

سنة **ثانية** ثانوي الشعب: رياضيات | علوم تجريبية | تقني رياضي

ملخص فان المـــرجح

مرجح نقطتين

(lpha+eta
eq 0) تعریف: A و B نقطتین متمایزتین، و B و A عددین حقیقین حیث \clubsuit

نسمى α مرجح النقطتين A و B المرفقين بالمعاملين α و مرجح النقطتين

$$\alpha \overrightarrow{GA} + \beta \overrightarrow{GB} = \overrightarrow{0}$$

- ♦ الثنائية (A; α) تسمى نقطة مثقلة
- الجملة $\{(A; \alpha); (B; \beta)\}$ تسمى جملة نقطتين مثقلتين
- وهذا غير ممكن إذا محكن إذا محكن إذا محكن إذا محكن إذا محكن محكن إذا محكن
 - [AB] منتصف منتصف \overrightarrow{G} والنقطة والمنتصف $\alpha=\beta$ نحصل على
 - نتائج هامـــة: النقطة G وحيدة
 - $\lambda \in \mathbb{R}$ مرجح الجملة $\{(A; \lambda \alpha); (B; \lambda \beta)\}$ حيث G
 - النقط A، B و G على استقامية واحدة
 - lpha $\overrightarrow{MA} + eta$ $\overrightarrow{MB} = (lpha + eta)$ \overrightarrow{MG} من أجل كل نقطة M من المستوي:
 - 🂠 إنشاء مرجع نقطتين: لإنشاء G نعتمد العلاقة:

$$\overrightarrow{AG} = \frac{\beta}{\alpha + \beta} \overrightarrow{AB}$$

المرفقين بالمعاملين α و α على الترتيب $B(x_B;y_B)$ و $A(x_A;y_A)$ المرفقين بالمعاملين α و α على الترتيب α الدينا:

$$y_G = \frac{\alpha y_A + \beta y_B}{\alpha + \beta}$$
 g $x_G = \frac{\alpha x_A + \beta x_B}{\alpha + \beta}$

- $igg| igg| lpha \ \overline{MA} + eta \ \overline{MB} igg| = igg| lpha' \ \overline{MA} + eta' \ \overline{MB} igg| igg|$ کل علاقة من الشکل|lpha + eta| = |lpha' + eta'|
 eq 0 حيث: |lpha + eta| = |lpha' + eta'| هي محور القطعة [GG']
 - $\boxed{ \|lpha\ \overrightarrow{MA} + eta\ \overrightarrow{MB}\| = \|\lambda\ \overrightarrow{MA} \lambda\ \overrightarrow{MB}\| }$ کل علاقة من الشکل: lpha + eta = 0 کل علاقة من الشکل: $lpha + eta \neq 0$ کل علاقة من الشکل:

: دائرة مركزها G ونصف قطرها r حيث

$$r=rac{|\lambda|}{|lpha+eta|} imes AB$$
 ڪل علاقة من الشكل: $\left\| \left\| rac{\alpha\ \overrightarrow{MA}+eta\ \overrightarrow{MB} \right\|=k}{|lpha+eta\neq0}
ight.$ عدد حقيقي موجب تماما و k عيث عدد حقيقي موجب تماما و k حيث k عيث دائرة مركزها k ونصف قطرها k حيث $r=rac{k}{|lpha+eta|}$

النقطة G مرجح الجملة: $\{(A;\alpha);(B;\beta)\}$ والنقطة G' مرجح الجملة: $\{(A;\alpha');(B;\beta')\}$

مرجح ثلاث نقط

 $(\alpha+\beta+\gamma\neq0)$ تعریف: β ، α و β أعداد حقیقیة حیث C و B ، A نسمی B ، A مرجح النقط C و B ، A المرفقة بالمعاملات C و C علی الترتیب حیث نسمی C مرجح النقط C المرفقة بالمعاملات C و C علی الترتیب حیث

 $\overrightarrow{\alpha GA} + \beta \overrightarrow{GB} + \gamma \overrightarrow{GC} = \overrightarrow{0}$

- مفاهیم عامة: \bullet إذا كان $\alpha+\beta+\gamma=0$ فإنّ المرجح غیر موجود
- فإن $\alpha=eta=\gamma
 eq 0$ أذا كان $\alpha=eta=\gamma$ فإن $\alpha=\beta=\gamma$
- ABC والنقط B، B والنقط C والنقط B و B و النقط C والنقط B و النقط C والنقط C و النقط C والنقط C و النقط C والنقط C والنقط C والنقط C والنقط C والنقط C
 - نتائج هامــة: ullet النقطة G وحيدة
 - $\lambda \in \mathbb{R}$ مرجح الجملة $\{(A; \lambda \alpha); (B; \lambda \beta); (C; \lambda \gamma)\}$ حيث G •
 - lpha $\overrightarrow{MA} + eta$ $\overrightarrow{MB} + \gamma$ $\overrightarrow{GC} = (lpha + eta + \gamma)$ \overrightarrow{MG} من أجل كل نقطة M من المستوي:
 - إنشاء مرجح ثلاث نقط: لإنشاء G نعتمد العلاقة:

$$\overrightarrow{AG} = \frac{\beta}{\alpha + \beta + \alpha} \overrightarrow{AB} + \frac{\gamma}{\alpha + \beta + \alpha} \overrightarrow{AC}$$

و $C(x_C;y_C)$ المرفقة بالمعاملات β ، α و β ، α المرفقة بالمعاملات β ، β و β ، β و β على β ، β ، β ، β ، β ، β ، المرفقة بالمعاملات β ، β ، المرفقة بالمعاملات β ، المعاملات β ، المرفقة بالمعاملات β ، المعاملات β ، المعا

$$y_G = \frac{\alpha y_A + \beta y_B + \gamma y_C}{\alpha + \beta + \gamma} \quad \text{g} \quad x_G = \frac{\alpha x_A + \beta x_B + \gamma x_C}{\alpha + \beta + \gamma}$$

إنشاء مرجح ثلاث نقط: لإنشاء G نعتمد العلاقة:

$$\overrightarrow{AG} = \frac{\beta}{\alpha + \beta + \alpha} \overrightarrow{AB} + \frac{\gamma}{\alpha + \beta + \alpha} \overrightarrow{AC}$$

- $\{(A;\alpha);(B;\beta)\}$ مرجح G' مرجح $\{(A;\alpha);(B;\beta);(C;\gamma)\}$ ، إذا كان $\alpha+\beta\neq 0$ وكانت G' مرجح G' مرجح الجملة $\{(G';\alpha+\beta);(C;\gamma)\}$ فإنٌ G مرجح الجملة
- AB مجموعات النقط: lacktriangledown إذا كان lacktriangledown هي: دائرة مركزها G ونصف قطرها M مجموعات النقط: lacktriangledown
 - ي: M>0 اِذَا كَانَ M>0 اَفَا مَجْمُوعَةُ النَّقَطُ وَالْ النَّقَطُ النَّالُ الْمُعْلِيلُ الْمُعْلِيلُ الْمُعْلِيلُ الْمُعْلِيلُ الْمُعْلِيلُ الْمُعْلِيلُ الْمُلْمُ الْمُعْلِيلُ الْمُعْلِيلُ النَّالُ الْمُعْلِيلُ الْمُعْلِيلُولُ النَّالُ اللْمُعْلِيلُ الْمُعْلِيلُ الْمُعْلِمُ الْمُعْلِيلُ الْمُعْلِيلُ الْمُعْلِيلُ الْمُعْلِيلُ الْمُعْلِيلُ الْمُعْلِيلُ الْمُعْلِيلُ الْمُعْلِيلُ الْمُعْلِيلُ الْمُعْلِيلُولُ الْمُعْلِيلُولُ الْمُعْلِيلُ الْمُعْلِيلُ الْمُعْلِيلُ الْمُعْلِيلُ الْمُعْلِيلُولُ الْمُعْلِيلُولُولُ الْمُعْلِيلُولُ الْمُعْلِيلُولُ الْمُعْلِيلُولُ الْمُعْلِيلُولُ الْمُعْلِيلُولُ الْمُعْلِيلُولُولُ الْمُعْلِيلُولُ الْمُعْلِيلُ الْمُعْلِيلُولُ الْمُعْلِيلُ الْمُعْلِيلُ الْمُعْلِيلُولُ لِلْمُعْلِيلُولُ لِلْمُ
 - \emptyset النقط M هي: مجموعة خالية k < 0 ، فإن مجموعة النقط M هي: مجموعة خالية k < 0
 - G إذا كان $\|\overrightarrow{MG}\|=0$ ، فإن مجموعة النقط M هي: النقطة $\|\overrightarrow{MG}\|=0$
- ملاحظات: لإثبات أن النقطة B تنتمي إلى مجموعة النقاط يكفي تعويض M بـ B في العلاقة المعطاة ونتحصل على علاقة صحيحة
 - M يكفى استخدام علاقة شال وخواص الأشعة للتخلص من M يكفى استخدام علاقة شال وخواص الأشعة للتخلص من
- ثبات تلاقي مستقيمات: لاثبات أن مستقيمات تتقاطع في نقطة G يكفي أن نثبت أن هذه النقطة مرجح لنقطتين من كل مستقيم بمعاملات حقيقية
- أثبات استقامية نقط: لاثبات أن ثلاث نقط في استقامية يكفي أن نثبت أن نقطة منها هي مرجح للنقطتين الأخريين بمعاملين حقيقين