

IUT - Département Informatique

Théorie des langages – 2013-2014

MATHS S4 - TDL

Langages algébriques

1 BNF

Backus-Naur Form, inventée pour les besoins du groupe de travail ALGOL (1960).

1.1 La BNF ... en BNF

```
1
                ::= { rule }
   syntax
2
   rule
                    identifier "::="
                                          expression
                : :=
                     term \{ " | " \text{ term } \}
3
   expression :=
                ::= factor { factor }
   term
   factor
                : :=
                    identifier |
6
                     quoted_symbol |
7
                          expression
8
                          expression
9
                          expression
10
   identifier ::= letter { letter | digit }
   quoted_symbol ::= """ { any_character }
```

1.2 Exercices

Le langage PL/0 de N. Wirth est décrit par une grammaire de type E-BNF (extended BNF). Ecrivez quelques programmes dans ce langage.

```
program = block "." .
1
2
3
    block =
         ["const" ident "=" number {"," ident "=" number} ";"]
4
         ["var" ident {"," ident} ";"]
5
         {"procedure" ident ";" block ";"} statement .
6
7
    statement =
8
9
         ident ":=" expression
          "call" ident
10
          "begin" statement ";" { statement ";"} "end"
11
          "if" condition "then" statement
12
           "while" condition "do" statement .
13
14
15
    condition =
16
         "odd" expression
         | expression ("="|"#"|"<"|"<="|">=") expression .
17
18
    expression = ["+"|"-"] term \{("+"|"-") term\}.
19
20
    term = factor \{("*"|"/") \text{ factor}\}.
21
```

Exercice. Voici des exemples de déclarations de type en langage Pascal. Fournissez une grammaire qui couvre au moins les exemples :

Exercice. Voici un programme écrit dans un langage jouet

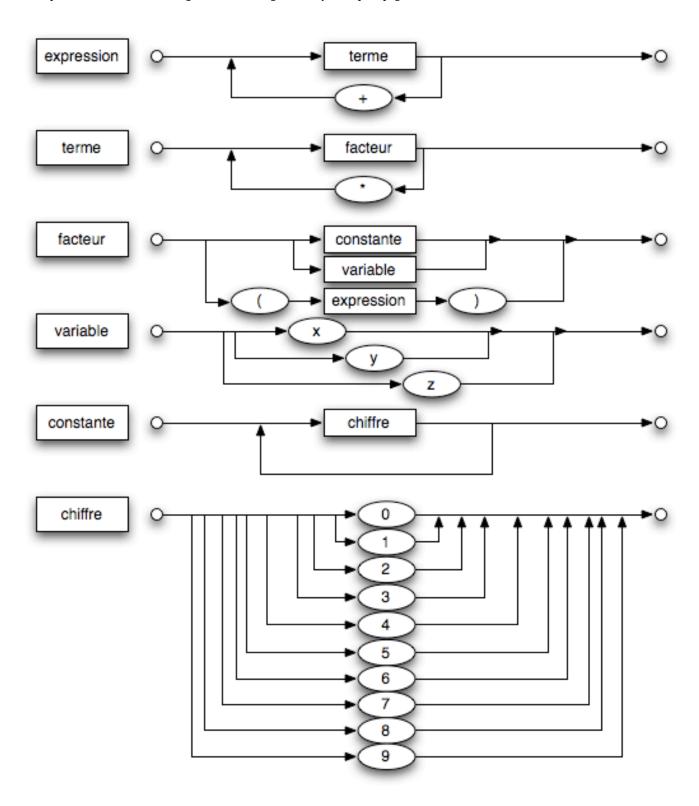
```
function fac(n)
  local r = 1, i
  for i = 1 to n do
    let r = r * i
  endfor
  return r
endfunction
let encore = 1
while encore == 1 do
 print "valeur de n ? "
  {\tt read} n
  if n < 0
  then
     print "n est négatif"
     let encore = 0
  else
     let r = fac(n)
     print "factorielle ", n, " = ", r
  {\tt endif}
endwhile
```

Fournir une description du langage en BNF étendue.

2 Diagrammes syntaxiques

Exemple : les expressions arithmétiques.

 $\verb|http://commons.wikimedia.org/wiki/File:Diagrammes_Syntaxiques.png|$



Exercice. Convertir la description de PL/0 en diagrammes syntaxiques.

3 Descente récursive, un exemple

Le programme ci-dessous analyse une expression arithmétique, et en fournit une paraphrase.

```
compiler avec C++ version 11
1
2
            g++ -std=c++11 lecture-expr.cxx -o lecture-expr
3
4
   #include <iostream>
5
   using namespace std;
7
8
9
   enum TypeLexeme {
                                    PLUS, MOINS, ETOILE, BARRE, FIN, ERREUR
       OUVRANTE, FERMANTE,
10
        NOMBRE, IDENTIFICATEUR,
11
12
   };
13
14
15
   class AnalyseurLexical {
16
17
    private:
18
        string m_chaine;
19
               m_longueur, m_position;
20
        TypeLexeme m_typeLexeme;
21
        string m_lexeme;
22
23
   public:
24
25
        AnalyseurLexical(const string & chaine) :
26
            m_chaine(chaine),
27
            m_longueur(chaine.size()),
28
            m_position(0)
29
30
            avancer();
        }
31
32
33
        void avancer()
34
35
            m_lexeme = "";
36
            while ((m_position < m_longueur) &&</pre>
37
                     isspace(m_chaine[m_position])) {
38
                 m_position++;
39
            if (m_position == m_longueur) {
40
41
                 m typeLexeme = FIN;
42
                 return;
43
            char premier = m_chaine[m_position++];
44
45
            m_lexeme = premier;
46
            // nombres
47
            if (isdigit(premier)) {
48
                 m typeLexeme = NOMBRE;
49
                 while ((m_position < m_longueur) &&</pre>
50
                         isdigit(m_chaine[m_position])) {
51
                     m_lexeme += m_chaine[m_position++];
52
53
                 return;
54
55
            // identificateurs
```

```
56
              if (isalpha(premier)) {
                   m_{typeLexeme} = IDENTIFICATEUR;
 57
 58
                   while ((m_position < m_longueur) &&</pre>
 59
                            isalnum(m_chaine[m_position])) {
 60
                       m_lexeme += m_chaine[m_position++];
 61
                   }
 62
                   return;
 63
              // symboles
 64
 65
              m_typeLexeme
              = premier == '(' ? OUVRANTE
: premier == ')' ? FERMANTE
 66
 67
                 : premier == '+' ? PLUS
 68
                 : premier == '-' ? MOINS
 69
                 : premier == '*' ? ETOILE
 70
                 : premier == '/' ? BARRE
 71
 72
                 : ERREUR;
 73
         }
 74
 75
         TypeLexeme typeLexeme(void) const
 76
 77
              return m_typeLexeme;
 78
 79
         string lexeme(void) const
 80
 81
              return m_lexeme;
 82
         }
 83
    };
 84
     void test_analyse_lexicale(const string & s)
 85
 86
 87
         cout << "--utestuanalyseulexicale" << endl;
 88
         cout << "chaine_{\sqcup}:_{\sqcup}" << s << endl;
 89
         AnalyseurLexical lex(s);
 90
         while (lex.typeLexeme() != FIN) {
              cout << "_{\sqcup}" << lex.typeLexeme() << "_{\sqcup}" << lex.lexeme() << endl;
 91
 92
 93
              lex.avancer();
94
         };
 95
 96
97
98
99
     class Expression {
100
     public :
101
         virtual ~Expression()
                                   {} ;
102
         virtual void afficher() const = 0;
103
     };
104
105
     class ExpressionBinaire
106
          : public Expression
107
108
         string m_nom;
109
         const Expression * m_gauche, *m_droite;
110
111
     public:
112
         ExpressionBinaire(const string & nom,
113
                              const Expression * gauche,
```

```
114
                              const Expression * droite)
115
                       m_nom(nom),
116
                  m_gauche(gauche),
117
                   m_droite(droite)
118
         {};
119
120
         void afficher() const override
121
              cout << "(_{\sqcup\sqcup}"<< m_nom << "_{\sqcup}de_{\sqcup}";
122
123
              m_gauche->afficher();
124
              cout << "⊔et⊔de⊔";
125
              m_droite->afficher();
126
              cout << ")<sub>\( \' \)</sub>;
127
         }
128
129
         ~ Expression Binaire () {
130
              delete m_gauche;
131
              delete m_droite;
132
         }
133
    };
134
135
     class ExpressionSimple
          : public Expression
136
137
138
         string m_type, m_nom;
139
     public:
140
         ExpressionSimple(const string & type, const string & nom)
141
              : m_type(type), m_nom(nom)
         {}
142
         void afficher() const override
143
144
              cout << "la_{\perp}" << m_type << "_{\perp}" << m_nom;
145
146
         }
147
     };
148
149
150
     class AnalyseurSyntaxique
151
         AnalyseurLexical m lex;
152
153
         Expression *m_expr = NULL;
154
     public:
         AnalyseurSyntaxique(const string & chaine)
155
156
              : m_lex(chaine)
157
         {}
158
         Expression * expression() {
159
160
              if (m_expr == NULL) {
                  m_expr = lireExpr();
161
162
163
              return m_expr;
164
         }
165
166
         Expression * lireExpr()
167
168
              Expression * \exp r = IireTerme();
              for(;;) {
169
170
                   TypeLexeme t = m_{lex.typeLexeme()};
171
                   if (t = PLUS) {
```

```
172
                      m_lex.avancer();
173
                      Expression * terme = lireTerme();
174
                      expr = new ExpressionBinaire ("la usommeu",
175
                                                      expr, terme);
                  } else if (t = MOINS) {
176
177
                      m_lex.avancer();
178
                      Expression * terme = lireTerme();
179
                      expr = new Expression Binaire ("la_difference_"),
180
                                                      expr, terme);
                  } else {
181
182
                      break;
183
184
185
             return expr;
186
187
188
         Expression * lireTerme()
189
             Expression * terme = lireFacteur();
190
             for(;;) {
191
                  TypeLexeme t = m_{lex.typeLexeme()};
192
                  if (t = ETOILE) {
193
                      m_lex.avancer();
                      Expression * facteur = lireFacteur();
194
195
                      terme = new ExpressionBinaire ("le_produit_",
196
                                                       terme, facteur);
197
                  \} else if (t == BARRE) {
198
                      m lex.avancer();
199
                      Expression * facteur = lireFacteur();
                      terme = new ExpressionBinaire ("le_quotient_"),
200
201
                                                       terme, facteur);
202
                  } else {
203
                      break:
204
205
206
             return terme;
207
         }
208
209
         Expression * lireFacteur()
210
211
             Expression *facteur = NULL;
212
             if (m_lex.typeLexeme() == OUVRANTE) {
213
                 m_lex.avancer();
214
                  facteur = lireExpr();
215
                  if (m_lex.typeLexeme() != FERMANTE) {
                      cout << "**⊔oups⊔il⊔manque⊔une⊔fermante" << endl;
216
217
218
             } else if (m_lex.typeLexeme() == NOMBRE) {
219
                  facteur = new ExpressionSimple("constante<sub>"</sub>",
220
                                                   m_lex.lexeme());
221
             } else if (m_lex.typeLexeme() == IDENTIFICATEUR) {
222
                  facteur = new ExpressionSimple("variable_",
223
                                                   m_lex.lexeme());
224
225
226
                 cout << "**□oups,□probleme□avec□"
227
                       << m_lex.lexeme() << endl;</pre>
228
229
             m_lex.avancer();
```

```
230
             return facteur;
231
         }
232
    };
233
234
    void test_analyse_syntaxique(const string & s)
235
236
         cout << "--⊔test⊔analyse⊔⊔syntaxique" << endl;
         cout << "chaine_{\sqcup}:_{\sqcup}" << s << endl;
237
238
         AnalyseurSyntaxique a(s);
239
         Expression * r = a.expression();
         r->afficher();
240
241
         cout << endl;
242
         delete r;
243
244
245
246
247
     int main(int argc, char **argv)
248
     {
249
         test_analyse_lexicale("betau*ubetau-u(4*uualpha*gamma)");
250
         test_analyse_syntaxique("betau*ubetau-u(4*uualpha*gamma)");
         test_analyse_syntaxique("HT<sub>\(\pi\*\)\(\)</sub>(100+TVA)/100");
251
252
         return 0;
253
```

Résultat :

```
    test analyse lexicale

chaine : beta * beta - (4* alpha*gamma)
– 7 beta
- 4 *

    7 beta

- 3 -
- 0 (
- 6 4
- 4 *
7 alpha
— 4 *
7 gamma
-1
— test analyse syntaxique
chaine : beta * beta - (4* alpha*gamma)
( la difference de  ( le produit de la variable beta et de la variable beta) et
    de ( le produit de  ( le produit de la constante 4 et de la variable alpha)
    et de la variable gamma) )
— test analyse syntaxique
chaine : HT * (100+TVA)/100
( le quotient de  ( le produit de la variable HT et de  ( la somme de la
   constante 100 et de la variable TVA) ) et de la constante 100)
```