

數位電路實驗Lab2 report

RSA256解碼機

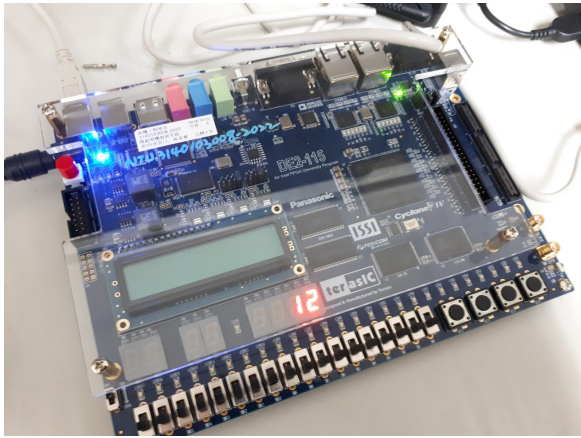
組別：team09

組員：鐘民憲(B06901017)

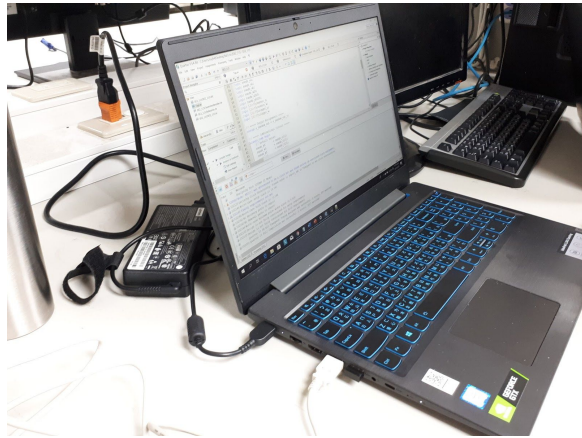
吳睿哲(B06901018)

謝兆和(B06901026)

一、使用器材與架設方式



FPGA板



筆電



傳輸線



電源線

二、使用方式與詳細步驟

- 1.在電腦和FPGA之間連接rs232傳輸線
- 2.在電腦上用cmd執行rs232.py，便可將key及encrypt data傳輸給FPGA進行解密
- 3.按下FPGA上的reset鍵(key0)
- 4.rs232.py執行完畢後在電腦上會產生decrypt file
- 5.打開decrypt file即可看到decrypt data

三、實作設計技術細節及巧思

Hierarchy :

- Qsys //處理電腦與FPGA之間的訊號傳輸
- DE2_115 //設定FPGA的接腳
- Rsa256Wrapper //將key跟encrypt data傳給Core，再將decrypt data傳出
- Rsa256Core //實際執行解密的部分，包含ModuloProduct及Montgomery演算法
 - ModuloProduct // $ab \bmod(N)$
 - Montgomery_Algorithm // $ab \cdot 2^{-256} \bmod(N)$

1.Rsa256Core

(1)Algorithm :

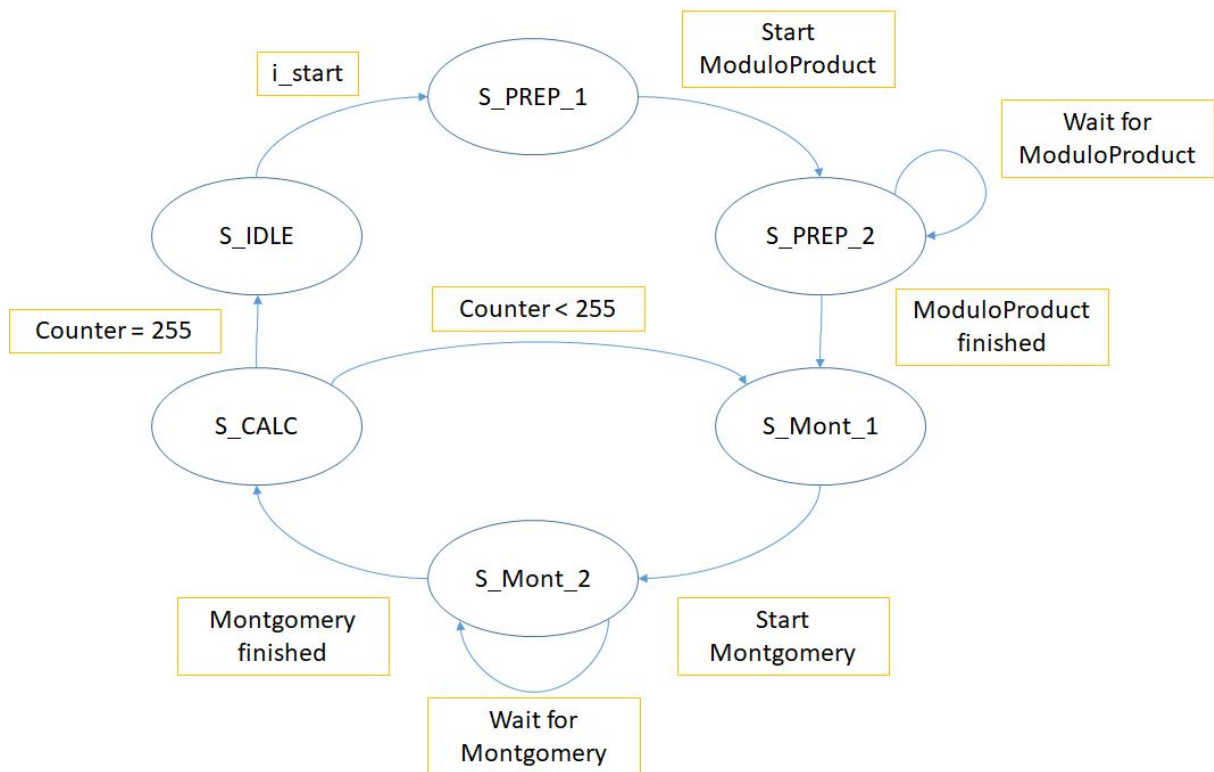
Algorithm 4 RSA256 with exponentiation by squaring and Montgomery algorithm

```

1: function RSA256MONT( $N, y, d$ )
2:    $t \leftarrow \text{ModuloProduct}(N, 2^{256}, y, 256)$ 
3:    $m \leftarrow 1$ 
4:   for  $i \leftarrow 0$  to 255 do
5:     if  $i$ -th bit of  $d$  is 1 then
6:        $m \leftarrow \text{MontgomeryAlgorithm}(N, m, t)$ 
7:     end if
8:      $t \leftarrow \text{MontgomeryAlgorithm}(N, t, t)$ 
9:   end for
10:  return  $m$ 
11: end function

```

(2)Finite State Machine :



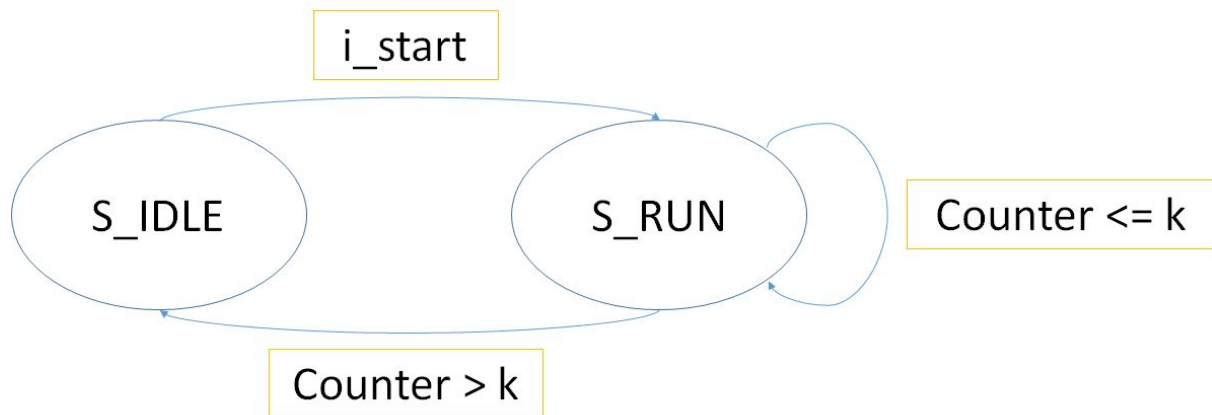
2.ModuloProduct

(1)Algorithm :

Algorithm 2 Modulo of products

```
1: function MODULOPRODUCT( $N, a, b, k$ ) ▷  $k$  is number of bits of  $a$ 
2:    $t \leftarrow b$ 
3:    $m \leftarrow 0$ 
4:   for  $i \leftarrow 0$  to  $k$  do
5:     if  $i$ -th bit of  $a$  is 1 then
6:       if  $m + t \geq N$  then
7:          $m \leftarrow m + t - N$  ▷ perform modulo operation in each iteration
8:       else
9:          $m \leftarrow m + t$ 
10:      end if
11:    end if
12:    if  $t + t > N$  then
13:       $t \leftarrow t + t - N$  ▷ perform modulo operation in each iteration
14:    else
15:       $t \leftarrow t + t$ 
16:    end if
17:  end for
18:  return  $m$ 
19: end function
```

(2)FSM :



(k is number of bits of a)

3. Montgomery_Algorithm

(1)Algorithm :

Algorithm 3 Montgomery algorithm for calculating $ab2^{-256} \bmod N$

```

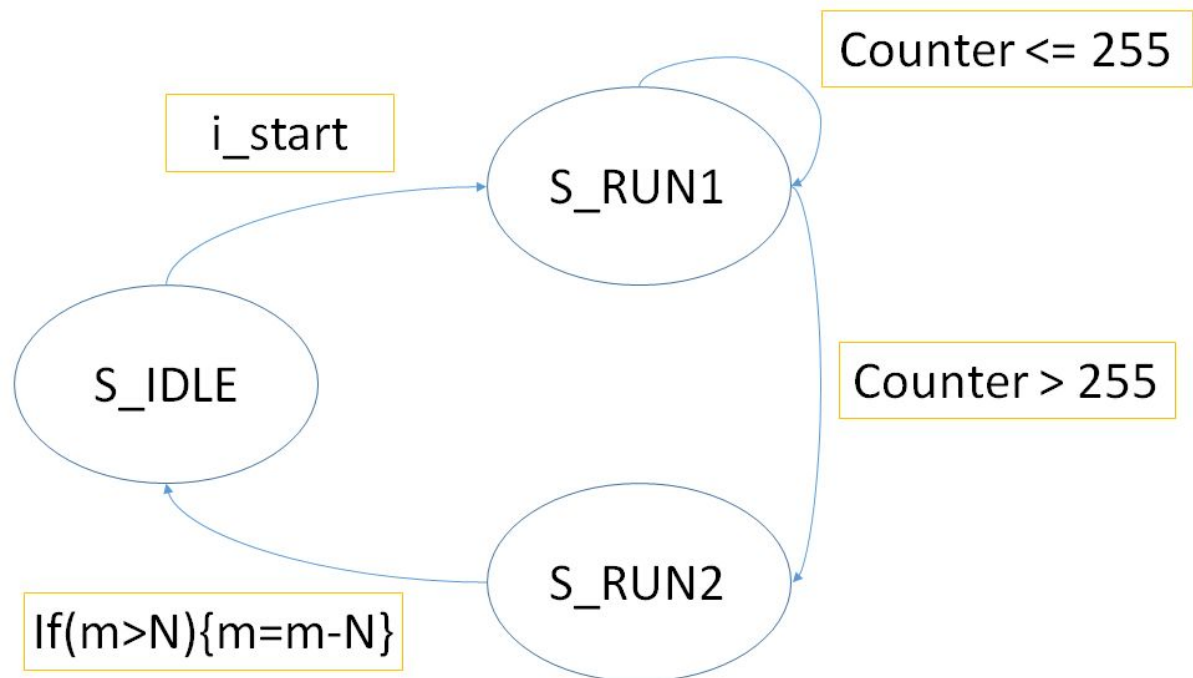
1: function MONTGOMERYALGORITHM( $N, a, b$ )
2:    $m \leftarrow 0$ 
3:   for  $i \leftarrow 0$  to 255 do
4:     if  $i$ -th bit of  $a$  is 1 then
5:        $m \leftarrow m + b$ 
6:     end if
7:     if  $m$  is odd then
8:        $m \leftarrow m + N$ 
9:     end if
10:     $m \leftarrow \frac{m}{2}$ 
11:  end for
12:  if  $m \geq N$  then
13:     $m \leftarrow m - N$ 
14:  end if
15:  return  $m$ 
16: end function

```

▷ 4~6: replace multiplication with successive addition

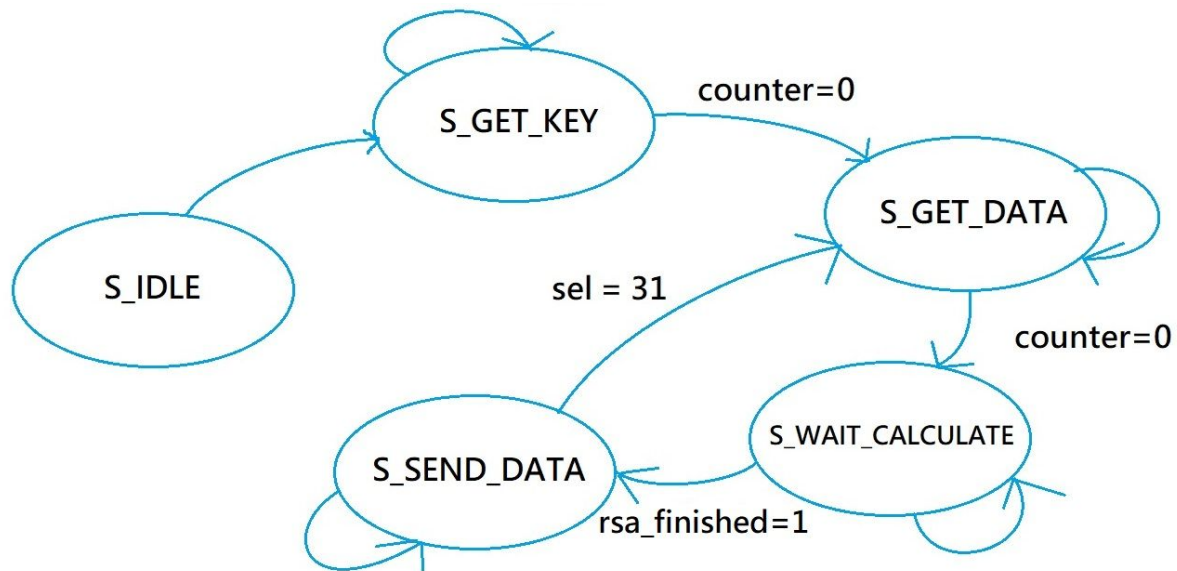
▷ 7~10: calculate the modulo of $a \cdot 2^{-1}$
→ Montgomery reduction

(2)FSM :



4.Rsa256Wrapper

FSM :



四、碰到的問題或挑戰與解決方式

(1)搞不清楚tb中一部分錯誤訊息的意思，像是simulation abort, simulation fuck, simulation suck.....，而且每次出現相同error message，並不代表是相同的錯誤，往往必須藉由nWave追蹤訊號才能搞清楚原因。

(2)因為對測試輸入的格式理解有錯誤，沒有去掉00，也不知道key只有一開始輸入一次，導致wrapper的tb一直沒過，直到合作的另一位同學指出才意識到問題所在。

(3)在寫Rsa256Core時，最大的挑戰便是要如何對兩個submodules進行I/O，除了需要有個i_start去啟動submodule之外，同時也需要有個o_finished讓core知道submodule已經運算完畢，能執行下個動作。經過多次測試與nWave觀察後發現，submodule的o_finished signal最好只有在一個clk的時間內為1，其餘時間皆為0，也就是說只要state回到S_IDLE，便立刻將o_finished重置回0，而不是下次i_start後才設為0。雖然這樣core便只能夠在那個clk的時間內取得output data，但如果沒有這樣做，那麼第一次submodule執行完後，o_finished signal便會一直維持在1，下一次再次啟動submodule時，儘管i_start signal會將o_finished重置，但是會比寫在core中的判斷式：if(o_finished == 1)慢一個clk，因此core會以為submodule已經算完了，跳到下一個state，然而實際上submodule根本就沒有算，如此一來結果便會出錯。

(4)跑tb.sv最初出現的error是simulation abort，原因便是第三點提到的，我沒有將o_finished重設回0，而core裡面的寫法又是：if(!o_finished){i_start=1}，所以就永遠不會進入S_CALC，導致counter不會跳。Debug後成功在時限內跑完，但是跑出來的dec跟gold不一樣，代表解碼錯誤，可是我有自己寫簡單的testbenches分別去測試兩個submodules都沒有問題，後來才發現原因有二：bit overflow以及montgomery判斷式寫錯。自己寫的testbench test data並不會造成overflow，導致我忽略了這個可能性，後來將submodules裡面的register m跟t bit數增加以解決這個問題。bit overflow解決

(5)儘管tb.sv跟testwrapper.sv都通過了，然而將Qsys及DE2-115完成，實際燒錄進板子後，執行python卻沒有任何反應，產生的dec.bin是空的，這使得我們百思不得其解，不知道問題出在哪個環節，我們試著重建Qsys，也發現了reset clock在每個module中並不同步，但是FPGA顯示器上仍然是亂碼。最後，感謝同組中某個組員在demo前一晚睡實驗室的付出，發現在wrapper.sv中，沒有read跟write的時候需要將signal reset成0，修正之後才終於成功!!!

```

dec_demo_1081031 - 記事本
檔案(F) 編輯(E) 格式(O) 檢視(V) 說明(H)

I beg your pardon,
but what do you mean, naked?

      /~\
     \oo )
       \=/
        / _ \
       // | \ | \
      \| | \| | \|
       \| | \| | \|
        #   /   #
         _ _
         | | |
         [ ] [ ]
         | | |
        / _ \
       [ _ ] [ _ ]

-----"1081031"-----

```

<https://www.youtube.com/watch?v=5vnAW1XDdyw>