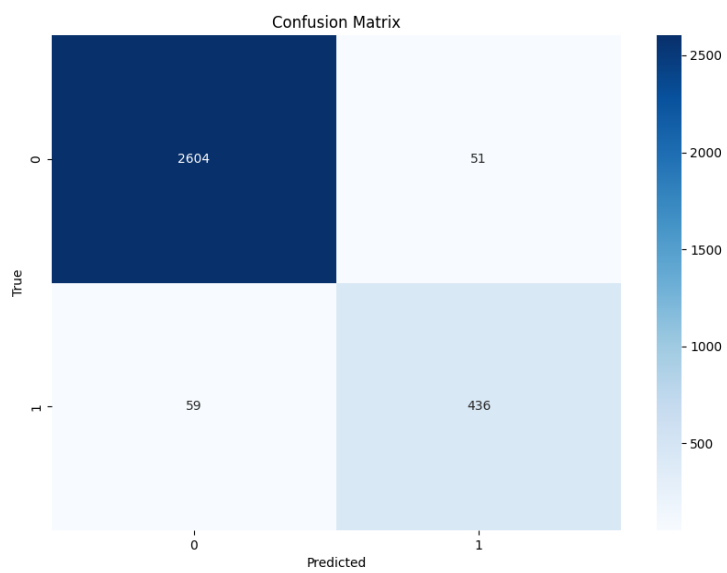


Figure 16: Churn z jednakowymi hiperparametrami dobranymi dla wszystkich zbiorów

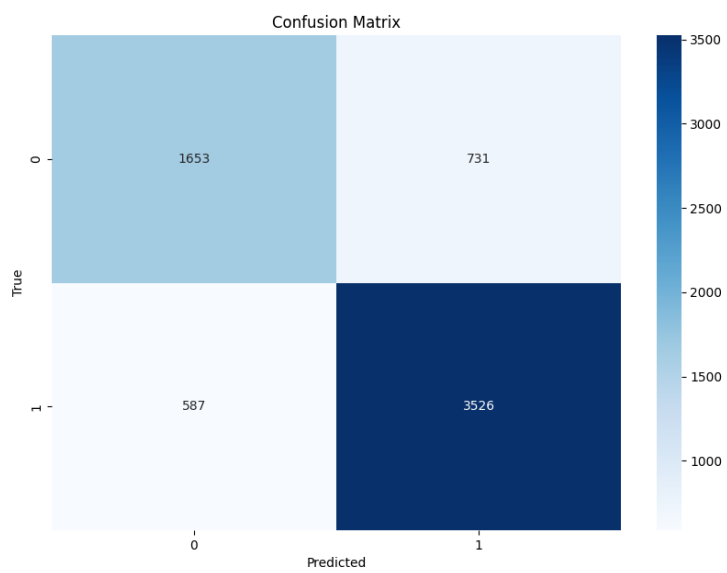


Figure 17: Wine z jednakowymi hiperparametrami dobranymi dla wszystkich zbiorów

Główne Wnioski

- **Iris:**
 - Zbiór jest prosty, więc model osiąga perfekcyjne wyniki zarówno przy wspólnych, jak i różnych parametrach.
- **Churn:**
 - Dostosowanie parametrów poprawia wyniki nieznacznie, ale warto to robić, ponieważ zbiór jest bardziej wymagający (większy `SVM proportion` i dostosowane `C`).
- **WineQuality:**
 - Model osiąga gorsze wyniki przy wspólnych parametrach.
 - Warto dostosowywać parametry indywidualnie dla tego zbioru.
- **Optymalizacja SVM proportion:**
 - W tym eksperymencie możemy zauważyć, że w przeciwieństwie do 1 eksperymentu w którym był badany wpływ % SVM, większa proporcja SVM wpływa pozytywnie na jakość modelu. Jest to prawdopodobnie spowodowane lepszym doбором hiperparametrów dotyczących SVM takich jak (`C` oraz `gamma`).
 - Zbiory bardziej złożone (jak **Churn**) wymagają większego udziału SVM.
 - Zbiory prostsze (jak **Iris**) mogą działać dobrze z mniejszym udziałem SVM.
- **Dostosowanie hiperparametrów:**
 - Ogólne ustawienia parametrów są wystarczające dla prostszych zbiorów, ale dla trudniejszych (**Churn**, **WineQuality**) indywidualne dostrajanie przynosi minimalne, korzyści.

Skuteczność hybrydowego modelu

Przeprowadziliśmy eksperyment, w którym porównaliśmy nasz hybrydowy las (nazywany dalej `HybridRandomForest`) z bazowym lasem losowym oraz modelem SVM z biblioteki `scikit-learn` (`RandomForest`). Modele z `scikit-learn` zostały stworzone z domyślnymi parametrami, natomiast nasz hybrydowy las został stworzony z hiperparametrami wyznaczonymi w poprzednim eksperymencie. Warto zaznaczyć, że trenowaliśmy oraz walidowaliśmy modele przy użyciu walidacji krzyżowej o stopniu 5, co oznacza, że wyniki są uśrednione.

Wyniki dla Telecom Churn

Poniższa tabela przedstawia wyniki modeli na zbiorze Telecom Churn

Model	Czas	Dokładność	F1	Precyzja	Czułość
HybridRandomForest	2,1 min	0,96	0,88	0,89	0,88
RandomForest	1,6 s	0,96	0,85	0,89	0,82
SVC	0,9 s	0,90	0,63	0,80	0,52

Porównanie metryk F1, Precyzja, Czulość i Dokładność

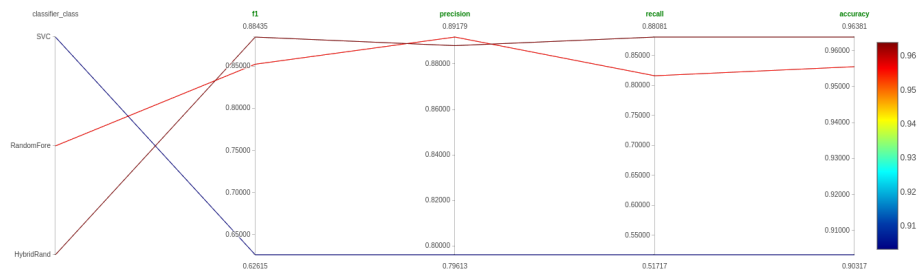


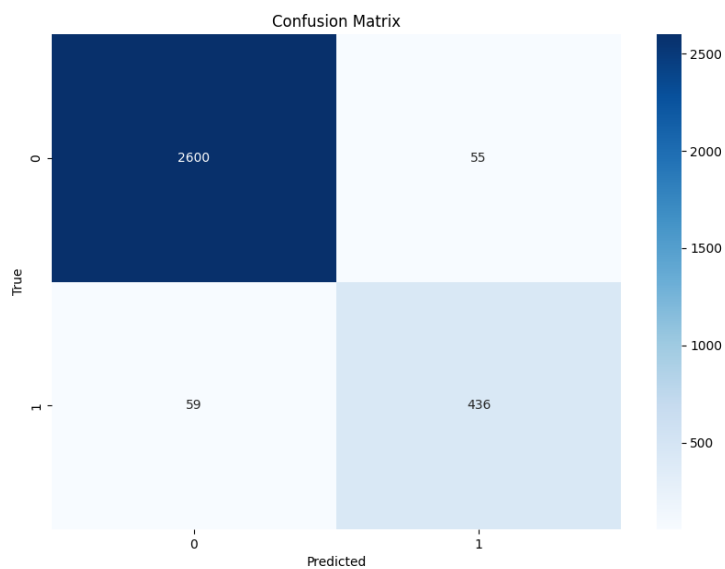
Figure 18: Telecom Churn

Wykres przedstawia wyniki dla czterech metryk dla trzech modeli.

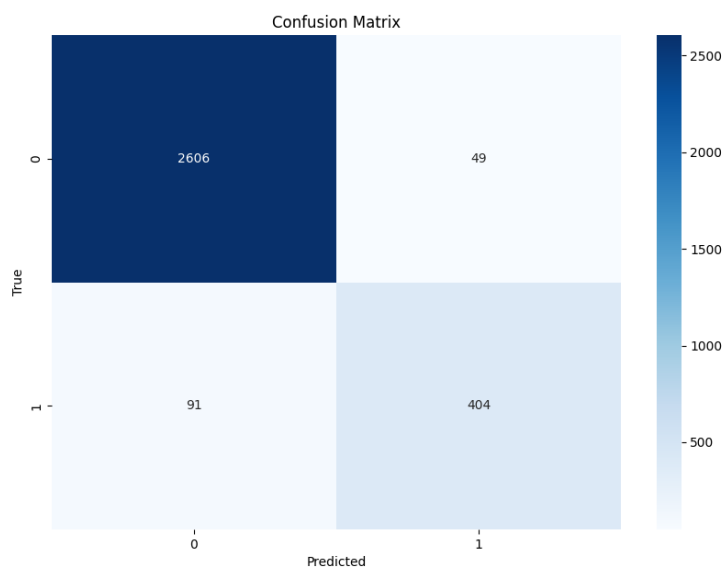
Obserwacje

- **SVC:**
 - F1: ~0,63 (niskie).
 - Precyzja: ~0,79.
 - Czulość: ~0,52 (bardzo niskie).
 - Dokładność: ~0,90.
 - Pomimo przyzwoitej dokładności, niska czulość sugerują, że model ma problem z poprawnym rozpoznaniem klasy 1.
- **RandomForestClassifier:**
 - F1: ~0,85 (dobre).
 - Precyzja i Czulość: ~0,89 i ~0,82 (dobry balans).
 - Dokładność: ~0,96.
 - Wyniki wskazują na stabilny model o dobrej wydajności.
- **HybridRandomForest:**
 - F1: ~0,90 (najwyższe).
 - Precyzja i Czulość: ~0,89 i ~0,88 (bardzo dobry balans).
 - Dokładność: ~0,96.
 - Model osiąga najlepsze wyniki we wszystkich metrykach (oprócz minimalnie wyższej Precyzji dla RandomForestClassifier), co czyni go liderem na tym zbiorze.

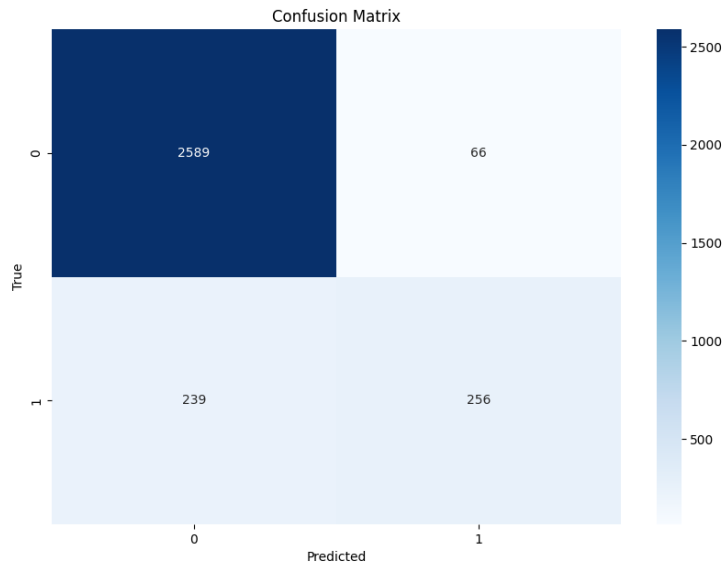
Macierze pomyłek



HybridRandomForest



RandomForestClassifier



SVC

Wizualizacja macierzy pomyłek potwierdza wcześniejsze wnioski. Liderem pozostaje HybridRandomForest, który popełnia bardzo mało błędów.

Wnioski

W kontekście analizy churn (utrata klientów), **Czułość** jest szczególnie istotną metryką, ponieważ pozwala wykrywać jak najwięcej przypadków pozytywnych (np. klientów, którzy mogą odejść). HybridRandomForest osiągnął najlepszy wynik, co czyni go szczególnie użytecznym w tym zastosowaniu.

Wyniki dla Wine Quality

Poniższa tabela przedstawia wyniki modeli na zbiorze Wine Quality.

Model	Czas	Dokładność	F1	Precyzja	Czułość
HybridRandomForest	13,3 min	0,80	0,85	0,81	0,90
RandomForest	4,3 s	0,84	0,87	0,86	0,89
SVC	4,0 s	0,76	0,82	0,78	0,87

Porównanie metryk F1, Precyzja, Czułość i Dokładność

Obserwacje

- **SVC:**
 - **F1:** ~0,82 .
 - **Precyzja:** ~0,76.
 - **Czułość:** ~0,87.
 - **Dokładność:** ~0,78.

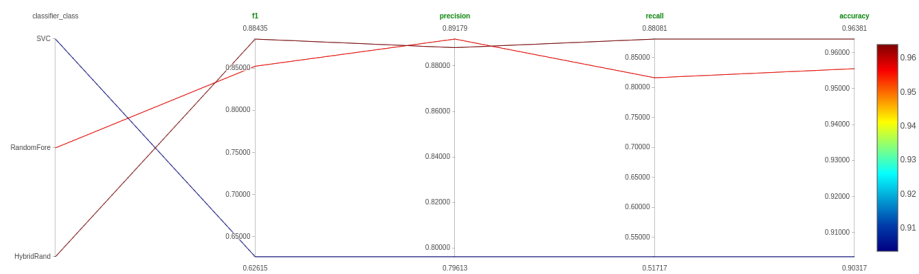
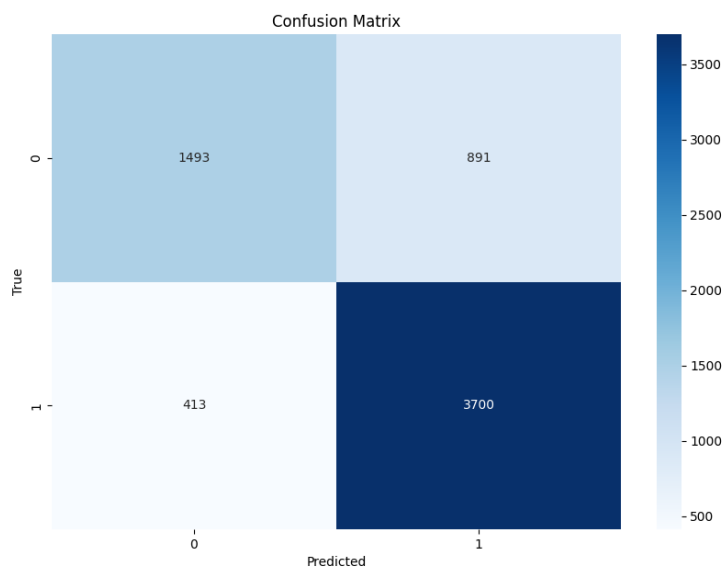


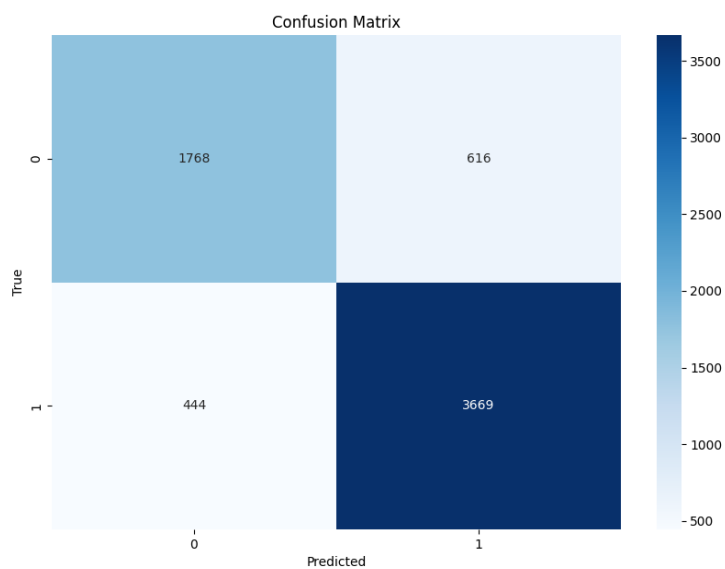
Figure 19: Wykres przedstawia wyniki dla czterech metryk dla trzech modeli.

- Model charakteryzuje się wysokim poziomem czułości i niskimi innymi metrykami, co może sugerować, że model zazwyczaj przewiduje klasę 1.
- **RandomForestClassifier:**
 - **F1:** ~0,87.
 - **Precyzja:** ~0,86.
 - **Czułość:** ~0,89.
 - **Dokładność:** ~0,84.
 - Model prezentuje bardzo dobre wyniki we wszystkich metrykach, zwłaszcza dokładność.
- **HybridRandomForest:**
 - **F1:** ~0,85.
 - **Precyzja:** ~0,80.
 - **Czułość:** ~0,90.
 - **Accuracy:** ~0,80.

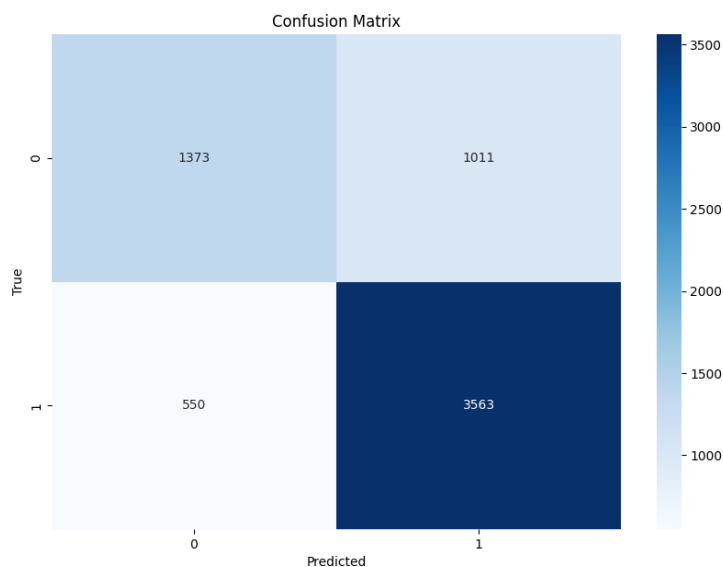
Macierze pomyłek



HybridRandomForest



RandomForestClassifier



SVC

Wizualizacja macierzy pomyłek potwierdza wcześniejsze wnioski. Bazowy RandomForestClassifier zdecydowanie lepiej radzi sobie z klasą, której jest mniej.

Wnioski

RandomForestClassifier okazał się liderem na zbiorze Wine Quality. HybridRandomForest charakteryzuje się sensownymi wynikami, lecz ma tendencję do przewidywania klasy z większą ilością próbek.

Wyniki dla Iris

Model	Czas	Dokładność	F1	Precyzja	Czułość
HybridRandomForest	1,7 s	1,00	1,00	1,00	1,00
RandomForest	0,8 s	1,00	1,00	1,00	1,00
SVC	0,6 s	1,00	1,00	1,00	1,00

Wszystkie modele uzyskały perfekcyjne wyniki na tym zbiorze danych. Zbiór ten okazał się “zbyt prosty” dla wszystkich porównywanych modeli.

Wnioski z eksperymentu Podsumowując, HybridRandomForest okazał się najbardziej efektywnym modelem w analizie churn, natomiast RandomForestClassifier był liderem na zbiorze Wine Quality. SVM nie sprawdził się dobrze w żadnym z zadań. Istotną uwagę jest to że nasz autorski HybridRandomForest jest wielokrotnie wolniejszy od modeli z scikit-learn.

Wnioski z projektu

Las losowy z SVM jest zdecydowanie lepszy od pojedynczego SVM. W porównaniu z standardowym lasem losowym wypada porównywalnie, ma lepsze wyniki na czułości. Zdecydowanym minusem naszego modelu jest jego czas uczenia oraz inferencji, który jest wielokrotnie większy.

Według wyników przeprowadzonych eksperymentów, lasy które zawierały wysoką proporcję SVM dawały lepsze wyniki niż te z mniejszą. Jednak warunkiem do tak otrzymanych wyników jest odpowiednie dobranie hiperparametrów SVM.

Z tego wynika, że najważniejszymi hiperparametrami były te dotyczące SVM (C oraz γ). Hiperparametrem który także mocno wpływał na skuteczność modelu był subsample, który odpowiadał za to aby model się nie przeuczał.