### موضوع الرياضيات لشعبة تقنى رياضي بكالوريا 2011

#### الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

الديوان الوطني للامتحانات والمسابقات

وزارة التربية الوطنية

دورة: جوان 2011

امتحان بكالوريا التعليم الثانوي

الشعبة: تقني رياضي

المدة: 04 ساعات ونصف

اختبار في مادة: الرياضيات

# على المترشح أن يختار أحد الموضوعين التاليين: الموضــوع الأول

#### التمرين الأول: (04 نقاط)

 $z^2-2\sqrt{3}z+4=0$  سعتبر في مجموعة الأعداد المركبة  $\mathbb C$  المعادلة: (E) نعتبر

(1) حل في  $\mathbb C$  المعادلة (E)، ثم اكتب حلولها على الشكل المثلثي.

المستوي منسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس  $(O; \overline{u}, \overline{v})$  نعتبر النقاط C ، B ، A ، التي لاحقاتها على  $L = -\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i$  ، نضع  $z_C = \sqrt{3} - i$  ،  $z_B = \sqrt{3} + i$  ،  $z_A = 2i$  الترتيب الترتيب  $z_C = \sqrt{3} - i$  ،  $z_B = \sqrt{3} + i$  ،  $z_A = 2i$ 

أ) اكتب L على الشكل الأسي، المادة المدار

ب) أثبت أن:  $(z_C - z_B) = L(z_C - z_B)$ ، ثم استنتج أن A صورة C بتحويل نقطي يطلب تعيينه وتحديد عناصر ه المميزة.

ج) استنتج نوع المثلث ABC ثم احسب مساحته S.

#### التمرين الثاني: (06 نقاط)

 $(C_f)$  دالة عددية معرفة على  $(C_f)$  كما يلي:  $(x) = \frac{a+b \ln 2x}{4x^2}$  عددان حقيقيان و  $(x) = \frac{a+b \ln 2x}{4x^2}$  المنحنى الممثل لها في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $(O; \vec{i}, \vec{j})$ 

راً عَيْن a و d بحيث يكون المماس في النقطة  $A\left(\frac{1}{2};1\right)$  للمنحنى  $A\left(\frac{1}{2};1\right)$  موازيا لحامل محور الفواصل. a المحرف يكون الممال في a الدالة العددية المعرفة على a إa إa إa إa إb إa المنحنى الممثل لها في a الدالة العددية المعرفة على a إa إa إa إa المنحنى الممثل لها في a الدالة العددية المعرفة على a إa المنحنى الممثل لها في a الدالة العددية المعرفة على a إa المنحنى الممثل لها في a الدالة العددية المعرفة على a المنحنى الممثل لها في a الدالة العددية المعرفة على a المنحنى الممثل لها في a الدالة العددية المعرفة على a المنحنى الممثل لها في a الدالة العددية المعرفة على a المنحنى الممثل لها في a الدالة العددية المعرفة على a المنحنى الممثل لها في a الدالة العددية المعرفة على a المنحنى الممثل المعرفة على a الدالة العددية المعرفة على a المدالة العددية المعرفة على a الدالة العددية المعرفة على a العددية المعرفة على العددية المعرفة على العددية العددية المعرفة على العددية المعرفة على العددية العددية

المستوي المنسوب إلى المعلم السابق.

ا) احسب g(x) و  $\lim_{x\to\infty} g(x)$  ، فسر النتيجتين هندسيا.

ب) ادرس اتجاه تغير الدالة g ثم شكّل جدول تغيراتها.

g(x) = 0 المعادلة g(x) = 0 ج

 $\cdot (C_g)$  د) أنشئ

h'(x) الدالة العددية المعرفة على المجال  $h(x) = \frac{1 + \ln 2x}{2x}$  كما يلي:  $h(x) = \frac{1 + \ln 2x}{2x}$  الدالة العددية المعرفة على المجال  $h(x) = \frac{1}{2}$ 

 $\cdot \, ]0; +\infty [$  على المجال  $g(x) = \frac{1}{4x^2} + \frac{\ln 2x}{2x^2}$  ب) تحقق أن:

#### التمرين الثالث: (05 نقاط)

 $u_n = \frac{(n+1)^2}{n(n+2)}$  : كما يلي:  $\mathbb{N}^*$  كما يلي: المتتالية العددية المعرفة على

 $u_n > 1$  : ثم استنتج أن  $u_n = 1 + \frac{1}{n(n+2)}$  ثم استنتج أن أبت أنه من أجل كل عدد طبيعي غير معدوم  $u_n > 1$ 

 $(u_n)$  أدرس اتجاه تغير  $(u_n)$  ثم بيّن أنها متقاربة ، احسب نهاية  $(u_n)$ 

 $p_n = u_1 \times u_2 \times ... \times u_n$ : ليكن الجداء  $p_n$  المعرف كما يلي الجداء  $p_n$ 

.  $p_n = \frac{2n+2}{n+2}$  فإن: معدوم n فإن: عدد طبيعي غير معدوم n فإن:

المتتالية العددية المعرفة على  $\mathbb{N}^*$  كما يلي:  $v_n = \ln u_n$  دالة اللوغاريتم النيبيري  $(v_n)$  /4 عبر بدلالة  $S_n$  عبر بدلالة  $S_n$  عن  $S_n$  حيث:  $S_n$  حيث:  $S_n$  حيث:  $S_n$  عبر بدلالة  $S_n$  عبر بدلالة عبر بدلالة من بدلون أن المعرب عبر بدلالة عبر بد

#### التمرين الرابع: (05 نقاط)

أجب بصحيح أو خطأ مع التبرير في كل حالة من الحالات الآتية: = ١٠٠١ مع = ١٠٠١ ميس ١١٠

1/ المعادلة: 40  $\pm 14y = 40$  لا تقبل حلو لا في مجموعة الأعداد الصحيحة الما  $\pm 100$ 

2/ في نظام التعداد ذي الأساس 7 يكون: 5413 = 1562 = 3421

(6: هو: 6 على 7 هو: 6 باقي القسمة الإقليدية للعدد: 3 العدد: 4 + 3 + 3 على 7 هو: 6

 $(O; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$  الفضاء منسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس /4

A(2;1;-1) الذي يشمل النقطة (p) الذي يشمل النقطة (zx+y-z+1=0) الذي يشمل النقطة وأ- المستوي و  $\vec{u}(1;-1;1)$  شعاع توجيهه لا يشتركان في أية نقطة.

x-y+z=0 (Q) هي: Q الذي يشمل مبدأ المعلم Q ويوازي المستوي (Q) هي: Q

#### التمرين الأول: (04.5 نقطة)

الفضاء منسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس  $(O; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$  نعتبر النقط  $C \cdot B \cdot A$  و  $C \cdot B \cdot A$ 

C(2;8;-4)  $\overrightarrow{CD}(1;-3;7)$   $\overrightarrow{BD}(0;7;3)$   $\overrightarrow{AD}(1;5;2)$ 

ار بیّن أن النقط  $B \cdot A \cdot B$  تعیّن مستویا.1

2/ بيّن أن المستقيم (CD) يعامد المستوي (ABD)

(AB) على المستقيم (AB) على المستقيم المستقيم (AB)

أ) بيّن أن المستقيم (AB) يعامد المستوي (CDI)

ب) عيّن معادلة للمستوي ( CDI) واكتب تمثيلا وسيطيا للمستقيم (AB)

ج) استنتج إحداثيات النقطة I

4/ احسب الأطوال AB ، CD ، DI واستنتج حجم رباعي الوجوه ABCD

( مساحة رباعي الوجوه =  $\frac{1}{3}$  مساحة القاعدة  $\times$  الارتفاع )

## التمرين الثاني: (04 نقاط) و المرين الثاني: (04 نقاط) من المرين الثاني: (04 نقاط)

المستوي منسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $(O; \vec{u}, \vec{v})$  منسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس

 $L = \frac{-4\sqrt{2} + i\sqrt{2}}{5+3i}$  العدد المركب المعرف كما يلي: L

الأسي. على الشكل الجبري ثم على الشكل الأسي. L

ب) بیّن أن:  $L^{12}+1=0$  ، ثم احسب:  $(5+3i)^{12}+(5+3i)^{12}$  ، ثم احسب:  $(5+3i)^{12}+(5+3i)^{12}$ 

ج) n عدد طبيعي فردي و p عدد طبيعي زوجي أثبت أن:  $L^{4n}+L^{4p}=0$  .

النقطتان A و B لاحقتاهما على الترتيب:  $z_A=5+3i$  و  $z_A=5+3i$  النقطة  $z_A$  عيّن اللاحقة  $z_A$  النقطة  $z_A$  وزاويته  $z_A$  صورة النقطة  $z_A$  بالتشابه المباشر الذي مركزه النقطة  $z_A$  ونسبته  $z_A$  وزاويته  $z_A$  .

. ABA' عين  $z_G$  لاحقة النقطة G مركز ثقل المثلث  $z_G$ 

#### التمرين الثالث: (07.5 نقطة)

أ) f الدّالة العددية المعرّفة على مجموعة الأعداد الحقيقية  $\mathbb R$  كما يلي:

$$f(x) = 3 - \frac{4}{e^x + 1}$$

- .  $(O;\vec{i},\vec{j})$  سنجاها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس  $(C_f)$ 
  - 1- ادر س تغيّر ات الدّالة f.
  - $\cdot$  ( $C_I$ ) عيّن المستقيمات المقاربة للمنحنى -2
- . اعندها ( $C_f$ ) عندها أن المنحنى ( $C_f$ ) نقطة انعطاف  $\omega$  يطلب تعيينها ثم اكتب معادلة المماس ( $C_f$ ) عندها.
  - g(x) = f(x) x كما يلي: g(x) = f(x) x كما الدّالة العددية المعرّفة على
    - أ- ادرس تغيرات الدّالة g.

 $\alpha<2.8$ :ب- بيّن أن المعادلة g(x)=0 تقبل حلا وحيدا  $\alpha$  حيث

- . f(x)=0 أ- حل في  $\mathbb{R}$  المعادلة: 0
- y=x والمنحنى ( $C_f$ ). الذي معادلته: y=x
- $U_{n+1}=f\left(U_{n}
  ight): n$  عدد طبيعي المتتالية العددية المعرّفة كما يلي:  $U_{0}=1$  ومن أجل كلّ عدد طبيعي ( $U_{n}$ )
  - . الفواصل محور الفواصل مثّل و  $U_1$  و  $U_2$  على حامل محور الفواصل -1 باستخدام ( $C_f$ ) باستخدام الفواصل محور الفواصل
    - $1\leqslant U_n<lpha$  : بيّن أنّه من أجل كلّ عدد طبيعي n فإن 0 خدد 0 عدد طبيعي -3 بيّن أنّ المتتالية 0 متز ايدة تماما.
    - $U_n=\alpha$  .  $\lim_{n\to\infty}U_n=\alpha$  : استنتج أن  $U_n$  متقاربة و بيّن أنّ

#### التمرين الرابع: (04 نقاط)

 $A_n = 2^n + 3^n + 4^n + 5^n + 6^n$  من أجل كل عدد طبيعي n نضع:

- $A_3 \equiv 6[7] = 4$  ثم بيّن أن:  $A_3 \equiv 6[7] = 4$
- 2) ادرس حسب قيم العدد الطبيعي n بواقي القسمة الإقليدية لكل من العددين  $2^n$  و  $3^n$  على  $3^n$
- 3) بيّن أنه إذا كان n فرديا فإن  $A_n+1$  يقبل القسمة على n واستنتج باقي القسمة الإقليدية للعدد  $A_{2011}$ 
  - 4 ما هو باقى القسمة الإقليدية للعدد  $A_{1432}$  على 4



### التصحيح الرسمي لموضوع الرياضيات شعبة تقنى رياضي بكالوريا 2011

# الإجابة النموذجية وسلم التنقيط

امتحان شهادة البكالوريا دورة: 2011

المادة : رياضيات الشعبة: تقني رياضي ١٥٥٠ ما المديدة معادمة

لمجموع	العلامة مجزأة ا	عناصر الإجابة (الموضوع الأول)	محاور
DU AV	7.	الموضوع الأول	الموضوع
	\$1 (0)		11-1-1
	0,25×2	التمرين الأول: ( 04 نقاط)	شكل
	V,23×2	$z_2 = \sqrt{3} + i$ , $z_1 = \sqrt{3} - i$ ; (E) at $z_2 = \sqrt{3} + i$	لأسي للعند
	0,5×2	$z_2 = 2\left(\cos\frac{\pi}{6} + i\sin\frac{\pi}{6}\right)$ $z_1 = 2\left[\cos(-\frac{\pi}{6}) + i\sin(-\frac{\pi}{6})\right]$	امركب
	(8)=	6 6 6	لدور ان
-0230	0,5	$L = e^{\frac{4\pi}{3}}  (1  (2)$	
04	0.25	ب) الليات أن $z_x - z_y = L(z_c - z_s)$ ومنه $A$ صورة $C$ بالدوران الذي $z_x - z_s = L(z_c - z_s)$	
	0,25×3	مركزه النقطة $B$ ذات اللاحقة $i+3$ وقيس زاويته $\frac{4\pi}{3}$	
	Michael :	المركزة اللقالة الإنجاب المركزة المناطقة المناطق	
	0,5	مساحته $ABC$ عيث $ABC$ مثلث مثقايس الساقين $ABC$ مساحته عديث	
	0,75	$[AC]$ $= \frac{1}{2}AC \times BH = \sqrt{3}ua$	
		- 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1	
	Talking A	CATALLY CONTRACTOR AND CONTRACTOR AN	
		difference on	
	0,5×2	التمرين الثاني: (60 نقاط)	
		b=2 : ثم من $a=1$	دراسة الدالة
	0,25+0.5	$\lim_{x \to +\infty} g(x) = -\infty \cdot \lim_{x \to +\infty} g(x) = 0  (1 /2)$	اللو غارتمية
	0.25×2	$(C_f)$ و و $(C_f)$ مستقیمان مقاربان $(C_f)$ و $(C_f)$ و $(C_f)$ مستقیمان مقاربان $(C_f)$ درسان درسان المقاربان ال	الدوال
	0,5+0.25		الأصلية
	- Heese	$g'(x) = \frac{-\ln 2x}{c^3}$	
06	0,25	و متزایدهٔ تماما علی $\left[\frac{1}{2};+\infty\right]$ و متناقصهٔ تماما علی $\left[0;\frac{1}{2}\right]$ د د د د د د د د د د د د د د د د د د د	
	0,25	و مترالية تعلق في ال	
	22.2	جدول التغيرات: مبر التغيرات:	
		g'(x) + -	20
ALL S	100	ELCIDOR LOS MANAGEMENTS AND THE STREET, TH	
-		g(x) $0$	
	0,5	With the state and the control of the state	
	0,5	$x = \frac{\sqrt{e}}{2e}$ $(3) = 0  (4)$	
		(C <sub>g</sub> ) انشاء (C	
	0,5	$h'(x) = -\frac{\ln 2x}{2x} (1/3)$	
1	0,75+0.25	3.21-2-	9
	1000	$G(x) = -\frac{3+2 \ln 2x}{4x}$ $g(x) = \frac{1}{4x^2} + \frac{\ln 2x}{2x^2}$	

156 401 140

مجموع	مجزأة	عناصر الإجابة (الموضوع الأول)	محاور لموضوع
		التمرين الثالث: (05 نقاط)	جاه تغیر
act.	0.5×2	$u_n > 1$ ، $u_s = 1 + \frac{1}{n(n+2)}$ : $n \in \mathbb{N}^*$ کل $n \in \mathbb{N}^*$	نتالیة بر هان
	l mac	$0 \cdot f'(x) = -\frac{2x+2}{x^2(x+2)^2} < 0 \cdot f(x) = 1 + \frac{1}{x(x+2)} : u_s = f(n) $ /2	برسان انتراجع
05		$\mathbb{N}^{\bullet}$ اجل $x>0$ ومنه $(u_{_{B}})$ متناقصة تماما على	پاية نثالية
PH.	0.5×2	$\lim_{x\to\infty}u_n=1$ متناقصة تماما ومحدودة من الأسفل فهي مثقارية ، $u_n=1$	
		$p_n = \frac{2n+2}{n+2}$ البر هان بالتراجع أن: $p_n = \frac{2n+2}{n+2}$	
	0.25	$p_1 = u_1 = \frac{4}{3}$ ، $n = 1$ : من أجل	
	0.75	نفرض $p_{n+1} = p_n \times u_{n+1} = \frac{2n+4}{n+3}$ : نفرض $p_n = \frac{2n+2}{n+2}$ نفرض	
		$p_n = \frac{2n+2}{n+2}$ : طبیعي غیر معدوم $n$ فإن	
النان	0.5×2	$\lim_{n \to +\infty} s_n = \ln 2  (s_n = \ln p_n)/4$	
50			
Karle	1	( 00).657-057-	
	1	/ خطا لأن: 3421 + 1562 = 5313 من مناطقة المناطقة المناطق	التعداد
05	0.5×3	$3^{64+\alpha} \equiv 3^{\alpha} [7]$ و $1+3+3^2+ +3^{2011} = \frac{3^{2012}-1}{2}$ خطأ لأن:	الموافقة القواسم
		$\frac{3^{6k+2}-1}{2}$ = 4[7] ومنه $\alpha \in \{0,1,2,3,4,5\}$ عيث $\alpha \in \{0,1,2,3,4,5\}$	هندسة فضائية
	1 -	4/ أ) صحيح لأن: (a) شعاع ناظمي لـ (P) و ت شعاع توجيه (d) متعامدان	
	0.5	وعليه (P)//(d) و (P) A و (P) م الذن (P)	
		ملاحظة: في كل سؤال تمنح 0.25 للاختيار الصحيح والباقي للتبرير.	

	العلا	تابع الإجابة النموذجية المادة: رياضيات الشعبة: تقني رياه	
المجموع	مجزأة	عناصر الإجابة	محاور الموضوع
	E1 (	الموضوع الثاني	Compa
-		التمرين الأول: (04.5 نقطة)	تطبيقات
	0,25×3	$\overline{BD}$ و $\overline{BD}$ غير متوازبين فالنقاط $D$ ، $B$ ، $A$ تعين مستويا	الجداء
	1	$(ABD)$ يعامد $(CD)$ و $\overline{CD}.\overline{AD}=0$ فإن: $(CD)$ يعامد $\overline{CD}.\overline{BD}=0$	السلمي التمثيل
	0.5	(CDI) عبودي على $(AB)$ و $(CI)$ عبودي على $(AB)$ ومنه $(CDI)$ يعامد $(CDI)$	الوسيطي
4.5	0,5×2	ب) $\overline{AB}(1,-2;-1)$ و $C$ نقطة منه فإن المعادلة الديكار ثية $\overline{AB}(1,-2;-1)$ و $\overline{AB}(1,-2;-1)$ ب $\lambda \in \mathbb{R}$ $\begin{cases} x=2+\lambda \\ y=-2\lambda \end{cases}$ (AB) هي: $x=2y-z+10=0$ التمثيل الوسيطي لـ	لمستقيم الحجوم
	1.0-		
	0,5	$I\left(\frac{1}{6};\frac{11}{3};\frac{17}{6}\right)$ (*)	
	0.25×3	$AB = \sqrt{6} \cdot CD = \sqrt{59} \cdot DI = \frac{\sqrt{354}}{6} /4$	
		التمرين الثاني: ( 04 نقاط)	
	0.5×2	$L = -\frac{\sqrt{2}}{2} + i\frac{\sqrt{2}}{2} = e^{i\frac{3\pi}{4}}  (1/1)$	الشكل المثلثي ،
04	0.5×2	$\left(-4\sqrt{2}+i\sqrt{2}\right)^{12}+\left(5+3i\right)^{12}=0$ 5 $L^{12}+1=0$ and $L^{12}=-1$ (4)	موافر ، التشابه
	0.75	$L^{4\eta} + L^{-4\rho} = (-1)^{n} + (-1)^{\rho} = 0$ (4)	
	0.75	$z_{i} = -1 - 9i$ (1/2)	100
	0.5	$z_{ij} = 3-3i \ (\psi$	
		التمرين الثالث: (07.5 نقطة)	
	0.25×2	$\lim_{x \to +\infty} f(x) = 3 ; \lim_{x \to -\infty} f(x) = -1 (1 - 1)$	
7.5	0.25×2	$f'(x) = \frac{4e^x}{(e^x + 1)^2} > 0$ ; which is a sharp of the state of	
	0.25	x -∞ +∞ +∞	
	0	$f(x) = \frac{3}{12} \left[ \frac{3}{12} $	
	0.25×2	y=3 , $y=-1$ (2)	

158 4003 and

ثمة المجموع	العا مجزأة	البيد عناصر الإجابة المحدد	محاور الموضوع
	0.5	$+$ 0 : اشارته: $f''(x) = \frac{4e^x(1-e^x)}{(e^x+1)^3}$ (3	23-3-
	Maga.		الدوال
	0.25	نقطة الإنعطاف (0,1) هـ الرياسة وعلى الله والمناطقة والرابع الله والمناطقة الانتخاصة والمناطقة وا	العددية
	0.25	askitě linahu: $y = x + 1$	المتثاليات
	0.25×2	$\lim_{x \to +\infty} g(x) = -\infty$ ; $\lim_{x \to -\infty} g(x) = +\infty$ ; $g$ أ- تغيرات $g$ (4	0.
	0.25	$\left \begin{array}{c ccc} x & -\infty & 0 & +\infty \\ \hline g'(x) & - & 0 & - \end{array}\right $ وهو سالب $g'(x) = -\left(\frac{e^x-1}{e^x+1}\right)^2$ : المشتق	
	0.25	جدول التغيرات +00 جدول التغيرات	15
		-0 1 11 2 2	
	0.25	ب. ج مستمرة ومتناقصة تماما على [2,7;2,8] «g(2,7) ≃ 0,048 ومنتمرة ومتناقصة تماما على	
	0.25×2	$g(\alpha) = 0$ حسب مبر هنة القيم المتوسطة بوجد $\alpha$ وحيد حيث $g(2,8) = -0,029$	
		2,7 < α < 2,8 3	
	0.25	Louise of the fact	
	0.25	$x = -\ln 3$ کا آ- $f(x) = 0$ کا تکافئ $f(x) = 0$ کا تکافئ $f(x) = 0$ در سم رح و المنصف الأول والمماس.	
	0.5		
CE		ب) 1- نَمْثِلُ : U <sub>2</sub> ، U <sub>1</sub> ، U <sub>0</sub> : مُثْثِلُ : 1 (ب	
-44	Livb	$1\leqslant U_s : -2 البُلث أن U_s=1 لأن U_s=1 و U_s=1 و U_s=1$	
	0.75	$f(1) \le f(U_n) < f(a)$ is $0 < 0 < 0 < 0$ . If $U_n < \alpha$ is $0 < \alpha$ .	
	100	$n$ ومنه $U_n < \alpha$ من الجل كل عدد طبيعي $U_n < \alpha$ ومنه $U_n < \alpha$ من الجل كل عدد طبيعي	
	0.25	$u_{n+1} - u_n = f(u_n) - u_n = g(u_n) > 0$ : متز ایدهٔ تماما نام متز ایدهٔ تماما نام المتثالیهٔ $(U_n)$	
	0.20	1≤U, <α ύΫ	
	0.25×2	$\lim_{n \to +\infty} U_n = \alpha$ متز ايدة تماما ومحدودة من الأعلى فهي متقاربة و $(U_n)$	
		التمرين الرابع: (04 نقاط)	
	0.25	4=-3[7] (1	
	0.5	$A_3 = 6[7]$ ومنه $A_3 = -1[7]$ ومنه $A_3 = 2^3 + 3^3 + (-3)^3 + (-2)^3 + (-1)^3[7]$	الموافقات في 2
	0.75		
04	0.73	$2^{3k+2} = 4[7] \cdot 2^{3k+1} = 2[7] \cdot 2^{3k} = 1[7]$ (2	
	0.75	$3^{6k+5} = 5[7] \cdot 3^{6k+4} = 4[7] \cdot 3^{6k+3} = 6[7] \cdot 3^{6k+2} = 2[7] \cdot 3^{6k+1} = 3[7] \cdot 3^{6k} = 1[7]$	
	0.75	$A_n = -1[7]$ : إذا كان $n$ فرديا فإن $A_n = 2^n + 3^n + (-3)^n + (-2)^n + (-1)^n [7]$	
	0.25	ومنه $1 + {}_{1}N_{1}$ يقبل القسمة على 7 ، $[7]$ 6 الباقي هو 6	
	0.75	$A_{1432} = 6[7]$ ومنه $A_{1432} = 2 \times 2^{3 \times 477 + 1} + 2 \times 3^{6 \times 238 + 4} + 1[7]$ (4)	