



Seminario1 Recursividad

Estructura de Datos 2023-2024

Recursividad

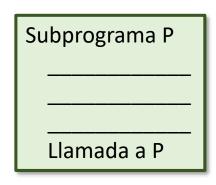
La recursividad es la capacidad de un método para que se llame a sí mimo, bien sea directa o indirectamente

Objetivo de la recursividad es hacer mas hacer mas sencilla la implementación de ciertos problemas

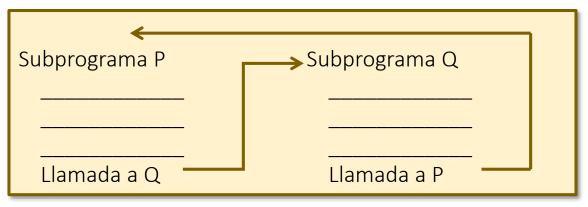
A veces no es fácil ver la recursividad

Tipos de recursividad

- Directa
 - Método que se llama a si mismo



- Indirecta
 - Método que llama a otro método y este último llama al primero



Definición recursiva

- Caso básico
 - Condición de parada
 - Uno o varios
- Caso recursivo
 - Seguimos llamando a la función hasta dar con la solución

- Ejemplos
 - 4! = 4* 3 *2 *1
 - 0! = 1
 - 1! = 1
- Factorial de un número *n*
 - Condición de parada
 - Caso recursivo

- Ejemplos
 - 4! = 4* 3 *2 *1
 - 0! = 1
 - 1! = 1
- Factorial de un número *n*
 - Condición de parada
 - $n=0 \rightarrow 1$
 - Caso recursivo

- Ejemplos
 - 4! = 4* 3 *2 *1
 - 0! = 1
 - 1! = 1
- Factorial de un número *n*
 - Condición de parada
 - $n=0 \rightarrow 1$
 - Caso recursivo
 - n>0 → n*factorial(n-1)

```
if (n==0) return 1;
else return n*factorial(n-1);
```

factorial (n) \rightarrow factorial (5)

n	Condición	n * factorial (n-1)
		,

```
if (n==0) return 1;
else return n*factorial(n-1);
```

factorial (n) \rightarrow factorial (5)

n	Condición	n * factorial (n-1)
n=5	n==0? → NO	5 * factorial (4)

```
if (n==0) return 1;
else return n*factorial(n-1);
```

factorial (n) → factorial (5)

n	Condición	n * factorial (n-1)
n=5	n==0? → NO	5 * factorial (4)
n=4	n==0? → NO	4 * factorial (3)

```
if (n==0) return 1;
else return n*factorial(n-1);
```

factorial (n) \rightarrow factorial (5)

n	Condición	n * factorial (n-1)
n=5	n==0? → NO	5 * factorial (4)
n=4	n==0? → NO	4 * factorial (3)
n=3	n==0? → NO	3 * factorial (2)

```
if (n==0) return 1;
else return n*factorial(n-1);
```

factorial (n) \rightarrow factorial (5)

n	Condición	n * factorial (n-1)
n=5	n==0? → NO	5 * factorial (4)
n=4	n==0? → NO	4 * factorial (3)
n=3	n==0? → NO	3 * factorial (2)
n=2	n==0? → NO	2 * factorial (1)

```
if (n==0) return 1;
else return n*factorial(n-1);
```

factorial (n) → factorial (5)

n	Condición		n *	factorial (n-1)
n=5	n==0? → NO	5 * f	actor	ial (4)
n=4	n==0? → NO	4	* fact	orial (3)
n=3	n==0? → NO		3 * fa	actorial (2)
n=2	n==0? → NO		2	* factorial (1)
n=1	n==0? → NO		·	1 * factorial (0)

```
if (n==0) return 1;
else return n*factorial(n-1);
```

factorial (n) → factorial (5)

n	Condición		r	* 1	factorial (n-1)
n=5	n==0? → NO	5 *	fact	tori	al (4)
n=4	n==0? → NO	4	* f	acto	orial (3)
n=3	n==0? → NO	•	3 ;	* fa	ctorial (2)
n=2	n==0? → NO			2 *	* factorial (1)
n=1	n==0? → NO				1 * factorial (0)
n=0	n==0? → SI				Devuelve 1

```
if (n==0) return 1;
else return n*factorial(n-1);
```

factorial (n) \rightarrow factorial (5)

n	Condición	n * factorial (n-1)
n=5	n==0? → NO	5 * factorial (4)
n=4	n==0? → NO	4 * factorial (3)
n=3	n==0? → NO	3 * factorial (2)
n=2	n==0? → NO	2 * factorial (1)
n=1	n==0? → NO	1 * factorial (0)
n=0	n==0? → SI	Devuelve 1

```
if (n==0) return 1;
else return n*factorial(n-1);
```

factorial (n) → factorial (5)

n	Condición	n * factorial (n-1)	
n=5	n==0? → NO	5 * factorial (4)	
n=4	n==0? → NO	4 * factorial (3)	
n=3	n==0? → NO	3 * factorial (2)	
n=2	n==0? → NO	2 * factorial (1)	
n=1	n==0? → NO	1 * factorial (0)	1 * 1 = 1
n=0	n==0? → SI	Devuelve 1	1

```
if (n==0) return 1;
else return n*factorial(n-1);
```

factorial (n) \rightarrow factorial (5)

n	Condición	n * factorial (n-1)	
n=5	n==0? → NO	5 * factorial (4)	
n=4	n==0? → NO	4 * factorial (3)	
n=3	n==0? → NO	3 * factorial (2)	
n=2	n==0? → NO	2 * factorial (1)	2 * 1 = 2
n=1	n==0? → NO	1 * factorial (0)	1*1=1
n=0	n==0? → SI	Devuelve 1	<u> </u>

```
if (n==0) return 1;
else return n*factorial(n-1);
```

factorial (n) \rightarrow factorial (5)

n	Condición	n * factorial (n-1)	
n=5	n==0? → NO	5 * factorial (4)	
n=4	n==0? → NO	4 * factorial (3)	
n=3	n==0? → NO	3 * factorial (2)	3 * 2 = 6
n=2	n==0? → NO	2 * factorial (1)	2 * 1 = 2
n=1	n==0? → NO	1 * factorial (0)	1 * 1 = 1
n=0	n==0? → SI	Devuelve 1	1

```
if (n==0) return 1;
else return n*factorial(n-1);
```

factorial (n) → factorial (5)

n	Condición	n * factorial (n-1)
n=5	n==0? → NO	5 * factorial (4)
n=4	n==0? → NO	4 * factorial (3)
n=3	n==0? → NO	3 * factorial (2)
n=2	n==0? → NO	2 * factorial (1)
n=1	n==0? → NO	1 * factorial (0)
n=0	n==0? → SI	Devuelve 1

```
if (n==0) return 1;
else return n*factorial(n-1);
```

factorial (n) → factorial (5)

n	Condición	n * factorial (n-1)					
n=5	n==0? → NO	5 * factorial (4)			\rightarrow	24 * 5 = 12	
n=4	n==0? → NO	4 * factorial (3)			\rightarrow	4 * 6 = 24	
n=3	n==0? → NO	3	* facto	orial (2)		\rightarrow	3 * 2 = 6
n=2	n==0? → NO		2 * fa	actorial (1)		\rightarrow	2 * 1 = 2
n=1	n==0? → NO		1	* factorial (0)	\rightarrow	1 * 1 = 1
n=0	n==0? → SI			Devuelve	1	\rightarrow	1

- Ejemplos
 - Suma (3,6) = 9
 - Suma (5,3) = 8
- Suma de dos números enteros a y b
 - Caso básico
 - Caso recursivo

- Ejemplos
 - Suma (3,6) = 9
 - Suma (5,3) = 8
- Suma de dos números enteros a y b
 - Caso básico
 - b=0 \rightarrow a
 - Caso recursivo

- Ejemplos
 - Suma (3,6) = 9
 - Suma (5,3) = 8
- Suma de dos números enteros a y b
 - Caso básico
 - b=0 \rightarrow a
 - Caso recursivo
 - $b>0 \rightarrow 1+Suma(a,b-1)$

a, b	Condición	1 + suma(a, b-1)				

```
if (b==0) return a;
else return 1+suma(a,b-1);
```

a, b	Condición	1 + suma(a, b-1)
a=2 b=5	b==0? → NO	1 + suma(2,4)
		,

```
if (b==0) return a;
else return 1+suma(a,b-1);
```

a, b	Condición			1 + suma(a, b-1)	
a=2 b=5	b==0? → NO	1 + suma(2,4)			
a=2 b=4	b==0? → NO		1	. + suma(2,3)	

```
if (b==0) return a;
else return 1+suma(a,b-1);
```

a, b	Condición	1 + suma(a, b-1)			
a=2 b=5	b==0? → NO	1 + suma(2,4)			
a=2 b=4	b==0? → NO	1 + suma(2,3)			
a=2 b=3	b==0? → NO		1	1 + suma(2,2)	

```
if (b==0) return a;
else return 1+suma(a,b-1);
```

a, b	Condición	1 + suma(a, b-1)			
a=2 b=5	b==0? → NO	1 + suma(2,4)			
a=2 b=4	b==0? → NO	1 + sı		1 + suma(2,3)	
a=2 b=3	b==0? → NO	1 -		1 + suma(2,2)	
a=2 b=2	b==0? → NO		•	1+	- suma(2,1)

```
if (b==0) return a;
else return 1+suma(a,b-1);
```

a, b	Condición	1 + suma(a, b-1)				
a=2 b=5	b==0? → NO	1 + suma(2,4)				
a=2 b=4	b==0? → NO	1 + suma(2,3)				
a=2 b=3	b==0? → NO	1 + s		+ SI	- suma(2,2)	
a=2 b=2	b==0? → NO	1		1	+ SI	uma(2,1)
a=2 b=1	b==0? → NO				1	+ suma(2,0)

```
if (b==0) return a;
else return 1+suma(a,b-1);
```

a, b	Condición	1 + suma(a, b-1)				
a=2 b=5	b==0? → NO	1 + suma(2,4)				
a=2 b=4	b==0? → NO	1 + suma(2,3)				
a=2 b=3	b==0? → NO	1 + sı		- suma(2,2)		
a=2 b=2	b==0? → NO	•		1 + suma(2,1)		uma(2,1)
a=2 b=1	b==0? → NO				1	+ suma(2,0)
a=2 b=0	b==0? → SI					Devuelve 2

```
if (b==0) return a;
else return 1+suma(a,b-1);
```

suma (a, b) \rightarrow suma (2,5)

a, b	Condición	1 + suma(a, b-1)			ma(a, b-1)		
a=2 b=5	b==0? → NO	1 + suma(2,4)					
a=2 b=4	b==0? → NO	1 + sun		um	าล(2,3)		
a=2 b=3	b==0? → NO	1 + s		+ SI	suma(2,2)		
a=2 b=2	b==0? → NO	1		1 -	+ SI	uma(2,1)	
a=2 b=1	b==0? → NO	1			1 -	1 + suma(2,0)	
a=2 b=0	b==0? → SI					Devuelve 2	

```
if (b==0) return a;
else return 1+suma(a,b-1);
```

suma (a, b) \rightarrow suma (2,5)

a, b	Condición	1 + suma(a, b-1)	
a=2 b=5	b==0? → NO	1 + suma(2,4)	
a=2 b=4	b==0? → NO	1 + suma(2,3)	
a=2 b=3	b==0? → NO	1 + suma(2,2)	
a=2 b=2	b==0? → NO	1 + suma(2,1)	
a=2 b=1	b==0? → NO	1 + suma(2,0)	1+2=3
a=2 b=0	b==0? → SI	Devuelve 2	2

if (b==0) return a;
else return 1+suma(a,b-1);

suma (a, b) \rightarrow suma (2,5)

	<u> </u>		
a, b	Condición	1 + suma(a, b-1)	
a=2 b=5	b==0? → NO	1 + suma(2,4)	
a=2 b=4	b==0? → NO	1 + suma(2,3)	
a=2 b=3	b==0? → NO	1 + suma(2,2)	
a=2 b=2	b==0? → NO	1 + suma(2,1)	1+3=4
a=2 b=1	b==0? → NO	1 + suma(2,0)	1+2=3
a=2 b=0	b==0? → SI	Devuelve 2	→ 2

if (b==0) return a;
else return 1+suma(a,b-1);

suma (a, b) \rightarrow suma (2,5)

	1		1
a, b	Condición	1 + suma(a, b-1)	
a=2 b=5	b==0? → NO	1 + suma(2,4)	
a=2 b=4	b==0? → NO	1 + suma(2,3)	
a=2 b=3	b==0? → NO	1 + suma(2,2)	1+4=5
a=2 b=2	b==0? → NO	1 + suma(2,1)	1+3=4
a=2 b=1	b==0? → NO	1 + suma(2,0)	1+2=3
a=2 b=0	b==0? → SI	Devuelve 2	→ 2

if (b==0) return a;
else return 1+suma(a,b-1);

if	(ŀ	o==0)	retu	ırn	a;
els	e	retu	n 1+	sum	na(a,b-1);

a, b	Condición	1 + suma(a, b-1)	
a=2 b=5	b==0? → NO	1 + suma(2,4)	
a=2 b=4	b==0? → NO	1 + suma(2,3)	1+5=6
a=2 b=3	b==0? → NO	1 + suma(2,2)	1+4=5
a=2 b=2	b==0? → NO	1 + suma(2,1)	1+3=4
a=2 b=1	b==0? → NO	1 + suma(2,0)	1+2=3
a=2 b=0	b==0? → SI	Devuelve 2	2

if	(ŀ	o==0)	ret	turn	a;	
els	е	retui	n I	l+sur	ma(a,	b-1);

a, b	Condición	1 + suma(a, b-1)	
a=2 b=5	b==0? → NO	1 + suma(2,4)	1+6=
a=2 b=4	b==0? → NO	1 + suma(2,3)	1+5=
a=2 b=3	b==0? → NO	1 + suma(2,2)	1+4=
a=2 b=2	b==0? → NO	1 + suma(2,1)	1+3=
a=2 b=1	b==0? → NO	1 + suma(2,0)	1+2=
a=2 b=0	b==0? → SI	Devuelve 2	2

- Ejemplos
 - Resto(5,2) = 1
 - Resto(11,4) = 3
- Calcular el resto de una división de dos números enteros a y b de forma recursiva
 - Caso básico
 - Caso recursivo

- Ejemplos
 - Resto(5,2) = 1
 - Resto(11,4) = 3
- Calcular el resto de una división de dos números enteros a y b de forma recursiva
 - Caso básico
 - a-b < $0 \rightarrow$ a
 - Caso recursivo

- Ejemplos
 - Resto(5,2) = 1
 - Resto(11,4) = 3
- Calcular el resto de una división de dos números enteros a y b de forma recursiva
 - Caso básico
 - a-b $< 0 \rightarrow$ a
 - Caso recursivo
 - $a-b >= 0 \rightarrow Resto(a-b, b)$

resto (a, b) \rightarrow resto (15,4)

a, b	Condición	resto(a-b, b)

```
if (a-b<0) return a;
else return resto(a-b,b);</pre>
```

resto (a, b) \rightarrow resto (15,4)

a, b	Condición	rest	to(a-b, b)
a=15 b=4	a-b<0? → NO	esto(11, 4)	

```
if (a-b<0) return a;
else return resto(a-b,b);</pre>
```

a, b	Condición		resto(a-b, b)
a=15 b=4	a-b<0? → NO	re	esto(11, 4)
a=11 b=4	a-b<0? → NO		resto(7, 4)

```
if (a-b<0) return a;
else return resto(a-b,b);</pre>
```

a, b	Condición			resto(a-b, b)
a=15 b=4	a-b<0? → NO	re	esto	(11, 4)
a=11 b=4	a-b<0? → NO		res	sto(7, 4)
a=7 b=4	a-b<0? → NO			resto(3, 4)

```
if (a-b<0) return a;
else return resto(a-b,b);</pre>
```

a, b	Condición	res		resto(a-b, b)
a=15 b=4	a-b<0? → NO	resto(1		1, 4)
a=11 b=4	a-b<0? → NO	resto		o(7, 4)
a=7 b=4	a-b<0? → NO		re	sto(3, 4)
a=3 b=4	a-b<0? → SI			Devuelve 3

```
if (a-b<0) return a;
else return resto(a-b,b);</pre>
```

resto (a, b) \rightarrow resto (15,4)

a, b	Condición			resto(a-b, b)	
a=15 b=4	a-b<0? → NO	resto(1		1, 4)	
a=11 b=4	a-b<0? → NO		resto	0(7, 4)	
a=7 b=4	a-b<0? → NO	•	re	sto(3, 4)	
a=3 b=4	a-b<0? → SI		•	Devuelve 3	

if (a-b<0) return a;
else return resto(a-b,b);</pre>

resto (a, b) \rightarrow resto (15,4)

a, b	Condición		resto(a-b,	b)
a=15 b=4	a-b<0? → NO	resto(11, 4)		
a=11 b=4	a-b<0? → NO	r	esto(7, 4)	
a=7 b=4	a-b<0? → NO	·	resto(3, 4)	
a=3 b=4	a-b<0? → SI		Devuelve 3	

if (a-b<0) return a;
else return resto(a-b,b);</pre>

if	(a-b<0)	return a;
els	e return	resto(a-b,b);

a, b	Condición	resto(a-b, b)			
a=15 b=4	a-b<0? → NO	resto(11, 4)			
a=11 b=4	a-b<0? → NO	res	to(7, 4)		3
a=7 b=4	a-b<0? → NO	r	esto(3, 4)		3
a=3 b=4	a-b<0? → SI		Devuelve 3		3

if	(a-b<0)	return a;
els	e returr	resto(a-b,b);

a, b	Condición	resto(a-b, b)			
a=15 b=4	a-b<0? → NO	resto(11, 4)			→ 3
a=11 b=4	a-b<0? → NO	res	to(7, 4)		3
a=7 b=4	a-b<0? → NO	r	resto(3, 4)		3
a=3 b=4	a-b<0? → SI		Devuelve 3		3

- Ejemplos:
 - $V = \{2,5,6,8\} \rightarrow Suma(V,3) = 21$
 - $V = \{5\} \rightarrow Suma(V,0) = 5$
- Calcular la suma recursiva de los elementos de un vector V de n elementos
 - Caso básico
 - Caso recursivo

- Ejemplos:
 - $V = \{2,5,6,8\} \rightarrow Suma(V,3) = 21$
 - $V = \{5\} \rightarrow Suma(V,0) = 5$
- Calcular la suma recursiva de los elementos de un vector V de n elementos
 - Caso básico
 - $n = 0 \rightarrow V[0]$
 - Caso recursivo

- Ejemplos:
 - $V = \{2,5,6,8\} \rightarrow Suma(V,3) = 21$
 - $V = \{5\} \rightarrow Suma(V,0) = 5$
- Calcular la suma recursiva de los elementos de un vector V de n elementos
 - Caso básico
 - $n = 0 \rightarrow V[0]$
 - Caso recursivo
 - $n \ge 1 \rightarrow V[n] + Suma(V, n-1)$

```
if (n==0) return V[0];
else return V[n]+suma(V, n-1);
```

V, n	Condición	V[n]+suma(V, n-1)	

```
if (n==0) return V[0];
else return V[n]+suma(V, n-1);
```

V, n	Condición	V[n]+suma(V, n-1)				
V={2,5,6,4} n=3	n==0? → NO	4 + suma(V, 2)				

```
if (n==0) return V[0];
else return V[n]+suma(V, n-1);
```

V, n	Condición	V[n]+suma(V, n-1)			
V={2,5,6,4} n=3	n==0? → NO	4 + suma(V, 2)			
V={2,5,6,4} n=2	n==0? → NO	6 + suma(V, 1)			

```
if (n==0) return V[0];
else return V[n]+suma(V, n-1);
```

V, n	Condición	V[n]+suma(V, n-1)			
V={2,5,6,4} n=3	n==0? → NO	4 + suma(V, 3)			
V={2,5,6,4} n=2	n==0? → NO	6 + suma(V, 2)			
V={2,5,6,4} n=1	n==0? → NO	5 + suma(V, 1)			

```
if (n==0) return V[0];
else return V[n]+suma(V, n-1);
```

V, n	Condición	V[n]+suma(V, n-1)			
V={2,5,6,4} n=3	n==0? → NO	4 + suma(V, 3)			
V={2,5,6,4} n=2	n==0? → NO	6 + suma(V, 2)			
V={2,5,6,4} n=1	n==0? → NO	5 + suma(V, 1)			
V={2,5,6,4} n=0	n==0? → SI	Devuelve V[0] = 2			

```
if (n==0) return V[0];
else return V[n]+suma(V, n-1);
```

V, n	Condición	V[n]+suma(V, n-1)				
V={2,5,6,4} n=3	n==0? → NO	4 -	4 + suma(V, 3)			
V={2,5,6,4} n=2	n==0? → NO		6 + sı	ıma(V, 2)		
V={2,5,6,4} n=1	n==0? → NO	NO NO		+ suma(V, 1)		
V={2,5,6,4} n=0	n==0? → SI			Devuelve V[0] = 2		

```
if (n==0) return V[0];
else return V[n]+suma(V, n-1);
```

V, n	Condición		V[n]+suma(V, n-1)	
V={2,5,6,4} n=3	n==0? → NO	4 + 51	uma(V, 3)	
V={2,5,6,4} n=2	n==0? → NO	6	+ suma(V, 2)	
V={2,5,6,4} n=1	n==0? → NO	·	5 + suma(V, 1)	→ 5 + 2
V={2,5,6,4} n=0	n==0? → SI		Devuelve V[0] = 2	2

```
if (n==0) return V[0];
else return V[n]+suma(V, n-1);
```

V, n	Condición		V[n]+suma(V, n-1)	
V={2,5,6,4} n=3	n==0? → NO	4 + sı	uma(V, 3)	
V={2,5,6,4} n=2	n==0? → NO	6	+ suma(V, 2)	
V={2,5,6,4} n=1	n==0? → NO		5 + suma(V, 1)	
V={2,5,6,4} n=0	n==0? → SI		Devuelve V[0] = 2	

```
if (n==0) return V[0];
else return V[n]+suma(V, n-1);
```

V, n	Condición	V[n]+suma(V, n-1)			
V={2,5,6,4} n=3	n==0? → NO	4 + su	ıma(V, 3)		4 + 13 = 17
V={2,5,6,4} n=2	n==0? → NO	6 -	+ suma(V, 2)		6 + 7 = 13
V={2,5,6,4} n=1	n==0? → NO		5 + suma(V, 1)		5 + 2 = 7
V={2,5,6,4} n=0	n==0? → SI		Devuelve V[0] = 2		2