

TECHNOLOGIE SIECIOWE

Sprawozdanie

Lista 2

Mikołaj Szarapanowski 208865
grupa Poniedziałkowa 7:30

1. Cel

Celem niniejszego sprawozdania jest zbadanie niezawodności pewnych modeli sieci.

Do testowania grafów używamy metody Monte Carlo: Zostały usunięte losowe krawędzie, a następnie została sprawdzona spójność grafu (zadanie 1 oraz 2) oraz przesyły i opóźnienie (zadanie 2). Przy odnoszeniu się do linii kodu w odnośnikach, należy zwrócić uwagę, że są to numery linii w klasie, w której dane pole, metoda czy funkcja się znajduje.

2. Zadanie pierwsze

a) Opis programu

Program ma za zadanie sprawdzenie niezawodności sieci. Program został napisany w języku Java, natomiast biblioteką, która okaże się niezbędna do tworzenia grafów jest *Jgrapht*¹.

Opis klas:

-*public interface GraphFactory*

Na początku w programie został zaimplementowany interfejs publiczny *GraphFactory*², który posiada metodę *createGraph*². Według tego interfejsu mają zostać zaimplementowane grafy do odpowiednich podpunktów.

-*public class A,B,C,D*

W klasie *A* został zaimplementowany interfejs *GraphFactory* do stworzenia grafu g^3 . W pierwszej pętli *for* zostało dodanych 20 wierzchołków. Metoda *addVertex*⁴ jest metodą z biblioteki *Jgrapht*. Z tej samej biblioteki w kolejnej pętli użyto metod *setEdgeWeight*⁵ i *addEdge*⁶. Odpowiadały one za stworzenie 20 krawędzi o wadze 0.95. Analogicznie do klasy *A*, w klasach *B*, *C* oraz *D* użyto tych metod do dodania krawędzi opisanych w specyfikacji zadania.

-*public class Exercise1*

W klasie *Exercise1* zaczynam od implementowania metody *start*⁷, która wywoła się w chwili uruchomienia zadania pierwszego. Na początku zostanie stworzona tablica grafów, a następnie dodane do niej zostaną 4 grafy (*A*, *B*, *C* oraz *D*). Zmienne *all*⁸ oraz *passed*⁹ odpowiadają odpowiednio za liczenie ile prób usuwania się odbyło i ile razy graf się po próbie rozerwania zachował spójność. Aby zbadać niezawodność sieci na początku uruchamiam generator liczb losowych *Random generator*¹⁰ z przedziału (0,1) i jeśli liczba losowa jest większa niż waga krawędzi, to krawędź zostanie usunięta. W ten sposób jest sprawdzana każda krawędź grafu. Po zbadaniu wszystkich grafów sprawdzam metodą *isConnectivity*¹¹, czy graf zachował spójność, jeśli tak, to zwiększam licznika *passed*. Na końcu wypisuje wyniki mojego eksperymentu

1)*Jgrapht*- Linia: 3-4

2)*GraphFactory*- Linia: 6

3) *g*- Linia:10

4) *addVertex*- Linia: 14

5)*setEdgeWeight*- Linia: 18

6)*addEdge*- Linia: 18

7)*start*- Linia: 17

8)*all*- Linia: 30

9)*passed*- Linia: 31

10)*Random generator*- Linia: 15

11)*isConnectivity*- Linia: 78

b) Przykładowe wywołania, analiza oraz interpretacja wyników

Przykładowy wynik wywołania:

A: 37% 376/1000

Każdą linijkę programu należy odczytywać w ten sposób:

<litera podzadania> <niezawodność> <ilość pomyslnych prób>/<Ilość wszystkich prób>

Oto tabela niezawodności poszczególnych grafów przy próbie wykonania 1000 prób pięciokrotnie:

	A	B	C	D
1	37%	75%	89%	94%
2	35%	74%	90%	93%
3	39%	75%	90%	94%
4	37%	74%	88%	94%
5	36%	75%	88%	94%

Obserwując powyższe wyniki łatwo zauważyć że w przypadku A (gdy graf jest w postaci linii) mamy najmniejsze szanse na spójność grafu. Usunięcie już nawet jednej krawędzi z grafu powoduje jego niespójność.

W przypadku B po dodaniu krawędzi można zauważyć blisko dwukrotny wzrost na uzyskanie grafu spójnego.

W podpunkcie C dodajemy dwie dodatkowe krawędzie i tutaj również zostaje zauważony znaczący wzrost szans na uzyskanie spójności grafu.

W przypadku D do grafu dodajemy 4 krawędzie między losowo wybranymi wierzchołkami, co powoduje większy procent przypadków gdy graf po usunięciu krawędzi zachował spójność.

3. Zadanie drugie

a) Opis programu

-public class MyEdge

Klasa *MyEdge* posiada pola *capacity*¹², *flow*¹³ oraz *weight*¹⁴, które zawierają w sobie odpowiednio informacje o wadze krawędzi, przepływie oraz przepustowości strumienia pakietów. W klasie znajdują się metody, które są odpowiedzialne za ustalanie i pobieranie informacji o tych polach.

¹²)capacity- Linia: 7

¹³)flow- Linia:8

¹⁴)weight- Linia: 9

-public class Exercise2

Lwia część całego zadania drugiego znajdują się w klasie *Exercise2*, a dokładnie w metodzie *makeExercises*¹⁵, która wywołuje inne zaimplementowane w klasie funkcje.

```
163 public static void makeExercises(){
164     SimpleGraph<Integer, MyEdge> graph;
165     boolean c, isConnective;
166     G=0;
167     graph = createGraph();
168     N = createMatrix();
169     isConnective = testGraph(graph);
170     if (isConnective){
171         searchPath(graph, N);
172         c = check(graph);
173         avgDelay(graph, c);
174     }
175 }
```

W metodzie *makeExercises* stworzono graf oraz macierz natężeń, a następnie zbadano spójność (podobnie jak w zadaniu 1). Jeśli uzyskano spójny graf, to wykonuje się kolejno szukanie ścieżki, sprawdzenie czy przepływ jest mniejszy od przepustowości oraz obliczenie średniego opóźnienia pakietu.

W metodzie *createGraph*¹⁶ każdy element *ArrayList graphArray*¹⁷ rozdzielamy odpowiednio do nowej tablicy, a następnie dodajemy wierzchołki do grafu i tworzymy nową krawędź, której ustawiamy wagę (domyślnie na 0.95). Dodatkowo dla każdej krawędzi ustalany jest jej przepływ (domyślnie na 0), a także losowana jest wartość przepustowości tej krawędzi (losowana z przedziału od 500 do 700). Ustalamy też wagę krawędzi domyślnie na 0.95. Następnie losujemy 7 dodatkowych wierzchołków wykorzystując metodę *addRandomEdge(graph)*¹⁸.

Funkcja testująca spójność grafu (*testGraph*¹⁹), gdy graf nie jest spójny zwiększy licznik *failGraphIsNotConnective*²⁰ o 1 i zwróci wartość *false*²¹. W tym przypadku kolejne instrukcje z funkcji *makeExercises*²² nie będą wykonywane.

Macierz natężeń *N* tworzona jest w sposób losowy. Wartości macierzy na przekątnej (czyli przepływ od wierzchołka np. 1 do 1) są ustawiane na zero – graf nie posiada pętli. Podczas tworzenia macierzy wyliczana jest również wartość G ²³, która jest sumą wartości w macierzy. Wartość m ²⁴, czyli średnia wielkość pakietu w bitach ustalana jest ze wzoru $G/100$.

15)makeExercises- Linia: 163
18)addRandomEdge- Linia: 51
21>false- Linia: 157

16)CreateGrapg- Linia: 26
19)testGraph- Linia: 142
23)G- Linie 78 oraz 88

17) graphArray- Linia: 28
20) failGraphIsNotConnective- Linia: 156
24)m-Linia: 88

Kolejnym krokiem jest poszukiwanie dla każdego połączenia wierzchołków najkrótszej ścieżki między nimi. W tym celu zaimplementowano funkcję *searchPath*²⁵. Do znalezienia ścieżki wykorzystano algorytm Dijkstry, zaimplementowany w bibliotece *Jgrapht*. Następnie dla każdej krawędzi w znalezionej ścieżce, pobierana jest wartość przepływu dla danej krawędzi, a potem zwiększanie jej o wartość z macierzy.

Funkcja *check*²⁶ polega na wybraniu z grafu zbioru krawędzi tworzących graf, a następnie dla każdej krawędzi sprawdzana jest czy warunek, dotyczący wartości przepustowości jest większy od wartości przepływu pomnożonej przez średnią wartość pakietu w bitach. Jeśli wynik jest niższy zmienna zwiększana jest licznik niepowodzeń dla *failLowBandwidth*²⁷ i zwracamy wartość *true*²⁸.

W przypadku gdy wartość *fail*²⁹ wyświetlamy komunikat o błędzie - sieć chce przesłać więcej pakietów niż sieć jest w stanie udźwignąć. W przeciwnym wypadku pobieramy zbiór krawędzi przechodząc po każdej obliczamy średnie opóźnienie pakietu, korzystając ze wzoru:

$$T = \frac{1}{G} * \sum_{e \in edge} \left(\frac{e.getFlow()}{\frac{e.getCapacity()}{m} - e.getFlow()} \right)$$

Gdzie:

G – suma wszystkich elementów macierzy.

m – średnia wielkość pakietu w bitach.

Również w tej funkcji sprawdzany jest jeszcze ostatni warunek czy średnie opóźnienie pakietu jest mniejsze od *TMAX*³⁰. Jeśli tak jest, to zwiększany jest licznik sukcesu, w przeciwnym przypadku zwiększany jest licznik niepowodzenia.

25)searchPath- Linia: 94

28>true- Linia: 113

26)check-107

29)fail- Linia: 120

27)failLowBandwidth- Linia: 112

30)Tmax- Linia 132

b) Przykładowe wywołania, analiza oraz interpretacja wyników

Tworzymy graf dla $|V| = 10$ oraz $|E| = 17$ oraz macierz natężeń:

OUTPUT:

0	3	1	7	0	2	5	5	4	8
3	0	9	1	1	3	1	5	2	0
5	4	0	5	2	0	1	3	9	5
6	6	7	0	2	5	4	7	3	7
8	8	2	5	0	5	8	9	6	1
9	9	4	9	8	0	4	1	3	8
4	0	5	5	7	0	0	7	9	5
8	3	5	1	3	7	0	0	0	7
0	5	8	0	7	0	6	8	0	4
8	7	3	5	4	1	6	6	7	0

Dla powyższej macierzy wartość G wynosi 409 oraz m wynosi 4. Dodane zostały krawędzie (8,2), (5,8), (2,7), (1,7), (6,10), (10,8), (1,8). Po utworzeniu grafu sprawdzana jest jego spójność. W kolejnym kroku dla każdej pary wierzchołków poszukiwana jest najkrótsza ścieżka i zwiększana wartość flow. Następnie badany jest warunek czy nie doszło do przeciążenia sieci.

Po tym dla każdej krawędzi z grafu wyświetlana jest wartość przepływu oraz przepustowości:

OUTPUT

(1 : 2) :	Flow ->	33,	Capacity ->	578
(2 : 3) :	Flow ->	80,	Capacity ->	581
(3 : 4) :	Flow ->	42,	Capacity ->	588
(4 : 5) :	Flow ->	59,	Capacity ->	525
(5 : 6) :	Flow ->	64,	Capacity ->	554
(6 : 7) :	Flow ->	52,	Capacity ->	594
(7 : 8) :	Flow ->	29,	Capacity ->	515
(8 : 9) :	Flow ->	63,	Capacity ->	603
(9 : 10) :	Flow ->	18,	Capacity ->	585
(1 : 10) :	Flow ->	43,	Capacity ->	644
(8 : 2) :	Flow ->	49,	Capacity ->	580
(5 : 8) :	Flow ->	61,	Capacity ->	585
(2 : 7) :	Flow ->	28,	Capacity ->	551
(1 : 7) :	Flow ->	24,	Capacity ->	538
(6 : 10) :	Flow ->	36,	Capacity ->	661
(10 : 8) :	Flow ->	13,	Capacity ->	560
(1 : 8) :	Flow ->	28,	Capacity ->	521

Średni czas przepływu T: 0.01956721349591049

Następnie wykonujemy powyższe kroki dla ustalonych $quantity^{31} = 10\ 000$, $TMAX^{32} = 0.025$ oraz $h^{33} = 0.95$:

OUTPUT:

Connection reliability: 87.46%
Success: 8784
Fail - low bandwidth: 146 | time is greater than Tmax: 1012 | graph isn't connective: 58
Connection reliability: 87.84%
Success: 8820
Fail - low bandwidth: 150 | time is greater than Tmax: 979 | graph isn't connective: 51
Connection reliability: 88.2%
Success: 8787
Fail - low bandwidth: 141 | time is greater than Tmax: 1017 | graph isn't connective: 55
Connection reliability: 87.87%

Możemy zauważyć, że niezawodność sieci w tym przypadku jest duża. Czynnikiem który spowodował najwięcej błędów jest przekroczenie $TMAX$, a najmniej szansa na rozspojenie grafu.

Weźmy teraz dane: $quantity = 10\ 000$, $TMAX = 0.02$ a $h = 0.5$:

OUTPUT:

Success: 140
Fail - low bandwidth: 1193 | time is greater than Tmax: 780 | graph isn't connective: 7887
Connection reliability: 1.4%
Success: 134
Fail - low bandwidth: 1197 | time is greater than Tmax: 791 | graph isn't connective: 7878
Connection reliability: 1.34%
Success: 118
Fail - low bandwidth: 1138 | time is greater than Tmax: 815 | graph isn't connective: 7929
Connection reliability: 1.18%
Success: 125
Fail - low bandwidth: 1153 | time is greater than Tmax: 798 | graph isn't connective: 7924
Connection reliability: 1.25%

Możemy zauważyć ogromny spadek niezawodności sieci. Spowodowany jest on bardzo dużą liczbą przypadków uzyskania niespójnego grafu, a także wzrostem błędów w przypadku przekroczenia ilości bitów przepływających przez daną krawędź.

31)quantity- Linia: 15

32)Tmax- Linia: 24

33)h- Linia: 19

OUTPUT:

```
Success: 1509
Fail - low bandwidth: 150 | time is greater than Tmax: 8287 | graph isn't
connective: 54
Connection reliability: 15.09%
Success: 1557
Fail - low bandwidth: 128 | time is greater than Tmax: 8264 | graph isn't
connective: 51
Connection reliability: 15.57%
Success: 1522
Fail - low bandwidth: 156 | time is greater than Tmax: 8266 | graph isn't
connective: 56
Connection reliability: 15.22%
Success: 1544
Fail - low bandwidth: 153 | time is greater than Tmax: 8248 | graph isn't
connective: 55
Connection reliability: 15.44%
```

Dla $quantity = 10\ 000$, $T\ MAX = 0.012$ oraz $h = 0.95$ niezawodność sieci również jest bardzo mała. Tym razem głównym czynnikiem niepowodzenia jest przekroczenie $TMAX$ w 80% przypadków

4. Podsumowanie i wnioski

Na podstawie zadań wykonanych przy tym sprawozdaniu można dojść do wniosku, że w modelu sieci wraz ze zwiększaniem liczbą krawędzi, rośnie jego niezawodność. Z tego wynika, że mając wiele różnych dróg przez krawędzie, łączące wierzchołki, można wybrać kilka alternatywnych tras, więc usunięcie jednej krawędzi z modelu sieci nie musi wpływać znacząco na niezawodność modelu sieci. W modelu sieci należy też zwrócić na ilość przepływających bitów przez krawędź, która zbyt wysoka powoduje przeciążenie sieci. Wynika to z ograniczonej przepustowości sieci.