# Initiation à la programmation en langage d'assemblage

# M Billaud

# 9 mai 2000

# Résumé

Un plan de cours pour l'initiation à la programmation en langage d'assemblage en utilisant un processeur PowerPC. Le cours a été inauguré sur Bull Escala sous AIX, puis transposé sur un Mac, et enfin sur une machine virtuelle simulant un PowerPC.

Table des matières			A Annexe : Jeu d'instructions
1	Objectifs du cours	1	A.1 Notations
2	Étude d'un processeur : le PowerPC 604	1	A.2.1 Par octet
3	Étude d'exemples simples         3.1       Un calcul simple	2 2 2 2 2 2 3 3 3 3 3 3 3	A.2.4 Chargement de constantes A.2.5 Mouvement de registre à registre
4	3.3.1 Le code	3 4 <b>4</b>	<ul> <li>Conventions de passage des paramètres</li> <li>Aperçu des techniques d'optimisation (déroulage de boucle, etc.). Méthodologie</li> </ul>
5	Exercices	4	de l'optimisation (recherche des parties coûteuses, mesures et comparaisons).
6	Passage de paramètre par valeur $(C++)$	4	Approche basée sur l'étude du code fabrique par les compilateurs.
7	Conventions de passage de paramètres	5	2 Étude d'un processeur : le PowerPC 604
8	Utilisation de la pile 8.1 Un autre exemple	<b>5</b>	• Processeur RISC,

- 32 registres banalisés de 32 bits (+ 32 registres flottants de 64 bits et registres spéciaux)
- Registre de condition de 32 bits, découpé en 8 sous-registres de 4 bits.
- La plupart des instructions arithmétiques et logiques se réfèrent à 3 registres. Par exemple add 8,4,3 additionne les contenus de R4 et R3 et met le résultat dans R8.

Signification :  $R_8 \leftarrow (R_4) + (R_3)$ 

# 3 Étude d'exemples simples

Pour commencer, on ne regarde que des fonctions "feuilles" (leaf functions), qui n'appellent pas d'autres fonctions.

# 3.1 Un calcul simple

#### 3.1.1 Le source C++

```
int foo(int a,int b)
{
   return a-b+42;
}
```

# 3.1.2 Traduction en langage d'assemblage

On demande la traduction de ce programme foo.cc en langage d'assemblage, grâce à l'option -S de g++, avec les optimisations maximum.

La traduction est mise dans foo.s

#### • 32 registres banalisés de 32 bits (+ 32 3.1.3 Le code en langage d'assemblage

```
.file
                 "foo.cc"
.toc
.csect .text[PR]
gcc2_compiled.:
__gnu_compiled_cplusplus:
        .align 2
        .globl foo__Fii
        .globl .foo__Fii
.csect foo__Fii[DS]
foo__Fii:
        .long .foo_Fii, TOC[tc0], 0
.csect .text[PR]
.foo__Fii:
        subf 4,4,3
        addi 3,4,42
LT..foo__Fii:
        .long 0
        .byte 0,9,32,64,0,0,2,0
        .long 0
        .long LT..foo_Fii-.foo_Fii
        .short 8
        .byte "foo__Fii"
_section_.text:
.csect .data[RW]
        .long _section_.text
        .file
                 "foo.cc"
.toc
```

#### 3.1.4 Analyse du code

La partie intéressante se limite en fait aux trois instructions qui sont après l'étiquette d'entrée de la fonction :

Le reste se compose de *directives* que nous n'étudierons pas.

Commençons par la fin

- L'instruction blr (Branch to link register) fait revenir à la fonction appelante. Celle-ci, lors de l'appel de foo, a mis dans l'adresse de retour dans le registre de liens. blr copie cette adresse dans le registre pointeur de programme (compteur ordinal).
- L'instruction addi 3,4,42 additionne la valeur 42 au contenu du registre R4, et

place le résultat dans R3. Par convention, c'est dans le registre R3 qu'une fonction doit placer la valeur retournée.

C'est une addition avec une "valeur immédiate" : en effet dans l'instruction 42 n'est pas le numéro d'un registre, mais une valeur qui est utilisée telle quelle.

• subf est une soustraction (subtract from) entre registres "R4 ← (R3) − (R4)" (attention à l'ordre). À l'entrée de la fonction foo les paramètres a et b sont donc reçus respectivement dans R3 et R4.

#### 3.1.5 Exercices

Essayez de traduire vous-même les deux fonctions qui suivent, puis comparez avec ce que donne le compilateur :

```
int plus (int n) { return n+1; }
int moins (int n) { return n-1; }
```

#### 3.2 Si-alors-sinon

#### **3.2.1** Source

```
int distance(int a, int b)
{
  if(a > b)
    return a-b;
  else
    return b-a;
}
```

#### 3.2.2 Traduction

```
.distance__Fii:
1
2
             cmpw 1,3,4
3
             bc 12,5,L..2
4
             subf 3,3,4
5
             blr
6
   L..2:
7
             subf 3,4,3
8
             blr
```

# 3.2.3 Explications

Structure générale : la première instruction (cmpw = Compare Word, ligne 2) compare 1 les contenus des registres R3 et R4, c'est-2 à-dire les valeurs de a et b. La seconde 3 (bc) est un branchement conditionnel : dans 4 certaines circonstances (liées à la comparaison) 5

l'exécution saute à l'adresse L..2, sinon elle se poursuit en séquence à l'instruction suivante.

On voit facilement que les lignes 7 et 8 correspondent à la partie "alors", le "sinon" étant lignes 4 et 5.

Fonctionnement détaillé de la comparaison : le registre de condition CR contient 8 sous-registres de condition CR0 à CR7, de 4 bits chacun. Le premier argument de cmpw indique que la comparaison des registres R3 et R4 positionnera le sous-registre de condition CR1, qui correspond aux bits 4 à 7 de CR (CR0 contient les bits 0 à 3, etc). Le premier bit d'un sous-registre de condition indique "inférieur", le second "supérieur", le troisième "égal".

Si a < b, les bits 4, 5 et 6 de CR vaudront donc 100, si a = b on aura 001 et si a > b 010.

Le branchement conditionnel comporte trois éléments : un critère (ici 12), un numéro de bit (ici 5) et une destination (L..2). Le critère est en réalité un masque binaire qui peut prendre des valeurs entre 0 et 15. Nous ne retiendrons ici que deux valeurs : 12 qui signifie "si le bit désigné est à 1" et 4 qui précise "si le bit désigné est à 0"1.

La combinaison des deux instructions peut donc se lire "si R3 plus grand que R4, aller à L..2".

#### 3.2.4 Exercices

Écrire les fonctions "maximum de deux nombres" et "valeur absolue".

# 3.3 Boucles

### 3.3.1 Le code

```
int triangle(int n)
{
   int r;
   int k;
   r = 0;
   for (k=1; k<=n; k++)
      r += k;
   return r;
}</pre>
```

```
.triangle__Fi:

mr 9,3

li 0,1

cmpw 1,0,9

li 3,0
```

 $<sup>^{1}</sup>$ Les autres valeurs permettent de tenir compte également du contenu d'un registre spécial (compteur)

```
6 bclr 12,5
7 L..5:
8 add 3,3,0
9 addic 0,0,1
10 cmpw 1,0,9
11 bc 4,5,L..5
12 blr
```

#### 3.3.2 Analyse

- On repère facilement le corps de la boucle, délimité par l'étiquette de la ligne 5 et le saut de la ligne 12.
- Dans ce corps de boucle on doit trouver le cumul dans r, l'incrémentation de k, et la comparaison de k avec n. On en déduit facilement que r est dans R3, k dans R0, et n dans R9.
- Remarquez le tour de passe-passe de la ligne 2, qui transfère n dans R9, ce qui permet d'employer le registre R3 pour r, qui sera le résultat.
- La boucle for n'est pas traduite sous la forme "naturelle" d'une boucle tant-que

```
k = 1
boucle:
    comparer k et n
    si > aller à ...
    ...
    k++
    aller à boucle
```

mais en "dépliant" le premier cas

```
k = 1
  comparer k et n
  si > aller à ....
boucle:
    ....
  k++
  comparer k et n
  si <= aller à boucle</pre>
```

Ceci économise l'exécution d'une instruction à chaque tour de boucle (ici on aurait 5 instructions au lieu de 4, soit une perte de 25~%).

• L'instruction bclr est un retour conditionnel.

# 4 Tableaux

```
int element(int t[], int i)
{
  return (t[i]);
}
```

```
.element__FPii:
slwi 4,4,2
lwzx 3,4,3
blr
```

```
int somtab(int t[], int n)
{
    /* somme des n premiers
       éléments du tableau t */
    int k, s;
    s = 0;
    for (k=0; k<n; k++)
       s += t[k];
    return s;
}</pre>
```

```
.somtab__FPii:
    mr 10,3
    li 3,0
    cmpw 1,3,4
    mr 11,3
    bclr 4,4
    mr 9,3
L..5:
    lwzx 0,9,10
    addi 11,11,1
    cmpw 1,11,4
    addi 9,9,4
    add 3,3,0
    bc 12,4,L..5
    blr
```

# 5 Exercices

# 6 Passage de paramètre par valeur (C++)

```
void incrementer(int &n)
{
   n++;
}
```

```
.incrementer__FRi:
lwz 0,0(3)
addic 0,0,1
stw 0,0(3)
blr
```

```
void echanger(int &a, int &b)
// pont aux ânes
{
  int c;
  c=a;
  a=b;
  b=c;
}
```

```
.echanger__FRiT0:
lwz 0,0(4)
lwz 9,0(3)
stw 0,0(3)
stw 9,0(4)
blr
```

# 7 Conventions de passage de paramètres

Les paramètres sont passés dans les registres R3, R4, R5 etc. Si il y a un résultat il est transmis dans R3.

# 8 Utilisation de la pile

Pour voir comment se passe l'appel :

```
extern int foo(int a, int b);
int bar()
{
  return(bar(123,456));
}
```

```
.bar__Fv:

mflr 0
stw 0,8(1)
stwu 1,-56(1)
li 3,123
li 4,456
bl .foo__Fii
cror 31,31,31
addi 1,1,56
lwz 0,8(1)
mtlr 0
blr
```

Le coeur de la fonction bar consiste à appeler la fonction foo, avec les paramètres 123 et 456. C'est ce qui est fait par les 3 instructions

```
li 3,123
li 4,456
bl .foo__Fii
```

L'instruction cror 31,31,31 est une "nonopération" qui ne fait rien. Sa présence est cependant obligatoire (contrainte de l'éditeur de liens).

En entrant dans bar, le registre de liens contient l'adresse à laquelle il faudra revenir. Le contenu de ce registre sera modifié par l'appel de foo, il faut donc en sauver le contenu avant d'effectuer cet appel, et le restaurer ensuite.

Pour la sauvegarde, manoeuvre en 2 temps : on transfère le registre de liens dans le registre R0, que l'on sauve ensuite dans la pile. (La restauration se fera de façon symétrique).

Sur la pile dont le sommet est pointé par R1, la fonction bar se réserve ensuite un bloc de 56 octets :

- le contenu courant de R1 est sauvé au sommet de ce nouveau bloc (attention la pile croît vers le bas!)
- R1 est mis à jour pour pointer sur ce nouveau bloc.

# 8.1 Un autre exemple

```
.pascal__Fii:
        mflr 0
        stw 28,-16(1)
        stw 29,-12(1)
        stw 30,-8(1)
        stw 31,-4(1)
        stw 0,8(1)
        stwu 1,-72(1)
        mr. 3,3
        mr 31,4
        bc 12,2,L..3
        cmpwi 1,31,0
        bc 12,6,L..3
        addi 29,3,-1
        mr 3,29
        mr 4,31
        bl .pascal__Fii
        mr 28,3
        mr 3,29
        addi 4,31,-1
        bl .pascal__Fii
        add 3,28,3
        b L..5
L..3:
        li 3,1
L..5:
        addi 1,1,72
        lwz 0,8(1)
        {\tt mtlr} 0
        lwz 28,-16(1)
        lwz 29, -12(1)
        lwz 30,-8(1)
        lwz 31,-4(1)
        blr
```

# A Annexe: Jeu d'instructions

# A.1 Notations

D le déplacement CRle Registre de Condition Rxregistre entre r0 et r31 (RT pour "Target", RS pour "Source", RA et RB pour des opérandes) le contenu du registre Rx (Rx)(RA|0)si RA=0, alors 0, sinon le contenu de RA V, SIquantité immédiate signée sur 16 bits UIquantité immédiate non signée sur 16 bits rep(N, B)champ formé de N répétitions du bit  ${\cal B}$ N octets en mémoire à partir de l'adresse Amem(A, N)Le champ obtenu par concaténation de A et BA||Bexts(V)la valeur V avec extension de signe sur 32 bits  $A\{i \dots j\}$ les bits d'indice i à j de A $A \leftarrow B$ affectation

# A.2 Mouvements de données

# A.2.1 Par octet

# Chargement octet et zéro lbz RT,D(RA) $RT \leftarrow rep(24,0)||mem((RA|0) + D,1)|$ Chargement octet et zéro avec mise-à-jour 1bzu RT,D(RA) $RT \leftarrow rep(24,0)||mem((RA) + D,1);$ $RA \leftarrow (RA) + D$ Chargement indexé octet et zéro lbzx RT,RA,RB $RT \leftarrow rep(24,0) || mem((RA|0) + (RB), 1)$ Chargement indexé octet et zéro avec mise-à-jour 1bzux RT,RA,RB $RT \leftarrow rep(24,0)||mem((RA) + (RB),1)|$ $RA \leftarrow (RA) + (RB)$ Rangement octet $mem((RA|0) + D, 1) \leftarrow (RS)\{24..31\}$ stb RS,D(RA) Rangement octet avec mise-à-jour stbu RS,D(RA) $mem((RA) + D, 1) \leftarrow (RS)\{24..31\}$ $RA \leftarrow (RA) + D$ Rangement indexé octet $mem((RA|0) + (RB), 1) \leftarrow (RS)\{24..31\}$ stbx RS,RA,RB Rangement indexé octet avec mise-à-jour stbux RS,RA,RB $mem((RA) + (RB), 1) \leftarrow (RS)\{24..31\}$ $RA \leftarrow (RA) + (RB)$

#### A.2.2 Par demi-mot

sth RS,D(RA)

sthu RS,D(RA)

sthx RS,RA,RB

sthux RS,RA,RB

# lhz RT,D(RA) $RT \leftarrow rep(16,0) \mid | mem((RA|0) + D, 2)$ Chargement demi-mot et zéro avec mise-à-jour lhzu RT,D(RA) $RT \leftarrow rep(16,0) \mid\mid mem((RA) + D, 2)$ $RA \leftarrow (RA) + D$ Chargement indexé demi-mot et zéro lhzx RT,RA,RB $RT \leftarrow rep(16,0)||mem((RA|0) + (RB), 2)|$ Chargement indexé demi-mot et zéro avec mise-à-jour lhzux RT,RA,RB $RT \leftarrow rep(16,0)||mem((RA) + (RB), 2)|$ $RA \leftarrow (RA) + (RB)$ Chargement algébrique demi-mot lha RT,D(RA) $RT \leftarrow exts(mem((RA|0) + D, 2))$ Chargement algébrique demi-mot avec mise-à-jour lhau RT,D(RA) $RT \leftarrow exts(mem((RA) + D, 2))$ $RA \leftarrow (RA) + D$ Chargement algébrique indexé demi-mot lhax RT, RA, RB $RT \leftarrow exts(mem((RA|0) + (RB), 2))$ Chargement algébrique indexé demi-mot avec mise-à-jour lhaux RT, RA, RB $RT \leftarrow exts(mem((RA) + (RB), 2))$ $RA \leftarrow (RA) + (RB)$ Rangement demi-mot

Rangement demi-mot avec mise-à-jour

Rangement indexé demi-mot

Rangement indexé demi-mot avec mise-à-jour

 $RA \leftarrow (RA) + (RB)$ 

 $RA \leftarrow (RA) + D$ 

Chargement demi-mot et zéro

 $mem((RA|0) + D), 2) \leftarrow (RS)\{16..31\}$ 

 $mem((RA) + D), 2) \leftarrow (RS)\{16..31\}$ 

 $mem((RA|0) + (RB), 2) \leftarrow (RS)\{16..31\}$ 

 $mem((RA) + (RB), 2) \leftarrow (RS)\{16..31\}$ 

#### A.2.3 Par mot

#### Chargement mot

$$RT \leftarrow mem((RA|0) + D, 4)$$

# Chargement mot avec mise-à-jour

$$RT \leftarrow mem((RA) + D, 4)$$

$$RA \leftarrow (RA) + D$$

# Chargement indexé mot

$$RT \leftarrow mem((RA|0) + (RB), 4)$$

# Chargement indexé mot avec mise-à-jour

$$RT \leftarrow mem((RA) + (RB), 4)$$

$$RA \leftarrow (RA) + (RB)$$

#### Rangement mot

$$mem((RA|0) + D, 4) \leftarrow (RS)$$

# Rangement mot avec mise-à-jour

$$mem((RA) + D, 4) \leftarrow (RS)$$

$$RA \leftarrow (RA) + D$$

# Rangement indexé mot

$$mem((RA|0) + (RB), 4) \leftarrow (RS)$$

# Rangement indexé mot avec mise-à-jour

$$mem((RA) + (RB), 4) \leftarrow (RS)$$

$$RA \leftarrow (RA) + (RB)$$

#### A.2.4 Chargement de constantes

# Chargement immédiat

$$RT \leftarrow exts(V)$$

# Chargement immédiat en partie haute

$$RT(0..15) \leftarrow V$$

En fait, ces deux instructions sont des mnémoniques étendus qui représentent respectivement addi RT,0,V et addis RT,0,V

# A.2.5 Mouvement de registre à registre

# Chargement registre général

$$RT \leftarrow (RS)$$

C'est un mnémonique étendu pour or RT,RS,RS

Chargement à partir du registre de lien (move from link register)

mflr RT

$$RT \leftarrow (LR)$$

Rangement dans registre de lien (move to link register)

mtlr RS

$$LR \leftarrow (RS)$$

# A.3 Branchements et conditions

BI (Bit In the CR) = numéro du bit de condition à tester (entre 0 et 31). BO (Branch Option) = spécification du test à effectuer. Principales valeurs :

- 4 : branchement si faux
- 12 : branchement si vrai
- 20 : branchement inconditionnel

#### Branchement

b adr

Branchement avec lien (adresse suivante dans LR, Link Register) bl adr

# Branchement conditionnel

bc BO,BI,adr

#### Branchement conditionnel avec lien

bcl BO,BI,adr

# Branchement conditionnel au registre de lien

bclr BO,BI

# Branchement conditionnel au registre de lien avec lien belr<br/>l ${\tt B0,BI}$

# Branchement au registre de lien

blr C'est une abréviation pour bclr 20,0

# Combinaisons de bits du registre de condition

crand BT,BA,BB	$CR_{BT} \leftarrow CR_{BA} \ and \ CR_{BB}$
cror BT,BA,BB	$CR_{BT} \leftarrow CR_{BA} \ or \ CR_{BB}$
crxor BT,BA,BB	$CR_{BT} \leftarrow CR_{BA} \ xor \ CR_{BB}$
crnand BT,BA,BB	$CR_{BT} \leftarrow CR_{BA} \ nand \ CR_{BB}$
crnor BT,BA,BB	$CR_{BT} \leftarrow CR_{BA} \ nor \ CR_{BB}$
creqv BT,BA,BB	$CR_{BT} \leftarrow CR_{BA} \ eqv \ CR_{BB} \ (eqv = not \ xor)$
crandc BT,BA,BB	$CR_{BT} \leftarrow CR_{BA} \ and \ not(CR_{BB})$
crorc BT,BA,BB	$CR_{BT} \leftarrow CR_{BA} \ or \ not(CR_{BB})$

# A.4 Opérations arithmétiques et logiques

La notation [.] signifie que le mnémonique peut être suivi d'un point. Dans ce cas, l'opération met à jour le sous-registre de condition  ${\rm CR0}.$ 

# Opérations arithmétiques

```
addi RT, RA, SI
                               RT \leftarrow (RA|0) + exts(SI)
addis RT,RA,SI
                               RT \leftarrow (RA|0) + (SI)||rep(16,0)|
add[.] RT,RA,RB
                              RT \leftarrow (RA) + (RB)
subf[.] RT,RA,RB
                              RT \leftarrow (RB) - (RA)
neg[.] RT,RA
                               RT \leftarrow -(RA)
mulli RT,RA,SI
                              RT \leftarrow (RA) * exts(SI)
mullw[.] RT,RA,RB
                              RT \leftarrow (RA) * (RB)
                              RT \leftarrow (RA) / (RB)
divw[.] RT,RA,RB
```

Note: la séquence suivante permet de calculer le reste d'une division entière :

```
divw RT,RA,RB mullw RT,RT,RB subf RT,RT,RA
```

Les comparaisons positionnent les indicateurs d'un sous-registre de condition.

#### Comparaisons

cmpwi CR,RA,SI	comparaison de $(RA)$ et $exts(SI)$ , résultat dans CR
cmpw CR,RA,RB	comparaison de $(RA)$ et $(RB)$

#### Opérations logiques

```
andi RA,RS,UI
                                 RA \leftarrow (RS) \ and \ rep(16,0)||UI
ori RA,RS,UI
                                 RA \leftarrow (RS) \ or \ rep(16,0)||UI
                                 RA \leftarrow (RS) \ xor \ rep(16,0)||UI
xori RA, RS, UI
andis RA, RS, UI
                                 RA \leftarrow (RS) \ and \ UI||rep(16,0)
oris RA,RS,UI
                                 RA \leftarrow (RS) \ or \ UI||rep(16,0)
xoris RA,RS,UI
                                 RA \leftarrow (RS) \ xor \ UI||rep(16,0)
and[.] RA,RS,RB
                                 RA \leftarrow (RS) \ and \ (RB)
or[.] RA,RS,RB
                                 RA \leftarrow (RS) \ or \ (RB)
xor[.] RA,RS,RB
                                 RA \leftarrow (RS) \ xor \ (RB)
                                 RA \leftarrow (RS) \ nand \ (RB)
nand[.] RA,RS,RB
nor[.] RA,RS,RB
                                 RA \leftarrow (RS) \ nor \ (RB)
                                 RA \leftarrow (RS) \ eqv \ (RB)(eqv = notxor)
eqv[.] RA,RS,RB
andc[.] RA,RS,RB
                                 RA \leftarrow (RS) \ and \ not(RB)
orc[.] RA,RS,RB
                                 RA \leftarrow (RS) \ or \ not(RB)
```

# Extension de signe

```
\begin{array}{ll} \texttt{extsb[.] RA,RS} & RA \leftarrow exts(RS\{24..31\}) \\ \texttt{extsh[.] RA,RS} & RA \leftarrow exts(RS\{16..31\}) \end{array}
```

# Décalages

```
\begin{array}{lll} \texttt{slw[.] RA,RS,RB} & RA \leftarrow (RS) << (RB) \\ \texttt{srw[.] RA,RS,RN} & RA \leftarrow (RS) >> (RB) \\ \texttt{sraw[.] RA,RS,RB} & RA \leftarrow exts(RS\{0..31-(RB)\}) \\ & & & & & & & & & \\ & & & & & & & \\ & & & & & & & \\ & & & & & & & \\ & & & & & & & \\ & & & & & & & \\ & & & & & & & \\ & & & & & & & \\ & & & & & & & \\ & & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & \\ & & & & & \\ & & & & & \\ & & & & & \\ & & & & & \\ & & & & & \\ & & & & & \\ & & & & & \\ & & & & & \\ & & & & & \\ & & & & & \\ & & & & & \\ & & & & & \\ & & & & & \\ & & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & &
```