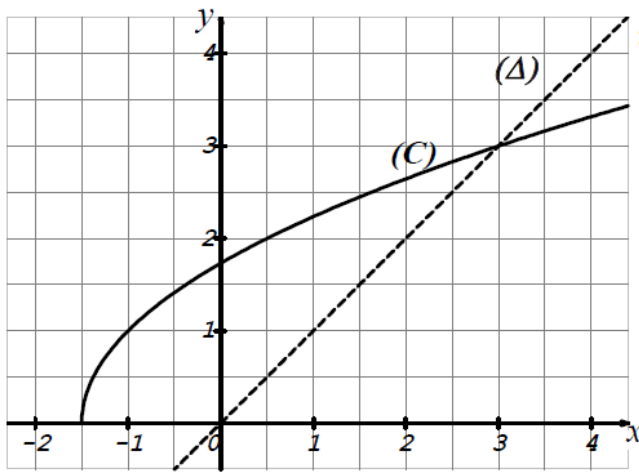


على المترشح أن يختار أحد الموضوعين التاليين:

الموضوع الأول

التمرين الأول: (05 نقاط)

نعتبر المتتالية العددية (u_n) المعرفة بحدّها الأول $u_0 = 1$ و من أجل كل عدد طبيعي n : $u_{n+1} = \sqrt{2u_n + 3}$.



(1) لتكن h الدالة المعرفة على المجال $\left[-\frac{3}{2}; +\infty\right[$ كما يلي:

$$h(x) = \sqrt{2x+3} \quad (C) \text{ و } (\Delta) \text{ تمثيلها البياني و}$$

المستقيم ذو معادلة $y=x$ في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس. (انظر الشكل المقابل).

(أ) - أعد رسم الشكل المقابل على ورقة الإجابة ثم مثل على

محور الفواصل الحدود u_0, u_1, u_2 و u_3 .

(دون حسابها و موضحا خطوط الإنشاء).

(ب) - ضع تخمينا حول اتجاه تغيّر (u_n) و تقاربها.

(2) برهن بالتراجع أنّه من أجل كل عدد طبيعي n : $0 < u_n < 3$.

(3) (أ) - ادرس اتجاه تغيّر المتتالية (u_n) .

(ب) - استنتج أنّ المتتالية (u_n) متقاربة، ثم احسب $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n$.

التمرين الثاني: (04 نقاط)

(1) نعتبر في مجموعة الأعداد المركبة \mathbb{C} المعادلة ذات المجهول z التالية:

$$z = \frac{3i(z+2i)}{z-2+3i}$$

(حيث $z \neq 2-3i$).

- حل في \mathbb{C} هذه المعادلة.

(2) ينسب المستوي المركب إلى المعلم المتعامد و المتجانس $(O; \vec{u}, \vec{v})$. A و B نقطتان لاحقتاهما على

الترتيب : z_A و z_B حيث : $z_A = 1+i\sqrt{5}$ و $z_B = 1-i\sqrt{5}$.

- تحقق أنّ A و B تنتميان إلى دائرة مركزها O يطلب تعيين نصف قطرها.

(3) نرفق بكل نقطة M من المستوي لاحقتها z ، $(z \neq 2-3i)$ النقطة M' لاحقتها z' حيث $z' = \frac{3i(z+2i)}{z-2+3i}$.

النقط C, D, E لواحقها على الترتيب: $z_C = -2i$ ، $z_D = 2-3i$ و $z_E = 3i$ و (Δ) محور القطعة $[CD]$.

أ- عبّر عن المسافة OM' بدلالة المسافتين DM و CM .

ب- استنتج أنه من أجل كل نقطة M من (Δ) فإنّ النقطة M' تنتمي إلى دائرة (γ) يطلب تعيين مركزها و نصف قطرها. تحقق أن E تنتمي إلى (γ) .

التمرين الثالث: (04 نقاط)

الفضاء منسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$. نعتبر المستوي (P) ذا المعادلة:
 $14x + 16y + 13z - 47 = 0$ ، و النقط $A(1; -2; 5)$ ، $B(2; 2; -1)$ ، $C(-1; 3; 1)$.
 (1) أ- تحقق أن النقط A ، B و C ليست في استقامية.

ب- بيّن أن المستوي (ABC) هو (P) .

(2) جد تمثيلاً وسيطياً للمستقيم (AB) .

(3) أ- اكتب معادلة ديكارتية للمستوي المحوري (Q) للقطعة $[AB]$.

ب- تحقق أن النقطة $D\left(-1; -2; \frac{1}{4}\right)$ تنتمي إلى المستوي (Q) .

ج- احسب المسافة بين النقطة D و المستقيم (AB) .

التمرين الرابع: (07 نقاط)

لتكن f الدالة المعرفة على المجال $]-\infty; 0[$ كما يلي: $f(x) = x + 5 + 6 \ln\left(\frac{x}{x-1}\right)$.

(C_f) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

(1) أ- احسب $\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x)$ ، ثم فسّر النتيجة هندسياً.

ب- احسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$.

(2) بيّن أنه من أجل كل عدد حقيقي x من $]-\infty; 0[$ ، $f'(x) = \frac{x^2 - x - 6}{x(x-1)}$.

استنتج اتجاه تغيّر الدالة f ، ثم شكّل جدول تغيّراتها.

(3) أ- بيّن أن المستقيم (Δ) الذي معادله له: $y = x + 5$ هو مستقيم مقارب مائل للمنحنى (C_f) بجوار $-\infty$.

ب- ادرس وضع المنحنى (C_f) بالنسبة للمستقيم (Δ) .

(4) بيّن أن المعادلة $f(x) = 0$ تقبل حلّين α و β حيث $-3,5 < \alpha < -3,4$ و $-1,1 < \beta < -1$.

(5) أنشئ المنحنى (C_f) و المستقيم (Δ) .

(6) أ- نعتبر النقطتين $A\left(-1; 3 + 6 \ln\left(\frac{3}{4}\right)\right)$ و $B\left(-2; \frac{5}{2} + 6 \ln\left(\frac{3}{4}\right)\right)$.

بيّن أن $y = \frac{1}{2}x + \frac{7}{2} + 6 \ln \frac{3}{4}$ معادلة ديكارتية للمستقيم (AB) .

ب- بيّن أن المستقيم (AB) يمس المنحنى (C_f) في نقطة M_0 يطلب تعيين إحداثياتها.

(7) لتكن g الدالة المعرفة على $]-\infty; 0[$ كما يلي: $g(x) = \frac{x^2}{2} + 5x + 6x \ln\left(\frac{x}{x-1}\right) + 6 \ln(1-x)$.

بيّن أن g دالة أصلية للدالة f على المجال $]-\infty; 0[$.

الموضوع الثاني

التمرين الأول: (04,5 نقاط)

(u_n) المتتالية العددية المعرفةً بحدّها الأول $u_0 = \frac{13}{4}$ و من أجل كل عدد طبيعي n : $u_{n+1} = 3 + \sqrt{u_n - 3}$.

(1) برهن بالتراجع أنّه من أجل كل عدد طبيعي n : $3 < u_n < 4$.

(2) بين أنّه من أجل كل عدد طبيعي n : $u_{n+1} - u_n = \frac{-u_n^2 + 7u_n - 12}{\sqrt{u_n - 3} + u_n - 3}$. استنتج أن (u_n) متزايدة تماماً.

(3) برّر لماذا (u_n) متقاربة.

(4) (v_n) المتتالية المعرفة على \mathbb{N} بـ: $v_n = \ln(u_n - 3)$.

أ) برهن أنّ (v_n) متتالية هندسية أساسها $\frac{1}{2}$ ، ثم احسب حدّها الأول.

ب) اكتب كلاً من u_n و v_n بدلالة n ، ثم احسب $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n$.

ج) نضع من أجل كل عدد طبيعي n : $P_n = (u_0 - 3)(u_1 - 3)(u_2 - 3) \times \dots \times (u_n - 3)$.

اكتب P_n بدلالة n ، ثم بيّن أن $\lim_{n \rightarrow +\infty} P_n = \frac{1}{16}$.

التمرين الثاني: (04 نقاط)

في الفضاء المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس $(O; \overrightarrow{i}, \overrightarrow{j}, \overrightarrow{k})$ ، نعتبر النقط $A(-1; 0; 1)$ ،

$B(2; 1; 0)$ و $C(1; -1; 0)$.

(1) بيّن أنّ النقط A ، B و C تُعَيّن مستويًا.

(2) بيّن أنّ $2x - y + 5z - 3 = 0$ هي معادلة ديكارتية للمستوي (ABC) .

(3) $D(2; -1; 3)$ و $H\left(\frac{13}{15}; -\frac{13}{30}; \frac{1}{6}\right)$ نقطتان من الفضاء حيث:

أ- تحقّق أنّ النقطة D لا تنتمي إلى المستوي (ABC) .

ب- بيّن أنّ النقطة H هي المسقط العمودي للنقطة D على المستوي (ABC) .

ج- استنتج أنّ المستويين (ADH) و (ABC) متعامدان، ثم جد تمثيلًا وسيطياً لتقاطعهما.

التمرين الثالث: (04,5 نقاط)

(1) $P(z) = z^3 - 12z^2 + 48z - 72$ كثير الحدود للمتغيّر المركب z حيث:

أ- تحقّق أنّ 6 هو جذر لكثير الحدود $P(z)$.

ب- جد العددين الحقيقيين α و β بحيث من أجل كل عدد مركب z : $P(z) = (z - 6)(z^2 + \alpha z + \beta)$.

ج- حل في مجموعة الأعداد المركبة \mathbb{C} ، المعادلة $P(z) = 0$.

(2) المستوي المركب منسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس $(O; \vec{u}, \vec{v})$. A, B, C نقط من

المستوي المركب لواحقها على الترتيب : $z_A = 6$ ، $z_B = 3 + i\sqrt{3}$ و $z_C = 3 - i\sqrt{3}$.
أ- اكتب كلاً من z_A ، z_B و z_C على الشكل الأسّي.

ب- اكتب العدد المركب $\frac{z_A - z_B}{z_A - z_C}$ على الشكل الجبري، ثم على الشكل الأسّي.

ج- استنتج طبيعة المثلث ABC .

(3) ليكن S التشابه المباشر الذي مركزه C ، نسبته $\sqrt{3}$ و زاويته $\frac{\pi}{2}$.

أ- جد الكتابة المركبة للتشابه S .

ب- عيّن z_A لاحقة النقطة A' صورة النقطة A بالتشابه S .

ج- بيّن أنّ النقط A, B, A' في استقامة.

التمرين الرابع: (07 نقاط)

(I) لتكن g الدالة المعرفة على \mathbb{R} كما يلي: $g(x) = 1 - x e^x$.

(1) احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x)$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x)$.

(2) ادرس اتجاه تغير الدالة g ، ثم شكل جدول تغيراتها.

(3) أ- بيّن أنّ المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلاً وحيداً α على المجال $[-1; +\infty[$.

ب- تحقق أنّ $0,5 < \alpha < 0,6$ ، ثم استنتج إشارة $g(x)$ على \mathbb{R} .

(II) نعتبر الدالة f المعرفة على المجال $]-\infty; 2]$ كما يلي: $f(x) = (x-1)e^x - x - 1$.

(C_f) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

(1) احسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$.

(2) لتكن f' مشتقة الدالة f . بيّن أنّه من أجل كل عدد حقيقي x من $]-\infty; 2]$ فإن: $f'(x) = -g(x)$.

استنتج إشارة $f'(x)$ على المجال $]-\infty; 2]$ ، ثم شكل جدول تغيرات الدالة f .

(3) بيّن أنّ $f(\alpha) = -\left(\frac{\alpha^2 + 1}{\alpha}\right)$ ، ثم استنتج حصراً للعدد $f(\alpha)$. (تدور النتائج إلى 10^{-2}) .

(4) أ- بيّن أنّ المستقيم (Δ) ذا المعادلة $y = -x - 1$ هو مستقيم مقارب مائل للمنحنى (C_f) بجوار $-\infty$.

ب- ادرس وضعية المنحنى (C_f) بالنسبة إلى (Δ) .

(5) أ- بيّن أنّ المعادلة $f(x) = 0$ تقبل حلين x_1 و x_2 حيث $-1,6 < x_1 < -1,5$ و $1,5 < x_2 < 1,6$.

ب- أنشئ (Δ) و (C_f) .

(6) لتكن h الدالة المعرفة على \mathbb{R} كما يلي: $h(x) = (ax + b)e^x$.

أ- عيّن العددين الحقيقيين a و b بحيث تكون h دالة أصلية للدالة $x \mapsto x e^x$ على \mathbb{R} .

ب- استنتج دالة أصلية للدالة g على \mathbb{R} .

الإجابة لموضوع مقترح لدورة 2012 رياضيات/علوم تجريبية

| المجموع | مجزأة | الموضوع الأول | |
|---------|---------------|--|-----------------------|
| 05 | | التمرين الأول: (05 نقاط) | المتتاليات العددية |
| | 01 | (1) نقل الشكل و إنشاء u_0, u_1, u_2 و u_3 (دون حسابها). | |
| | 2x0,25 | (ب) حسب الشكل نضمن أن (u_n) متزايدة و متقاربة نحو 3. | |
| | 01 | (2) البرهان بالتراجع أن: من أجل كل n من \mathbb{N} , $0 < u_n < 3$. | |
| | 01 | (3) أ) دراسة اتجاه تغير المتتالية (u_n) : من أجل كل n من \mathbb{N} , $u_{n+1} - u_n > 0$, إذن (u_n) متتالية متزايدة تماما على \mathbb{N} | |
| | 0,5 1 | (ب) بما أن (u_n) متزايدة تماما و محدودة من الأعلى فهي متقاربة. حساب $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = l$ نجد $-l^2 + 2l + 3 = 0$ مع $l > 0$ و منه $l_1 = 3$ مقبول و $l_2 = -1$ مرفوض إذن: $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = 3$. | |
| | | التمرين الثاني: (04 نقاط) | |
| 04 | 0,25 | (1) $z = \frac{3i(z+2i)}{z-(2-3i)}$, $z \neq 2-3i$ تعني $z^2 - 2z + 6 = 0$ | الأعداد المركبة |
| | 3x0,25 | $\Delta = (2i\sqrt{5})^2$, $z_2 = 1+i\sqrt{5} = z_A$ و $z_1 = 1-i\sqrt{5} = z_B$ | |
| | 2x0,5 | (2) $ z_A = z_B = \sqrt{6}$ إذن النقطتان A و B تنتميان إلى دائرة مركزها O و نصف قطرها $\sqrt{6}$. | |
| | 01 | (3) أ) $OM' = z' = 3 \times \frac{CM}{DM}$ | |
| | 0,5 2x0,25 | (ب) $CM = DM$ أي $OM' = 3$ M' تنتمي إلى الدائرة التي مركزها O و نصف قطرها 3, $OE = 3$. | |
| | | التمرين الثالث: (04 نقاط) | |
| 04 | 0,75 | (1) أ) $\overline{AB}(1;4;-6)$ و $\overline{AC}(-2;5;-4)$ ومنه \overline{AB} و \overline{AC} غير مرتبطين خطيا. | |
| | 0,75 | (ب) $A, B, C \in (P)$ إذن $(P) = (ABC)$ (أو طريقة أخرى) | |

| | | | |
|--|------|---|-------------------------|
| | 0,5 | (2) تمثيل وسيطي للمستقيم (AB) : $\begin{cases} x = 1 + \lambda \\ y = -2 + 4\lambda \\ z = 5 - 6\lambda \end{cases} (\lambda \in \mathbb{R})$ | الهندسة في الفضاء |
| | 01 | (3) أ) $(Q): 2x + 8y - 12z + 21 = 0$ (أي طريقة تقبل). | |
| | 0,25 | (ب) $D \in (Q)$ | |
| | 0,75 | (ج) $d(D; (AB)) = \frac{\sqrt{213}}{4}$ | |

الإجابة لموضوع مقترح لدورة 2012 رياضيات/علوم تجريبية

| | | | | | | | | | | | | | | | | | |
|----------------|---|---|---------|---------------------------------------|-----------|------|-----|---------|--|-----|-----|-----|--------|-----------|---------|-----------|---|
| | | التمرين الرابع: (07 نقاط) | | | | | | | | | | | | | | | |
| 07 | 2 × 0,25 | 1 أ) $\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = -\infty$ ، $x = 0$ هو مستقيم مقارب عمودي للمنحنى (C_f) . | | الدوال العددية حساب المساحات | | | | | | | | | | | | | |
| | 0,25 | ب) $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$ | | | | | | | | | | | | | | | |
| | 0,5 | 2) $f'(x) = \frac{x^2 - x - 6}{x(x-1)}$ | | | | | | | | | | | | | | | |
| | 0,5 | إشارة $f'(x)$ | | | | | | | | | | | | | | | |
| | 0,5 | <table><tr><td>x</td><td>$-\infty$</td><td>-2</td><td>0</td></tr><tr><td>$f'(x)$</td><td></td><td>$+$</td><td>0</td><td>$-$</td></tr><tr><td>$f(x)$</td><td>$-\infty$</td><td>$f(-2)$</td><td>$-\infty$</td></tr></table> | x | | $-\infty$ | -2 | 0 | $f'(x)$ | | $+$ | 0 | $-$ | $f(x)$ | $-\infty$ | $f(-2)$ | $-\infty$ | جدول تغيرات الدالة f : $f(-2) = 3 + 6 \ln\left(\frac{2}{3}\right)$ $f(-2) \approx 0,56$ |
| | x | $-\infty$ | -2 | | 0 | | | | | | | | | | | | |
| | $f'(x)$ | | $+$ | | 0 | $-$ | | | | | | | | | | | |
| | $f(x)$ | $-\infty$ | $f(-2)$ | | $-\infty$ | | | | | | | | | | | | |
| | 0,5 | 3 أ) $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) - (x+5) = 0$ | | | | | | | | | | | | | | | |
| | 0,5 | ب) $f(x) - (x+5) = 6 \ln\left(\frac{x}{x-1}\right)$ من أجل كل x من $]-\infty; 0[$ ، $f(x) - (x+5) < 0$ ، إذن (C_f) يقع تحت (Δ) | | | | | | | | | | | | | | | |
| 2 × 0,5 | 4) ♦ تطبيق مبرهنة القيم المتوسطة على المجال $[-3,5; -3,4]$. ♦ تطبيق مبرهنة القيم المتوسطة على المجال $[-1,1; -1]$. | | | | | | | | | | | | | | | | |
| 0,75 | 5) إنشاء (C_f) و المستقيم (Δ) . | | | | | | | | | | | | | | | | |
| 0,5 | 6) أ- معادلة المستقيم (AB) : $y = \frac{1}{2}x + \frac{7}{2} + 6 \ln\left(\frac{3}{4}\right)$ | | | | | | | | | | | | | | | | |
| | 01 | ب- $f'(x_0) = \frac{1}{2}$ حل المعادلة يكافئ حل $x_0^2 - x_0 - 12 = 0$ مع $x_0 < 0$ $x_0 = -3$ و $y_0 = 2 + 6 \ln\left(\frac{3}{4}\right)$ | | | | | | | | | | | | | | | |
| | 0,5 | 7) من أجل كل x من $]-\infty; 0[$ ، $g'(x) = f(x)$. | | | | | | | | | | | | | | | |
| الموضوع الثاني | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| 04,5 | 0,75 | التمرين الأول: (04,5 نقط) 1) البرهان بالتراجع أن من أجل كل $n \in \mathbb{N}$ ، $3 < u_n < 4$ | | | | | | | | | | | | | | | |
| | 0,5 | 2) إثبات أن $u_{n+1} - u_n = \frac{-u_n^2 + 7u_n - 12}{\sqrt{u_n - 3} + u_n - 3}$ | | | | | | | | | | | | | | | |
| | 0,5 | استنتاج أن (u_n) متزايدة تماما | | | | | | | | | | | | | | | |
| | 0,25 | 3) (u_n) محدودة من الأعلى و متزايدة. | | | | | | | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | | | | | | | | | |

الإجابة لموضوع مقترح لدورة 2012 رياضيات/علوم تجريبية

| | | | |
|------|--|---|----------------------|
| | 0,75 0,5+0,25 0,25 0,25+0,5 | <p>(أ) (v_n) متتالية هندسية أساسها $\frac{1}{2}$ و حدّها الأول $v_0 = \ln \frac{1}{4}$</p> <p>(ب) $v_n = \left(\frac{1}{2}\right)^n \times \ln \frac{1}{4}$ و $u_n = 3 + e^{\left(\frac{1}{2}\right)^n \times \ln \frac{1}{4}}$</p> <p>$\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = 4$</p> <p>(ج) $P_n = e^{v_0} \times e^{v_1} \times e^{v_2} \times \dots \times e^{v_n}$</p> <p>$P_n = e^{v_0 + v_1 + \dots + v_n}$ و منه $P_n = e^{2\left(\ln \frac{1}{4}\right)\left[1 - \left(\frac{1}{2}\right)^{n+1}\right]}$</p> <p>$\lim P_n = \frac{1}{16}$</p> | |
| | | التمرين الثاني: (04 نقاط) | |
| 04 | 0,75 | (1) $AB(3;1;-1)$ ، $AC(2;-1;-1)$ و AC و AB غير مرتبطين خطيا و منه A ، B ، C تعين مستويا. | الهندسة في الفضاء |
| | 01 | (2) إثبات أن $2x - y + 5z - 3 = 0$ هي معادلة لـ (ABC) | |
| | 0,25 | (3) $D \notin (ABC)$ | |
| | 01 | ب- $\overline{DH} \cdot \overline{AC} = 0$ و $\overline{DH} \cdot \overline{AB} = 0$ ؛ $\overline{DH} \left(\frac{-17}{15}; \frac{17}{30}; \frac{-17}{6} \right)$ و $(H \in (ABC))$ (أو $\overline{DH} = k \cdot \overline{n}$ و $(H \in (ABC))$). | |
| | 2 × 0,5 | ج- استنتاج أن (ADH) و (ABC) متعامدان. $\overline{AH} \left(\frac{28}{15}; \frac{-13}{30}; \frac{-5}{6} \right)$ | |
| | | التمرين الثالث: (04,5 نقطة) | |
| | 0,5 | (1) أ- $P(6) = 0$ | الأعداد المركبة |
| | 0,5 | ب- $P(z) = (z-6)(z^2 - 6z + 12)$ | |
| | 0,75 | ج- $P(z) = 0$ معناه $z = 6$ أو $z = 3 - i\sqrt{3}$ أو $z = 3 + i\sqrt{3}$. | |
| 04,5 | 0,75 | (2) $z_C = 3 - i\sqrt{3} = 2\sqrt{3}e^{-i\frac{\pi}{6}}$ ، $z_B = 3 + i\sqrt{3} = 2\sqrt{3}e^{i\frac{\pi}{6}}$ ، $z_A = 6 = 6e^{i0}$ | |
| | +0,25 0,25 | ب) $\frac{z_A - z_B}{z_A - z_C} = e^{i(-\frac{\pi}{3})}$ ؛ $\frac{z_A - z_B}{z_A - z_C} = \frac{1}{2} - i\frac{\sqrt{3}}{2}$ | |
| | 0,5 | ج) $z_A - z_B = e^{-i\frac{\pi}{3}}(z_A - z_C)$ إذن C هي صورة B بالدوران الذي مركزه A و زاويته $-\frac{\pi}{3}$ (أو طريقة أخرى). إذن المثلث ABC متقايس الأضلاع. | |

الإجابة لموضوع مقترح لدورة 2012 رياضيات/علوم تجريبية

| | | | |
|----|--------|---|---------------------------------------|
| | 0,5 | (3) أ- العبارة المركبة للتشابه $S: z' = i\sqrt{3}z - 4i\sqrt{3}$ | |
| | 0,25 | ب- $z_{A'} = 2i\sqrt{3}$ | |
| | 0,25 | ج- $z_A - z_{A'} = 2(z_A - z_B)$ ، إذن A, B, A' في استقامة. | |
| | | التمرين الرابع: (07 نقطة) | |
| 07 | 2x0,25 | (I) $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = -\infty$ ، $\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x) = 1$ | الدوال العددية حساب المساحات |
| | 0,75 | (2) $g'(x) = -(1+x)e^x$ ، إشارتها هي إشارة $-(1+x)$ لأن $e^x > 0$ ♦ جدول تغيرات الدالة g | |
| | 0,25 | (3) أ- إثبات أن المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا على المجال $[-1; +\infty[$. | |
| | 0,5 | ب- التحقق أن $0,5 < \alpha < 0,6$. إشارة $g(x)$ $-\infty \quad + \quad \alpha \quad - \quad +\infty$ | |
| | 0,25 | (II) $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty$ | |
| | 0,25 | (2) من أجل كل x من $]-\infty; 2]$ ، $f'(x) = -g(x)$. | |
| | 0,25 | ♦ إشارة $f'(x)$: $-\infty \quad - \quad \alpha \quad + \quad 2 \quad +\infty$ | |
| | 0,5 | ♦ جدول التغيرات. | |
| | 0,5 | (3) تبيان أن $f(\alpha) = \frac{-1-\alpha^2}{\alpha}$. | |
| | 0,5 | ♦ $-2,72 < f(\alpha) < -2,08$. | |
| | 0,25 | (4) أ) $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) - (-x-1) = 0$ | |
| | 0,25 | ب) $f(x) - (-x-1) = (x-1)e^x$ إشارتها $-\infty \quad - \quad 1 \quad + \quad 2 \quad +\infty$ | |
| | 0,25 | الوضع النسبي | |
| | 2x0,25 | (5) أ) مبرهنة القيم المتوسطة | |
| | 0,75 | ب) رسم (Δ) ، (C_f) . | |
| | 0,5 | (6) أ) $b = -1$ ، $a = 1$ | |
| | 0,25 | ب) $G(x) = x - (x-1)e^x$ | |