

# 1

- A: 原子性
  - 事务是不可分的原子，其中的操作要么都做，要么都不做
  - 反例：A要转账给B，金额为100元，那么要么A账户减100并且B账户加100元全部都做，要不然就都不做，即rollback。  
若只让A账户-100，而B账户不变，则违反了原子性
- C: 一致性
  - 事务的执行保证数据库从一个一致状态转到另一个一致状态
  - 反例：A要转账给B，金额为100元，那么当A账户-100和B账户+100都完成时，才会commit。若仅做了A-100的操作后系统崩溃，恢复系统后A仍然-100，而B账户没+100，那么就违反了一致性（正确的做法是A-100的修改也不会保存到数据库）
- I: 隔离性
  - 多个事务一起执行时相互独立
  - 反例：A给B转账100元的同时C给A转账100元，这两个事务必须互不干扰。否则，可能存在A账户最终账户余额增加100的情况
- D: 持久性
  - 事务一旦成功提交，就在数据库永久保存
  - 反例：commit并写回磁盘后的数据在系统崩溃后，再修复数据库后发现发生了变化或丢失了。

# 2

- A中嵌套了B，那么若B成功提交后，A执行出现错误需要回滚，此时B已经提交的修改已经写入磁盘了，这样A的回滚达不到期望的效果，违反数据库的原子性
- A中嵌套了B，A在读数据a后并操作后，只放在内存里，但还未写回磁盘，接着B又读数据a，此时读的是内存里的数据，是脏读，可能会有一些未知错误。

# 3

## (1)

- Undo列表：{T2,T3}
- Redo列表：{T1}
- Undo

```
T3:E=50
T2:D=40
T2:C=30
```

- Redo

```
T1:A=40
T1:B=60
T1:A=75
```

- Write log

```
<Abort, T2>
<Abort, T3>
```

- 结果: A=75, B=60, C=30, D=40, E=50, F=unknown, G=unknown

## (2)

- Undo 列表: {T3}
- Redo 列表: {T1,T2}
- Undo

```
T3:E=50
```

- Redo

```
T1:A=40
T1:B=60
T1:A=75
T2:C=50
T2:D=80
T2:D=65
T2:C=75
```

- Write log

```
<Abort,T3>
```

- 结果 A=75, B=60, C=75, D=65, E=50, F=unknown, G=unknown

## (3)

- Undo 列表: {T4}
- Redo 为空, checkpoint后不需要再关注 {T1, T2, T3}
- Undo

```
T4:G=70
T4:F=60
```

- Wirte log

```
<Abort,T4>
```

- 结果 A=75, B=60, C=75, D=65, E=90, F=60, G=70 (F和G是旧值)

## 4

- 证明: 2PL里, lock操作先于unlock操作。以并发事务T1和T2为例 (可扩展到更多的并发事务)  
若事务T1写数据A, T2读或写A ; 或者T1读数据A, T2写A  
以上两种情况下, 是没法串行化的。

设 $T_1, T_2$ 潜在冲突公共对象为 $A_1, \dots, A_n$ , 其中  
 $X_1 = \{A_1, \dots, A_j\}$ 是事务 $T_1$ 写数据 $A$ ,  $T_2$ 读或写 $A$   
 $X_2 = \{A_{j+1}, \dots, A_n\}$ 是 $T_1$ 读数据 $A$ ,  $T_2$ 写 $A$

此时 $T_1$ 要用X锁 $q$ , 而 $T_2$ 用S锁或X锁 $p$ 。假设 $q$ 先执行, 则 $T_1$ 获得锁,  $T_2$ 等待。根据2PL的原理,  $T_1$ 在全部获得 $X_1$ 与 $X_2$ 中的对象的锁后才会开始释放锁。若此时 $T_2$ 获得了 $A_i$ 的锁, 那么会发生死锁, 在冲突图中形成环, 即违背2PL。否则只有当 $T_1$ 全部执行完后,  $X_1, X_2$ 的事务的锁才会释放, 让等待的 $T_2$ 开始执行。所以 $T_1, T_2$ 可以顺序串行执行, 它们的调度是冲突可串的, 是可串化调度。

当先执行 $p$ 时, 同理易得。

所以原命题得证

5

| t | $T_1$              | $T_2$     |
|---|--------------------|-----------|
| 1 | lock(A)            |           |
| 2 | read(A,t)          |           |
| 3 | $t \leftarrow t+1$ |           |
| 4 | write(A,t)         | lock(A)   |
| 5 | unlock(A)          | wait      |
| 6 | rollback           | read(A,t) |

满足2PL, 但由于最后 $T_1$  Rollback, 导致 $T_2$ 对A的Read是脏读

6

