

NumPy_Ricard_Perpinyà

January 18, 2021

1 Resum de llibreria NumPy ~ Ricard Perpinyà Alòs

1.1 1. Creació ndarrays

Exemple inicial:

```
[2]: import numpy as np
```

```
[4]: # Creem una llista 1D amb nou elements i la convertim en un ndarray 1D
llista_1D = range(9)
print(llista_1D)
print(type(llista_1D))

array_1D = np.array(llista_1D)
print(array_1D) #Print
print("\n", "Forma: ", array_1D.shape) #Shape
print("Mida: ", len(array_1D), ",", array_1D.size) #Mida
print(type(array_1D)) #Tipus dades
```

```
range(0, 9)
<class 'range'>
[0 1 2 3 4 5 6 7 8]
```

```
Forma: (9,)
Mida: 9 , 9
<class 'numpy.ndarray'>
```

1.2 Crear array a partir d'un rang amb np.arange() i refer la seva forma amb .reshape():

```
[43]: #Crear a partir d'un rang i refer la seva forma
a = np.arange(1,16).reshape(3,5)
print(a)
print("Dimensió: ", np.ndim(a), " \n ", "Forma: ", np.shape(a))
```

```
[[ 1  2  3  4  5]
 [ 6  7  8  9 10]
 [11 12 13 14 15]]
```

Dimensió: 2
Forma: (3, 5)

1.3 Crear array a partir d'una llista:

```
[14]: #Crear a partir de llista
```

```
a = []  
for i in range(1,16):  
    a.append(i)  
  
print(a, type(a))  
  
b = np.array(a)  
print(b, type(b))  
  
b.reshape(5,3)
```

```
[1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15] <class 'list'>  
[ 1  2  3  4  5  6  7  8  9 10 11 12 13 14 15] <class 'numpy.ndarray'>
```

```
[14]: array([[ 1,  2,  3],  
            [ 4,  5,  6],  
            [ 7,  8,  9],  
            [10, 11, 12],  
            [13, 14, 15]])
```

1.4 Crear array a partir d'una llista 2D (concatenació de llistes):

```
[16]: #Crear a partir de llista 2D
```

```
A = [[1,2,3],[4,5,6],[7,8,9]]  
  
B = np.array(A)  
print(B,type(B))
```

```
[[1 2 3]  
 [4 5 6]  
 [7 8 9]] <class 'numpy.ndarray'>
```

1.5 Definir un tipus de dada (float, int, complex...).

Els arrays són homogenis, és a dir, que tots els seus elements són del mateix tipus. Podem definir quin tipus de dades volem amb `dtype =`, i s'aplicarà a tots els elements.

```
[21]: #Definir un tipus de dada:
```

```
a = np.array([[1,2,3],[3,4,5]], dtype=complex)
```

```
print(a)
```

```
[[1.+0.j 2.+0.j 3.+0.j]
 [3.+0.j 4.+0.j 5.+0.j]]
```

1.6 Crear una matriu de zeros amb `np.zeros()`:

```
[54]: #Crear una matriu de 0s
```

```
m = np.zeros((3,3))
```

```
print(m)
```

```
[[0. 0. 0.]
 [0. 0. 0.]
 [0. 0. 0.]]
```

1.7 Crear una matriu d'uns amb `np.ones()`:

```
[6]: #Crear un array d'1s
```

```
import numpy as np
```

```
array1 = np.ones((5,6))
```

```
print(array1)
```

```
[[1. 1. 1. 1. 1. 1.]
 [1. 1. 1. 1. 1. 1.]
 [1. 1. 1. 1. 1. 1.]
 [1. 1. 1. 1. 1. 1.]
 [1. 1. 1. 1. 1. 1.]]
```

1.8 Funció `empty()`

La funció `empty(shape, dtype=float, order='C')` retorna un `ndarray` amb la forma indicada. Els valors de les seves components no estan inicialitzats, i poden tenir qualsevol valor aleatori.

```
[168]: #Funció empty
```

```
empty_floats = np.empty([3,2]) #FLOATS
```

```
empty_int = np.empty([3,3], dtype=int)
```

```
print(empty_floats)
```

```
print(empty_int)
```

```
[[ 69.21818182  95.30181818]
 [221.4         169.42909091]
 [373.58181818 243.55636364]]
[[4602678819172646912 4607182418800017408 4609434218613702656]
 [4611686018427387904 4612811918334230528 4613937818241073152]
 [4615063718147915776 4616189618054758400 4616752568008179712]]
```

1.9 Funció eye()

La funció eye() retorna una matriu identitat.

```
[7]: #Funció eye

I = np.eye(2,2)

print(I)
```

```
[[1.  0.]
 [0.  1.]]
```

1.10 Matriu de valors aleatoris

Per crear matrius de valors aleatoris utilitzarem les següents funcions:

- np.random.rand() per valors float
- np.random.randint() per valors integer

```
[10]: #Matriu random
import numpy as np
a = np.random.rand(3,6) #Floats
b = np.random.randint(1,200, size = (3,3) ) #Integers

print(a, "\n")

print(b)
```

```
[[0.75517981 0.69389895 0.13543066 0.2848111  0.75144873 0.29365062]
 [0.82667393 0.37604696 0.76918582 0.89932937 0.79318784 0.13026701]
 [0.03628289 0.38396672 0.78573416 0.15658112 0.65274561 0.42085763]]
```

```
[[ 95  12   9]
 [134 145 101]
 [183 123 189]]
```

1.11 Indexació

La indexació és igual que amb les llistes:

Si tenim array = [1 2 3 4 5 6], array[0] retornarà el valor 1

si tenim array2 = [[1 2 3], [4 5 6], [7 8 9]], array2[2][2] ens retornarà el valor 9.

```
[93]: #Indexació

a = np.arange(1,15)

print(a, "\n"+"Nombre assenyalat: ",a[3])

b = np.array([[1,2,3],[4,5,6],[7,8,9]])

print(b, "\n"+"Nombre assenyalat: ",b[2][1])

#Un altre exemple

c = np.random.rand(3,3)

print(c, "\n"+"Nombre assenyalat: ", c[2][2])
```

```
[ 1  2  3  4  5  6  7  8  9 10 11 12 13 14]
Nombre assenyalat:  4
[[1 2 3]
 [4 5 6]
 [7 8 9]]
Nombre assenyalat:  8
[[0.91458828 0.62028838 0.73172856]
 [0.33980238 0.08140407 0.50807665]
 [0.05341082 0.88726039 0.81148099]]
Nombre assenyalat:  0.8114809878319887
```

1.12 Transformar matriu a vector:

Utilitzarem `np.ravel()`

```
[102]: #Vector retornat de qualsevol matriu (vector fila)

a = np.arange(1,26).reshape(5,5)
print(a)

rav = np.ravel(a)

print(rav)
```

```
[[ 1  2  3  4  5]
 [ 6  7  8  9 10]
 [11 12 13 14 15]
 [16 17 18 19 20]
 [21 22 23 24 25]]
[ 1  2  3  4  5  6  7  8  9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 20 21 22 23 24
 25]
```

1.13 Funcions `np.arange()` i `np.linspace()`

`np.arange()`: > Para crear secuencias de números enteros, *numpy* procura una función análoga a *range* que devuelve arrays en lugar de listas. ~(Sofyan)

```
[110]: # arange

a = np.arange(1,25,2)

print(a)

#Podem utilitzar reshape per canviar-ne la forma:

a2 = a.reshape(3,4)

print("Reshape: ",a2)
```

```
[ 1  3  5  7  9 11 13 15 17 19 21 23]
Reshape:  [[ 1  3  5  7]
 [ 9 11 13 15]
 [17 19 21 23]]
```

`np.linspace()`: La funció **arange()** té el problema que, atesa la precisió finita dels càlculs amb float, a vegades no es pot predir exactament el nombre d'elements que generarà. Quan això sigui important, es pot usar la funció `linspace()` que permet especificar exactament el nombre d'elements:

`linspace(min, max, num_elements)`

```
[119]: # linspace

espai = np.linspace(1,10,4)
print(espai)
```

```
[ 1.  4.  7. 10.]
```

1.14 Creació `ndarray` amb funcions

```
[128]: #crear ndarray amb funcions:

def funcio(i,j):
    return i+j

A = np.fromfunction(funcio,(3,3))

print(A)
```

```
[[0. 1. 2.]
 [1. 2. 3.]
 [2. 3. 4.]]
```

1.15 Funció array.reshape()

```
[131]: import numpy as np

llista = []

for i in range(1,16):
    llista.append(i)

print(llista)

array2 = np.array(llista)
print(array2)

array_reshape = array2.reshape(3,5)

print("Reshaped array: ", "\n", array_reshape)

#És més ràpid això:

a = np.arange(1,16).reshape(3,5)

print("Manera ràpida: "+" \n", a)
```

```
[1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15]
[ 1  2  3  4  5  6  7  8  9 10 11 12 13 14 15]
Reshaped array:
[[ 1  2  3  4  5]
 [ 6  7  8  9 10]
 [11 12 13 14 15]]
Manera ràpida:
[[ 1  2  3  4  5]
 [ 6  7  8  9 10]
 [11 12 13 14 15]]
```

1.16 Operacions de matrius amb un nombre i operacions de dues matrius element a element

```
[136]: #Algunes operacions:

A = np.linspace(1,9,9).reshape(3,3)

print("Array A: "+" \n", A)
```

```
Array A:
[[1.  2.  3.]
 [4.  5.  6.]
```

```
[7. 8. 9.]]
```

```
[139]: # Suma i resta d'un valor A TOTS ELS ELEMENTS:
```

```
A = np.linspace(1,9,9).reshape(3,3)
```

```
print("Array A: "+"\\n",A)
```

```
C = A+2
```

```
print("Array C = A+2 : "+"\\n",C)
```

```
D = A-2
```

```
print("Array D = A-2 : "+"\\n",D)
```

```
Array A:
```

```
[[1. 2. 3.]
```

```
 [4. 5. 6.]
```

```
 [7. 8. 9.]]
```

```
Array C = A+2 :
```

```
[[ 3.  4.  5.]
```

```
 [ 6.  7.  8.]
```

```
 [ 9. 10. 11.]]
```

```
Array D = A-2 :
```

```
[[ -1.  0.  1.]
```

```
 [ 2.  3.  4.]
```

```
 [ 5.  6.  7.]]
```

```
[143]: #Producte DE TOTS ELS ELEMENTS per un valor:
```

```
E = A*2
```

```
#Divisió DE TOTS ELS ELEMENTS per un valor:
```

```
F = A/2
```

```
#Potència DE TOTS ELS ELEMENTS per un valor:
```

```
G = A**2
```

```
#Mòdul DE TOTS ELS ELEMENTS per un valor:
```

```
H = A%2
```

```
#Operadors booleans DE TOTS ELS ELEMENTS:
```

```
I = A > 5
```

```
print("Array E = A*2 : "+"\\n",E)
```

```
print("Array F = A/2 : "+"\\n",F)
```

```
print("Array G = A**2 : "+"\\n",G)
```

```
print("Array H = A%2 : "+"\\n",H)
```



```
print("Array I = A > 5 :"+"\\n",I)
```

```
Array E = A*2 :  
[[ 2.  4.  6.]  
 [ 8. 10. 12.]  
 [14. 16. 18.]]  
Array F = A/2 :  
[[0.5 1.  1.5]  
 [2.  2.5 3. ]  
 [3.5 4.  4.5]]  
Array G = A**2 :  
[[ 1.  4.  9.]  
 [16. 25. 36.]  
 [49. 64. 81.]]  
Array H = A%2 :  
[[1. 0. 1.]  
 [0. 1. 0.]  
 [1. 0. 1.]]  
Array I = A > 5 :  
[[False False False]  
 [False False  True]  
 [ True  True  True]]
```

[162]: *#Operacions ELEMENT A ELEMENT:*
#Si utilitzem dos arrays, les operacions anteriors s'apliquen per parells
→ d'elements

```
A = np.linspace(1,9,9).reshape((3,3))  
B = np.linspace(10,18,9).reshape((3,3))
```

```
print("Array A: ")  
print(A)  
print("Array B: ")  
print(B)
```

#Suma i resta de matrius:

```
C = A + B  
print("Array C = A+B")  
print(C)  #(La resta seria igual)
```

#Multiplicació i divisió:

```
D = A/B  
  
print("Array D = A/B: ")
```

```

print(D)  #(La divisió seria igual)

 #Potència i mòdul

E = A**B

print("Array E = A**B: ")
print(E)  #(El mòdul seria igual)

 #Booleans

F = A > B

print("Array F = A > B")
print(F)

```

```

Array A:
[[1.  2.  3.]
 [4.  5.  6.]
 [7.  8.  9.]]
Array B:
[[10. 11. 12.]
 [13. 14. 15.]
 [16. 17. 18.]]
Array C = A+B
[[11. 13. 15.]
 [17. 19. 21.]
 [23. 25. 27.]]
Array D = A/B:
[[0.1      0.18181818 0.25      ]
 [0.30769231 0.35714286 0.4      ]
 [0.4375    0.47058824 0.5      ]]
Array E = A**B:
[[1.00000000e+00 2.04800000e+03 5.31441000e+05]
 [6.71088640e+07 6.10351562e+09 4.70184985e+11]
 [3.32329306e+13 2.25179981e+15 1.50094635e+17]]
Array F = A > B
[[False False False]
 [False False False]
 [False False False]]

```

1.17 Operacions unitàries:

- `array.min()`
- `array.max()`
- `array.sum()`

1.18 Eines d'àlgebra lineal:

1.18.1 1. Transposició

Es pot transposar una matriu utilitzant el mètode `array.transpose()`

```
[16]: #Transposar:  
a = np.random.randint(1,5, size=(3,3))  
print(a, "\n")  
  
b = a.transpose()  
print(b)
```

```
[[3 2 1]  
 [4 2 2]  
 [4 3 3]]
```

```
[[3 4 4]  
 [2 2 3]  
 [1 2 3]]
```

1.18.2 2. Determinants i matriu inversa

- Per calcular determinants ho podem fer amb la funció `np.linalg.det()`.
- Per calcular la matriu inversa ho podem fer amb la funció `np.linalg.inv()`.

```
[29]: #Determinant  
  
a = np.array([[1,1,2],[2,1,1],[1,1,1]])  
det = np.linalg.det(a)  
print("A: "+" \n",a, "\n")  
print("Determinant d'A: ",det)  
  
inv = np.linalg.inv(a)  
print("Inversa d'A: "+" \n",inv)
```

```
A:  
[[1 1 2]  
 [2 1 1]  
 [1 1 1]]
```

```
Determinant d'A: 1.0
```

```
Inversa d'A:  
[[ 0.  1. -1.]  
 [-1. -1.  3.]  
 [ 1. -0. -1.]]
```

1.18.3 3. Rang i traça

- Rang: funció `np.linalg.matrix_rank(array)`

- Traça: funció `np.trace(array)`

```
[32]: #Rang

a = np.array([[1,1,2],[2,1,1],[1,1,1]])
rang = np.linalg.matrix_rank(a)

print("Rang: ", rang)

#Traça

traça = np.trace(a)

print("Traça: ",traça)
```

```
Rang:  3
Traça:  3
```

1.18.4 4. Producte de matrius

Per multiplicar dues matrius, utilitzarem `np.dot(array1,array2)`

```
[40]: a = np.random.randint(1,10, size = (3,3))
b = np.random.randint(1,10, size = (3,3))

producte = np.dot(a,b)
print("A: ")
print(a)
print("B: ")
print(b)
print("Producte: "+"\\n",producte)
```

```
A:
[[1 7 7]
 [5 4 5]
 [6 1 9]]
B:
[[6 7 4]
 [7 3 4]
 [5 7 6]]
Producte:
[[ 90  77  74]
 [ 83  82  66]
 [ 88 108  82]]
```

2 Exercicis d'exemple

2.0.1 Exercici 1

Efectua: 1. Donades les llistes $x = [1,2,3]$ i $y = [2,4,3]$, converteix-les en ndarrays i verifica, element a element, si x és menor que y , si x és més gran que y o si són diferents. 2. Donades les llistes $n = [1,3,5]$ i $m = [0,2,7]$, converteix-les en ndarrays i comprova, element a element, si n és més gran que m , si n és més gran o igual que m , si n és igual a m , si n és menor que m , o si n és menor o igual a m .

```
[18]: #1
import numpy as np

x = [1,2,3]
y = [2,3,4]

array_x = np.array(x)
array_y = np.array(y)

verificar1 = array_x < array_y
verificar2 = array_x > array_y
verificar3 = array_x != array_y

print("x i y convertits en ndarrays: "+"\\n"+"x =",array_x,"\\n"+"y =",array_y)

print("Verificacions: "+"\\n",verificar1,"\\n", verificar2,"\\n", verificar3)
```

```
x i y convertits en ndarrays:
x = [1 2 3]
y = [2 3 4]
Verificacions:
[ True  True  True]
[False False False]
[ True  True  True]
```

```
[20]: #2
n = [1,3,5]
m = [0,2,7]

array_n = np.array(n)
array_m = np.array(m)

verificar1 = array_n > array_m
verificar2 = array_n >= array_m
verificar3 = array_n == array_m
verificar4 = array_n < array_m
verificar5 = array_n <= array_m
```

```
print(verificar1)
print(verificar2)
print(verificar3)
print(verificar4)
print(verificar5)
```

```
[ True  True False]
[ True  True False]
[False False False]
[False False  True]
[False False  True]
```

2.0.2 Exercici 2

Donada la llista `x= [1,2,3,4,5,6,7,8,9,4,6]`: 1. Converteix-la en un `ndarray` 1D i calcula el producte dels seus elements. 2. Els valors màxim i mínim i els seus índexs. 3. El valor mitjà

[23]: #1

```
x = [1,2,3,4,5,6,7,8,9,4,6]
array_x = np.array(x)

producte = np.prod(array_x)
print(producte)
```

8709120

[31]: #2

```
maxim = array_x.max(axis=0)
minim = array_x.min()
print("Màxim: ",maxim,"\n"+"Mínim: ",minim)

i_max = np.argmax(array_x)
i_min = np.argmin(array_x)

print("Màxim: ",i_max,"\n"+"Mínim: ",i_min)
```

```
Màxim:  9
Mínim:  1
Màxim:  8
Mínim:  0
```

2.0.3 Referències

1. 'Programació en Python', José M. Gómez, Ricardo Graciani, Manuel López, Xavier Luri, Sònia Estradé, Angela Rossell, Universitat de Barcelona (2016).
2. 'Syllabus INFO-H-100 Informatique', T. Massart, Université Libre de Bruxelles (2016).

3. <http://www.numpy.org>

[]: