الدالة الأسية

1-<u>تعریف</u>

رمزها exp وهي الدالة الوحيدة المعرفة والقابلة للاشتقاق $\begin{cases} exp' = exp \\ exp(0) = 1 \end{cases}$ على \mathbb{R} التي تحقق

$$epprox 2,718$$
 نکتب $exp(x)=e^x$ حیث $e^1=e$ و $e^0=1$ لدینا

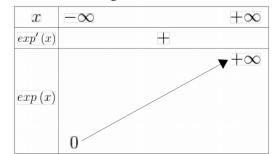
$$\frac{\left| (e^x)^n = e^{nx} \left(n \in \mathbb{N} \right) \right| e^{-x} = \frac{1}{e^x} \left| e^x > 0 \right|}{e^{x-y} = \frac{e^x}{e^y}} \quad e^{x+y} = e^x \cdot e^y$$

3- النهايات

$$\lim_{x \to -\infty} e^x = 0 \qquad \lim_{x \to +\infty} e^x = +\infty$$

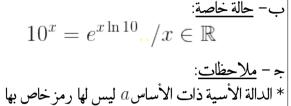
4- اتجاه التغير

 $\overline{ (exp'(x) = e^x > 0 }$ مهما کان x من $\mathbb R$ لدینا ومنه الدالة exp متزايدة تماما على $\mathbb R$ وجدول تغيراتها هو:



5- التمثيل البياني

$(C_{exp}): y = e^x$



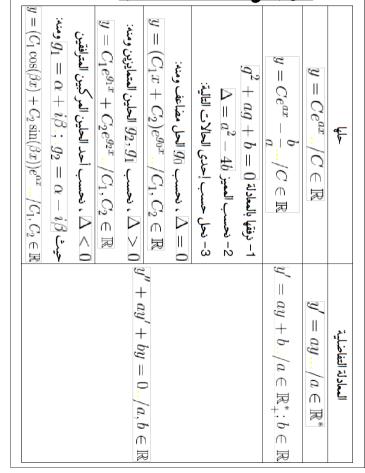
 $a^x = e^{x \ln a} ... / x \in \mathbb{R}; a \in \mathbb{R}_+^*$

a ساس الدالة وexp صالحة للدالة الأسية ذات الأساس *

a الدالة الأسية ذات الأساس –8

أ- ت<u>عريف</u>:

9- حل بعض المعادلات التفاضلية



6- دهایات شهیرة

$\lim_{x \to +\infty} \frac{e^x}{x^n} = +\infty$	$\lim_{x \to +\infty} \frac{e^x}{x} = +\infty$
$\lim_{x \to -\infty} x^n e^x = 0$	$\lim_{x \to -\infty} x e^x = 0$
$\lim_{x \to 0} \frac{e^x - 1}{x} = 1$	

$exp \circ u$ الدوال من الشكل –7

أ- <u>تعريف</u>:

 $(exp \circ u)(x) = e^{u(x)}; x \in D_u$

مهما کان x من D_u لدینا:

 $(exp \circ u)'(x) = u'(x) \cdot e^{u(x)}$

 D_u نفس اتبحاه التغير على كل مجال من $exp\circ u$ للدالتين

 $e^{u(x)}>0$ الدينا: D_u مهما كانx من