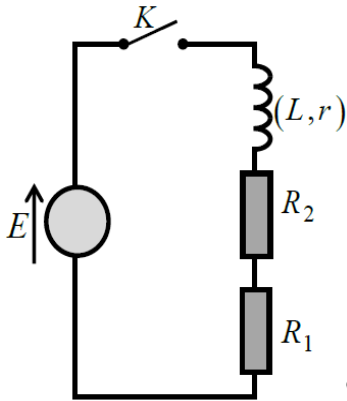


## التمرين (1) :



الشكل (1)

نحقق التركيب التجريبي المبين في الشكل (1) و المكون من العناصر الكهربائية التالية :

- مولد توتر ثابت قوته المحركة الكهربائية  $E$  .
- وشيعة ذاتيتها  $L$  ومقاومتها  $r$  .
- ناقلان أو ميان مقومتها  $R_1$  و  $R_2$  .
- قاطعة كهربائية  $K$  و أسلاك التوصيل .

عند اللحظة  $t = 0$  نغلق القاطعة و بالاعتماد على نتائج الدراسة التجريبية و برمجية إعلام

آلي تمكنا من رسم المنحنيات البيانية :  $u_b = f(t)$  ،  $u_{R_1} = g(t)$  ،  $u_{R_2} = h(t)$  ، كما هو مبين في الشكل (2) .

1- وضح على الدارة بأسهم جهة التوتر بين طرفي كل ثنائي قطب و جهة التيار المار في الدارة .

2- أ- بتطبيق قانون جمع التوترات جد المعادلة التفاضلية بدلالة شدة التيار  $i(t)$

ب - استنتج عبارة شدة التيار الكهربائي  $I_0$  في النظام الدائم بدلالة  $E$  ،  $r$  ،  $R_2$  ،  $R_1$

ت - بين أن العبارة  $i(t) = I_0 (1 - e^{-t/\tau})$

حل للمعادلة التفاضلية حيث  $\tau$  ثابت الزمن يطلب تعيين عبارته

3- أكتب العبارات الزمنية للتوترات  $u_b(t)$  ،  $u_{R_1}(t)$  ،  $u_{R_2}(t)$

4- أنسب كل منحنى بياني (1) ، (2) ، (3) إلى التوتر الموافق

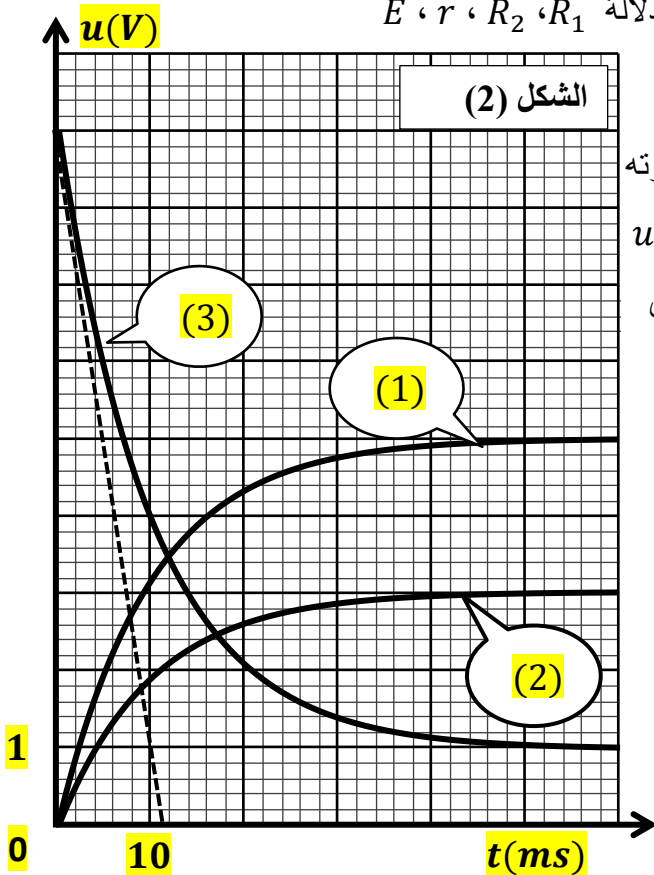
له علما أن  $R_1 < R_2$  ، مع التعليل .

5- بالاعتماد على المنحنيات الثلاثة جد قيمة كل من :

$R_1$  ،  $R_2$  ،  $r$  ،  $E$  ، علما أن شدة التيار الكهربائي

في النظام الدائم  $I_0 = 0,1 A$

6- أحسب قيمة الطاقة المخزنة في الوشيعة في اللحظة  $t = \tau$  .



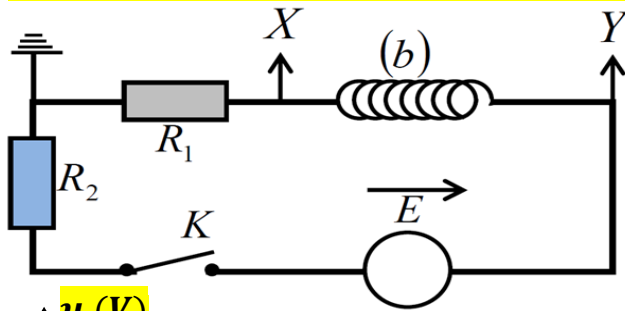
1

0

10

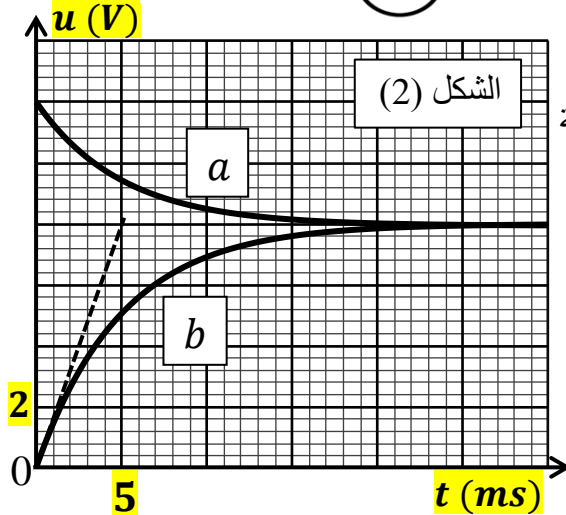
t(ms)

## التمرين (2) :

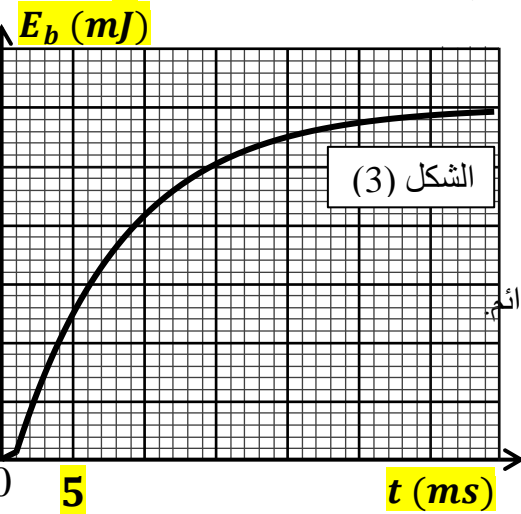


الشكل (1)

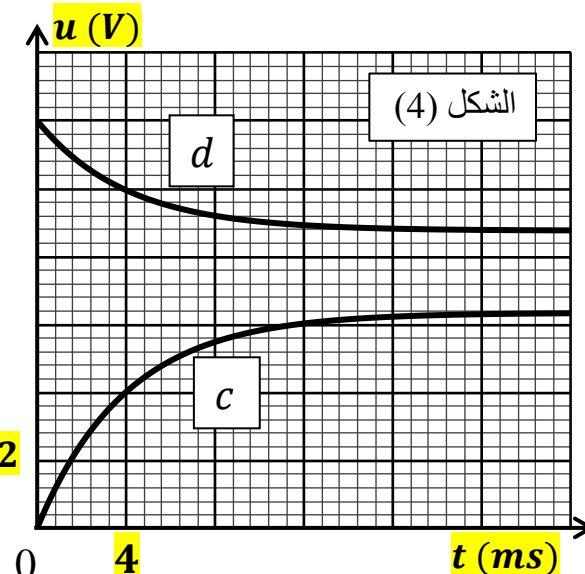
I. عند اللحظة  $t = 0$  نغلق القاطعة  $K$  فنشاهد على شاشة راسم



الشكل (2)



الشكل (3)



الشكل (4)

نحقق الدارة الكهربائية الموضحة في الشكل (1) والتي تتكون من :

- مولد توتر كهربائي قوته المحركة الكهربائية  $E$

- وشيعة  $b$  ذاتيتها  $L$  ومقاومتها الداخلية مهملة

- ناقلان أوميان  $R_1 = R_2 = 40 \Omega$

الاهتزاز البياني (a) و (b) الممثلين في الشكل (2).

1- اعتمادا على قانون جمع التوترات الكهربائية جد المعادلة التفاضلية

التي يحققها شدة التيار الكهربائي  $i(t)$  في الدارة.

ان حل المعادلة التفاضلية السابقة يكتب بالشكل :  $i(t) = I_0 \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}\right)$

أ- جد عبارة كل من : ثابت الزمن  $\tau$  وشدة التيار الأعظمي  $I_0$ .

ب- أكتب العبارة الزمنية لكل من التوترين  $u_x(t)$  و  $u_y(t)$

المشاهدين على الشاشة، ثم استنتج عبارتيهما في النظام الدائم.

ت- ارفق كل بيان بالمدخل الموافق له مع التعليل.

2- اعتمادا على البيانيين (a) و (b) جد قيمة كل من  $L$ ,  $R_2$ ,  $I_0$ ,  $E$

II. الشكل (3) يوضح بيان تغيرات الطاقة في الوشيعة  $E_b = f(t)$

1- أ- اكتب العبارة الزمنية للطاقة في الوشيعة  $E_b(t)$ .

ب- استنتج عبارة الطاقة الأعظمية  $E_b(max)$  في الوشيعة في النظام الدائم.

ث - ضع سلما لمحور الترتيب للشكل (4)

2- أ- تحقق من قيمة ثابت الزمن  $\tau$  بيانيا.

ب - بين أن عبارة زمن لبلوغ طاقة الوشيعة نصف قيمتها الأعظمية تكتب

من الشكل :  $t_{1/2} = \tau \times \ln\left(\frac{2}{2-\sqrt{2}}\right)$  ، استنتج  $t_{1/2}$  ، حيث :  $\sqrt{\frac{1}{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2}$

III. نعيد نفس التجربة السابقة لكن نستبدل الوشيعة  $b$  بوشيعة  $b'$

ذاتيتها  $L' = L$  ومقاومتها الداخلية  $r'$  فنشاهد على شاشة راسم

الاهتزاز البيانيين (c) و (d) الممثلين في الشكل (4).

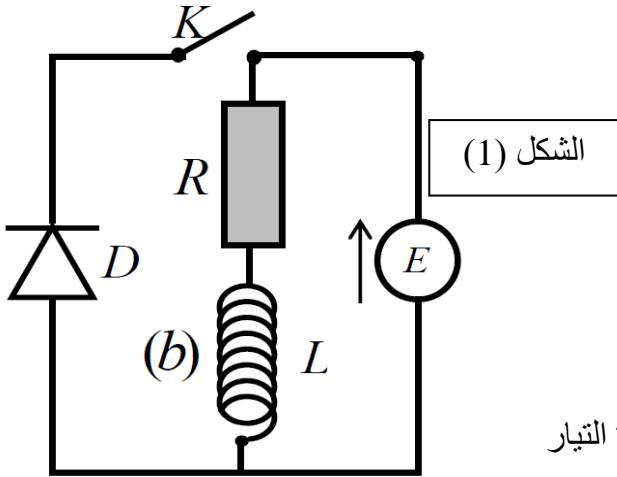
1- انسب كل بيان بالمدخل المناسب.

2- اعتمادا على البيانيين (c) و (d) جد :

- شدة التيار الأعظمي  $I'_0$  ، المقاومة الداخلية  $r'$  للوشيعة  $b'$ .

3- جد قيمة ثابت الزمن  $\tau'$  ، ثم قارنها مع قيمة  $\tau$  ، ماذا تستنتج ؟

## التمرين (3) :



نحقق التركيب التجريبي الموضح في الشكل (1) المتكون من:

- مولد توتر ثابت قوته المحركة الكهربائية  $E = 12\text{ V}$ .
- وشيعة حقيقية ( $b$ ) ذاتيتها  $L$  ومقاومتها الداخلية  $r$ .
- ناقل أومي مقاومته  $R = 200\ \Omega$ .
- قاطعة كهربائية  $K$  و أسلاك التوصيل ، صمام ثنائي  $D$ .

I- عند اللحظة  $t = 0$  نغلق القاطعة

1- بتطبيق قانون جمع التوترات بين أن المعادلة التفاضلية لتطور شدة التيار

$$\frac{di(t)}{dt} + Ai(t) = B \quad \text{الشكل : } i(t) \text{ تكتب من الشكل}$$

حيث  $A$  و  $B$  ثابتان تُطلب عبارة كل منهما بدلالة مميزات الدارة .

2- نمثل في الشكل (2) تغيرات  $\frac{di}{dt}$  بدلالة شدة التيار  $i$ .

اعتمادا على البيان جد :

أ- قيمة ذاتية الوشيعة  $L$  وقيمة ثابت الزمن  $\tau$ .

ب- مقدار مقاومة الوشيعة  $r$ .

ج- شدة التيار الأعظمي  $I_0$  ، ثم تأكد من قيمته حسابيا.

د- احسب قيمة الطاقة الأعظمية  $E_{b\max}$  في الوشيعة

II- نعيد نفس التجربة السابقة ونستبدل الوشيعة الحقيقية ( $b$ ) بوشيعة

مثالية ( $b'$ ) ذاتيتها  $L' = L$  ، نغلق القاطعة ثم بعد مدة وفي لحظة  $t = 0$  نفتحها ونعتبره مبدأ جديد للأزمنة :

1- بين أن المعادلة التفاضلية لتطور التوتر  $u_b(t)$  بين طرفي الوشيعة

$$\frac{du_b(t)}{dt} + \frac{R}{L'} u_b(t) = 0 \quad \text{من الشكل :}$$

2- بين أن المعادلة التفاضلية السابقة تقبل العبارة الزمنية التالية:

$$u_b(t) = -Ee^{-\frac{t}{\tau}} \quad \text{حلا لها .}$$

3- ما دور الصمام الثنائي  $D$  .

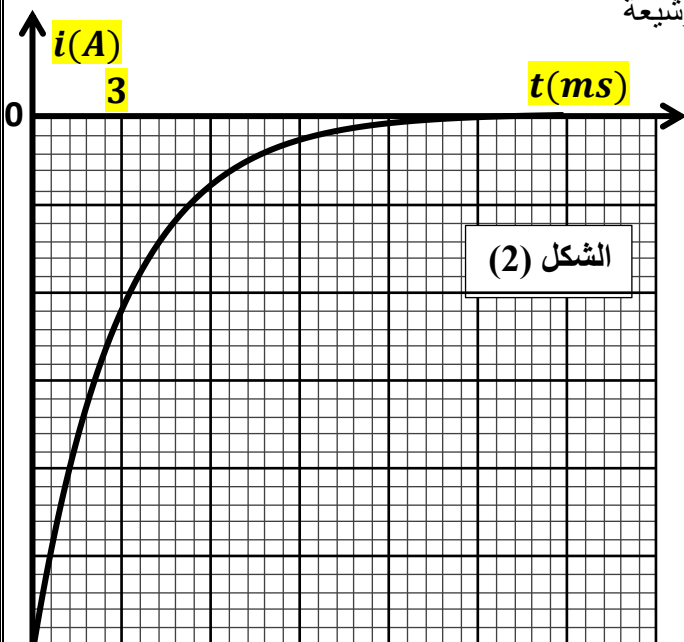
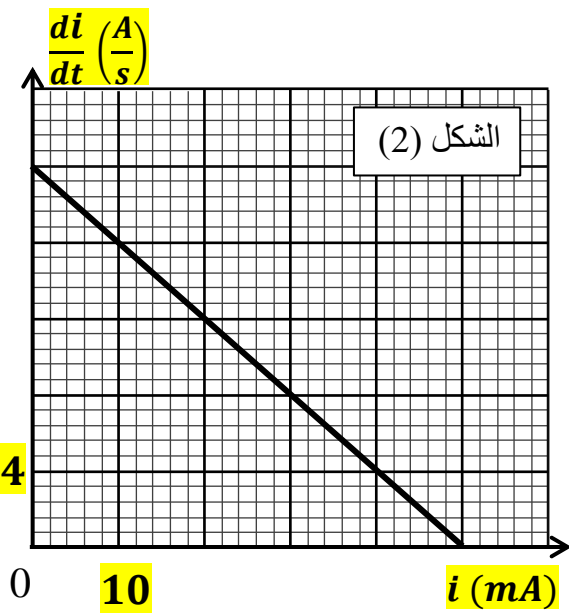
4- بواسطة راسم الاهتزاز المهبطي ذي الذاكرة تمكنا من مشاهدة

المنحنى البياني الموضح في الشكل (3)

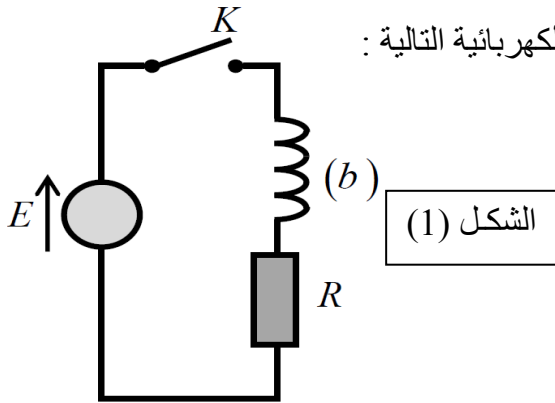
أ- اوجد سلم الرسم لمحور الترتيب

ب- جد عبارة شدة التيار الأعظمي  $I_0$  ثم استنتج قيمته

ج- استنتج قيمة ثابت الزمن  $\tau'$  ، قارنها مع  $\tau$  ماذا تستنتج



## التمرين (4) :

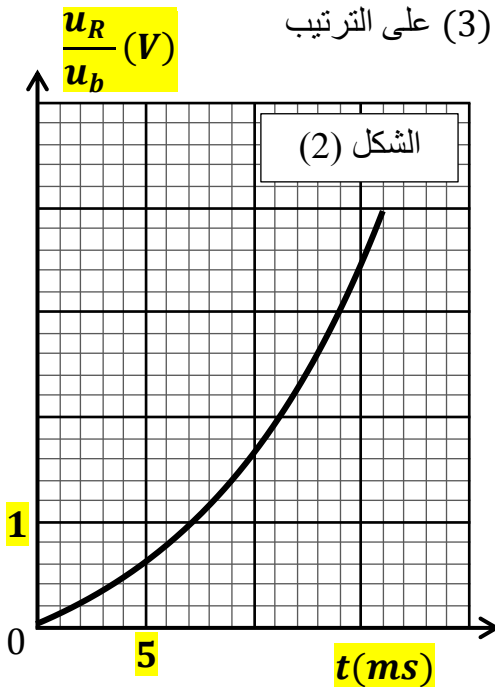


نحقق التركيب التجريبي الموضح في الشكل (1) والمكون من العناصر الكهربائية التالية :

- مولد توتر قوته المحركة الكهربائية  $E$
- وشيجة ( $b$ ) ذاتيتها  $L$  ومقاومتها مهملة
- ناقل أومي مقاومته  $R = 60 \Omega$
- قاطعة  $K$
- أسلاك توصيل

عند اللحظة  $t = 0$  نغلق القاطعة  $K$  وبالاتماد على نتائج الدراسة التجريبية وبرنامج إعلام آلي مناسب تمكنا من رسم

المنحنيين البيانيين  $g(t) = u_R$  ،  $f(t) = \frac{u_R}{u_b}$  في الشكلين (2) و (3) على الترتيب



1- أعد رسم الدارة المدروسة مع تمثيل الجهة الاصطلاحية للتيار الكهربائي

وجهة التوتر الكهربائي بين طرفي كل عنصر كهربائي

2- بتطبيق قانون جمع التوترات جد المعادلة التفاضلية لتطور

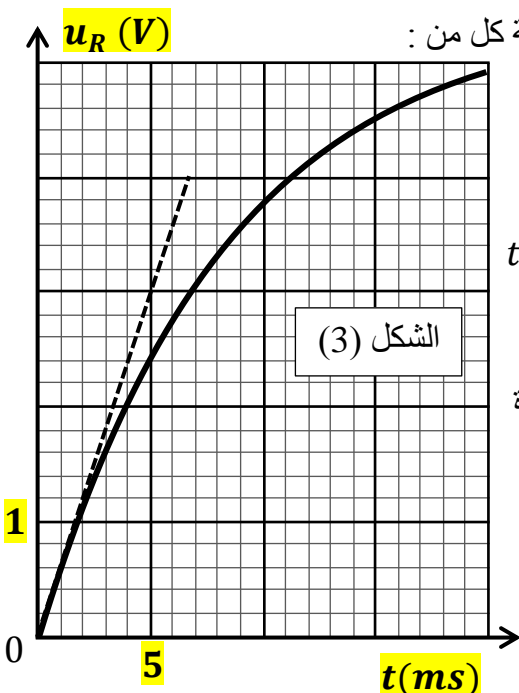
التوتر الكهربائي  $u_b(t)$  بين طرفي الوشيجة

3- تقبل المعادلة التفاضلية السابقة العبارة  $u_b(t) = Ae^{Bt}$  حلا لها حيث

$A$  و  $B$  ثابتين يطلب تعيين عبارتيهما بدلالة مميزات الدارة الكهربائية

4- أ- جد العبارة اللحظية للتوتر الكهربائي  $u_R(t)$  بين طرفي الناقل الأومي

ب - أكتب عبارة النسبة  $\frac{u_R(t)}{u_b(t)}$  بدلالة  $t$  و  $\tau$ .



5- بالاتماد على المنحنيين البيانيين  $g(t) = u_R$  و  $f(t) = \frac{u_R}{u_b}$  جد قيمة كل من :

أ - ثابت الزمن  $\tau$  ثم استنتج قيمة ذاتية الوشيجة  $L$

ب- القوة المحركة الكهربائية  $E$

ت- التوتر الكهربائي  $u_b$  بين طرفي الوشيجة عند اللحظة  $t = 10 \text{ ms}$

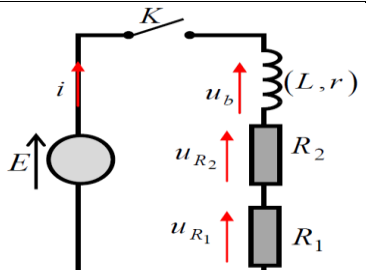
6- بين أن العبارة اللحظية لشدة التيار الكهربائي  $i(t)$  تكتب من الشكل

$i(t) = I_0(1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$  حيث  $I_0$  شدة التيار الأعظمي المارة في الدارة

يطلب تعيين عبارته ثم أحسب قيمته

7- أحسب قيمة الطاقة الأعظمية في الوشيجة

**التمرين (1) :**

العلامة		عناصر الإجابة					
مجموع	مجزأة						
		التمرين (1) : (06 نقاط) :					
		I					
0,5	0,25 0,25		$u_{R1} + u_{R2} + u_b = E$ $R_1 i + R_2 i + L \frac{di}{dt} + r i = E$ $(R_1 + R_2 + r) i + L \frac{di}{dt} = E$ $i + \frac{L}{R_1 + R_2 + r} \cdot \frac{di}{dt} = \frac{E}{R_1 + R_2 + r}$	التمثيل	1		
2	0,25 0,25	في النظام الدائم : $\frac{di}{dt} = 0$ و $i = I_0$ ومنه : $I_0 = \frac{E}{R_1 + R_2 + r}$		أ - المعادلة التفاضلية	2		
	0,25	$i(t) = I_0 - I_0 e^{-\frac{t}{\tau}}$ (1)	$\frac{di}{dt} = \frac{1}{\tau} I_0 e^{-\frac{t}{\tau}}$ (2)	ب - عبارة $I_0$			
	0,25 0,25 0,25	نعوض (1) و (2) في المعادلة التفاضلية $I_0 - I_0 e^{-\frac{t}{\tau}} + \frac{L}{R_1 + R_2 + r} \cdot \frac{1}{\tau} I_0 e^{-\frac{t}{\tau}} = \frac{E}{R_1 + R_2 + r}$ $\left( \frac{L}{R_1 + R_2 + r} \cdot \frac{1}{\tau} - 1 \right) I_0 e^{-\frac{t}{\tau}} = \frac{E}{R_1 + R_2 + r} - I_0 = 0$		ت - حل المعادلة $\frac{L}{R_1 + R_2 + r} \cdot \frac{1}{\tau} = 1$ $\tau = \frac{L}{R_1 + R_2 + r}$			
1	0,25 0,25	$u_b(t) = L \frac{di}{dt} + r i = \frac{L}{\tau} I_0 e^{-\frac{t}{\tau}} + r I_0 (1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$ $u_b(t) = E e^{-\frac{t}{\tau}} + r I_0 (1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$	$\frac{L}{\tau} I_0 = E$	$u_b(t)$	العبارات الزمنية : 3		
	0,25	$u_{R1}(t) = R_1 i \Rightarrow u_{R1}(t) = R_1 I_0 (1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$		$u_{R1}(t)$			
	0,25	$u_{R2}(t) = R_2 i \Rightarrow u_{R2}(t) = R_2 I_0 (1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$		$u_{R2}(t)$			
0,75	0,25	$t = \infty$	$u_{R1}(\infty) = R_1 I_0$	$R_1 < R_2$	المنحنى (2) $u_{R1}(t) \Rightarrow$	$u_{R1}$	4
	0,25	$t = \infty$	$u_{R2}(\infty) = R_2 I_0$	$u_{R1} < u_{R2}$	المنحنى (1) $u_{R2}(t) \Rightarrow$	$u_{R2}$	
	0,25	$t = 0$	$u_b(0) = E$		المنحنى (3) $u_b(t) \Rightarrow$	$u_b$	
1,25	0,25	$u_{R1}(\infty) = R_1 I_0 = 3 V$		$R_1 = \frac{3}{I_0} = \frac{3}{0,1} \Rightarrow R_1 = 30 \Omega$		$R_1$	5
	0,25	$u_{R2}(\infty) = R_2 I_0 = 5 V$		$R_2 = \frac{5}{I_0} = \frac{5}{0,1} \Rightarrow R_2 = 50 \Omega$		$R_2$	
	0,25	$u_b(\infty) = r I_0 = 1 V$		$r = \frac{1}{I_0} = \frac{1}{0,1} \Rightarrow r = 10 \Omega$		$r$	
	0,25	$u_b(0) = E = 9 V \Rightarrow E = 9 V$				$E$	
	0,25	$\tau = 0,01 s$	$L = \tau(R_1 + R_2 + r) = 0,01 \times (50 + 30 + 10)$ $L = 0,9 H$			$L$	
0,5	0,25 0,25	$E_L(t) = \frac{1}{2} L i^2(t)$ $E_L(t) = \frac{1}{2} L (I_0 (1 - e^{-\frac{t}{\tau}}))^2$ $E_L(t) = \frac{1}{2} L I_0^2 (1 - e^{-\frac{t}{\tau}})^2$		$E_L(\tau) = \frac{1}{2} L I_0^2 (1 - e^{-\frac{\tau}{\tau}})^2$ $E_L(\tau) = \frac{1}{2} 0,9 \cdot 0,1^2 (1 - e^{-1})^2$ $E_L(\tau) = 1,8 \times 10^{-3} J$		الطاقة المخزنة	6

**التمرين (2) :**

العلامة		عناصر الإجابة			
مجموع	مجزأة				
		التمرين (2) : (08 نقاط) :			
		I			
2,75	0,25 0,25	$u_{R1} + u_{R2} + u_b = E.$ $R_1 i + R_2 i + L \frac{di}{dt} = E.$ $(R_1 + R_2) i + L \frac{di}{dt} = E.$	بالقسمة على : $(R_1 + R_2)$ $i + \frac{L}{(R_1 + R_2)} \cdot \frac{di}{dt} = \frac{E}{(R_1 + R_2)}.$ $i + \frac{L}{(R_1 + R_2)} \cdot \frac{di}{dt} = \frac{E}{(R_1 + R_2)}.$		المعادلة التفاضلية
	0,25	$i(t) = I_0 - I_0 e^{-\frac{t}{\tau}} \text{ --- (1)}$		$\frac{di}{dt} = \frac{1}{\tau} I_0 e^{-\frac{t}{\tau}} \text{ --- (2)}.$	أ - $\tau$ $I_0$
	0,25 0,25 0,25	نعوض (1) و (2) في المعادلة التفاضلية $I_0 - I_0 e^{-\frac{t}{\tau}} + \frac{L}{R_1 + R_2} \cdot \frac{1}{\tau} I_0 e^{-\frac{t}{\tau}} = \frac{E}{R_1 + R_2}.$ $I_0 + \frac{L}{R_1 + R_2} \cdot \frac{1}{\tau} I_0 e^{-\frac{t}{\tau}} = \frac{E}{R_1 + R_2} + I_0 e^{-\frac{t}{\tau}}.$		$\frac{L}{R_1 + R_2} \cdot \frac{1}{\tau} = 1.$ $\tau = \frac{L}{R_1 + R_2 + r}.$ $I_0 = \frac{E}{R_1 + R_2}.$	
	0,25	$u_x = u_{R1} = R_1 i = R_1 I_0 (1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$		ب - العبارة الزمنية	
	0,25	$u_y = u_{R1} + u_b = R_1 i + L \frac{di}{dt} = R_1 I_0 (1 - e^{-\frac{t}{\tau}}) + L \frac{I_0}{\tau} e^{-\frac{t}{\tau}}.$ $u_y = R_1 I_0 (1 - e^{-\frac{t}{\tau}}) + E e^{-\frac{t}{\tau}}.$			
	0,25	$u_x(\infty) = R_1 I_0$	$u_y(\infty) = R_1 I_0$		
	0,25	$t = 0$	$u_x(0) = R_1 I_0 (1 - e^{-0}) = 0.$	يوافق المنحنى (b)	ت -
	0,25	$t = 0$	$u_y(0) = R_1 I_0 (1 - e^{-0}) + E e^{-0} = E.$	يوافق المنحنى (a)	
1	0,25 0,25	$u_y(0) = E = 12 V$ $u_x(\infty) = R_1 I_0 = 8 V$ $I_0 = \frac{8}{R_1} = \frac{8}{40} \Rightarrow I_0 = 0,2 A.$		$I_0 = \frac{E}{R_1 + R_2} \Rightarrow R_2 = \frac{E}{I_0} + R_1.$ $R_2 = \frac{12}{0,2} - 40 \Rightarrow R_2 = 20 \Omega.$	$E$ $I_0$
	0,25 0,25	$\tau = 5 \cdot 10^{-3} s$ $\tau = 5 ms$	$\tau = \frac{L}{R_1 + R_2}$ $L = \tau \cdot (R_1 + R_2)$ $L = 5 \cdot 10^{-3} \times (40 + 20)$ $= 0,3 H$	$\tau$ $L$	
II					
1	0,25 0,25 0,25	$E_L(t) = \frac{1}{2} L i(t)^2.$ $E_L(t) = \frac{1}{2} L I_0^2 (1 - e^{-\frac{t}{\tau}})^2.$ $E_L(\infty) = \frac{1}{2} L I_0^2 (1 - e^{-\infty})^2.$		$E_L(\infty) = \frac{1}{2} L I_0^2.$ $E_L(\infty) = \frac{1}{2} 0,3 \cdot 0,2^2.$ $E_L(\infty) = 6 \times 10^{-3} J = 6 mJ$	أ - العبارة الزمنية ب - استنتاج $E_L(max)$
	0,25	$6 Cm \rightarrow 6 mJ$ $1 Cm \rightarrow x$	$x = \frac{1 \times 6}{6} = 1 mJ$	$1 Cm \rightarrow 1 mJ$	ث - السلم
1,75	0,25 0,25	$E_L(\tau) = L \frac{1}{2} I_0^2 (1 - e^{-\frac{\tau}{\tau}})^2.$ $E_L(\tau) = \frac{1}{2} 0,3 \cdot 0,2^2 (1 - e^{-1})^2.$		$E_L(\tau) = 2,4 mJ$ $\tau = 5 ms$	أ - $\tau$ ب - العبارة
	0,25 0,25	$E_L(t) = \frac{1}{2} L i(t)^2.$ $E_L(t) = \frac{1}{2} L I_0^2 (1 - e^{-\frac{t}{\tau}})^2.$ $E_L(t) = E_L(0) (1 - e^{-\frac{t}{\tau}})^2.$		$t = t_{1/2} \Rightarrow E_L(t) = \frac{E_L(0)}{2}.$ $\frac{E_L(t)}{2} = E_L(0) (1 - e^{-\frac{t}{\tau}})^2.$ $\sqrt{\frac{1}{2}} = 1 - e^{-\frac{t_{1/2}}{\tau}}.$ $\sqrt{\frac{1}{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2}..$	

	0,25 0,25	$e^{-\frac{t_{1/2}}{\tau}} = 1 - \frac{\sqrt{2}}{2}.$ $e^{-\frac{t_{1/2}}{\tau}} = \frac{2-\sqrt{2}}{2}.$ $\ln.e^{-\frac{t_{1/2}}{\tau}} = \ln \frac{2-\sqrt{2}}{2}.$	$-\frac{t_{1/2}}{\tau} = \ln \frac{2-\sqrt{2}}{2}.$ $\frac{t_{1/2}}{\tau} = \ln \frac{2}{2-\sqrt{2}}.$ $t_{1/2} = \tau. \ln.(\frac{2}{2-\sqrt{2}}).$		
	0,25	$t_{1/2} = 1,228. \tau = 1,228 \times 5 \Rightarrow t_{1/2} = 6,14 \text{ ms}$			
III					
0,5	0,25	$t = 0$	$u_x(0) = R_1 I_0 (1 - e^{-0}) = 0$	يوافق المنحنى (c)	1
	0,25	$t = 0$	$u_y(0) = R_1 I_0 (1 - e^{-0}) + E e^{-0} = E.$	يوافق المنحنى (d)	
0,5	0,25	$t = \infty$	$u_x(\infty) = R_1 I_0' \Rightarrow I_0' = \frac{u_x(\infty)}{R_1} = \frac{6,4}{40} \Rightarrow I_0' = 0,16 \text{ A}.$	$I_0'$	2
	0,25		$I_0 = \frac{E}{R_1 + R_2 + r'} \Rightarrow r' = \frac{E}{I_0'} - R_1 - R_2 = \frac{12}{0,16} - 40 - 20 = 15 \Omega.$	$r'$	
0,5	0,25	$\tau' = \frac{L}{R_1 + R_2 + r'} = \frac{0,3}{40+20+15} \Rightarrow \tau' = 4.10^{-3} \text{ s} = 4 \text{ ms}.$			ثابت الزمن $\tau'$ 3
	0,25	يتناسب ثابت الزمن عكسا مع مجموع مقاومات الدارة.		$\tau' < \tau$	

### التمرين (3) :

#### التمرين (3) : (06 نقاط) :

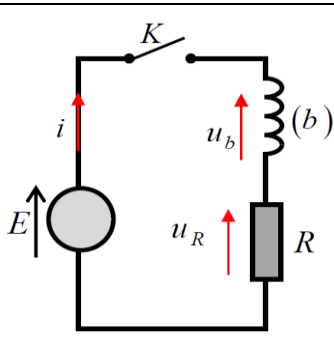
1	0.25 0.25 0.25 0.25	$U_b + U_R = E \Rightarrow \frac{di}{dt} + \frac{R+r}{L} i = \frac{E}{L}$ $A = \frac{R+r}{L} B = \frac{E}{L}$	1
1	0.5 0.25 0.25	$\frac{E}{L} = 20 \Rightarrow L = \frac{12}{20} = 0.6H$ $\tau = \frac{1}{400} = 2.5ms$	أ
0.5	0.5	$\tau = \frac{L}{R+r} \Rightarrow r = \frac{L}{\tau} - R \Rightarrow r = \frac{0.6}{2.5 \times 10^{-3}} - 200 = 40\Omega$	ب
0.5	0.25 0.25	$I_0 = 50 \times 10^{-3} = 0.05A$ $I_0 = \frac{E}{R+r} = \frac{12}{240} = 0.05A$	ج
0.5	0.5	$E_{bMax} = \frac{1}{2} L I_0^2 = 0.5 \times 0.6 \times (0.05)^2 = 7.5 \times 10^{-4} J$	د

### II

0.5	0.5	$U_b + U_R = 0 \Rightarrow \frac{di}{dt} + \frac{R}{L} i = 0 \Rightarrow \frac{dU_b}{dt} + \frac{R}{L} U_b = 0$	1
0.5	0.25 0.25	المعادلة ت تقبل حلا: اشتقاق + تعويض $0=0$ محققة	2
0.5	0.25 0.25	- حماية الدارة من فرط التوتر - يسمح بمرور التيار في جهة واحدة	3
0.25	0.25	$6cm \rightarrow 12V$ $1cm \rightarrow 2V$	أ
0.25	0.25	$I_0 = \frac{E}{R} = \frac{12}{200} = 0.06A$	4
0.5	0.25 0.25	توجد علاقة عكسية بين ثابت الزمن ومقاومة الدارة. $\tau' > \tau$	



التمرين (4) :

العلامة		عناصر الإجابة		
مجموع	مجزأة			
		التمرين (4) : (06 نقاط) :		
		I		
0,75	0,25 0,25 0,25		1 التمثيل	
0,5	0,25 0,25		2 المعادلة التفاضلية	
		$u_R + u_b = E$ $Ri + u_b = E, \text{ نشق}$ $R \frac{di}{dt} + \frac{du_b}{dt} = \frac{dE}{dt}$ $u_b = L \cdot \frac{di}{dt} \Rightarrow \frac{di}{dt} = \frac{u_b}{L}$ $\frac{R}{L} \cdot u_b + \frac{du_b}{dt} = 0$ $\frac{u_b}{\tau} + \frac{du_b}{dt} = 0$		
0,25	0,25	$u_b(t) = Ae^{B.t} \text{ ---(1)}$	$\frac{du_b}{dt} = B \cdot Ae^{B.t} \text{ ---(2)}$	
0,75	0,25 0,25 0,25	نعوض (1) و (2) في المعادلة التفاضلية $\frac{1}{\tau} Ae^{B.t} + B \cdot Ae^{B.t} = 0$ $B \cdot Ae^{B.t} = -\frac{1}{\tau} Ae^{B.t}$ $B = -\frac{1}{\tau}$	من قانون جمع التوترات $u_R + u_b = E$ $t = 0 \Rightarrow u_R = 0$ $u_b = E \quad u_b(0) = A$ $A = E$	3 حل المعادلة
1	0,25 0,25 0,25 0,25	$u_R + u_b = E$ $u_R = E - u_b = E - Ee^{-\frac{t}{\tau}}$ $u_R(t) = E(1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$	$\frac{u_R}{u_b} = \frac{E(1 - e^{-\frac{t}{\tau}})}{Ee^{-\frac{t}{\tau}}} = \frac{1}{e^{-\frac{t}{\tau}}} - 1$ $\frac{u_R}{u_b} = e^{\frac{t}{\tau}} - 1$	4 العبارة اللحظية عبارة النسبة
	0,25 0,25	$t = \tau$ $\frac{u_R}{u_b} = 2,71 - 1 = 1,71$ $\tau = 10 \text{ ms}$ ، بالإسقاط	$\tau = \frac{L}{R} \Rightarrow L = \tau \cdot R$ $L = 0,01 \times 60 = 0,6 \text{ H}$	5 أ - ثابت الزمن الذاتية L
1,75	0,25 0,25 0,25 0,25	مماس الشكل (3) عبارة عن خط مستقيم معادلته $u_R(t) = a \cdot t$ حيث a معامل توجيه البيان لما t = 0 $u_R(t) = E(1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$ $\frac{du_R}{dt} = \frac{E}{\tau} e^{-\frac{t}{\tau}}$ $a = \frac{du_R}{dt} = \frac{E}{\tau} e^0 = \frac{E}{\tau}$	$u_R(t) = a \cdot t$ $u_R(t) = \frac{E}{\tau} \cdot t$ $a = \frac{3-0}{5 \cdot 10^{-3} - 0} = 600$ $u_R(t) = 600 \cdot t$ بالمطابقة : $\frac{E}{\tau} = 600$ $E = 600 \cdot \tau = 600 \times 0,01$ $E = 6 \text{ V}$	ب - E
	0,25	$u_b = Ee^{-\frac{t}{\tau}} \Rightarrow u_b = 6e^{-1} = 2,2 \text{ V}$		ت - $u_b$
0,5	0,25 0,25	$u_R(t) = E(1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$ $\frac{u_R(t)}{R} = \frac{E}{R} (1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$	$i(t) = I_0(1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$ $I_0 = \frac{E}{R} = \frac{6}{60} = 0,1 \text{ A}$	6 العبارة اللحظية $i(t)$
0,5	0,25 0,25	$E_L(t) = \frac{1}{2} Li(t)^2 \Rightarrow E_L(\infty) = \frac{1}{2} L(I_0)^2$ $E_L(\infty) = 0,5 \times 0,6 \times (0,1)^2 = 3 \cdot 10^{-3} \text{ J} = 3 \text{ mJ}$		7 الطاقة الأعظمية