VILNIAUS UNIVERSITETAS MATEMATIKOS IR INFORMATIKOS FAKULTETAS PROGRAMŲ SISTEMŲ KATEDRA

Mažos duomenų imties problemos poveikis klasifikacijos tikslumui naudojant dirbtinius neuroninius tinklus

The Effect of a Small Dataset Problem on Classification Accuracy Using Artificial Neural Networks

Kursinis darbas

Atliko: 3 kurso 5 grupės studentė

Miglė Vaitulevičiūtė (parašas)

Darbo vadovas: asist. dr. Vytautas Valaitis (parašas)

(parasas

TURINYS

ĮVADAS	3
1. DIRBTINIS NEURONINIS TINKLAS 1.1. Dirbtinio neuroninio tinklo sudėtis 1.2. Dirbtinio neuroninio tinklo veikimas 1.3. Aktyvavimo funkcijos 1.4. Nuostolio funkcijos 1.5. Optimizavimo funkcijos	4 4 4 5 5 6
2.3. Architektūros	8 9 9 10 10 11
4.2. Modelių mokymas	13
REZULTATAI IR IŠVADOS	19
LITERATŪRA	20

Įvadas

Dirbtinių neuroninių tinklų idėja buvo sugalvota 1943 metais [Pit43], bet dėl resursų trūkumo dirbtinių neuroninių tinklų efektyviai ir naudingai taikyti neišėjo. Tobulėjant technologijoms bei kompiuteriams galint vykdyti vis daugiau ir daugiau skaičiavimų dirbtiniai neuroniniai tinklai sparčiai įgijo populiarumą.

Vienas iš pagrindinių sprendžiamų uždavinių yra klasifikacija - procesas, kurio metu yra ieškoma panašių ypatybių (angl. feature) tarp skirtingų objektų, pavyzdžiui paveiksliukų, ir jie yra skirstomi į atitinkamas klases [Pau01]. Tokį uždavinį gali atlikti dirbtinių neuroninių tinklų tipas - konvoliuciniai neuroniniai tinklai [Fuk80; LHB+99]. Klasifikacijos uždavinys yra aktualus, kadangi jo panaudojimas yra labai skirtingas - nuo medicinos iki savivaldžių automobilių.

Konvoliuciniai neuroniniai tinklai gali būti naudojami:

- Veido atpažinimui identifikuoti arba verifikuoti asmenį. Pavyzdžiui, "DeepFace" sistema sukurta "Facebook" [TL14], kuri atpažįsta žmonių veidus nuotraukose, arba "Face ID" sistema sukurta Apple, kuri yra skirta identifikuoti asmenį, kuris bando atrakinti telefoną.
- Medicinoje širdies, plaučių, prostatos, krūties vėžių [GVR+10], akių ligų diagnozavimui [Gau15].
- Žmonių elgesio analizė realiu laiku "DeepGlint" nustato žmones nuotraukose ir nuspėja jų elgesį [BX16].
- Vertimas "Google Translate" gali versti tekstą iš paveiksliukų realiu laiku [Ras15].

Daugiausia resursų išnaudojanti dirbinių neuroninių tinklų dalis yra mokymas. Jam reikia skirti daug laiko ir turėti didelę duomenų imtį (angl. dataset), kuriame kiekvienas paveiksliukas turėtų žymę (angl. label). Tačiau realiame pasaulyje duomenų kiekis ir žmogiškieji bei laiko resursai yra riboti, todėl yra siekiama keičiant dirbtinio neuroninio tinklo architektūra bei jo parametrus gauti kuo didesnį tikslumą. Dirbtinio neuroninio tinklo tikslumą lemią ne vien kokybiški duomenys, didelį poveikį turi ir tinklo gylis - kiek daug sluoksnių turi dirbtinis neuroninis tinklas.

Šio darbo tikslas yra palyginti skirtingų gylių dirbtinius neuroninius tinklus pagal tikslumą, kai mokymui yra naudojamas mažas duomenų rinkinys.

Užduotys:

- 1. Apžvelgti dirbtinių neuroninių tinklų ir konvoliucinių neuroninių tinklų sudėtį ir veikimą.
- 2. Suderinti (angl. fine-tune) egzistuojantį modelį su pasirinktu mažu duomenų rinkiniu.
- 3. Modifikuoti egzistuojantį modelį, pridedant papildomų sluoksnių, ir jį suderinti su pasirinktu mažu duomenų rinkiniu.
- 4. Palyginti ir įvertinti suderinto ir modifikuoto-suderinto modelių tikslumą pagal gautą derinimo informaciją.
- 5. Palyginti SGD, Adam, Adagrad ir RMSprop optimizavimo funkcijas naudojant suderintą ir modifikuotą-suderintą modelius, kurie apmokyti su mažu kiekiu duomenų.

1. Dirbtinis neuroninis tinklas

Pagal apibendrintą žmogaus smegenų veikimą buvo sugalvoti dirbtiniai neuroniniai tinklai [GBC16]. Bendrai žmogaus smegenys turi šimtus milijardų neuronų, kurie yra sujungti sinapsėmis. Per šiuos neuronus sklinda elektroniniai impulsai, perduodantys informaciją. Tokiu būdu žmonės gali atpažinti objektus, garsus ir t.t. Dirbtiniai neuroniniai tinklai veikia panašiai. Jie turi daug besijungiančių neuronų, kurie gauna informaciją ir pagal tą informaciją gali nuspręsti koks tai objektas. Tačiau ties tuo ir baigiasi žmogaus smegenų ir dirbtinių neuroninių tinklų panašumas, kadangi dirbtiniai neuroniniai tinklai yra matematinis algoritmas su aritmetiniais kintamaisiais. Šis algoritmas yra suvokiamas tik žmogui, kuris suprogramavo dirbtinį neuroninį tinklą, pačiam tinklui algoritmas nieko nereiškia, nuovokos nesuteikia.

1.1. Dirbtinio neuroninio tinklo sudėtis

Dirbtinis neuroninis tinklas yra sluoksnių rinkinys - neuronų grupė sudaro sluoksnį, kuris yra sujungtas tarpusavyje su kitais sluoksniais [ZGD03]. Vienas iš sluoksnių privalo būti įvesties sluoksnis, kuris atitinkamai pagal užduotį gali gauti įvairios formos informaciją - paveiksliukai, vaizdo medžiaga, garsas ir t.t. Ši informacija yra reikalinga tam, kad tinklas galėtų ją išanalizuoti ir išmokti, kad vėliau gavęs panašią informaciją galėtų ją atpažinti - tam reikalingas išvesties sluoksnis. Jis yra priešingame dirbtinio neuroninio tinklo gale negu įvesties sluoksnis. Tarp anksčiau apibūdintų sluoksnių yra įvairaus dydžio vidinė sluoksnių sistema, kuri atlieka pagrindinį darbą [Woo18].

1.2. Dirbtinio neuroninio tinklo veikimas

Jungtys tarp neuronų yra pateiktos skaitine išraiška ir vadinamos svoriu. Kuo didesnis šis svoris tuo didesnę įtaką turi vienas neuronas kitam. Vienam neuronui yra pateikiama visų prieš jį buvusių neuronų informacija ir jungčių svoriai. Kiekvieno neurono informacija yra sudauginama su jo svoriu ir visi šie duomenys yra sudedami tarpusavyje bei pridedama slenksčio reikšmė (angl. bias). Taip iš vektoriaus gaunamas vienas rezultatas ir jei šis rezultatas tinka aktyvavimo funkcijai, jis yra perduodamas tolimesniems neuronams [Shi12]. Tokio tipo veikimo projektavimas yra vadinamas tiesioginio sklidimo (angl. feedforward) tinklu.

Tačiau jungčių svoriai nėra pastovūs. Kai dirbtinis neuroninis tinklas mokosi, galutinis rezultatas yra lyginamas su tikėtinu teisingu rezultatu (daugiau informacijos "Nuostolio funkcija"), jei šie rezultatai skiriasi, slenksčio reikšmės ir svoriai yra keičiami atitinkamai [RS17], tai vadinama sklidimo atgal algoritmu (angl. backpropagation). Mokymo metu duomenys neuroniniu tinklu keliauja į priekį - nuo įvesties į išvesties sluoksnį. Kai išvesties sluoksnis yra pasiekiamas, gautas rezultatas yra palyginamas su norimu rezultatu bei apskaičiuojama nuostolio funkcija - kaip stipriai skiriasi gautas ir norimas rezultatai. Pagal šią reikšmę matoma, kaip reiktų keisti gautą rezultatą, kad nuostolio funkcijos reikšmė pasiektų lokalų minimumą. Tačiau siekiant aukštesnio tikslumo reikia keisti viso neuroninio tinklo parametrus - svorius, slenksčio reikšmes. Taigi, iš išvesties

rezultatų galima matyti, kaip reikia pakeisti - didinti arba mažinti - prieš tai buvusio sluoksnio parametrus, kad būtų gautas geriausias tikslumas. Šis procesas yra iteratyviai kartojamas kiekvienam neuronui su prieš jį einančiu sluoksniu bei jį galima įvardinti kaip funkciją (1):

$$\frac{\partial C_0}{\partial w^L} = \frac{\partial z^L}{\partial w^L} \frac{\partial a^L}{\partial z^L} \frac{\partial C_0}{\partial a^L}.$$
 (1)

Šioje funkcijoje vienas sluoksnis turi vieną neuroną, priklausomai nuo neuronų ir sluoksnių skaičiaus prie funkcijos parametrų prisidėtų atitinkami indeksai. Funkcija parodo dalinės nuostolio funkcijos išvestinės ir dalinės svorio (arba slenksčio reikšmės) išvestinės santykį, kur w^L yra svoris, kurį galima pakeisti į b^L (slenksčio reikšmė), C_0 yra nuostolio funkcijos reikšmė, $z^L = w^L a^{L-1} + b^L$ ir $a^L = \sigma(z^L)$. Šitos funkcijos tikslas yra nustatyti kokį efektą svorio reikšmės pakeitimai turės nuostolio funkcijos reikšmei.

1.3. Aktyvavimo funkcijos

Aktyvavimo funkcijų (angl. activation function) yra įvairių, todėl specifinės problemos gali reikalauti vienos ar daugiau konkrečių aktyvavimo funkcijų [VK11]. Aktyvavimo funkcija yra skirta tam, kad nustatytų ar neuronui reikia būti aktyvuotam ar ne. Tai yra nusprendžiama pagal duomenis, kuriuos neuronas gauna, jeigu jie yra aktualūs, neuronas yra aktyvuojamas, jeigu ne ignoruojamas. Šią funkciją galima aprašyti žemiau pateikta formule (2):

$$Y = A(\Sigma(w * d) + b). \tag{2}$$

Formulėje (2) pateikta raidė A reiškia bet kokia pasirinkta aktyvavimo funkcija, o jos parametrai w yra svoris, d yra įvesties duomenys ir b yra slenksčio reikšmė. Taigi, ar neuronas bus aktyvuotas priklauso nuo prieš jį buvusio sluoksnio jungčių dydžio, kurios parodo kiek svarbi yra jungtis tarp neuronų, kadangi kuo didesnis svoris tuo didesnis rezultatas gaunamas svorį sudauginus su įvesties duomenimis. Taip pat slenksčio reikšmė parodo ar reikia sustiprinti ar susiplinti gaunamą rezultatą. Y reikšmė priklauso nuo pasirinktos aktyvavimo funkcijos išvesties intervalo. Žemiau yra pateiktos kelios aktyvavimo funkcijos su išvesties intervalais.

Kelios aktyvavimo funkcijos:

- Sigmoidinė (angl. sigmoid function) išvesties intervale [0; 1].
- Hiperbolinio tangento (angl. hyperbolic tangent) išvesties intervale [-1; 1].
- Minkštojo maksimumo (angl. softmax function) sunormuoja išvesties vektorių į 1.
- ReLU išvesties intervale [0; begalybė].

1.4. Nuostolio funkcijos

Mokantis dirbtiniam neuroniniam tinklui jo gaunami rezultatai gali labai skirtis nuo tikėtinų rezultatų, todėl nuostolio funkcija apskaičiuoja kaip stipriai skiriasi gautas rezultatas nuo tikėtino. Kuo didesnis nuostolis tuo toliau nuo teisingo atsakymo yra dirbtinis neuroninis tinklas

[Dav15]. Paprasčiausia ir dažniausiai naudojama nuostolio funkcija yra vidutinio kvadratinio nuokrypio (angl. mean squared error). Ši funkcija apskaičiuoja kvadratinį skirtumą tarp tikėtino ir gauto rezultatų. Tačiau šios funkcijos vienas iš didesnių trūkumų - neproporcingas išskyrimas didelių rezultatų. Kadangi funkcija didėja kvadratiniai, o ne tiesiniai, kai gaunamas rezultatas tolsta nuo tikėtino rezultato.

Priklausomai nuo to kokią problemą yra bandoma išspręsti yra naudojamos skirtingos funkcijos. Viena iš problemų yra klasifikacijos - dažniausiai išvesties rezultatas yra tikimybės vertė f(x). Bendrai, funkcijos reikšmės dydis parodo gauto rezultato tikslumą.

Kelios klasifikacijos nuostolio funkcijos:

- Binarinė kryžiaus entropija (angl. binary cross entropy).
- Neigiama registravimo tikimybė (angl. negative log likelihood).
- Maržos klasifikatorius (angl. margin classifier).
- Minkštų maržų klasifikatorius (angl. soft margin classifier).

1.5. Optimizavimo funkcijos

Optimizavimo funkcijos naudojamos vidinių tinklo parametrų atnaujinimui, kad sumažinti gaunamų rezultatų netikslumą [Nik16]. Visos optimizavimo funkcijos gali būti suskirstytos į du tipus - nuolatinio mokymosi greičio ir prisitaikančio mokymosi. Lentelėje 1 išvardinti visos populiariausios optimizavimo funkcijos.

1 lentelė. Optimizavimo funkcijos

Pavadinimas	Tipas	Privalumai	Trūkumai	Veikimas
SGD	Nuolatinio	Parametrų	Didelis svyra-	Parametrų atnaujinimas
	mokymosi	atnaujinimai	vimas trukdo	vykdomas kiekvienai
	greičio	turi aukštą	konverguoti.	mokymo iteracijai.
		dispersiją,		
		kas leidžia		
		lengviau		
		rasti lokalų		
		minimumą.		
Adam	Prisitaikančio	Greitai kon-	Praleidžia ma-	Suskaičiuoja mokymo-
	mokymosi	verguoja ir	žą lokalų mini-	si greitį kiekvienam
		modelio mo-	mumą.	parametrui bei saugo
		kymosi greitis		eksponentiškai nykstantį
		yra didelis bei		prieš tai buvusį kvadra-
		efektyvus.		tinio gradiento vidurkį ir
				eksponentiškai mažėjantį
				prieš tai buvusį gradi-
				ento vidurkį, panašų į
				momentą.

1 lentelė. Optimizavimo funkcijos

Pavadinimas	Tipas	Privalumai	Trūkumai	Veikimas
Adagrad	Prisitaikančio	Nereikia	Mokymosi	Leidžia mokymosi greičiui
	mokymosi	rankiniu bū-	greitis visada	priklausyti nuo parametrų.
		du derinti	yra mažėjantis	Dideli atnaujinimai nedaž-
		mokymosi	ir nykstantis,	niems parametrams, maži
		greičio.	kas lėtina	atnaujinimai dažniems pa-
			konvergavimą.	rametrams.
RMSprop	Prisitaikančio	Greitai kon-	Momentas	Dalija mokymosi greitį iš
	mokymosi	verguoja.	nedidina	eksponentiškai nykstančio
			funkcijos	kvadratinio gradiento vi-
			efektyvumo.	durkio.

Skyriuje "Dirbtinio neuroninio tinklo veikimas" minėta, kad sklidimo atgal algoritmas pagal gauto ir norimo rezultatų skirtumą keičia vidinius neuroninio tinklo parametrus. Vidinių parametrų atnaujinimui yra naudojama optimizavimo funkcija, kuri apskaičiuoja gradientą. Svoriai yra keičiami pagal priešingą apskaičiuoto gradiento kryptį - bandoma leistis į gradiento minimumą.

Optimizavimo funkcijos turi parametrą - mokymosi greitį (angl. learning rate). Jis privalo būti nustatytas, tačiau pasirinkti tinkamą mokymosi greitį gali būti sudėtinga - pasirinkus per mažą vidiniai parametrai gali labai lėtai konverguoti, o pasirinkus per didelį - parametrams gali trukdyti konverguoti ir priversti nuostolio funkciją svyruoti apie minimumą arba diverguoti [Leo98]. Optimizavimo funkcijos tikslas yra surasti lokalų minimumą, o to pasiekti galima gradientu judant į žemiausią jo vietą, tačiau pasirinkus per didelį mokymosi greitį yra galimybė, kad žemiausia vieta bus peršokta ir bus tolstama nuo jos.

2. Konvoliucinis neuroninis tinklas

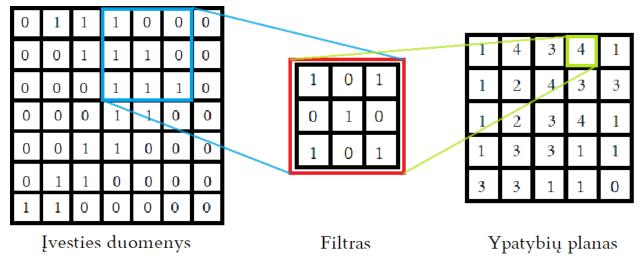
Konvoliuciniai neuroniniai tinklai yra labai panašūs į paprastus dirbtinius neuroninius tinklus (daugiau informacijos skyriuje "Dirbtinis neuroninis tinklas"). Tačiau pagrindinis skirtumas tarp šių tinklų yra, kad konvoliucinio neuroninio tinklo įvesties sluoksnis priima duomenis, kurie gali būti konvertuojami į 2D matricą, pavyzdžiui, paveiksliukai, kurie jei padaryti su standartine skaitmenine kamera, turi tris komponentus - raudoną, žalią ir mėlyną. Šiuos komponentus galima įsivaizduoti kaip tris 2D matricas sudėtas viena ant kitos. Kiekvienos matricos i-osios eilutės ir j-ojo stulpelio elementas atitinka nuotraukos pikselį, kurio reikšmė yra intervale nuo 0 iki 255. Kadangi naudojamos informacijos tipas yra specifinis, tai labai sumažina tinklo parametrų kiekį ir tinklą padaro efektyvesnį [YK18].

Objektų atpažinimas paveiksliukuose yra sudėtingas dėl šių iššūkių:

- Segmentavimas paveiksliukai gali atvaizduoti įvairias scenas, kuriose gali būti pavaizduota daug objektų, kurie vienas kita gali dalinai uždengti.
- Šviesa pikselių intensyvumas gali būti paveiktas šviesos šaltinio ar pačio objekto.
- Deformacija objektai gali būti deformuoti įvairiais būdais, pavyzdžiui, kiekvieno žmogaus ranka parašyti skaičiai skiriasi.
- Galimybės objektų klasės dažnai nustatomos pagal tai kaip patys objektai yra naudojami, pavyzdžiui, kėdės yra objektai sukurti sėdėti, tačiau jos gali turėti įvairų dizainą.
- Žvilgsnio taškas keičiant vietą iš kurios yra žiūrima gali keistis objekto forma, informacija šokinėja per įvesties sluoksnio dimensiją (t.y. pikselius).

2.1. Konvoliucija

Konvoliucija yra matematinė operacija, kuri apibūdina taisyklę, kuri parodo kaip reikia sujungti du informacijos rinkinius [PG17].



1 pav. Konvoliucijos veikimas

Pagal paveiksliuką (1 pav.) matyti, kad įvesties duomenys ir filtras, kuris yra sudarytas iš svorių, yra pateikti 2D matrica. Filtras juda nuo duomenų matricos kairės viršutinės dalies į dešinę,

tada yra nuleidžiamas žemiau per vieną eilutę ir taip filtras juda per visą duomenų matricą, kol su visais jos duomenimis filtras yra sudauginamas ir užpildo naują matricą, kuri yra vadinama ypatybių planu (angl. feature map). Tačiau konvoliuciniai tinklai turi daug filtrų, kurie pereina per vieną paveiksliuką, kiekvienas išskirdamas skirtingą paveiksliuko ypatybę [Epp17]. Pirmuose sluoksniuose šiuos filtrus galima apibūdinti kaip horizontalių, vertikalių ar įstrižų linijų filtrus, kurie sukuria paveikslėlio kraštų planą.

2.2. Konvoliucinio neuroninio tinklo sluoksniai

Konvoliuciniai neuroniniai tinklai tai yra sluoksnių rinkinys, kuris turi įvesties, vidinius ir išvesties sluoksnius. Tačiau priklausomai kokio tipo konvoliucinis neuroninis tinklas vidiniai sluoksniai gali skirtis. Konvoliuciniai neuroniniai tinklai turi tris pagrindinius sluoksnių tipus, kurie sudaro vidinį sluoksnį. Šie tipai yra konvoliucinis, sujungimo ir pilno sujungimo sluoksniai [RPA+18].

Nepagrindinių sluoksnių paaiškinimai:

- Plokštinimo sluoksnis (angl. flatten layer) skirtas tam, kad įeinančius duomenis suploti į atitinkamą sluoksnių skaičių, jeigu sluoksnio parametras nenustatytas suplojama į vieną sluoksnį.
- Išmetimo sluoksnis (angl. dropout layer) sluoksnyje atsitiktinai yra išjungiami tam tikri neuronai su Bernulio pasiskirstymo tikimybe, kuri priima dvi reikšmes 1 (sėkmė) ir 0 (nesėkmė) bei šių reikšmių tikimybe p ir 1-p. Dažniausiai yra nustatytas 50 procentų.

2.2.1. Konvoliucinis sluoksnis

Konvoliucinis sluoksnis (angl. convolutional layer) yra pagrindinis konvoliucinio neuroninio tinklo sluoksnis, kuris nustato visas paveiksliuko ypatybes. Kadangi įvesties informacija (paveiksliukas) yra didelės dimensijos, neefektyvu visų neuronų sujungti vienus su kitais, todėl neuronai yra sujungiami su lokaliu informacijos kiekiu, kuris yra lygus filtro dydžiui ir vadinamas erdviniu mastu (angl. receptive field) [Li15].

Neuronų kiekis po konvoliucijos (ypatybių plano dydis) yra nustatomas trimis parametrais:

- Gylis (angl. depth) atitinka filtrų skaičių.
- Žingsnis (angl. stride) pikselių kiekis, kuris parodo per kiek reikia slinkti filtro matrica per įvesties informacijos matricą.
- Nulių pamušalas (angl. zero-padding) įvesties informacijos matricos kraštus užpildyti nuliais.

2.2.2. Sujungimo sluoksnis

Periodiškai sujungimo sluoksnis (angl. pooling layer) yra įterpiamas tarp konvoliucinių. Pagrindinis sluoksnio tikslas yra laipsniškai mažinti erdvinį filtruojamo paveiksliuko mastą. Šis veiksmas yra atliekamas tam, kad sumažinti parametrų ir skaičiavimų kiekį. Maksimumo sujungimo (angl. max pooling) sluoksnis, nepriklausomai nuo kiekvieno sluoksnio gylio, yra erdviškai (ilgis

ir plotis) keičiamas ir rezultatas gaunamas naudojant MAX operaciją [LGT18]. Dažnai šis sluoksnis yra naudojamas su 2x2 dydžio filtru - įvesties duomenys yra suskaidomi į keturias lygias dalis ir iš kiekvienos dalies paimama didžiausia tos dalies reikšmė, iš šių reikšmių sudaroma nauja matrica. Egzistuoja ne tik maksimumo sujungimo sluoksniai, bet ir vidurkio sujungimo (angl. average pooling) - jame yra randama ne didžiausia matricos dalies reikšmė, o suskaičiuojamas vidurkis.

2.2.3. Pilno sujungimo sluoksnis

Pilno sujungimo sluoksnis (angl. fully connected layer) yra sujungtas su visais neuronais iš sluoksnio buvusio prieš jį. Šio sluoksnio tikslas yra panaudojant tas ypatybes, kurios yra gautos iš prieš tai buvusių sluoksnių, nustatyti kokioms klasėms priklauso įvesties paveiksliukas pagal mokymo informacijos imtį, kai neuroninio tinklo problema yra klasifikacija [Kar16]. Šiam sluoksniui yra priskiriama aktyvacijos funkcija, kuri neprivalo būti tokia pati kaip vidiniuose sluoksniuose naudota aktyvacijos funkcija.

2.3. Architektūros

Konvoliuciniai neuroniniai tinklai turi keletą skirtingų architektūrų, kurios naudojamos pagal sprendžiamą problemą. 1 lentelėje pateikta informaciją apie įvairias architektūras.

2 lentelė. Konvoliucinių neuroninių tinklų architektūros

Pavadinimas	Metai	Parametrų kiekis	Veikimas	ILSVRC
				vieta
LeNet	1998	60 000	Geriausiai atpažįsta ranka parašytus skai-	-
			čius. Susideda iš sluoksnių - kelių pa-	
			sikartojančių konvoliucijos ir sujungimo	
			bei pasibaigia dviem pilno sujungimo	
			sluoksniais.	
AlexNet	2012	60 000 000	Veikimu panašus į LeNet, tačiau turi daug	pirma
			daugiau parametrų ir filtrų bei sudėtus	
			konvoliucinius sluoksnius.	
GoogLeNet	2014	4 000 000	Vidiniai sluoksniai sudėti paraleliai, nau-	pirma
			dojami "Inception" moduliai. Vienas mo-	
			dulis savyje turi 1x1, 3x3 ir 5x5 dydžių	
			konvoliucijos filtrų bei vidurkio sudėjimo	
			sluoksnius.	
VGGNet	2014	138 000 000	Panašus veikimas į AlexNet, tačiau daug	antra
			gilesnis. Naudojamų filtrų dydis yra 3x3	
			ir jie yra sudėti vienas po kito.	

2 lentelė. Konvoliucinių neuroninių tinklų architektūros

Pavadinimas	Metai	Parametrų kiekis	Veikimas	ILSVRC
				vieta
ResNet	2015	25 000 000	Turi labai daug sluoksnių, sudėtų vienas	pirma
			po kito, kurie turi liekamąjį (angl. resi-	
			dual) bloką, kuris įvesties informaciją per-	
			duoda tolimesniam sluoksniui ją pridėda-	
			mas ir taip sumažina konvoliucijos ir ak-	
			tyvavimo funkcijų kiekį.	
CUImage	2016	-	Dvipusis dvikryptis tinklas, kuris perduo-	pirma
			da žinutes tarp skirtingų paramos regionų.	
SENets	2017	25 600 000	Panašus veikimas į ResNet, pridėtas SE	pirma
			blokas, kuris sujungia ypatybių planus ir	
			valdo išėjimus iš kanalo.	

2.4. Modelio derinimas

Apmokius neuroninį tinklą ir nustačius vidinių parametrų reikšmes gaunamas neuroninio tinklo architektūros modelis. Tokį jau egzistuojantį modelį galima derinti (angl. fine-tune) ir pritaikyti specifiniai užduočiai spręsti. Modelį derinti galima nustačius kelis paskutinius sluoksnius kaip mokomus (angl. trainable) ir su mažiau duomenų galima modelį suderinti.

Toks suderinimas yra galimas, nes pirmuosiuose sluoksniuose neuroniniai tinklai išmoksta ypatybių panašių į Gaboro filtrą (tiesinis filtras naudojamas tekstūroms analizuoti) ir spalvų dėmes. Šios pirmojo sluoksnio ypatybės nepriklauso nuo duomenų rinkinio, bet yra bendros ir tinkamos daugeliui duomenų rinkinių ir užduočių [YCB⁺14].

2.5. Tikslumas

Tikslumas (angl. accuracy) yra matavimas, kuris parodo santykį tarp teisingai spėjimų (angl. prediction) ir iš viso darytų spėjimų. Taigi, klasifikavimo tikslumas yra apibrėžtas šiomis sąvokomis - tikras teigiamas (angl. true positive), tikras neigiamas (angl. true negative), klaidingas teigiamas (angl. false positive) ir klaidingas neigiamas (angl. false negative). Atitinkamai tikras teigiamas reiškia objektas X_i priskirtas klasei C_j , ir iš tiesų jis jai priklauso, o tikras neigiamas - objektas X_i nepriskirtas klasei C_j , ir iš tiesų jis jai nepriklauso. Šie du rodmenys apskaičiuoja bendrą klasifikacijos tikslumą (3):

$$tikslumas = \frac{TT + TN}{N}. (3)$$

Formulės prametras TT yra skaičius tikrų teigiamų spėjimų, TN yra skaičius tikrų neigiamų spėjimų, o N yra visų objekų skaičius.

3. Technologijos

Naudojamų technologijų išsirinkimas yra pradinis žingsnis siekiant įvykdyti kursiniame darbe išsikeltas užduotis. Šiame skyriuje pateiktos populiariausios šių laikų technologijos bei glaustai apibrėžti jų pagrindiniai funkcionalumai.

3.1. ImageNet

Projektas ImageNet buvo sugalvotas profesorės Li Fei-Fei 2009 metais. Projekto tikslas buvo sukurti didelę sukategorizuotų paveiksliukų ir jų etikečių duomenų bazę, kuri butų skirta vizualinio objekto atpažinimo programinės įrangos tyrimams. Ši duomenų bazė yra suorganizuota pagal WorldNet hierarchija - anglų kalbos žodžiai yra grupuojami į sinonimų rinkinius, kurie turi apibūdinimus ir naudojimo pavyzdžius bei saugo ryšių kiekį tarp sinonimų arba jų narių. ImageNet turi daugiau nei 100 000 sinonimų rinkinių, kur didžioji dalis yra daiktavardžiai (80 000+).

ImageNet projektas kiekvienais metais daro konkursą vadinamą "ImageNet Large Scale Visual Recognition Challenge" (trumpinys ILSVRC). Konkurso užduotis yra išmokinti modelį, kuris galėtų įvesties paveiksliuką teisingai klasifikuoti į 1000 skirtingų objektų klasių, kurios atitinka realius daiktus, gyvūnus ir t.t. Modeliai yra apmokomi su apie 1.2 milijonų paveiksliukų ir dar 50 000 paveiksliukų yra naudojami validacijai mokymo metu bei 100 000 paveiksliukų yra panaudojami galutiniam modelio testavimui. Šis konkursas yra paveiksliukų klasifikacijos algoritmų etalonas.

3.2. Keras

Keras yra aukšto lygio programų sąsaja skirta neuroniniams tinklams. Sąsaja parašyta su Python programavimo kalba ir vidinėje pusėje galinti veikti su "TensorFlow" ir kitomis bibliotekomis. Keras buvo sukurtas tikintis suteikti greitą eksperimentavimą, kad sugalvojus idėją pasiekti rezultato būtų galima su kiek įmanoma mažiau uždelsimo.

Ši sąsaja savyje turi visus pagrindinius neuroninio tinklo kūrimo blokus, pavyzdžiui, sluoksniai, aktyvavimo ir optimizavimo funkcijos. Taip pat Keras suteikia modelius, kurie yra apmokyti naudojant ImageNet duomenų bazę. Šiuos modelius galima derinti, pridėti papildomų sluoksnių, pasirinkti esamus sluoksnius bei juos iš naujo apmokyti.

3.3. TensorFlow

TensorFlow yra atviros programinės įrangos biblioteka skirta aukšto našumo skaitiniams skaičiavimams. Jo lanksti architektūra leidžia lengvai diegti skaičiavimus įvairiose platformose - procesoriuose, grafikos procesoriuose. Sukurtas "Google" dirbtinio intelekto skyriaus, tad yra labai palaikomas automatinis ir gilusis mokymasis, tačiau dėl bibliotekos ir skaičiavimų lankstumo yra naudojamas įvairiose mokslinėse srityse.

4. Modelio derinimas ir modifikavimas-derinimas su mažu duomenų rinkiniu

Šio eksperimento tikslas yra išanalizuoti mokymosi tikslumą su skirtingų gylių neuroninais tinklais, kai mokymui yra naudojama maža paveikslėlių imtis. Taigi, pirmas šio eksperimento žingsnis - išsirinkti konvoliucinį neuroninį tinklą. Poskyriuje "Architektūros" yra trumpai apibūdinti pagrindiniai konvoliucinių neuroninių tinklų tipai. Iš jų buvo išsirinktas VGG, kadangi jis neturi specialių blokų kaip kad GoogleNet turi inception arba ResNet turi liekamąjį, todėl yra paprasta suvokti kaip duomenys sklinda per tinklą. Buvo nuspręsta daryti paprastą, binarinę paveikslėlių klasifikaciją - nustatymas ar katė, ar šuo pavaizduotas paveikslėlyje. Buvo surasta ir naudota duomenų imtis, kuri turi 10 000 paveikslėlių - 8 000 mokymosi tikslui ir 2 000 validacijos.

4.1. Programos veikimas

Ankstesniame skyriuje "Technologijos" yra išvardintos visos technologijos, kurios buvo naudotos šio eksperimento programai parašyti.

Ruošiantis eksperimentui reikia paruošti kompiuterį darbui - įrašyti "Python" programavimo įrankius, paruošti "Anaconda" komandinę eilutę, "NVIDIA CUDA" įrankius, Keras ir TensorFlow. Tačiau kompiuteris privalo turėti tinkamą procesorių ar grafinį procesoriaus bloką - kompiuteris, kuris buvo naudotas eksperimentui, turėjo Nvidia 1080 Ti. Programa, kuri derina modelį ir modifikuoja, nelabai skiriasi, tad modelio derinimo eiga buvo vėliau pritaikyta ir modifikavimo daliai.

Keras pateikia modelius, apmokytus su ImageNet, ir jų svorius, tad reikia tik importuoti tinkamą modelį - šiuo atveju VGG16. Importavimo metu reikia nustatyti, kad pilnai sujungtas sluoksnis nebūtų pridėtas, kadangi tada galima parinkti kokių dimensijų paveiksliukai naudojami ir kiek spalvų sluoksnių jie turi (standartiniai paveiksliukai turi 3). Tuomet reikia nustatyti kokius importuoto modelio sluoksnius norima mokinti ir kuriuos - ne. Iš visų esamų sluoksnių mokinimui buvo parinkti tik paskutiniai 4, kadangi jie yra atsakingi už specifinių ypatybių išmokimą. Po šių egzistuojančio modelio paruošimų reikia sukurti naują Kero modelį, prie kurio reikia pridėti paruoštą egzistuojantį modelį bei pridėti kelis kitus sluoksnius tam tikru išsidėstymu - plokštinimo (angl. flatten), tankumo (angl. dense), išmetimo (angl. dropout) ir vėl tankumo. Pirmasis tankumo sluoksnis turi aktyvacijos funkciją ReLU, o paskutinis - sigmoidinę. Po visų sluoksnių pridėjimo modelis iš viso turėjo 40 406 849 parametrų, iš kurių mokinami buvo 32 771 585, o tik 7 635 264 buvo nekeičiami. Pavyzdžiui, architektūra ResNet, kuri yra laikoma giliu tinklu dėl turimų sluoksnių skaičiaus, turi 25 000 000 parametrų [HZR+15].

Po modelio paruošimo, reikia nustatyti kokio dydžio paveikslėlių partijomis (angl. batch) bus mokomas ir validuojamas modelis. Geriausias partijos dydis naudotam kompiuteriui buvo mokymosi partijai 100 paveikslėlių, o validacijos - 25. Tuomet nustatomas paveikslėlių aplankalo kelias, jų ir partijos dydis bei nustatomas klasės režimas į binarinį, nes duomenų imtis susideda iš dviejų klasių - kačių ir šunų.

Paruošę modelį bei paveikslėlių rinkinį, buvo galima pradėti mokinti ir validuoti modelį. Taigi, nustatomas modelio kompiliavimo metodas, kur turi būti - nuostolio ir optimizavimo funkcijos.

Daugiau apie nuostolio ir optimizavimo funkcijas galima skaityti skyriuose "Nuostolio funkcijos" ir "Optimizavimo funkcijos". Tačiau nuotolio funkcija šiame modelyje yra binarinė kryžiaus entropija, kuri nebuvo keičiama. Šio eksperimento metu bus naudojamos keturios optimizavimo funkcijos - SGD, Adam, Adagrad ir RMSprop. Po modelio sukompiliavimo yra aprašomas mokymo metodas, kuriam turi būti pateikta - paruošti paveiksliukai, žingsnis per epochą, epochų kiekis, paruošti validacijos paveiksliukai ir jų žingsnis. Taigi, šiame eksperimente epocha yra nustatyta 80, kadangi tokia atitinka pagal visų turimų paveiksliukų skaičių ir partijos dydį.

Modelio modifikavimo veikimas yra toks pats išskyrus, kad pridedami ne 4 sluoksniai, o 14 sluoksnių, kurie visi yra tankumo sluoksniai su aktyvacijos funkcija ReLu. Jie yra pridedami tarp plokštinimo ir kito tankumo sluoksnio. Po visų sluoksnių pridėjimo iš viso buvo 51 952 449 parametrų, iš kurių buvo 44 317 185 mokinami, o tiek pat buvo nemokinami kaip ir derinant modelį. Taigi, modifikavimo metu prisidėjo papildomi 11 545 600 parametrų.

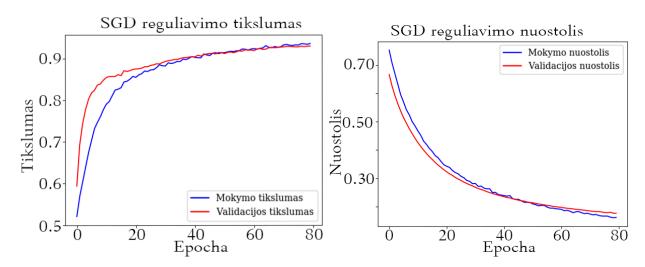
4.2. Modelių mokymas

Parašius programas, kurios derina bei modifikuoja modelį, buvo pradėta jį mokyti ir validuoti su skirtingomis optimizavimo funkcijomis. Mokymosi greitis buvo išrinktas 1e-4.

4.2.1. Modelio derinimas

Pasirinkta buvo pradėti eksperimentą nuo modelio modifikavimo, kadangi tokiu būdu galima pamatyti kaip modelio paskutiniai keli sluoksniai yra apmokomi ir kaip tikslumas ir nuostolis keičiasi mokymo metu, kai yra naudojamas negilus modelis.

Taigi, pirmiausiai buvo pasirinkta SGD optimizavimo funkcija. Apmokius modelį buvo gauti grafikai - 2 ir 3 paveiksliukai.

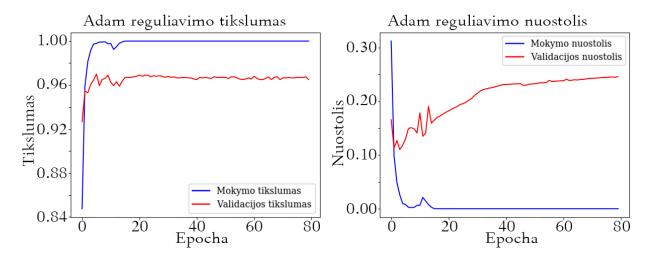


2 pav. Modelio mokymosi ir validacijos tikslu- 3 pav. Modelio mokymosi ir validacijos nuostomas naudojant SGD lis naudojant SGD

Grafikas (2 pav.) parodo, kad tikslumas kyla kuo daugiau modelis išmoksta ir validacijos funkcija pirmiausiai pranoksta mokymosi, bet vėliau susilygina. Aukščiausias tikslumo rezultatas yra apie 94 procentus. Grafikas (3 pav.) rodo nuostolį per epochas. Iš jo matoma, kad mokymosi

ir validacijos nuotolio funkcijos reikšmių grafikai ties 47 epocha susikerta ir validacijos nuostoliai tampa didesni už mokymosi.

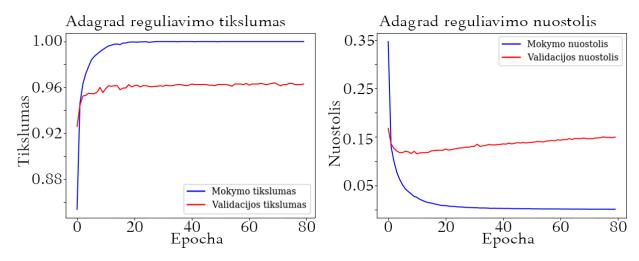
Vėliau keičiama optimizavimo funkcija į Adam - mokymosi rezultatai matomi grafikuose - 4 ir 5 paveiksliukuose.



4 pav. Modelio mokymosi ir validacijos tikslu- 5 pav. Modelio mokymosi ir validacijos nuostomas naudojant Adam lis naudojant Adam

Tikslumo grafikas (4 pav.) parodo, kad mokymosi tikslumas per kelias pirmas epochas pasiekia beveik 100 procentinį tikslumą, tačiau validacijos lieka apie 96 procentus ir daugiau nebekyla. O nuostolio grafikas (5 pav.) parodo, kad mokymosi nuostolio funkcijos reikšmė staigiai nukrenta iki beveik 0. Tačiau validacijos nuostolio funkcija per kelias epochas nukrenta, o po to staigiai pradeda augti ir išsitiesina ties 0,24.

Trečioji testuojama optimizavimo funkcija yra Adagrad. Jos grafikai yra 6 ir 7 paveiksliukai.

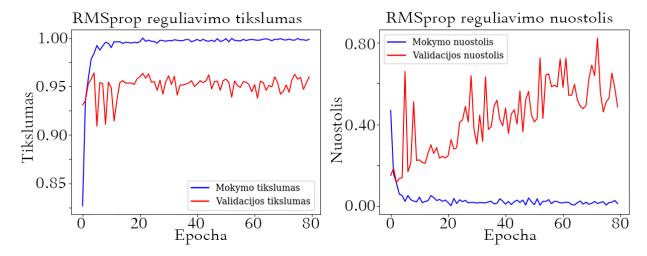


6 pav. Modelio mokymosi ir validacijos tikslu- 7 pav. Modelio mokymosi ir validacijos nuostomas naudojant Adagrad lis naudojant Adagrad

Galima daryti išvadą, jog tikslumo grafikas (6 pav.) parodo, kad mokymosi tikslumas per pirmas 20 epochų pakyla beveik iki 100 procentų, o validacijos tikslumas pakyla iki 96 procentų ir ties tiek pasilieka. O nuostolio grafikas (7 pav.) parodo, kad taip pat kaip ir mokymosi tikslumas

taip ir nuostolio funkcijos reikšmė per pirmas 20 epochų nukrenta iki beveik 0 ir ties ten lieka. Kai validacijos nuostolio funkcijos reikšmės maksimumas yra 0,15.

Paskutinis bandymo optimizavimo funkcija yra RMSprop. Ji yra parodyta 8 ir 9 paveiksliukuose.

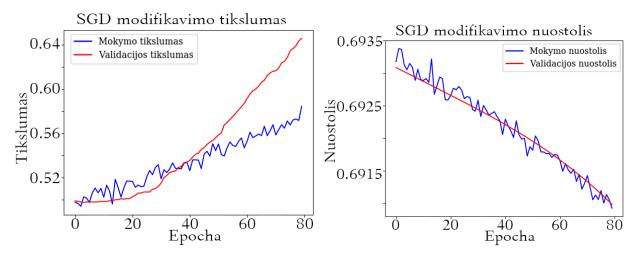


8 pav. Modelio mokymosi ir validacijos tikslu- 9 pav. Modelio mokymosi ir validacijos nuostomas naudojant RMSprop lis naudojant RMSprop

Tad, tikslumo grafikas (8 pav.) parodo, kad mokymosi funkcija šokteli iki 100 procentų ir ten išsilaiko, kai validacijos funkcija stipriai svyruoja tarp 93 ir 95 procentų, bet per visas epochas neišsilygina. O nuostolio grafikas (9 pav.) parodo, kad mokymosi funkcija nukrenta iki beveik 0 ir ten išsilaiko. Tačiau validacijos funkcija labai stipriai svyruoja ir didėja. Pasiekdama aukščiausią nuostolio funkcijos reikšmę ties 0,82.

4.2.2. Modelio modifikavimas

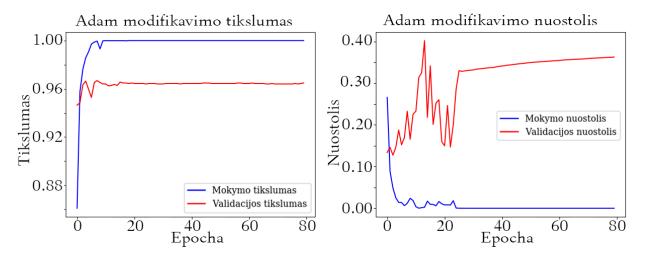
Suderinti modeliai su 14 papildomų sluoksnių - visi parametrai ir duomenų imtis nekeisti. Pirmoji modifikavimo funkcija yra SGD. Jos grafikai yra 10 ir 11 paveiksliukai.



10 pav. Gilesnio modelio mokymosi ir validaci- 11 pav. Gilesnio modelio mokymosi ir validaci- jos tikslumas naudojant SGD jos nuostolis naudojant SGD

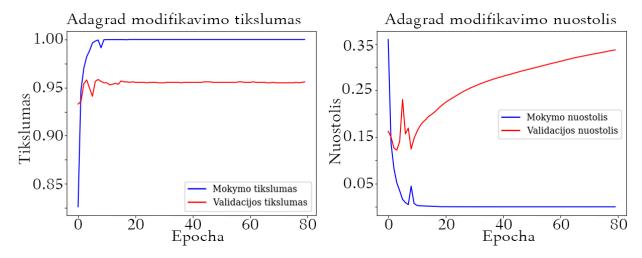
Tikslumo grafikas (10 pav.) matyti, kad mokymosi funkcija tolygiai svyruojančiai didėja, tačiau validacijos tikslumas ties 37 epocha pranoksta mokymosi bei pati validacijos funkcija tolygiai kyla ir neturi tokių svyravimų kaip mokymosi. Palyginus su 2 paveiksliuko tikslumu, po papildomų sluoksnių pridėjimo abiejų grafų tikslumas nepasiekia tokios aukštos reikšmės, koks buvo mažesnio gylio modelyje. Nuostolio grafike (11 pav.) parodyta, kad mokymosi ir validacijos funkcijos tolygiai mažėja, tačiau mokymosi svyruoja. Mažiausia nuostolio funkcijos reikšmė šiame grafike yra 0,69, kai 3 paveiksliuke, kur parodyta ne tokio gilaus modelio nuostoliai, mažiausi pasiekti nuostoliai yra 0,20.

Antra bandoma optimizavimo funkcija yra Adam. Jos grafikai yra 12 ir 13 paveiksliukai.



12 pav. Gilesnio modelio mokymosi ir validacijos tikslumas naudojant Adam jos nuostolis naudojant Adam

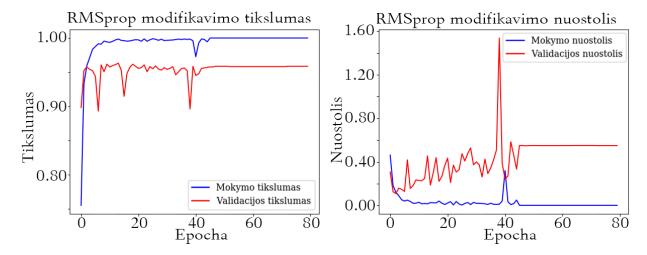
Tikslumo grafiką (12 pav.) palyginus su 4 paveiksliuku matyti, kad mokymosi tikslumo funkcija pakilo iki 100 procentų. Validacijos funkcija pirmose 25 epochų stipriai svyravo, tačiau po to išsilygino ties 96 procentais. Tačiau nuostolio grafikas (13 pav.) labai skiriasi nuo 5 paveiksliuko, kur parodyta negilaus modelio nuostolio funkcija. Mokymosi funkcija mažėja iki 0, tačiau validacijos nuostolis svyruoja pirmose 25 epochose, o po to išsilygina ir pradeda tolygiai didėti.



14 pav. Gilesnio modelio mokymosi ir validaci- 15 pav. Gilesnio modelio mokymosi ir validaci- jos tikslumas naudojant Adagrad jos nuostolis naudojant Adagrad

Aukščiau pateikta Adagrad optimizavimo funkcijos grafikai (14 ir 15 pav.). Tikslumo grafikas (14 pav.) yra labai panašus į mažesnio gylio tikslumo grafiką (6 pav.), kadangi mokymosi tikslumo funkcijos yra beveik vienodos, o validacija šiuo atveju yra šiek tiek mažesnio tikslumo gilesniame modelyje - susilygina ties 95 procentais. Nuostolio grafikas (15 pav.) kaip ir 8 paveiksliuke, parodo, kad mokymosi nuostolio funkcijos reikšmė staigiai mažėja iki 0. O validacijos nuostolio funkcija pirmose 10 epochų stipriai svyruoja ir po to sparčiai auga ir pasiekia maksimalią nuostolio reikšmę ties 0,34, kai mažesnio gylio modelio yra apie 0,15.

Paskutinė optimizavimo funkcija yra RMSprop. Jos grafikai yra 16 ir 17 paveiksliukai.



16 pav. Gilesnio modelio mokymosi ir validaci- 17 pav. Gilesnio modelio mokymosi ir validaci- jos tikslumas naudojant RMSprop jos nuostolis naudojant RMSprop

Tikslumo grafike (16 pav.) matyti, kad mokymosi funkcija pakyla iki 100 procentų, o validacijos funkcija svyruoja iki 40 epochos, o po to išsilygina ties 95 procentais, kai toks pat rezultatą matomas ir 8 paveikslėlyje, kuriame parodyta mažiau gilaus modelio tikslumas. Nuostolio grafikas (17 pav.) parodo, kad mokymosi funkcija pasiekia 0. Tačiau validacijos funkcija svyruoja pirmas 45 epochas, o po to išsilygina ties 0,55 nuostoliu.

Rezultatai ir išvados

Šio darbo metu buvo tirta dirbtinių neuroninių tinklų ir konvoliucinių neuroninių tinklų veikimas ir jų sudedamosios dalys bei surinkta informacija iš litertūros šaltinių. Atliktas eksperimentas, kurio tikslas buvo pamatyti kokį efektą turi konvoliucinio neuroninio tinklo gylis ir jo suderinimui naudojamas mažas duomenų rinkinys neuroninio tinklo tikslumui.

Darbo rezultatai:

- 1. Buvo atlikta bendra dirbtinių neuroninių tinklų ir konvoliucinių neuroninių tinklų analizė.
- Egzistuojančio modelio, kuris atitiko VGG architektūra, 4 paskutiniai sluoksniai buvo suderinti su pasirinkta mažo kiekio kačių ir šunų paveiksliukų rinkiniu (iš viso 8 000 paveiksliukų).
- 3. Egzistuojantis modelis, kuris atitiko VGG architektūra, buvo modifikuotas, pridėjus papildomus 14 sluoksnių, ir suderintas su kačių ir šunų duomenų rinkiniu.
- 4. Gauti suderinto ir modifikuoto-suderinto modelių mokymo ir validacijos tikslumo grafikai.
- Suderinimo metu buvo keičiamos optimizavimo funkcijos iš viso panaudotos SGD, Adam, Adagrad ir RMSprop funkcijos, kurios buvo palyginus naudojantis mokymo ir validacijos grafikais.

Darbo išvados:

- 1. Apmokius skirtingų gylių dirbtinius neuroninius tinklus, buvo nustatyta, kad gilesnis tinklas mokomojoje dalyje pasirodo labai gerai tikslumas auga ir nuostolis mažėja iki 0, tačiau validacijos metu tikslumas pakyla iki tam tikros reikšmės ir pasidaro pastovus, o praradimas tolygiai auga. Kita vertus, trumpesnio tinklo tikslumas yra labai panašus į gilesnio bei nuostolis nepasiekia 0. Galima daryti išvadą, kad gilesnis neuroninis tinklas su mažu kiekiu duomenų gali juos įsiminti, o ne išmokti atpažinti, nes nuostolio funkcijos reikšmė pasiekia 0.
- 2. Atliktas eksperimentas parode, kad su naudotu duomenų rinkiniu ir parametrais, mažo ir didelio gylio modeliuose geriausia naudoti Adagrad arba Adam optimizavimo funkcijas, kadangi mažame ir gilesniame modeliuose Adagrad ir Adam pasiektas validacijos tikslumas siekia 96 procentus. Tačiau pagal gautus nuostolio funkcijos grafus matyti, kad mažesnio gylio modeliuose mokymo ir validacijos nuostolis mažėja arba nestipriai didėja. Didesnio gylio modeliuose mokymo nuostolis artėja link 0, o validacijos nuostolis turi augimo tendenciją. Iš visų šio eksperimento metu bandytų optimizavimo funkcijų Adagrad ir Adam pasirodė geriausiai. Adagrad funkcija yra geriau, kadangi ji pritaiko mokymosi greitį pagal parametrus maži pakeitimai (žemas mokymosi greitis) prametrams, kurie pasikartoja dažnai, ir dideli pakeitimai (aukštas mokymosi greitis), kai parametrai nėra dažni. Todėl ši funkcija labai gerai pasirodo su maža duomenų imtimi [KMK+16]. O Adam funkcija yra geriau, nes kaip ir Adagrad apskaičiuoja ir saugo mokymosi greitį kiekvienam parametrui, bet ir fiksuoja momento (angl. momentum) pasikeitimus, kas leidžia greičiau surasti lokalų minimumą ir konverguoti. Todėl su dideliu kiekiu parametrų ir mažu duomenų kiekiu Adam veikia geriau [KB14].

Literatūra

- [BX16] Su Chang Bian Ziyang Xu Tingfa ir Luo Xuan. Human abnormal behavior detection based on rgbd video's skeleton information entropy. *Proceedings of the 2015 international conference on communications, signal processing, and systems.* Springer Berlin Heidelberg, 2016, p. 715–723. ISBN: 978-3-662-49831-6.
- [Dav15] Cameron Davidson-Pilon. *Bayesian methods for hackers*. Addison-Wesley Professional, 2015.
- [Epp17] Sagi Eppel. Setting an attention region for convolutional neural networks using region selective features, for recognition of materials within glass vessels. *Corr*, abs/1708.08711, 2017. arXiv: 1708.08711. URL: http://arxiv.org/abs/1708.08711.
- [Fuk80] Kunihiko Fukushima. Neocognitron: a self-organizing neural network model for a mechanism of pattern recognition unaffected by shift in position. 36:193–202, 1980-02.
- [Gau15] Ranjana Raut Gauri Borkhade. Application of neural network for diagnosing eye disease. *Nternational journal of electronics, communication and soft computing science engineering (ijecscse)*, 4:174–176, 2015. Published By International Journal of Electronics, Communication and Soft Computing Science and Engineering.
- [GBC16] Ian Goodfellow, Yoshua Bengio ir Aaron Courville. *Deep learning*. MIT Press, 2016. http://www.deeplearningbook.org.
- [GVR⁺10] N. Ganesan, K. Venkatesh, M. A. Rama ir A. Malathi Palani. Article:application of neural networks in diagnosing cancer disease using demographic data. *International journal of computer applications*, 1(26):76–85, 2010-02. Published By Foundation of Computer Science.
- [HZR⁺15] Kaiming He, Xiangyu Zhang, Shaoqing Ren ir Jian Sun. Deep residual learning for image recognition. *Corr*, abs/1512.03385, 2015. arXiv: 1512.03385. URL: http://arxiv.org/abs/1512.03385.
- [YCB⁺14] Jason Yosinski, Jeff Clune, Yoshua Bengio ir Hod Lipson. How transferable are features in deep neural networks? *Corr*, abs/1411.1792, 2014. arXiv: 1411.1792. URL: http://arxiv.org/abs/1411.1792.
- [YK18] Adam JATOWT Yihong ZHANG ir Yukiko KAWAI. Picture or words: predicting twitter image post popularity with deep learning, 2018. URL: http://db-event.jpn.org/deim2018/data/papers/365.pdf.
- [Kar16] Ujjwal Karn. An intuitive explanation of convolutional neural networks. https://ujjwalkarn.me/2016/08/11/intuitive-explanation-convnets/. 2016.
- [KB14] Diederik P. Kingma ir Jimmy Ba. Adam: A method for stochastic optimization. *Corr*, abs/1412.6980, 2014. arXiv: 1412.6980. URL: http://arxiv.org/abs/1412.6980.

- [KMK⁺16] G. Krummenacher, B. McWilliams, Y. Kilcher, J. M. Buhmann ir N. Meinshausen. Scalable Adaptive Stochastic Optimization Using Random Projections. *Arxiv e-prints*, 2016-11. arXiv: 1611.06652 [stat.ML].
- [Leo98] C.T. Leondes. *Image processing and pattern recognition*. *Neural Network Systems Techniques and Applications*. Elsevier Science, 1998, p. 323–324. ISBN: 9780080551449. URL: https://books.google.lt/books?id=oDewAeVxr-4C.
- [LGT18] C. Y. Lee, P. Gallagher ir Z. Tu. Generalizing pooling functions in cnns: mixed, gated, and tree. *Ieee transactions on pattern analysis and machine intelligence*, 40(4):863–875, 2018-04. ISSN: 0162-8828. DOI: 10.1109/TPAMI.2017.2703082.
- [LHB+99] Yann LeCun, Patrick Haffner, Léon Bottou ir Yoshua Bengio. Object recognition with gradient-based learning. *Shape, contour and grouping in computer vision*. Springer-Verlag, London, UK, UK, 1999, p. 319—. ISBN: 3-540-66722-9. URL: http://dl.acm.org/citation.cfm?id=646469.691875.
- [Li15] Fei-Fei Li. Convolutional neural networks. https://cs231n.github.io/convolutional-networks/.2015.
- [Nik16] Mina Niknafs. Neural network optimization. 2016.
- [Pau01] Colm O' Riordan Paul O' Dea Josephine Griffith. Combining feature selection and neural networks for solving classification problems. *Intelligent exploration of the web*:389–401, 2001-07.
- [PG17] Josh Patterson ir Adam Gibson. *Deep learning*. O'Reilly Media, Inc., 2017.
- [Pit43] Warren S. McCullochWalter Pitts. A logical calculus of ideas immanent in nervous activity. *Bulletin of mathematical biophysics*, 5:115–133, 1943-12. ISSN: 0007-4985. DOI: https://doi.org/10.1007/BF02478259.
- [Ras15] Sebastian Raschka. *Python machine learning*. Packt Publishing, 2015, p. 342–343. ISBN: 1783555130, 9781783555130.
- [RPA+18] Reza Reiazi, Reza Paydar, Ali Abbasian Ardakani ir Maryam Etedadialiabadi. Mammography lesion detection using faster r-cnn detector. 2018-01.
- [RS17] Thaqif Rajab ir Roselina Salleh. Classification of diabetes disease using backpropagation and radial basis function network. 2:3–4, 2017.
- [Shi12] D. Shiffman. *The nature of code*. D. Shiffman, 2012. dalis 10. ISBN: 9780985930806. URL: https://books.google.lt/books?id=hoK6lgEACAAJ.
- [TL14] Ranzato Marc'Aurelio Taigman Yaniv Yang Ming ir Wolf Lior. Deepface: closing the gap to human-level performance in face verification. *Proceedings of the 2014 ie-ee conference on computer vision and pattern recognition*. IEEE Computer Society, 2014, p. 1701–1708. ISBN: 978-1-4799-5118-5. DOI: 10.1109/CVPR.2014.220. URL: https://doi.org/10.1109/CVPR.2014.220.

- [VK11] A Vehbi Olgac ir Bekir Karlik. Performance analysis of various activation functions in generalized mlp architectures of neural networks. 1:111–122, 2011-02.
- [Woo18] C. Woodford. Neural networks. https://www.explainthatstuff.com/introduction-to-neural-networks.html. 2018.
- [ZGD03] Qi-Jun Zhang, K. C. Gupta ir V. K. Devabhaktuni. Artificial neural networks for rf and microwave design from theory to practice. *Ieee transactions on microwave theory and techniques*, 51(4):1339–1350, 2003-04. ISSN: 0018-9480. DOI: 10.1109/TMTT. 2003.809179.