

Час 5. Просек низа бројева

На овом часу ћеш научити:

1. како да израчунаш просек низа бројева;
2. како да дефинишеш своје функције у Пајтону (а пре свега функцију која рачуна просек); и
3. како да на истом графикону прикажеш и податке и њихов просек.

5.1. Просек

Постоји много ситуација када се низ бројева може згодно описати неким *карактеристичним представником*. На пример, ученици добијају оцене из много предмета, али на крају школске године школски систем жели да "изведе" једну оцену и да том оценом окарактерише рад ученика у тој години.

Временом се као најпогоднији *карактеристични представник* низа бројева показао *просек*. Просек низа бројева се рачуна овако:

$$\text{просек низа } [x_1, x_2, \dots, x_n] = \frac{x_1 + x_2 + \dots + x_n}{n}.$$

Дакле, да бисмо добили просек низа бројева саберемо све елементе низа и тако добијени број поделимо дужином низа.

У Пајтону се обе ове активности могу обавити позивом одговарајуће уграђене функције: функција `len` рачуна дужину низа, док функција `sum` рачуна збир елемената низа бројева.

На пример:

```
In [7]: # изврши ову ћелију!  
L = [1, 3, 5, 7, 9, 10]  
print(len(L))  
print(sum(L))
```

```
6  
35
```

(Примети да су ове функције *уграђене у Пајтон* и да нема потребе ловити их по библиотекама!)

Према томе, просек низа бројева се у Пајтону рачуна овако:

```
In [8]: # изврши ову ћелију!  
print("Prosek niza brojeva", L, "je", sum(L) / len(L))
```

```
Prosek niza brojeva [1, 3, 5, 7, 9, 10] je 5.833333333333333
```

5.2. Дефинисање нових функција у Пајтону

Како ћемо данас у много наврата рачунати просек, дефинисаћемо нову функцију која га рачуна. У претходним разредима смо се већ срели са дефиницијама нових функција у Пајтону и зато мали програм који следи не би требало да представља изненађење за тебе.

Изврши следећу ћелију:

```
In [9]: def prosek(L):  
        return sum(L) / len(L)
```

Након извршавања ове ћелије систем не треба да врати никакав излаз.

Претходни програм је у систем унео нову дефиницију: функција `prosek` ће прихватити неки низ `L` и онда ће као резултат свог рада вратити збир елемената низа `L` подељен дужином низа `L` (дакле, просек елемената тог низа).

Примети да је списак Пајтон наредби које представљају *тело функције* и објашњавају шта функција ради увучен за четири празнине.

Да видимо како ради наша нова функција! Изврши следећу ћелију:

```
In [10]: print("Prosek niza brojeva", L, "je", prosek(L))
```

Prosek niza brojeva [1, 3, 5, 7, 9, 10] je 5.833333333333333

Хајде, сада, у ћелију испод унеси своје оцене из информатике и онда израчунај њихов просек.

```
In [11]: ocene = [5, 4, 5, 2, 3] # <-- овде унеси своје оцене, а онда изврши ћелију  
print("Prosek mojih ocena iz informatike je", prosek(ocene))
```

Prosek mojih ocena iz informatike je 3.8

5.3. Приказивање података и њиховог просека

Претпоставимо да је на полугодишту један ученик имао следеће оцене из наведених предмета (изврши следећу ћелију како бисмо имали ове податке у систему):

```
In [15]: predmeti = ["мат", "срп", "лик", "ист", "физ", "муз", "тио"]  
ocene     = [2,    4,    5,    3,    5,    4,    5]
```

У овој вежби желимо да прикажемо оцене хистограмом и да просечна оцена буде означена црвеном линијом како бисмо могли да видимо које оцене су изнад просека, а које испод.

Прво ћемо учитати библиотеку за цртање графика:

```
In [16]: import matplotlib.pyplot as plt
```

Хистограм са оценама можемо да нацртамо веома једноставно:

```
In [18]: # изврши ћелију
plt.figure(figsize=(10,5))
plt.bar(predmeti, ocene)
plt.title("Оцене на полугодишту")
plt.show()
plt.close()
```



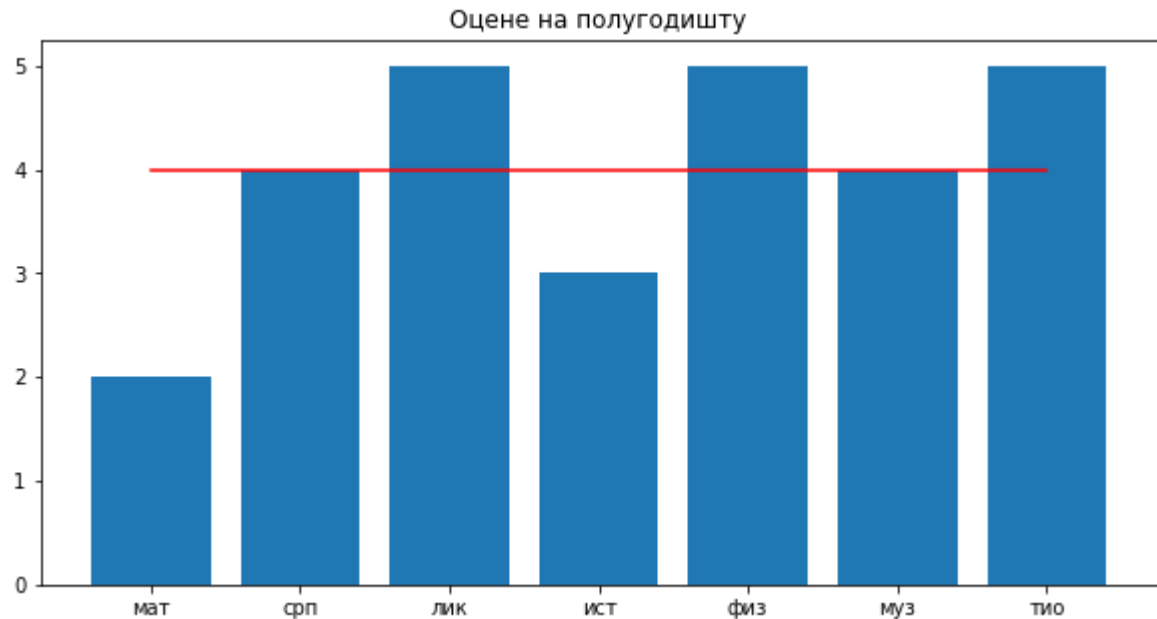
Сада желимо да преко хистограма нацртамо црвену линију која представља просечну оцену. Прво ћемо израчунати просечну оцену `po` :

```
In [19]: # изврши ћелију
po = prosek(ocene)
```

а онда ћемо на горњи дијаграм додати и низ података који изгледа овако:

```
[po, po, po, po, po, po, po]
```

```
In [20]: # изврши ћелију
plt.figure(figsize=(10,5))
plt.bar(predmeti, ocene)
plt.plot(predmeti, [po, po, po, po, po, po, po], color="r")
plt.title("Оцене на полугодишту")
plt.show()
plt.close()
```



Ако један исти податак `s` треба поновити `n` пута можемо да пишемо као горе:

```
[s, s, s, (и тако даље)]
```

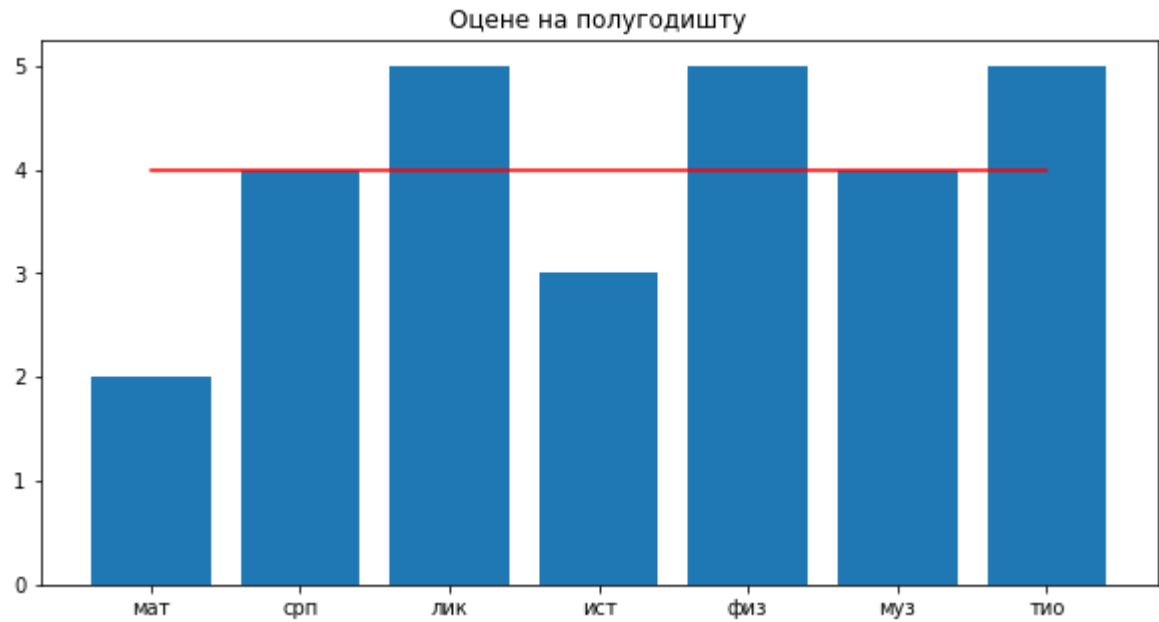
али можемо да то запишемо краће овако:

```
[s]*n
```

Ознаком `[s]*n` смо Пајтону рекли да желимо да направимо нови низ који се добија тако што се низ `[s]` "умножи" `n` пута. На пример, `[5]*7 = [5, 5, 5, 5, 5, 5, 5]`. (Такође је `[6, 7, 8]*3 = [6, 7, 8, 6, 7, 8, 6, 7, 8]`, али нам ово за сада неће бити потребно.)

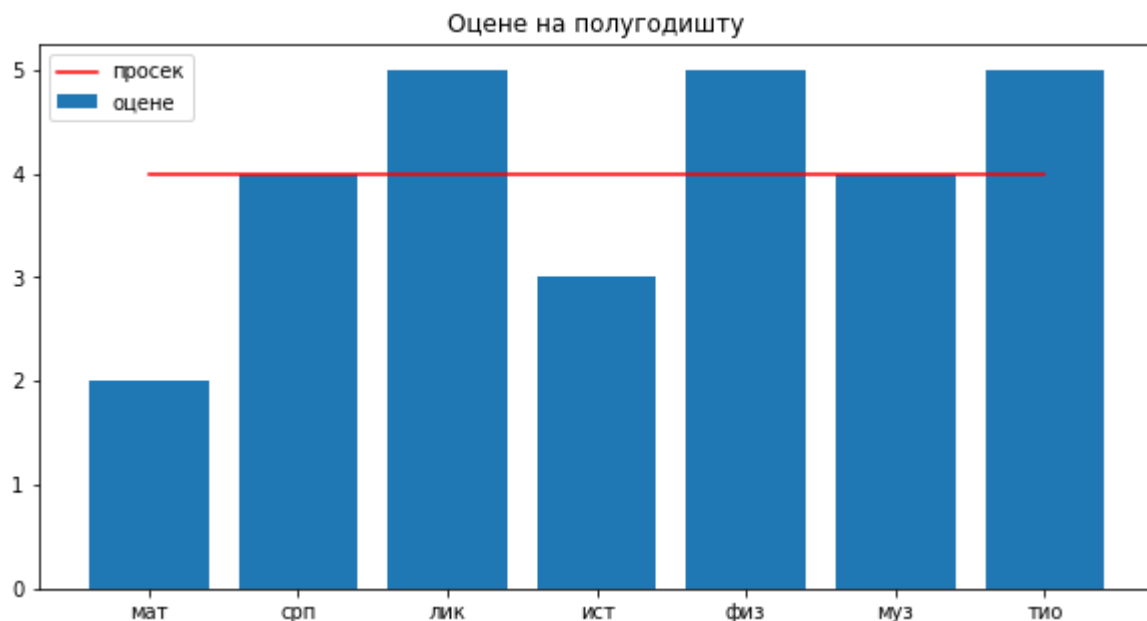
Тако добијамо следећу верзију програма:

```
In [21]: # изврши ћелију
plt.figure(figsize=(10,5))
plt.bar(predmeti, ocene)
plt.plot(predmeti, [po] * len(ocene), color="r")
plt.title("Оцене на полугодишту")
plt.show()
plt.close()
```



За крај ћемо дијаграму додати легенду:

```
In [22]: # изврши ћелију
plt.figure(figsize=(10,5))
plt.bar(predmeti, ocene, label="оцене")
plt.plot(predmeti, [po] * len(ocene), color="r", label="просек")
plt.title("Оцене на полугодишту")
plt.legend()
plt.show()
plt.close()
```



5.4. Задаци за вежбање

Задатак 1. Једна збирка кратких прича за децу има 12 страна - по једна прича на свакој страни. Приче имају мали број речи, и то, по странама: 271, 354, 296, 301, 333, 326, 285, 298, 327, 316, 287 и 314. Колики је просечан број речи по причи у овој књизи?

(Додај ћелију испод ове, па израчунај просек користећи функцију коју смо дефинисали на почетку!)

Задатак 2. (а) Мирко из музичког има 5, 4, 5 и још једну оцену која се не види јер се преко ње разлило мастило. Просек његових оцена из музичког је 4. Која је то оцена преко које се разлило мастило?

(б) Колико још петица Мирко треба да добије да би наставница музичког за крај године морала да му закључи оцену 5? (Према Правилнику о оцењивању у основним школама, ако је просек оцена уписаних у дневник 4,50 или више, наставник *мора* да закључи оцену 5.)

(Помоћ: решење задатка под (а) израчунај - за то ти не треба Пајтон; решење задатка под (б) можеш да израчунаш, али можеш и да га погодиш тако што ћеш експериментисати са разним могућностима Миркових оцена из музичког - користи функцију `prosek`.)

Задатак 3. Првих десет места на АТП листи на дан 20.6.2018. изгледа овако:

```
In [ ]: # изврши ову ћелију!  
teniseri = ["Federer", "Nadal", "Zverev", "Del Potro", "Dimitrov", "Čilić", "Thiem"]  
poeni    = [8920,      8770,      5965,      5080,      4870,      4860,      3835,
```

(a) Додај нову ћелију испод ове, па у њој прикажи хистограмом податке о АТП поенима првих десет тенисера на свету, а црвеном линијом прикажи просечан број поена првих десет играча на АТП листи.

(б) Колико од њих је изнад просека?

Задатак 4. На почетку одељка 5.3. дате су оцене једног ученика на полугодишту. Хистограмом прикажи колико свака од оцена одступа од просека. Следећи Пајтон програмчић ће ти помоћи:

```
In [ ]: odstupanje = [0] * len(ocene) # овим смо направили низ нула, само да резервишемо  
for i in range(len(ocene)):  
    odstupanje[i] = ocene[i] - po
```