

Construção de Compiladores

Prof. Dr. Daniel Lucrédio

DC - Departamento de Computação

UFSCar - Universidade Federal de São Carlos

Tópico 04 - Análise Sintática Descendente

Referências bibliográficas

Alfred V. Aho, Monica S. Lam, Ravi Sethi, Jeffrey D. Ullman. Compiladores: Princípios, Técnicas e Ferramentas (2a. edição). Pearson, 2008.

Kenneth C. Loudon. Compiladores: Princípios E Práticas (1a. edição). Cengage Learning, 2004.

Terence Parr. The Definitive Antlr 4 Reference (2a. edição). Pragmatic Bookshelf, 2013.

Terence Parr, Sam Harwell, and Kathleen Fisher. 2014. Adaptive LL(*) parsing: the power of dynamic analysis. In Proceedings of the 2014 ACM International Conference on Object Oriented Programming Systems Languages & Applications (OOPSLA '14). Association for Computing Machinery, New York, NY, USA, 579–598.

DOI:<https://doi.org/10.1145/2660193.2660202>

Análise sintática ... recordando

- Vimos duas formas de reconhecer uma linguagem através de uma gramática

- Inferência recursiva
- Derivação

- Ex: Gramática para expressões aritméticas

$V = \{E, I\}$

$T = \{+, *, (,), a, b, 0, 1\}$

$P =$ conjunto de regras ao lado

$S = E$

E	\rightarrow	I
	$ $	$E + E$
	$ $	$E * E$
	$ $	(E)
I	\rightarrow	a
	$ $	b
	$ $	Ia
	$ $	Ib
	$ $	$I0$
	$ $	$I1$

Análise sintática ... recordando

- Inferência recursiva
 - Dada uma cadeia (conjunto de símbolos terminais)
 - Vamos do **corpo** para a **cabeça**

Ex: **a*(a+b00)**

$a^*(a+b00) \Leftarrow a^*(a+I00) \Leftarrow a^*(a+I0) \Leftarrow$

$a^*(a+I) \Leftarrow a^*(a+E) \Leftarrow a^*(I+E) \Leftarrow a^*(E+E) \Leftarrow$

$a^*(E) \Leftarrow a^*E \Leftarrow I^*E \Leftarrow E^*E \Leftarrow \mathbf{E}$

E	→	I
		E + E
		E * E
		(E)
I	→	a
		b
		Ia
		Ib
		I0
		I1

Análise sintática ... recordando

- Derivação

- Dada uma cadeia (conjunto de símbolos terminais)
- Vamos da **cabeça** para o **corpo**

Ex: $a^*(a+b00)$

$E \Rightarrow E^*E \Rightarrow I^*E \Rightarrow a^*E \Rightarrow a^*(E) \Rightarrow a^*(E+E) \Rightarrow$
 $a^*(I+E) \Rightarrow a^*(a+E) \Rightarrow a^*(a+I) \Rightarrow a^*(a+I0) \Rightarrow$
 $a^*(a+I00) \Rightarrow a^*(a+b00)$

E	\rightarrow	I
	$ $	$E + E$
	$ $	$E * E$
	$ $	(E)
I	\rightarrow	a
	$ $	b
	$ $	Ia
	$ $	Ib
	$ $	$I0$
	$ $	$I1$

Análise sintática descendente

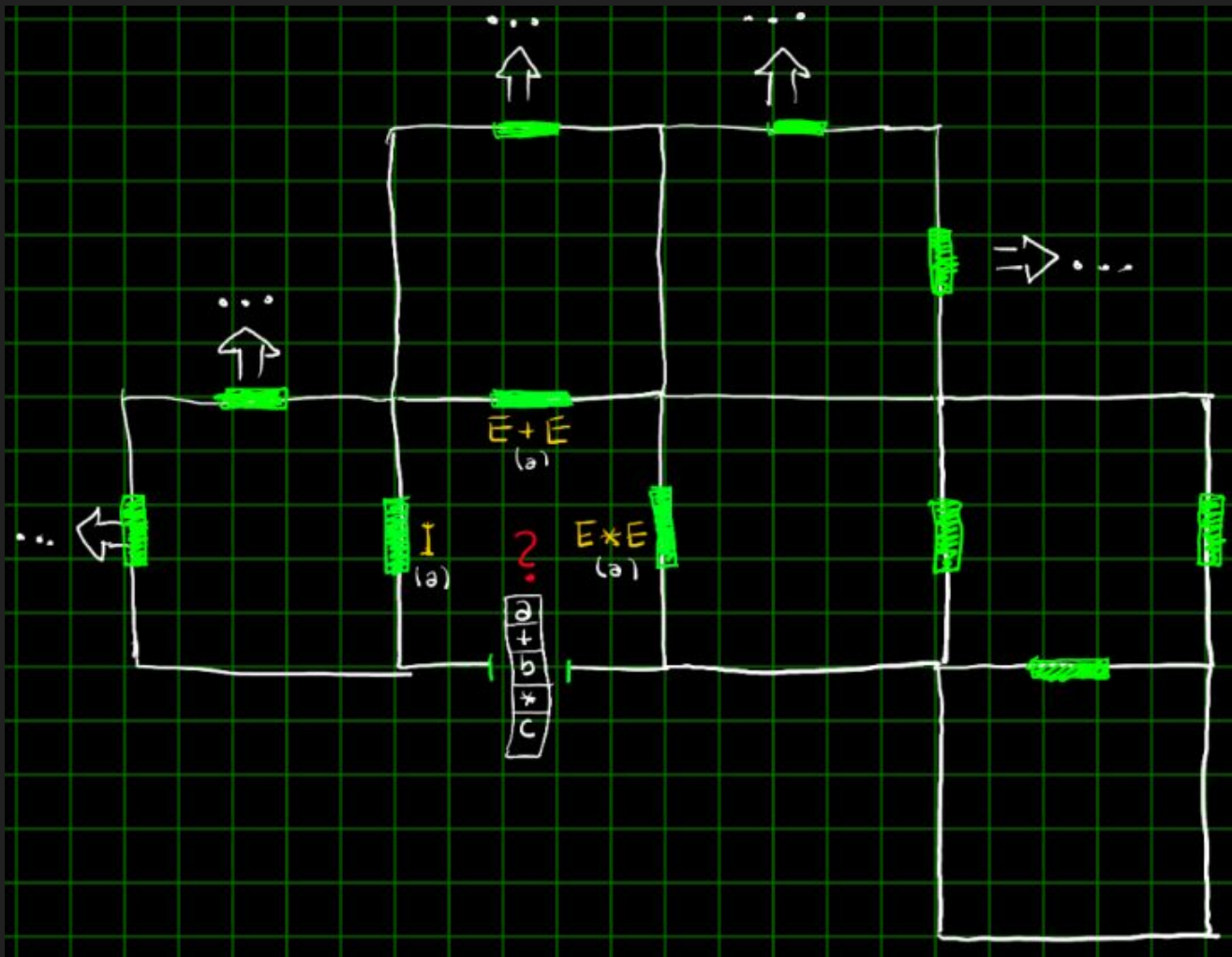
- Produz uma **derivação mais à esquerda** da cadeia
 - Os tokens são lidos da esquerda para a direita
 - Em cada passo,
 - o problema é determinar qual produção aplicar

Ex: Entrada: $a + b * c$

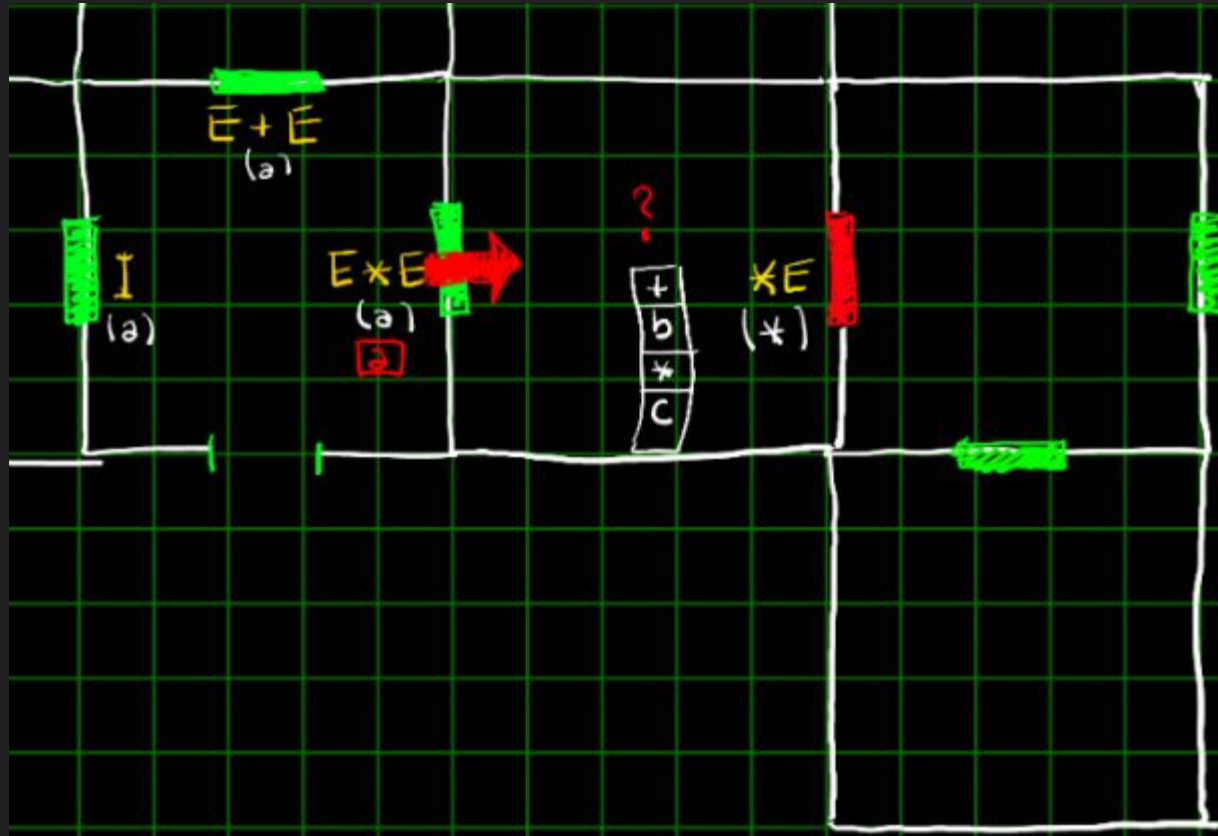
- Token atual = a
- Símbolo inicial: E
- Possíveis produções de E :
 - I
 - $E + E$
 - $E * E$

Qual
escolher?

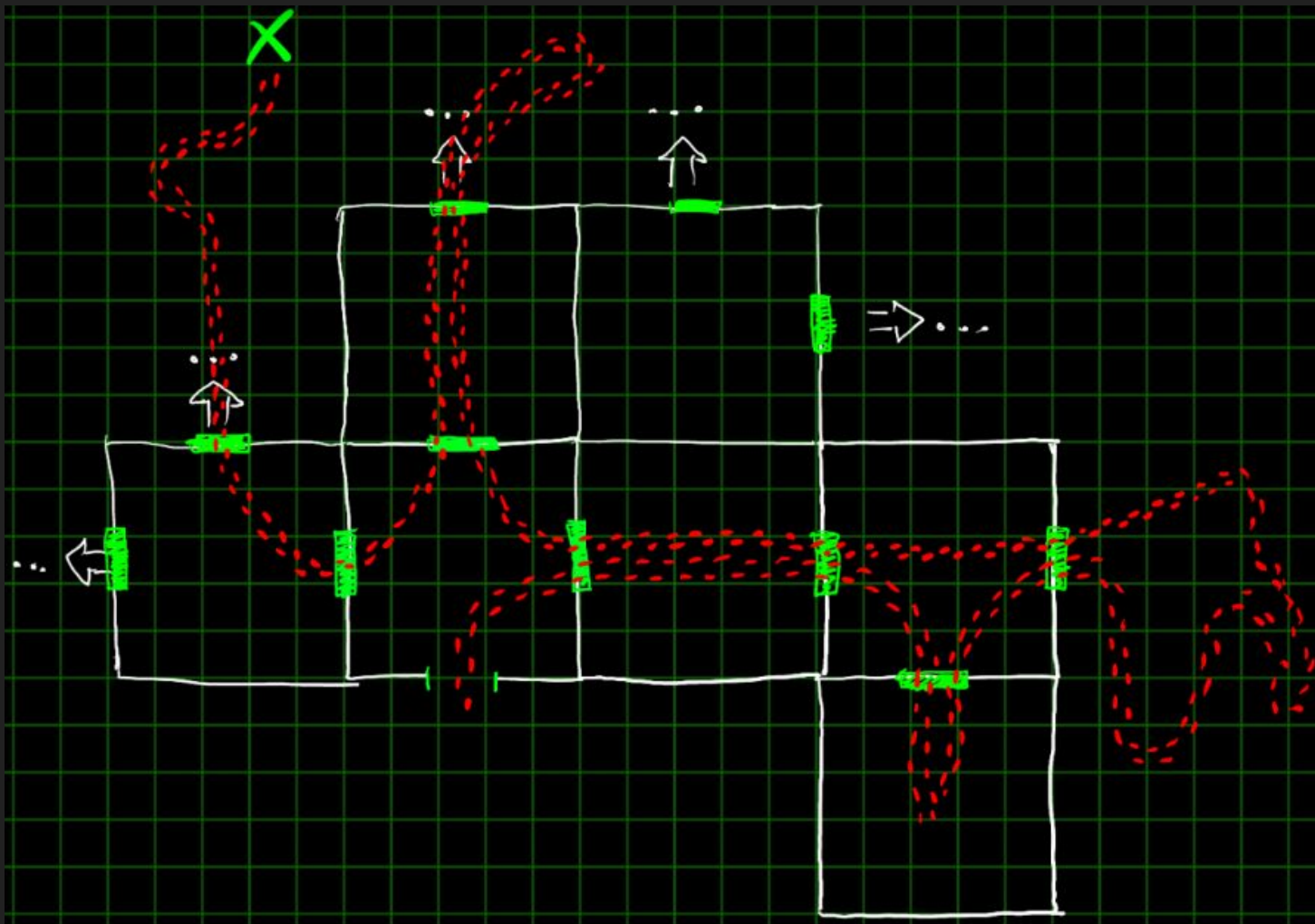
E	\rightarrow	I			
	$ $	$E + E$			
	$ $	$E * E$			
	$ $	(E)			
I	\rightarrow	a	$ $	b	$ $
				c	



- Minha próxima “chave” é o “a”
- Existem 3 portas que abrem com um “a”
- **não-determinismo**
- Vamos escolher uma!



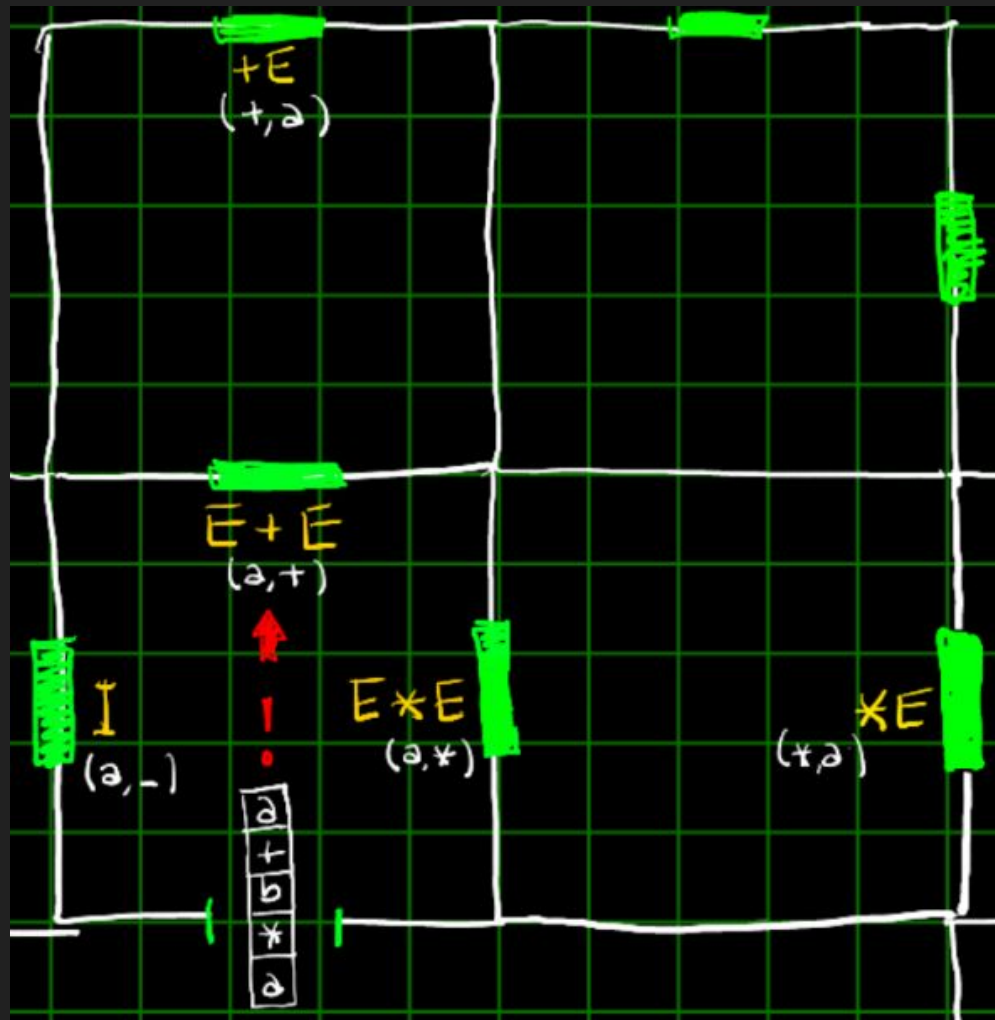
- Deixei o “a” na sala anterior
- Minha próxima “chave” é o “+”
- Só há uma porta, e ela abre com o “*”
- **Beco sem saída!**



- Abordagem com retrocesso (tentativa e erro)
- Tempo exponencial

Análise sintática descendente

- Outra opção é “adivinhar” a porta correta
 - Abordagem **preditiva**
- Como fazer isso?
 - Tentamos prever a porta correta com base na informação disponível “ao redor”
 - É uma “tentativa e erro” limitada
 - Tentamos uma das portas até um certo limite
- Na prática
 - É comum olhar apenas **uma sala à frente**



- Minha próxima “chave” é o “a”
 - A próxima depois desta é o “+”
- Existem 3 portas que abrem com um “a”
 - Mas apenas uma tem um “+” depois
- **Determinismo!**

Abordagem preditiva

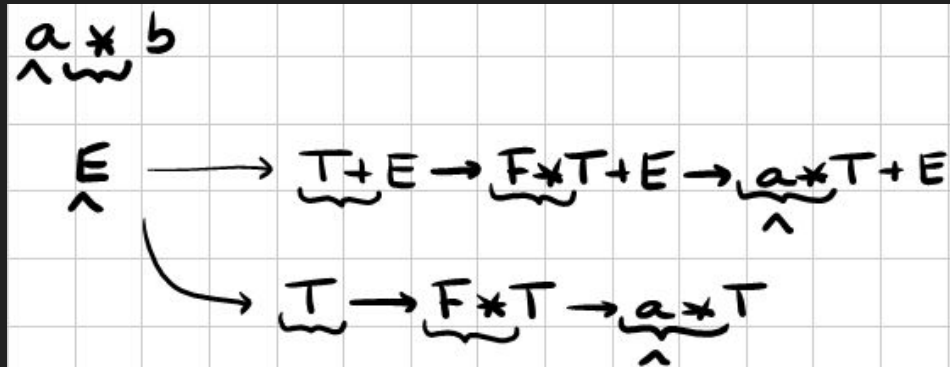
- Na construção do labirinto, tentamos “marcar” as portas com mais símbolos (K símbolos à frente)
- Dependendo das características do labirinto, sua execução pode ser 100% preditiva com um K determinado
 - Mas pode ser que não (mais sobre isso depois)

Exemplo preditivo

$$\begin{aligned} E &\rightarrow T + E \mid T \\ T &\rightarrow F * T \mid F \\ F &\rightarrow a \mid b \mid (E) \end{aligned}$$

- Entrada: $a * b$

$$K = 2$$



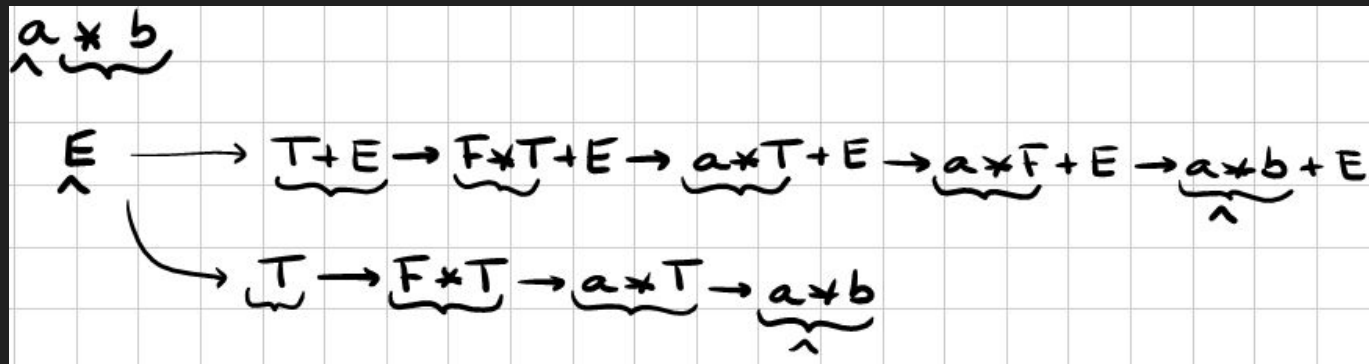
Olhando apenas dois símbolos à frente não é possível resolver o não-determinismo em E

Exemplo preditivo

$$\begin{aligned} E &\rightarrow T + E \mid T \\ T &\rightarrow F * T \mid F \\ F &\rightarrow a \mid b \mid (E) \end{aligned}$$

- Entrada: $a * b$

$$K = 3$$



Olhando apenas três símbolos à frente não é possível resolver o não-determinismo em E

Exemplo preditivo

$$\begin{aligned} E &\rightarrow T + E \mid T \\ T &\rightarrow F * T \mid F \\ F &\rightarrow a \mid b \mid (E) \end{aligned}$$

- Entrada: $a * b$

$$K = 4$$

Handwritten derivation on a grid background:

Top path: $\hat{E} \rightarrow \underline{T + E} \rightarrow \underline{F * T + E} \rightarrow \underline{a * T + E} \rightarrow \underline{a * F + E} \rightarrow \underline{a * b + E}$

Bottom path: $\hat{E} \rightarrow \underline{T} \rightarrow \underline{F * T} \rightarrow \underline{a * T} \rightarrow \underline{a * b}$

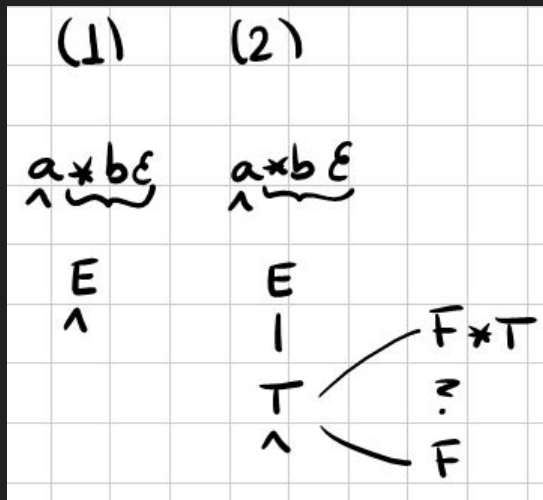
Olhando quatro símbolos à frente é possível resolver o não-determinismo em E (escolhendo $E \rightarrow T$)

Exemplo preditivo

- Entrada: $a * b$

$$\begin{aligned} E &\rightarrow T + E \mid T \\ T &\rightarrow F * T \mid F \\ F &\rightarrow a \mid b \mid (E) \end{aligned}$$

$$K = 4$$



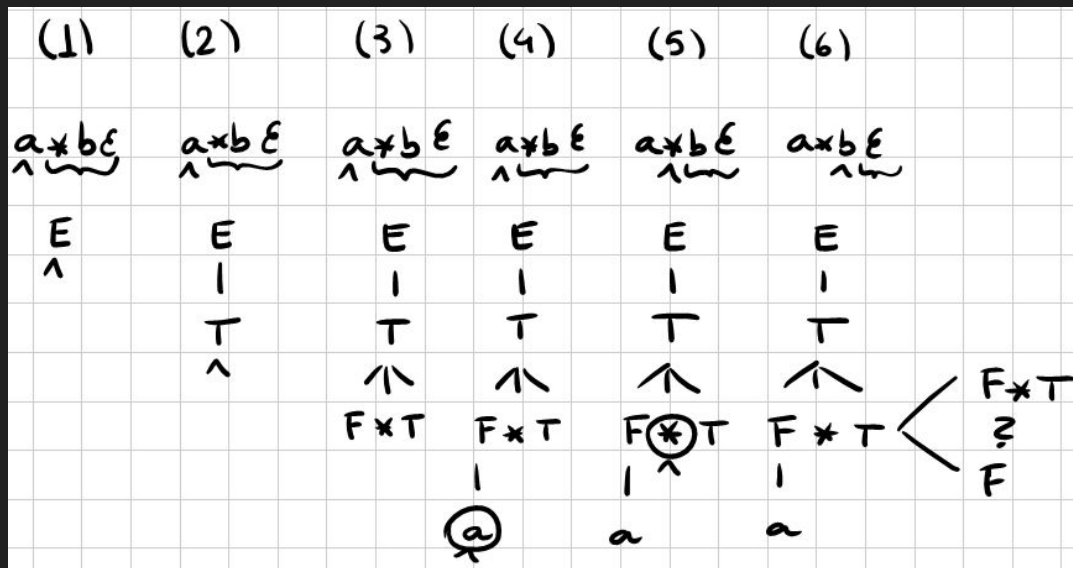
Olhando quatro símbolos à frente é possível resolver o não-determinismo em T (escolhendo $T \rightarrow F * T$)

Exemplo preditivo

- Entrada: $a * b$

$$\begin{aligned} E &\rightarrow T + E \mid T \\ T &\rightarrow F * T \mid F \\ F &\rightarrow a \mid b \mid (E) \end{aligned}$$

$$K = 4$$



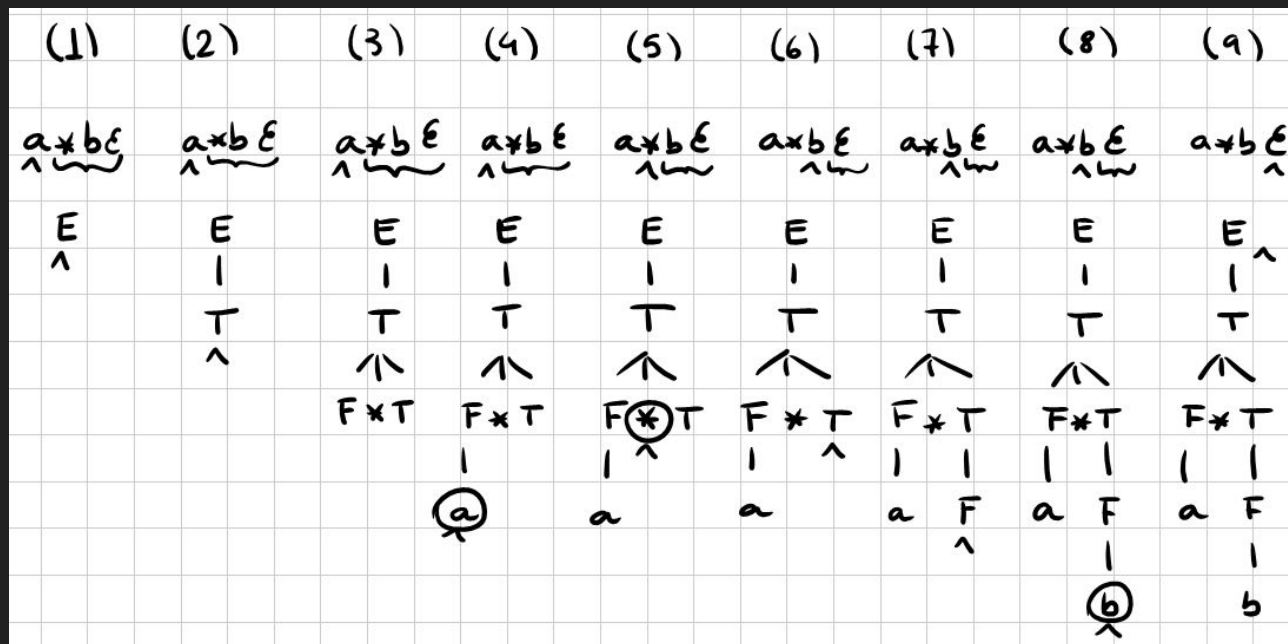
Olhando quatro símbolos à frente é possível resolver o novo não-determinismo em T (escolhendo $T \rightarrow F$)

Exemplo preditivo

$$\begin{aligned} E &\rightarrow T + E \mid T \\ T &\rightarrow F * T \mid F \\ F &\rightarrow a \mid b \mid (E) \end{aligned}$$

- Entrada: $a * b$

$$K = 4$$



Cadeia reconhecida

Análise sintática descendente

- A abordagem preditiva é mais eficiente
 - Ela não precisa tentar todos os caminhos
 - Portanto, o tempo de execução não é exponencial
 - Como a força bruta da abordagem com retrocesso
 - Porém, ela é mais cautelosa/preguiçosa ...

Análise sintática descendente

- Não é de todo labirinto que ela encontra a saída
 - Apenas alguns labirintos “especiais”
 - Com propriedades interessantes
 - Como pontos de não-determinismo limitados a 1, 2 ou k salas adjacentes
- Deve existir uma garantia de que naquele labirinto:
 - Para TODA sala com mais de uma porta com a mesma palavra ...
 - ... é SEMPRE possível determinar que a escolha da porta foi correta olhando no máximo k salas à frente

Análise sintática descendente

- Mas chega de labirintos, portas, palavras e listas
- Vamos fazer as associações:

Labirinto

Não-terminal / regra

Porta

Programa / modelo

Palavra na porta

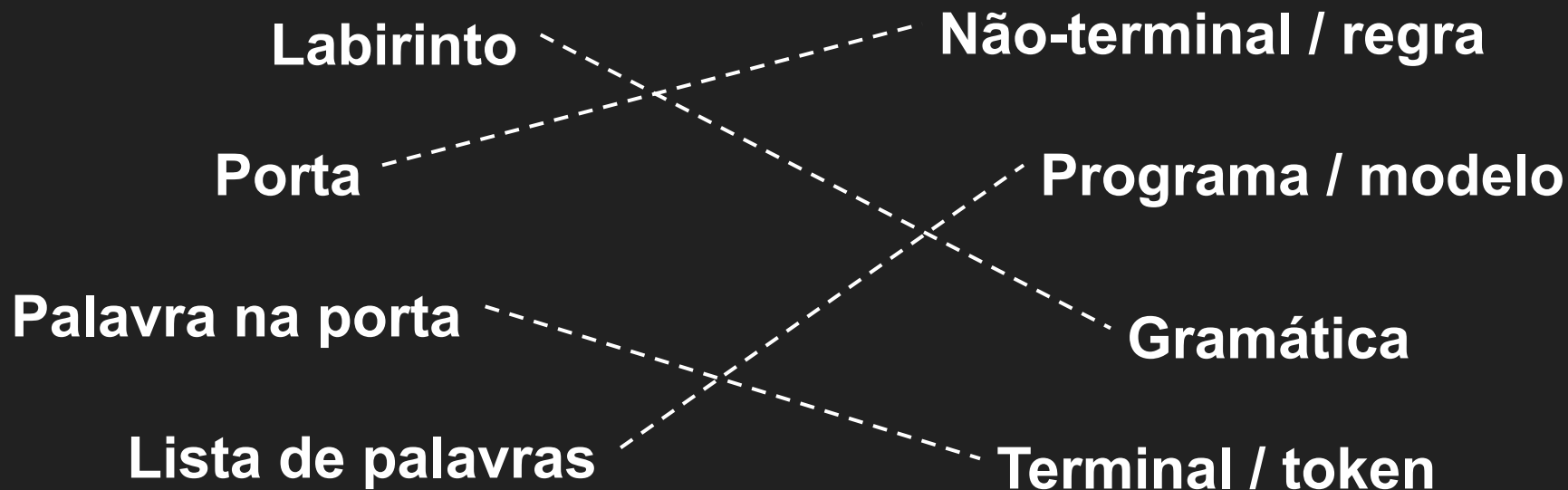
Gramática

Lista de palavras

Terminal / token

Análise sintática descendente

- Mas chega de labirintos, portas, palavras e listas
- Vamos fazer as associações:



Análise sintática descendente

Veremos algumas técnicas de implementação deste tipo de analisador sintático

Preditivo de descida recursiva – LL(1)

Preditivo de descida não-recursiva (usando pilha) – LL(1)

Técnica do macaco treinado – LL(*)

Adaptive LL(*) - All-Star

Gramáticas LL

Conjuntos primeiros e seguidores

Conjuntos gerados com base em funções associadas a uma gramática

Ajudam na construção de analisadores descendentes e ascendentes

Ajudam a escolher qual produção aplicar

Conjuntos primeiros

α é uma cadeia de símbolos gramaticais (terminais e não-terminais)

$\text{primeiros}(\alpha) =$

conjunto de **terminais** que começam as cadeias derivadas de α

Conjuntos primeiros

Gramática

$S \rightarrow A B$

$A \rightarrow a A \mid a \mid d$

$B \rightarrow b B \mid c \mid A \mid C d$

$C \rightarrow x \mid y \mid \varepsilon$

$D \rightarrow \varepsilon$

- $\text{primeiros}(abcd) = \{ a \}$
- $\text{primeiros}(ABC) = \{ a, d \}$
- $\text{primeiros}(AxCd) = \{ a, d \}$
- $\text{primeiros}(BzSB) = \{ b, c, a, d, x, y \}$
- $\text{primeiros}(CzSB) = \{ x, y, z \}$
- $\text{primeiros}(SABC) = \{ a, d \}$
- $\text{primeiros}(C) = \{ x, y, \varepsilon \}$
- $\text{primeiros}(DAB) = \{ a, d \}$
- $\text{primeiros}(DCe) = \{ x, y, e \}$
- $\text{primeiros}(DC) = \{ x, y, \varepsilon \}$

Conjuntos seguidores

A é um não-terminal

seguidores (A)

- É o conjunto de terminais que podem aparecer imediatamente após A em alguma **forma sentencial**
- Em outras palavras, é o conjunto de terminais a tal que existe uma derivação na forma $S \xRightarrow{*} \alpha A a \beta$
 - $\{a \mid S \xRightarrow{*} \alpha A a \beta\}$

Conjuntos seguidores

- Símbolo especial \$ (fim de cadeia)
 - Se A pode ser o símbolo mais à direita em alguma forma sentencial, \$ está em seguidores(A)

Conjuntos seguidores

Gramática

$S \rightarrow A B$

$A \rightarrow a A \mid a \mid d$

$B \rightarrow b B \mid c \mid A \mid C d$

$C \rightarrow x \mid y \mid \varepsilon$

$D \rightarrow \varepsilon$

- $\text{seguidores}(S) = \{ \$ \}$
- $\text{seguidores}(A) = \{ b, c, a, d, x, y, \$ \}$
- $\text{seguidores}(B) = \{ \$ \}$
- $\text{seguidores}(C) = \{ d \}$
- $\text{seguidores}(D) = \{ \}$ (não existem! Na verdade D é inalcançável a partir de S)

Gramáticas LL(k)

- LL(k) = classe de gramáticas / analisador sintático
 - Left-to-right = da esquerda para a direita
 - Leftmost derivation = derivação mais à esquerda
 - k = # símbolos à frente para previsão correta
- k > 1 geralmente acarreta em baixa eficiência
 - Por isso, estudaremos o caso LL(1)
 - LL(1) é bastante rica para a maioria das construções de linguagens de programação

Gramáticas LL(1)

- Uma gramática G é LL(1) sse para duas produções distintas $A \rightarrow \alpha \mid \beta$:
 - α e β não derivam cadeias começando com o mesmo terminal
 - No máximo um dentre α e β deriva a cadeia vazia
 - Se $\beta \xRightarrow{*} \varepsilon$, então α não deriva nenhuma cadeia começando com um terminal em seguidores(A)
 - O correspondente vale para α

Gramáticas LL(1)

- Uma gramática G é LL(1) sse para duas produções distintas $A \rightarrow \alpha \mid \beta$:
 - α e β não derivam cadeias começando com o mesmo terminal
 - No máximo um dentre α e β deriva a cadeia vazia
 - Se $\beta \xRightarrow{*} \varepsilon$, então α não deriva nenhuma cadeia começando com um terminal em seguidores(A)
 - O correspondente vale para α

primeiros(α) e
primeiros(β)
são disjuntos

Gramáticas LL(1)

- Ex: a gramática a seguir não é LL(1)

`declaracao` \rightarrow `if-decl` | `'outra'`

`if-decl` \rightarrow `'if'` `'('` `exp` `)'` `declaracao` `else-parte`

`else-parte` \rightarrow `'else'` `declaracao` | ϵ

`exp` \rightarrow `'0'` | `'1'`

`comando` \rightarrow `declaracao` | `if-decl`

`primeiros(declaracao)` = { `'outra'`, `'if'` }

`primeiros(if-decl)` = { `'if'` }

Gramáticas LL(1)

- Ex: a gramática a seguir não é LL(1)

$\text{ExprRel} \rightarrow \text{TermoRel ExprRel2}$

$\text{ExprRel2} \rightarrow \text{'OU' FatorRel ExprRel2} \mid \varepsilon$

$\text{FatorRel} \rightarrow \text{'(' ExprRel ')'} \mid \text{Expr '<' Expr}$

$\text{Expr} \rightarrow \text{Termo Expr2}$

$\text{Expr2} \rightarrow \text{'+' Termo Expr2} \mid \varepsilon$

$\text{Termo} \rightarrow \text{Fator Termo2}$

$\text{Termo2} \rightarrow \text{'*' Fator Termo2} \mid \varepsilon$

$\text{Fator} \rightarrow \text{'(' Expr ')'} \mid \text{id}$

$\text{primeiros}(\text{'(' ExprRel ')'}) = \{ \text{'('} \}$

$\text{primeiros}(\text{Expr '<' Expr}) = \{ \text{id}, \text{'('} \}$

Gramáticas LL(1)

- Uma gramática G é LL(1) sse para quaisquer derivadas distintas $A \rightarrow \alpha \mid \beta$:
 - α e β não derivam cadeias começando com o mesmo terminal
 - No máximo um dentre α e β deriva a cadeia vazia
 - Se $\beta \xRightarrow{*} \varepsilon$, então α não deriva nenhuma cadeia começando com um terminal em seguidores(A)
 - O correspondente vale para α

Quer dizer que se ε está em $\text{primeiros}(\beta)$, então $\text{primeiros}(\alpha)$ e $\text{seguidores}(A)$ são disjuntos

Gramáticas LL(1)

- Ex: a gramática a seguir não é LL(1)

`listaComandos` \rightarrow `comando` `';` `listaComandos` | `'{'` `listaComandos` `'}'`

`comando` \rightarrow `if-decl` | `'outra'` | ϵ

`if-decl` \rightarrow `'if'` `'('` `exp` `)'` `then-parte`

`then-parte` \rightarrow **`comandoThen`** | **`listaComandos`**

`comandoThen` \rightarrow `'soma'` | ϵ

`exp` \rightarrow `'0'` | `'1'`

`primeiros`(**`comandoThen`**) = { `'soma'`, ϵ }

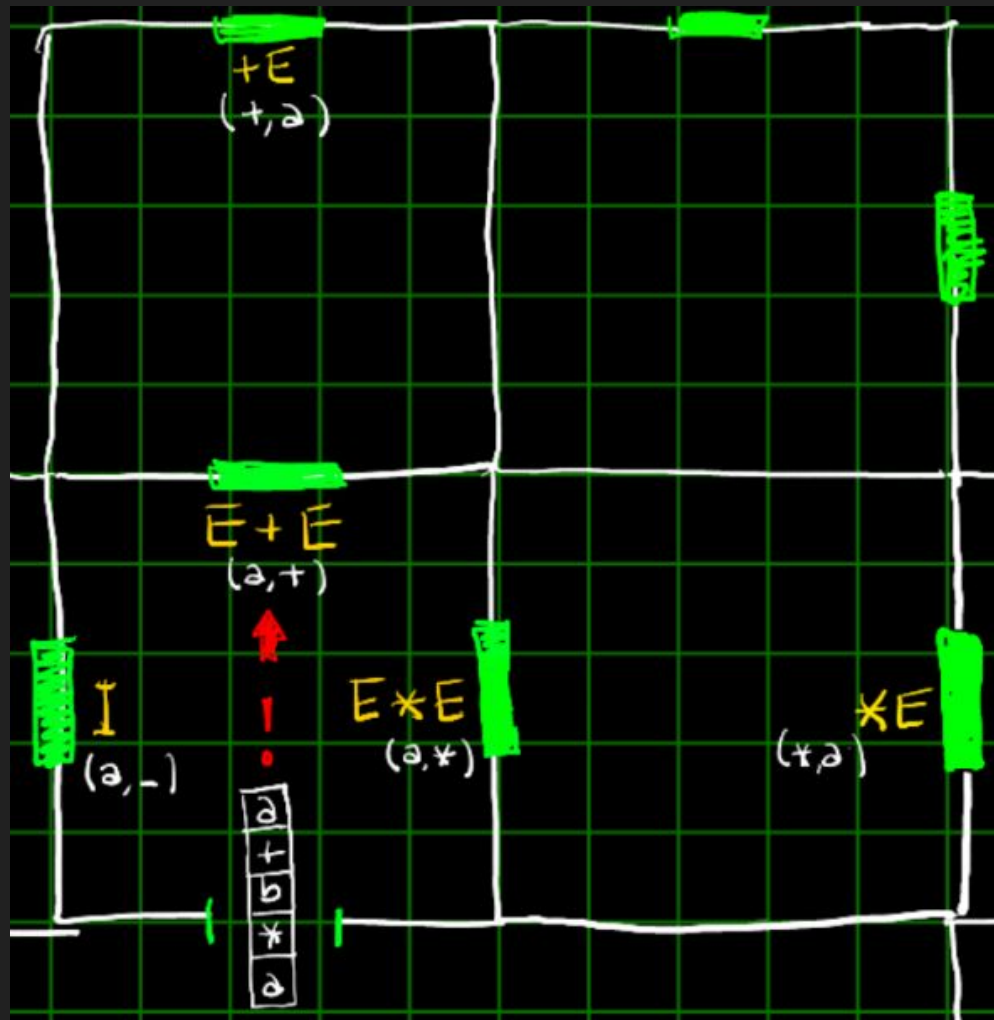
`primeiros`(**`listaComandos`**) = { `'if'`, `'outra'`, `';`, `'{'` }

`seguidores`(**`then-parte`**) = { `';` }

Gramáticas LL(1)

- Estas condições garantem ser possível escolher a produção apropriada olhando apenas o símbolo atual
- Ex:

```
cmd → 'if' '(' expr ')' cmd else cmd  
      | 'while' '(' expr ')' cmd  
      | '{' listaCmd '}'
```
- Se o símbolo atual for 'if', 'while' ou '{' é possível decidir exatamente qual alternativa usar



- Minha próxima “chave” é o “a”
 - A próxima depois desta é o “+”
- Existem 3 portas que abrem com um “a”
 - Mas apenas uma tem um “+” depois
- **Determinismo**
 - Mas somente com $k=2$
- Esse labirinto não é LL(1)

Tabela LL(1)

- Tabela de predição
 - Array bidimensional $M[A,a]$
 - Linha corresponde à produção atual
 - Coluna corresponde ao próximo terminal

	Terminais e \$
Não-terminais	



Produção a ser escolhida

Tabela LL(1)

- Ideia geral

- A produção $A \rightarrow \alpha$ é escolhida se o próximo símbolo de entrada “a” estiver em $\text{primeiros}(\alpha)$
- Se $\alpha = \varepsilon$ ou $\alpha \xRightarrow{*} \varepsilon$, escolhemos $A \rightarrow \alpha$ se
 - o próximo símbolo de entrada “a” estiver em $\text{seguidores}(A)$
 - se \$ foi alcançado e \$ está em $\text{seguidores}(A)$

Tabela LL(1)

- Objetivo
 - Colocar na tabela as possibilidades de escolha de produção, dados:
 - Um símbolo da entrada (**terminal**)
 - que representa o próximo símbolo a ser lido
 - A produção (**não-terminal**) sendo expandida
 - que representa qual símbolo precisa ser substituído no processo de derivação

Tabela LL(1)

- Algoritmo

1. Para cada terminal “a” em $\text{primeiros}(\alpha)$
 - Adicione $A \rightarrow \alpha$ em $M[A,a]$
2. Se ϵ está em $\text{primeiros}(\alpha)$ então, para cada terminal “b” em $\text{seguidores}(A)$
 - Adicione $A \rightarrow \alpha$ em $M[A,b]$
3. Se ϵ está em $\text{primeiros}(\alpha)$ e $\$$ está em $\text{seguidores}(A)$
 - Adicione $A \rightarrow \alpha$ em $M[A,\$]$

- Células vazias correspondem a erro sintático

Exemplo Tabela LL(1)

- $E \rightarrow TE'$
- $E' \rightarrow +TE' \mid \varepsilon$
- $T \rightarrow FT'$
- $T' \rightarrow *FT' \mid \varepsilon$
- $F \rightarrow (E) \mid id$

$primeiros(E) = \{ (, id \}$
 $primeiros(T) = \{ (, id \}$
 $primeiros(F) = \{ (, id \}$
 $primeiros("(") = \{ (\}$
 $primeiros(id) = \{ id \}$
 $primeiros(E') = \{ +, \varepsilon \}$
 $primeiros(+) = \{ + \}$
 $primeiros(T') = \{ *, \varepsilon \}$
 $primeiros(*) = \{ * \}$
 $primeiros(TE') = \{ (, id \}$
 $primeiros(+TE') = \{ + \}$
 $primeiros(FT') = \{ (, id \}$
 $primeiros(*FT') = \{ * \}$
 $primeiros("("E")") = \{ (\}$
 $primeiros(E'T) = \{ +, (, id \}$
 $primeiros(T'E') = \{ *, +, \varepsilon \}$

$seguidores(E) = \{ \$,) \}$
 $seguidores(E') = \{ \$,) \}$
 $seguidores(T) = \{ +, \$,) \}$
 $seguidores(T') = \{ +, \$,) \}$
 $seguidores(F) = \{ *, +, \$,) \}$

Exemplo Tabela LL(1)

	+	*	()	id	\$
E			$E \rightarrow TE'$		$E \rightarrow TE'$	
E'	$E' \rightarrow +TE'$			$E' \rightarrow \epsilon$		$E' \rightarrow \epsilon$
T			$T \rightarrow FT'$		$T \rightarrow FT'$	
T'	$T' \rightarrow \epsilon$	$T' \rightarrow *FT'$		$T' \rightarrow \epsilon$		$T' \rightarrow \epsilon$
F			$F \rightarrow (E)$		$F \rightarrow id$	

Exercício Tabela LL(1)

- Construa a tabela LL(1) da gramática

$S \rightarrow iEtSS' \mid a$ $\text{primeiros}(iEtSS') = \{i\}$

$S' \rightarrow eS \mid \varepsilon$ $\text{primeiros}(a) = \{a\}$

$E \rightarrow b$ $\text{primeiros}(eS) = \{e\}$

$\text{primeiros}(b) = \{b\}$

$\text{seguidores}(S) = \{\$, e\}$

$\text{seguidores}(S') = \{\$, e\}$

$\text{seguidores}(E) = \{t\}$

Tabela LL(1)

- Resposta

	i	t	e	a	b	\$
S	$S \rightarrow iEtSS'$			$S \rightarrow a$		
S'			$S' \rightarrow eS$ $S' \rightarrow \epsilon$			$S' \rightarrow \epsilon$
E					$E \rightarrow b$	

Não-determinismo causado pela
ambiguidade da gramática

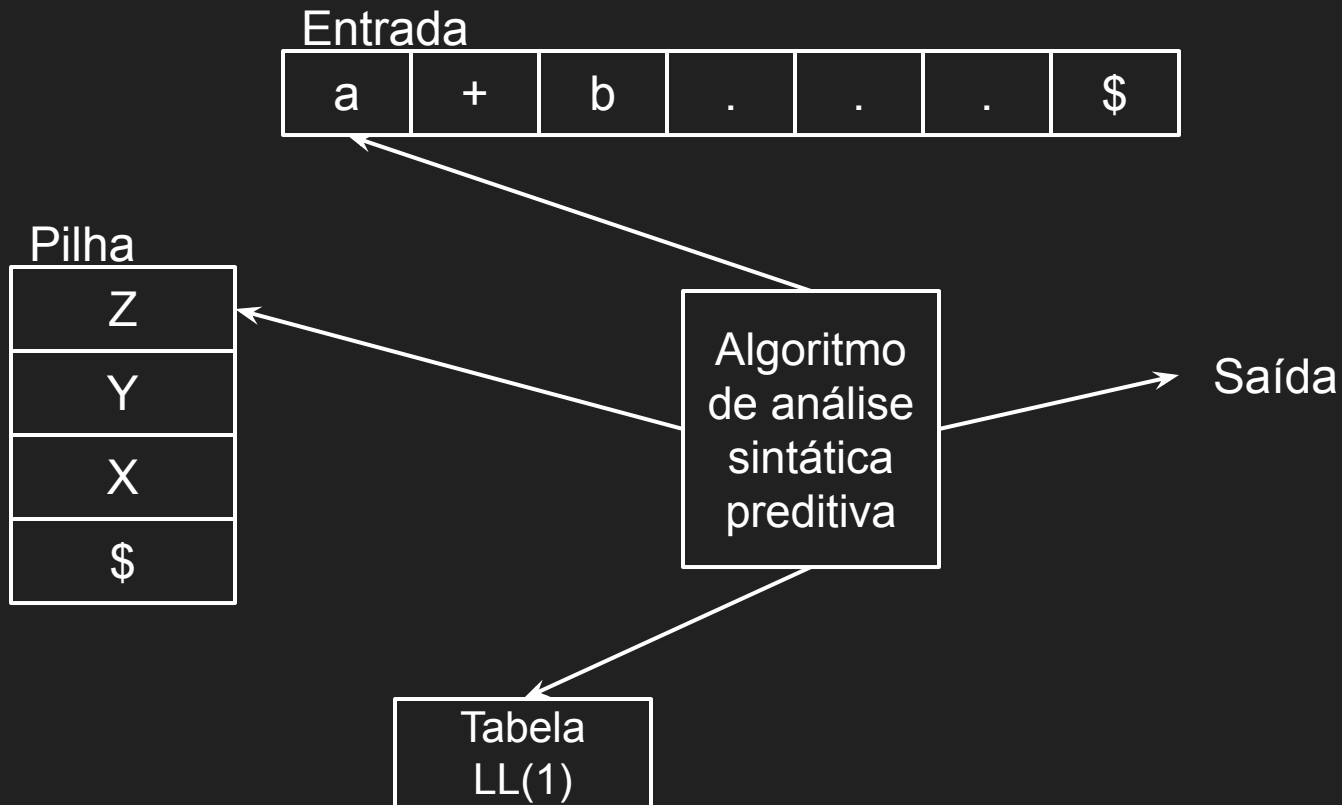
Tabela LL(1)

- O algoritmo anterior serve, portanto, para detectar se uma gramática é LL(1)
 - Células com múltiplos valores são **indícios** de:
 - Ambiguidade
 - Necessidade de fatoração
 - Recursão à esquerda
- Pode ajudar a transformar uma gramática em LL(1)
 - Mas existem gramáticas que **nunca** podem ser transformadas em LL(1)
 - Gramática do exercício anterior é um exemplo

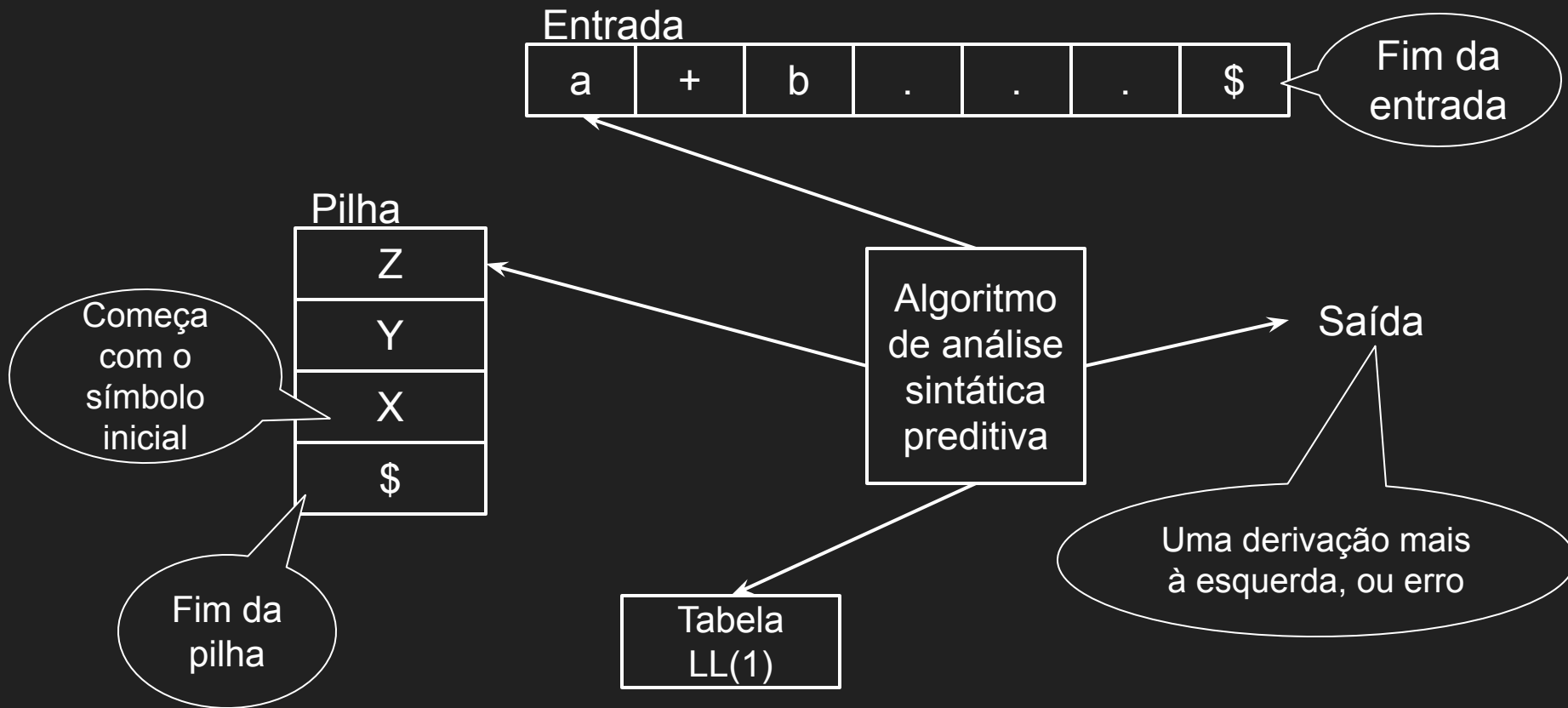
Lembrando um pouco de LFA

- Estamos lidando com **gramáticas livres de contexto**
 - Gramáticas LL(1), para ser mais específico
- A máquina capaz de processar este tipo de linguagem é um **PDA (ou autômato com pilha)**
- Portanto, vamos usar um PDA para implementar um analisador sintático LL

Análise preditiva sem recursão



Análise preditiva sem recursão



Algoritmo de análise sintática preditiva

Condições iniciais:

entrada = w\$

símbolo S no topo da pilha, sobre \$

Algoritmo:

```
1.   ip = primeiro símbolo de w
2.   X = topo da pilha // inicialmente, X = S
3.   enquanto(X != $) { // pilha não vazia
4.       a = w[ip]
5.       se(X == a) desempilhar e avançar ip
6.       senão se(X é terminal) erro
7.       senão se(M[X,a] é vazio) erro
8.       senão se(M[X,a] =  $X \rightarrow Y_1 Y_2 \dots Y_k$ ) {
9.           imprimir " $X \rightarrow Y_1 Y_2 \dots Y_k$ "
10.          desempilhar
11.          empilhar  $Y_k, Y_{k-1}, \dots, Y_1$  // nessa ordem
12.      }
13.      X = topo da pilha
14.  }
```

Análise sintática preditiva sem recursão

- Exercício

- Entrada = id + id * id \$

$$E \rightarrow TE'$$

$$E' \rightarrow +TE' \mid \varepsilon$$

$$T \rightarrow FT'$$

$$T' \rightarrow *FT' \mid \varepsilon$$

$$F \rightarrow (E) \mid \text{id}$$

	+	*	()	id	\$
E			$E \rightarrow TE'$		$E \rightarrow TE'$	
E'	$E' \rightarrow +TE'$			$E' \rightarrow \varepsilon$		$E' \rightarrow \varepsilon$
T			$T \rightarrow FT'$		$T \rightarrow FT'$	
T'	$T' \rightarrow \varepsilon$	$T' \rightarrow *FT'$		$T' \rightarrow \varepsilon$		$T' \rightarrow \varepsilon$
F			$F \rightarrow (E)$		$F \rightarrow \text{id}$	

Exercício

Casamento	Pilha	Entrada	Ação
	<u>E</u> \$	<u>id</u> +id*id\$	$E \rightarrow TE'$
	<u>TE'</u> \$	<u>id</u> +id*id\$	$T \rightarrow FT'$
	<u>FT'</u> E'\$	<u>id</u> +id*id\$	$F \rightarrow id$
	<u>id</u> T'E'\$	<u>id</u> +id*id\$	match
<u>id</u>	<u>T'</u> E'\$	<u>+</u> id*id\$	$T' \rightarrow \varepsilon$
	<u>E'</u> \$	<u>+</u> id*id\$	$E' \rightarrow +TE'$
	<u>+</u> TE'\$	<u>+</u> id*id\$	match
id <u>+</u>	<u>TE'</u> \$	<u>id</u> *id\$	$T \rightarrow FT'$
	<u>FT'</u> E'\$	<u>id</u> *id\$	$F \rightarrow id$
	<u>id</u> T'E'\$	<u>id</u> *id\$	match
id+ <u>id</u>	<u>T'</u> E'\$	<u>*</u> id\$	$T' \rightarrow *FT'$
	<u>*</u> FT'E'\$	<u>*</u> id\$	match
id+id <u>*</u>	<u>FT'</u> E'\$	<u>id</u> \$	$F \rightarrow id$
	<u>id</u> T'E'\$	<u>id</u> \$	match
id+id* <u>id</u>	<u>T'</u> E'\$	<u>\$</u>	$T' \rightarrow \varepsilon$
	<u>E'</u> \$	<u>\$</u>	$E' \rightarrow \varepsilon$
	<u>\$</u>	<u>\$</u>	OK

$$LL(k) \subseteq LL(*)$$

LL(1)

- A grande **vantagem** do algoritmo LL(1) é a sua facilidade no entendimento/depuração!
 - É mais fácil seguir a execução em um processo de derivação (quando comparado com a inferência)
- A grande **desvantagem** são os não-determinismos
 - Ambiguidade
 - Fatoração à esquerda

LL(k)

- Estendendo o algoritmo LL(1) para LL(k), onde $k > 1$
 - Ao invés de `primeiros` e `seguidores`, teríamos `primeirosk` e `seguidoresk`
 - Teríamos uma LL(**k**), construída exatamente da mesma maneira
- A diferença é que, ao tentar prever qual regra usar, é preciso olhar (e comparar) k símbolos adiante

LL(k)

- Exemplo:

É possível gerar
o seguinte
analisador
preditivo de
descendência
recursiva

```
stat : ID '=' expr  
      | ID ':' stat  
      ;
```

Essa gramática
não é LL(1),
mas é LL(2)

```
void stat() {  
    if ( LA(1)==ID&&LA(2)==EQUALS ) { // PREDICT  
        match(ID);                     // MATCH  
        match(EQUALS);  
        expr();  
    }  
    else if ( LA(1)==ID&&LA(2)==COLON ) { // PREDICT  
        match(ID);                     // MATCH  
        match(COLON);  
        stat();  
    }  
    else «error»;  
}
```

LL(k)

- Mas, na prática $k > 1$ não é muito interessante
 - A tabela seria (exponencialmente) grande, com muitas colunas para cobrir todas as combinações de k símbolos à frente
 - A tabela precisaria considerar diferentes contextos para os conjuntos seguidores
 - Muitas vezes, se uma gramática não é LL(1), ela provavelmente não é LL(k) também
 - Ex: recursividade à esquerda independe de k

LL(k)

- Outro exemplo de uma gramática que não é LL(k)

- Nenhum k fixo pode resolver o problema de decidir qual regra usar

```
method
    : type ID '(' args ')' ';'           // E.g., "int f(int x,int y);"
    | type ID '(' args ')' '{' body '}' // E.g., "int f(int z) {...}"
    ;
type: 'void' | 'int' ;
args: arg (',' arg)* ; // E.g., "int x, int y, int z, ..."
arg : 'int' ID ;
body: ... ;
```

- Solução (menos legível, ruim para adicionar semântica)

```
method
    : type ID '(' args ')' (';' | '{' body '}')
    ;
```

LL(k)

- Em resumo, LL(1) era o melhor que podíamos fazer de forma automática
- A alternativa é construir o analisador “na mão” ou partir para a análise LR
 - Que veremos a seguir
- Mas analisadores LR são mais complexos de implementar/utilizar em outros aspectos
 - Apesar de as gramáticas ficarem mais legíveis
 - E construir à mão é trabalhoso
- Felizmente, existe uma técnica chamada LL(*), que une o melhor dos mundos LL e LR
 - Foi desenvolvida há alguns anos, e não consta nos livros clássicos de compiladores (Dragão, Louden)

LL(*)

- Outro exemplo

```
def : modifier* classDef      // E.g., public class T {...}  
    | modifier* interfaceDef // E.g., interface U {...}  
    ;
```

- Podemos fatorar à esquerda (ruim)

```
def : modifiers* (classDef|interfaceDef) ;
```

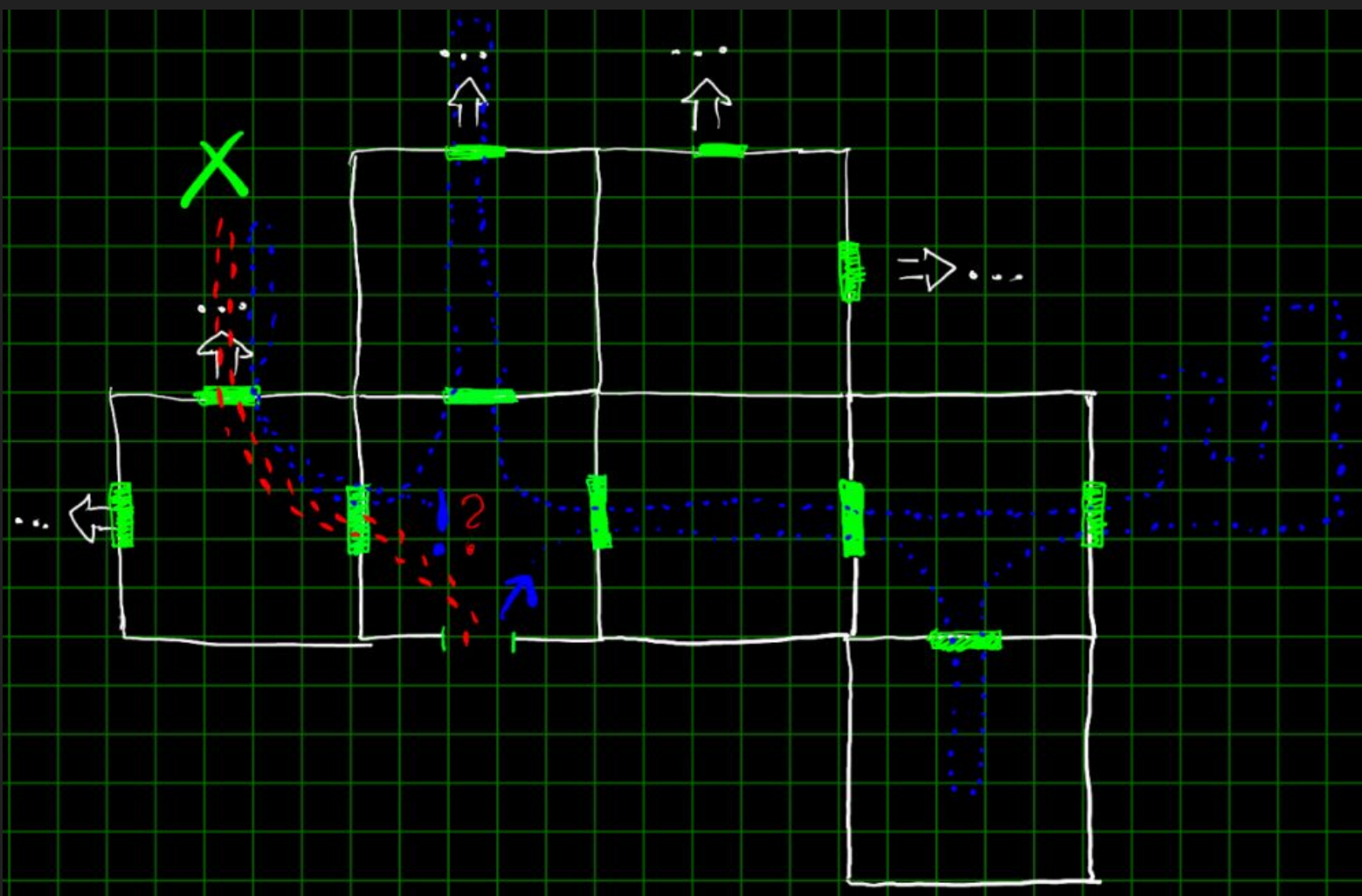
- Outra opção: método de busca feito à mão (findAhead)

```
def : {findAhead(CLASS_TOKEN)}?    modifier* classDef  
    | {findAhead(INTERFACE_TOKEN)}? modifier* interfaceDef
```

LL(*)

- O método findAhead serve apenas para a predição
 - Ele inspeciona símbolos à frente, em busca de um determinado símbolo de decisão
 - Portanto, é um método leve e eficiente
- O número de símbolos inspecionado é variável
 - $k=*$, por isso LL(*)

Voltando à analogia do labirinto: É como se pudéssemos mandar um macaco treinado na frente, para encontrar o caminho rapidamente



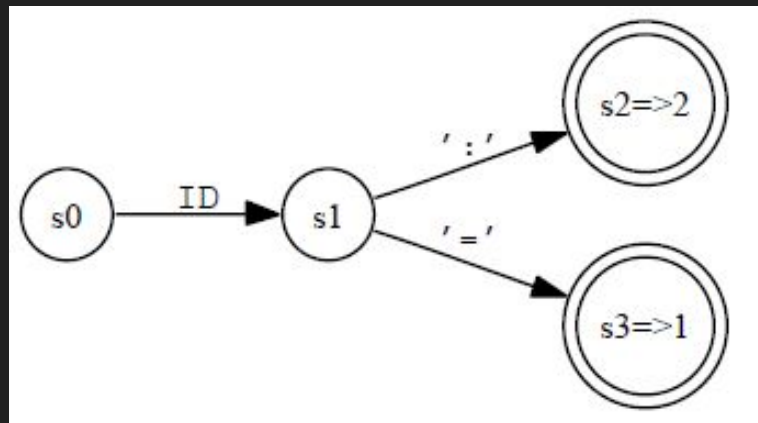
LL(*)

A técnica LL(*) consiste essencialmente em **gerar automaticamente** o método lookAhead com base na definição da gramática

LL(*)

- Voltando ao exemplo
- Nesse caso, a decisão consiste em encontrar um ponto de divergência entre as duas regras
 - Normalmente é um único token que fica alguns símbolos à frente
 - Podemos ver como um DFA!

```
stat : ID '=' expr  
      | ID ':' stat  
      ;
```



LL(*)

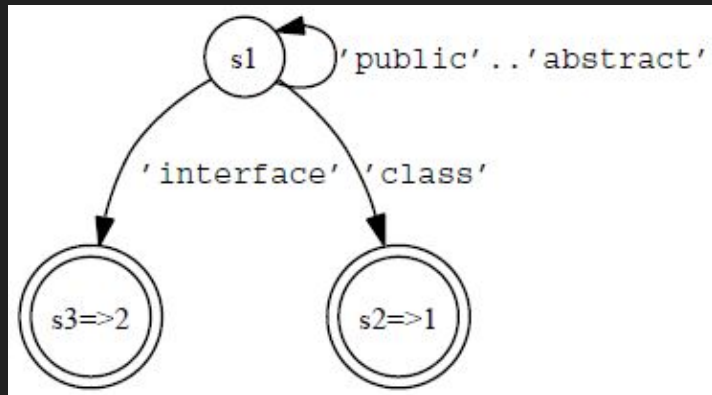
- Faz sentido então pensarmos em um DFA de decisão
 - Um modelo **mais simples**, não chega a ser uma gramática livre de contexto
 - De fato, é uma gramática **regular**
 - Serve apenas para tomar a decisão
- Importante:
 - Em análise LL(k), com k fixo, o DFA é sempre ACÍCLICO!!!
 - Ou seja, o macaco não passa por uma mesma sala mais do que uma única vez
 - LL(*) utiliza um DFA que pode conter ciclos

LL(*)

- Observe o seguinte exemplo:

```
def : modifier* classDef  
    | modifier* interfaceDef  
    ;
```

- O DFA de decisão seria:

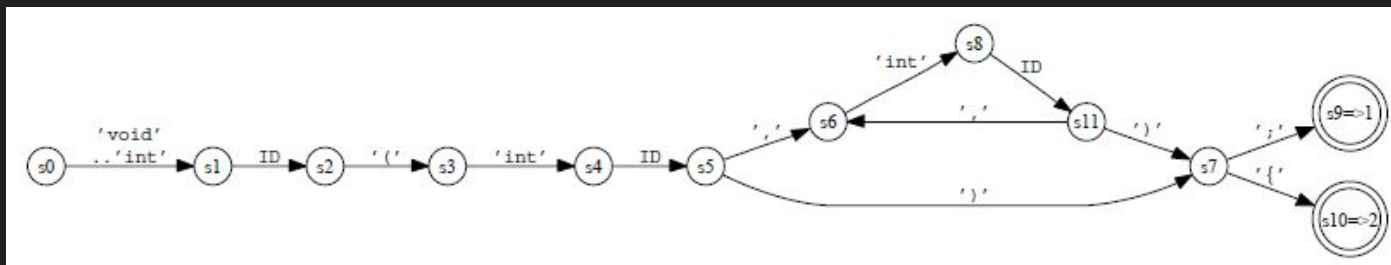


LL(*)

- Outro exemplo:

```
method
  : type ID '(' args ')' ';'          // E.g., "int f(int x,int y);"
  | type ID '(' args ')' '{' body '}' // E.g., "int f(int z) {...}"
  ;
type: 'void' | 'int' ;
args: arg (',' arg)* ; // E.g., "int x, int y, int z, ..."
arg : 'int' ID ;
body: ... ;
```

- O DFA ficaria:



LL(*)

- Ou seja, LL(*) é uma técnica **poderosa**, com grande poder de reconhecimento
 - **Não precisa fatorar à esquerda**, o que leva a gramáticas mais **intuitivas**
 - Permite a geração de analisadores de descendência recursiva
 - Mais **legíveis e fáceis de compreender** (quando comparado com analisadores LR – que veremos a seguir)
 - Facilita a **inserção de ações semânticas** (veremos mais adiante)

ALL(*) - Adaptive LL(*)

- Geração do DFA de decisão em tempo de execução
 - Múltiplos subparsers em cada ponto de dúvida
 - Fase de especulação
 - Em caso de ambiguidade: predicado semântico ou "a regra que aparecer primeiro"
- Uso da pilha de execução do parser
 - Para realizar a previsão de acordo com o contexto anterior
- Resultado: **qualquer gramática não-recursive à esquerda** pode ser analisada

ALL(*)

- Além disso:
 - Reescrita automática de regras - remoção da recursividade direta à esquerda
 - Muitas otimizações - permite recursividade no léxico!
- Resultado:
 - Quase qualquer gramática "roda"!

Resumo

1. Analisadores descendentes - derivação
2. Esforço é conseguir 100% de predição / eficiência
 - a. Sem abrir mão da facilidade de uso e desenvolvimento
3. Técnicas automatizadas
4. Evolução até a mais recente

Simples e eficiente
Porém com
restrições na
gramática que
dificultavam
bastante seu uso e
abrangência

$$LL(1) \Rightarrow LL(k) \Rightarrow LL(*) \Rightarrow ALL(*)$$

Simples e eficiente
Praticamente
qualquer
gramática pode
ser utilizada sem
necessidade de
reescrita

Fim