Национальный исследовательский университет «МИЭТ»

Лабораторная работа

Моделирование проблем ракетостроения

Выполнил:

Студент группы ПИН-44

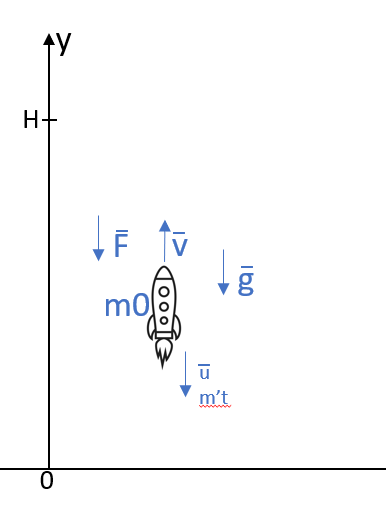
Мясников Максим

Москва, 2021 г.

**Модель 1**

**Постановка задачи**

Исследование изменения характеристической скорости одноступенчатой ракеты при взлете и зависимости достигнутой скорости при выходе на космическую орбиту от массы топлива

****

Допущения:

* Ракета – материальная точка

Входные данные:

* Скорость истечения сгорающего топлива u=3000м/с
* Масса ракеты на старте m0 = 500000 кг
* Граница космоса H = 100000 м
* Масса полезной нагрузки mp = (1000+-10) кг
* Коэффициент структурной массы λ = 0.02
* Скорость сгорания топлива m’t: (50000+-50) кг/с

Выходные данные (задачи):

* Зависимость скорости ракеты от достигнутой высоты, коэффициента структурной массы v(t, λ)
* Зависимость скорости ракеты от достигнутой высоты, скорости сгорания топлива v(t, m’t)
* Зависимость массы ракеты от достигнутой высоты при заданных условиях, скорость на границе космоса, оставшийся запас топлива

**Аналитическое исследование**

Структурная масса:



Начальная масса топлива:



Для решения задачи воспользуемся формулой Циолковского:



Высоту, на которую поднялась ракета. будем считать по формуле:



Т.о. имеем систему:



– для построения зависимостей воспользуемся методом итераций (будем брать шаг по времени Δt = 0.1 сек)

Для решения первой задачи рассмотрим диапазон λ = 0.02:0.03:0.2

Для решения второй задачи рассмотрим m’t = 10000:10000:50000

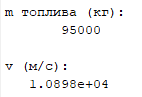
**Численное решение**

Задача 1. 

Задача 2. 

Задача 3. 

Результат вывода программы:



**Основные источники ошибки**

1. Охват не всех физических явлений и допущений в погрешностях величин (рука стрелка не колеблется при выстреле, отсутствие отдачи, грубая прикидка сил сопротивления, неучёт погодных и геофизических условий)
2. Невозможность задать нулевые значения для угла альфа и начального времени в силу возникающего деления на ноль при расчете скорости
3. Дискретность значений находимых скоростей при условии непрервыности значений известных расстояний, обусловленное символьными вычислениями формул и округлений при символьом подставлении чисел в среде matlab

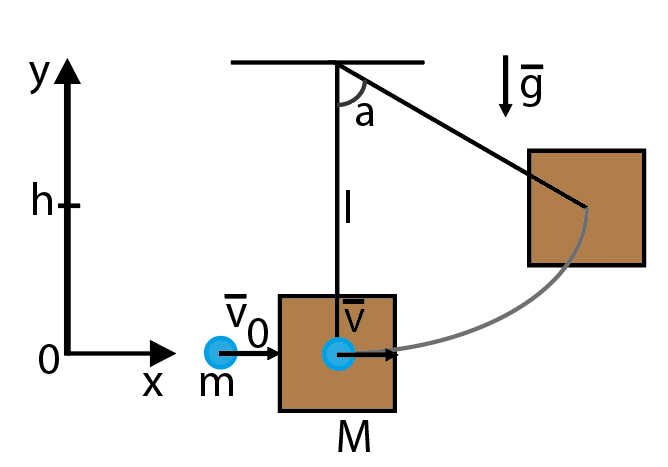
**Точность**

Точность модели с учетом переменных роста стрелка и веса пули Δv ≈ +-50м/с

**Модель 2**

**Постановка задачи**

Стрельба в ящик с песком на жестком подвесе с измерением угла отклонения

****

Допущения:

* Стрельба происходит так, что помехи оказываемые на пулю до момента столкновения с ящиком незначительны, пуля попадает в центр ящика параллельно горизонту
* Силы сопротивления, оказываемые на ящик с песком – незначительны
* Часть энергии пули при столкновении с ящиком уходит в тепло

Входные данные:

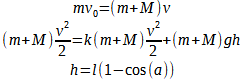
* Ускорение свободного падения g = 9,8 м\*с-2
* Масса пули m = (0.00356 +- 0.00054) кг
* Начальная скорость v0=800 м/сек
* Длина подвеса l = 1м
* Масса ящика M = (1+-0.05) кг
* Коэффициент потери энергии k = 0.1+-0.05
* Точность измерения угла Δα = 1º

Выходные данные:

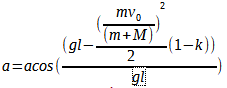
* Угол на который отклонился ящик α
* Зависимость v0(α)

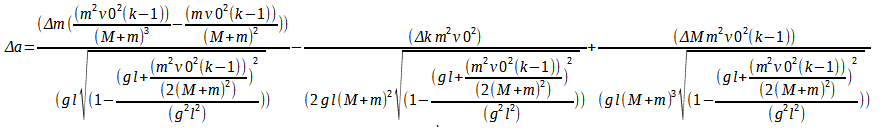
**Аналитическое исследование**

Исходная система уравнений:



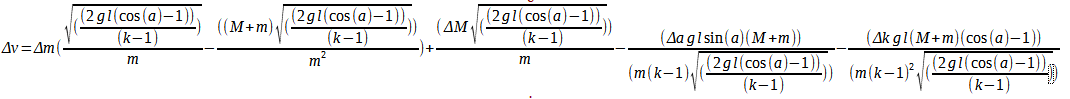
1 Этап. Нахождение угла отклонения при эталонной начальной скорости и его погрешности.





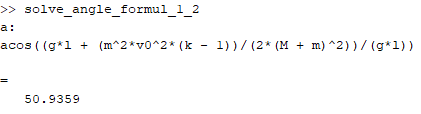
2 Этап. Нахождение начальной скорости пули при известном угле отклонения и ее скорости.

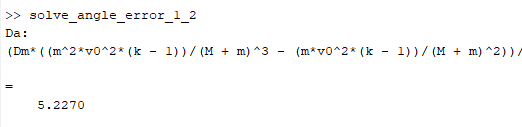




**Численное решение**

Найдем угол отклонения при эталонной начальной скорости и его погрешность:





α=(50,9359+-5,227)º

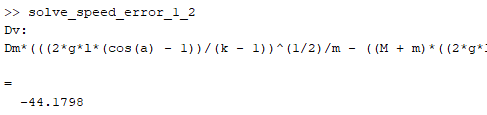
Для генерации нормальной выборки углов α для расчёта начальной скорости в диапазоне [m-3σ,m+3σ] σ=5,227, m=50,9359.

Смоделируем 100 выстрелов:





Найдем погрешность скорости:



Δv = +-44.1798 м/сек

**Основные источники ошибки**

1. Охват не всех физических явлений и допущений в погрешностях величин
2. Допущение о выстреле «в упор в ящик»

**Точность**

Точность модели с учетом переменных масс пули и ящика, потери энергии на тепло, точности измерения угла отклонения Δv = +-44.1798 м/сек

**Приложение 1. Код используемый для первой модели**

get\_position\_formuls.m

function [h, l]=get\_position\_formuls()

[vx, vy]=get\_speeds\_formuls();

vx=vx(1);

syms k m g v0 a t h0 alef

ax=-k\*vx\*vx/m;

ay=(m\*g-k\*vy)/m;

h=h0-sign(alef)\*v0\*sin(alef)\*t-ay\*t\*t/2;

l=v0\*cos(alef)\*t-ax\*t\*t/2;

end

get\_speeds\_formuls.m

function [Vx, Vy]=get\_speeds\_formuls()

%system for oX

syms k vx m ax alef

ax=(k\*vx\*vx)/m;

syms v0 t

vx\_zero=-vx+v0\*cos(alef)-ax\*t\*t/2;

vx=solve(vx\_zero, vx);

%system for oY

syms g vy ay

ay=(m\*g+k\*vy)/m;

vy\_zero=-vy+sign(alef)\*v0\*sin(alef)-ay\*t\*t/2;

vy=solve(vy\_zero, vy);

Vx=vx;

Vy=vy;

end

show\_position.m

clear

[h, L]=get\_position\_formuls();

disp('height:');

disp(h);

disp('length:');

disp(L);

show\_speeds.m

clear

[vx, vy]=get\_speeds\_formuls();

disp('vx:');

disp(vx);

disp('vy:');

disp(vy);

solve\_length.m

clear

[h, L]=get\_position\_formuls();

g=9.8;

k=0.0000001;

m=0.00356-0.00054;

v0=800;

h0=1.75-0.15;

alef=0;

h=subs(h,'g',g);

h=subs(h,'k',k);

h=subs(h,'m',m);

h=subs(h,'v0',v0);

h=subs(h,'h0',h0);

h=subs(h,'alef',alef);

L=subs(L,'m',m);

L=subs(L,'v0',v0);

L=subs(L,'k',k);

L=subs(L,'alef',alef);

t=0;

h\_curr=eval(subs(h,'t',t));

while(h\_curr >= 0.0001)

t=t+0.001;

h\_curr=eval(subs(h,'t',t));

end

disp('T (sec):');

disp(t);

L\_fin=vpa(subs(L,'t',t),5);

disp('L (metres):');

disp(L\_fin);

solve\_speed.m

clear

[H, L]=get\_position\_formuls();

H=H-'h';

L=L-'l';

syms v0

v=solve(H,v0);

L=subs(L,'v0',v);

%size=100;

size=1;

h=0;

%l=normrnd(481, 60, [1,size]);

l=481.59-0.01;

k=0.0000001;

m=0.00356-0.00054;

v0=800;

h0=1.75-0.15;

alef=0.00018;

g=9.8;

L=subs(L,'m',m);

L=subs(L,'v0',v0);

L=subs(L,'k',k);

L=subs(L,'alef',alef);

L=subs(L,'h0',h0);

L=subs(L,'h',h);

L=subs(L,'g',g);

v0=v;

v0=subs(v0,'m',m);

v0=subs(v0,'k',k);

v0=subs(v0,'h0',h0);

v0=subs(v0,'h',h);

v0=subs(v0,'g',g);

v0=subs(v0,'alef',alef);

v\_started=ones(1,size);

for i=1:size

L\_i=subs(L,'l',l(i));

t=0.0001;

L\_curr=double(subs(L\_i,'t',t));

while(L\_curr >= 0.0001)

t=t+0.001;

L\_curr=double(subs(L\_i,'t',t));

end

v0\_i=subs(v0,'l',l(i));

v\_started(1,i)=double(subs(v0\_i,'t',t));

end

if(size==1)

disp('v, м/с:');

disp(v\_started(1,1));

else

plot(l, v\_started, '\*')

xlabel('L, м')

ylabel('v, м/с')

title('Зависимость начальной скорости от дальности полета')

figure

histogram(l, 10)

xlabel('v, м/с')

ylabel('количество')

title('Частотность значений начальной скорости пули')

end

**Приложение 2. Код используемый для второй модели**

get\_angle\_error\_1\_2.m

function Da = get\_angle\_error\_1\_2()

syms Dm DM Dk

a = get\_angle\_formul\_1\_2();

Da = diff(a,'m')\*Dm + diff(a,'M')\*DM + diff(a,'k')\*Dk;

end

solve\_ angle\_error\_1\_2.m

clear

g=9.8;

l=1;

m=0.00356;

v0=800;

M=1;

k=0.1;

Dm=0.00054;

DM=0.05;

Dk=0.01;

Da=get\_angle\_error\_1\_2();

disp('Da:')

disp(Da)

Da=subs(Da,'g',g');

Da=subs(Da,'l',l');

Da=subs(Da,'m',m');

Da=subs(Da,'M',M');

Da=subs(Da,'v0',v0');

Da=subs(Da,'k',k');

Da=subs(Da,'Dm',Dm');

Da=subs(Da,'DM',DM');

Da=subs(Da,'Dk',Dk');

Da=Da\*180/pi;

disp('=')

disp(double(Da))

get\_angle\_fomul\_1\_2.m

function a = get\_angle\_formul\_1\_2()

syms g l m v0 M k

a = acos((g\*l-((m\*v0 / (m+M))^2) / 2 \* (1-k)) / (g \*l));

end

solve\_angle\_fomul\_1\_2.m

clear

g=9.8;

l=1;

m=0.00356;

v0=800;

M=1;

k=0.1;

a=get\_angle\_formul\_1\_2();

disp('a:')

disp(a)

a=subs(a,'g',g');

a=subs(a,'l',l');

a=subs(a,'m',m');

a=subs(a,'M',M');

a=subs(a,'v0',v0');

a=subs(a,'k',k');

a=a\*180/pi;

disp('=')

disp(double(a))

get\_speed\_formul\_1\_2.m

function v0 = get\_speed\_formul\_1\_2()

syms g l m a M k

v0 = (m+M) / m \* (2\*g\*l\*(1-cos(a))/(1-k))^0.5;

end

solve\_speed\_formul\_1\_2.m

clear

g=9.8;

l=1;

m=0.00356;

M=1;

k=0.1;

size=100;

if(size==1)

a=50.9359/180\*pi

else

a=normrnd(50.9359/180\*pi, 5.227\*3/180\*pi, [1,size]);

end

v0=get\_speed\_formul\_1\_2();

disp('v0:')

disp(v0)

v0=subs(v0,'g',g');

v0=subs(v0,'l',l');

v0=subs(v0,'m',m');

v0=subs(v0,'M',M');

v0=subs(v0,'k',k');

for i=1:size

v\_started(1,i)=double(subs(v0,'a',a(i)));

end

if(size==1)

disp('=')

disp(v\_started(1,1))

else

a=a.\*180./pi;

plot(a, v\_started, '\*')

xlabel('a, deg')

ylabel('v, м/с')

title('Зависимость начальной скорости от eukf jnrkjytybz')

figure

histogram(a, 10)

xlabel('v, м/с')

ylabel('количество')

title('Частотность значений начальной скорости пули')

end

get\_speed\_error\_1\_2.m

function Dv = get\_speed\_error\_1\_2()

syms Dm DM Dk Da

v0 = get\_speed\_formul\_1\_2();

Dv = diff(v0,'m')\*Dm + diff(v0,'M')\*DM + diff(v0,'k')\*Dk+diff(v0,'a')\*Da;

end

solve\_speed\_error\_1\_2.m

clear

g=9.8;

l=1;

m=0.00356;

a=50.9359/180\*pi;

M=1;

k=0.1;

Dm=0.00054;

DM=0.05;

Dk=0.05;

Da=1\*pi/180;

Dv=get\_speed\_error\_1\_2();

disp('Dv:')

disp(Dv)

Dv=subs(Dv,'g',g');

Dv=subs(Dv,'l',l');

Dv=subs(Dv,'m',m');

Dv=subs(Dv,'M',M');

Dv=subs(Dv,'a',a');

Dv=subs(Dv,'k',k');

Dv=subs(Dv,'Dm',Dm');

Dv=subs(Dv,'DM',DM');

Dv=subs(Dv,'Dk',Dk');

Dv=subs(Dv,'Da',Da');

disp('=')

disp(double(Dv))