Résumé

Un plan de cours pour l'initiation la programmation en langage d'assemblage en utilisant un processeur PowerPC. Le cours a t inaugur sur Bull Escala sous AIX, puis transpos sur un Mac, et enfin sur une machine virtuelle simulant un PowerPC.

Initiation la programmation en langage d'assemblage

M Billaud

9 mai 2000

Table des matières			A.2.5 Mouvement de registre
1	Objectifs du cours	2	registre 9 A.3 Branchements et conditions 10
2	tude d'un processeur : le PowerPC 604	2	A.4 Op rations arithm tiques et logiques
3	Etude d'exemples simples 3.1 Un calcul simple	3 3 3 3 3 3 3 4 4 4 4 4 4 4	 Objectifs du cours Montrer les diff rents l ments : jeu d'instruction, registres, pointeurs, adressages, etc. R alisation des op rations de haut niveau (boucles, d cisions, sous-programmes) au moyen des instructions l mentaires de la machine. Conventions de passage des param tres Aper u des techniques d'optimisation (d roulage de boucle, etc.). M thodologie de l'optimisation (recherche des parties co teuses, mesures et comparaisons). Approche bas e sur l' tude du code fabriqu par les compilateurs.
4	Tableaux	5	par les comphateurs.
5	Exercices	5	2 tude d'un processeur : le
6	Passage de param tre par valeur	5	PowerPC 604
7	Conventions de passage de param tres	6	 Processeur RISC, 32 registres banalis s de 32 bits (+ 32
8	Utilisation de la pile 8.1 Un autre exemple	6	registres flottants de 64 bits et registres sp ciaux) — Registre de condition de 32 bits, d coup
A	Annexe: Jeu d'instructions A.1 Notations	7 7 7 7 8 9	en 8 sous-registres de 4 bits. — La plupart des instructions arithm tiques et logiques se r f rent 3 registres. Par exemple add 8,4,3 additionne les contenus de $R4$ et $R3$ et met le r sultat dans $R8$. Signification: $R_8 \leftarrow (R_4) + (R_3)$

3 tude d'exemples simples

On ne regarde que des fonctions feuille, qui n'appellent pas d'autres fonctions.

3.1 Un calcul simple

3.1.1 Le source C++

```
int foo(int a,int b)
{
   return a-b+42;
}
```

3.1.2 Traduction en langage d'assemblage

On demande la traduction de ce programme foo.cc en langage d'assemblage, gr ce l'option -S de g++, avec les optimisations maximum.

La traduction est mise dans foo.s

3.1.3 Le code en langage d'assemblage

```
.file
                "foo.cc"
.toc
.csect .text[PR]
gcc2_compiled.:
__gnu_compiled_cplusplus:
        .align 2
        .globl foo__Fii
        .globl .foo Fii
.csect foo__Fii[DS]
foo__Fii:
        .long .foo__Fii, TOC[tc0], 0
.csect .text[PR]
.foo__Fii:
        subf 4,4,3
        addi 3,4,42
LT..foo__Fii:
        .long 0
        .byte 0,9,32,64,0,0,2,0
        .long 0
        .long LT..foo_Fii-.foo_Fii
        .short 8
        .byte "foo__Fii"
_section_.text:
.csect .data[RW]
        .long _section_.text
                "foo.cc"
        .file
.toc
```

3.1.4 Analyse du code

La partie intressante se limite en fait aux trois instructions qui sont apr s l' tiquette d'entr e de la fonction :

```
.foo__Fii:
subf 4,4,3
addi 3,4,42
blr
```

Le reste se compose de *directives* que nous n' tudierons pas.

Commen ons par la fin

- L'instruction blr (Branch to link register) fait revenir la fonction appelante.
 Celle-ci, lors de l'appel de foo, a mis dans l'adresse de retour dans le registre de liens. blr copie cette adresse dans le registre pointeur de programme (compteur ordinal).
- L'instruction addi 3,4,42 additionne la valeur 42 au contenu du registre R4, et place le r sultat dans R3. Par convention, c'est dans le registre R3 qu'une fonction doit placer la valeur retourn e.
 - C'est une addition avec une "valeur imm diate": en effet dans l'instruction 42 n'est pas le num ro d'un registre, mais une valeur qui est utilis e telle quelle.
- subf est une soustraction (subtract from) entre registres " $R4 \leftarrow (R3) (R4)$ " (attention l'ordre). l'entre de la fonction foo les param tres a et b sont donc re us respectivement dans R3 et R4.

3.1.5 Exercices

Essayez de traduire vous-m me les deux fonctions qui suivent, puis comparez avec ce que donne le compilateur :

```
int plus (int n) { return n+1; }
int moins (int n) { return n-1; }
```

3.2 Si-alors-sinon

3.2.1 Source

```
int distance(int a, int b)
{
  if(a > b)
    return a-b;
  else
    return b-a;
}
```

3.2.4 Exercices

crire les fonctions "maximum de deux nombres" et "valeur absolue".

3.2.2 Traduction

```
1
    .distance__Fii:
2
             cmpw 1,3,4
3
             bc 12,5,L..2
             subf 3,3,4
4
5
             blr
6
   L..2:
7
             subf 3,4,3
8
             blr
```

3.2.3 Explications

Structure g n rale : la premi re instruction $1 \pmod{2}$ (cmpw = Compare Word, ligne 2) compare les $2 \pmod{2}$ contenus des registres R3 et R4, c'est--dire les $3 \pmod{4}$ valeurs de a et b. La seconde (bc) est un branchement conditionnel : dans certaines circonstances (li es la comparaison) l'ex cution saute $6 \pmod{4}$ l'adresse L..2, sinon elle se poursuit en s quence l'instruction suivante.

On voit facilement que les lignes 7 et 8 cor- 9 respondent la partie "alors", le "sinon" $\tan t_{10}$ lignes 4 et 5.

Fonctionnement d'taill de la comparaison: 12 le registre de condition CR contient 8 sous-registres de condition CR0 CR7, de 4 bits chacun. Le premier argument de cmpw indique que la comparaison des registres R3 et R4 positionnera le sous-registre de condition CR1, qui correspond aux bits 4 7 de CR (CR0 contient les bits 0 3, etc). Le premier bit d'un sous-registre de condition indique "inf rieur", le second "sup rieur", le troisi me "gal".

Si a < b, les bits 4, 5 et 6 de CR vaudront donc 100, si a = b on aura 001 et si a > b 010.

Le branchement conditionnel comporte trois 1 ments : un crit re (ici 12), un num ro de bit (ici 5) et une destination (L..2). Le crit re est en r alit un masque binaire qui peut prendre des valeurs entre 0 et 15. Nous ne retiendrons ici que deux valeurs : 12 qui signifie "si le bit d sign est 1" et 4 qui pr cise "si le bit d sign est 0" 1.

La combinaison des deux instructions peut donc se lire "si R3 plus grand que R4, aller L..2".

3.3 Boucles

3.3.1 Le code

```
int triangle(int n)
{
   int r;
   int k;
   r = 0;
   for (k=1; k<=n; k++)
      r += k;
   return r;
}</pre>
```

```
.triangle__Fi:
    mr 9,3
    li 0,1
    cmpw 1,0,9
    li 3,0
    bclr 12,5
L..5:
    add 3,3,0
    addic 0,0,1
    cmpw 1,0,9
    bc 4,5,L..5
    blr
```

3.3.2 Analyse

- On rep re facilement le corps de la boucle, d limit par l' tiquette de la ligne 5 et le saut de la ligne 12.
- Dans ce corps de boucle on doit trouver le cumul dans r, l'incr mentation de k, et la comparaison de k avec n. On en d duit facilement que r est dans R3, k dans R0, et n dans R9.
- Remarquez le tour de passe-passe de la ligne 2, qui transf re n dans R9, ce qui permet d'employer le registre R3 pour r, qui sera le r sultat.
- La boucle for n'est pas traduite sous la forme "naturelle" d'une boucle tant-que

```
k = 1
boucle:
    comparer k et n
    si > aller ...
    k++
```

^{1.} Les autres valeurs permettent de tenir compte galement du contenu d'un registre sp cial (compteur)

aller boucle

```
mais en "d pliant" le premier cas
    k = 1
    comparer k et n
    si > aller ....
boucle:
    ....
    k++
    comparer k et n
    si <= aller boucle</pre>
```

Ceci conomise l'ex cution d'une instruction chaque tour de boucle (ici on aurait 5 instructions au lieu de 4, soit une perte de 25 %).

L'instruction bclr est un retour conditionnel.

```
.somtab__FPii:
    mr 10,3
    li 3,0
    cmpw 1,3,4
    mr 11,3
    bclr 4,4
    mr 9,3
L..5:
    lwzx 0,9,10
    addi 11,11,1
    cmpw 1,11,4
    addi 9,9,4
    add 3,3,0
    bc 12,4,L..5
blr
```

5 Exercices

6 Passage de param tre par valeur (C++)

```
void incrementer(int &n)
{
    n++;
}
```

```
.incrementer__FRi:
lwz 0,0(3)
addic 0,0,1
stw 0,0(3)
blr
```

```
void echanger(int &a, int &b)
// pont aux nes
{
  int c;
  c=a;
  a=b;
  b=c;
}
```

```
.echanger__FRiT0:
lwz 0,0(4)
lwz 9,0(3)
stw 0,0(3)
stw 9,0(4)
blr
```

4 Tableaux

```
int element(int t[], int i)
{
   return (t[i]);
}
```

```
.element__FPii:
slwi 4,4,2
lwzx 3,4,3
blr
```

```
int somtab(int t[], int n)
{
    /* somme des n premiers
        l ments du tableau t */
    int k, s;
    s = 0;
    for (k=0; k<n; k++)
        s += t[k];
    return s;
}</pre>
```

Conventions de passage de param tres

Les param tres sont pass s dans les registres R3, R4, R5 etc. Si il y a un r sultat il est transmis dans R3.

8.1Un autre exemple

veau bloc.

pile cro t vers le bas!)

```
int pascal(int n, int p)
 if (n==0) return 1;
 if (p==0) return 1;
 return (pascal(n-1,p)
          + pascal(n-1,p-1));
```

— le contenu courant de R1 est sauv au sommet de ce nouveau bloc (attention la

R1 est mis jour pour pointer sur ce nou-

```
.pascal__Fii:
        mflr 0
        stw 28,-16(1)
        stw 29,-12(1)
        stw 30,-8(1)
        stw 31,-4(1)
        stw 0,8(1)
        stwu 1,-72(1)
        mr. 3,3
        mr 31,4
        bc 12,2,L..3
        cmpwi 1,31,0
        bc 12,6,L..3
        addi 29,3,-1
        mr 3,29
        mr 4,31
        bl .pascal__Fii
        mr 28,3
        mr 3,29
        addi 4,31,-1
        bl .pascal__Fii
        add 3,28,3
        b L..5
L..3:
        li 3,1
L..5:
        addi 1,1,72
        lwz 0,8(1)
        mtlr 0
        lwz 28,-16(1)
        lwz 29,-12(1)
        lwz 30, -8(1)
        lwz 31,-4(1)
        blr
```

Utilisation de la pile

Pour voir comment se passe l'appel :

```
extern int foo(int a, int b);
int bar()
 return(bar(123,456));
```

```
.bar__Fv:
       mflr 0
        stw 0,8(1)
        stwu 1,-56(1)
        li 3,123
        li 4,456
        bl .foo__Fii
        cror 31,31,31
        addi 1,1,56
        lwz 0,8(1)
        mtlr 0
       blr
```

Le coeur de la fonction bar consiste appeler la fonction foo, avec les param tres 123 et 456. C'est ce qui est fait par les 3 instructions

```
li 3,123
li 4,456
bl .foo__Fii
```

L'instruction cror 31,31,31 est une "nonop ration" qui ne fait rien. Sa pr sence est cependant obligatoire (contrainte de l' diteur de liens).

En entrant dans bar, le registre de liens contient l'adresse laquelle il faudra revenir. Le contenu de ce registre sera modifi par l'appel de foo, il faut donc en sauver le contenu avant d'effectuer cet appel, et le restaurer ensuite.

Pour la sauvegarde, manoeuvre en 2 temps : on transf re le registre de liens dans le registre R0, que l'on sauve ensuite dans la pile. (La restauration se fera de fa on sym trique).

Sur la pile dont le sommet est point par R1, la fonction bar se r serve ensuite un bloc de 56 octets:

A Annexe : Jeu d'instructions

A.1 Notations

Dle d placement CRle Registre de Condition Rxregistre entre r0 et r31 (RT pour "Target", RS pour "Source", RA et RB pour des op randes) le contenu du registre Rx (Rx)si RA=0, alors 0, sinon le contenu de RA (RA|0)V, SIquantit imm diate sign e sur 16 bits UIquantit imm diate non sign e sur 16 bits rep(N, B)champ form de N r p titions du bit BN octets en m
 moire partir de l'adresse Amem(A, N)A||BLe champ obtenu par concat nation de A et Bexts(V)la valeur V avec extension de signe sur 32 bits $A\{i \dots j\}$ les bits d'indice i j de A $A \leftarrow B$ affectation

A.2 Mouvements de donn es

A.2.1 Par octet

Chargement octet et z ro 1bz RT,D(RA) $RT \leftarrow rep(24,0)||mem((RA|0) + D,1)$ Chargement octet et z ro avec mise--jour lbzu RT,D(RA) $RT \leftarrow rep(24,0)||mem((RA) + D,1);$ $RA \leftarrow (RA) + D$ Chargement index octet et z ro 1bzx RT,RA,RB $RT \leftarrow rep(24,0) || mem((RA|0) + (RB), 1)$ Chargement index octet et z ro avec mise--jour lbzux RT,RA,RB $RT \leftarrow rep(24,0)||mem((RA) + (RB),1)|$ $RA \leftarrow (RA) + (RB)$ Rangement octet stb RS,D(RA) $mem((RA|0) + D, 1) \leftarrow (RS)24..31$ Rangement octet avec mise--jour stbu RS,D(RA) $mem((RA) + D, 1) \leftarrow (RS)24..31$ $RA \leftarrow (RA) + D$ Rangement index octet $mem((RA|0) + (RB), 1) \leftarrow (RS)24..31$ stbx RS,RA,RB Rangement index octet avec mise--jour stbux RS,RA,RB $mem((RA) + (RB), 1) \leftarrow (RS)24..31$ $RA \leftarrow (RA) + (RB)$

A.2.2 Par demi-mot

Chargement demi-mot et z ro

lhz RT,D(RA) $RT \leftarrow rep(16,0)||mem((RA|0) + D,2)|$

Chargement demi-mot et z ro avec mise--jour

lhzu RT,D(RA) $RT \leftarrow rep(16,0) || mem((RA) + D,2)$

 $RA \leftarrow (RA) + D$

Chargement index demi-mot et z ro

lhzx RT,RA,RB $RT \leftarrow rep(16,0)||mem((RA|0) + (RB),2)$

Chargement index demi-mot et z ro avec mise--jour

 $\texttt{lhzux RT,RA,RB} \qquad RT \leftarrow rep(16,0) || mem((RA) + (RB),2)$

 $RA \leftarrow (RA) + (RB)$

Chargement alg brique demi-mot

lha RT,D(RA) $RT \leftarrow exts(mem((RA|0) + D, 2))$

Chargement alg brique demi-mot avec mise--jour

lhau RT,D(RA) $RT \leftarrow exts(mem((RA) + D, 2)) \\ RA \leftarrow (RA) + D$

Chargement alg brique index demi-mot

lhax RT,RA,RB $RT \leftarrow exts(mem((RA|0) + (RB), 2))$

Chargement alg brique index demi-mot avec mise--jour

lhaux RT,RA,RB $RT \leftarrow exts(mem((RA) + (RB), 2))$

 $RA \leftarrow (RA) + (RB)$

Rangement demi-mot

sth RS,D(RA) $mem((RA|0) + D), 2) \leftarrow (RS)16..31$

Rangement demi-mot avec mise--jour

sthu RS,D(RA) $mem((RA) + D), 2) \leftarrow (RS)16..31$ $RA \leftarrow (RA) + D$

Rangement index demi-mot

sthx RS,RA,RB $mem((RA|0)+(RB),2) \leftarrow (RS)16..31$

Rangement index demi-mot avec mise--jour

sthux RS,RA,RB $mem((RA) + (RB), 2) \leftarrow (RS)16..31$

A.2.3 Par mot

Chargement mot

lwz RT,D(RA)
$$RT \leftarrow mem((RA|0) + D, 4)$$

Chargement mot avec mise--jour

lwzu RT,D(RA)
$$RT \leftarrow mem((RA) + D, 4) \\ RA \leftarrow (RA) + D$$

Chargement index mot

$$\texttt{lwzx} \ \texttt{RT,RA,RB} \qquad \qquad RT \leftarrow mem((RA|0) + (RB), 4)$$

Chargement index mot avec mise--jour

lwzux RT,RA,RB
$$RT \leftarrow mem((RA) + (RB), 4) \\ RA \leftarrow (RA) + (RB)$$

Rangement mot

stw RS,D(RA)
$$mem((RA|0) + D, 4) \leftarrow (RS)$$

Rangement mot avec mise--jour

stwu RS,D(RA)
$$mem((RA) + D, 4) \leftarrow (RS)$$

$$RA \leftarrow (RA) + D$$

Rangement index mot

stwx RS,RA,RB
$$mem((RA|0) + (RB),4) \leftarrow (RS)$$

Rangement index mot avec mise--jour

stwux RS,RA,RB
$$mem((RA) + (RB), 4) \leftarrow (RS)$$

$$RA \leftarrow (RA) + (RB)$$

A.2.4 Chargement de constantes

Chargement imm diat

li RT,V
$$RT \leftarrow exts(V)$$

Chargement imm diat en partie haute

lis RT,V
$$RT(0..15) \leftarrow V$$

En fait, ces deux instructions sont des mn moniques tendus qui repr sentent respectivement addi RT,0,V et addis RT,0,V

A.2.5 Mouvement de registre registre

Chargement registre g n ral

mr RT,RS
$$RT \leftarrow (RS)$$
 C'est un mn monique tendu pour or RT,RS,RS

Chargement partir du registre de lien (move from link register) mflr RT $RT \leftarrow (LR)$

$$\texttt{mtlr RS} \qquad \qquad LR \leftarrow (RS)$$

A.3 Branchements et conditions

```
BI (Bit In the CR) = num ro du bit de condition tester (entre 0 et 31).
BO (Branch Option) = sp cification du test effectuer. Principales valeurs:
```

- 4 : branchement si faux
- 12 : branchement si vrai
- 20: branchement inconditionnel

Branchement

b adr

Branchement avec lien (adresse suivante dans LR, Link Register) bl adr

Branchement conditionnel

bc BO,BI,adr

Branchement conditionnel avec lien

bcl BO,BI,adr

Branchement conditionnel au registre de lien

bclr BO,BI

Branchement conditionnel au registre de lien avec lien belr
l ${\tt BO,BI}$

Branchement au registre de lien

blr C'est une abr viation pour bclr 20,0

Combinaisons de bits du registre de condition

```
crand BT, BA, BB
                          CR_{BT} \leftarrow CR_{BA} and CR_{BB}
cror BT,BA,BB
                          CR_{BT} \leftarrow CR_{BA} or CR_{BB}
                          CR_{BT} \leftarrow CR_{BA}xorCR_{BB}
crxor BT,BA,BB
                          CR_{BT} \leftarrow CR_{BA}nandCR_{BB}
crnand BT,BA,BB
crnor BT,BA,BB
                          CR_{BT} \leftarrow CR_{BA}norCR_{BB}
creqv BT,BA,BB
                          CR_{BT} \leftarrow CR_{BA}eqvCR_{BB}(eqv = notxor)
                          CR_{BT} \leftarrow CR_{BA} and not(CR_{BB})
crandc BT,BA,BB
crorc BT,BA,BB
                          CR_{BT} \leftarrow CR_{BA}ornot(CR_{BB})
```

A.4 Op rations arithm tiques et logiques

La notation [.] signifie que le mn monique peut tre suivi d'un point. Dans ce cas, l'op ration met jour le sous-registre de condition CR0.

Op rations arithm tiques

```
addi RT,RA,SI
                        RT \leftarrow (RA|0) + exts(SI)
addis RT,RA,SI
                        RT \leftarrow (RA|0) + (SI)||rep(16,0)|
add[.] RT,RA,RB
                        RT \leftarrow (RA) + (RB)
subf[.] RT,RA,RB
                        RT \leftarrow (RB) - (RA)
                        RT \leftarrow -(RA)
neg[.] RT,RA
mulli RT,RA,SI
                        RT \leftarrow (RA) * exts(SI)
mullw[.]
                        RT \leftarrow (RA) * (RB)
RT,RA,RB
divw[.] RT,RA,RB
                       RT \leftarrow (RA)/(RB)
```

Note: la s quence suivante permet de calculer le reste d'une division enti re :

```
divw RT,RA,RB mullw RT,RT,RB subf RT,RT,RA
```

Les comparaisons positionnent les indicateurs d'un sous-registre de condition.

Comparaisons

```
cmpwi CR,RA,SI comparaison de (RA) et exts(SI), r sultat dans CR cmpw CR,RA,RB comparaison de (RA) et (RB)
```

Op rations logiques

```
andi RA,RS,UI
                        RA \leftarrow (RS) and rep(16,0) || UI
ori RA,RS,UI
                        RA \leftarrow (RS)orrep(16,0)||UI|
xori RA, RS, UI
                        RA \leftarrow (RS)xorrep(16,0)||UI
andis RA, RS, UI
                        RA \leftarrow (RS) and UI || rep(16, 0)
                        RA \leftarrow (RS)orUI||rep(16,0)
oris RA,RS,UI
xoris RA,RS,UI
                        RA \leftarrow (RS)xorUI||rep(16,0)
and[.] RA,RS,RB
                        RA \leftarrow (RS) and (RB)
                        RA \leftarrow (RS)or(RB)
or[.] RA,RS,RB
xor[.] RA,RS,RB
                        RA \leftarrow (RS)xor(RB)
                        RA \leftarrow (RS)nand(RB)
nand[.] RA,RS,RB
                        RA \leftarrow (RS)nor(RB)
nor[.] RA,RS,RB
eqv[.] RA,RS,RB
                        RA \leftarrow (RS)eqv(RB)(eqv = notxor)
andc[.] RA,RS,RB
                        RA \leftarrow (RS) and not(RB)
                        RA \leftarrow (RS)ornot(RB)
orc[.] RA,RS,RB
```

Extension de signe

```
\begin{array}{ll} \texttt{extsb[.] RA,RS} & RA \leftarrow exts(RS24..31) \\ \texttt{extsh[.] RA,RS} & RA \leftarrow exts(RS16..31) \end{array}
```

D calages

```
\begin{array}{lll} \texttt{slw[.]} & \texttt{RA,RS,RB} & RA \leftarrow (RS) << (RB) \\ \texttt{srw[.]} & \texttt{RA,RS,RN} & RA \leftarrow (RS) >> (RB) \\ \texttt{sraw[.]} & \texttt{RA,RS,RB} & RA \leftarrow exts(RS0..31-(RB)) \\ & & & & & & & & & \\ & & & & & & & \\ & & & & & & & \\ & & & & & & & \\ & & & & & & & \\ & & & & & & & \\ & & & & & & & \\ & & & & & & & \\ & & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & \\ & & & & & \\ & & & & & \\ & & & & & \\ & & & & & \\ & & & & & \\ & & & & & \\ & & & & & \\ & & & & & \\ & & & & & \\ & & & & & \\ & & & & & \\ & & & & & \\ & & & & & \\ & & & & & \\ & & & & & \\ & & & & \\ & & & & & \\ & & & & \\ & & & & & \\ & & & & & \\ & & & & \\ & & & & & \\ & & & & & \\ & & & & \\ & & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & \\ & & & & \\ & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & & \\ & & & \\ & & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ &
```