



Programmazione



Ordinamento



Scopo: *ordinare una sequenza di elementi in base a una certa relazione d'ordine (es: crescente, decrescente)*

lo scopo finale è ben definito
→ *algoritmi equivalenti*

diversi algoritmi possono avere efficienza assai diversa

Ipotesi:
gli elementi siano memorizzati in un array



- ***naïve sort*** (semplice, intuitivo, poco efficiente)
- ***bubble sort*** (semplice, un po' più efficiente)
- ***insert sort*** (intuitivo, abbastanza efficiente)
- ***merge sort*** (non intuitivo, molto efficiente)
- ***quick sort*** (non intuitivo, molto efficiente)

Per “misurare le prestazioni” di un algoritmo, conteremo quante volte viene svolto il ***confronto fra elementi dell'array***.



- **Molto intuitivo e semplice, è il primo che viene in mente**

Specifica (sia n la dimensione dell'array v)

```
while (<array non vuoto>) {  
    <trova la posizione  $p$  del massimo>  
    if ( $p < n-1$ ) <scambia  $v[n-1]$  e  $v[p]$  >  
    /* ora  $v[n-1]$  contiene il massimo */  
    <restringi l'attenzione alle prime  $n-1$  caselle  
      dell' array, ponendo  $n' = n-1$  >  
}
```



Esempio NAÏVE SORT

Iterazione 1 while dim=4

9	5	2	8
---	---	---	---

Passo 1

8	5	2	9
---	---	---	---

Iterazione 2 while dim=3

8	5	2	9
---	---	---	---

Passo 2

2	5	8	9
---	---	---	---

Iterazione 3 while dim=2

2	5	8	9
---	---	---	---

Passo 2

2	5	8	9
---	---	---	---

Il numero di *confronti* necessari (per la ricerca del massimo) vale *sempre* (ad ogni Passo):

$$(N-1) + (N-2) + (N-3) + \dots + 2 + 1 = N(N-1)/2 =$$

$$O(N^2/2)$$

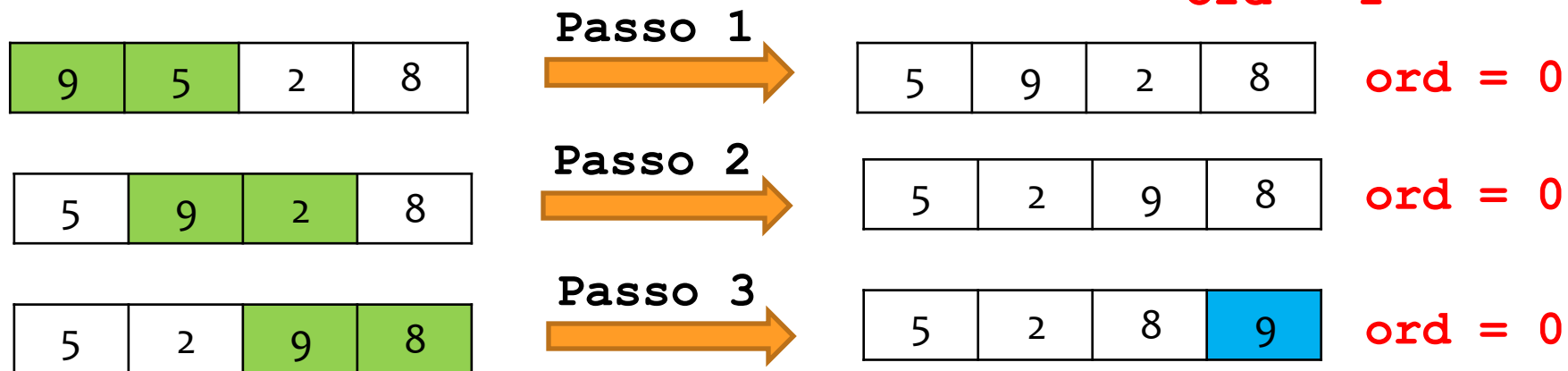


- Corregge il difetto principale del naïve sort: quello di *non accorgersi se l'array, a un certo punto, è già ordinato.*
- Opera per “*passate successive*” sull'array:
 - a ogni iterazione, considera una ad una *tutte le possibili coppie di elementi adiacenti*, scambiandoli se risultano nell'ordine errato
 - così, dopo ogni iterazione, l'elemento massimo è in fondo alla parte di array considerata
- Quando non si verificano scambi, l'array è ordinato, e l'algoritmo termina.

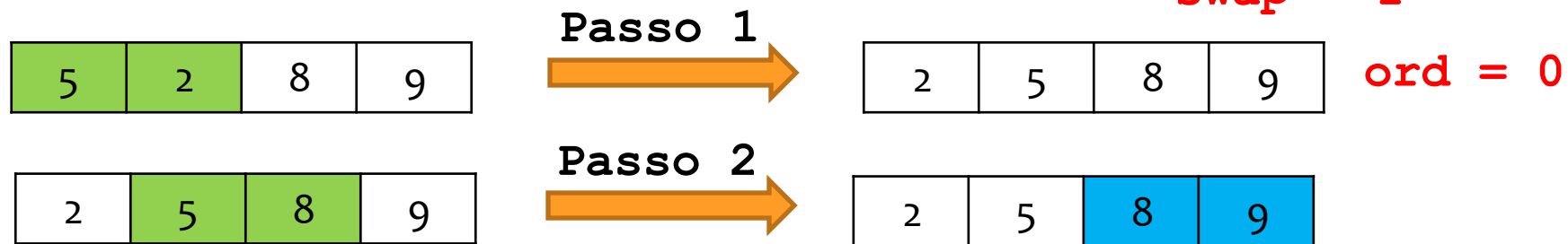


Esempio Bubble Sort

Iterazione 1 while (dim=4)



Iterazione 2 while (dim=3)





Esempio Bubble Sort

Iterazione 3 while (dim=2)

ord = 1

2	5	8	9
---	---	---	---

Passo 1


2	5	8	9
---	---	---	---

In questa iterazione non è stato fatto alcuna sostituzione:
Posso fermarmi, l'array è ordinato!

Ottimizzazione: ad ogni iterazione ho confrontato tutte le coppie di elementi adiacenti da 0 a $n-1$.
L'algoritmo garantisce che all'iterazione i , l' i -esimo elemento più grande è nella sua posizione corretta → all'iterazione i posso fermarmi all'elemento $n-i$.

Caso peggiore: numero di *confronti* identico al precedente □ $O(N^2/2)$
Nel caso migliore, però, basta una sola passata → $O(N)$