



# Automatisierte Reduktion von reaktiver zu starker Bisimilarität

Zead Alshukairi



# Agenda



EINFÜHRUNG  
3

---

GRUNDLAGEN  
23

---

ARBEITSGEGENSTÄNDE  
50

---

ANMERKUNGEN  
108

---

FAZIT  
115

# Einführung

- Ziel meiner Arbeit

# Einführung

- Ziel meiner Arbeit
  - Bisimilaritäten

# Einführung

- Ziel meiner Arbeit
  - Bisimilaritäten
  - Kein Tool für reactive Bisimilarität

# Einführung

- Ziel meiner Arbeit
  - Bisimilaritäten
  - Kein Tool für reactive Bisimilarität
- Warum ist das wichtig

# Einführung

- Ziel meiner Arbeit
  - Bisimilaritäten
  - Kein Tool für reactive Bisimilarität
- Warum ist das wichtig
  - Timeouts in Anwendungen

# Einführung

- Ziel meiner Arbeit
  - Bisimilaritäten
  - Kein Tool für reactive Bisimilarität
- Warum ist das wichtig
  - Timeouts in Anwendungen
  - Gegenseitiger Ausschluss



# Einführung

- Ziel meiner Arbeit
  - Bisimilaritäten
  - Kein Tool für reactive Bisimilarität
- Warum ist das wichtig
  - Timeouts in Anwendungen
  - Gegenseitiger Ausschluss
  - Kein Bedarf für manuelle Überprüfung

# Einführung

- Ziel meiner Arbeit
  - Bisimilaritäten
  - Kein Tool für reactive Bisimilarität
- Warum ist das wichtig
  - Timeouts in Anwendungen
  - Gegenseitiger Ausschluss
  - Kein Bedarf für manuelle Überprüfung
- Lösungsbestandteile

# Einführung

- Ziel meiner Arbeit
  - Bisimilaritäten
  - Kein Tool für reactive Bisimilarität
- Warum ist das wichtig
  - Timeouts in Anwendungen
  - Gegenseitiger Ausschluss
  - Kein Bedarf für manuelle Überprüfung
- Lösungsbestandteile
  - Starke Bisimilarität

# Einführung

- Ziel meiner Arbeit
  - Bisimilaritäten
  - Kein Tool für reactive Bisimilarität
- Warum ist das wichtig
  - Timeouts in Anwendungen
  - Gegenseitiger Ausschluss
  - Kein Bedarf für manuelle Überprüfung
- Lösungsbestandteile
  - Starke Bisimilarität
  - Reaktive Bisimilarität

# Einführung

- Ziel meiner Arbeit
  - Bisimilaritäten
  - Kein Tool für reactive Bisimilarität
- Warum ist das wichtig
  - Timeouts in Anwendungen
  - Gegenseitiger Ausschluss
  - Kein Bedarf für manuelle Überprüfung
- Lösungsbestandteile
  - Starke Bisimilarität
  - Reaktive Bisimilarität
  - mCRL2-Projekt

# Einführung

- Ziel meiner Arbeit
  - Bisimilaritäten
  - Kein Tool für reactive Bisimilarität
- Warum ist das wichtig
  - Timeouts in Anwendungen
  - Gegenseitiger Ausschluss
  - Kein Bedarf für manuelle Überprüfung
- Lösungsbestandteile
  - Starke Bisimilarität
  - Reaktive Bisimilarität
  - mCRL2-Projekt
  - Vordefinierte Reduktion von starker zu reaktiver Bisimilarität

# Einführung

- Ziel meiner Arbeit
  - Bisimilaritäten
  - Kein Tool für reactive Bisimilarität
- Warum ist das wichtig
  - Timeouts in Anwendungen
  - Gegenseitiger Ausschluss
  - Kein Bedarf für manuelle Überprüfung
- Lösungsbestandteile
  - Starke Bisimilarität
  - Reaktive Bisimilarität
  - mCRL2-Projekt
  - Vordefinierte Reduktion von starker zu reaktiver Bisimilarität
- Hauptbestandteil meiner Arbeit

# Einführung

- Ziel meiner Arbeit
  - Bisimilaritäten
  - Kein Tool für reactive Bisimilarität
- Warum ist das wichtig
  - Timeouts in Anwendungen
  - Gegenseitiger Ausschluss
  - Kein Bedarf für manuelle Überprüfung
- Lösungsbestandteile
  - Starke Bisimilarität
  - Reaktive Bisimilarität
  - mCRL2-Projekt
  - Vordefinierte Reduktion von starker zu reaktiver Bisimilarität
- Hauptbestandteil meiner Arbeit
  - Automatisierung der Reduktion



# Einführung

- Ziel meiner Arbeit
  - Bisimilaritäten
  - Kein Tool für reactive Bisimilarität
- Warum ist das wichtig
  - Timeouts in Anwendungen
  - Gegenseitiger Ausschluss
  - Kein Bedarf für manuelle Überprüfung
- Lösungsbestandteile
  - Starke Bisimilarität
  - Reaktive Bisimilarität
  - mCRL2-Projekt
  - Vordefinierte Reduktion von starker zu reaktiver Bisimilarität
- Hauptbestandteil meiner Arbeit
  - Automatisierung der Reduktion
  - Werkzeug zur Überprüfung reaktiver Bisimilarität

# Einführung

- Ziel meiner Arbeit
  - Bisimilaritäten
  - Kein Tool für reactive Bisimilarität
- Warum ist das wichtig
  - Timeouts in Anwendungen
  - Gegenseitiger Ausschluss
  - Kein Bedarf für manuelle Überprüfung
- Lösungsbestandteile
  - Starke Bisimilarität
  - Reaktive Bisimilarität
  - mCRL2-Projekt
  - Vordefinierte Reduktion von starker zu reaktiver Bisimilarität
- Hauptbestandteil meiner Arbeit
  - Automatisierung der Reduktion
  - Werkzeug zur Überprüfung reaktiver Bisimilarität
- Zusätzliche Features

# Einführung

- Ziel meiner Arbeit
  - Bisimilaritäten
  - Kein Tool für reactive Bisimilarität
- Warum ist das wichtig
  - Timeouts in Anwendungen
  - Gegenseitiger Ausschluss
  - Kein Bedarf für manuelle Überprüfung
- Lösungsbestandteile
  - Starke Bisimilarität
  - Reaktive Bisimilarität
  - mCRL2-Projekt
  - Vordefinierte Reduktion von starker zu reaktiver Bisimilarität
- Hauptbestandteil meiner Arbeit
  - Automatisierung der Reduktion
  - Werkzeug zur Überprüfung reaktiver Bisimilarität
- Zusätzliche Features
  - Reduktion verbessert

# Einführung

- Ziel meiner Arbeit
  - Bisimilaritäten
  - Kein Tool für reactive Bisimilarität
- Warum ist das wichtig
  - Timeouts in Anwendungen
  - Gegenseitiger Ausschluss
  - Kein Bedarf für manuelle Überprüfung
- Lösungsbestandteile
  - Starke Bisimilarität
  - Reaktive Bisimilarität
  - mCRL2-Projekt
  - Vordefinierte Reduktion von starker zu reaktiver Bisimilarität
- Hauptbestandteil meiner Arbeit
  - Automatisierung der Reduktion
  - Werkzeug zur Überprüfung reaktiver Bisimilarität
- Zusätzliche Features
  - Reduktion verbessert
  - Überprüfung eines Paar oder aller Paare

# Einführung

- Ziel meiner Arbeit
  - Bisimilaritäten
  - Kein Tool für reactive Bisimilarität
- Warum ist das wichtig
  - Timeouts in Anwendungen
  - Gegenseitiger Ausschluss
  - Kein Bedarf für manuelle Überprüfung
- Lösungsbestandteile
  - Starke Bisimilarität
  - Reaktive Bisimilarität
  - mCRL2-Projekt
  - Vordefinierte Reduktion von starker zu reaktiver Bisimilarität
- Hauptbestandteil meiner Arbeit
  - Automatisierung der Reduktion
  - Werkzeug zur Überprüfung reaktiver Bisimilarität
- Zusätzliche Features
  - Reduktion verbessert
  - Überprüfung eines Paar oder aller Paare
  - Idee der einzigen Umgebungsaktion

# Einführung

- Ziel meiner Arbeit
  - Bisimilaritäten
  - Kein Tool für reactive Bisimilarität
- Warum ist das wichtig
  - Timeouts in Anwendungen
  - Gegenseitiger Ausschluss
  - Kein Bedarf für manuelle Überprüfung
- Lösungsbestandteile
  - Starke Bisimilarität
  - Reaktive Bisimilarität
  - mCRL2-Projekt
  - Vordefinierte Reduktion von starker zu reaktiver Bisimilarität
- Hauptbestandteil meiner Arbeit
  - Automatisierung der Reduktion
  - Werkzeug zur Überprüfung reaktiver Bisimilarität
- Zusätzliche Features
  - Reduktion verbessert
  - Überprüfung eines Paar oder aller Paare
  - Idee der einzigen Umgebungsaktion
  - Ursprüngliche LTS's visualisiert

# Grundlagen

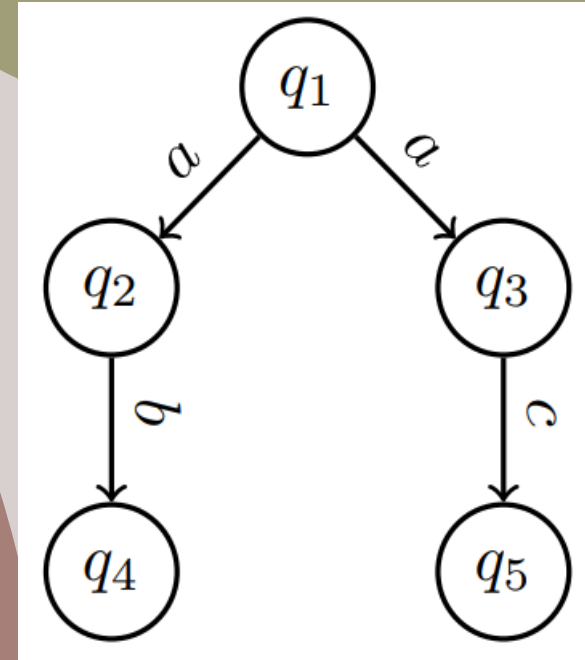
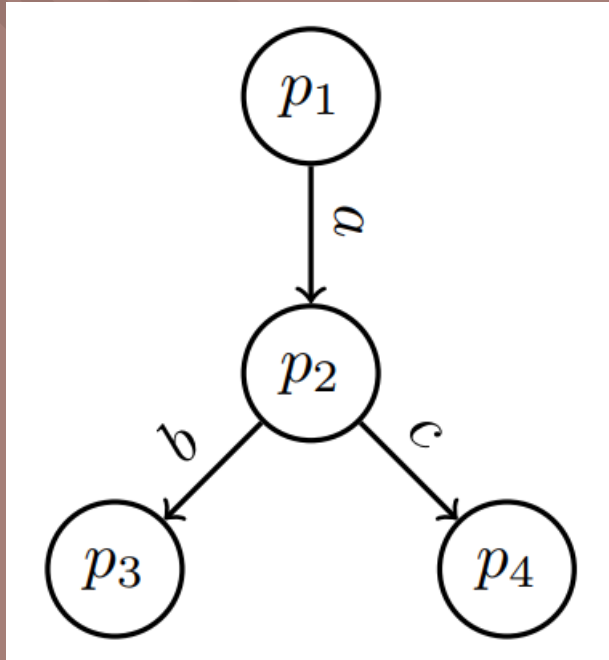
- Starke Bisimilarität
- Reaktive Bisimilarität
- Die Reduktion von Max

Starke Bisimilarität

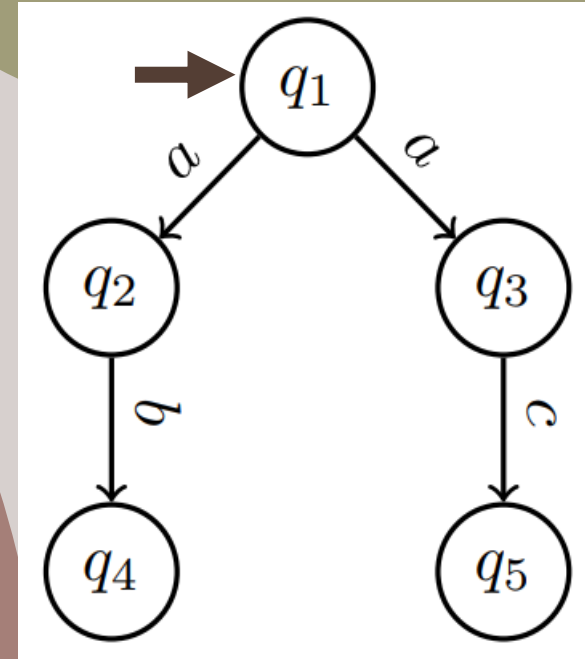
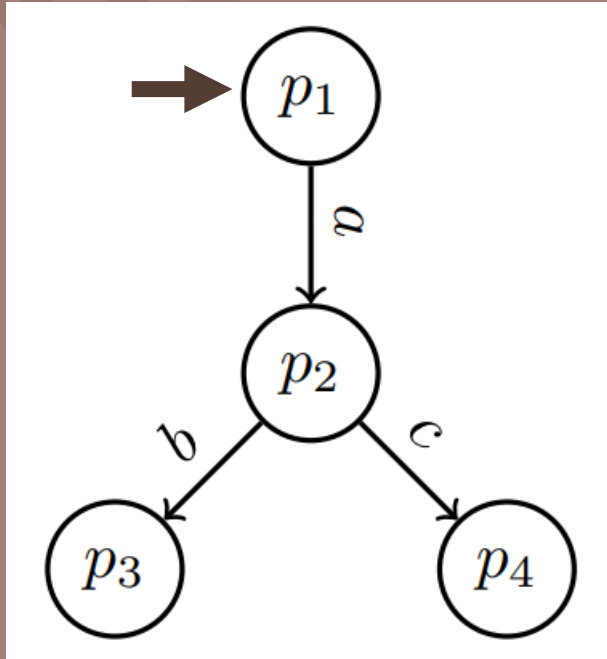
The background features a light gray base with large, organic, overlapping shapes in muted olive green and dusty rose. In the top left, there are faint, stylized leaf patterns in a slightly darker shade of gray. A single, continuous white line meanders across the lower right portion of the image, passing over the green and rose shapes.



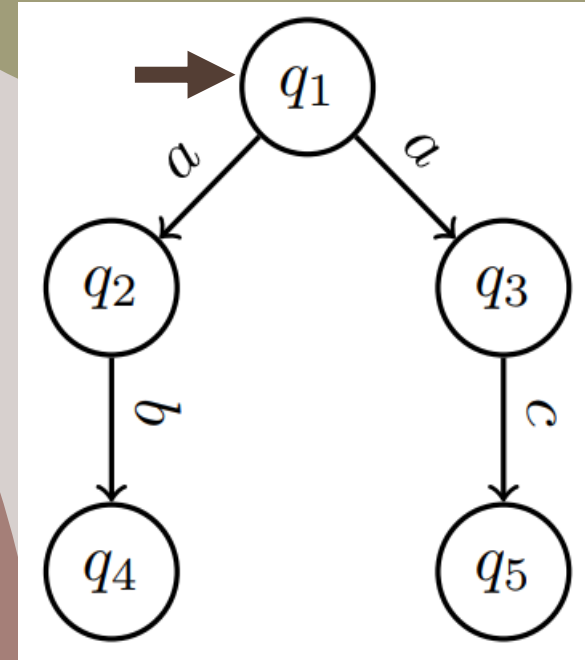
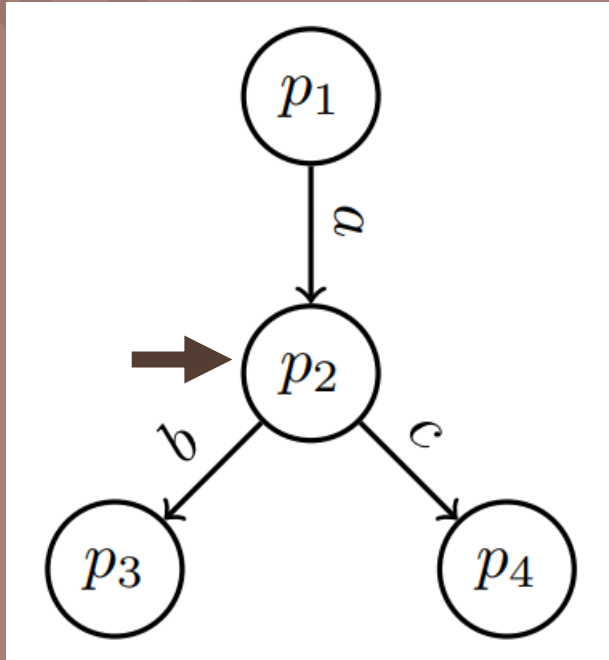
# Starke Bisimilarität



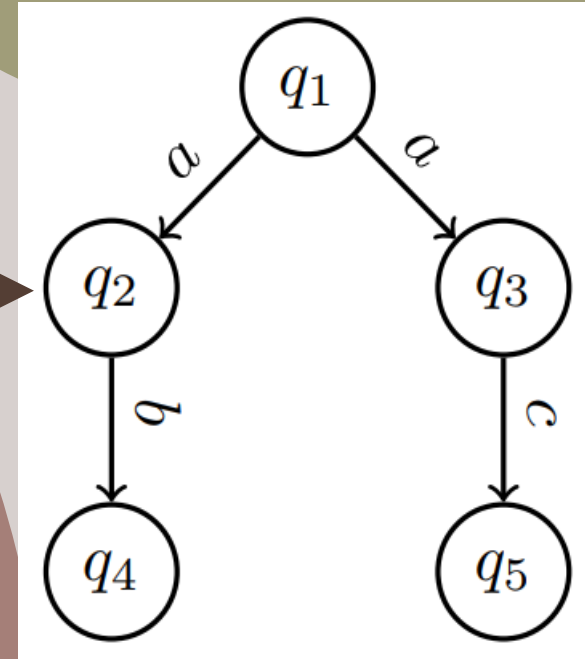
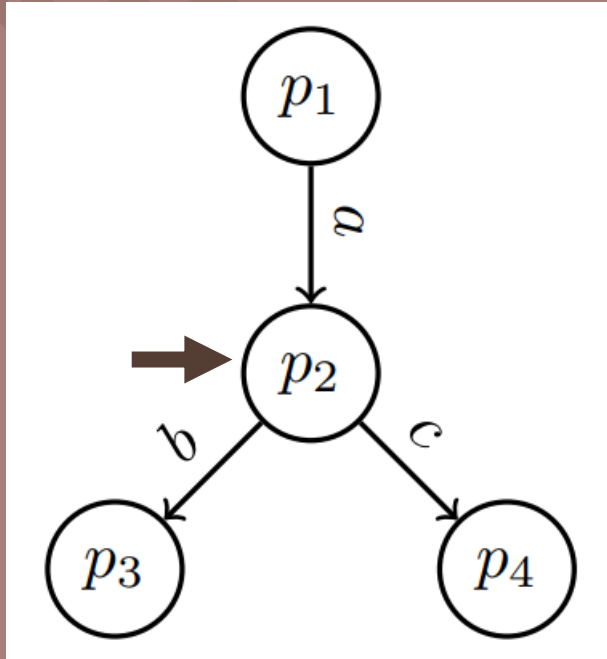
# Starke Bisimilarität



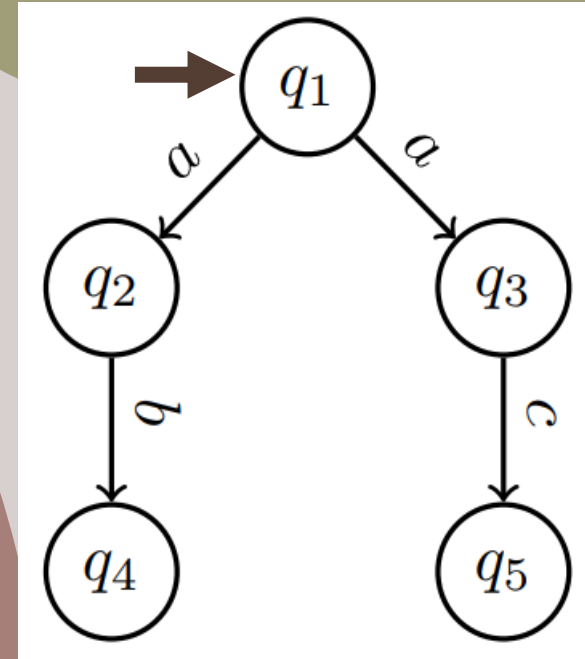
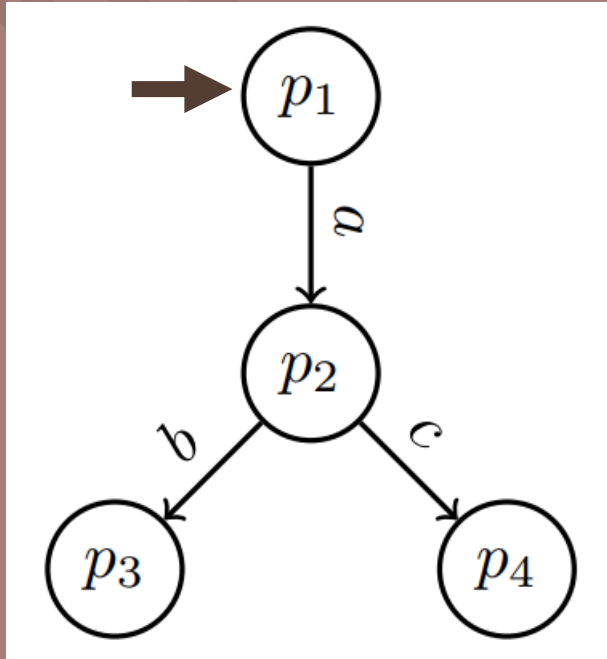
# Starke Bisimilarität



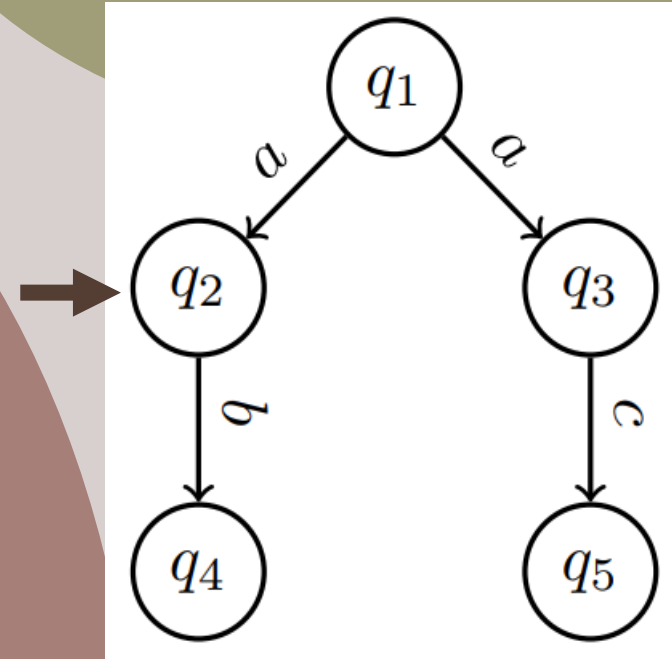
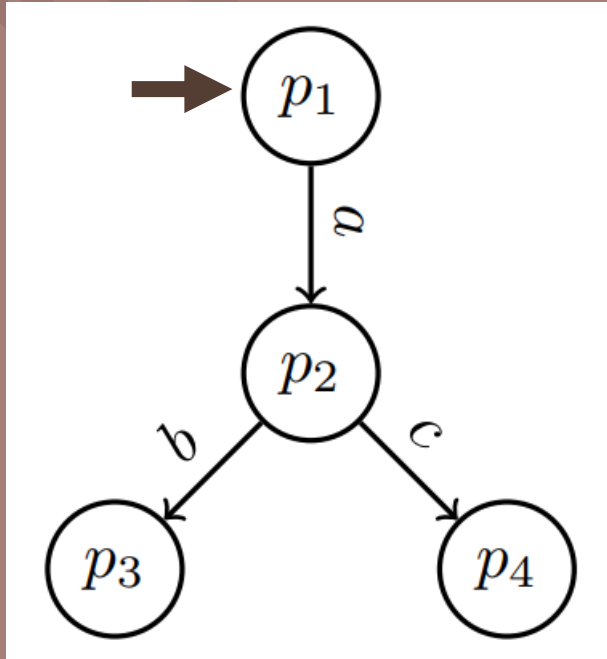
# Starke Bisimilarität



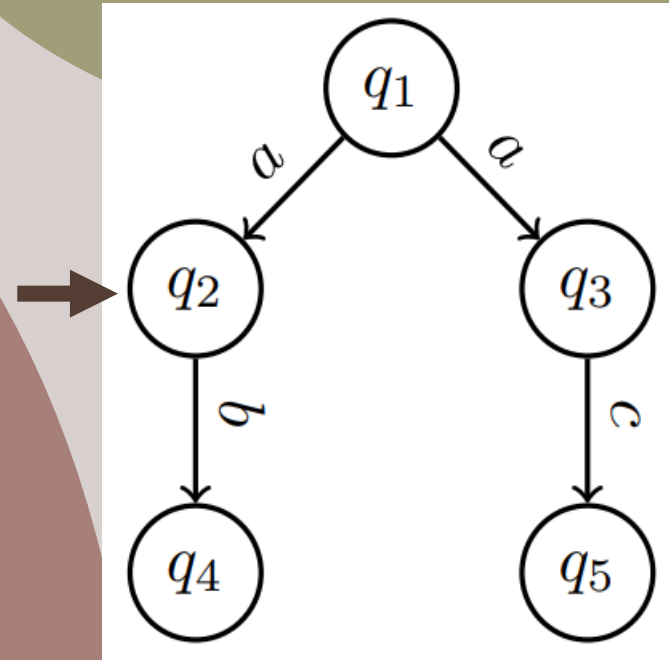
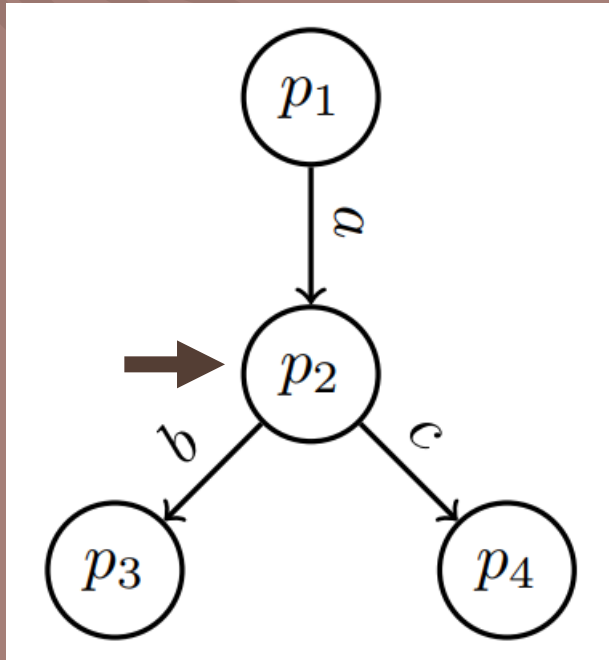
# Starke Bisimilarität



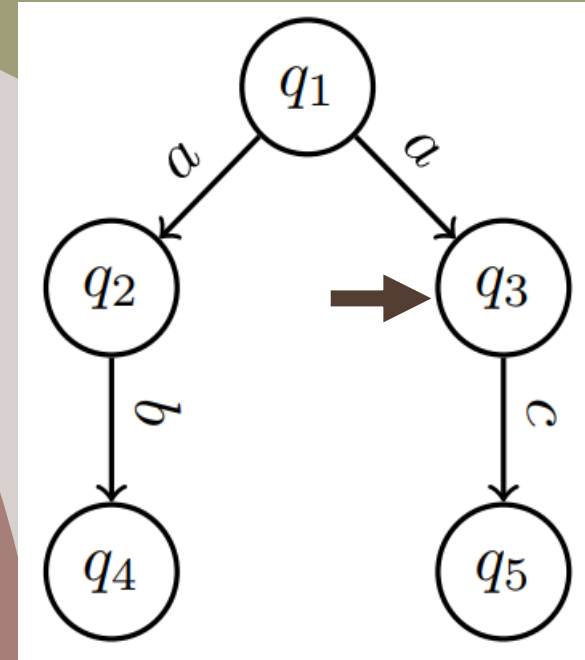
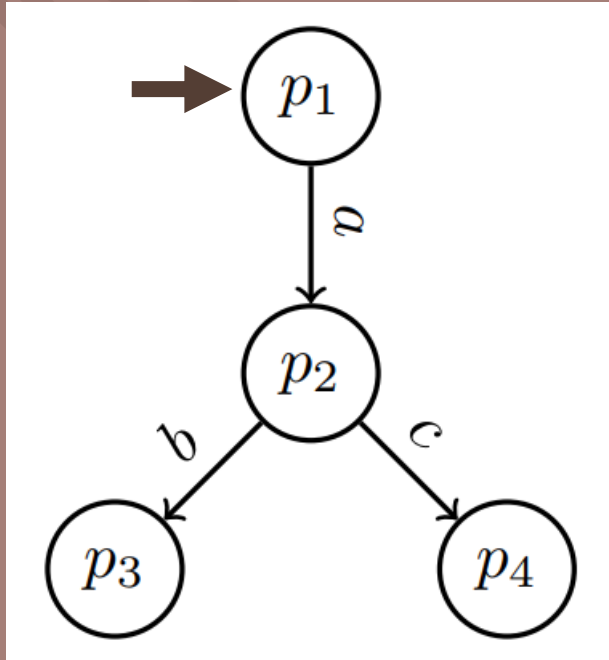
# Starke Bisimilarität



# Starke Bisimilarität

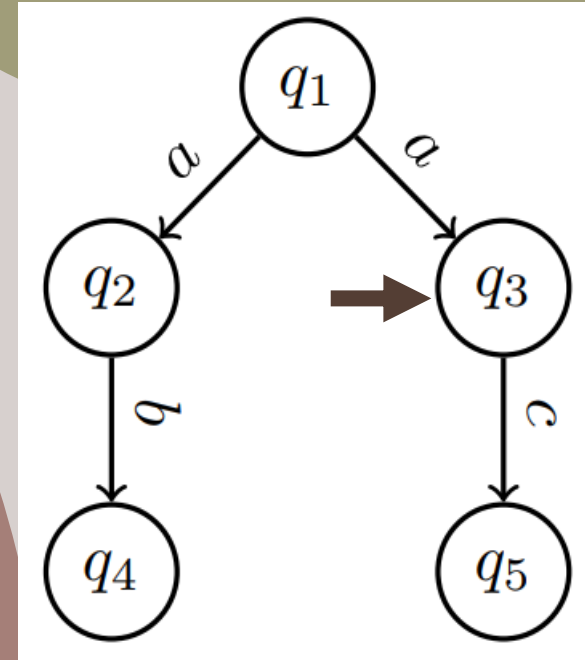
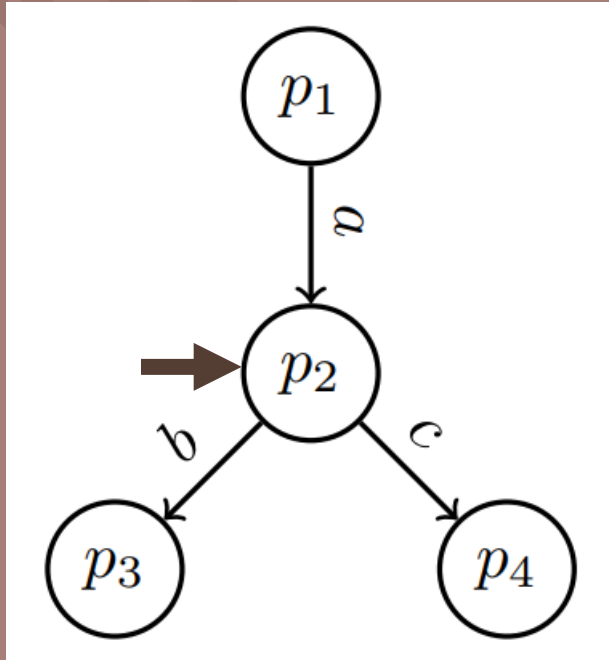


# Starke Bisimilarität

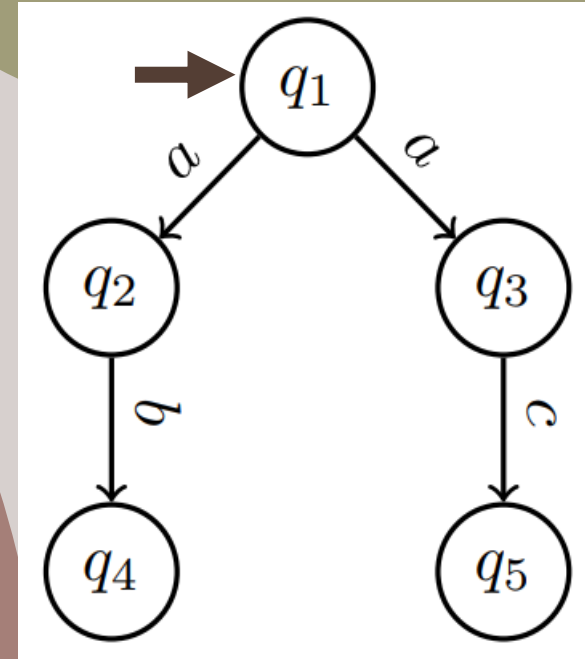
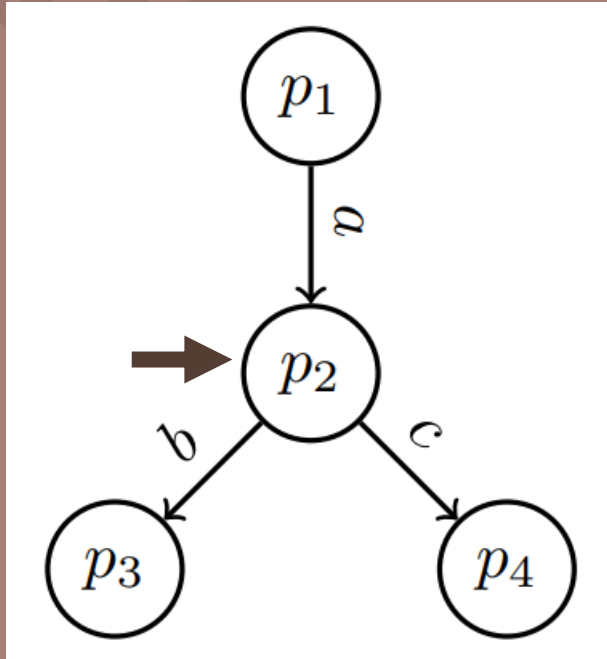




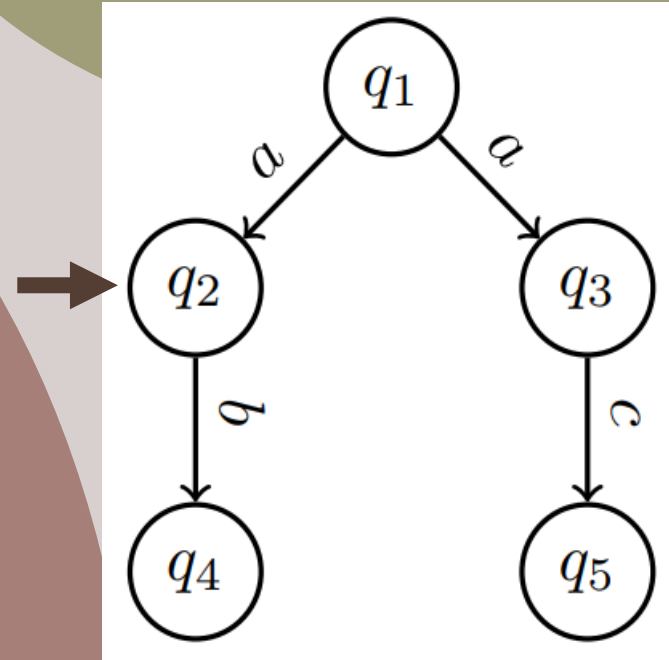
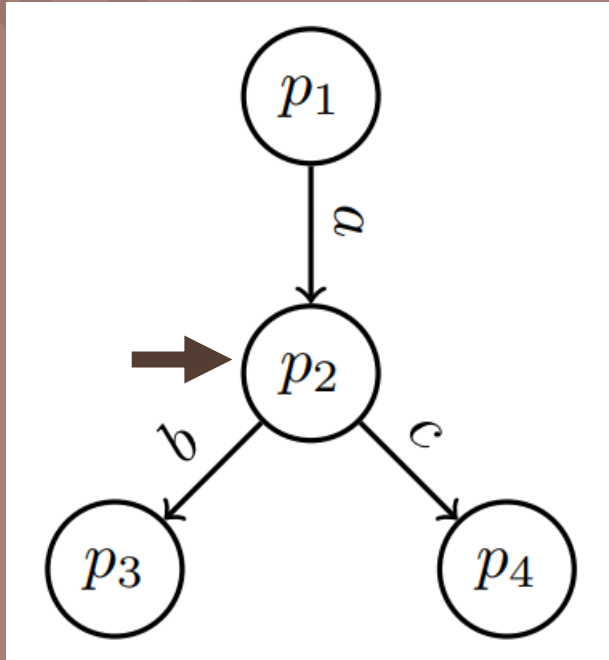
# Starke Bisimilarität



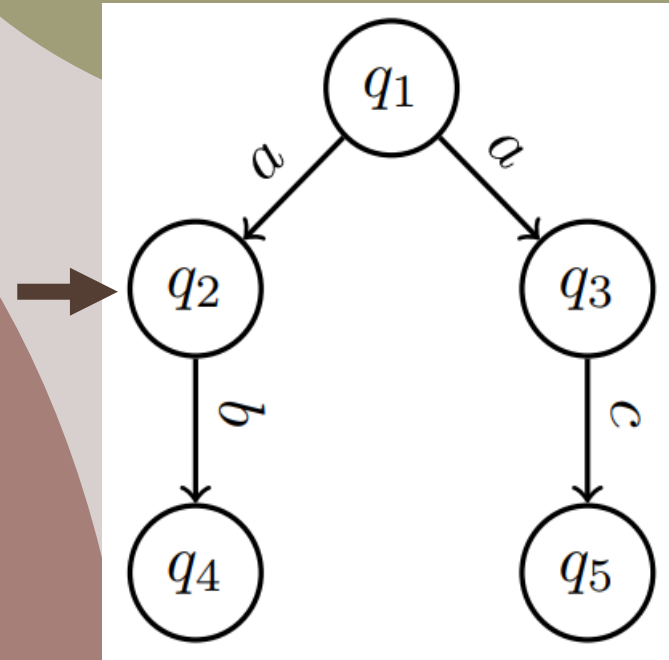
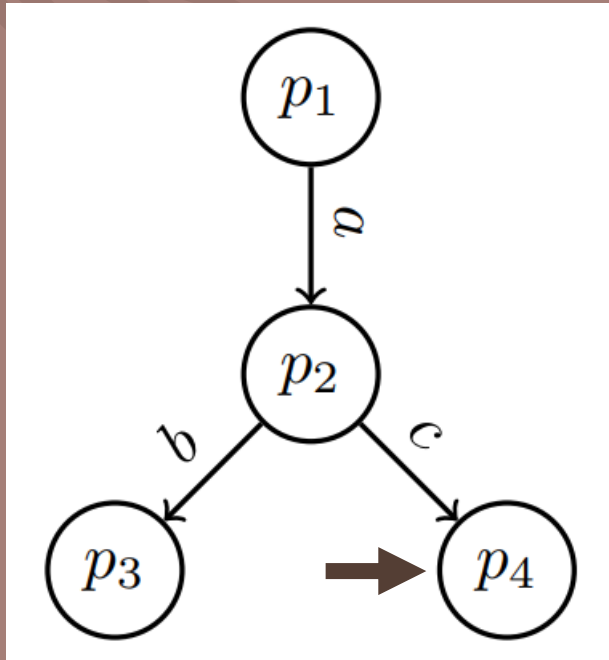
# Starke Bisimilarität



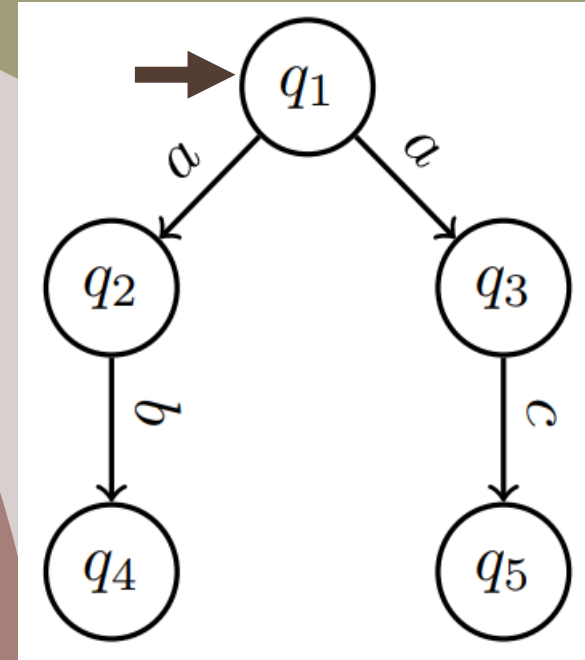
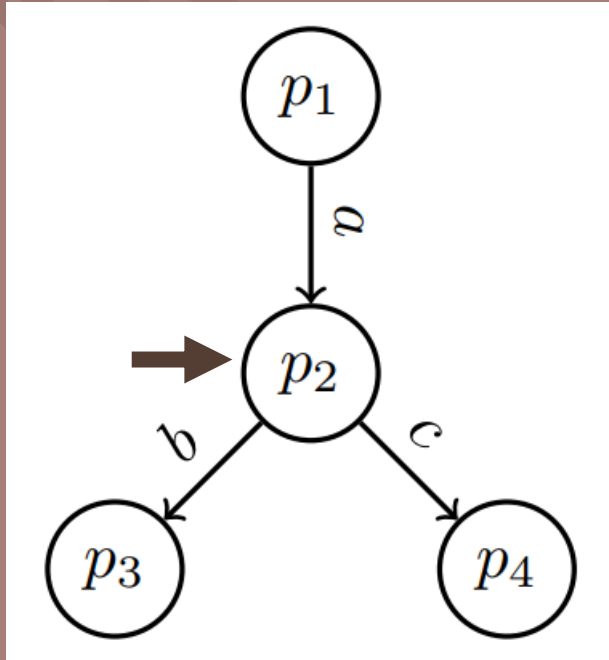
# Starke Bisimilarität



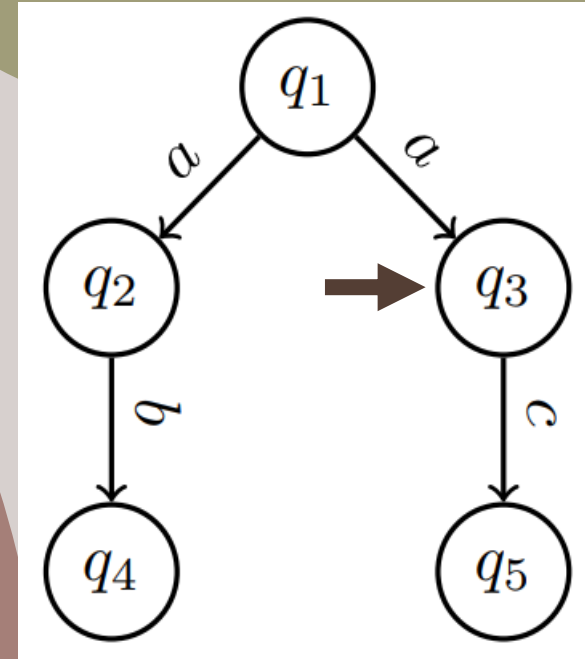
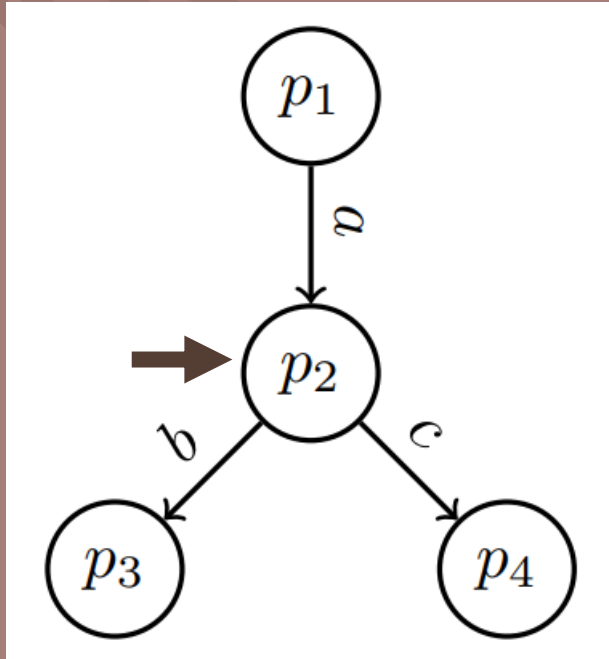
# Starke Bisimilarität



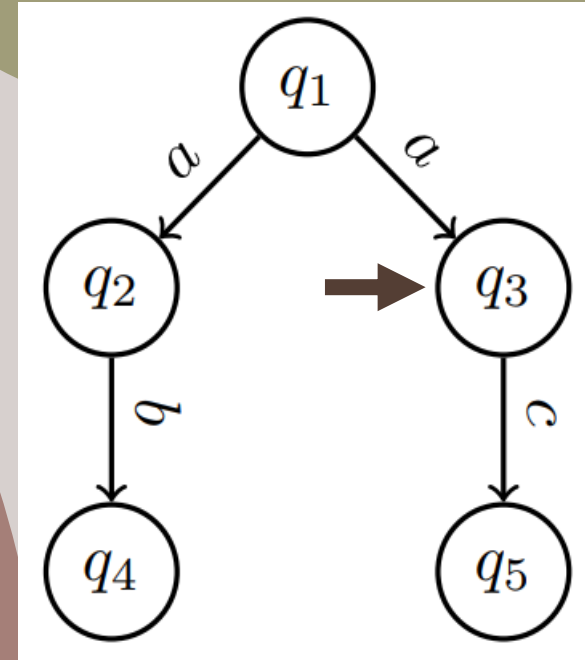
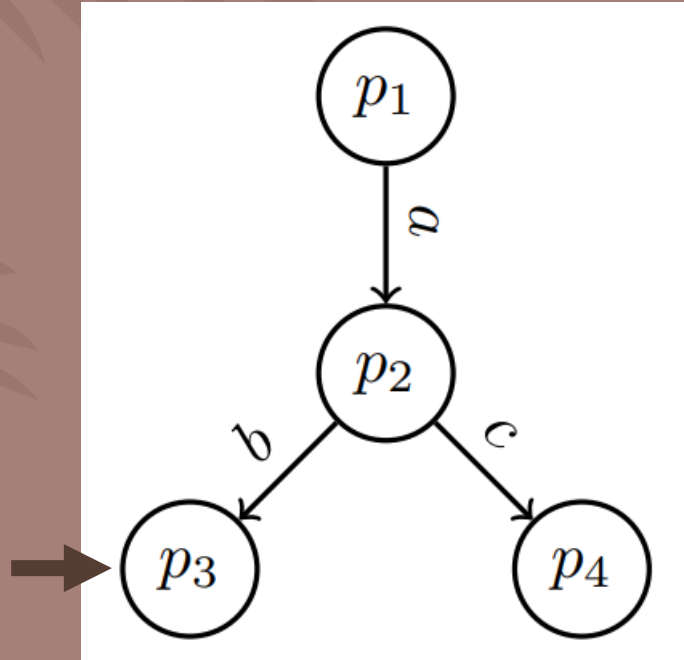
# Starke Bisimilarität



# Starke Bisimilarität



# Starke Bisimilarität

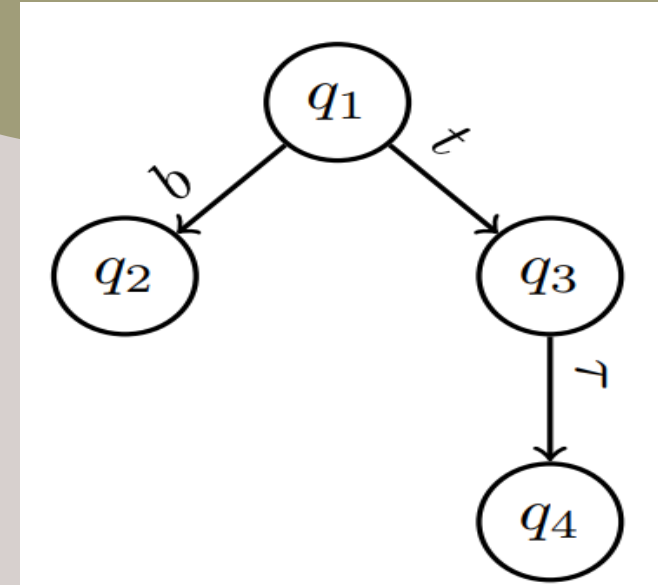
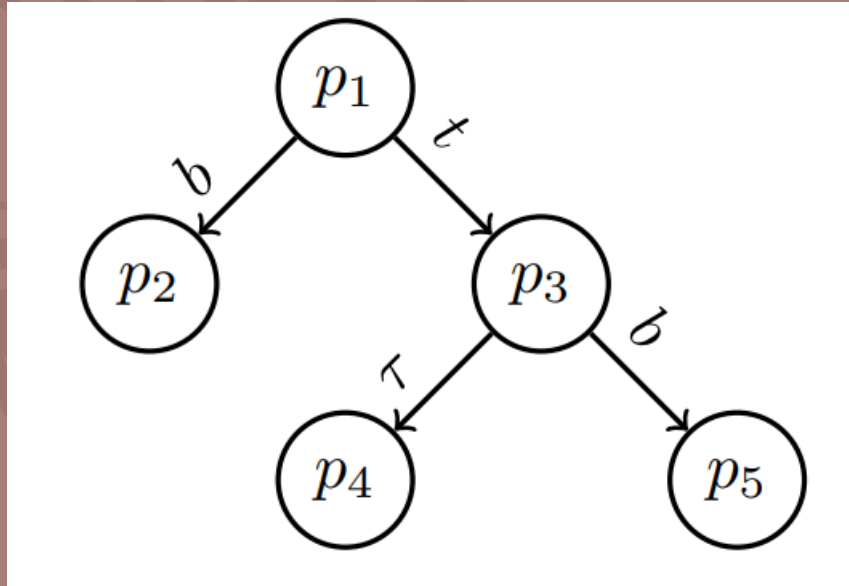


# Reaktive Bisimilarität

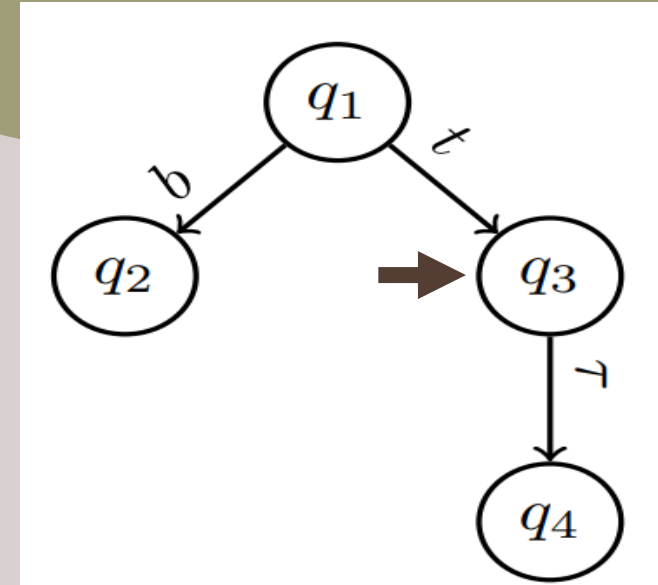
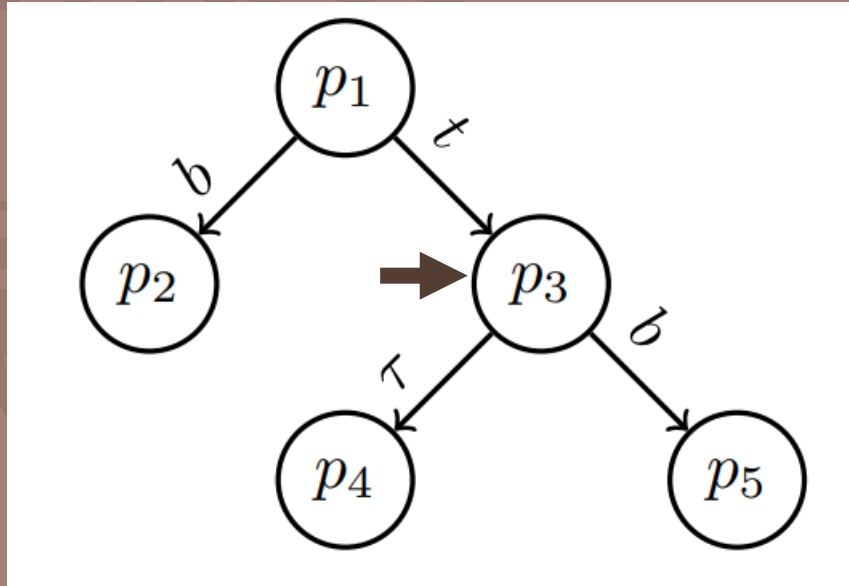
The background features a light gray base with large, organic, overlapping shapes in muted olive green and dusty rose. A stylized fern frond is visible in the upper left corner. Two thin, white, flowing lines curve across the lower right portion of the image.



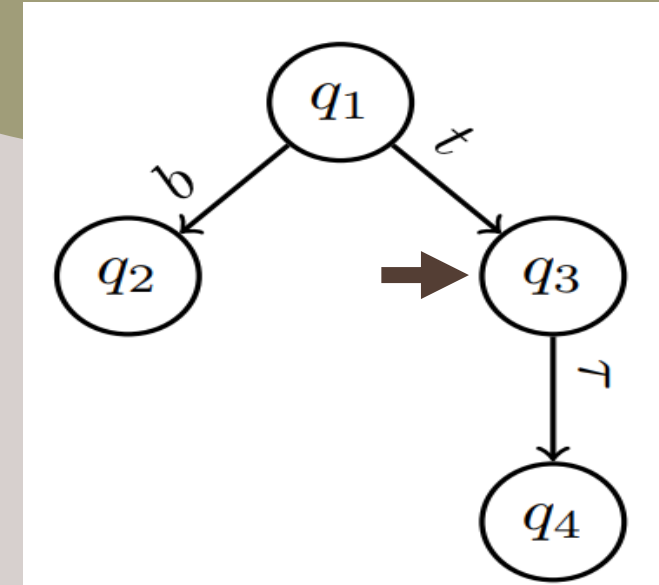
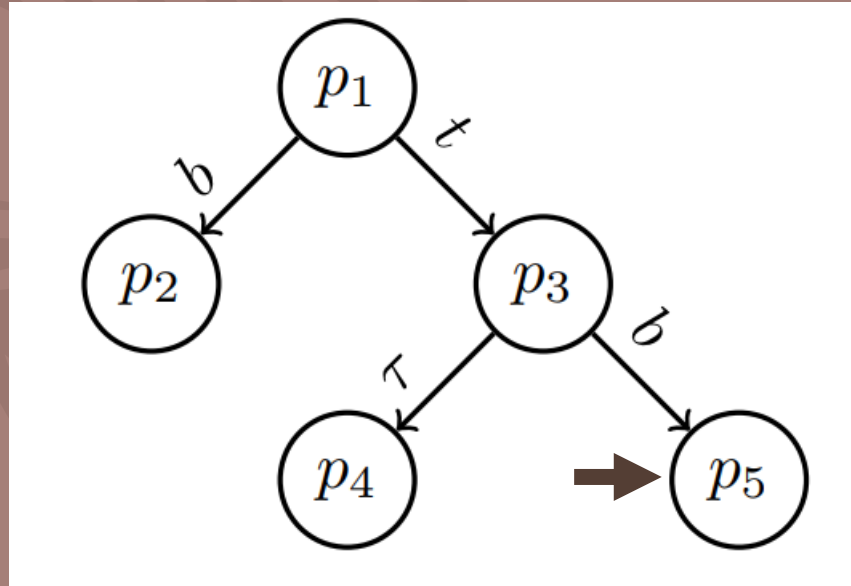
# Reaktive Bisimilarität



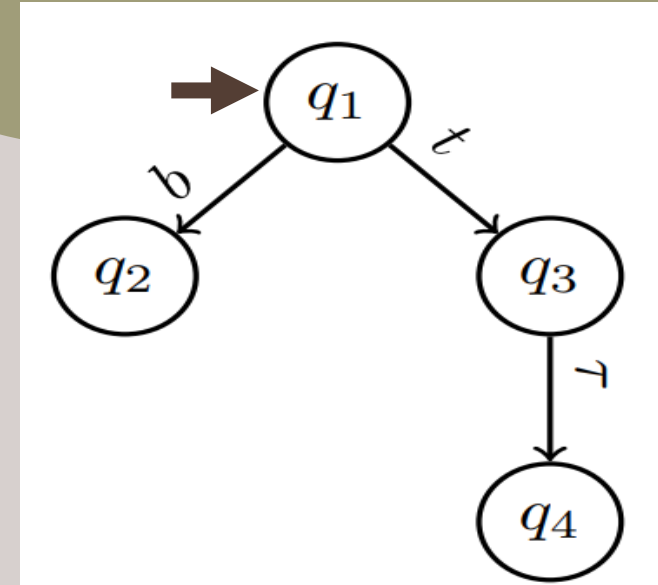
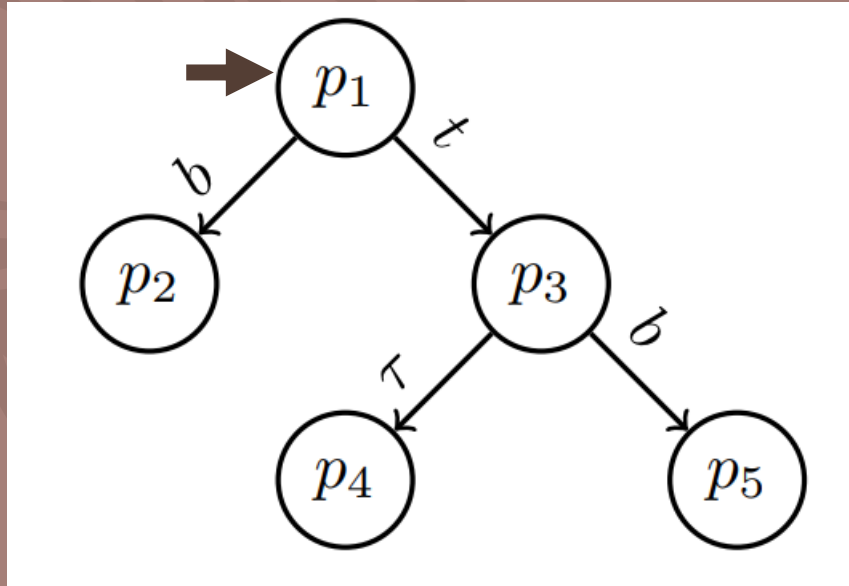
# Reaktive Bisimilarität



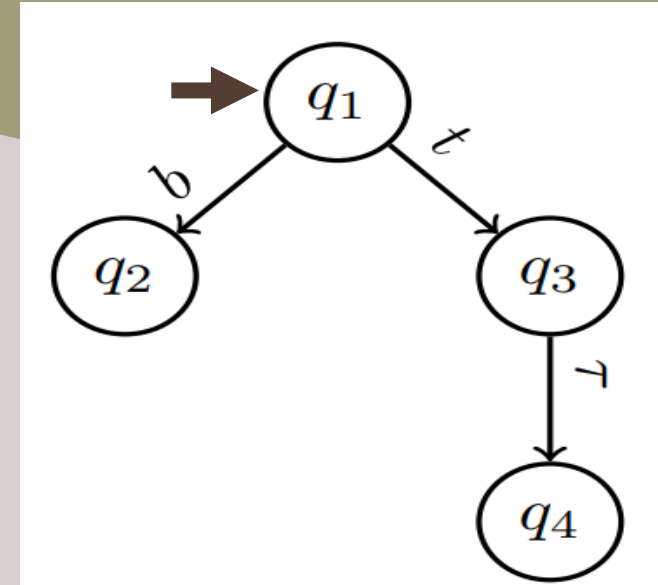
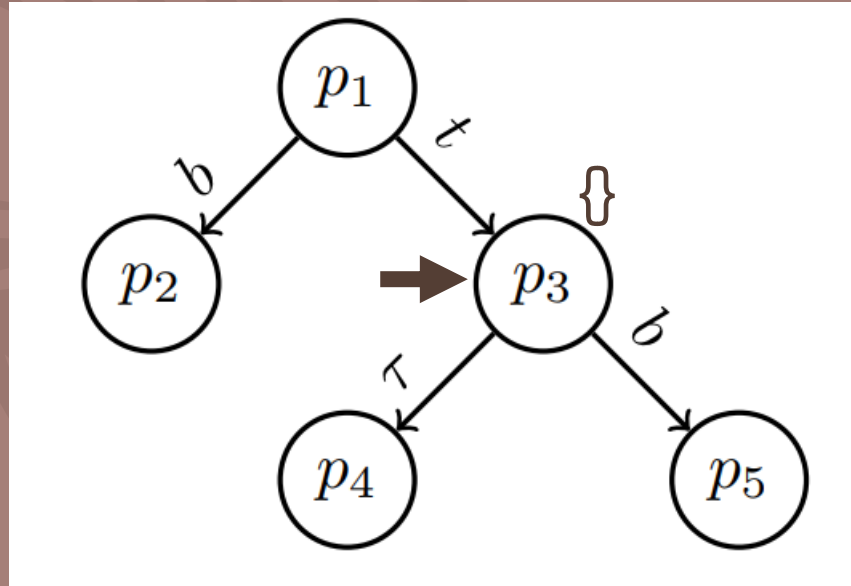
# Reaktive Bisimilarität



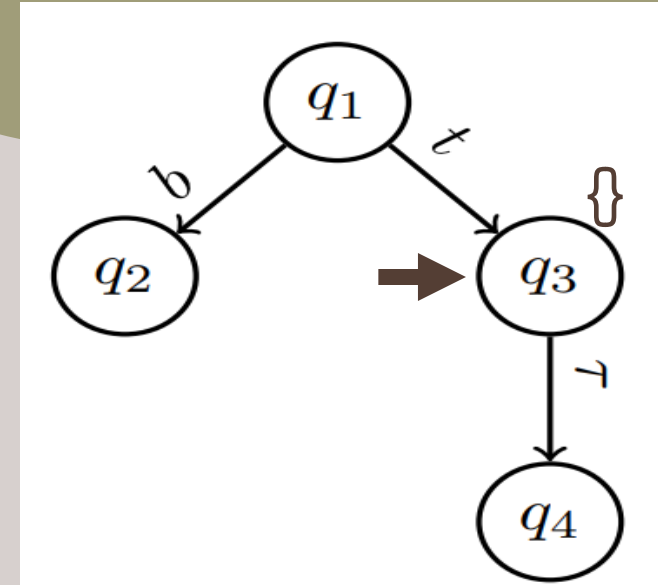
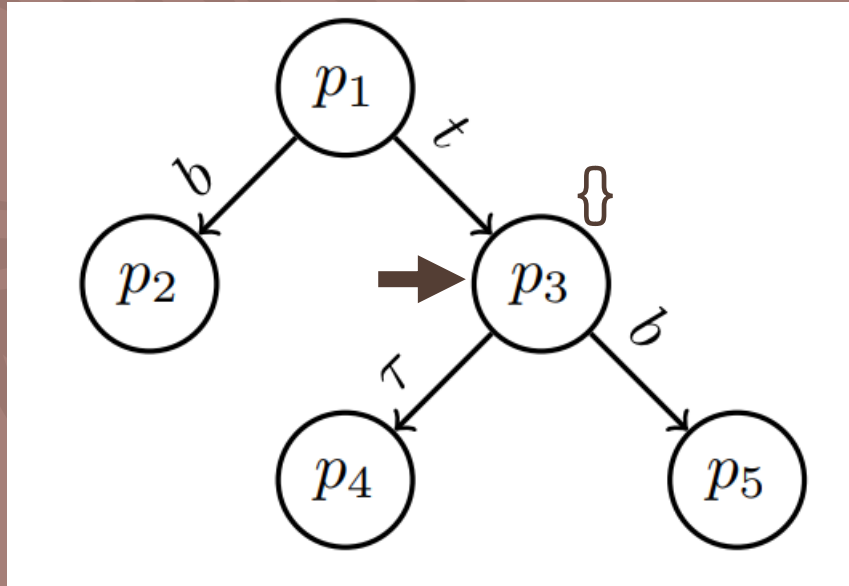
# Reaktive Bisimilarität



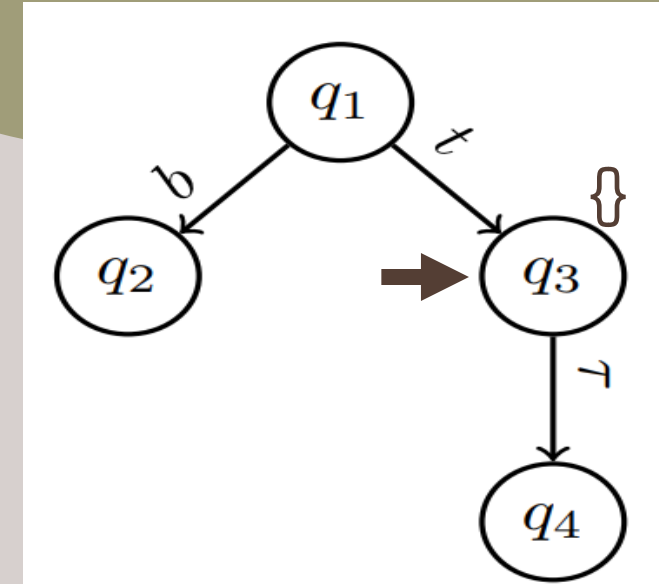
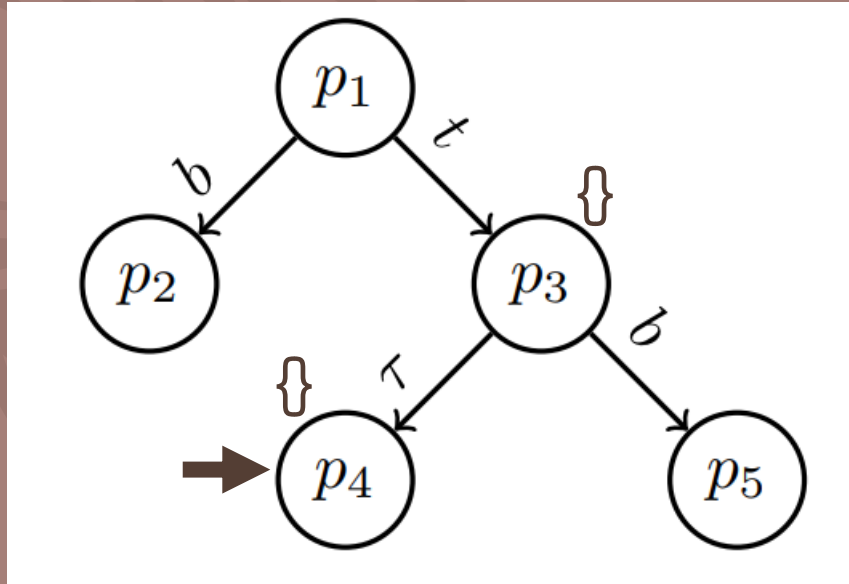
# Reaktive Bisimilarität



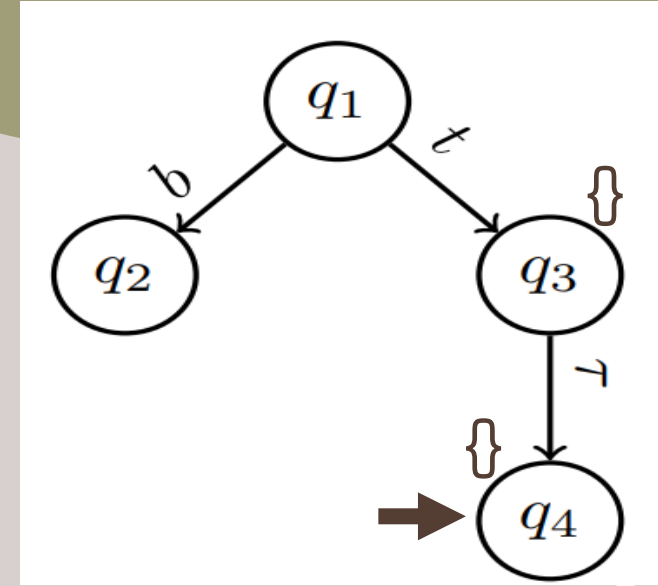
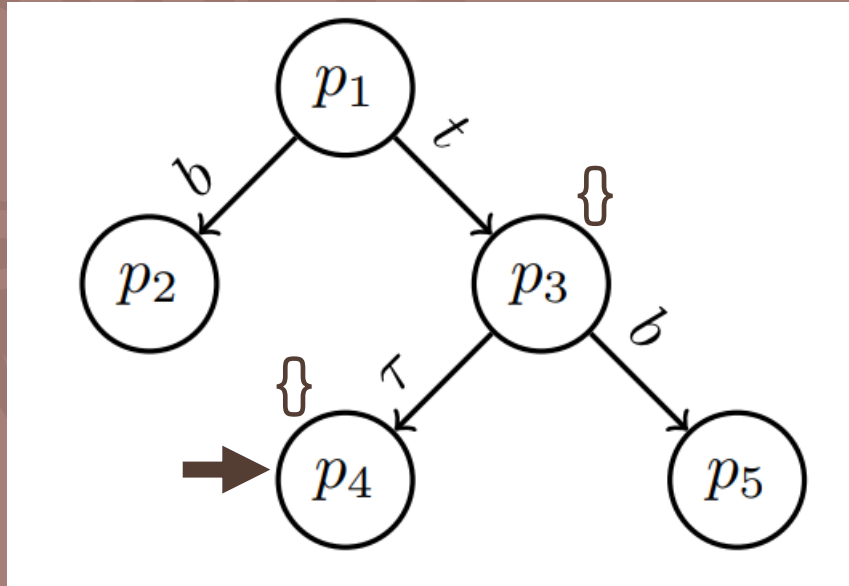
# Reaktive Bisimilarität



# Reaktive Bisimilarität



# Reaktive Bisimilarität





# Die Reduktion von Max

The background features a light gray base with large, organic, overlapping shapes in muted olive green and dusty rose. A thin, white, wavy line meanders across the lower half of the image, intersecting the colored shapes.

# Die Reduktion von Max

Reaktive Bisimilarität

# Die Reduktion von Max

Reaktive Bisimilarität

Reduktion



# Die Reduktion von Max



# Die Reduktion von Max Funktionsweise

The background features a light gray base with large, organic, overlapping shapes in muted olive green and dusty rose. Faint, stylized foliage patterns are visible in the upper left corner.

# Die Reduktion von Max Funktionsweise

$$1) \frac{p \xrightarrow{\tau} p'}{\mathcal{V}(p) \xrightarrow{\tau}_v \mathcal{V}(p')}$$

$$2) \frac{}{\mathcal{V}(p) \xrightarrow{E_X}_v \mathcal{V}_X(p)} X \subseteq A$$

$$3) \frac{p \xrightarrow{a} p'}{\mathcal{V}_X(p) \xrightarrow{a}_v \mathcal{V}(p')} a \in X$$

$$4) \frac{p \xrightarrow{\tau} p'}{\mathcal{V}_X(p) \xrightarrow{\tau}_v \mathcal{V}_X(p')}$$

$$5) \frac{p \not\xrightarrow{\alpha} \forall \alpha \in X \cup \{\tau\}}{\mathcal{V}_X(p) \xrightarrow{t_\varepsilon}_v \mathcal{V}(p)}$$

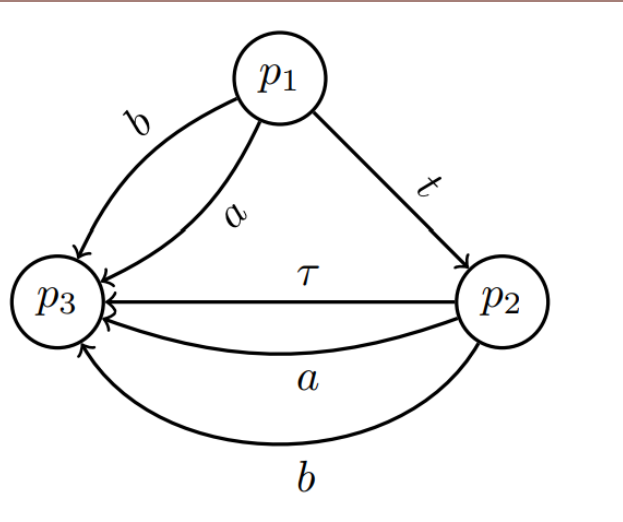
$$6) \frac{p \not\xrightarrow{\alpha} \forall \alpha \in X \cup \{\tau\} \quad p \xrightarrow{t} p'}{\mathcal{V}_X(p) \xrightarrow{t}_v \mathcal{V}_X(p')}$$

# Die Reduktion von Max Beispiel

The background features a light gray base with large, organic, overlapping shapes in muted olive green and dusty rose. Faint, stylized foliage patterns are visible in the upper left corner.

# Die Reduktion von Max

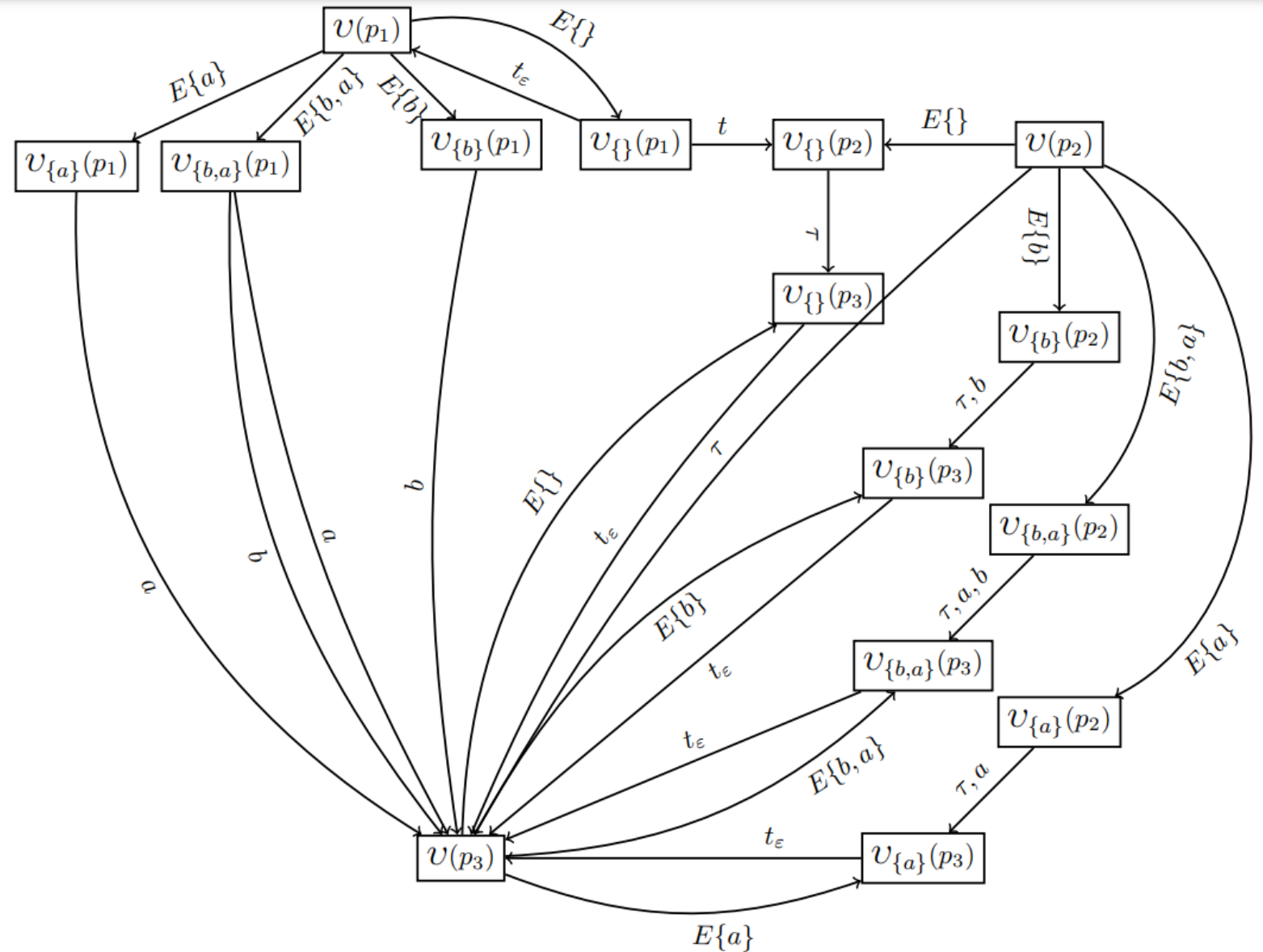
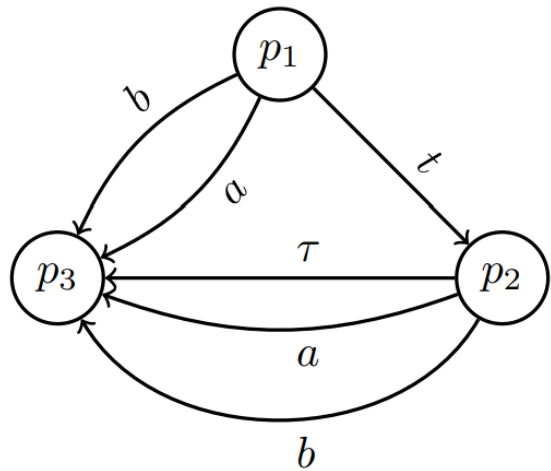
## Beispiel





# Die Reduktion von Max

## Beispiel







## ARBEITSGEGENSTÄNDE

Kernidee  
Ursprünglicher Algorithmus  
Verbesserte Algorithmus  
Einzig Umgebungsaktion  
Überprüfung eines oder aller Paare

# Kernidee

# Kernidee

mCRL2  
Spezifikationen

# Kernidee

mCRL2  
Spezifikationen

```
act
  a, b, f, g, c, time;

proc
  _0 = a._1 + time._2;
  _1 = b._3;
  _2 = c._4 + g._6;
  _3 = f._5 + time._2 + c._4;
  _4 = time._0;
  _5 = delta;
  _6 = delta;
init
  hide(
    {c}, _0
  );
```

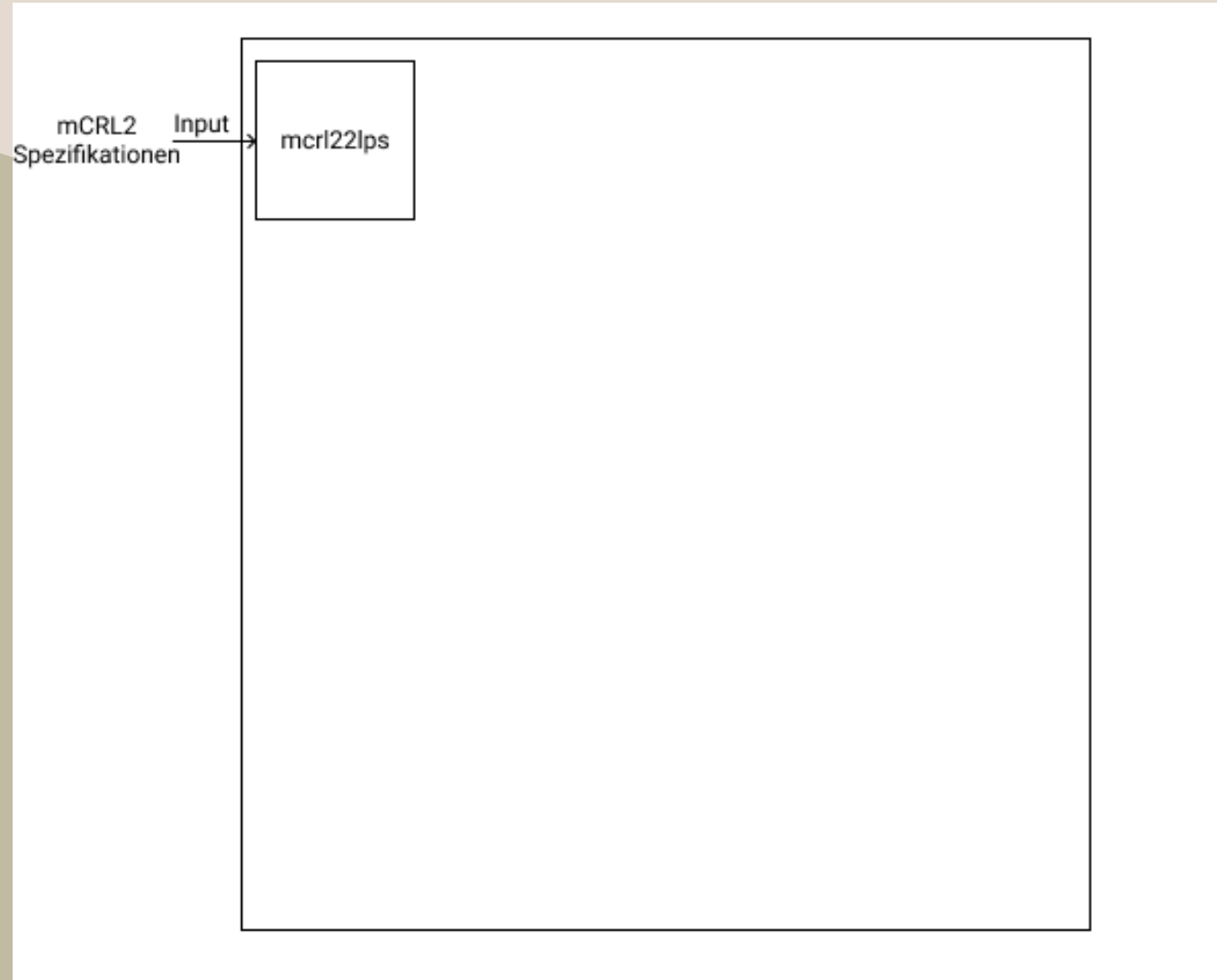
# Kernidee

mCRL2  
Spezifikationen



# Kernidee

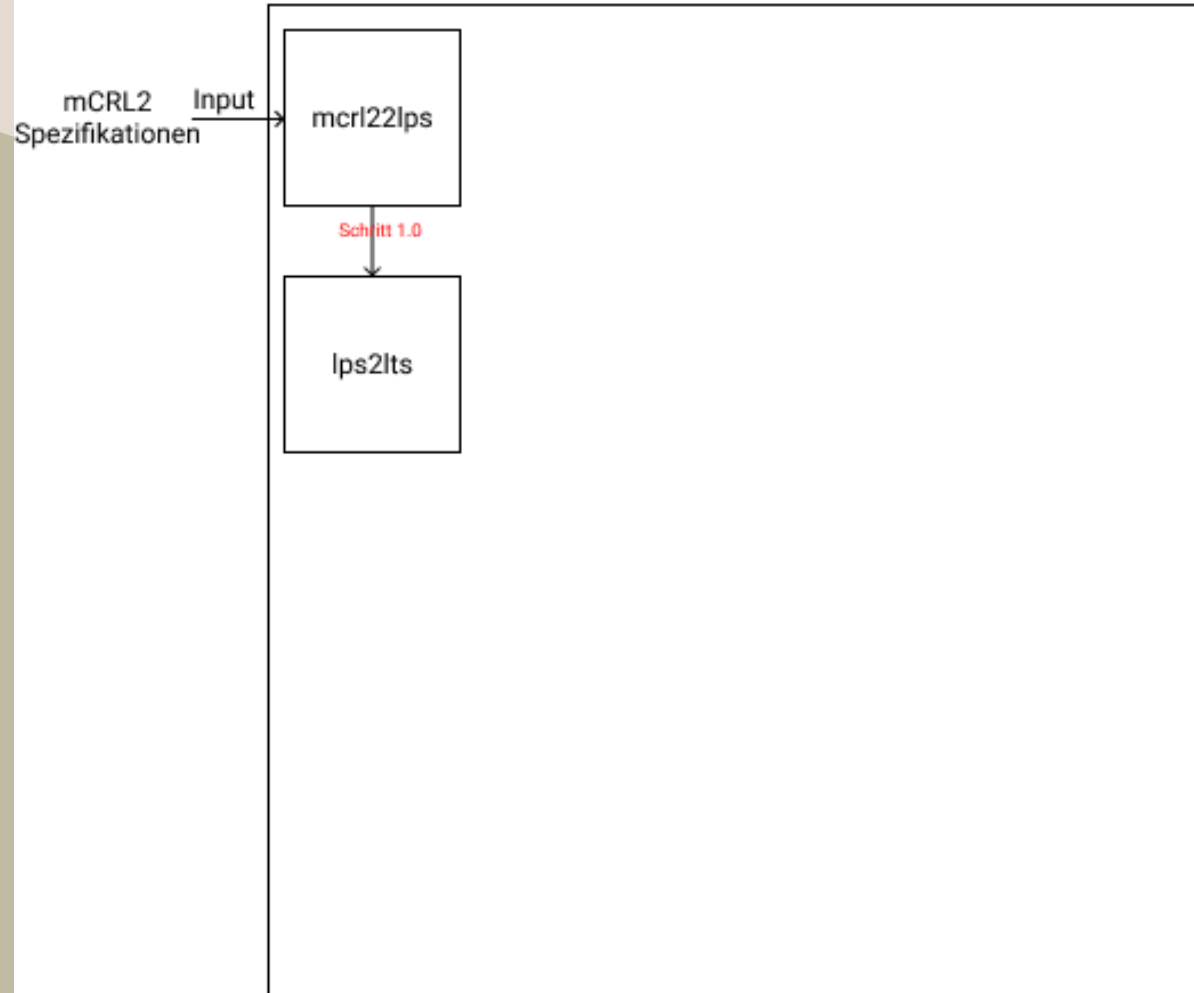
Lps Foto



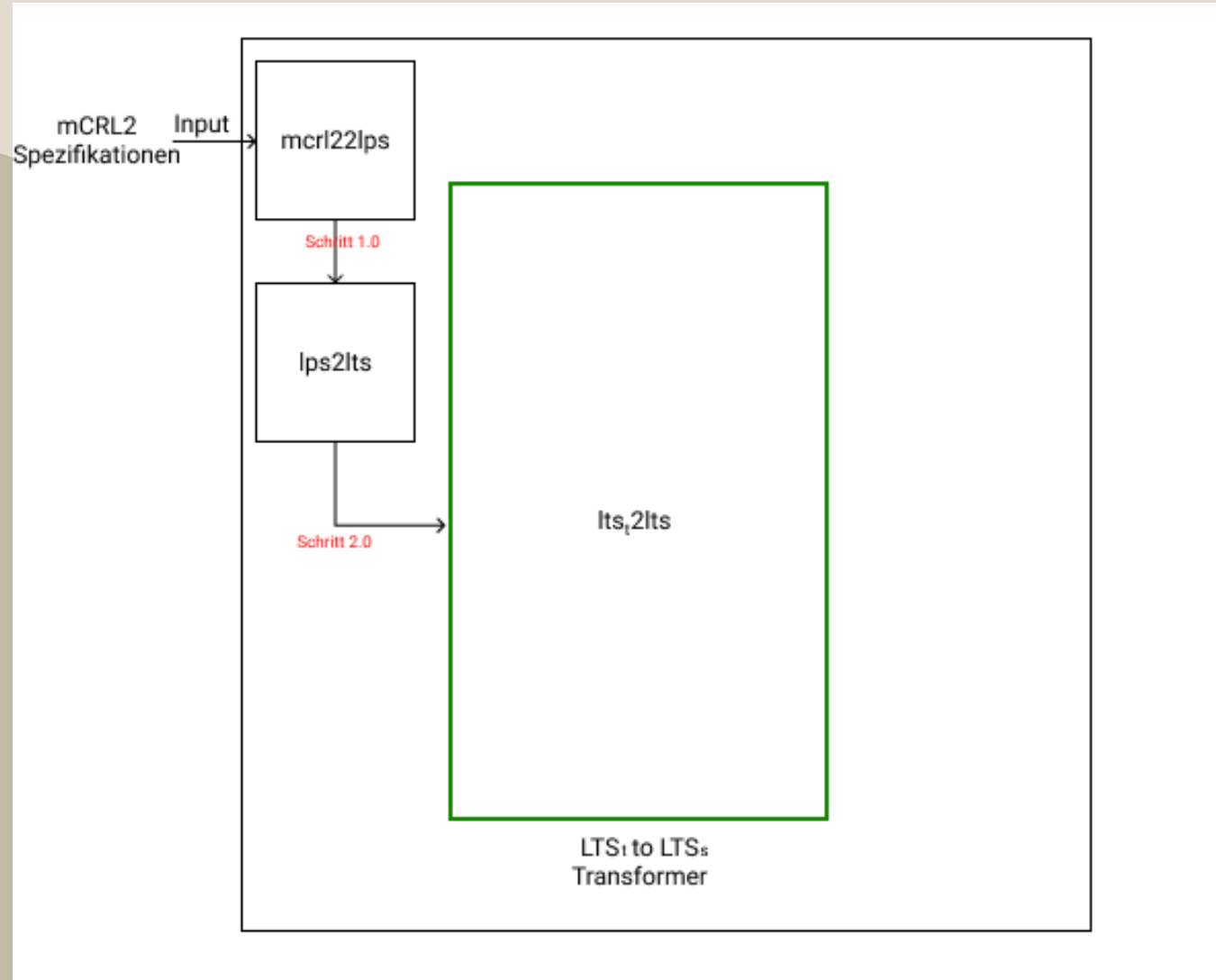


# Kernidee

```
des (0,4,3)
(0,"time",1)
(0,"a",2)
(1,"tau",2)
(1,"a",2)
```

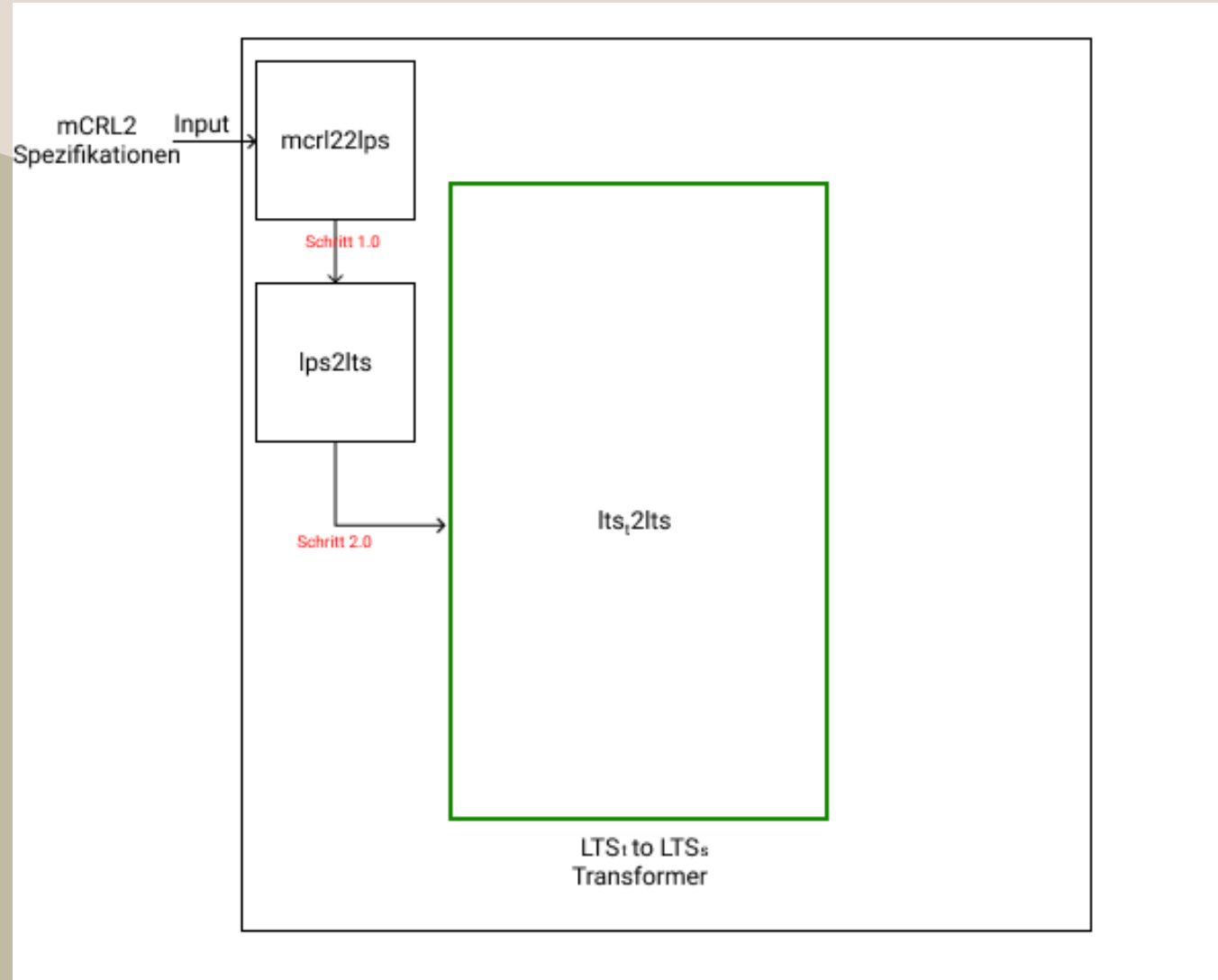


# Kernidee

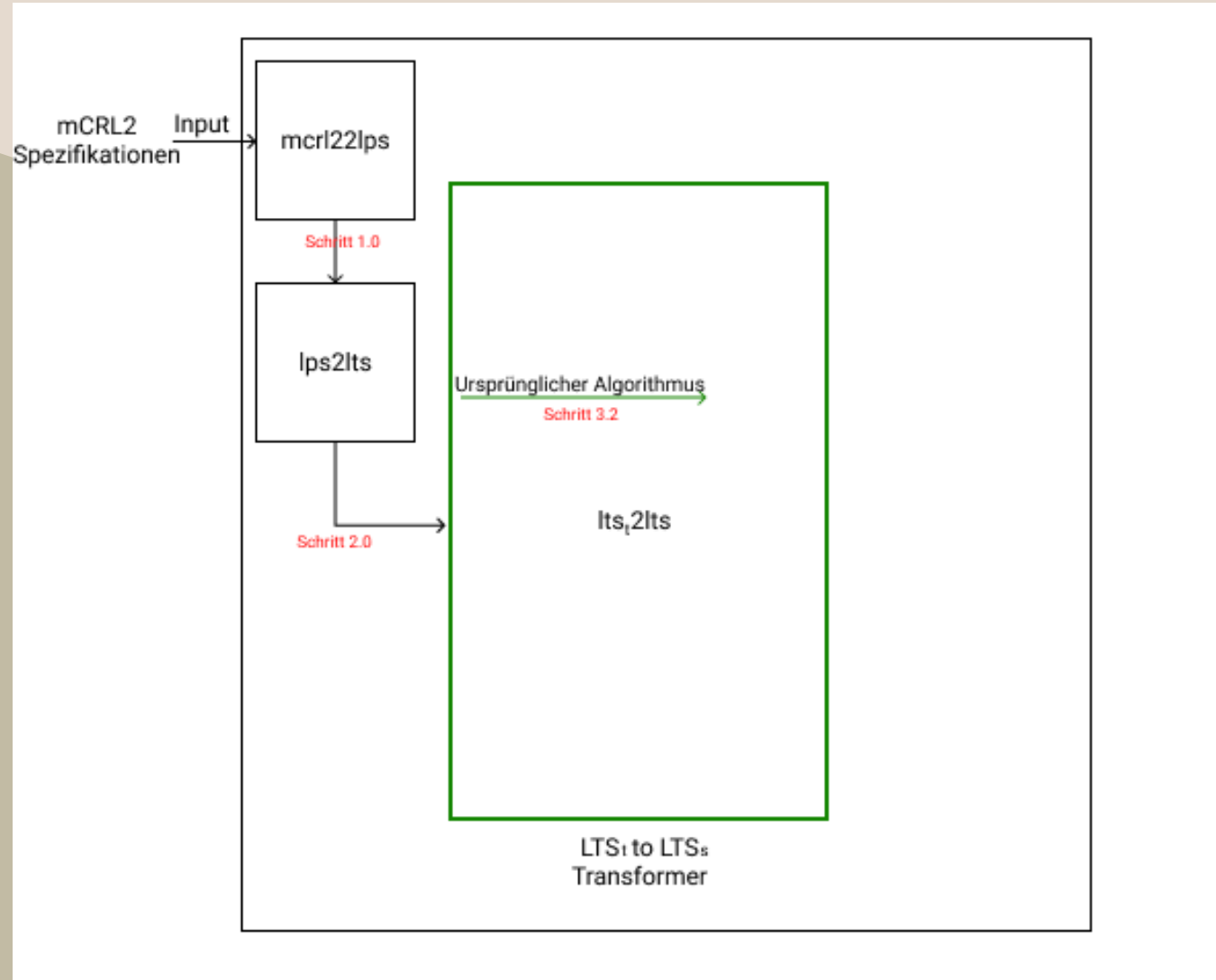


# Kernidee

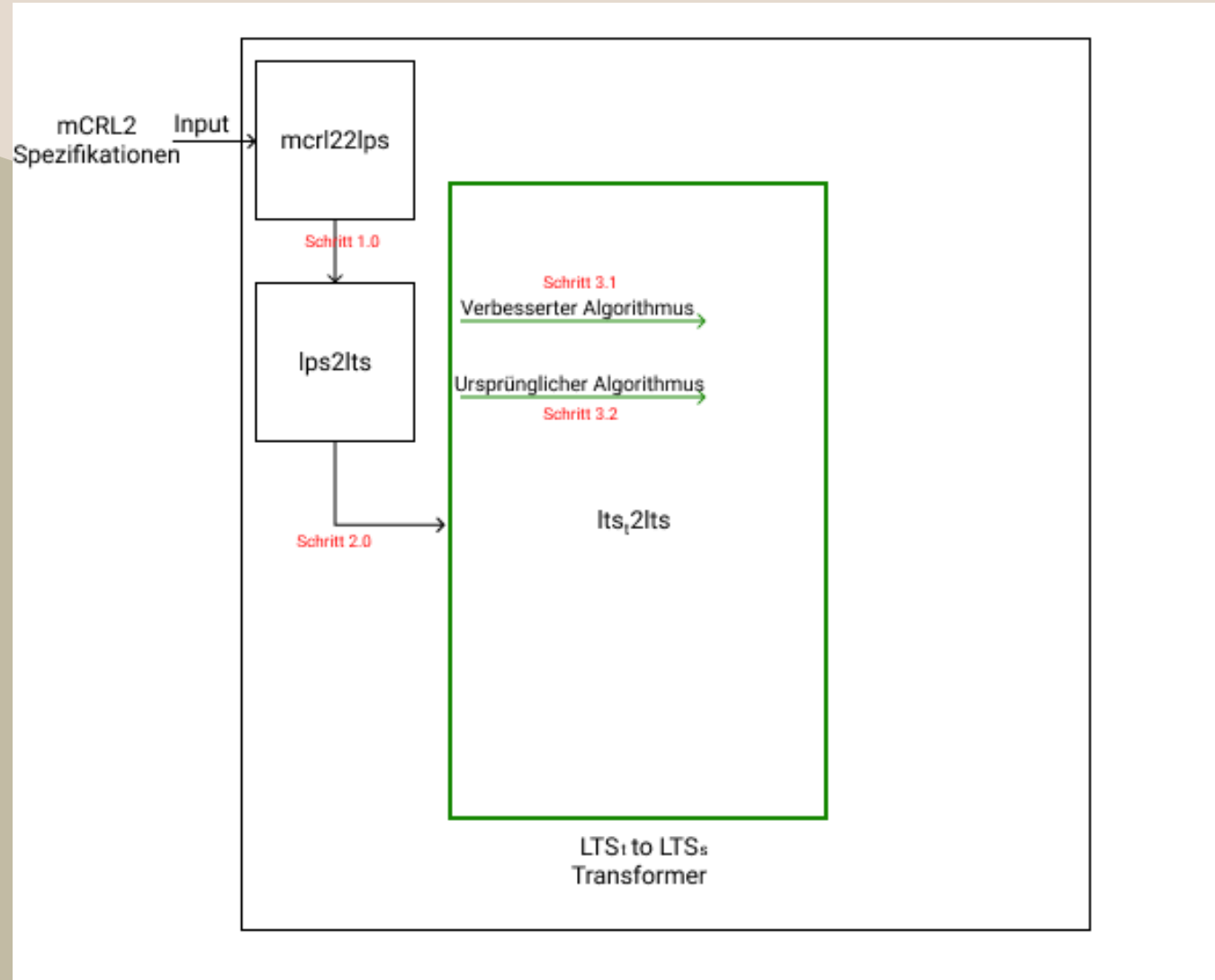
LTS\_S Foto



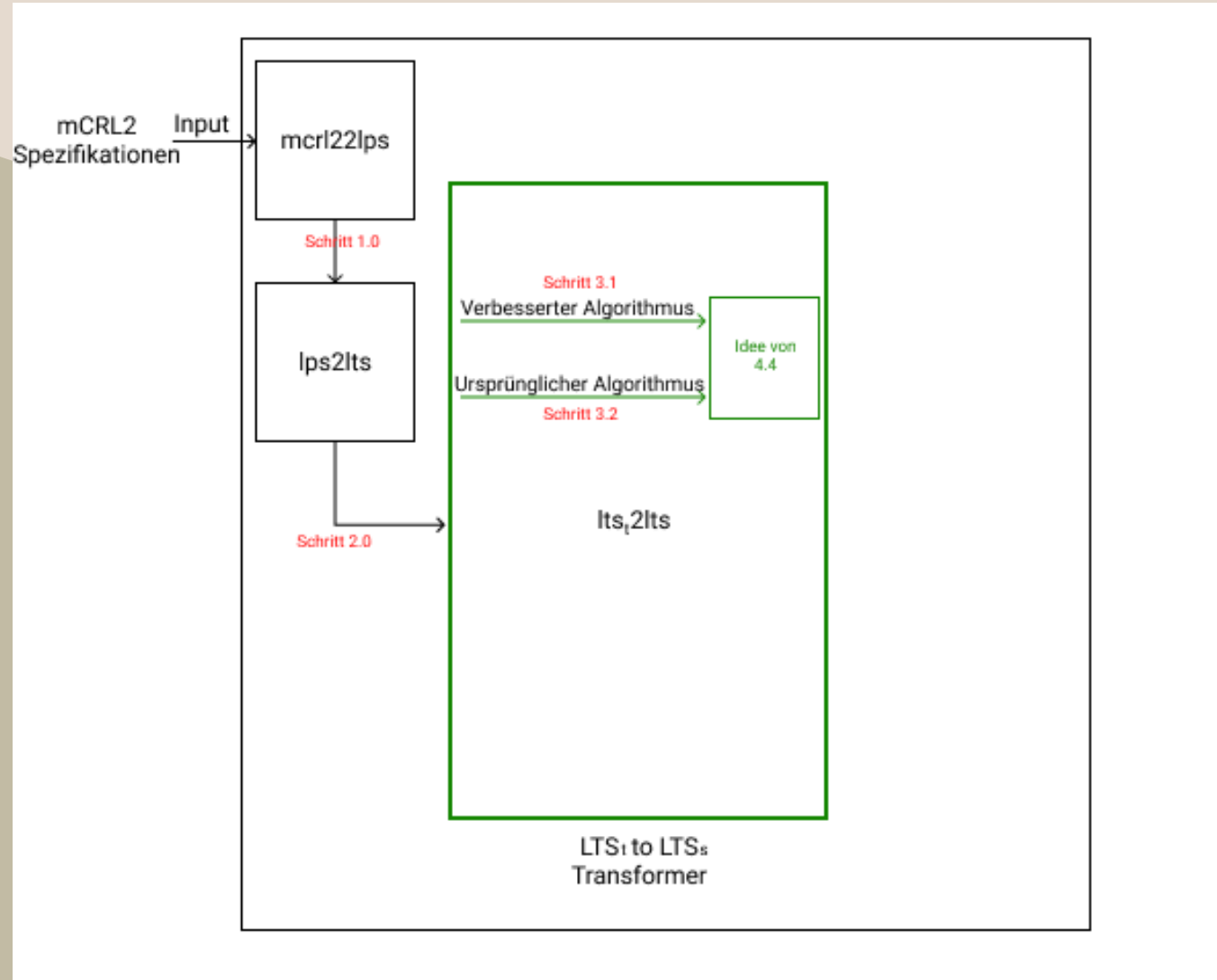
# Kernidee



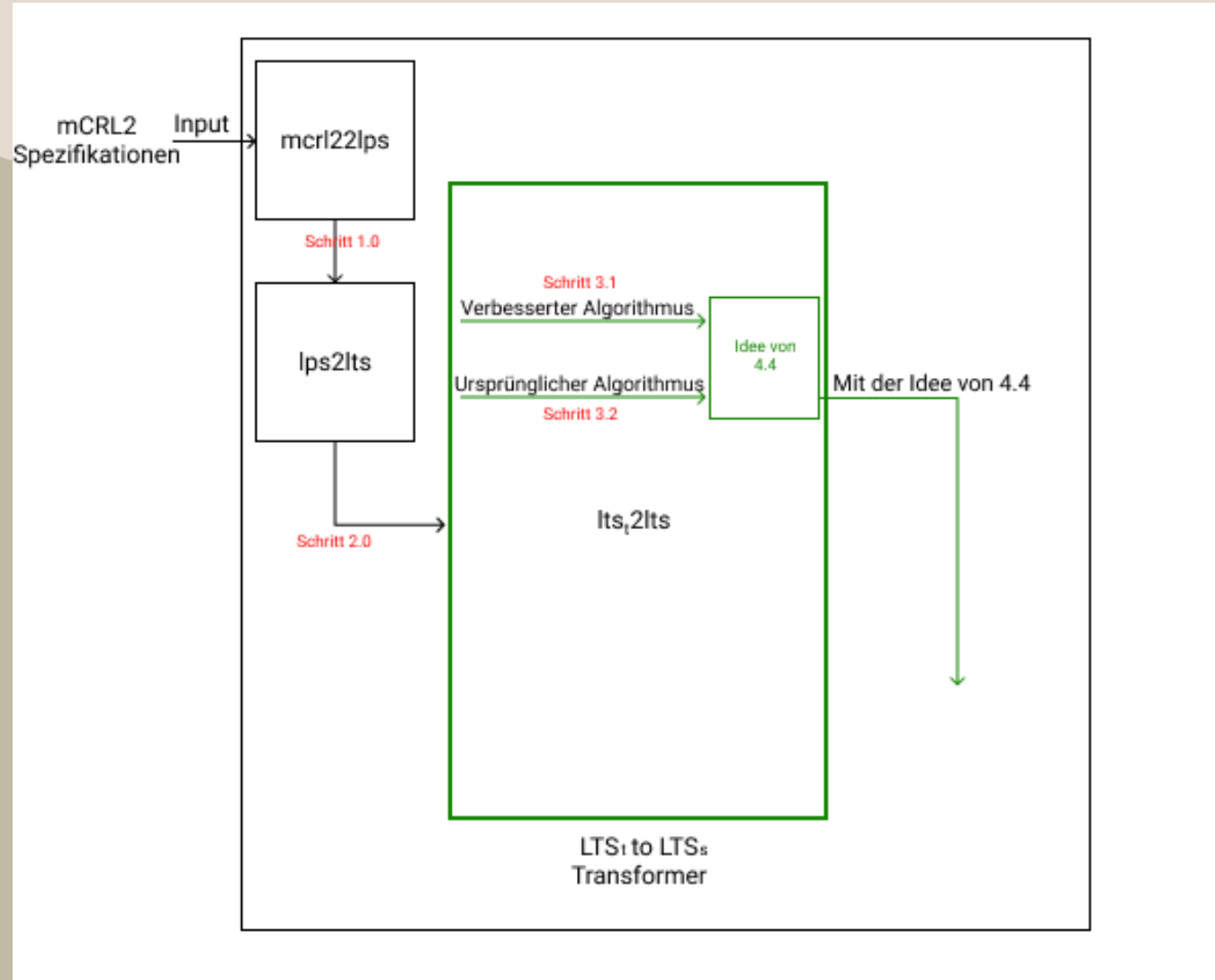
# Kernidee



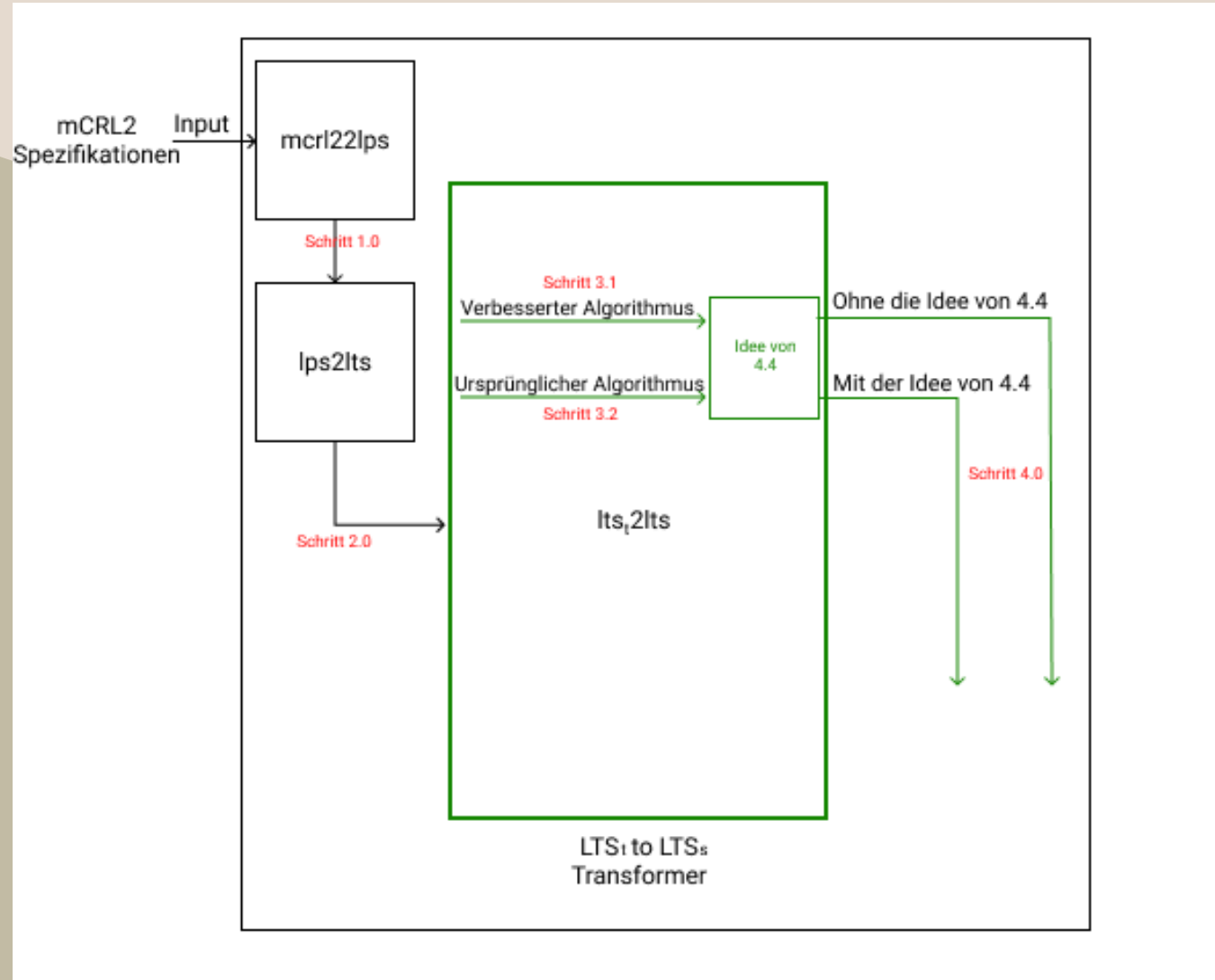
# Kernidee



# Kernidee

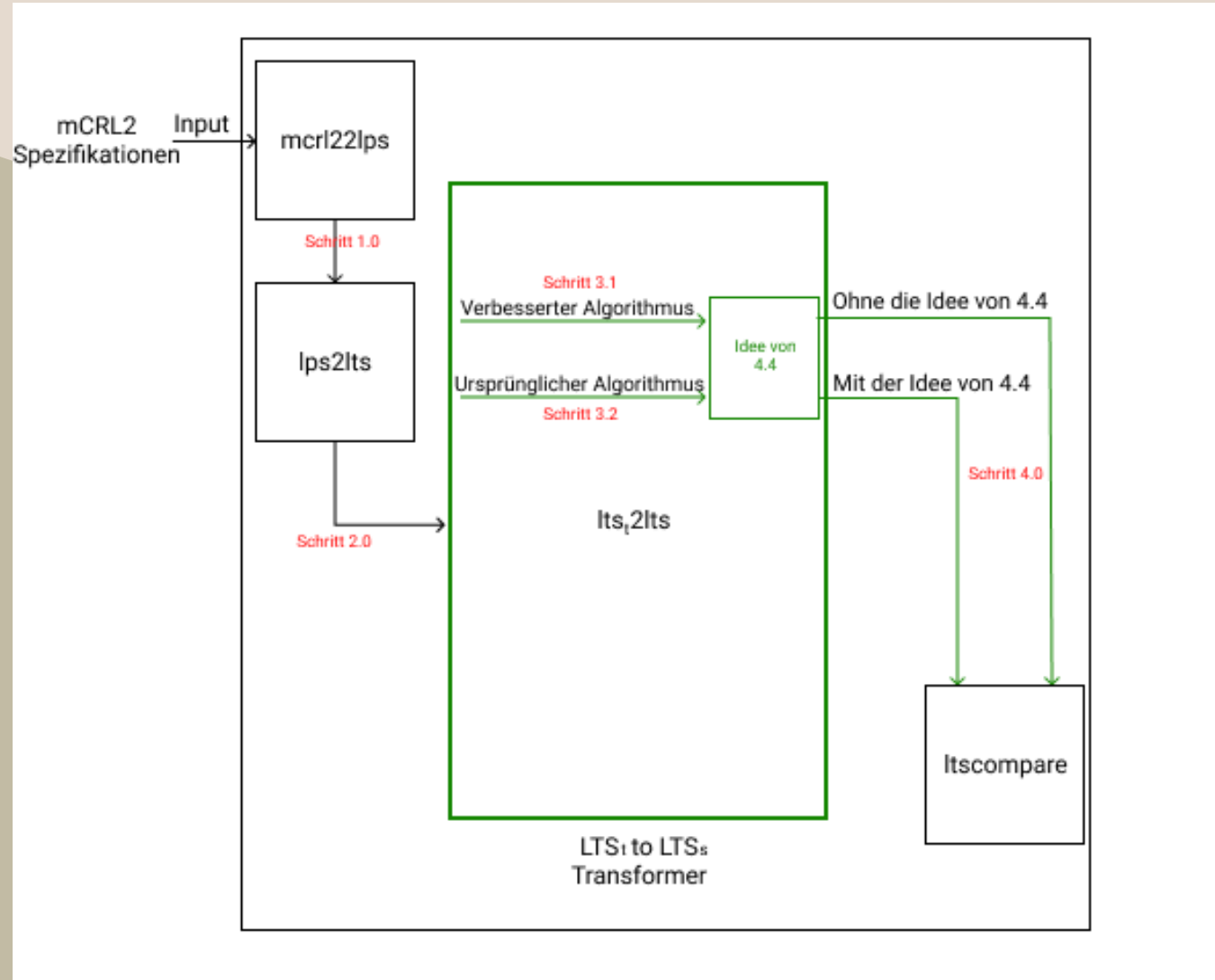


# Kernidee

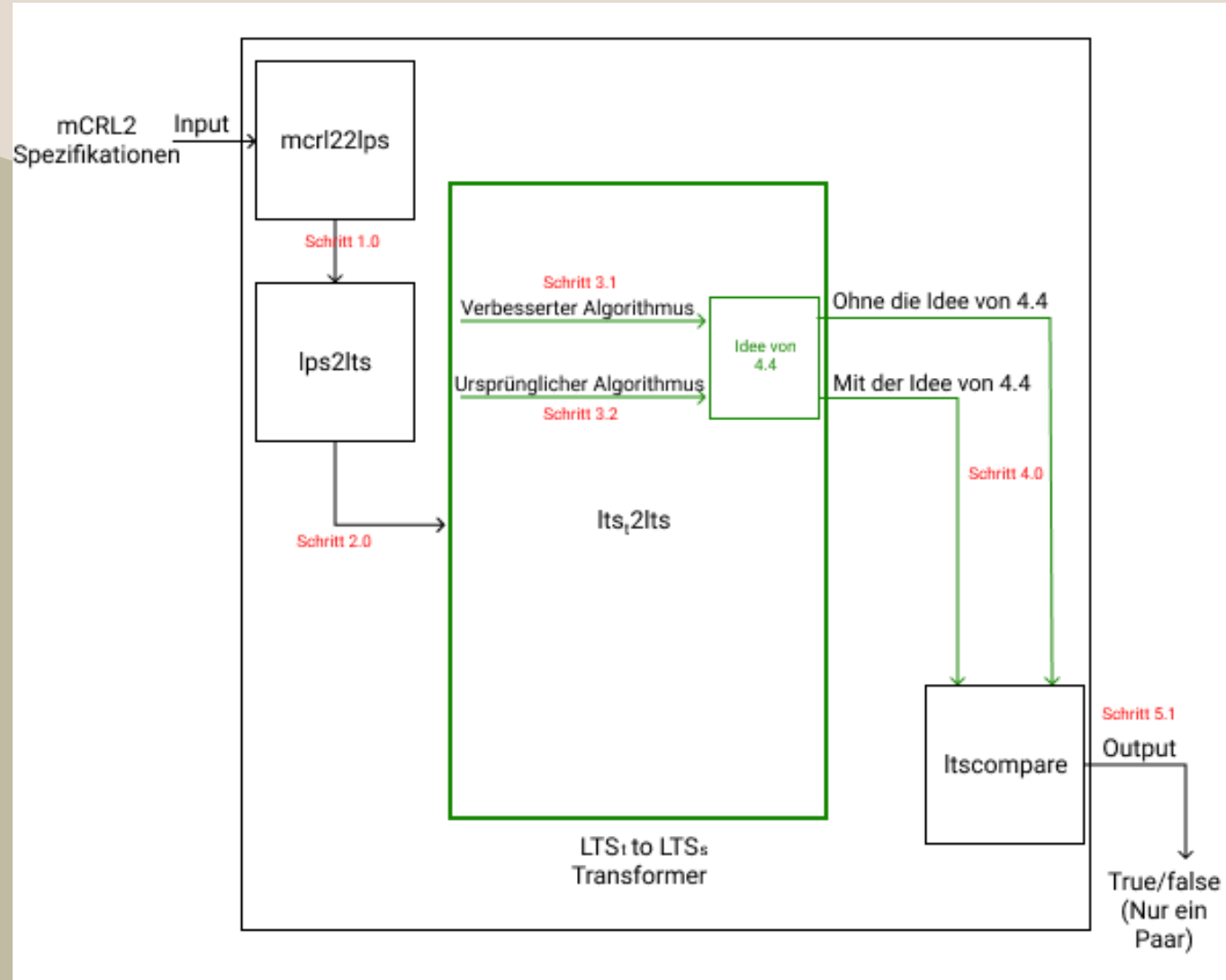




# Kernidee

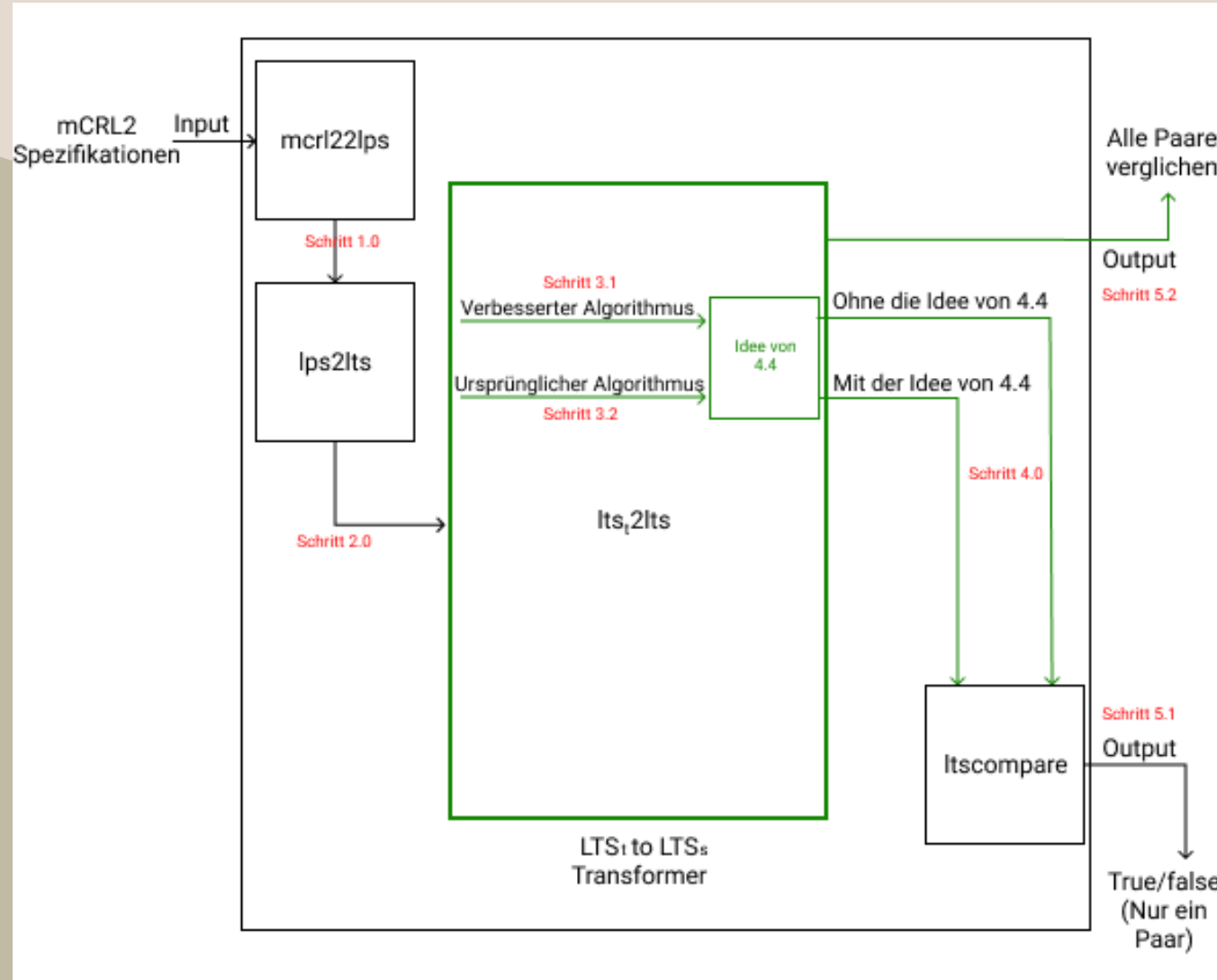


# Kernidee



# Kernidee

Ergebnis Foto



# Ursprünglicher Algorithmus



# Ursprünglicher Algorithmus

---

**Algorithm 1**  $LTS_t$  zu  $LTS_s$  Transformationsalgorithmus ( $getLTS_s$ )

---

**Require:**

```
1: processes, allSharedEnvironments, processSharedEnvironment
2: newProcesses  $\leftarrow$  emptyList
3: for process  $\in$  processes do
4:   processSharedEnvironment.add(process.getName(), allSharedEnvironments)
5:   ApplyRule2(allSharedEnvironments, process)
6:   for transition  $\in$  process.getOriginalTransitions() do
7:     processEnvironments  $\leftarrow$  processSharedEnvironment.getValueOf(process.getName())
8:     for environment  $\in$  processEnvironments do
9:       if transition.getAction().isTauAction() then
10:        ApplyRule1(process, transition)
11:        ApplyRule4(process, transition, environment)
12:      else if transition.getAction().isNormalAction() then
13:        ApplyRule3(process, transition, environment)
14:      else if transition.getAction().isTimeAction() then
15:        ApplyRule5(process, environment)
16:        ApplyRule6(process, transition, environment)
17:      end if
18:    end for
19:  end for
20:  applyRule5OfRemainingEnvironments(process, processSharedEnvironment)
21: end for
22: result  $\leftarrow$  getNewProcesses()
```

---

# Ursprünglicher Algorithmus

**Algorithm 1**  $LTS_t$  zu  $LTS_s$  Transformationsalgorithmus ( $getLTS_s$ )

**Require:**

```
1:  $processes, allSharedEnvironments, processSharedEnvironment$ 
2:  $newProcesses \leftarrow emptyList$ 
3: for  $process \in processes$  do
4:    $processSharedEnvironment.add(process.getName(), allSharedEnvironments)$ 
5:    $ApplyRule2(allSharedEnvironments, process)$ 
6:   for  $transition \in process.getOriginalTransitions()$  do
7:      $processEnvironments \leftarrow processSharedEnvironment.getValueOf(process.getName())$ 
8:     for  $environment \in processEnvironments$  do
9:       if  $transition.getAction().isTauAction()$  then
10:         $ApplyRule1(process, transition)$ 
11:         $ApplyRule4(process, transition, environment)$ 
12:      else if  $transition.getAction().isNormalAction()$  then
13:         $ApplyRule3(process, transition, environment)$ 
14:      else if  $transition.getAction().isTimeAction()$  then
15:         $ApplyRule5(process, environment)$ 
16:         $ApplyRule6(process, transition, environment)$ 
17:      end if
18:    end for
19:  end for
20:   $applyRule5OfRemainingEnvironments(process, processSharedEnvironment)$ 
21: end for
22:  $result \leftarrow getNewProcesses()$ 
```

$$2) \frac{}{v(p) \xrightarrow{E_X}_v v_X(p)} \quad X \subseteq A$$

# Ursprünglicher Algorithmus

**Algorithm 1**  $LTS_t$  zu  $LTS_s$  Transformationsalgorithmus ( $getLTS_s$ )

**Require:**

```
1: processes, allSharedEnvironments, processSharedEnvironment
2: newProcesses  $\leftarrow$  emptyList
3: for process  $\in$  processes do
4:   processSharedEnvironment.add(process.getName(), allSharedEnvironments)
5:   ApplyRule2(allSharedEnvironments, process)
6:   for transition  $\in$  process.getOriginalTransitions() do
7:     processEnvironments  $\leftarrow$  processSharedEnvironment.getValueOf(process.getName())
8:     for environment  $\in$  processEnvironments do
9:       if transition.getAction().isTauAction() then
10:        ApplyRule1(process, transition)
11:        ApplyRule4(process, transition, environment)
12:      else if transition.getAction().isNormalAction() then
13:        ApplyRule3(process, transition, environment)
14:      else if transition.getAction().isTimeAction() then
15:        ApplyRule5(process, environment)
16:        ApplyRule6(process, transition, environment)
17:      end if
18:    end for
19:  end for
20:  applyRule5OfRemainingEnvironments(process, processSharedEnvironment)
21: end for
22: result  $\leftarrow$  getNewProcesses()
```

$$1) \frac{p \xrightarrow{\tau} p'}{\mathcal{V}(p) \xrightarrow{\tau}_v \mathcal{V}(p')}$$

# Ursprünglicher Algorithmus

**Algorithm 1**  $LTS_t$  zu  $LTS_s$  Transformationsalgorithmus ( $getLTS_s$ )

**Require:**

```
1: processes, allSharedEnvironments, processSharedEnvironment
2: newProcesses  $\leftarrow$  emptyList
3: for process  $\in$  processes do
4:   processSharedEnvironment.add(process.getName(), allSharedEnvironments)
5:   ApplyRule2(allSharedEnvironments, process)
6:   for transition  $\in$  process.getOriginalTransitions() do
7:     processEnvironments  $\leftarrow$  processSharedEnvironment.getValueOf(process.getName())
8:     for environment  $\in$  processEnvironments do
9:       if transition.getAction().isTauAction() then
10:        ApplyRule1(process, transition)
11:        ApplyRule4(process, transition, environment)
12:      else if transition.getAction().isNormalAction() then
13:        ApplyRule3(process, transition, environment)
14:      else if transition.getAction().isTimeAction() then
15:        ApplyRule5(process, environment)
16:        ApplyRule6(process, transition, environment)
17:      end if
18:    end for
19:  end for
20:  applyRule5OfRemainingEnvironments(process, processSharedEnvironment)
21: end for
22: result  $\leftarrow$  getNewProcesses()
```

$$4) \frac{p \xrightarrow{\tau} p'}{\mathcal{V}_X(p) \xrightarrow{\tau}_v \mathcal{V}_X(p')}$$



# Ursprünglicher Algorithmus

**Algorithm 1**  $LTS_t$  zu  $LTS_s$  Transformationsalgorithmus ( $getLTS_s$ )

**Require:**

```
1: processes, allSharedEnvironments, processSharedEnvironment
2: newProcesses  $\leftarrow$  emptyList
3: for process  $\in$  processes do
4:   processSharedEnvironment.add(process.getName(), allSharedEnvironments)
5:   ApplyRule2(allSharedEnvironments, process)
6:   for transition  $\in$  process.getOriginalTransitions() do
7:     processEnvironments  $\leftarrow$  processSharedEnvironment.getValueOf(process.getName())
8:     for environment  $\in$  processEnvironments do
9:       if transition.getAction().isTauAction() then
10:        ApplyRule1(process, transition)
11:        ApplyRule4(process, transition, environment)
12:      else if transition.getAction().isNormalAction() then
13:        ApplyRule3(process, transition, environment)
14:      else if transition.getAction().isTimeAction() then
15:        ApplyRule5(process, environment)
16:        ApplyRule6(process, transition, environment)
17:      end if
18:    end for
19:  end for
20:  applyRule5OfRemainingEnvironments(process, processSharedEnvironment)
21: end for
22: result  $\leftarrow$  getNewProcesses()
```

$$3) \frac{p \xrightarrow{a} p'}{v_X(p) \xrightarrow{a}_v v(p')} \quad a \in X$$

# Ursprünglicher Algorithmus

**Algorithm 1**  $LTS_t$  zu  $LTS_s$  Transformationsalgorithmus ( $getLTS_s$ )

**Require:**

```
1:  $processes, allSharedEnvironments, processSharedEnvironment$ 
2:  $newProcesses \leftarrow emptyList$ 
3: for  $process \in processes$  do
4:    $processSharedEnvironment.add(process.getName(), allSharedEnvironments)$ 
5:    $ApplyRule2(allSharedEnvironments, process)$ 
6:   for  $transition \in process.getOriginalTransitions()$  do
7:      $processEnvironments \leftarrow processSharedEnvironment.getValueOf(process.getName())$ 
8:     for  $environment \in processEnvironments$  do
9:       if  $transition.getAction().isTauAction()$  then
10:         $ApplyRule1(process, transition)$ 
11:         $ApplyRule4(process, transition, environment)$ 
12:      else if  $transition.getAction().isNormalAction()$  then
13:         $ApplyRule3(process, transition, environment)$ 
14:      else if  $transition.getAction().isTimeAction()$  then
15:         $ApplyRule5(process, environment)$ 
16:         $ApplyRule6(process, transition, environment)$ 
17:      end if
18:    end for
19:  end for
20:   $applyRule5OfRemainingEnvironments(process, processSharedEnvironment)$ 
21: end for
22:  $result \leftarrow getNewProcesses()$ 
```

$$5) \frac{p \not\rightarrow \forall \alpha \in X \cup \{\tau\}}{v_X(p) \xrightarrow{t_\epsilon}_v v(p)}$$

# Ursprünglicher Algorithmus

**Algorithm 1**  $LTS_t$  zu  $LTS_s$  Transformationsalgorithmus ( $getLTS_s$ )

**Require:**

```
1:  $processes, allSharedEnvironments, processSharedEnvironment$ 
2:  $newProcesses \leftarrow emptyList$ 
3: for  $process \in processes$  do
4:    $processSharedEnvironment.add(process.getName(), allSharedEnvironments)$ 
5:    $ApplyRule2(allSharedEnvironments, process)$ 
6:   for  $transition \in process.getOriginalTransitions()$  do
7:      $processEnvironments \leftarrow processSharedEnvironment.getValueOf(process.getName())$ 
8:     for  $environment \in processEnvironments$  do
9:       if  $transition.getAction().isTauAction()$  then
10:         $ApplyRule1(process, transition)$ 
11:         $ApplyRule4(process, transition, environment)$ 
12:      else if  $transition.getAction().isNormalAction()$  then
13:         $ApplyRule3(process, transition, environment)$ 
14:      else if  $transition.getAction().isTimeAction()$  then
15:         $ApplyRule5(process, environment)$ 
16:         $ApplyRule6(process, transition, environment)$ 
17:      end if
18:    end for
19:  end for
20:   $applyRule5OfRemainingEnvironments(process, processSharedEnvironment)$ 
21: end for
22:  $result \leftarrow getNewProcesses()$ 
```

$$6) \frac{p \not\rightarrow^q \forall \alpha \in X \cup \{\tau\} \quad p \xrightarrow{t} p'}{v_X(p) \xrightarrow{t}_v v_X(p')}$$

# Ursprünglicher Algorithmus

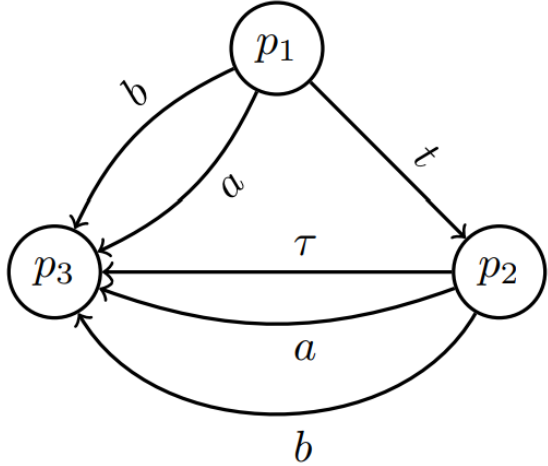
**Algorithm 1**  $LTS_t$  zu  $LTS_s$  Transformationsalgorithmus ( $getLTS_s$ )

**Require:**

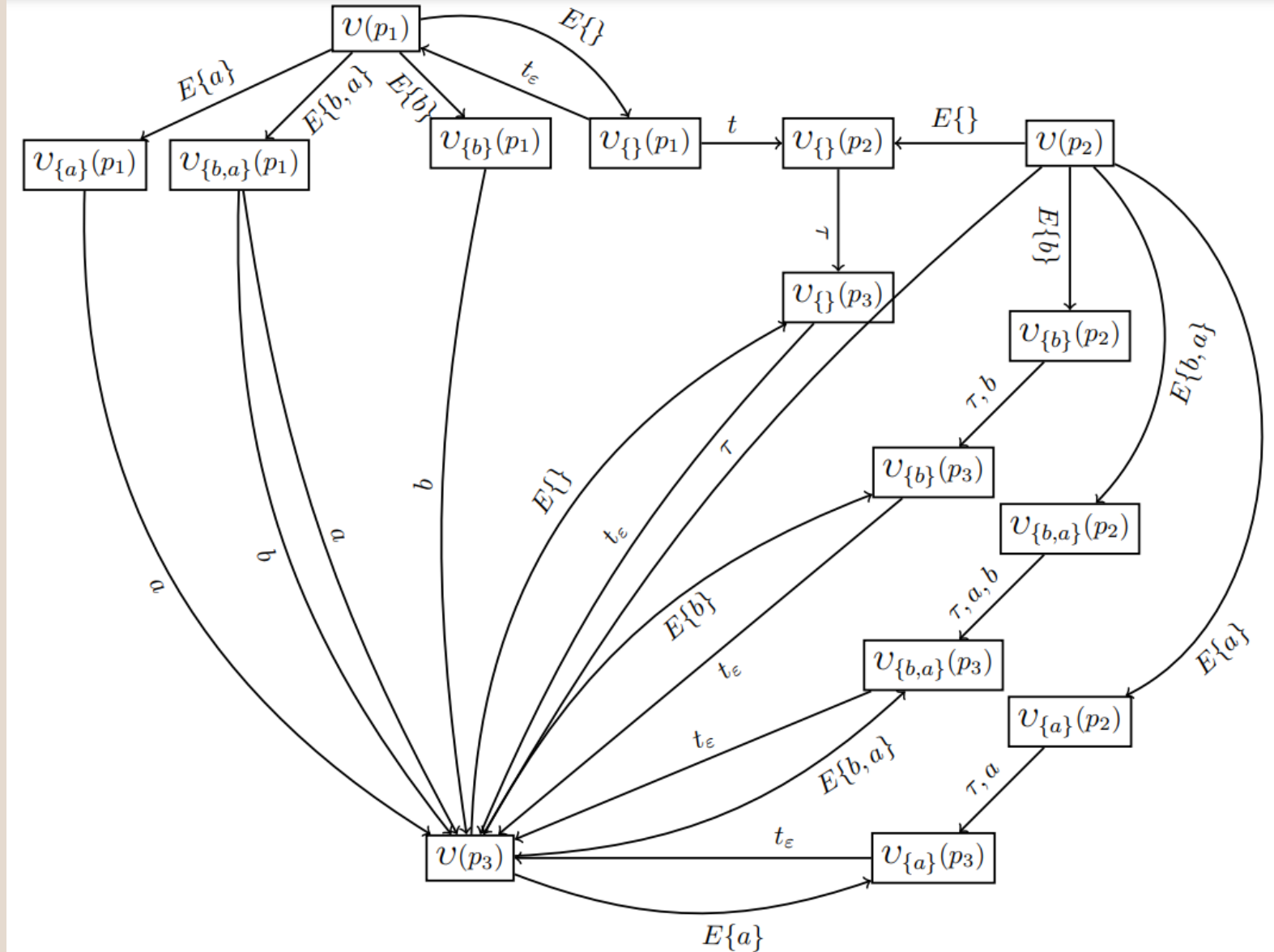
```
1:  $processes, allSharedEnvironments, processSharedEnvironment$ 
2:  $newProcesses \leftarrow emptyList$ 
3: for  $process \in processes$  do
4:    $processSharedEnvironment.add(process.getName(), allSharedEnvironments)$ 
5:    $ApplyRule2(allSharedEnvironments, process)$ 
6:   for  $transition \in process.getOriginalTransitions()$  do
7:      $processEnvironments \leftarrow processSharedEnvironment.getValueOf(process.getName())$ 
8:     for  $environment \in processEnvironments$  do
9:       if  $transition.getAction().isTauAction()$  then
10:         $ApplyRule1(process, transition)$ 
11:         $ApplyRule4(process, transition, environment)$ 
12:      else if  $transition.getAction().isNormalAction()$  then
13:         $ApplyRule3(process, transition, environment)$ 
14:      else if  $transition.getAction().isTimeAction()$  then
15:         $ApplyRule5(process, environment)$ 
16:         $ApplyRule6(process, transition, environment)$ 
17:      end if
18:    end for
19:  end for
20:   $applyRule5OfRemainingEnvironments(process, processSharedEnvironment)$ 
21: end for
22:  $result \leftarrow getNewProcesses()$ 
```

$$5) \frac{p \not\rightarrow \forall \alpha \in X \cup \{\tau\}}{v_X(p) \xrightarrow{t_\epsilon}_v v(p)}$$

# Ursprünglicher Algorithmus



WIE?





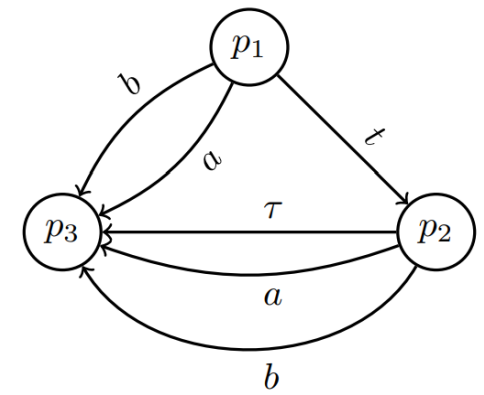
# Ursprünglicher Algorithmus

**Algorithm 1**  $LTS_t$  zu  $LTS_s$  Transformationsalgorithmus ( $getLTS_s$ )

**Require:**

```
1:  $processes, allSharedEnvironments, processSharedEnvironment$ 
2:  $newProcesses \leftarrow emptyList$ 
3: for  $process \in processes$  do
4:    $processSharedEnvironment.add(process.getName(), allSharedEnvironments)$ 
5:    $ApplyRule2(allSharedEnvironments, process)$ 
6:   for  $transition \in process.getOriginalTransitions()$  do
7:      $processEnvironments \leftarrow processSharedEnvironment.getValueOf(process.getName())$ 
8:     for  $environment \in processEnvironments$  do
9:       if  $transition.getAction().isTauAction()$  then
10:         $ApplyRule1(process, transition)$ 
11:         $ApplyRule4(process, transition, environment)$ 
12:      else if  $transition.getAction().isNormalAction()$  then
13:         $ApplyRule3(process, transition, environment)$ 
14:      else if  $transition.getAction().isTimeAction()$  then
15:         $ApplyRule5(process, environment)$ 
16:         $ApplyRule6(process, transition, environment)$ 
17:      end if
18:    end for
19:  end for
20:   $applyRule5OfRemainingEnvironments(process, processSharedEnvironment)$ 
21: end for
22:  $result \leftarrow getNewProcesses()$ 
```

$\{\{\}, \{a\}, \{b\}, \{a, b\}\}$



# Ursprünglicher Algorithmus

**Algorithm 1**  $LTS_t$  zu  $LTS_s$  Transformationsalgorithmus ( $getLTS_s$ )

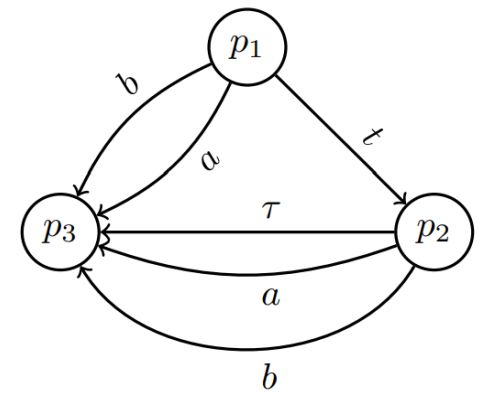
**Require:**

```

1:  $processes, allSharedEnvironments, processSharedEnvironment$ 
2:  $newProcesses \leftarrow emptyList$ 
3: for  $process \in processes$  do
4:    $processSharedEnvironment.add(process.getName(), allSharedEnvironments)$ 
5:   ApplyRule2( $allSharedEnvironments, process$ )
6:   for  $transition \in process.getOriginalTransitions()$  do
7:      $processEnvironments \leftarrow processSharedEnvironment.getValueOf(process.getName())$ 
8:     for  $environment \in processEnvironments$  do
9:       if  $transition.getAction().isTauAction()$  then
10:         $ApplyRule1(process, transition)$ 
11:         $ApplyRule4(process, transition, environment)$ 
12:      else if  $transition.getAction().isNormalAction()$  then
13:         $ApplyRule3(process, transition, environment)$ 
14:      else if  $transition.getAction().isTimeAction()$  then
15:         $ApplyRule5(process, environment)$ 
16:         $ApplyRule6(process, transition, environment)$ 
17:      end if
18:    end for
19:  end for
20:   $applyRule5OfRemainingEnvironments(process, processSharedEnvironment)$ 
21: end for
22:  $result \leftarrow getNewProcesses()$ 

```

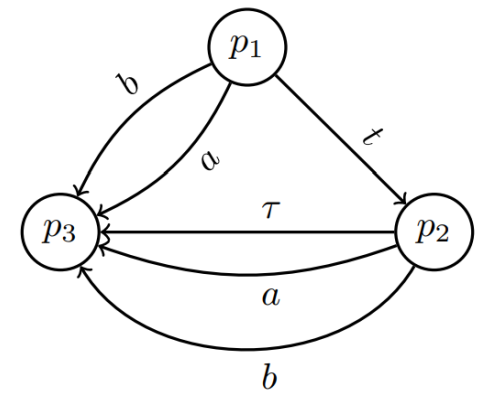
$\{\{\}, \{a\}, \{b\}, \{a, b\}\}$



$$2) \frac{}{v(p) \xrightarrow{E_X}_v v_X(p)} \quad X \subseteq A$$

# Ursprünglicher Algorithmus

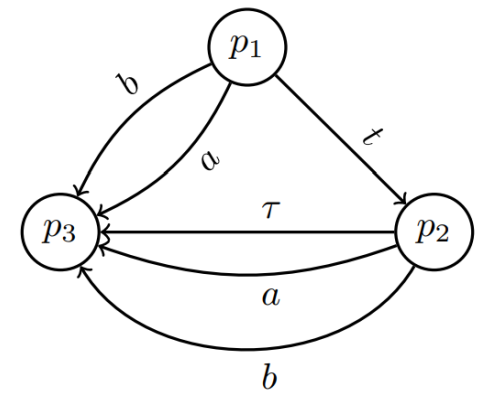
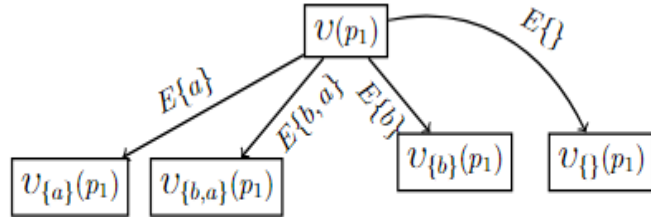
$v(p_1)$



$$2) \frac{\quad}{v(p) \xrightarrow{E_X} v u_X(p)} X \subseteq A$$



# Ursprünglicher Algorithmus



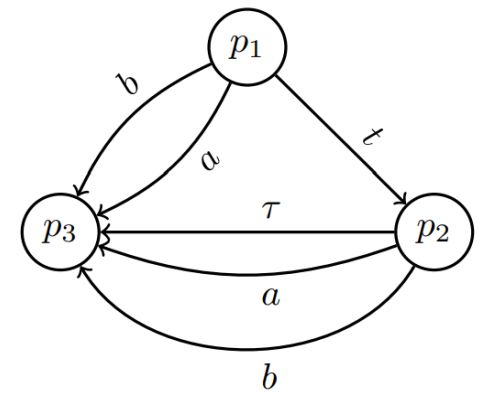
$$2) \frac{}{u(p) \xrightarrow{E_X} u_X(p)} X \subseteq A$$

# Ursprünglicher Algorithmus

**Algorithm 1**  $LTS_t$  zu  $LTS_s$  Transformationsalgorithmus ( $getLTS_s$ )

**Require:**

```
1: processes, allSharedEnvironments, processSharedEnvironment
2: newProcesses  $\leftarrow$  emptyList
3: for process  $\in$  processes do
4:   processSharedEnvironment.add(process.getName(), allSharedEnvironments)
5:   ApplyRule2(allSharedEnvironments, process)
6:   for transition  $\in$  process.getOriginalTransitions() do
7:     processEnvironments  $\leftarrow$  processSharedEnvironment.getValueOf(process.getName())
8:     for environment  $\in$  processEnvironments do
9:       if transition.getAction().isTauAction() then
10:        ApplyRule1(process, transition)
11:        ApplyRule4(process, transition, environment)
12:      else if transition.getAction().isNormalAction() then
13:        ApplyRule3(process, transition, environment)
14:      else if transition.getAction().isTimeAction() then
15:        ApplyRule5(process, environment)
16:        ApplyRule6(process, transition, environment)
17:      end if
18:    end for
19:  end for
20:  applyRule5OfRemainingEnvironments(process, processSharedEnvironment)
21: end for
22: result  $\leftarrow$  getNewProcesses()
```



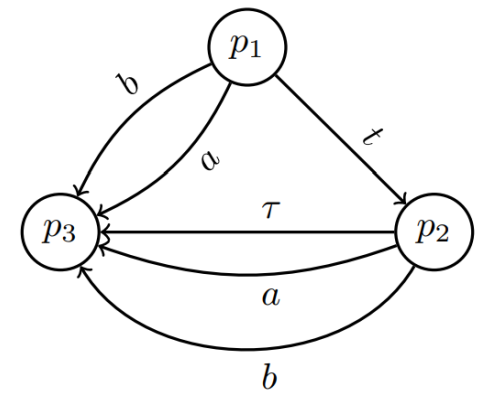
$$2) \frac{}{v(p) \xrightarrow{E_X} v v_X(p)} X \subseteq A$$

# Ursprünglicher Algorithmus

**Algorithm 1**  $LTS_t$  zu  $LTS_s$  Transformationsalgorithmus ( $getLTS_s$ )

**Require:**

```
1: processes, allSharedEnvironments, processSharedEnvironment
2: newProcesses  $\leftarrow$  emptyList
3: for process  $\in$  processes do
4:   processSharedEnvironment.add(process.getName(), allSharedEnvironments)
5:   ApplyRule2(allSharedEnvironments, process)
6:   for transition  $\in$  process.getOriginalTransitions() do
7:     processEnvironments  $\leftarrow$  processSharedEnvironment.getValueOf(process.getName())
8:     for environment  $\in$  processEnvironments do
9:       if transition.getAction().isTauAction() then
10:        ApplyRule1(process, transition)
11:        ApplyRule4(process, transition, environment)
12:      else if transition.getAction().isNormalAction() then
13:        ApplyRule3(process, transition, environment)
14:      else if transition.getAction().isTimeAction() then
15:        ApplyRule5(process, environment)
16:        ApplyRule6(process, transition, environment)
17:      end if
18:    end for
19:  end for
20:  applyRule5OfRemainingEnvironments(process, processSharedEnvironment)
21: end for
22: result  $\leftarrow$  getNewProcesses()
```



$$2) \frac{}{v(p) \xrightarrow{E_X} v v_X(p)} X \subseteq A$$

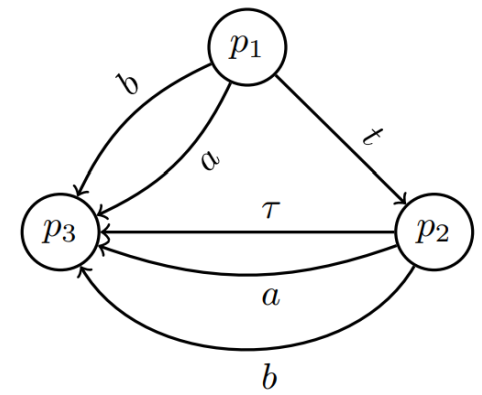
# Ursprünglicher Algorithmus

**Algorithm 1**  $LTS_t$  zu  $LTS_s$  Transformationsalgorithmus ( $getLTS_s$ )

**Require:**

```

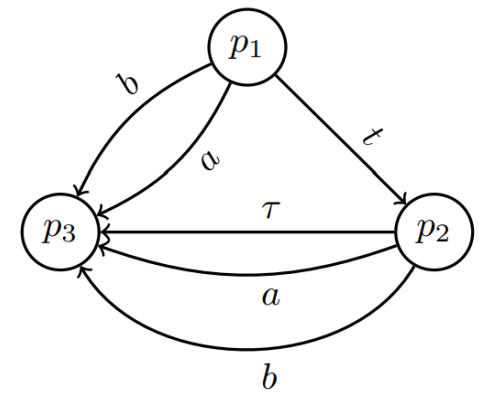
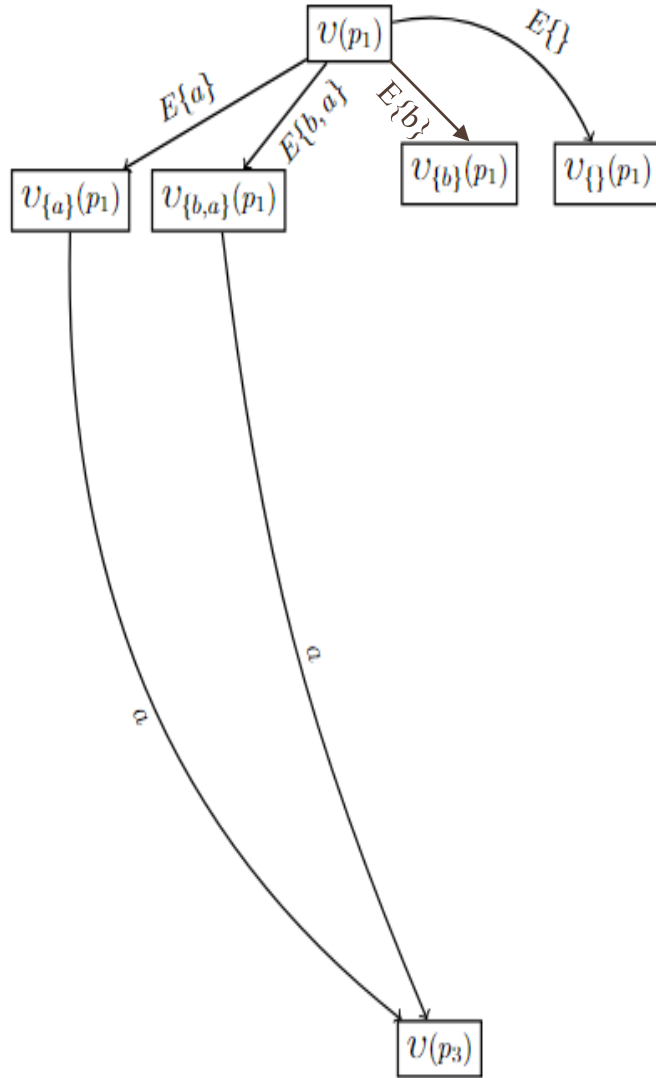
1: processes, allSharedEnvironments, processSharedEnvironment
2: newProcesses  $\leftarrow$  emptyList
3: for process  $\in$  processes do
4:   processSharedEnvironment.add(process.getName(), allSharedEnvironments)
5:   ApplyRule2(allSharedEnvironments, process)
6:   for transition  $\in$  process.getOriginalTransitions() do
7:     processEnvironments  $\leftarrow$  processSharedEnvironment.getValueOf(process.getName())
8:     for environment  $\in$  processEnvironments do
9:       if transition.getAction().isTauAction() then
10:        ApplyRule1(process, transition)
11:        ApplyRule4(process, transition, environment)
12:      else if transition.getAction().isNormalAction() then
13:        ApplyRule3(process, transition, environment)
14:      else if transition.getAction().isTimeAction() then
15:        ApplyRule5(process, environment)
16:        ApplyRule6(process, transition, environment)
17:      end if
18:    end for
19:  end for
20:  applyRule5OfRemainingEnvironments(process, processSharedEnvironment)
21: end for
22: result  $\leftarrow$  getNewProcesses()
  
```



$$2) \frac{}{v(p) \xrightarrow{E_X}_v v_X(p)} X \subseteq A$$

$$3) \frac{p \xrightarrow{a} p'}{v_X(p) \xrightarrow{a}_v v(p')} a \in X$$

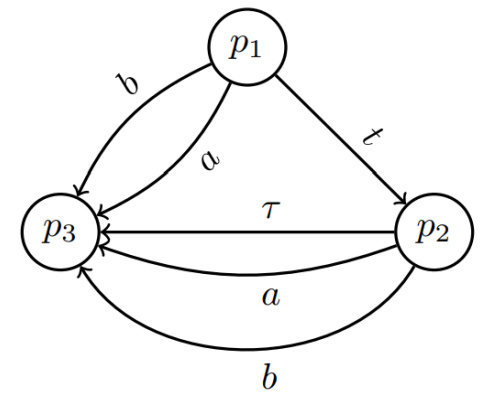
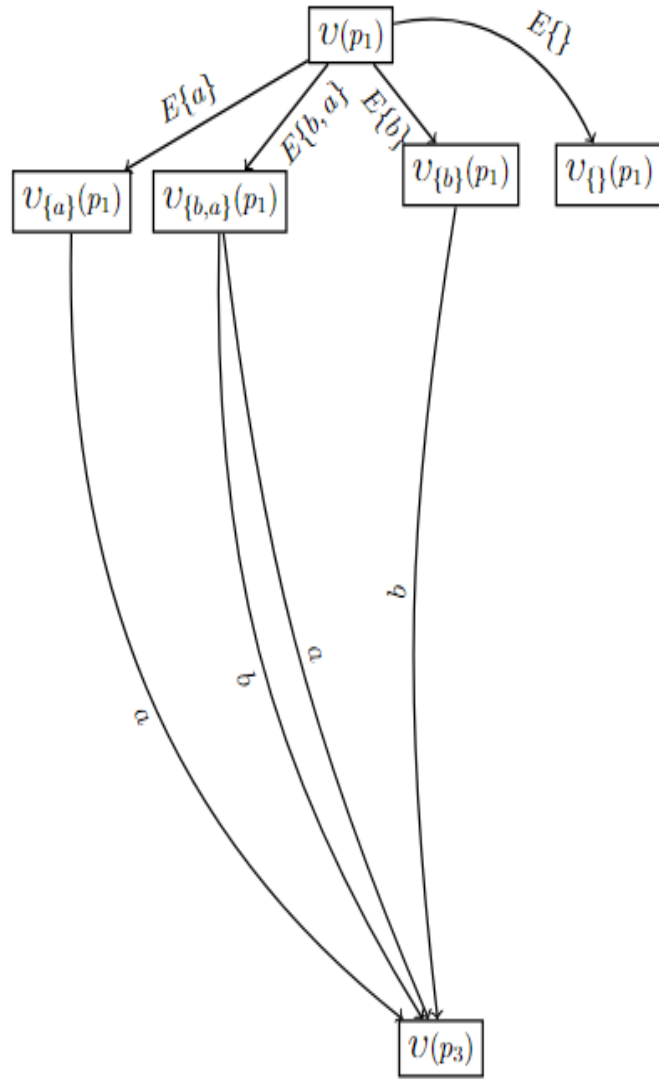
# Ursprünglicher Algorithmus



$$2) \frac{}{v(p) \xrightarrow{E_X} v_X(p)} X \subseteq A$$

$$3) \frac{p \xrightarrow{a} p'}{v_X(p) \xrightarrow{a} v(p')} a \in X$$

# Ursprünglicher Algorithmus



$$2) \frac{}{v(p) \xrightarrow{E_X}_v v_X(p)} X \subseteq A$$

$$3) \frac{p \xrightarrow{a} p'}{v_X(p) \xrightarrow{a}_v v(p')} a \in X$$



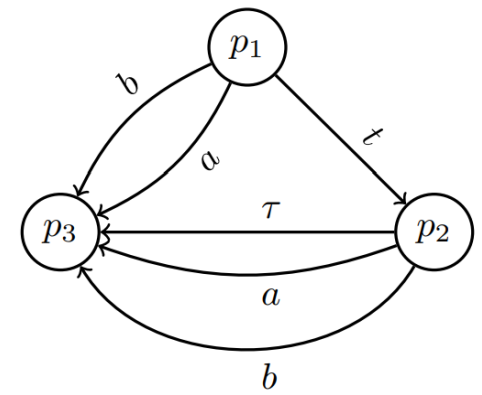
# Ursprünglicher Algorithmus

**Algorithm 1**  $LTS_t$  zu  $LTS_s$  Transformationsalgorithmus ( $getLTS_s$ )

**Require:**

```

1: processes, allSharedEnvironments, processSharedEnvironment
2: newProcesses  $\leftarrow$  emptyList
3: for process  $\in$  processes do
4:   processSharedEnvironment.add(process.getName(), allSharedEnvironments)
5:   ApplyRule2(allSharedEnvironments, process)
6:   for transition  $\in$  process.getOriginalTransitions() do
7:     processEnvironments  $\leftarrow$  processSharedEnvironment.getValueOf(process.getName())
8:     for environment  $\in$  processEnvironments do
9:       if transition.getAction().isTauAction() then
10:        ApplyRule1(process, transition)
11:        ApplyRule4(process, transition, environment)
12:      else if transition.getAction().isNormalAction() then
13:        ApplyRule3(process, transition, environment)
14:      else if transition.getAction().isTimeAction() then
15:        ApplyRule5(process, environment)
16:        ApplyRule6(process, transition, environment)
17:      end if
18:    end for
19:  end for
20:  applyRule5OfRemainingEnvironments(process, processSharedEnvironment)
21: end for
22: result  $\leftarrow$  getNewProcesses()
  
```



$$2) \frac{}{v(p) \xrightarrow{E_X}_v v_X(p)} X \subseteq A$$

$$3) \frac{p \xrightarrow{a} p'}{v_X(p) \xrightarrow{a}_v v(p')} a \in X$$

$$5) \frac{p \not\xrightarrow{\alpha} \forall \alpha \in X \cup \{\tau\}}{v_X(p) \xrightarrow{t_\varepsilon}_v v(p)}$$

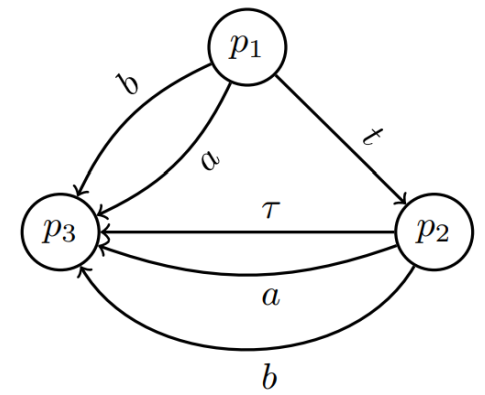
# Ursprünglicher Algorithmus

**Algorithm 1**  $LTS_t$  zu  $LTS_s$  Transformationsalgorithmus ( $getLTS_s$ )

**Require:**

```

1: processes, allSharedEnvironments, processSharedEnvironment
2: newProcesses  $\leftarrow$  emptyList
3: for process  $\in$  processes do
4:   processSharedEnvironment.add(process.getName(), allSharedEnvironments)
5:   ApplyRule2(allSharedEnvironments, process)
6:   for transition  $\in$  process.getOriginalTransitions() do
7:     processEnvironments  $\leftarrow$  processSharedEnvironment.getValueOf(process.getName())
8:     for environment  $\in$  processEnvironments do
9:       if transition.getAction().isTauAction() then
10:        ApplyRule1(process, transition)
11:        ApplyRule4(process, transition, environment)
12:      else if transition.getAction().isNormalAction() then
13:        ApplyRule3(process, transition, environment)
14:      else if transition.getAction().isTimeAction() then
15:        ApplyRule5(process, environment)
16:        ApplyRule6(process, transition, environment)
17:      end if
18:    end for
19:  end for
20:  applyRule5OfRemainingEnvironments(process, processSharedEnvironment)
21: end for
22: result  $\leftarrow$  getNewProcesses()
  
```



$$2) \frac{}{v(p) \xrightarrow{E_X}_v v_X(p)} X \subseteq A$$

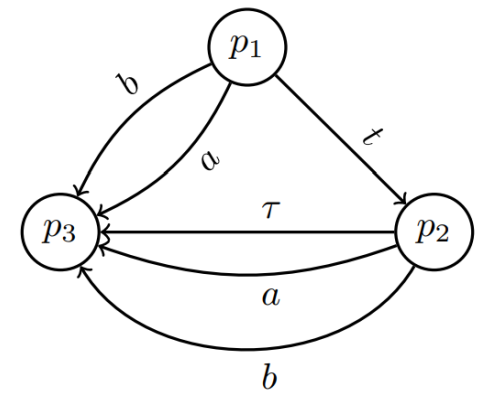
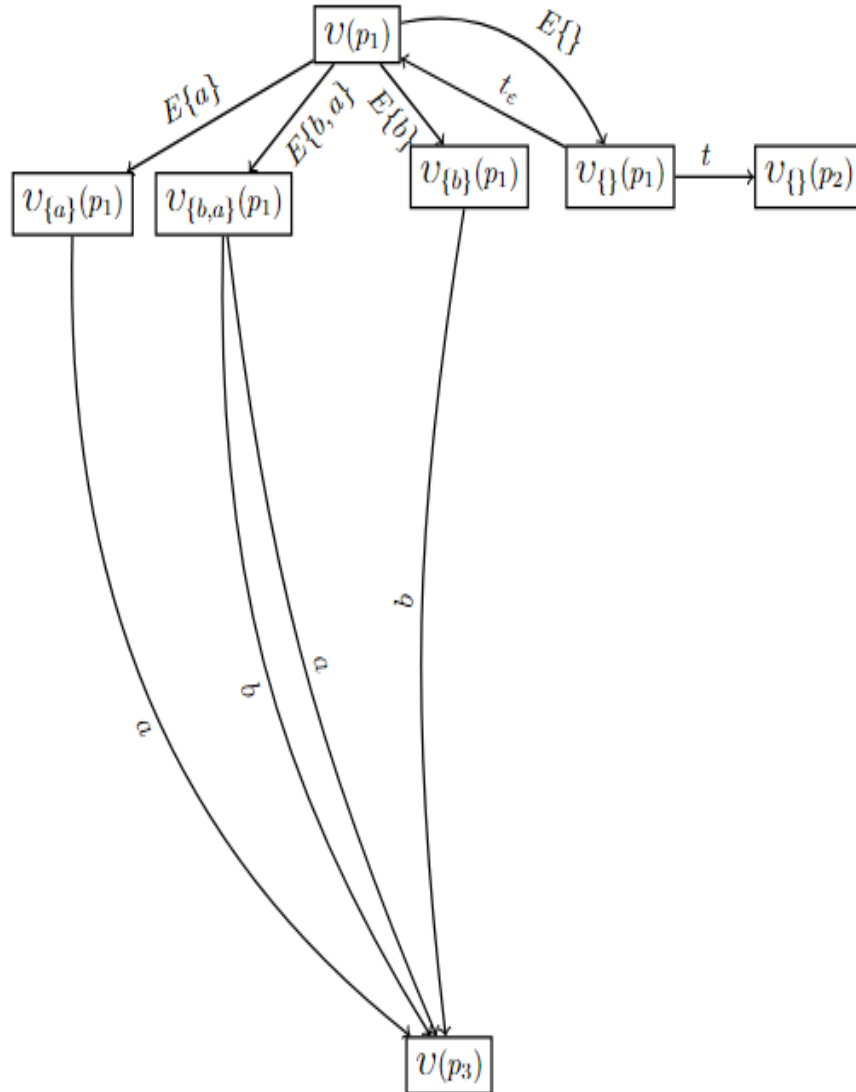
$$3) \frac{p \xrightarrow{a} p'}{v_X(p) \xrightarrow{a}_v v(p')} a \in X$$

$$5) \frac{p \not\xrightarrow{\alpha} \forall \alpha \in X \cup \{\tau\}}{v_X(p) \xrightarrow{t_\epsilon}_v v(p)}$$

$$6) \frac{p \not\xrightarrow{\alpha} \forall \alpha \in X \cup \{\tau\} \quad p \xrightarrow{t} p'}{v_X(p) \xrightarrow{t}_v v_X(p')}$$



# Ursprünglicher Algorithmus



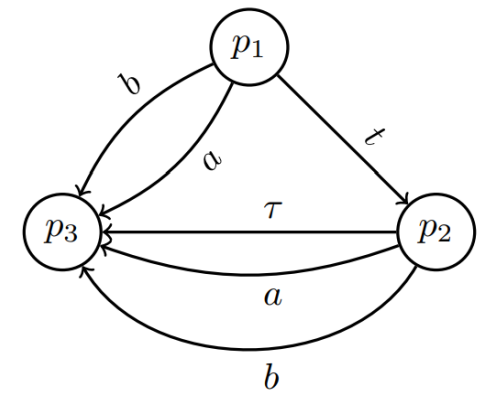
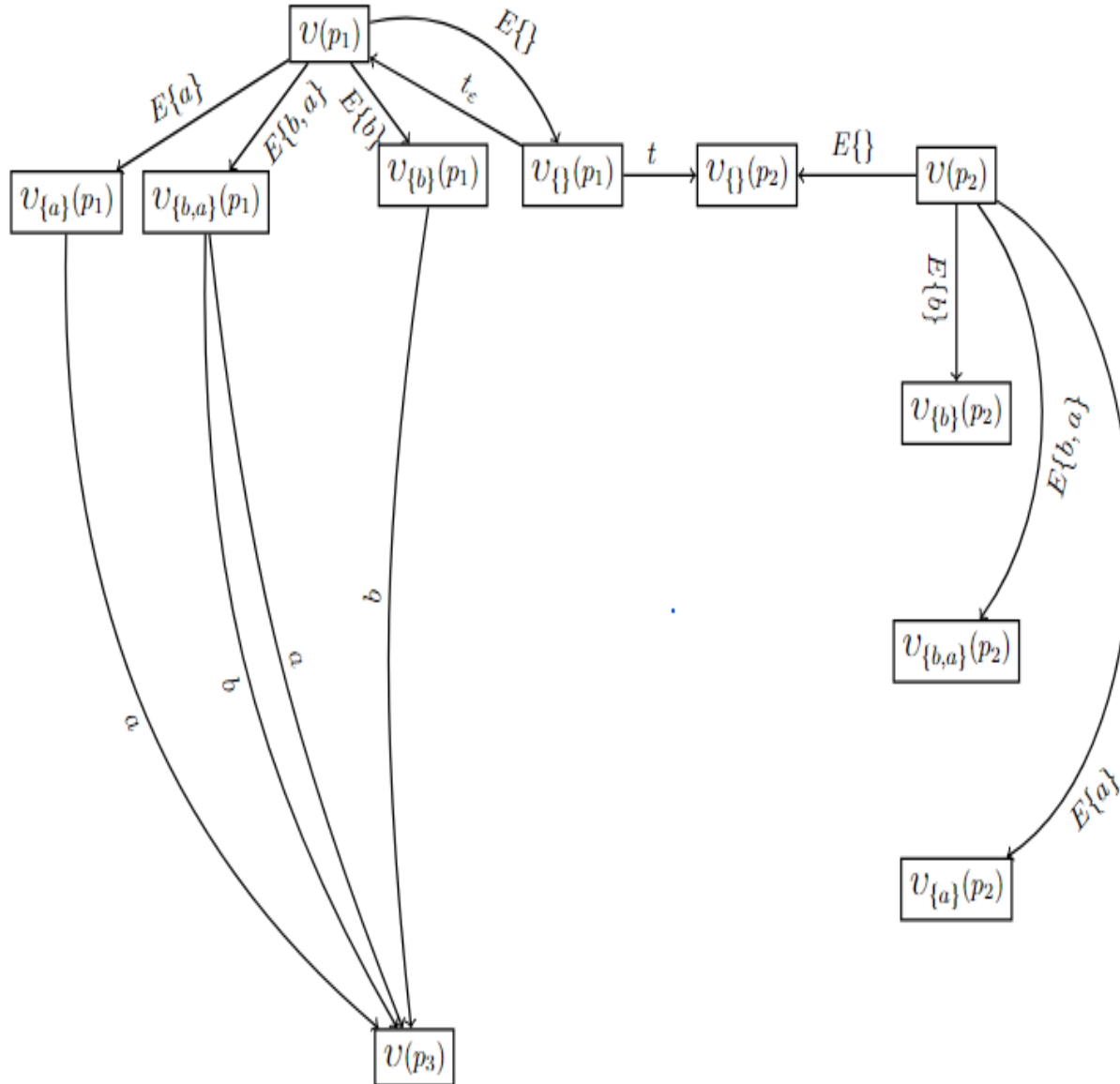
$$2) \frac{}{v(p) \xrightarrow{E_X}_v v_X(p)} X \subseteq A$$

$$3) \frac{p \xrightarrow{a} p'}{v_X(p) \xrightarrow{a}_v v(p')} a \in X$$

$$5) \frac{p \not\xrightarrow{\alpha} \forall \alpha \in X \cup \{\tau\}}{v_X(p) \xrightarrow{t_\epsilon}_v v(p)}$$

$$6) \frac{p \not\xrightarrow{\alpha} \forall \alpha \in X \cup \{\tau\} \quad p \xrightarrow{t} p'}{v_X(p) \xrightarrow{t}_v v_X(p')}$$

# Ursprünglicher Algorithmus



$$2) \frac{}{v(p) \xrightarrow{E_X}_v v_X(p)} X \subseteq A$$

$$3) \frac{p \xrightarrow{a} p'}{v_X(p) \xrightarrow{a}_v v(p')} a \in X$$

$$5) \frac{p \not\xrightarrow{\alpha} \forall \alpha \in X \cup \{\tau\}}{v_X(p) \xrightarrow{t_\epsilon}_v v(p)}$$

$$6) \frac{p \not\xrightarrow{\alpha} \forall \alpha \in X \cup \{\tau\} \quad p \xrightarrow{t} p'}{v_X(p) \xrightarrow{t}_v v_X(p')}$$

# Ursprünglicher Algorithmus

**Algorithm 1**  $LTS_t$  zu  $LTS_s$  Transformationsalgorithmus ( $getLTS_s$ )

**Require:**

```
1: processes, allSharedEnvironments, processSharedEnvironment
2: newProcesses  $\leftarrow$  emptyList
3: for process  $\in$  processes do
4:   processSharedEnvironment.add(process.getName(), allSharedEnvironments)
5:   ApplyRule2(allSharedEnvironments, process)
6:   for transition  $\in$  process.getOriginalTransitions() do
7:     processEnvironments  $\leftarrow$  processSharedEnvironment.getValueOf(process.getName())
8:     for environment  $\in$  processEnvironments do
9:       if transition.getAction().isTauAction() then
10:        ApplyRule1(process, transition)
11:        ApplyRule4(process, transition, environment)
12:      else if transition.getAction().isNormalAction() then
13:        ApplyRule3(process, transition, environment)
14:      else if transition.getAction().isTimeAction() then
15:        ApplyRule5(process, environment)
16:        ApplyRule6(process, transition, environment)
17:      end if
18:    end for
19:  end for
20:  applyRule5OfRemainingEnvironments(process, processSharedEnvironment)
21: end for
22: result  $\leftarrow$  getNewProcesses()
```

$$1) \frac{p \xrightarrow{\tau} p'}{\mathcal{V}(p) \xrightarrow{\tau}_v \mathcal{V}(p')}$$

# Ursprünglicher Algorithmus

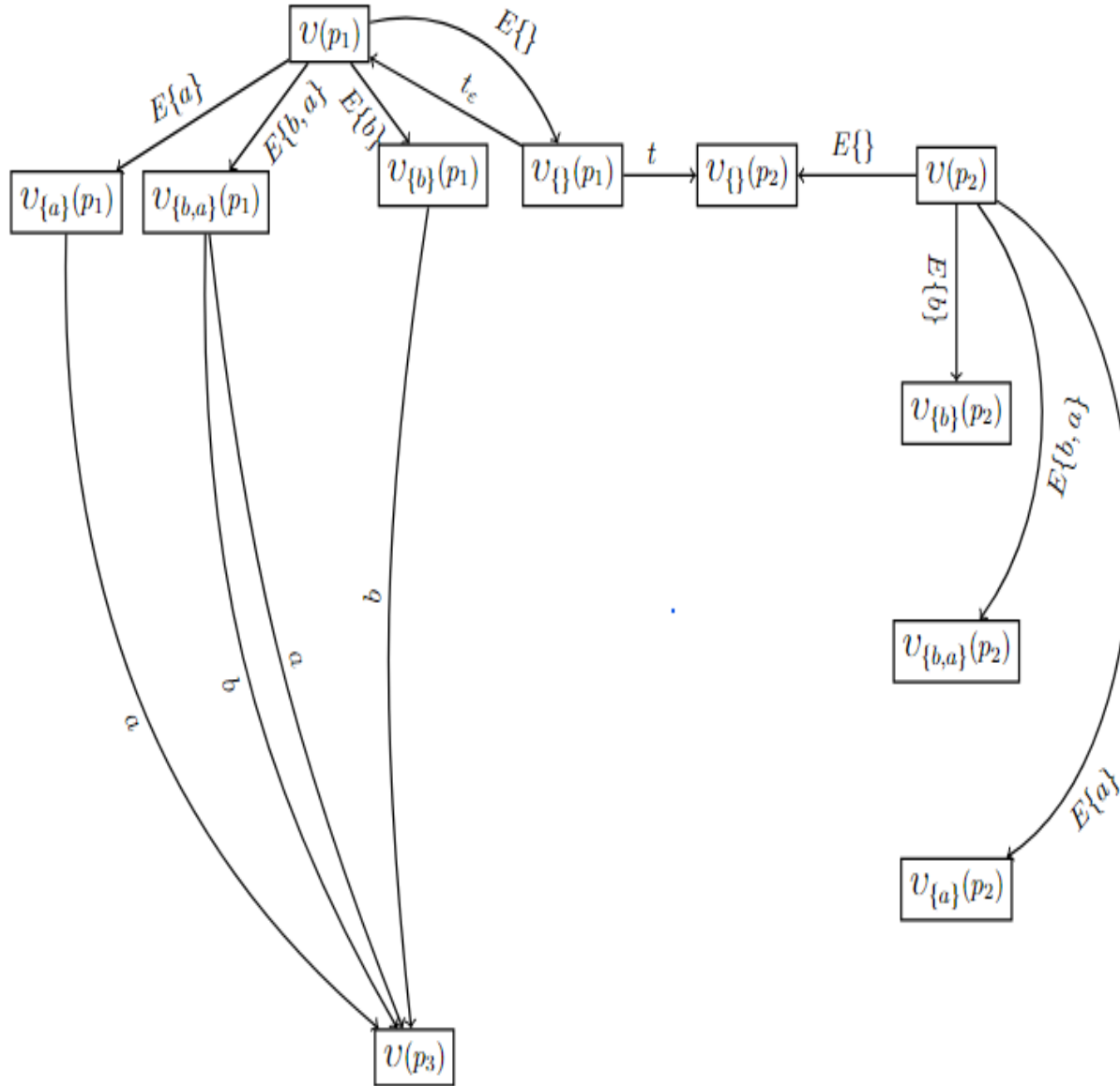
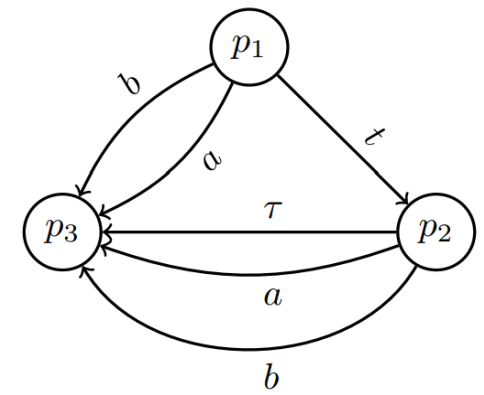
**Algorithm 1**  $LTS_t$  zu  $LTS_s$  Transformationsalgorithmus ( $getLTS_s$ )

**Require:**

```
1: processes, allSharedEnvironments, processSharedEnvironment
2: newProcesses  $\leftarrow$  emptyList
3: for process  $\in$  processes do
4:   processSharedEnvironment.add(process.getName(), allSharedEnvironments)
5:   ApplyRule2(allSharedEnvironments, process)
6:   for transition  $\in$  process.getOriginalTransitions() do
7:     processEnvironments  $\leftarrow$  processSharedEnvironment.getValueOf(process.getName())
8:     for environment  $\in$  processEnvironments do
9:       if transition.getAction().isTauAction() then
10:        ApplyRule1(process, transition)
11:        ApplyRule4(process, transition, environment)
12:      else if transition.getAction().isNormalAction() then
13:        ApplyRule3(process, transition, environment)
14:      else if transition.getAction().isTimeAction() then
15:        ApplyRule5(process, environment)
16:        ApplyRule6(process, transition, environment)
17:      end if
18:    end for
19:  end for
20:  applyRule5OfRemainingEnvironments(process, processSharedEnvironment)
21: end for
22: result  $\leftarrow$  getNewProcesses()
```

$$4) \frac{p \xrightarrow{\tau} p'}{\mathcal{V}_X(p) \xrightarrow{\tau}_v \mathcal{V}_X(p')}$$

# Ursprünglicher Algorithmus



$$2) \frac{}{U(p) \xrightarrow{E_X \rightarrow_v} U_X(p)} X \subseteq A$$

$$3) \frac{p \xrightarrow{a} p'}{U_X(p) \xrightarrow{a \rightarrow_v} U(p')} a \in X$$

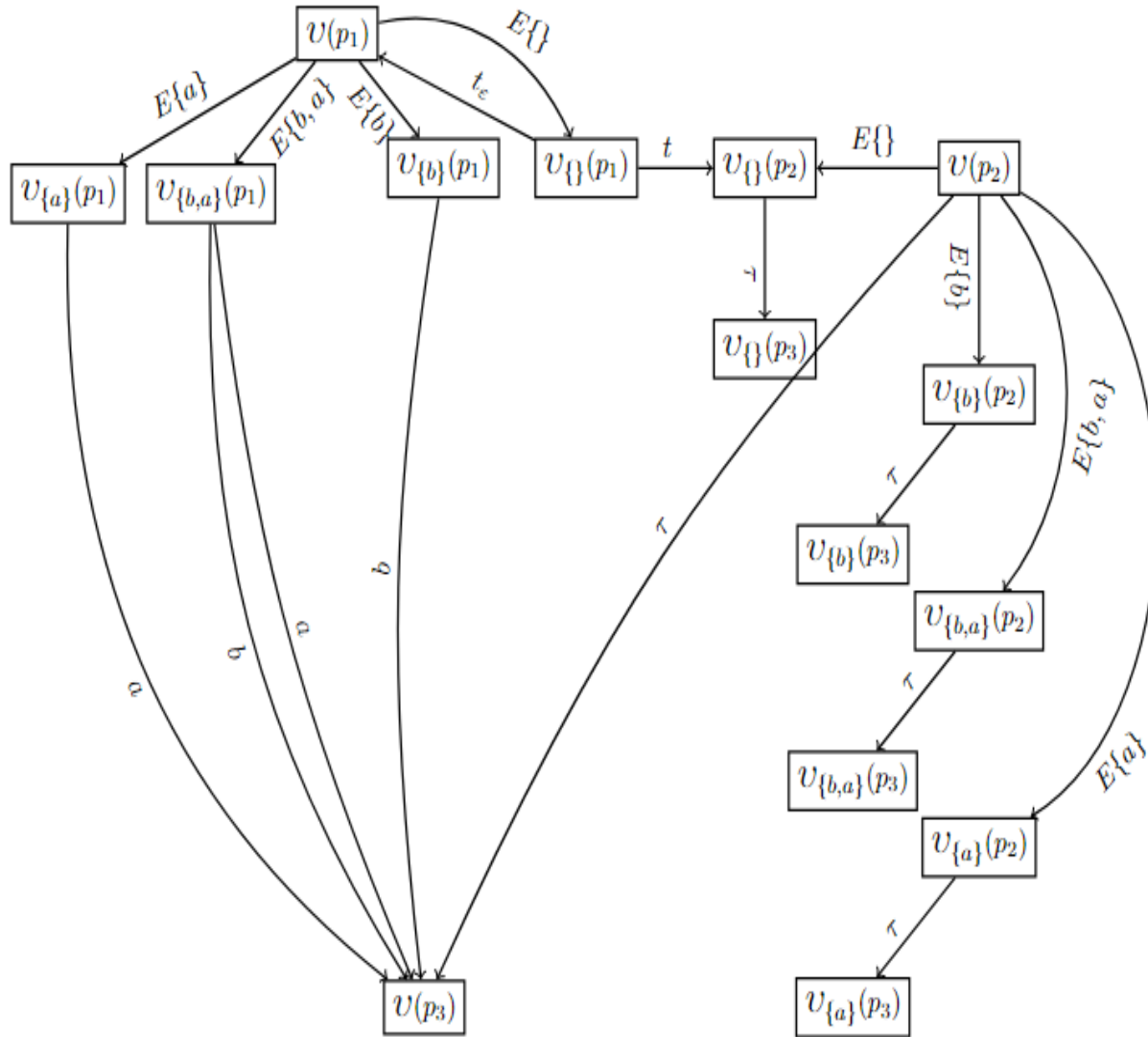
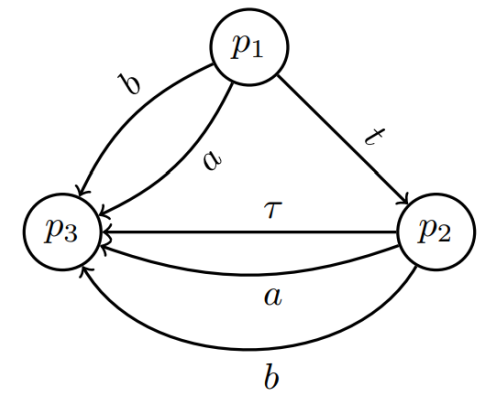
$$5) \frac{p \not\xrightarrow{\tau} \forall \alpha \in X \cup \{\tau\}}{U_X(p) \xrightarrow{t_\epsilon \rightarrow_v} U(p)}$$

$$6) \frac{p \not\xrightarrow{\tau} \forall \alpha \in X \cup \{\tau\} \quad p \xrightarrow{t} p'}{U_X(p) \xrightarrow{t \rightarrow_v} U_X(p')}$$

$$1) \frac{p \xrightarrow{\tau} p'}{U(p) \xrightarrow{\tau \rightarrow_v} U(p')}$$

$$4) \frac{p \xrightarrow{\tau} p'}{U_X(p) \xrightarrow{\tau \rightarrow_v} U_X(p')}$$

# Ursprünglicher Algorithmus



$$2) \frac{}{v(p) \xrightarrow{E_X \rightarrow v} v_X(p)} X \subseteq A$$

$$3) \frac{p \xrightarrow{a} p'}{v_X(p) \xrightarrow{a \rightarrow v} v(p')} a \in X$$

$$5) \frac{p \not\xrightarrow{\tau} \forall \alpha \in X \cup \{\tau\}}{v_X(p) \xrightarrow{t_\epsilon \rightarrow v} v(p)}$$

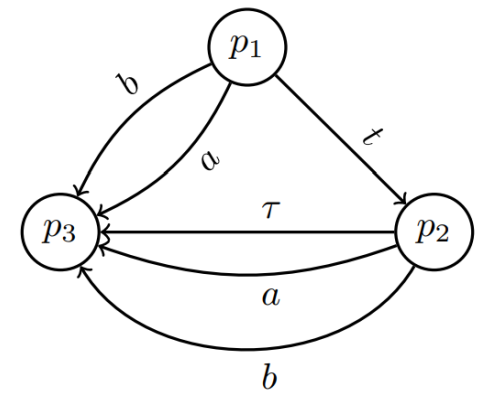
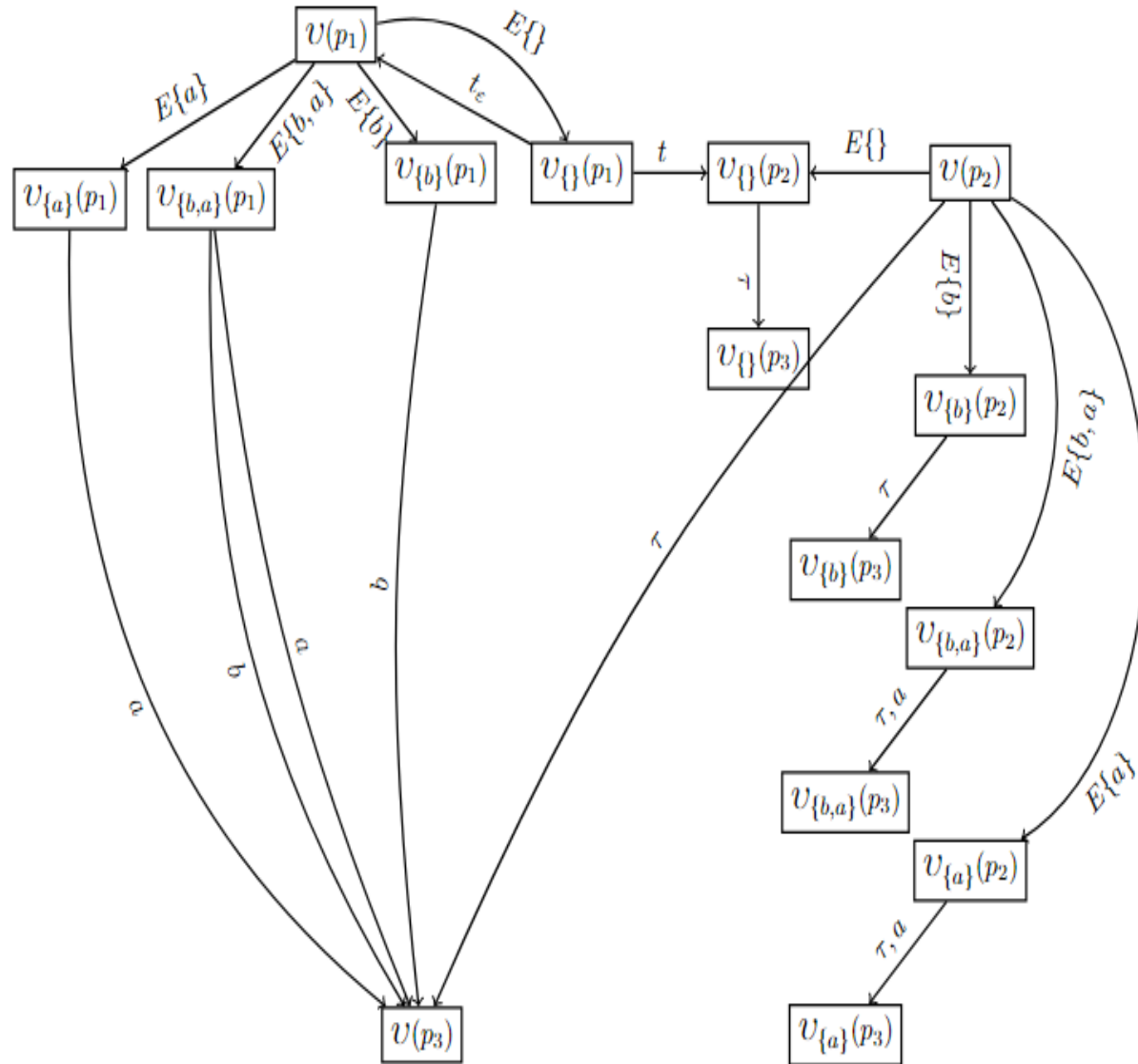
$$6) \frac{p \not\xrightarrow{\tau} \forall \alpha \in X \cup \{\tau\} \quad p \xrightarrow{t} p'}{v_X(p) \xrightarrow{t \rightarrow v} v_X(p')}$$

$$1) \frac{p \xrightarrow{\tau} p'}{v(p) \xrightarrow{\tau \rightarrow v} v(p')}$$

$$4) \frac{p \xrightarrow{\tau} p'}{v_X(p) \xrightarrow{\tau \rightarrow v} v_X(p')}$$



# Ursprünglicher Algorithmus



$$2) \frac{}{v(p) \xrightarrow{E_X \rightarrow_v} v_X(p)} X \subseteq A$$

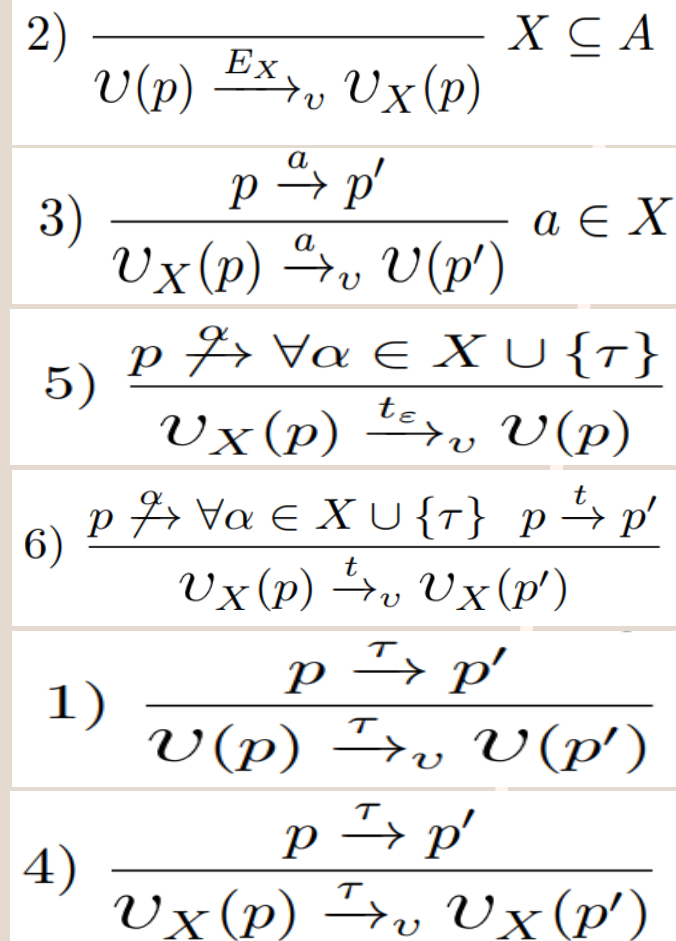
$$3) \frac{p \xrightarrow{a} p'}{v_X(p) \xrightarrow{a \rightarrow_v} v(p')} a \in X$$

$$5) \frac{p \not\xrightarrow{\tau} \forall \alpha \in X \cup \{\tau\}}{v_X(p) \xrightarrow{t_\epsilon \rightarrow_v} v(p)}$$

$$6) \frac{p \not\xrightarrow{\tau} \forall \alpha \in X \cup \{\tau\} \quad p \xrightarrow{t} p'}{v_X(p) \xrightarrow{t \rightarrow_v} v_X(p')}$$

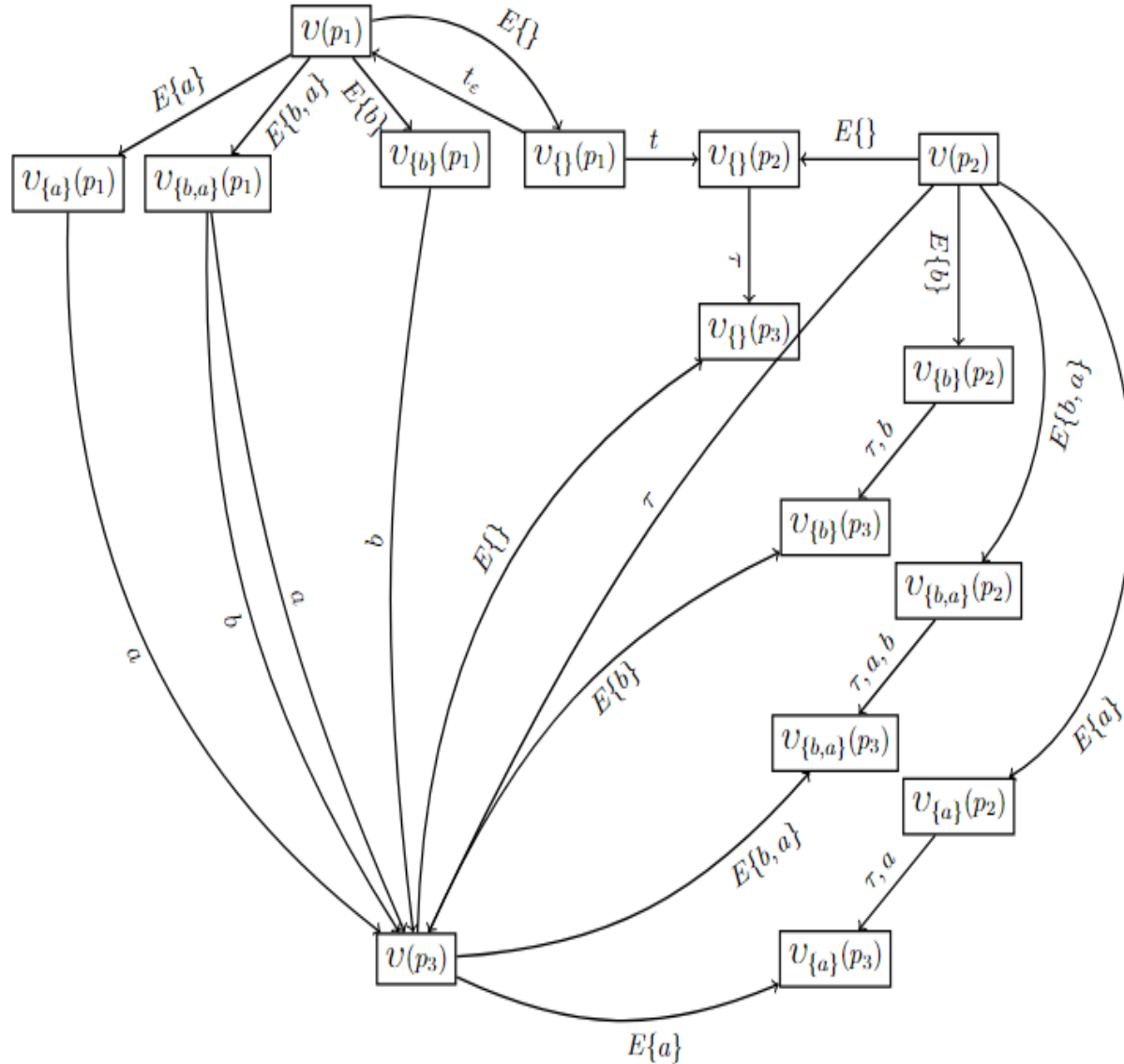
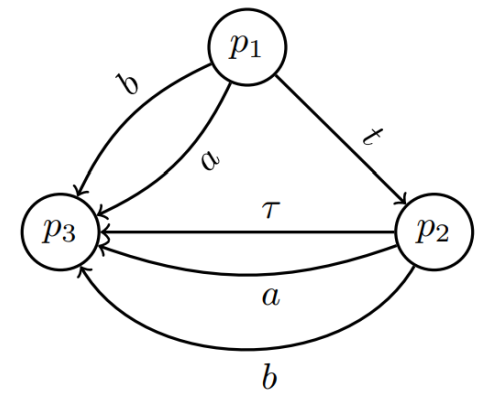
$$1) \frac{p \xrightarrow{\tau} p'}{v(p) \xrightarrow{\tau \rightarrow_v} v(p')}$$

$$4) \frac{p \xrightarrow{\tau} p'}{v_X(p) \xrightarrow{\tau \rightarrow_v} v_X(p')}$$





# Ursprünglicher Algorithmus



$$2) \frac{}{U(p) \xrightarrow{E_X \rightarrow_v} U_X(p)} X \subseteq A$$

$$3) \frac{p \xrightarrow{a} p'}{U_X(p) \xrightarrow{a \rightarrow_v} U(p')} a \in X$$

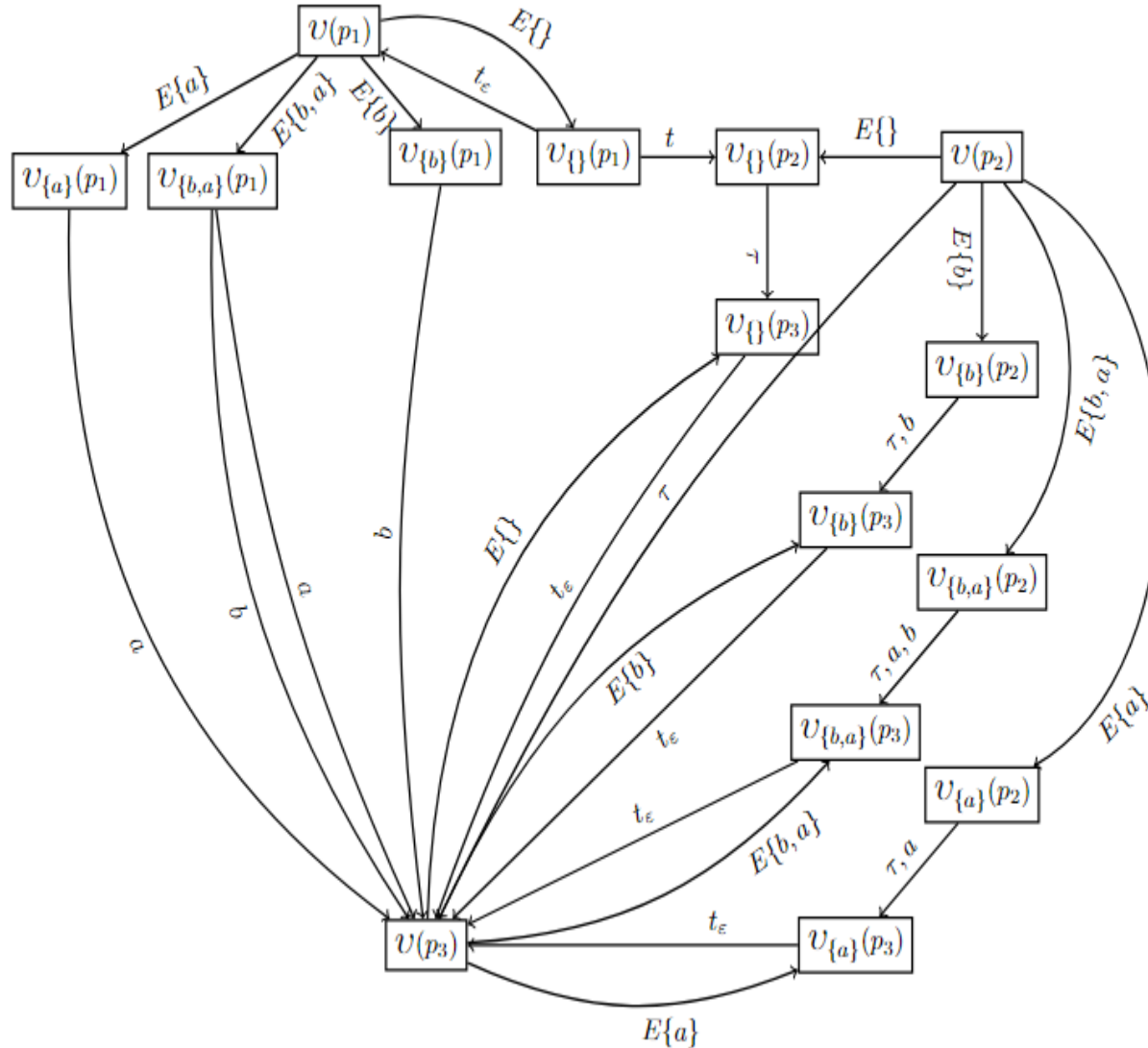
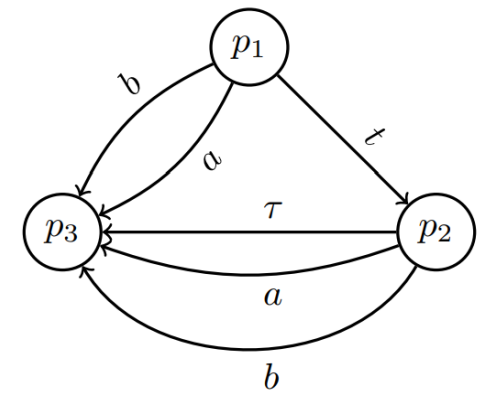
$$5) \frac{p \not\xrightarrow{\tau} \forall \alpha \in X \cup \{\tau\}}{U_X(p) \xrightarrow{t_\epsilon \rightarrow_v} U(p)}$$

$$6) \frac{p \not\xrightarrow{\tau} \forall \alpha \in X \cup \{\tau\} \quad p \xrightarrow{t} p'}{U_X(p) \xrightarrow{t \rightarrow_v} U_X(p')}$$

$$1) \frac{p \xrightarrow{\tau} p'}{U(p) \xrightarrow{\tau \rightarrow_v} U(p')}$$

$$4) \frac{p \xrightarrow{\tau} p'}{U_X(p) \xrightarrow{\tau \rightarrow_v} U_X(p')}$$

# Ursprünglicher Algorithmus



$$2) \frac{}{v(p) \xrightarrow{E_X \rightarrow v} v_X(p)} X \subseteq A$$

$$3) \frac{p \xrightarrow{a} p'}{v_X(p) \xrightarrow{a \rightarrow v} v(p')} a \in X$$

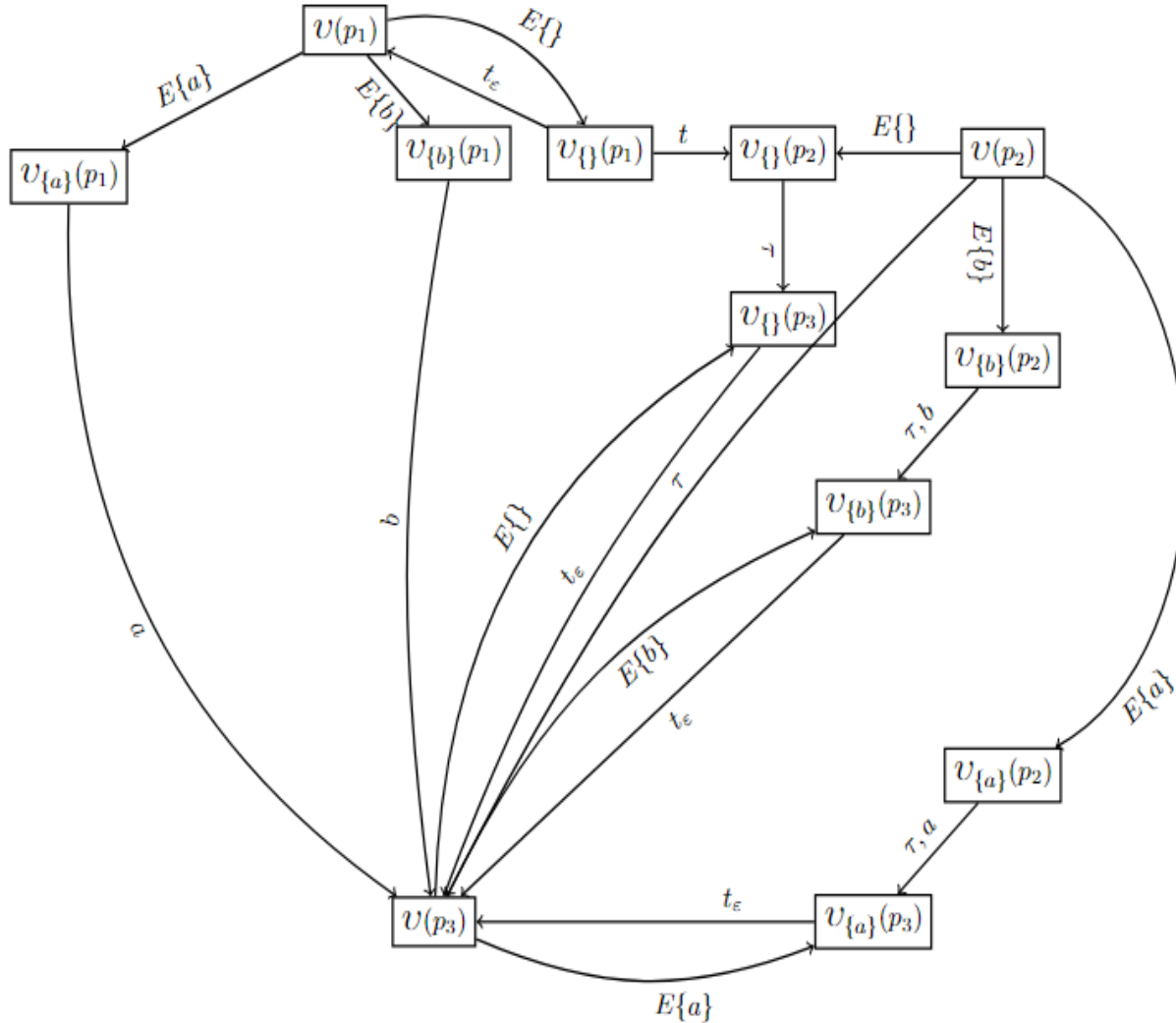
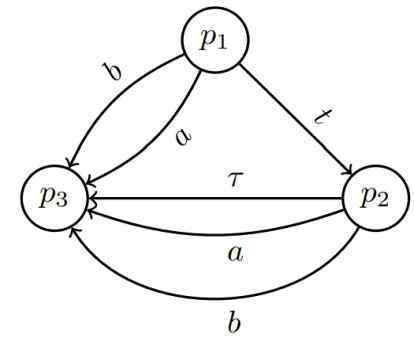
$$5) \frac{p \not\xrightarrow{\tau} \forall \alpha \in X \cup \{\tau\}}{v_X(p) \xrightarrow{t_\epsilon \rightarrow v} v(p)}$$

$$6) \frac{p \not\xrightarrow{\tau} \forall \alpha \in X \cup \{\tau\} \quad p \xrightarrow{t} p'}{v_X(p) \xrightarrow{t \rightarrow v} v_X(p')}$$

$$1) \frac{p \xrightarrow{\tau} p'}{v(p) \xrightarrow{\tau \rightarrow v} v(p')}$$

$$4) \frac{p \xrightarrow{\tau} p'}{v_X(p) \xrightarrow{\tau \rightarrow v} v_X(p')}$$

# Verbesserte Algorithmus



$\frac{}{v(p) \xrightarrow{E_X} v v_X(p)} \quad X \in U, \text{ mit}$

$U = \{\{a\} \mid a \in A\} \cup \{A \setminus \mathcal{I}(p) \mid t \in \mathcal{I}(p), p \in \text{Proc} \wedge t \text{ ist die Timeout-Aktion}\}$

$$3) \frac{p \xrightarrow{a} p' \quad a \in X}{v_X(p) \xrightarrow{a} v v_X(p')}$$

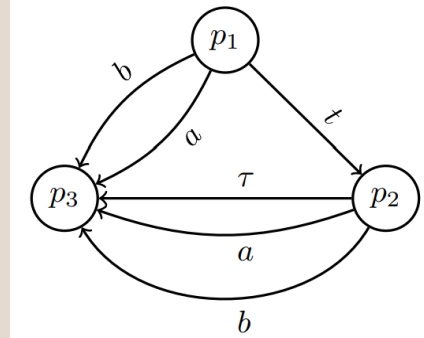
$$5) \frac{p \not\xrightarrow{\tau} \forall \alpha \in X \cup \{\tau\}}{v_X(p) \xrightarrow{t_\epsilon} v v(p)}$$

$$6) \frac{p \not\xrightarrow{\tau} \forall \alpha \in X \cup \{\tau\} \quad p \xrightarrow{t} p'}{v_X(p) \xrightarrow{t} v v_X(p')}$$

$$1) \frac{p \xrightarrow{\tau} p'}{v(p) \xrightarrow{\tau} v v(p')}$$

$$4) \frac{p \xrightarrow{\tau} p'}{v_X(p) \xrightarrow{\tau} v v_X(p')}$$

# Verbesserte Algorithmus



$$\frac{}{\mathcal{V}(p) \xrightarrow{E_X}_v \mathcal{V}_X(p)} \quad X \in U, \text{ mit}$$

$$U = \{\{a\} \mid a \in A\} \cup \{A \setminus \mathcal{I}(p) \mid t \in \mathcal{I}(p), p \in Proc \wedge t \text{ ist die Timeout-Aktion}\}$$

$$3) \frac{p \xrightarrow{a} p' \quad a \in X}{\mathcal{V}_X(p) \xrightarrow{a}_v \mathcal{V}(p')}$$

$$5) \frac{p \not\xrightarrow{\alpha} \forall \alpha \in X \cup \{\tau\}}{\mathcal{V}_X(p) \xrightarrow{t_\varepsilon}_v \mathcal{V}(p)}$$

$$6) \frac{p \not\xrightarrow{\alpha} \forall \alpha \in X \cup \{\tau\} \quad p \xrightarrow{t} p'}{\mathcal{V}_X(p) \xrightarrow{t}_v \mathcal{V}_X(p')}$$

$$1) \frac{p \xrightarrow{\tau} p'}{\mathcal{V}(p) \xrightarrow{\tau}_v \mathcal{V}(p')}$$

$$4) \frac{p \xrightarrow{\tau} p'}{\mathcal{V}_X(p) \xrightarrow{\tau}_v \mathcal{V}_X(p')}$$

# Einzigste Umgebungsaktion

$\{\{\}, \{a\}, \{b\}, \{a, b\}\}$

# Einzigste Umgebungsaktion

$$\{\{\}, \{a\}, \{b\}, \{a, b\}\} \longrightarrow E_{\{\dots\}}$$

# Einzigste Umgebungsaktion

$$\{\{\}, \{a\}, \{b\}, \{a, b\}\} \longrightarrow E_{\{\dots\}}$$

File-Umgebung

# Einzigste Umgebungsaktion

$\{\{\}, \{a\}, \{b\}, \{a, b\}\} \longrightarrow E_{\{\dots\}}$

File-Umgebung





# Einzigste Umgebungsaktion

$\{\{\}, \{a\}, \{b\}, \{a, b\}\} \longrightarrow E_{\{\dots\}}$

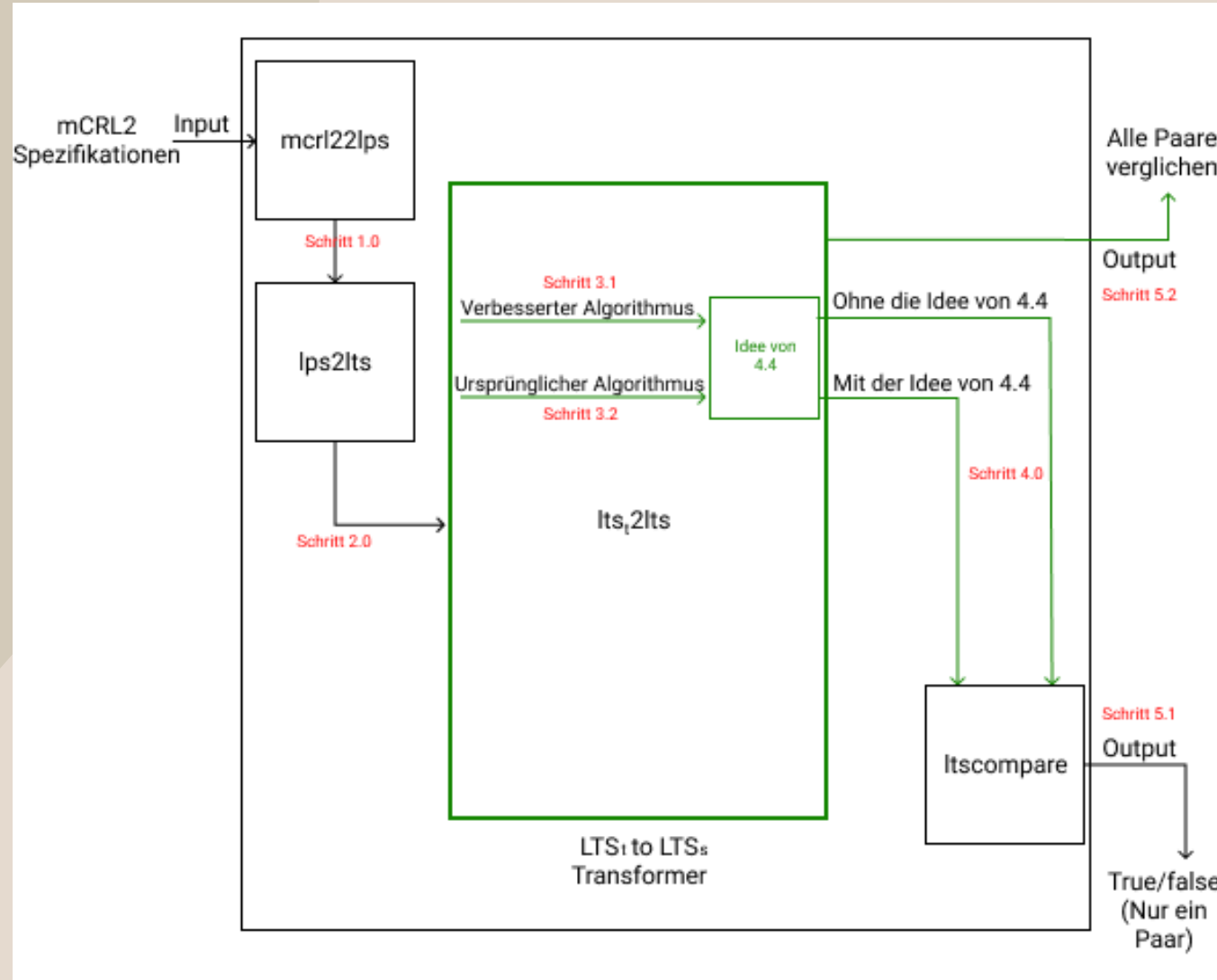
File-Umgebung



File-Umgebung

# Überprüfung eines oder aller Paare

# Überprüfung eines oder aller Paare



# Überprüfung eines oder aller Paare

---

**Algorithm 2** Algorithmus von starker Bisimilarität

---

**Require:**

```
1: processList1
2: processList2
3: pairs  $\leftarrow$  all non-symmetric recursive pairs of processList1 and processList2
4: while true do
5:   pairs.removeIf(p  $\rightarrow$ 
6:     !checkSimulation(p2q, pairs, p.getFirst(), p.getLast()) ||
7:     !checkSimulation(q2p, pairs, p.getLast(), p.getFirst())
8:   )
9:   If pairs does not change beark
10: end while
11: return pairs
```

---

---

**Algorithm 3** *checkSimulation*

---

**Require:**

```
1: leftToRight (check (p,q) or (q,p))
2: pairs
3: Prozess p from pair
4: Prozess q from pair
5: return p.getTransitions().allMatch(t1  $\rightarrow$ 
6:   q.getTransitions().anyMatch(t2  $\rightarrow$ 
7:     t1.getAction().getName().equals(t2.getAction().getName())
8:     &&
9:     areSuccessorsInR(leftToRight, pairs, t1.getSuccessor(), t2.getSuccessor())))
```

---

# Anmerkungen

KOMPLEXITÄT



```
graph TD; A(( )) --- B((KOMPLEXITÄT)); B --- C(( )); C --- D(( )); D --- E((WERKZEUG DEMO)); E --- F(( ))
```

WERKZEUG DEMO

# Komplexität

$$2) \frac{}{\nu(p) \xrightarrow{E_X}_v \nu_X(p)} X \subseteq A$$

# Komplexität

$$2) \frac{}{\nu(p) \xrightarrow{E_X}_v \nu_X(p)} X \subseteq A$$



$$\frac{}{\nu(p) \xrightarrow{E_X}_v \nu_X(p)} X \in U, \text{ mit}$$

$$U = \{\{a\} \mid a \in A\} \cup \{A \setminus \mathcal{I}(p) \mid t \in \mathcal{I}(p), p \in \text{Proc} \wedge t \text{ ist die Timeout-Aktion}\}$$

# Komplexität

$$2) \frac{}{\mathcal{V}(p) \xrightarrow{E_X}_v \mathcal{V}_X(p)} X \subseteq A$$



$$\frac{}{\mathcal{V}(p) \xrightarrow{E_X}_v \mathcal{V}_X(p)} X \in U, \text{ mit}$$

$$U = \{\{a\} \mid a \in A\} \cup \{A \setminus \mathcal{I}(p) \mid t = \mathcal{I}(p). p \in Proc \wedge t \text{ ist die Timeout-Aktion}\}$$



$$|Proc_v| = |Proc| \cdot (1 + 2^{|A|})$$



# Komplexität

$$2) \frac{}{\mathcal{V}(p) \xrightarrow{E_X}_v \mathcal{V}_X(p)} X \subseteq A$$



$$\frac{}{\mathcal{V}(p) \xrightarrow{E_X}_v \mathcal{V}_X(p)} X \in U, \text{ mit}$$

$$U = \{\{a\} \mid a \in A\} \cup \{A \setminus \mathcal{I}(p) \mid t = \mathcal{I}(p). p \in Proc \wedge t \text{ ist die Timeout-Aktion}\}$$



$$|Proc_v| = |Proc| \cdot (1 + 2^{|A|})$$



$$|Proc_v| = |Proc| \cdot (|A| + |P_t| + 1)$$

# Komplexität

$$2) \frac{}{\nu(p) \xrightarrow{E_X}_v \nu_X(p)} X \subseteq A$$

$$\frac{}{\nu(p) \xrightarrow{E_X}_v \nu_X(p)} X \in U, \text{ mit}$$

$$U = \{\{a\} \mid a \in A\} \cup \{A \setminus \mathcal{I}(p) \mid t = \mathcal{I}(p), p \in Proc \wedge t \text{ ist die Timeout-Aktion}\}$$

$$|Proc_v| = |Proc| \cdot (1 + 2^{|A|})$$

$$|Proc_v| = |Proc| \cdot (|A| + |P_t| + 1)$$

# Werkzeug Demo

# Fazit

- Werkzeug zur Überprüfung reaktiver Bisimilarität
- Reduktion verbessert aber nicht bewiesen
- Ein Paar oder alle Paare
- Idee der einzigen Aktion



# Vielen Dank

Zead Alshukairi

[alshukairi@campus.tu-berlin.de](mailto:alshukairi@campus.tu-berlin.de)