الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

الديوان الوطني للامتحانات والمسابقات

وزارة التربية الوطنية

دورة: 2017

امتحان بكالوريا التعليم الثانوي

الشعبة: رياضيات

اختبار في مادة: الرياضيات المدة: 04 سا و30 د

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين الآتيين: الموضوع الأول

التمرين الأول: (04 نقاط)

x=t-2 . $(O;\vec{i},\vec{j},\vec{k})$ الفضاء منسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس

 $\left\{egin{aligned} y=-t+2 &; t\in\mathbb{R} \ \end{array}
ight.$ نعتبر النقطتين A(-1;1;-2) و المستقيم B(1;-3;-4) و المستقيم الذي يشمل النقطة B و U(-1;2;1) شعاع توجيه له .

- بيّن أنّ المستقيمين (Δ) و (Δ') يتقاطعان في نقطة يطلب تعيين إحداثياتها.
 - . ليكن (P) المستوي المعيّن بالمستقيمين (Δ) و (Δ) . الكن (P) المستوي المستوي (P) ، ثم استنج معادلة ديكارتية له .
- . $AM^2 + BM^2 = 20$: تسمّي (S) مجموعة النقط (M(x;y;z) من الفضاء التي تحقق (S) مجموعة النقط (S) بيّن أنّ (S) سطح كرة مركزها منتصف القطعة (S) ونصف قطرها (S)
 - . (S) وسطح الكرة (P) وسطح الكرة (Φ) حدّد الوضع

التمرين الثاني: (04 نقاط)

- . نعتبر المعادلة : (x;y) حيث (x;y) خات المجهول (x;y) حيث (x;y) عددان صحيحان (1) نعتبر المعادلة (E) تقبل حلولا.

 - عدد طبيعي يكتب $\overline{1\alpha\alpha\beta01}$ في نظام التعداد الذي أساسه 4 ، ويكتب $\overline{1\alpha\beta01}$ في نظام التعداد الذي أساسه α حيث α و α عددان طبيعيان.
 - . ين α و β ، ثم اكتب λ في النظام العشري α
 - تحقق: تحقق أنّ كلا من 2017 و 1009 عدد أوّلي، ثم عيّن الثنائيات $(a\,;b)$ من الأعداد الطبيعية التي تحقق: $m=PPCM\ (a;b)$, $d=PGCD\ (a;b)$ حيث 2m-d=2017

التمرين الثالث: (05 نقاط)

- . $(z-2+2i)(z^2-2\sqrt{2}z+8)=0:z$ حل في مجموعة الأعداد المركبة ${\mathbb C}$ ، المعادلة ذات المجهول (1
 - C و B ، A نعتبر النقط ، $(O; \vec{u}, \vec{v})$ المستوي المركب منسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $z_B = \overline{z}_A$ ، $z_A = \sqrt{2} + i\sqrt{6}$ التي لاحقاتها $z_B = \overline{z}_A$ ، $z_A = \sqrt{2} + i\sqrt{6}$ التي المعلم ال
- أ) اكتب z_A و z_B و تتتمي إلى دائرة z_C يطلب أ) اكتب z_B و z_B ، z_A و أ) يطلب تعيين مركزها ونصف قطرها.
 - . التي من أجلها يكون العدد المركب $\left(\frac{z_A}{z_C}\right)^n$ تخيليا صرفا . بين قيم العدد الطبيعي n التي من أجلها يكون العدد المركب
- \mathbb{R}_+ سمّي k مع k مع k مع k مع k عين k
 - . -2 ونسبته O وزاويته h ، $\frac{2\pi}{3}$ وزاويته O وزاويته O التحاكي الذي مركزه النقطة O ونسبته O الدوران الذي مركزه النقطة O
 - . $h \circ r$ عيّن طبيعة التحويل $h \circ r$ وعناصره المميّزة ، ثم استنتج صورة الدائرة

التمرين الرابع: (07 نقاط)

. $f(x) = (-x^3 + 2x^2)e^{-x+1}$: ب تعتبر الدالة العددية f المعرّفة على

 $(O; \vec{i}, \vec{j})$ المنحني الممثل للدالة f في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس (C_f)

- - $f'(x) = x(x^2 5x + 4)e^{-x+1}$ ، x عدد حقیقی عدد عدد نبخین أنّ : من أجل كل عدد حقیقی ثم استنتج اتجاه تغیّر الدالة f وشكّل جدول تغیّراتها.
 - . 2 مماس المنحني (C_f)مماس المنحني ((T_f) مماس المنحني ((T_f)
 - . $h(x)=x^2e^{-x+2}-4$ يلي: h(x)=0 كما يلي: h(x)=0 كما يلي: h(x)=0 كما يلي: h(x)=0 كما يلي: h(x)=0 بالنسبة إلى h(x)=0 على المجال h(x)=0 بالنسبة إلى h(x)=0 على المجال h(x)=0 بالنسبة إلى المجال ألى المحال ألى المحال
 - . $\left[0\,;+\infty\right[$ ارسم المماس $\left(T\,
 ight)$ والمنحني المخال والمنحني (4
 - (E) ... f(x) = m(x-2) نعتبر m وسيط حقيقي والمعادلة ذات المجهول الحقيقي x الموجب: (5) عدد حلول المعادلة (E).
 - . $g(x)=f\left(\frac{1}{x}\right):+\infty$ [ب $g(x)=f\left(\frac{1}{x}\right):g(x)$ و الدالة المعرفة على المجال

اعتمادا على السؤال رقم (1)، شكل جدول تغيّرات الدالة g

انتهى الموضوع الأول

الموضوع الثاني

التمرين الأول: (04 نقاط)

 $u_0 = 1$ نعتبر المتتالية العددية (u_n) المعرّفة على $\mathbb N$ بحدها الأوّل

 $u_{n+1} = 7u_n + 8$ ، n ومن أجل كل عدد طبيعي

. $3u_n = 7^{n+1} - 4$ ، n برهن بالتراجع أن: من أجل كل عدد طبيعي (1

$$S_n' = u_0 + u_1 + \dots + u_n$$
 و $S_n = 1 + 7 + 7^2 + \dots + 7^n$: n و غدد طبيعي (2) نضع من أجل كل عدد طبيعي

 S_n و S_n المجموع S_n ثم جد علاقة بين S_n المجموع (أ

$$\cdot .18 \times S_n' = 7^{n+2} - 24n - 31$$
 ، n عدد طبیعي عدد طبیعي استنتج أنّ: من أجل كل عدد طبیعي

درس حسب قيم العدد الطبيعي n بواقى قسمة العدد 7^n على 5.

ب عيّن قيم n الطبيعية حتى يكون S_n' قابلا للقسمة على 5.

$$\begin{cases} x = -t - 2 \ \lambda + 2 \end{cases}$$
 التمرين الثاني: (04 نقاط) $y = 3t + 4 \ \lambda - 3 \end{cases}$ مستو تمثیله الوسیطي: $z = 3t + 4 \ \lambda - 1 \end{cases}$ مستو تمثیله الوسیطي: $z = 3t + 4 \ \lambda - 1 \end{cases}$ مستو تمثیله الوسیطي: $z = 3t + 4 \ \lambda - 1$

. (P) عين معادلة ديكارتية للمستوي (1)

ليكن
$$\alpha$$
 عددا حقيقيا من المجال $\left[-\frac{\pi}{2};\frac{\pi}{2}\right]$ ، ولتكن $\left[-\frac{\pi}{2};\frac{\pi}{2}\right]$ من الفضاء حيث (2 $x^2+y^2+z^2-2x\cos\alpha-2y\sin\alpha-z-\frac{3}{4}=0$

- ω_{α} مركزها مركزها مركزها تعيين إحداثيات مركزها (E_{α}) من المجال السابق ، ونصف قطرها α من المجال السابق ، α من المجال السابق . α ونصف قطرها α
 - . (E_{lpha}) الدرس حسب قيم العدد الحقيقي lpha الوضع النسبي للمستوي (P) و سطح الكرة الحقيقي (P)
 - (E_{α}) في الحالة التي يكون فيها المستوي (P) مماسا لسطح الكرة (E_{α}) في الحالة التي يكون فيها المستوي (D)الذي يشمل النقطة ω_{α} والعمودي على المستوي واستنتج إحداثيات I نقطة تماس (E_{α}) مع المستوي (P).

التمرين الثالث: (05 نقاط)

$$\frac{21}{4}+5i$$
: على الشكل الجبري ثم استنتج الجذرين التربيعيين للعدد المركب ($\frac{5}{2}+i$) اكتب العدد

المستوي المركب منسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس ($O; \vec{u}, \vec{v}$) ، نعتبر النقط C , B , A المستوي المركب منسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس ($O; \vec{u}, \vec{v}$)

.
$$z_I=i$$
 و $z_C=-\overline{z}_A$ ، $z_B=-rac{3}{2}i$ ، $z_A=rac{3}{2}+\sqrt{2}e^{irac{\pi}{4}}$: اللواحق

اختبار في مادة: الرياضيات / الشعبة: رياضيات / بكالوريا 2017

- . اكتب z_A و على الشكل الجبري z_A
- . ABC على الشكل الأسي مستنتجا طبيعة المثلث (2 $\frac{z_C-z_B}{z_A-z_B}$
 - A ليكن S التشابه المباشر الذي مركزه B ويحول S الحي (3
 - أ) اكتب العبارة المركبة للتشابه المباشر S ثم عيّن نسبته وزاوبته.
- $T_n = \underbrace{S \circ S \circ \cdots \circ S}_{n}$ يلي: $T_n = \underbrace{S \circ S \circ \cdots \circ S}_{n}$ كما يلي: $T_n = \underbrace{S \circ S \circ \cdots \circ S}_{n}$ عيّن قيم $T_n = \underbrace{S \circ S \circ \cdots \circ S}_{n}$ تحاكيا ، عين عندئذ عناصره المميزة.

التمرين الرابع: (07 نقاط)

- . $g(x)=\frac{1}{x}-\ln x$ يعتبر الدالة العددية g المعرّفة على المجال $g(x)=\frac{1}{x}$
 - 1) ادرس اتجاه تغيّر الدالة g.
- .]0;+ ∞ [على g(x) قبل حلا وحيدا α من المجال]1,76; 1,77 ثم استنتج إشارة g(x)=0 على g(x)=0

$$\begin{cases} f(x) = \frac{x+1}{x-\ln x} \;\;;\;\; x>0 \\ f(0)=0 \end{cases}$$
: يعتبر الدالة العددية f المعرّفة على المجال $= (0;+\infty)$ كما يلي (II)

- $(O; ec{i}, ec{j})$ سنتيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس (C_f)
 - ، مستمرة عند العدد 0 على اليمين f أثبت أن الدالة

ثم احسب
$$\lim_{x \to 0} \frac{f(x)}{x}$$
 وفسّر النتيجة بيانيا.

- . $f'(x) = \frac{g(x)}{(x \ln x)^2}$ ، $]0; +\infty[$ من المجال x عدد حقیقی x عدد حقیقی (2
 - . f وفسّر ذلك بيانيا ثم شكل جدول تغيرات الدالة الدالة $\int_{x \to +\infty} f(x)$ احسب (3
 - $h(x) = x \ln x$: ب $]0; +\infty[$ بالمعرفة على $]0; +\infty[$ بالمعرفة على الدالة المعرفة على الدالة الدالة المعرفة على الدالة الدا
 - h(x)>0 ، أن: من أجل كل عدد حقيقي x موجب تماما ، واستنتج وضعية (C_f) بالنسبة إلى المستقيم (Δ) بالنسبة إلى المستقيم واستنتج وضعية (Δ)
 - $(f(\alpha) \approx 2.31)$. (C_f) ارسم (
 - . $F(x)=\int\limits_{1}^{x}f(t)dt$ يلي يا $0;+\infty$ كما يلي المعرّفة على المجال (5
- $\frac{1}{x}+1 \le f(x) \le f(\alpha)$ ، $x \ge 1$ حیث $x \ge 1$ عدد حقیقی $x \ge 1$ عدد حقیقی $x \ge 1$
 - اعط تفسيرا هندسيا للعدد F(e) ثم استنتج حصرا له.

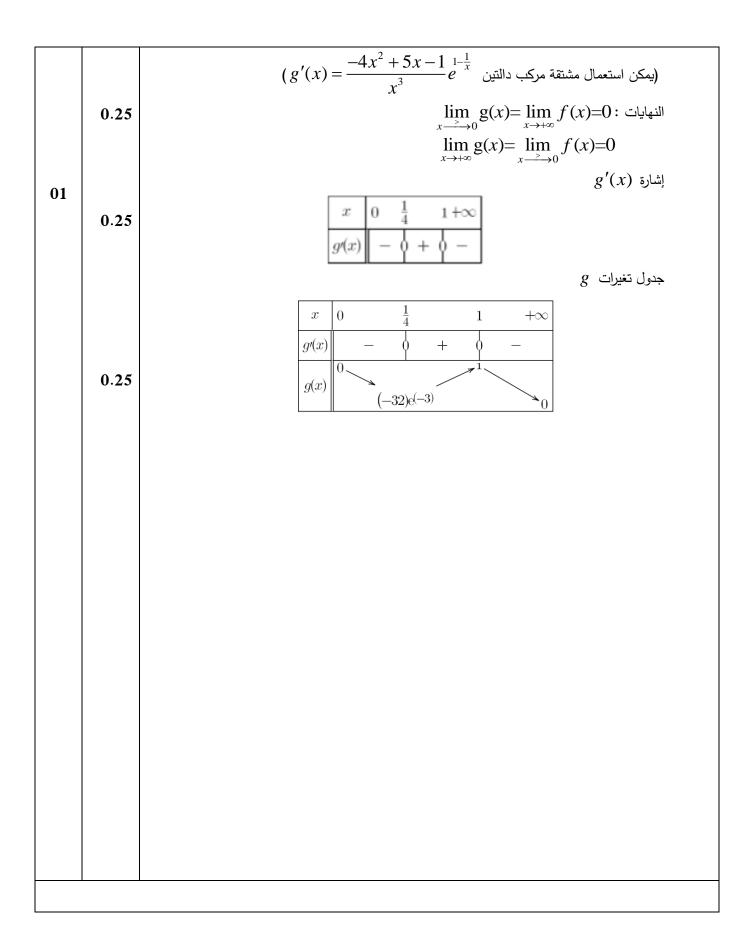
انتهى الموضوع الثاني

	الموضــوع الأول		
		التمرين الأول: (04 نقاط)	
	0.25	1) بيان أنّ المستقيمين متقاطعان	
		$\int x = -t' + 1$	
		$(\Delta'): \begin{cases} y = 2t' - 3 & /t' \in \mathbb{R} \end{cases}$	
01	0.50	z = t' - 4	
	0.25	$(\Delta) \cap (\Delta') = \{A(-1;1;-2)\} \qquad \begin{cases} t = 1 \\ t' = 2 \end{cases} \qquad \begin{cases} t - 2 = -t' + 1 \\ -t + 2 = 2t' - 3 \\ 2t - 4 = t' - 4 \end{cases}$	
	0.23	$\begin{cases} t'=2 \end{cases} $ axis $\begin{cases} -t+2=2t'-3 \\ -t+2=2t'-3 \end{cases}$	
	0.70		
	0.50	$\begin{cases} x = \alpha - \beta - 1 \\ x = \alpha - \beta - 1 \end{cases}$	
1.25		(P) : $\begin{cases} y = -lpha + 2eta + 1 & lpha; eta \in \mathbb{R} : eta \in \mathbb{R} \end{cases}$ التمثیل الوسیطی للمستوی هو (P)	
	0.75	$(z = 2\alpha + \beta - 2)$	
	0.75	(P):5x+3y-z=0 استنتاج المعادلة الديكارتية	
		بيان أنّ S سطح كرة مركزها منتصف القطعة AB ونصف قطرها 2. S بيان أنّ S سطح كرة مركزها منتصف القطعة S بيان أنّ S سطح كرة مركزها منتصف القطعة S بيان S بيان أنّ S	
01	01	طريقة (1): $AM^2 + BM^2 = 20$ تكافئ $AM^2 + BM^2 = 20$ حيث $IM^2 = 20$ القطعة $IM^2 = 20$	
	01	$IM=2$ تكافئ $x^2+(y+1)^2+(z+3)^2=4$ تكافئ $AM^2+BM^2=20$:(2): طريقة	
0.75	0.50	x+(y+1)+(z+3)=4 كالوضع النسبي للمستوي (P) وسطح الكرة (S) .	
0.75	0.25	ر کی میں میں میں میں میں میں میں میں میں می	
		التمرين الثاني: (04 نقاط)	
	0.25	$p \gcd(20;104) = 4$ (1)	
	0.25	بما أن $p \gcd(20;104)$ قاسم للعدد 272 فان المعادلة (E) تقبل حلول	
	0.25	$x\equiv 3$ بيان أنّه إذا كانت الثنائية $(x;y)$ حلا للمعادلة (E) فإنّ	
		26x - 5y = 68 تكافئ (E)	
		$x \equiv 3[5]$ ومنه $26x \equiv 68[5]$ ومنه	
1.25	0.50	$S = ig\{ (5k + 3; 26k + 2) / \ k \in \mathbb{Z} ig\} :$ مجموعة حلول المعادلة	
		eta و $lpha$ تعیین $lpha$ و (2	
	0.50	$\begin{cases} 104lpha-20eta=272 \ 0\lelpha\le 3: 0\leeta\le 3 \end{cases}$ تكافئ $\dfrac{1lphalphaeta01}{1lphalphaeta01}=\dfrac{1lphaeta01}{1lphaeta01}$	
1.50	0.5=	$0 \le \alpha \le 3; 0 \le \beta \le 3$	
	0.25		

	0.50	$\alpha = 5k+3$
		$egin{cases} eta=26k+2 & /k\in\mathbb{N} \ 0\leqlpha\leq3; 0\leqeta\leq3 \end{cases}$
		$0 \le \alpha \le 3; 0 \le \beta \le 3$
	0.25	$egin{cases} lpha=3\ eta=2 \end{cases}$ معناه
		$\beta = 2$
		$\lambda=2017$ كتابة λ في النظام العشري: $\lambda=2017$
	2×0.25	3) التحقق أنّ كلا من 2017 و 1009 عدد أوّلي
		$2m-d=2017$ تعيّين الثنائيات $(a\;;b)$ من الأعداد الطبيعية التي تحقق:
1.25	0.25	$egin{aligned} a'b' &= rac{2017}{d} + 1 \ a &= a'd; b = b'd & $ تكافئ $2m-d = 2017 \ p \gcd(a',b') = 1 \end{aligned}$
	0.20	$\left\{ a=a^{\prime}d;b=b^{\prime}d ight.$ تكافئ $2m-d=2017$
		$p\gcd(a',b')=1$
	2×0.25	$(a;b) \in \{(1;1009),(1009;1)\}$: ومنه
		التمرين الثالث: (05 نقاط)
		1) حل المعادلة : —
01	0.25	$\Delta = -24 = (2i\sqrt{6})^2$
	3×0.25	$S = \left\{2 - 2i; \sqrt{2} + i\sqrt{6}; \sqrt{2} - i\sqrt{6}\right\}$
		$z_C = 2\sqrt{2}e^{-i\frac{\pi}{4}}$, $z_R = 2\sqrt{2}e^{-i\frac{\pi}{3}}$, $z_A = 2\sqrt{2}e^{i\frac{\pi}{3}}$ († (2)
	3×0.25 0.25	$OA = OB = OC = 2\sqrt{2}$ بما أن
	0.25	. $2\sqrt{2}$ فإن النقط A ، B و C تنتمي إلى الدائرة Ω التي مركزها O و نصف قطرها B .
	0.25	
		ب) تخیلي صرف $\left(rac{\mathcal{Z}_A}{\mathcal{Z}_C} ight)^n = e^{irac{7\pi}{12}n}$ (ب
	0.50	n $=$ $12h+6$ $h\in\mathbb{N}$ معناه $\frac{7\pi n}{12}=\frac{\pi}{2}+k\pi$ معناه (Γ) معناه (Γ) معناه (Γ)
	0.25	(Γ) نقطة من C نقطة من (ج
3.25		$rg(z-z_C) = \pi + rg\left(rac{z_A}{z_B} ight)$ نکافئ $z=z_C-k\left(rac{z_A}{z_B} ight)$: $z eq z_C$ من اجل
	0.50	$\left(\overrightarrow{u};\overrightarrow{CM}\right) = -\frac{\pi}{3} + 2k\pi$ تكافئ
	0.25	

		$-rac{\pi}{3}$ و منه Γ مجموعة نقط نصف المستقيم الذي حده C و يصنع مع حامل محور الفواصل زاوية
		انشاء (Γ) .
	0.25	
	0.50	$rac{-\pi}{3}$ و نسبته 2 زاویته $h \circ r$ هو تشابه مباشر مرکزه O و نسبته 2 زاویته $a \circ r$
0.75	0.25	_ 3
	0.25	صورة الدائرة (Ω) بالتحويل $h\circ r$ هي الدائرة (Ω') التي مركزها O و نصف قطرها $4\sqrt{2}$. التمرين الرابع: (07) نقاط)
2.25	0.25	$\lim_{x \to \infty} f(x) = +\infty \text{ (i) (1)}$
	0.25	$\lim_{x \to +\infty} f(x) = 0$
	0.25	$x o +\infty$ $x o +\infty$ $y o +\infty$ معادلة المقارب للمنحني $y o +\infty$.
	0.50	$f'(x) = x(x^2 - 5x + 4)e^{-x+1}$ ، x عدد حقیقی بیان أنّ : من أجل كل عدد حقیقی بیان أنّ : من أجل كل عدد حقیقی
		f'(x) إشارة
	0.25	$x -\infty$ o 1 4 $+\infty$
		f'(x) $ 0$ $+$ 0 $ 0$ $+$
		f اتجاه تغیّر الداله
	0.25	متزایدة تماما علی $[0;1]$ و متزایدة تماما علی f
		$]-\infty;0]$ متناقصة تماما على $[1;4]$ و
		جدول التغيّرات
	0.50	$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
0.50	0.50	(T) معادلة المماس (2
		$y = -4e^{-1}(x-2)$

		1
		h دراسة اتجاه تغير الدالة (3 دراسة اتجاه تغير الدالة h
	0.25	$h'(x) = x(2-x)e^{-x+2}$
		[0;2] متزایدة تماما علی h
	0.25	$[2;+\infty[$ متناقصة تماما h
		:h(x)استنتاج إشارة
		$x = 0$ $2 + \infty$
1.50		$h'(x)$ + ϕ -
		$h(x)$ \nearrow 0
	0.25	$h(x) \le 0$ فإن $x \in [0; +\infty[$ من أجل كل
		(T) بالنسبة إلى (C_f) تحديد وضعية المنحنى
		$(2-x)h(x)$ من إشارة $f(x) - \left(-4e^{-1}(x-2)\right) = (2-x) \times e^{-1} \times h(x)$ من إشارة
	0.25	$x = 0$ 2 $+\infty$
		$(2-x)h(x)$ $\left[\begin{matrix} 0 \\ \end{matrix} - \begin{matrix} 0 \\ \end{matrix} \right] +$
	0.25	$2;+\infty$ افوق T على المجال على المجال
	0.25	$0;2$ تحت T على المجال C_f
	0.25	(T) ارسم المماس (4
		$[0;+\infty[$ على المجال (C_f) على المجال .
01		
		or 4 2 3 4 5 6 7 6
	0.75	(C_f)
		(Δ)
		. (E) المناقشة بيانيا حسب قيم m عدد حلول المعادلة (5)
		اذا كان $m=-4e^{-1}$ او $m>0$ فان المعادلة لها حلا وحيد
0.75	0.75	إذا كان $-4e^{-1}{<}m$ فان للمعادلة ثلاثة حلول
		إذا كان $m=0$ فان للمعادلة حلين
		g جدول تغیّرات الدالة g .
	0.25	الدالة g هي مركب الدالة مقلوب و الدالة f بهذا الترتيب



الموض وع الثاني

0.77	التمرين الأول: (04 نقاط)		
0.75	0.75	$3u_n = 7^{n+1} - 4$ ، n برهان بالتراجع أن: من أجل كل عدد طبيعي (1	
1.25	0.25	$S_n = \frac{7^{n+1}-1}{6}$: المجموع n المجموع) حساب بدلالة	
	0.50	$3S_n'=7S_n-4(n+1)$ ایجاد علاقة بین S_n و $S_n'=7S_n-4(n+1)$	
	0.50	$\cdot 18\! imes\!S_n'=7^{n+2}-24n\!-\!31$ ، n عدد طبیعي $\cdot 18\! imes\!S_n'=7^{n+2}$	
0.5	4×0.25	2) أ) دراسة حسب قيم العدد الطبيعي n بواقي قسمة العدد 7^n على 5.	
01		$7^{4k} \equiv 1[5] \; ; \; 7^{4k+1} \equiv 2[5] \; ; \; 7^{4k+2} \equiv 4[5] \; ; \; 7^{4k+3} \equiv 3[5] \; / k \in \mathbb{N}$	
01	4×0.25	n تعیین قیم $oldsymbol{\psi}$	
01		$n \in \left\{20h + 12 \; ; 20h + 13 \; ; 20h + 10 \; ; 20h + 19 \; / h \in \mathbb{N}\right\}$ معناه $S_n' \equiv 0[5]$	
		التمرين الثاني: (04 نقاط)	
0.75	0.75	y-z+2=0 :(P) تعيين معادلة ديكارتية للمستوي (P): رويد المستوي	
		تکافئ $x^2 + y^2 + z^2 - 2x\cos\alpha - 2y\sin\alpha - z - \frac{3}{4} = 0$ (أ (2)	
	0.50	$(x - \cos \alpha)^2 + (y - \sin \alpha)^2 + (z - \frac{1}{2})^2 = 2$	
	0.50	$\sqrt{2}$ هي سطح کرة مرکزها $\omega_lpha(\coslpha;\sinlpha;rac{1}{2})$ ونصف قطرها (E_lpha)	
2.25		. (E_lpha) و سطح الكرة (P) و سطح الكرة ((P)	
	0.50	$d((p);\omega_{\alpha}) = \frac{\frac{3}{2} + \sin \alpha}{\sqrt{2}}$	
	0.25	اذا كان $\alpha\in \left[-rac{\pi}{2};rac{\pi}{6} ight[$ فإن (P) يقطع $lpha\in \left[-rac{\pi}{2};rac{\pi}{6} ight[$	
	0.25	(E_{lpha}) اذا کان $lpha=rac{\pi}{6}$ فإن $lpha=rac{\pi}{6}$	
	0.25	$ig(Pig)\cap (E_lpha) = \{ \ \}$ فإن $lpha \in \left]rac{\pi}{6};rac{\pi}{2} ight]$ اذا کان	
01	0.50	$\begin{cases} x=rac{\sqrt{3}}{2} \ y=t+rac{1}{2} / \ t \in \mathbb{R} (D) \end{cases}$ التمثيل الوسيطي للمستقيم $z=-t+rac{1}{2}$	
		$\lfloor 2 \rfloor$	

	0.50	$I(rac{\sqrt{3}}{2};-rac{1}{2};rac{3}{2})$ استنتاج إحداثيات
		التمرين الثالث: (05 نقاط)
0.75	0.25	$\left(\frac{5}{2}+i\right)^2 = \frac{21}{4}+5i \qquad (I$
	2×0.25	$rac{5}{2}+i\;;-rac{5}{2}-i$ هما $rac{21}{4}+5i\;:$ الجذرين التربيعيين للعدد المركب
0.75	0.50	$z_A = \frac{5}{2} + i \qquad (1$
	0.25	$z_C = -\frac{5}{2} + i$
01	0.50	$\frac{z_C - z_B}{z_A - z_B} = e^{i\frac{\pi}{2}} (2$
	0.50	المثلث ABC قائم في B ومتقايس الساقين
	0.75	$z' = \frac{1}{2}(1+i)z - \frac{3}{4} - \frac{3}{4}i$ أ العبارة المركبة للتشابه المباشر: (3)
	0.50	$\dfrac{\pi}{4}$ نسبة التشابه $\dfrac{\sqrt{2}}{2}$ وزاويته $\dfrac{\pi}{4}$
2.50	0.25	$T_n = S \circ S \circ S \circ \cdots \circ S = S \left(B; \left(\frac{\sqrt{2}}{2} \right)^n; \frac{n\pi}{4} \right) $ (\hookrightarrow
	0.50	$n{=}4k$ هعناه T_n تحاك معناه T_n
		العناصره المميزة. مركز التحاكي هو B ونسبته معرفة كما يلي :
	2×0.25	$-\left(rac{\sqrt{2}}{2} ight)^n$ اذا کان k زوجیا فان نسبته هي $\left(rac{\sqrt{2}}{2} ight)^n$ ، اذا کان k فردیا فان نسبته هي
		التمرين الرابع: (07 نقاط)
		. g دراسة اتجاه تغيّر الدالة g .
0.50	0.25	$g'(x) = -\frac{x+1}{x^2}$
	0.25	x^2 متناقصة تماما على $]0;+\infty$
	0.50	g(x)=0بيان أن المعادلة $g(x)=0$ تقبل حلا وحيدا $lpha$ من المجال]1,76; 1,77 روديدا

01		g(x) استنتج إشارة
		$x \mid 0 \alpha + \infty$
	0.50	g(x) + 0 -
	0.25	اثبات أن الدالة f مستمرة عند العدد 0 على اليمين (1 f
0.75	0.25	$\lim_{\substack{x \to 0 \\ x \to 0}} \frac{f(x)}{x} = +\infty$
	0.25	التفسير البياني (C_f) يقبل نصف مماس يوازي حامل محور التراتيب
0.50	0.50	. $f'(x) = \frac{g(x)}{(x - \ln x)^2}$ ، $]0; +\infty[$ من المجال x من المجال (2
	0.25	$\lim_{x \to +\infty} f(x) = 1 (3$
	0.25	$y\!=\!1$ التفسير البياني: $(\overset{\circ}{C}_f)$ يقبل مستقيما مقاربا معادلته
01		. f جدول تغيرات الدالة
01	0.50	$ \begin{array}{c cccc} x & 0 & \alpha & +\infty \\ \hline f'(x) & + & 0 & - \\ \hline f(x) & & f(\alpha) & & & \\ \end{array} $
	0.25	$h'(x) = \frac{x-1}{} (i) (4)$
	0.25	$h(x) \! > \! 0$ من أجل كل عدد حقيقي x موجب تماما ، لدينا $h(x) \! \geq \! h(1)$ ومنه
2.25	0.25	x 0 $\frac{1}{e}$ $+\infty$ $f(x)-1=\frac{1+\ln x}{x-\ln x}$:الوضع النسبي $f(x)-1$ $ 0$ $+$ 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0
	0.50	$(C_f) \cap (\Delta) = \left\{A(rac{1}{e};1) ight\}$ ، $x \in \left]rac{1}{e};+\infty \right[$ من اجل (Δ) فوق (C_f)

	01	ب) الرسم 2 • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
	0.25	$rac{1}{x}+1 \leq f(x) \leq f(lpha)$ ، $x \geq 1$ عدد حقیقی x حیث $x \geq 1$ اثبات أن: من أجل كل عدد حقیقی x حیث $x \geq 1$ من جدول تغیرات الدالة $x \geq 1$ نجد $x \geq 1$ نجد $x \geq 1$ اثبات أن: من جدول تغیرات الدالة $x \geq 1$ نجد $x \geq 1$ اثبات أن: من جدول تغیرات الدالة $x \geq 1$ نجد $x \geq 1$ اثبات أن: من جدول تغیرات الدالة $x \geq 1$ نجد $x \geq 1$ اثبات أن: من أجل كل عدد حقیقی $x \geq 1$ اثبات أن: من أجل كل عدد حقیقی $x \geq 1$ اثبات أن: من أجل كل عدد حقیقی $x \geq 1$ اثبات أن: من أجل كل عدد حقیقی $x \geq 1$ اثبات أن: من أجل كل عدد حقیقی $x \geq 1$ اثبات أن: من أجل كل عدد حقیقی $x \geq 1$ اثبات أن: من أجل كل عدد حقیقی $x \geq 1$ اثبات أن: من أجل كل عدد حقیقی $x \geq 1$ اثبات أن: من أجل كل عدد حقیقی $x \geq 1$ اثبات أن: من أبد الدالة $x \geq 1$ ا
01	0.25	$f(x) = f(x)$ الشارة: $f(x) = \frac{(x+1)\ln x}{x-\ln x}$ الشارة: $f(x) - (\frac{1}{x}+1) = \frac{(x+1)\ln x}{x-\ln x}$ من اجل $f(x) - (\frac{1}{x}+1) \ge 0$ (2) من اجل $f(x) = \frac{1}{x} + 1 \le f(x) \le f(\alpha)$ من (1) و (2) نجد
	0.25	وحامل $F(e)=\int\limits_{1}^{e}f(t)dt$ بما ان $f(e)=\int\limits_{1}^{e}f(t)dt$ فان $F(e)=\int\limits_{1}^{e}f(t)dt$ وحامل
	0.25	$x=1$; $x=e$ محور الفواصل والمستقيمين اللذين معادلتيهما $e \leq F(\mathrm{e}) \leq f(lpha)(e-1)$ هو $F(e)$