

# Minería de Procesos: Descubrimiento y Conformidad

**Minería de Procesos y Planificación Automática**  
**Máster en Ciencia de Datos e Ingeniería de Computadores**

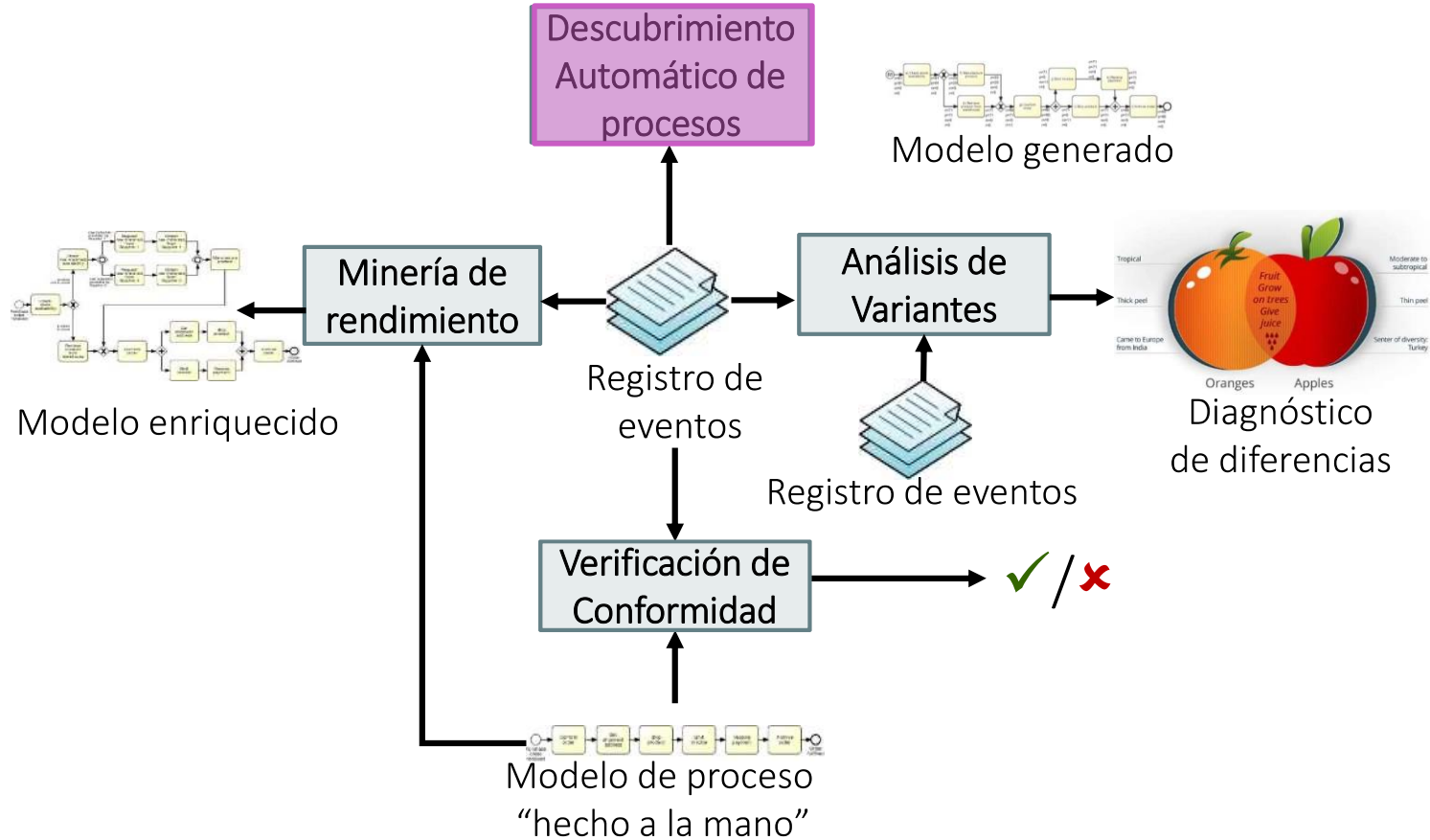
Adela del Río Ortega, Abril 2025

## En la clase anterior

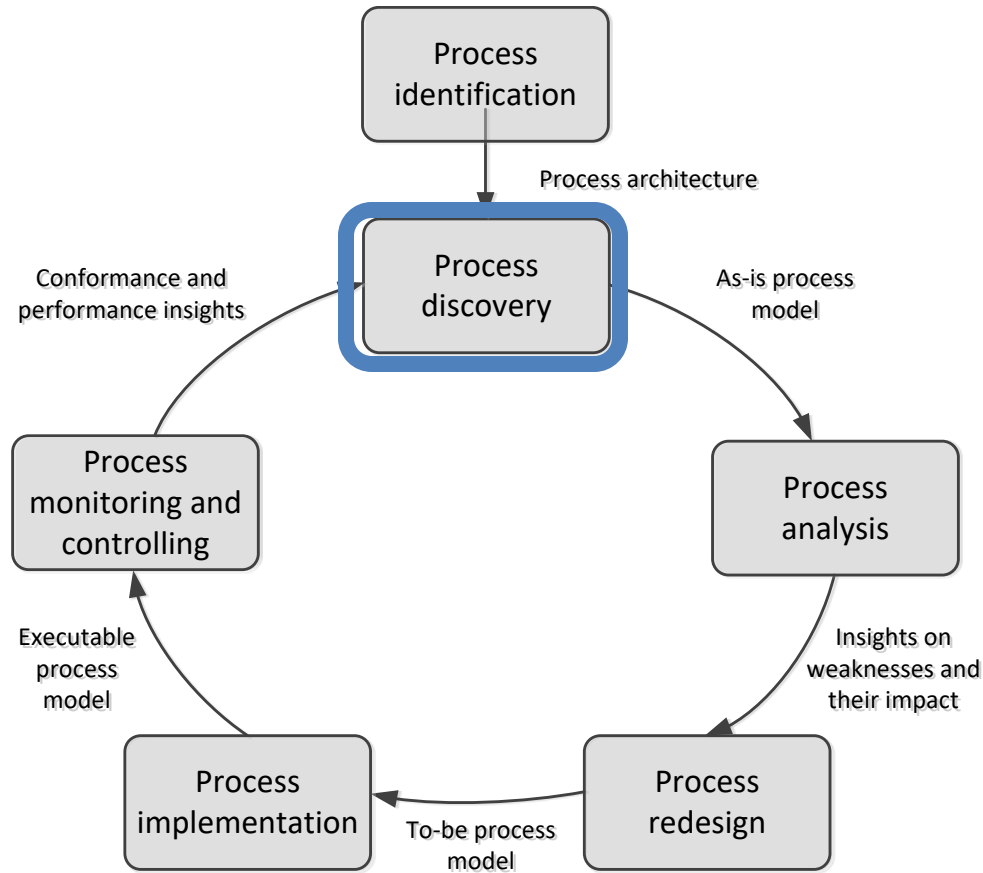
Procesos de negocio  
Ciclo de vida de los procesos de negocio  
Minería de procesos  
Descubrimiento automático de procesos  
Herramientas  
Ejercicios  
Operaciones sobre registros de eventos  
Ruidos en registros de eventos  
Limitaciones de los mapas de procesos

Descubrimiento automático de procesos

# Casos de uso



# El ciclo de vida de los procesos de negocio



## **Fase 2: Descubrimiento de procesos (proceso “as is”)**

**El descubrimiento de procesos** busca proporcionar mayor comprensión sobre el proceso. Es el acto de recopilar información sobre un proceso existente y organizarlo en términos de un modelo de proceso.

## Criterios para comenzar el descubrimiento

- Importancia
- Disfunción
- Viabilidad

## El descubrimiento de procesos es una actividad colaborativa

	Analista de procesos	Experto de dominio
Habilidades de modelado	Alta	Limitada
Conocimiento del proceso	Limitado	Alto



## **Dificultades en el descubrimiento de procesos**

Conocimiento fragmentado del proceso

Expertos de dominio piensan en casos concretos

Expertos de dominio no están familiarizados con  
notaciones de procesos

# Metodos de descubrimiento de procesos



EVIDENCIAS

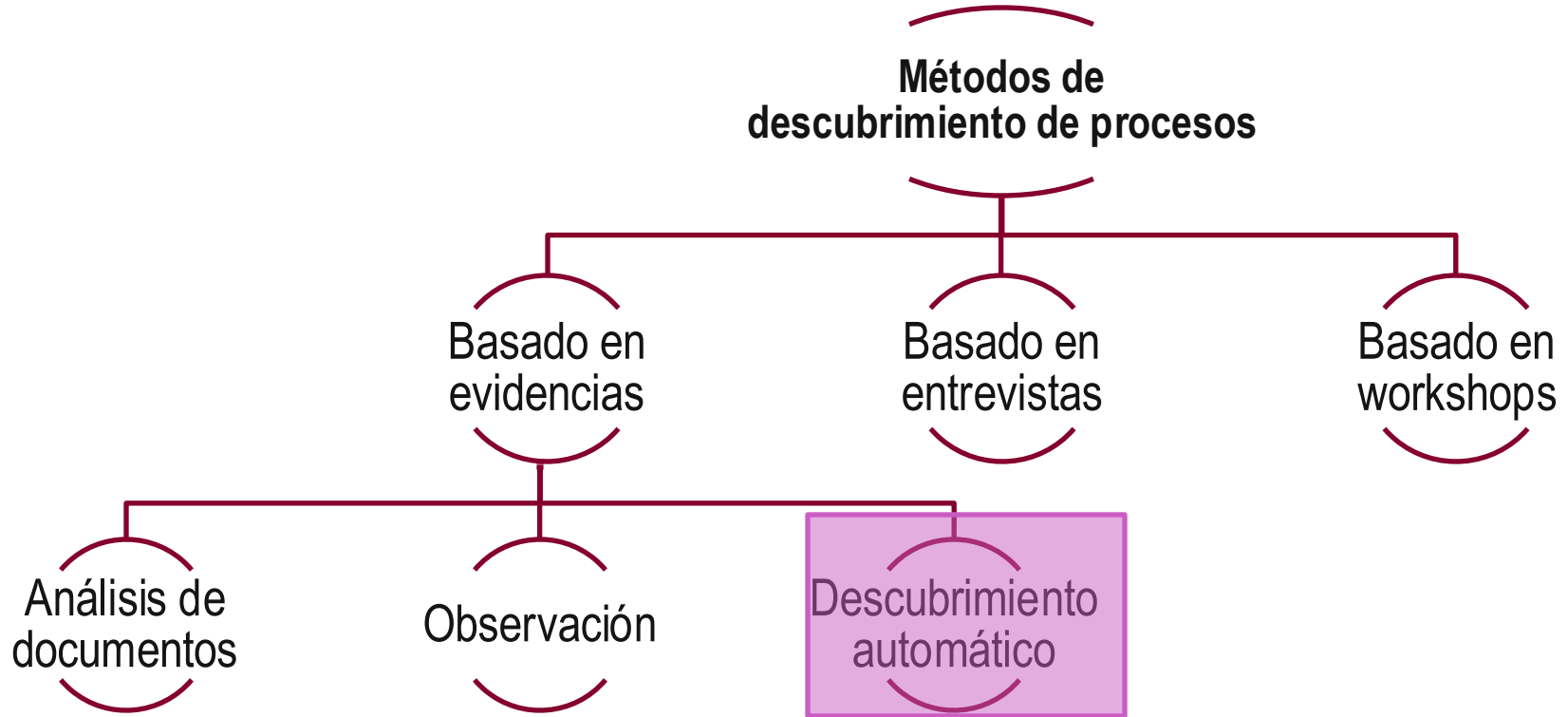


ENTREVISTAS



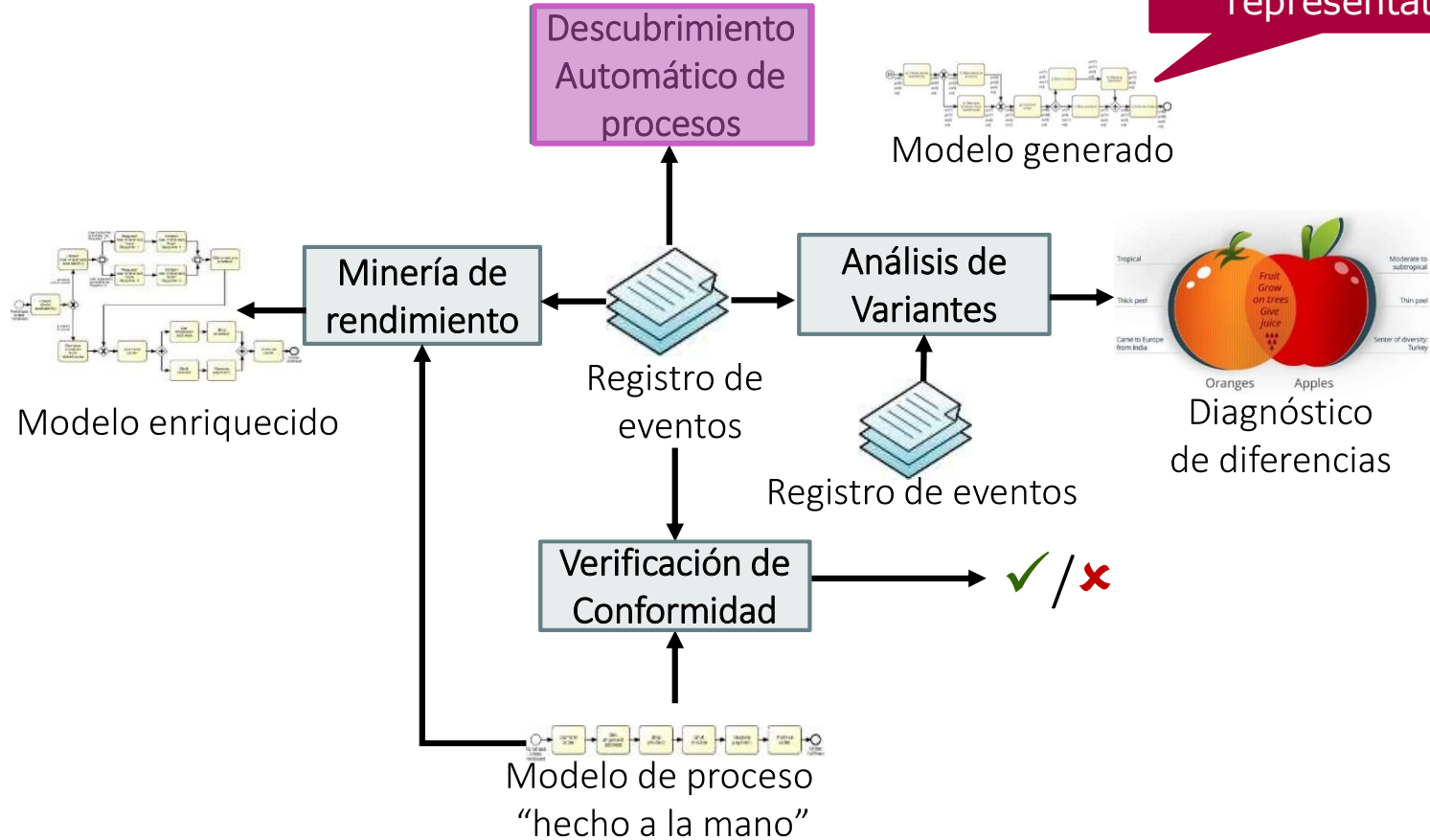
WORKSHOPS

# Métodos de descubrimiento de procesos



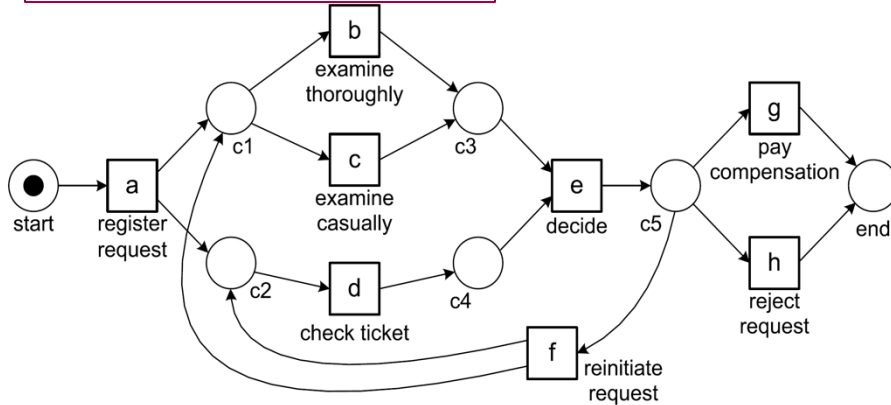
# Casos de uso

Capturar el comportamiento del registro de manera representativa

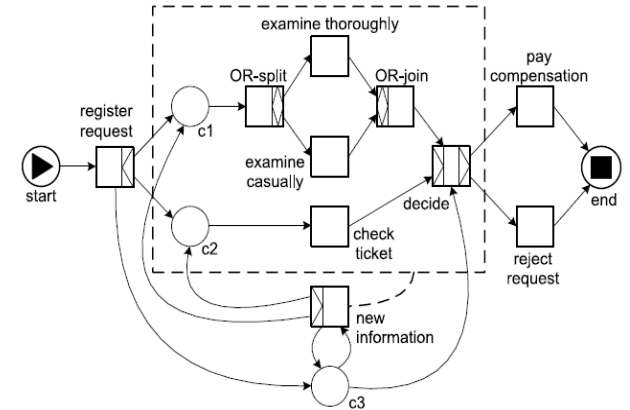


# Representaciones de procesos

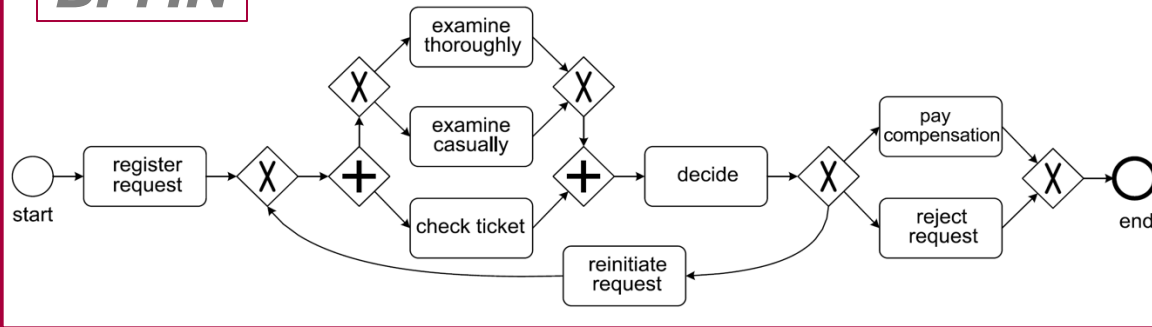
## Redes de Petri



## YAWL



## BPMN

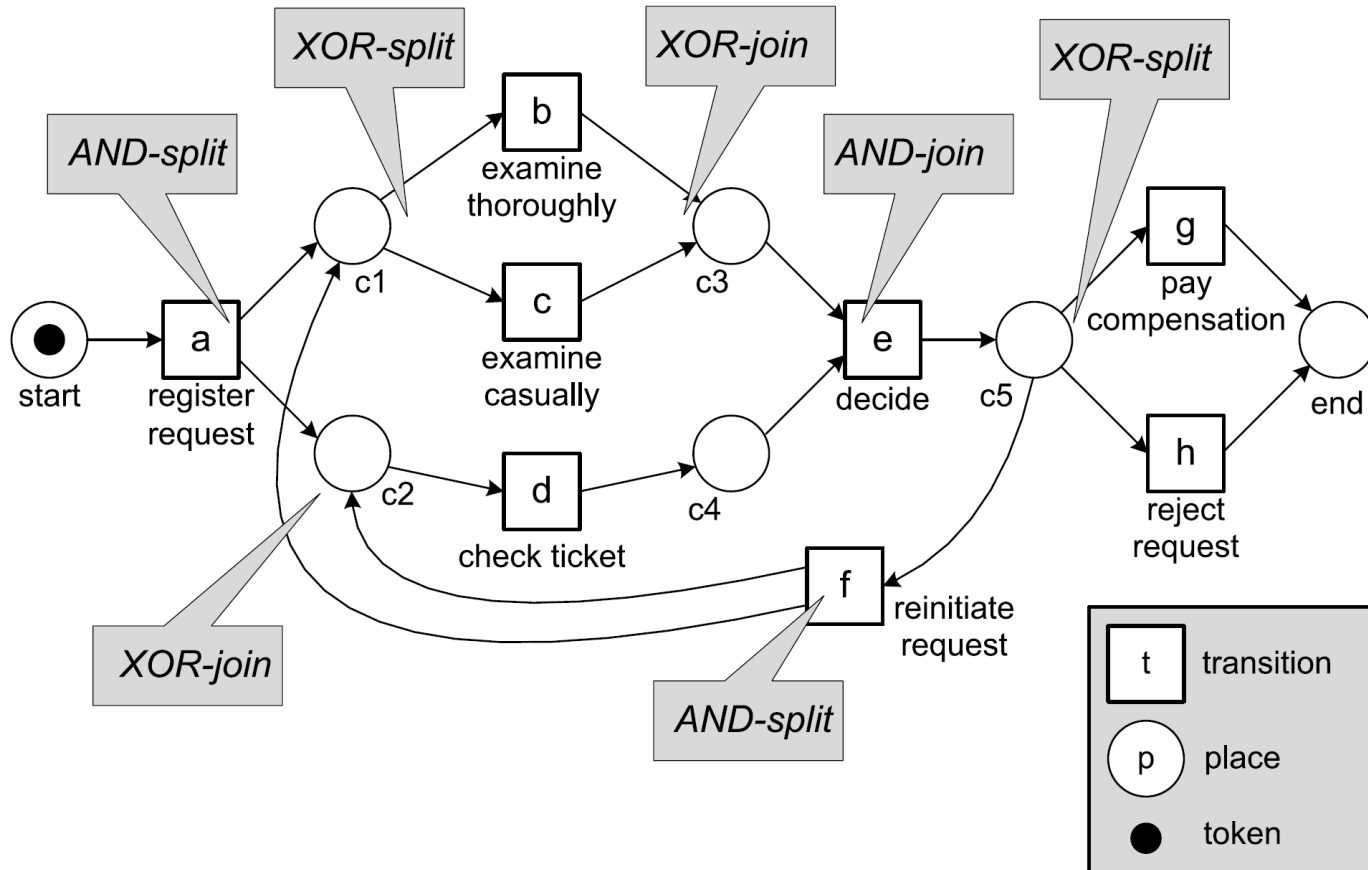


## EPCs

## Causal Nets

## Process Trees

# Redes de Petri

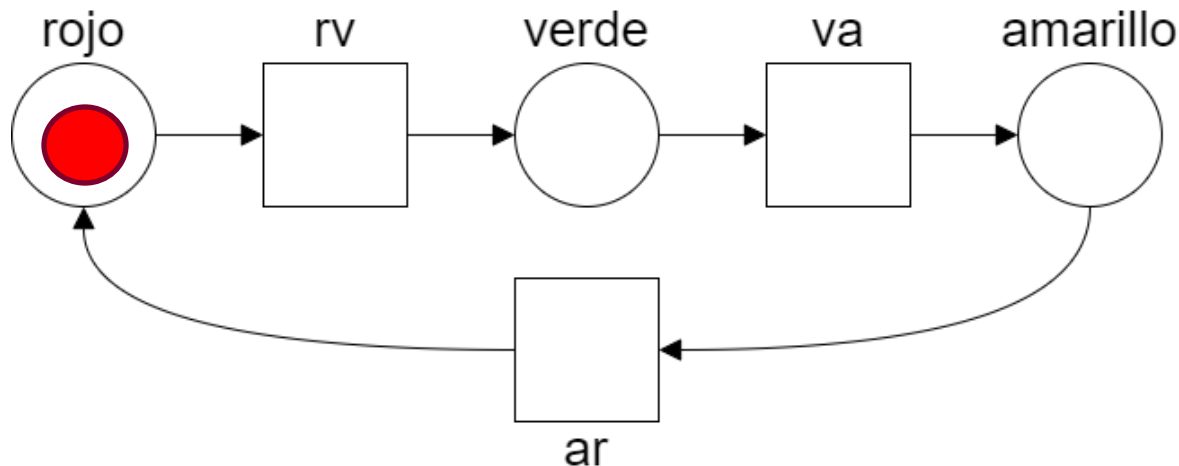


# Redes de Petri



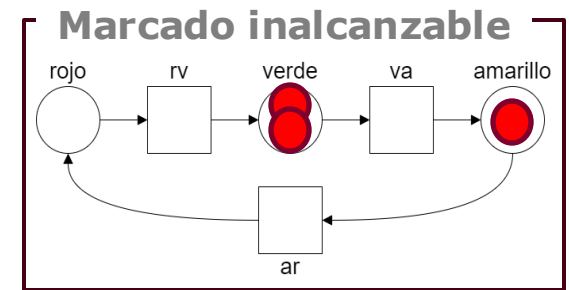
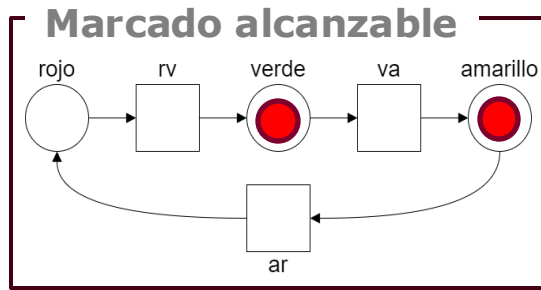
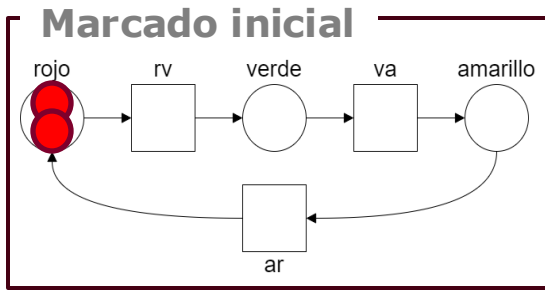
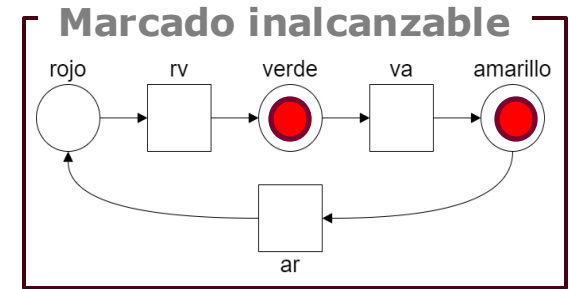
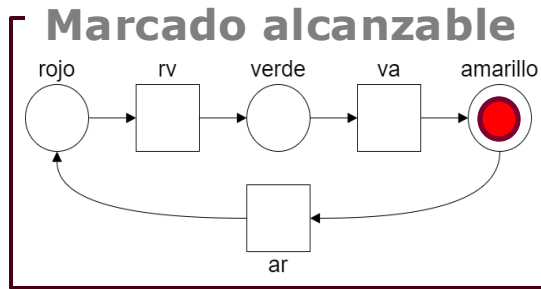
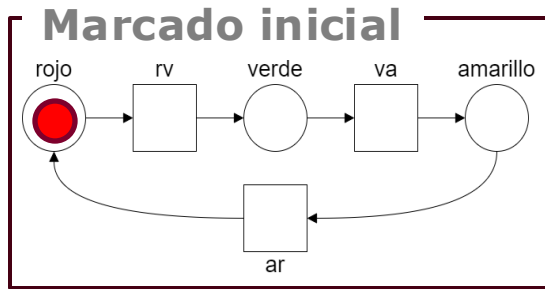
Un proceso muy simple:

- Un semáforo puede estar en 3 estados posibles.
- Entre cada par de estados hay una transición.



# Redes de Petri: Marcado

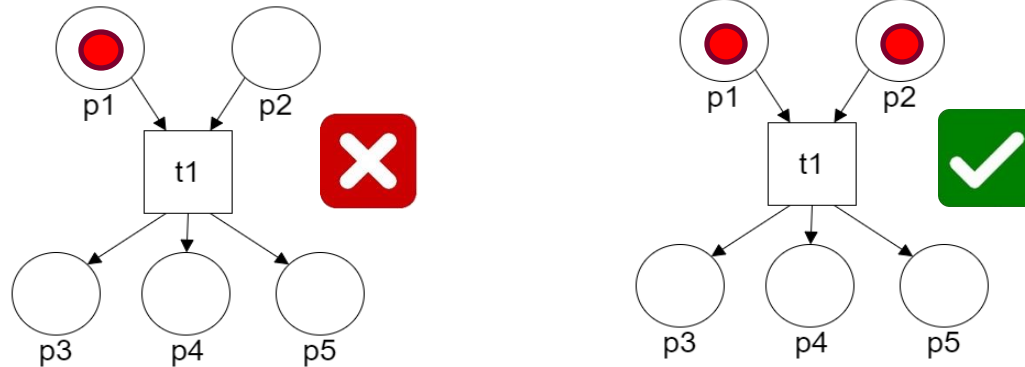
**Marcado:** Es una instantánea de la red de Petri.



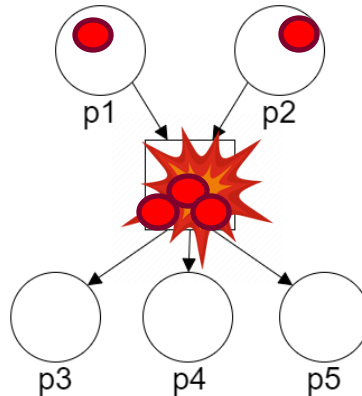


# Redes de Petri: Marcado

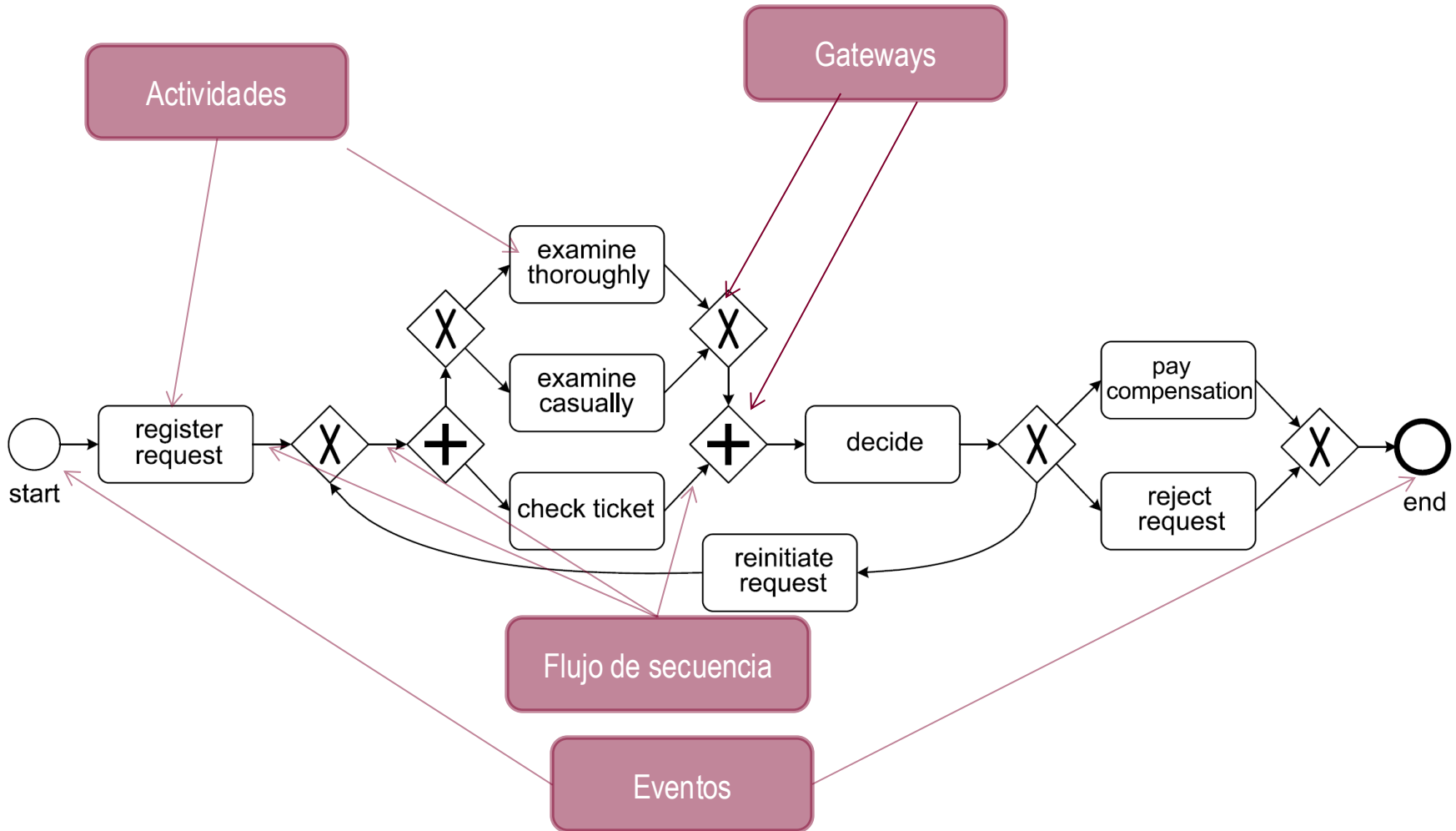
**Activación:** Una transición está activada si cada lugar de entrada contiene un token.



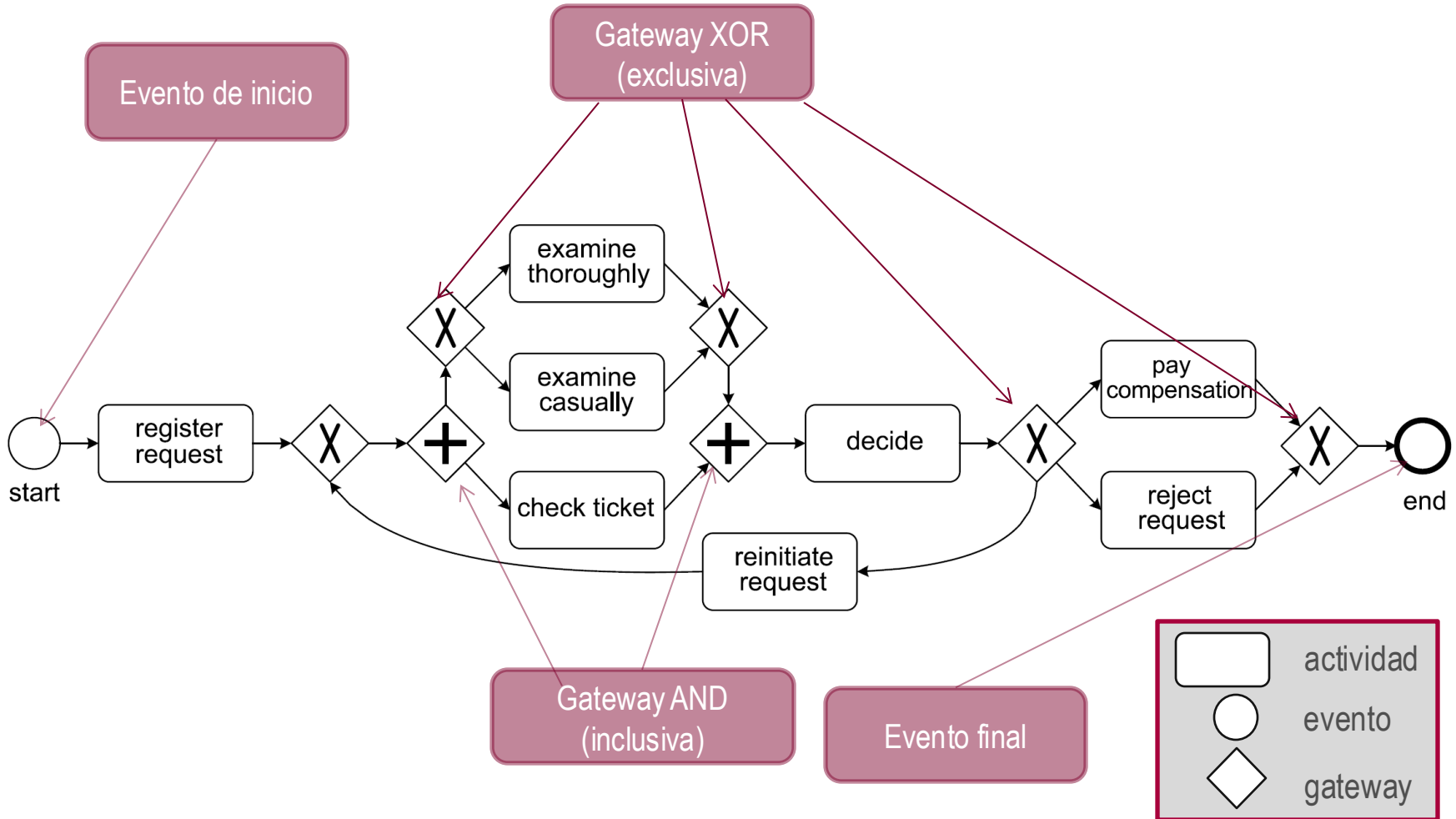
**Disparo:** Una transición activada puede dispararse consumiendo un token desde cada lugar de entrada y produciendo un token para cada lugar de salida.



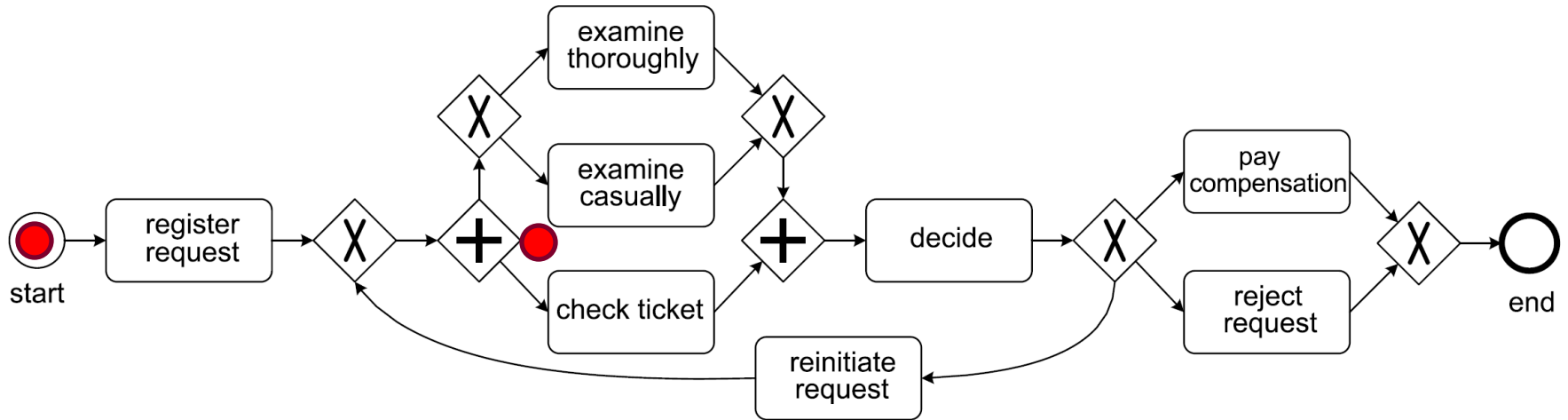
# BPMN (Business Process Model and Notation)

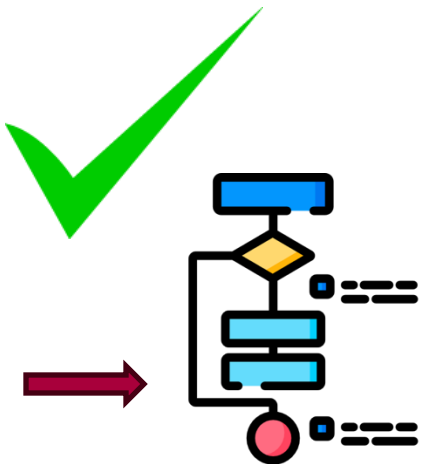


# BPMN (Business Process Model and Notation)



# BPMN (Business Process Model and Notation)

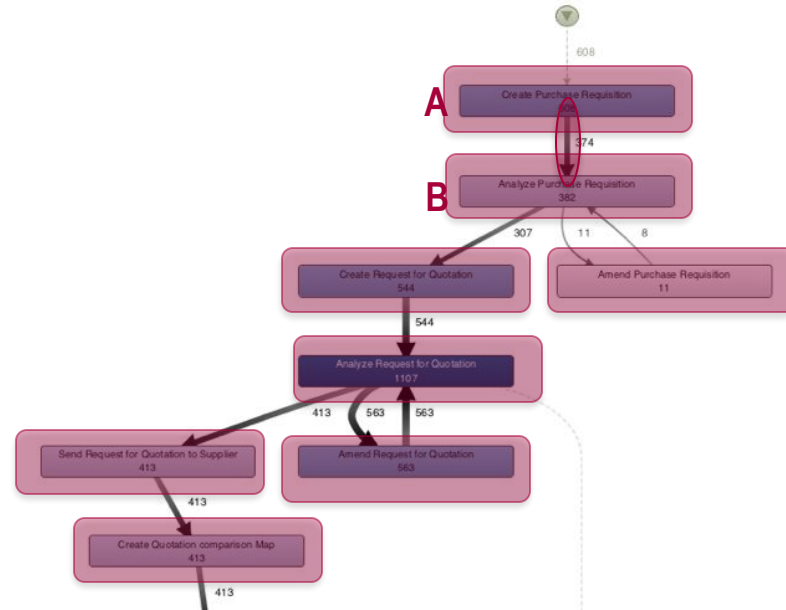




# Mapa de Proceso

Un **mapa de procesos** (grafo de dependencia o directly-follows graph) de un registro de eventos es un **grafo** donde:

- Cada actividad está representada por un **nodo**
- Un **arco** que va de la actividad A a la actividad B significa que A **es seguido directamente** por B en **al menos una traza del registro**



## Mapa de proceso en bruto de un registro de eventos real (En Celonis)



# Operaciones sobre registros de eventos - Ejemplo

## Mapa de proceso abstraído (En Celonis)



- Abstracción de nodos del 90%
- Abstracción de arcos del 98%





# Limitaciones de los Mapas de Procesos

- **Los mapas de proceso sobre-generalizan:** algunos caminos en el mapa de proceso son ficticios.

***Por ejemplo:*** Dibuja el mapa de proceso del siguiente conjunto de trazas:  
[ abc, adc, afce, afec ]

Este mapa de procesos **contiene caminos que no existen** en el registro de eventos

- En los mapas de procesos, suele ser **difícil distinguir entre paralelismo y ciclos**

***Por ejemplo:*** Dibuja el mapa de procesos del siguiente conjunto de trazas:  
[ abcd, acbd ]

- **Solución:** Descubrimiento de modelos de procesos BPMN

# Algoritmos de Descubrimiento

## Algoritmo Alfa ( $\alpha$ )

- Algoritmo más sencillo: **Algoritmo  $\alpha$**  (o **Alpha Miner**):
  - Detecta la ejecución concurrente de actividades
  - Relativamente fácil, se pueden demostrar ciertas propiedades
  - No es robusto contra el ruido, registros incompletos o erróneos
  - Por lo tanto, agradable para la ilustración, **pero de uso limitado en la práctica.**

CaseID	EventID	Timestamp	Activity	Resource
1	CS-405555556-1	2012-07-30 11:14	Check stock availability	YS1
1	RS-157222222-1	2012-07-30 14:20	Receive prod. from warehouse	RS1
1	CS-431844444-1	2012-07-30 15:10	Confirm order	Check
1	GS-440277777-1	2012-07-30 15:22	Get shipping address	YS2
1	RS-405555556-1	2012-07-30 15:44	Send invoice	YS2
1	RS-418055556-1	2012-08-08 10:02	Receive payment	YS2
1	RS-405972222-1	2012-08-08 11:13	Ship product	Sale
1	RS-393222222-1	2012-08-08 12:05	Activate order	DMF
2	CS-405555556-2	2012-08-01 09:44	Check stock availability	YS1
2	RS-424055556-2	2012-08-01 10:06	Check materials availability	YS1
2	RS-405666667-2	2012-08-01 11:17	Request new materials	Reqpt
2	CS-438888889-2	2012-08-01 10:02	Obtain new materials	DMF
2	RS-413944444-2	2012-08-04 14:41	Manufacture product	YS1
2	CS-438763741-2	2012-08-04 14:51	Confirm order	Confrm
2	RS-438888889-2	2012-08-04 15:20	Send invoice	YS2
2	GS-463981815-2	2012-08-04 15:27	Get shipping address	YS2
2	RS-727777777-2	2012-08-04 17:28	Ship product	Sale
2	RS-391111111-2	2012-08-07 08:40	Receive payment	YS2
2	RS-393055556-2	2012-08-07 08:50	Activate order	DMF
3	CS-424055556-3	2012-08-02 10:06	Check stock availability	YS1
3	CS-424305556-3	2012-08-02 10:11	Check materials availability	YS1
3	RS-405644444-3	2012-08-02 10:08	Manufacture product	YS1
3	CS-4751157407-3	2012-08-02 16:12	Confirm order	Check
3	RS-487853333-3	2012-08-02 16:33	Send invoice	YS2
3	RS-701388889-3	2012-08-02 16:50	Get shipping address	YS2
3	RS-705044444-3	2012-08-02 16:58	Ship product	Sale
3	RS-430555556-3	2012-08-06 10:20	Receive payment	YS2
3	RS-438077777-3	2012-08-06 10:25	Activate order	DMF
4	CS-740272222-4	2012-08-04 08:13	Check stock availability	YS1
4	RS-080112374-4	2012-08-04 12:00	Receive prod. from warehouse	YS1
4	CS-5041898148-4	2012-08-04 12:06	Confirm order	Hano
4	RS-522344148-4	2012-08-04 12:32	Get shipping address	YS2
4	RS-4016457621-4	2012-08-08 08:41	Send invoice	YS2
4	RS-418055556-4	2012-08-08 10:02	Receive payment	YS2
4	RS-515277778-4	2012-08-08 11:41	Ship product	Sale
4	RS-393888889-4	2012-08-08 14:08	Activate order	DMF

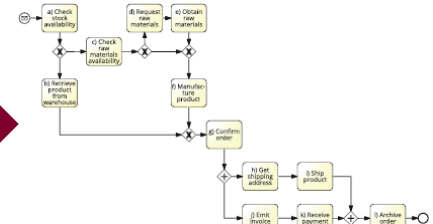
Identificación de relaciones

$a > b$   
 $a \rightarrow b$   
 $a || b$   
 $a \# b$

Identificación de Patrones

a)  $a > b$ , but  $b > a \Rightarrow a \rightarrow b$   
 b)  $a \rightarrow b$  and  $a \rightarrow c \Rightarrow b \# c$   
 c)  $b \# c \Rightarrow b \rightarrow d$  and  $c \rightarrow d$   
 d)  $a \rightarrow b$  and  $a \rightarrow c \Rightarrow b || c$   
 e)  $b \rightarrow d$  and  $c \rightarrow d \Rightarrow b || c$

	a	b	c	d	e	f	g	h	i	j	k	l
a	#	→	→	#	#	#	#	#	#	#	#	#
b	←	#	→	#	#	#	→	#	#	#	#	#
c	←	#	#	→	#	#	#	#	#	#	#	#
d	#	#	#	←	→	#	#	#	#	#	#	#
e	#	#	#	#	#	←	→	#	#	#	#	#
f	#	#	#	#	#	#	←	→	#	#	#	#
g	#	#	#	#	#	#	#	#	←	→	#	#
h	#	#	#	#	#	#	#	#	←	→	#	#
i	#	#	#	#	#	#	#	#	#	←	→	#
j	#	#	#	#	#	#	#	#	#	#	←	→
k	#	#	#	#	#	#	#	#	#	#	#	←
l	#	#	#	#	#	#	#	#	#	#	#	#



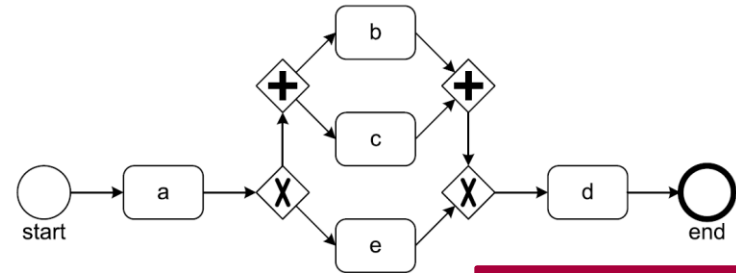
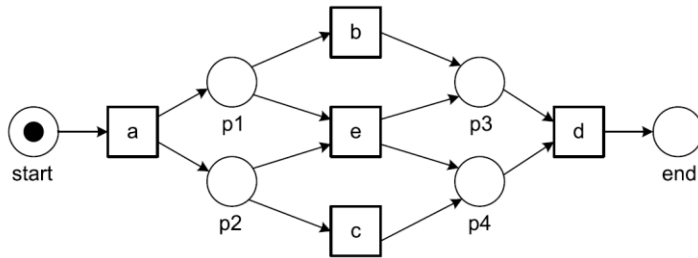
# Algoritmo Alfa ( $\alpha$ )

**Entrada:** Log simplificado

**Salida:** Modelo de proceso

La notación utilizada como salida no es muy relevante. Pueden hacerse transformaciones entre notaciones.

Los tipos de relaciones entre actividades que pueden detectarse y ,por tanto, cómo de expresivo es el modelo obtenido sí son relevantes.



$$L_1 = [\langle a, b, c, d \rangle^3, \langle a, c, b, d \rangle^2, \langle a, e, d \rangle]$$

Nos centramos  
en actividades

# Algoritmo Alfa ( $\alpha$ )

**Entrada:** Log simplificado

El algoritmo alfa construye un modelo de proceso a partir de un registro de eventos **conductualmente completo** (siempre que una tarea **a** puede ser seguida directamente por una tarea **b** en el proceso real, hay al menos un caso en el registro de eventos en el que observamos **ab**)

Las **relaciones de orden** se refieren a pares de tareas que se suceden directamente en el registro.

## Relaciones Alfa ( $\alpha$ ):

- Causalidad.
- Paralelismo potencial.
- No sucesión directa.

# Algoritmo Alfa ( $\alpha$ ): Relaciones

## Sucesión directa: $a > b$

- Se cumple si podemos observar en el event log L que una tarea **a** va seguida directamente de **b**.
- Esta es la misma relación que se captura en un gráfico de dependencia.

$$L_1 = [\langle a, b, c, d \rangle^3, \langle a, c, b, d \rangle^2, \langle a, e, d \rangle]$$

$a > b$	$a > c$	$a > e$	$b > c$	$b > d$	$c > b$	$c > d$	$e > d$
---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------

A partir de la relación de sucesión directa se pueden descubrir tipos adicionales de relaciones

# Algoritmo Alfa ( $\alpha$ ): Relaciones

## Causalidad: $a \rightarrow b$

- Se deriva de la relación de sucesión directa.
- Se cumple si observamos en L que  $a > b$  y que  $b \not> a$ .

$$L_1 = [\langle a, b, c, d \rangle^3, \langle a, c, b, d \rangle^2, \langle a, e, d \rangle]$$

$a > b$	$a > c$	$a > e$	$b > c$	$b > d$	$c > b$	$c > d$	$e > d$
---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------

$a \rightarrow b$	$a \rightarrow c$	$a \rightarrow e$	$b \rightarrow d$	$c \rightarrow d$	$e \rightarrow d$
-------------------	-------------------	-------------------	-------------------	-------------------	-------------------

# Algoritmo Alfa ( $\alpha$ ): Relaciones

## Paralelismo: $a \parallel b$

- Se cumple si se observan  $a > b$  y  $b > a$  en el log de eventos L.

$$L_1 = [\langle a, b, c, d \rangle^3, \langle a, c, b, d \rangle^2, \langle a, e, d \rangle]$$

$a > b$      $a > c$      $a > e$      $b > c$      $b > d$      $c > b$      $c > d$      $e > d$

$a \rightarrow b$      $a \rightarrow c$      $a \rightarrow e$      $b \rightarrow d$      $c \rightarrow d$      $e \rightarrow d$

$b \parallel c$

$c \parallel b$

# Algoritmo Alfa ( $\alpha$ ): Relaciones

## Sucesión no directa (elección condicional): $a \# b$

- Se cumple si se observan  $a \not> b$  y  $b \not> a$  en el event log L.

$$L_1 = [\langle a, b, c, d \rangle^3, \langle a, c, b, d \rangle^2, \langle a, e, d \rangle]$$

$a > b$	$a > c$	$a > e$	$b > c$	$b > d$	$c > b$	$c > d$	$e > d$
---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------

$a \rightarrow b$	$a \rightarrow c$	$a \rightarrow e$	$b \rightarrow d$	$c \rightarrow d$	$e \rightarrow d$
-------------------	-------------------	-------------------	-------------------	-------------------	-------------------

$b \parallel c$	$c \parallel b$
-----------------	-----------------

$b \# e$	$e \# b$	$c \# e$	$a \# d$
----------	----------	----------	----------



## Algoritmo Alfa ( $\alpha$ )

**Footprint:** Una representación de las relaciones entre actividades como una matriz de adyacencia anotada.

$$L_1 = [\langle a, b, c, d \rangle^3, \langle a, c, b, d \rangle^2, \langle a, e, d \rangle]$$

<b>Sucesión directa</b>	a>b   a>c   a>e   b>c   b>d   c>b   c>d   e>d
<b>Causalidad</b>	a→b   a→c   a→e   b→d   c→d   e→d
<b>Paralelismo</b>	b    c   c    b
<b>Sucesión no directa</b>	b#e   e#b   c#e   a#d

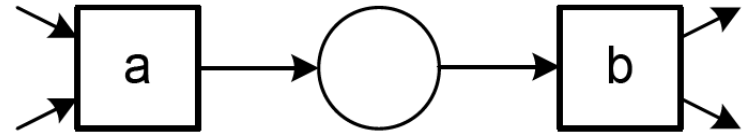
	<i>a</i>	<i>b</i>	<i>c</i>	<i>d</i>	<i>e</i>
<i>a</i>	# <sub>L<sub>1</sub></sub>	→ <sub>L<sub>1</sub></sub>	→ <sub>L<sub>1</sub></sub>	# <sub>L<sub>1</sub></sub>	→ <sub>L<sub>1</sub></sub>
<i>b</i>	← <sub>L<sub>1</sub></sub>	# <sub>L<sub>1</sub></sub>	<sub>L<sub>1</sub></sub>	→ <sub>L<sub>1</sub></sub>	# <sub>L<sub>1</sub></sub>
<i>c</i>	← <sub>L<sub>1</sub></sub>	<sub>L<sub>1</sub></sub>	# <sub>L<sub>1</sub></sub>	→ <sub>L<sub>1</sub></sub>	# <sub>L<sub>1</sub></sub>
<i>d</i>	# <sub>L<sub>1</sub></sub>	← <sub>L<sub>1</sub></sub>	← <sub>L<sub>1</sub></sub>	# <sub>L<sub>1</sub></sub>	← <sub>L<sub>1</sub></sub>
<i>e</i>	← <sub>L<sub>1</sub></sub>	# <sub>L<sub>1</sub></sub>	# <sub>L<sub>1</sub></sub>	→ <sub>L<sub>1</sub></sub>	# <sub>L<sub>1</sub></sub>

# Algoritmo Alfa ( $\alpha$ ): 5 patrones derivados de las relaciones $\alpha$

## 1. Patrón secuencia: $a \rightarrow b$

Representa una secuencia de tareas  $a$  y  $b$ . Se debe garantizar que en un event log encontraremos  $a$  seguido de  $b$ , es decir,  $a > b$ , pero nunca  $b$  seguido de  $a$ , es decir,  $b \not> a$ .

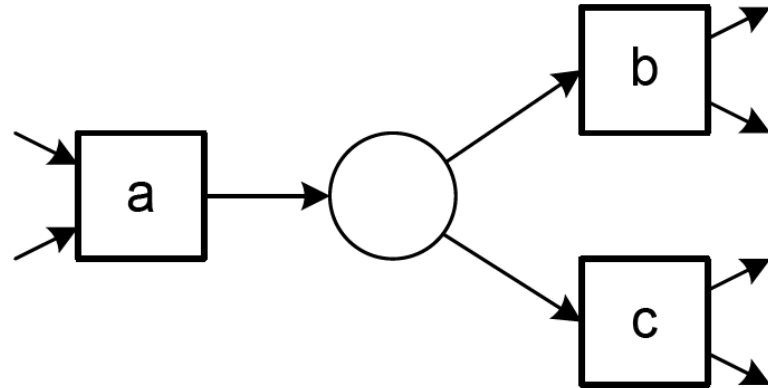
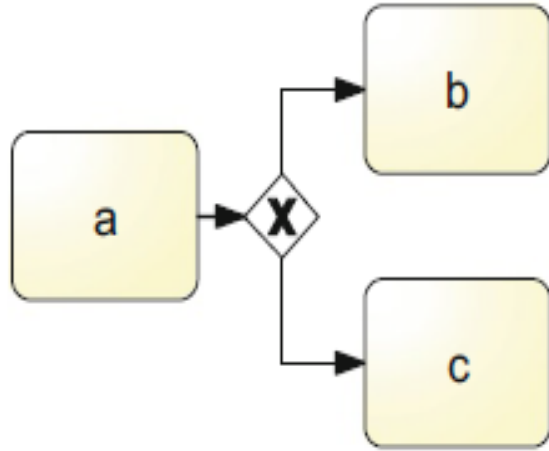
Esto significa que la relación de causalidad  $a \rightarrow b$  debe mantenerse.



## Algoritmo Alfa ( $\alpha$ ): 5 patrones derivados de las relaciones $\alpha$

### 2. Patrón XOR-split: $a \rightarrow b$ , $a \rightarrow c$ , $b \# c$

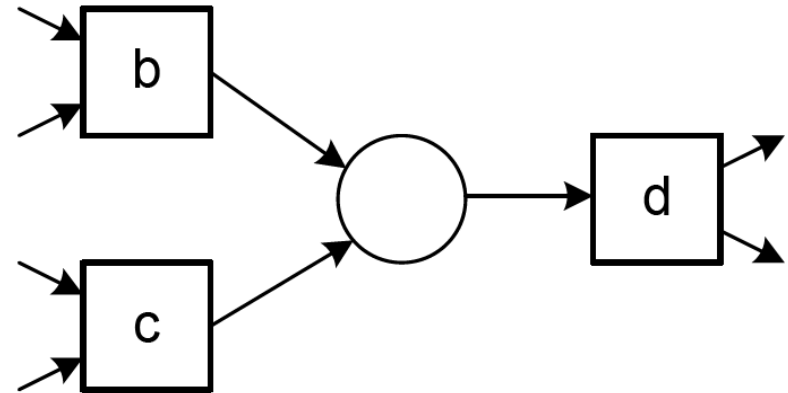
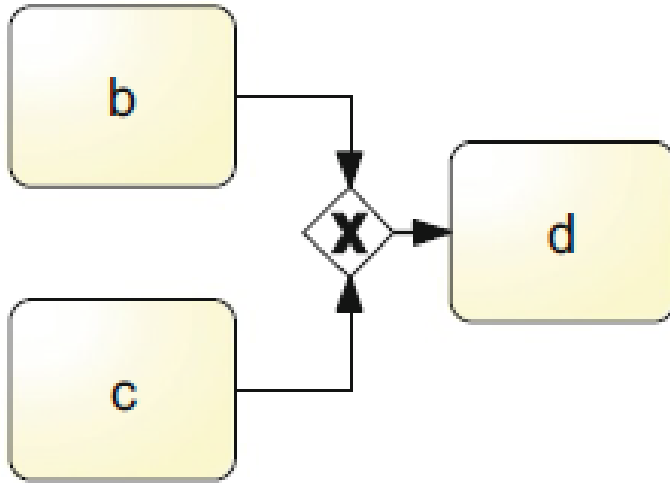
El event log debe mostrar que  $a \rightarrow b$  y  $a \rightarrow c$  se mantienen, y que  $b$  y  $c$  no serían sucesores mutuos, es decir,  $b \# c$ .



## Algoritmo Alfa ( $\alpha$ ): 5 patrones derivados de las relaciones $\alpha$

### 3. Patrón join: $b \rightarrow d, c \rightarrow d, b \# c$

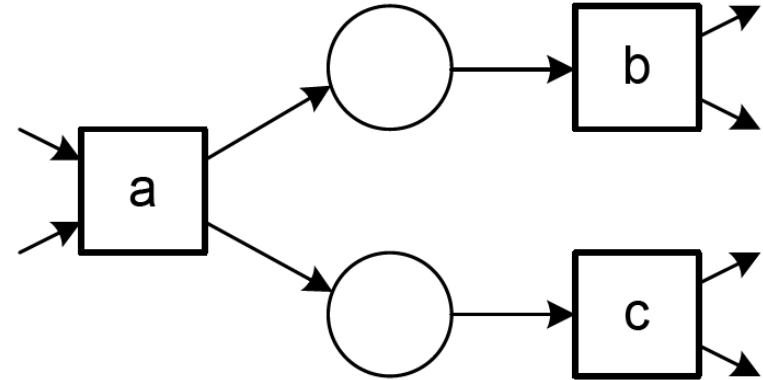
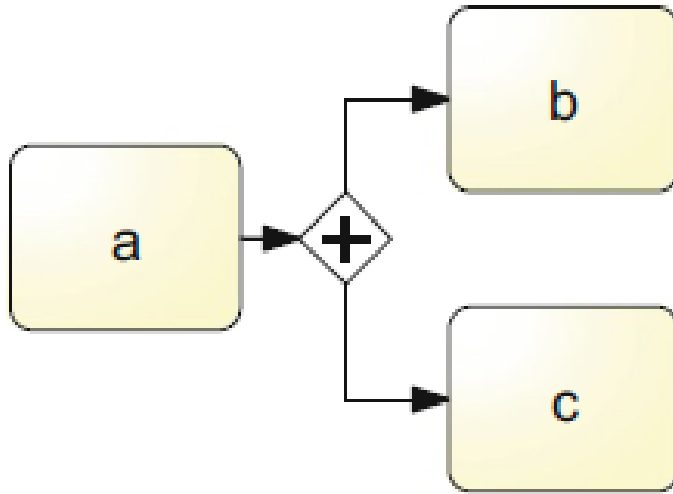
Requiere que  $b$  y  $c$  no sean sucesores mutuos, es decir,  $b \# c$ , mientras que  $a \rightarrow b$  y  $a \rightarrow c$  deben cumplirse.



# Algoritmo Alfa ( $\alpha$ ): 5 patrones derivados de las relaciones $\alpha$

## 4. Patrón AND-split: $a \rightarrow b, b \rightarrow c, b \parallel c$

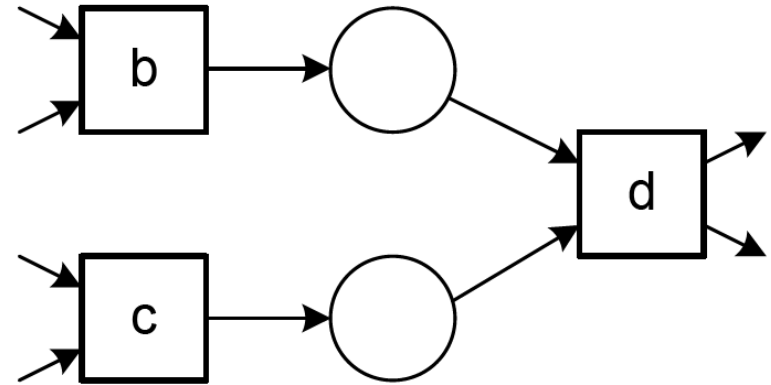
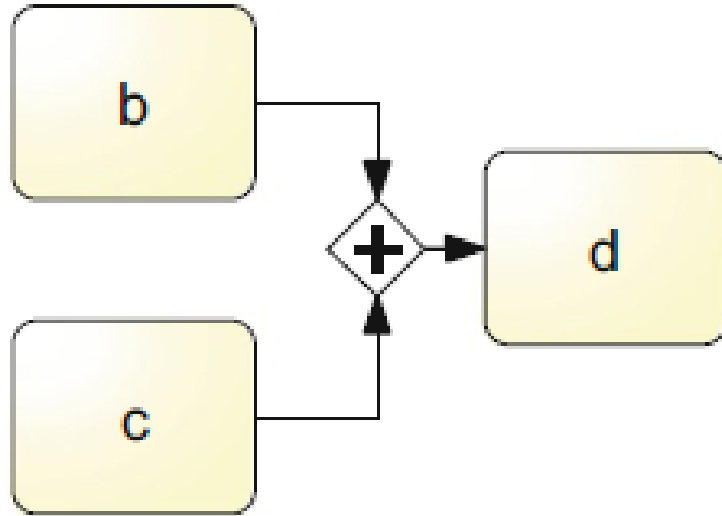
Exige que  $a \rightarrow b$  y  $a \rightarrow c$  se cumplan, y que b y c muestren un paralelismo potencial, es decir,  $b \parallel c$ .



## Algoritmo Alfa ( $\alpha$ ): 5 patrones derivados de las relaciones $\alpha$

### 5. Patrón AND-join: $b \rightarrow d, c \rightarrow d, b \parallel c$

Se refiere a  $b \rightarrow d$  y  $c \rightarrow d$ , mientras que  $b$  y  $c$  muestran un paralelismo potencial, es decir,  $b \parallel c$ .



# Algoritmo Alfa (α): Ejemplo

Considere un registro de eventos con dos trazas:

$$\langle a, b, g, h, j, k, i, l \rangle \text{ y } \langle a, c, d, e, f, g, j, h, i, k, l \rangle$$

## Sucesión directa:

$a > b$	$h > j$	$i > l$	$d > e$	$g > j$	$i > k$
$b > g$	$j > k$	$a > c$	$e > f$	$j > h$	$k > l$
$g > h$	$k > i$	$c > d$	$f > g$	$h > i$	

## Causalidad:

$a \rightarrow b$	$j \rightarrow k$	$a \rightarrow c$	$d \rightarrow e$	$f \rightarrow g$	$h \rightarrow i$
$b \rightarrow g$	$i \rightarrow l$	$c \rightarrow d$	$e \rightarrow f$	$g \rightarrow j$	$k \rightarrow l$
$g \rightarrow h$					

**Paralelismo potencial** es válida tanto para  $h \parallel j$  como para  $k \parallel i$  (y los casos simétricos correspondientes).

**Sucesión no directa** se puede encontrar para todos los pares que no pertenecen a la causalidad  $\rightarrow$  y el paralelismo  $\parallel$

# Algoritmo Alfa (α): Ejemplo

**Footprint:** Una representación de las relaciones entre actividades como una matriz de adyacencia anotada.

Causalidad:

$a \rightarrow b$	$j \rightarrow k$	$a \rightarrow c$	$d \rightarrow e$	$f \rightarrow g$	$h \rightarrow i$
$b \rightarrow g$	$i \rightarrow l$	$c \rightarrow d$	$e \rightarrow f$	$g \rightarrow j$	$k \rightarrow l$
$g \rightarrow h$					

Paralelismo potencial:

$h // j$
$k // i$



	$a$	$b$	$c$	$d$	$e$	$f$	$g$	$h$	$i$	$j$	$k$	$l$
$a$	#	$\rightarrow$	$\rightarrow$	#	#	#	#	#	#	#	#	#
$b$	$\leftarrow$	#	#	#	#	#	$\rightarrow$	#	#	#	#	#
$c$	$\leftarrow$	#	#	$\rightarrow$	#	#	#	#	#	#	#	#
$d$	#	#	$\leftarrow$	#	$\rightarrow$	#	#	#	#	#	#	#
$e$	#	#	#	$\leftarrow$	#	$\rightarrow$	#	#	#	#	#	#
$f$	#	#	#	#	$\leftarrow$	#	$\rightarrow$	#	#	#	#	#
$g$	#	$\leftarrow$	#	#	#	$\leftarrow$	#	$\rightarrow$	#	$\rightarrow$	#	#
$h$	#	#	#	#	#	#	$\leftarrow$	#	$\rightarrow$	$//$	#	#
$i$	#	#	#	#	#	#	#	$\leftarrow$	#	#	$//$	$\rightarrow$
$j$	#	#	#	#	#	#	$\leftarrow$	$//$	#	#	$\rightarrow$	#
$k$	#	#	#	#	#	#	#	#	$//$	$\leftarrow$	#	$\rightarrow$
$l$	#	#	#	#	#	#	#	#	$\leftarrow$	#	$\leftarrow$	#



## Algoritmo Alfa ( $\alpha$ ): Ejemplo



Hasta ahora hemos identificado las relaciones de orden, pero ¡esto no es el Algoritmo Alfa!

Buscamos **obtener un modelo de proceso**

### Partimos de:

- El registro de eventos:  
 $L = [ \langle a, b, g, h, j, k, i, l \rangle, \langle a, c, d, e, f, g, j, h, i, k, l \rangle ]$
- La matriz – Footprint
- Aplicamos un algoritmo de 8 pasos.

# Algoritmo Alfa ( $\alpha$ ): Ejemplo

- 1.- Sea  $T_L$  el conjunto de todas las tareas en el registro.
- 2.- Sea  $T_I$  el conjunto de tareas que aparecen al menos una vez como primera tarea de un caso.
- 3.- Sea  $T_O$  el conjunto de tareas que aparecen al menos una vez como última tarea de un caso.
- 4.- Sea  $X_L$  el conjunto de posibles conexiones de tareas.  $X_L$  se compone de:
  - Patrón (1): todos los pares para los que se cumple  $a \rightarrow b$ .
  - Patrón (2): todos los triples para los que se cumple  $a \rightarrow (b\#c)$ .
  - Patrón (3): todos los triples para los cuales se cumple  $(b\#c) \rightarrow d$ .Tenga en cuenta que los triples para los cuales se mantiene el Patrón (4)  $a \rightarrow (b||c)$  o el Patrón (5)  $(b||c) \rightarrow d$  no están incluidos en  $X_L$ .
- 5.- Construya el conjunto  $Y_L$  como un subconjunto de  $X_L$  mediante:
  - Eliminando  $a \rightarrow b$  y  $a \rightarrow c$  si existe algún  $a \rightarrow (b\#c)$ .
  - Eliminando  $b \rightarrow c$  y  $b \rightarrow d$  si existe algún  $(b\#c) \rightarrow d$ .
- 6.- Conecte los eventos de inicio y fin.
- 7.- Construya los arcos de flujo de la siguiente manera:
  - Patrón (1): para cada  $a \rightarrow b$  en  $Y_L$ , dibuje un arco de  $a$  a  $b$ .
  - Patrón (2): para cada  $a \rightarrow (b\#c)$  en  $Y_L$ , dibuje un arco desde  $a$  hasta una división XOR (XOR-split), y desde allí hasta  $b$  y  $c$ .
  - Patrón (3): para cada  $(b\#c) \rightarrow d$  en  $Y_L$ , dibuje un arco desde  $b$  y  $c$  hasta una unión XOR, y desde allí hasta  $d$ .
  - Patrón (4) y (5): si una tarea en el modelo de proceso así construido tiene múltiples arcos entrantes o múltiples salientes, agrupe estos arcos con una unión AND o una división AND, respectivamente.
8. Devolver el proceso recién construido.



## Algoritmo Alfa ( $\alpha$ ): Ejemplo – 8 pasos

Log: [ $\langle a, b, g, h, j, k, i, l \rangle, \langle a, c, d, e, f, g, j, h, i, k, l \rangle$ ]

1.- Sea  $T_L$  el conjunto de todas las tareas en el registro.

$$\mathbf{T}_L = \{a, b, c, d, e, f, g, h, i, j, k, l\}$$

2.- Sea  $T_I$  el conjunto de tareas que aparecen al menos una vez como primera tarea de un caso.

$$\mathbf{T}_I = \{a\}$$

3.- Sea  $T_O$  el conjunto de tareas que aparecen al menos una vez como última tarea de un caso.

$$\mathbf{T}_O = \{l\}$$

## Algoritmo Alfa ( $\alpha$ ): Ejemplo – 8 pasos

**Log:** [ $\langle a, b, g, h, j, k, i, l \rangle, \langle a, c, d, e, f, g, j, h, i, k, l \rangle$ ]

4.- Sea  $X_L$  el conjunto de posibles conexiones de tareas.  $X_L$  se compone de:

- Patrón (1): todos los pares para los que se cumple  $a \rightarrow b$ . **Causalidad**
- Patrón (2): todos los triples para los que se cumple  $a \rightarrow (b\#c)$ . **Usa la matriz**
- Patrón (3): todos los triples para los cuales se cumple  $(b\#c) \rightarrow d$ .

Tenga en cuenta que los triples para los cuales se mantiene el Patrón (4)  $a \rightarrow (b||c)$  o el Patrón (5)  $(b||c) \rightarrow d$  no están incluidos en  $X_L$ .

$X_L = (1) \cup (2) \cup (3)$ , donde

**(1)** =  $\{a \rightarrow b, b \rightarrow g, g \rightarrow h, j \rightarrow k, i \rightarrow l, a \rightarrow c, c \rightarrow d, d \rightarrow e, e \rightarrow f, f \rightarrow g, g \rightarrow j, h \rightarrow i, k \rightarrow l\}$

## Algoritmo Alfa ( $\alpha$ ): Ejemplo – 8 pasos

Log: [ $\langle a, b, g, h, j, k, i, l \rangle, \langle a, c, d, e, f, g, j, h, i, k, l \rangle$ ]

4.- Sea XL el conjunto de posibles conexiones de tareas. XL se compone de:

- Patrón (1): todos los pares para los que se cumple  $a \rightarrow b$ . **Causalidad**

- Patrón (2): todos los pares para los que se cumple  $a \rightarrow c$ . **Usa la matriz**

- Patrón (3): todos los pares para los que se cumple  $a \rightarrow d$ .

Tenga en cuenta el Patrón (4)  $a \rightarrow (b||c)$  o el

Patrón (5)  $(b||c) \rightarrow d$ .

$$X_L = (1) \cup (2)$$

$$(1) = \{a \rightarrow b\}$$

	a	b	c	d	e	f	g	h	i	j	k	l
a	#	$\rightarrow$	$\rightarrow$	#	#	#	#	#	#	#	#	#
b	$\leftarrow$	#	#	#	#	#	$\rightarrow$	#	#	#	#	#
c	$\leftarrow$	#	#	$\rightarrow$	#	#	#	#	#	#	#	#
d	#	#	$\leftarrow$	#	$\rightarrow$	#	#	#	#	#	#	#
e	#	#	#	$\leftarrow$	#	$\rightarrow$	#	#	#	#	#	#
f	#	#	#	#	$\leftarrow$	#	$\rightarrow$	#	#	#	#	#
g	#	$\leftarrow$	#	#	#	$\leftarrow$	#	$\rightarrow$	#	$\rightarrow$	#	#
h	#	#	#	#	#	#	$\leftarrow$	#	$\rightarrow$		#	#
i	#	#	#	#	#	#	#	$\leftarrow$	#	#		$\rightarrow$
j	#	#	#	#	#	#	$\leftarrow$		#	#	$\rightarrow$	#
k	#	#	#	#	#	#	#	#		$\leftarrow$	#	$\rightarrow$
l	#	#	#	#	#	#	#	#	$\leftarrow$	#	$\leftarrow$	#

$\rightarrow f, f \rightarrow g, g \rightarrow j, h \rightarrow i, k \rightarrow l$

## Algoritmo Alfa ( $\alpha$ ): Ejemplo – 8 pasos

Log: [ $\langle a, b, g, h, j, k, i, l \rangle, \langle a, c, d, e, f, g, j, h, i, k, l \rangle$ ]

4.- Sea  $X_L$  el conjunto de posibles conexiones de tareas.  $X_L$  se compone de:

- Patrón (1): todos los pares para los que se cumple  $a \rightarrow b$ . Causalidad
- Patrón (2): todos los triples para los que se cumple  $a \rightarrow (b \# c)$ . Usa la matriz
- Patrón (3): todos los triples para los cuales se cumple  $(b \# c) \rightarrow d$ . Usa la matriz

Tenga en cuenta que los triples para los cuales se mantiene el Patrón (4)  $a \rightarrow (b || c)$  o el Patrón (5)  $(b || c) \rightarrow d$  no están incluidos en  $X_L$ .

$X_L = (1) \cup (2) \cup (3)$ , donde

(1) =  $\{a \rightarrow b, b \rightarrow g, g \rightarrow h, j \rightarrow k, i \rightarrow l, a \rightarrow c, c \rightarrow d, d \rightarrow e, e \rightarrow f, f \rightarrow g, g \rightarrow j, h \rightarrow i, k \rightarrow l\}$

(2) =  $\{a \rightarrow (b \# c)\}$

## Algoritmo Alfa ( $\alpha$ ): Ejemplo – 8 pasos

Log: [ $\langle a, b, g, h, j, k, i, l \rangle, \langle a, c, d, e, f, g, j, h, i, k, l \rangle$ ]

4.- Sea  $X_L$  el conjunto de posibles conexiones de tareas.  $X_L$  se compone de:

- Patrón (1): todos los pares para los que se cumple  $a \rightarrow b$ . **Causalidad**

- Patrón (2): todos los

- Patrón (3): todos los

Tenga en cuenta que

Patrón (5)  $(b||c) \rightarrow c$

Usa la matriz

Usa la matriz

ón (4)  $a \rightarrow (b||c)$  o el

$$X_L = (1) \cup (2) \cup$$

$$(1) = \{a \rightarrow b, b \rightarrow g$$

$$(2) = \{a \rightarrow (b \# c),$$

$g, g \rightarrow j, h \rightarrow i, k \rightarrow l$

	a	b	c	d	e	f	g	h	i	j	k	l
a	#	$\rightarrow$	$\rightarrow$	#	#	#	#	#	#	#	#	#
b	$\leftarrow$	#	#	#	#	#	$\rightarrow$	#	#	#	#	#
c	$\leftarrow$	#	#	$\rightarrow$	#	#	#	#	#	#	#	#
d	#	#	$\leftarrow$	#	$\rightarrow$	#	#	#	#	#	#	#
e	#	#	#	$\leftarrow$	#	$\rightarrow$	#	#	#	#	#	#
f	#	#	#	#	$\leftarrow$	#	$\rightarrow$	#	#	#	#	#
g	#	$\leftarrow$	#	#	#	$\leftarrow$	#	$\rightarrow$	#	$\rightarrow$	#	#
h	#	#	#	#	#	#	$\leftarrow$	#	$\rightarrow$		#	#
i	#	#	#	#	#	#	#	$\leftarrow$	#	#		$\rightarrow$
j	#	#	#	#	#	#	$\leftarrow$		#	#	$\rightarrow$	#
k	#	#	#	#	#	#	#	#		$\leftarrow$	#	$\rightarrow$
l	#	#	#	#	#	#	#	#	$\leftarrow$	#	$\leftarrow$	#

## Algoritmo Alfa ( $\alpha$ ): Ejemplo – 8 pasos

Log: [ $\langle a, b, g, h, j, k, i, l \rangle, \langle a, c, d, e, f, g, j, h, i, k, l \rangle$ ]

4.- Sea  $X_L$  el conjunto de posibles conexiones de tareas.  $X_L$  se compone de:

- Patrón (1): todos los pares para los que se cumple  $a \rightarrow b$ . **Causalidad**
- Patrón (2): todos los triples para los que se cumple  $a \rightarrow (b \# c)$ . **Usa la matriz**
- Patrón (3): todos los triples para los cuales se cumple  $(b \# c) \rightarrow d$ . **Usa la matriz**

Tenga en cuenta que los triples para los cuales se mantiene el Patrón (4)  $a \rightarrow (b || c)$  o el Patrón (5)  $(b || c) \rightarrow d$  no están incluidos en  $X_L$ .

$X_L = (1) \cup (2) \cup (3)$ , donde

(1) =  $\{a \rightarrow b, b \rightarrow g, g \rightarrow h, j \rightarrow k, i \rightarrow l, a \rightarrow c, c \rightarrow d, d \rightarrow e, e \rightarrow f, f \rightarrow g, g \rightarrow j, h \rightarrow i, k \rightarrow l\}$

(2) =  $\{a \rightarrow (b \# c)\}$

(3) =  $\{(b \# f) \rightarrow g\}$

*No incluimos  $(i || k) \rightarrow g$*



## Algoritmo Alfa ( $\alpha$ ): Ejemplo – 8 pasos

Log: [ $\langle a, b, g, h, j, k, i, l \rangle, \langle a, c, d, e, f, g, j, h, i, k, l \rangle$ ]

5.- Construya el conjunto  $Y_L$  como un subconjunto de  $X_L$  mediante:

- Eliminando  $a \rightarrow b$  y  $a \rightarrow c$  si existe algún  $a \rightarrow (b\#c)$ .
- Eliminando  $b \rightarrow c$  y  $b \rightarrow d$  si existe algún  $(b\#c) \rightarrow d$ .

$X_L = (1) \cup (2) \cup (3)$ , donde

(1) =  ~~$\{a \rightarrow b, b \rightarrow g, g \rightarrow h, j \rightarrow k, i \rightarrow l, a \rightarrow c, c \rightarrow d, d \rightarrow e, e \rightarrow f, f \rightarrow g, g \rightarrow j, h \rightarrow i, k \rightarrow l\}$~~   
(2) =  $\{a \rightarrow (b\#c)\}$   
(3) =  $\{(b\#f) \rightarrow g\}$

$Y_L = (1) \cup (2) \cup (3)$ , donde

(1) =  $\{g \rightarrow h, j \rightarrow k, i \rightarrow l, c \rightarrow d, d \rightarrow e, e \rightarrow f, g \rightarrow j, h \rightarrow i, k \rightarrow l\}$   
(2) =  $\{a \rightarrow (b\#c)\}$   
(3) =  $\{(b\#f) \rightarrow g\}$

## Algoritmo Alfa ( $\alpha$ ): Ejemplo – 8 pasos

**Log:** [ $\langle a, b, g, h, j, k, i, l \rangle, \langle a, c, d, e, f, g, j, h, i, k, l \rangle$ ]

6.- Conecte los eventos de inicio y fin de la siguiente manera:

- Si hay varias tareas en el conjunto  $T_1$  de las primeras tareas, dibuje un evento de inicio que conduzca a una división XOR, que se conecta a cada tarea en  $T_1$ . De lo contrario, conecte directamente el evento de inicio con la primera tarea.
- Para cada tarea en el conjunto  $T_0$  de las últimas tareas, agregue un evento final y dibuje un arco desde la tarea hasta el evento final.

¡Empezamos a modelar!



## Algoritmo Alfa ( $\alpha$ ): Ejemplo – 8 pasos

**Log:** [ $\langle a, b, g, h, j, k, i, l \rangle, \langle a, c, d, e, f, g, j, h, i, k, l \rangle$  ]

7.- Construya los arcos de flujo de la siguiente manera:

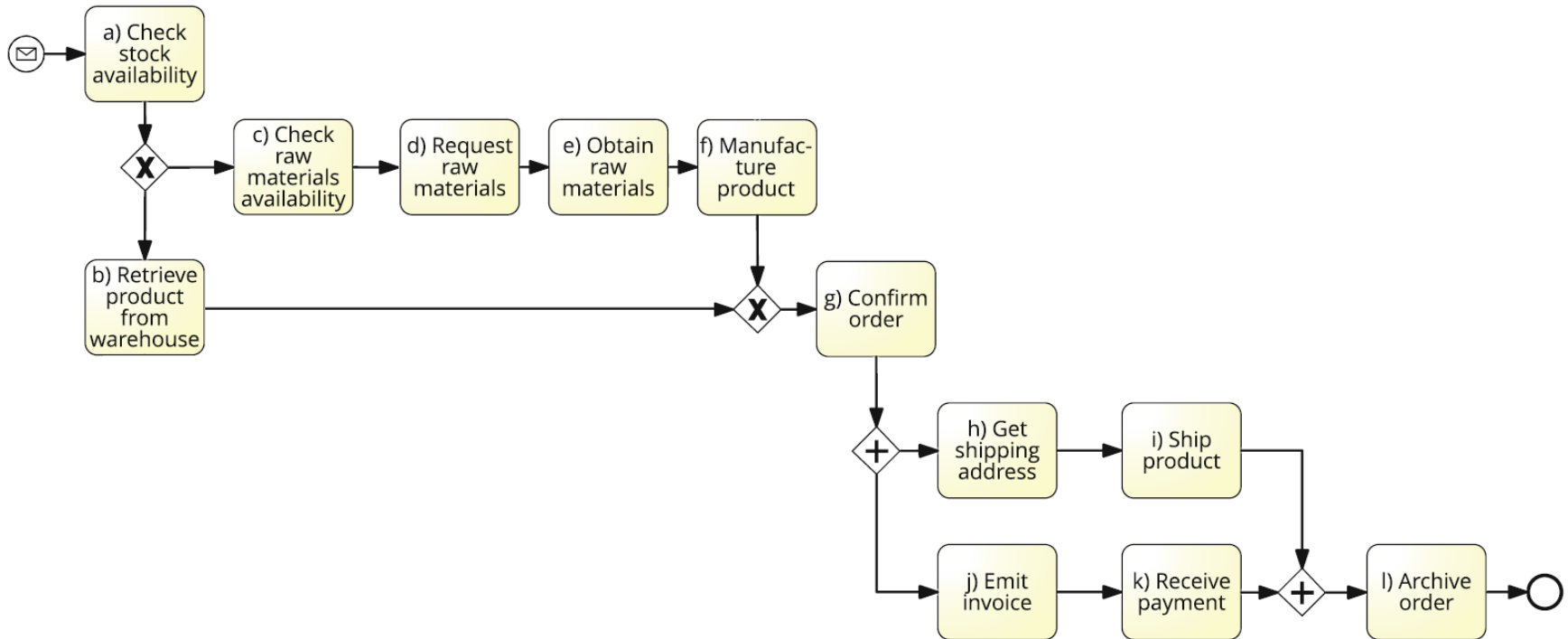
- Patrón (1): para cada  $a \rightarrow b$  en  $Y_L$ , dibuje un arco de  $a$  a  $b$ .
- Patrón (2): para cada  $a \rightarrow (b\#c)$  en  $Y_L$ , dibuje un arco desde  $a$  hasta una *división XOR* (*XOR-split*), y desde allí hasta  $b$  y  $c$ .
- Patrón (3): para cada  $(b\#c) \rightarrow d$  en  $Y_L$ , dibuje un arco desde  $b$  y  $c$  hasta una *unión XOR*, y desde allí hasta  $d$ .
- Patrón (4) y (5): si una tarea en el modelo de proceso así construido tiene múltiples arcos entrantes o múltiples salientes, agrupe estos arcos con una *unión AND* o una *división AND*, respectivamente.

8.- Devolver el proceso recién construido.

## Algoritmo Alfa ( $\alpha$ ): Ejemplo – 8 pasos

Modelo obtenido por el Algoritmo  $\alpha$  para el registro:

$L = [ \langle a, b, g, h, j, k, i, l \rangle, \langle a, c, d, e, f, g, j, h, i, k, l \rangle ]$



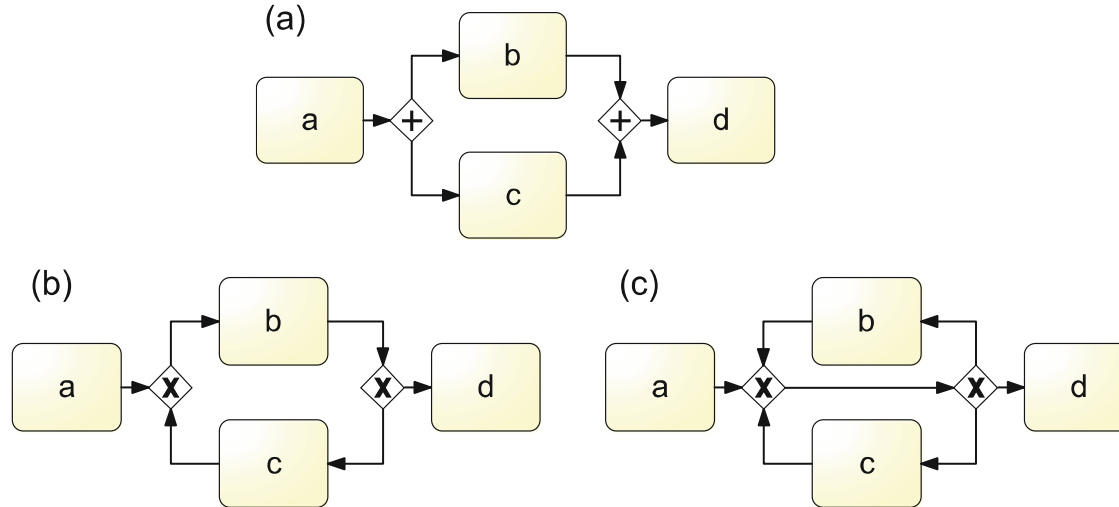
# Algoritmo Alfa ( $\alpha$ ): Limitaciones

No es robusto:

- No es capaz de detectar bucles cortos

Por ejemplo:

El Algoritmo  $\alpha$  no es capaz de distinguir entre estos 3 fragmentos.  $b$  y  $c$  son bucles cortos y los define siempre como el fragmento  $a$ .



## Algoritmo Alfa ( $\alpha$ ): Limitaciones

- No es capaz de lidiar con datos incompletos en un log de eventos.
- Supone que la relación  $>$  está completa:  
si el proceso permite que la tarea  $a$  sea seguida directamente por la tarea  $b$ , entonces la relación  $a > b$  debe observarse en al menos una traza del registro de eventos.
- Esta suposición es demasiado fuerte para procesos que tienen mucho paralelismo.

Es necesario inferir inteligentemente relaciones que no se observan explícitamente

Por ejemplo:

Si en un proceso hay un bloque de diez tareas concurrentes  $a_1, \dots, a_{10}$ , necesitamos observar cada relación  $a_i > a_j$  para cada  $i, j \in [1..10] = 100$  combinaciones.

Basta que una de estas combinaciones no se haya observado en el registro de eventos para que el algoritmo  $\alpha$  descubra el modelo incorrecto.

## Algoritmo Alfa ( $\alpha$ ): Limitaciones

- No es capaz de lidiar con el ruido.
- Los registros de eventos a menudo incluyen casos a los que les falta un inicio, un final o un episodio intermedio faltante porque algunos eventos de un caso no se han registrado.
- Puede haber errores de registro que provoquen que los eventos se registren en el orden incorrecto (o con marcas de tiempo incorrectas) o se registren dos veces.

Esto no debería afectar el modelo del proceso  
descubierto

## Alternativas al Algoritmo Alfa ( $\alpha$ )

Algoritmo Heurístico

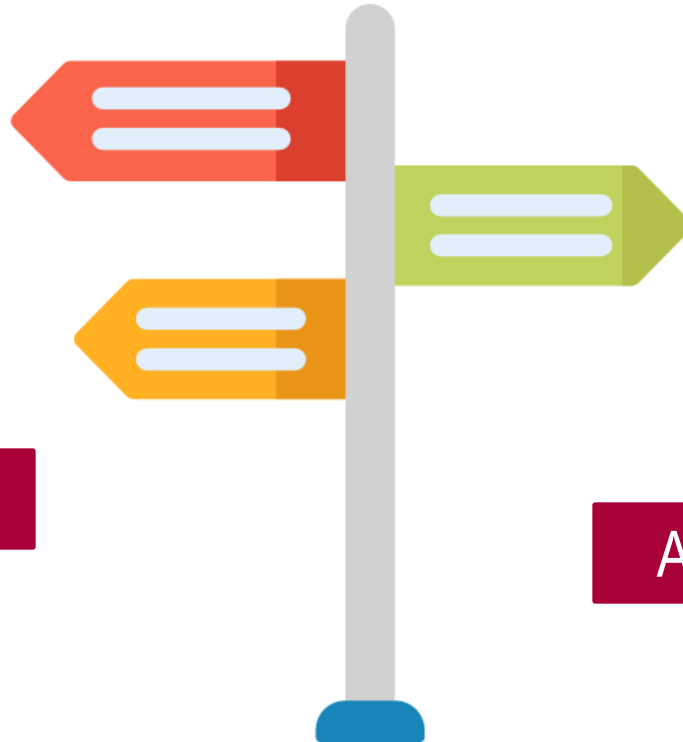
Algoritmo Inductivo

Algoritmo  $\alpha++$

Algoritmo  $\alpha+$

Algoritmo Estructurado

Algoritmo Split Miner





# Algoritmos de Descubrimiento

## La Familia de los Algoritmos Alfa ( $\alpha$ )

- Extensiones: Algoritmos  $\alpha+$  (2003) y  $\alpha++$  (2007):
  - $\alpha+$  y  $\alpha++$  extienden el algoritmo  $\alpha$  para ampliar el espectro de construcciones que pueden ser descubiertas
  - Siguen sin ser robustos frente al ruido
  - Otros derivados posteriores:
    - $\alpha\#$  (2010)
    - $\alpha\$$  (2015)

# Algoritmos de Descubrimiento

Algoritmo Heuristic Miner

Algoritmo Structured Heuristic Miner

Algoritmo Inductive Miner

Algoritmo Split Miner

- **Generalmente funcionan como sigue:**

1. Construyen el gráfico de dependencia a partir del registro de eventos.
2. Eliminan algunos de los nodos y arcos en el gráfico de dependencia del proceso para abordar el ruido.
3. Aplican un conjunto de reglas heurísticas para descubrir compuertas de enlace (de división y unión) para convertir el gráfico de dependencia filtrado en un modelo de proceso.

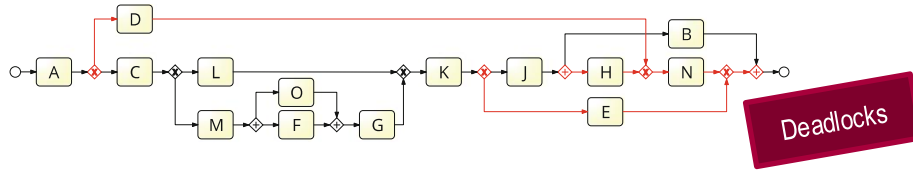
# Algoritmos de Descubrimiento

## Algoritmos Más Avanzados

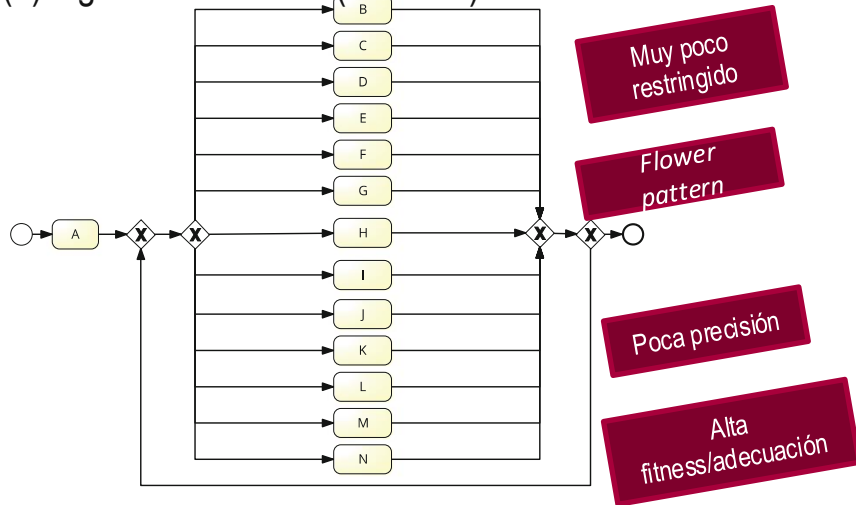
- Algoritmo Heurístico (o **Heuristics Miner**):
  - Robusto ante el ruido, rápido, a menudo un buen compromiso, pero puede producir modelos incorrectos.
- Algoritmo Inductivo (**Inductive Miner**)
  - Garantiza que los modelos de proceso generados estén **estructurados en bloques** y sean **correctos**
  - Por ejemplo, en ProM v6
- Algoritmo Estructurado (**Structured Miner**)
  - Mejora el algoritmo heurístico para producir modelos de proceso **con la máxima estructura de bloques**
  - Por ejemplo, en Apromore

## Modelos descubiertos por distintos algoritmos a partir del mismo registro de eventos

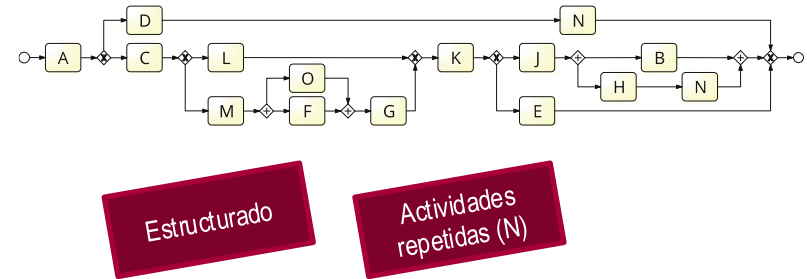
(a) Algoritmo heurístico (ProM v6)



(b) Algoritmo inductivo (ProM v6)



(c) Algoritmo heurístico estructurado (Apromore)



# Características del descubrimiento automático de procesos

## Fitness (Adecuación)

Es la capacidad del modelo de proceso descubierto para reproducir el comportamiento contenido en el registro.

## Precisión

Se refiere a la medida en que el modelo de proceso descubierto genera sólo las trazas encontradas en el registro.

## Generalización

Se refiere al grado en que el modelo de proceso descubierto captura trazas que no están presentes en el registro (incompleto), pero que probablemente sean permitidos por el proceso subyacente.

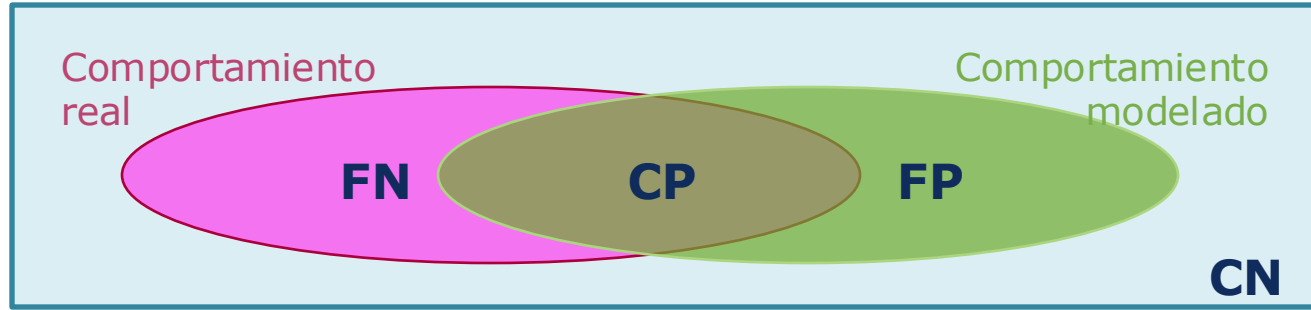
## Complexity

Puede ser medida en términos de tamaño (número de nodos o número de flujos en el modelo dividido entre el número de nodos).

## Características del descubrimiento automático de procesos

	Adecuación/ Fitness	Precisión	Complejidad
Heuristic Minner	ALTA	ALTA	-
Inductive Minner	ALTA	-	BAJA
Structured Minner	ALTA	ALTA	BAJA
Split Minner	ALTA	ALTA	BAJA
Fodina Minner	ALTA	ALTA	-
Evolutionary Tree Minner	ALTA	-	BAJA

# Aproximación a conceptos de clasificación



**CP**

Ciertos positivos

Trazas que existen en la realidad y que se pueden reproducir con el modelo.

**CN**

Ciertos negativos

Trazas que no existen en la realidad y que no se pueden reproducir con el modelo.

**FP**

Falsos positivos

Trazas que no existen en la realidad y que se pueden reproducir con el modelo.

**FN**

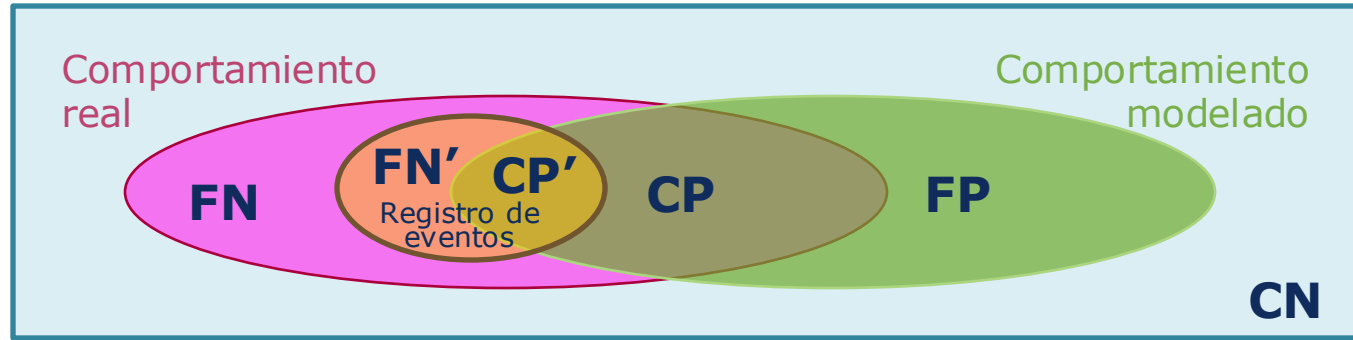
Falsos negativos

Trazas que existen en la realidad y que no pueden reproducirse con el modelo.

$$recall = \frac{CP}{CP + FN}$$

$$precision = \frac{CP}{CP + FP}$$

# Aproximación a conceptos de clasificación



El log de eventos contiene típicamente una fracción de trazas posibles

**CP**  
Ciertos positivos

Trazas que existen en la realidad y que se pueden reproducir con el modelo.

**FN**  
Falsos negativos

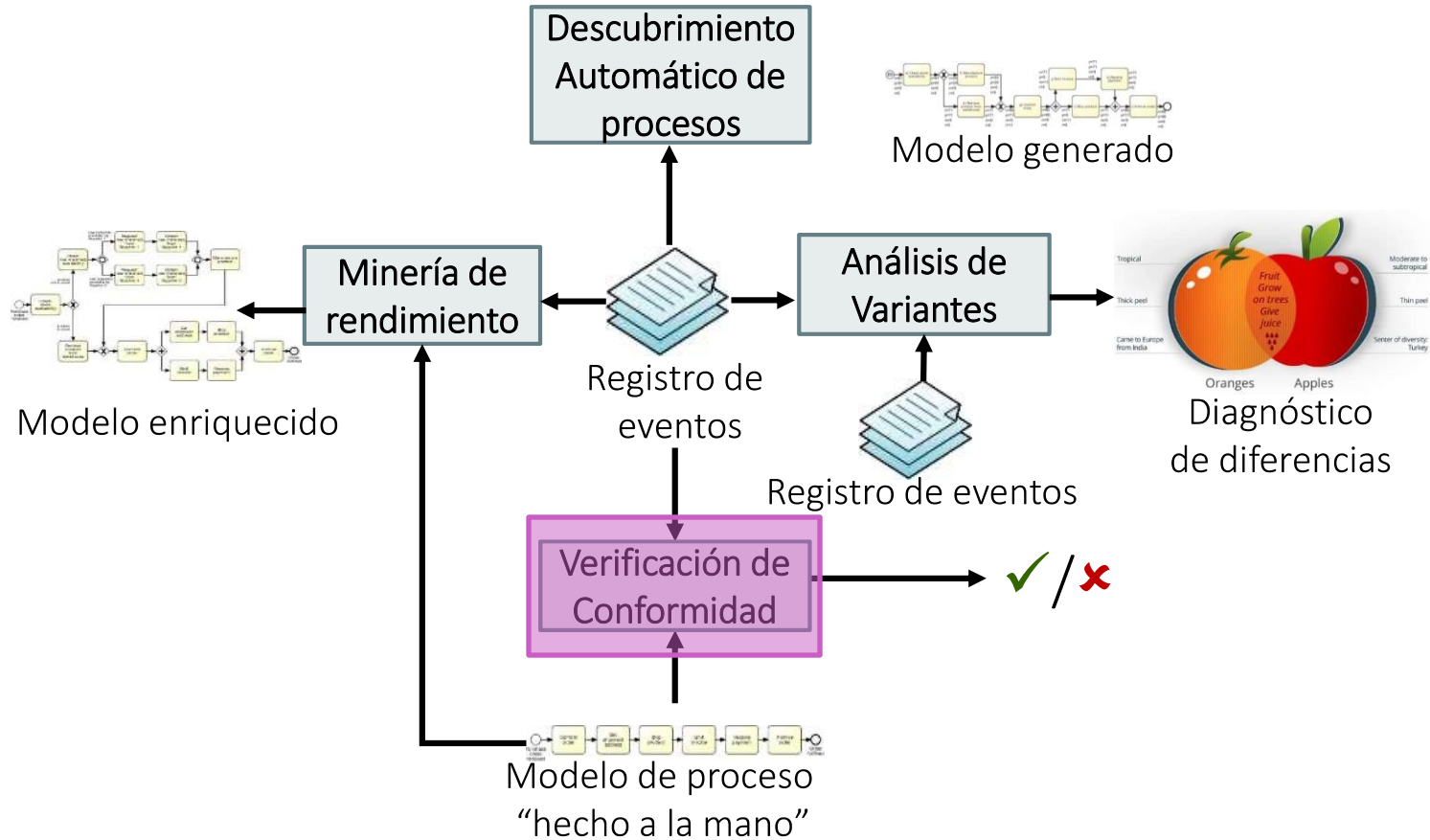
Trazas que existen en la realidad y que no pueden reproducirse con el modelo.

$$replay\_fitness = \frac{CP'}{CP' + FP'}$$



Descubrimiento automático de procesos  
Verificación de conformidad

# Casos de uso



# Verificación de conformidad

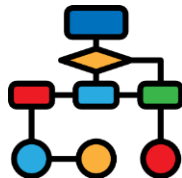


Si una restricción particular no se cumple, hablamos de una **violación**.

La verificación de conformidad se ocupa de identificar estas violaciones y hacer declaraciones sobre el alcance de las mismas.

Las violaciones pueden estar relacionadas con tres perspectivas de proceso

**Flujo de control**



**Datos**



**Recursos**



# Conformidad de flujo de control

## Restricciones de flujo de control

Definen cómo se permite relacionar dos tareas en un proceso.

Obligatoriedad

Exclusividad

Ordenación

***Causalidad***

$a \rightarrow b$

***Paralelismo***

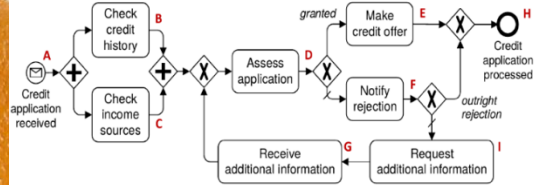
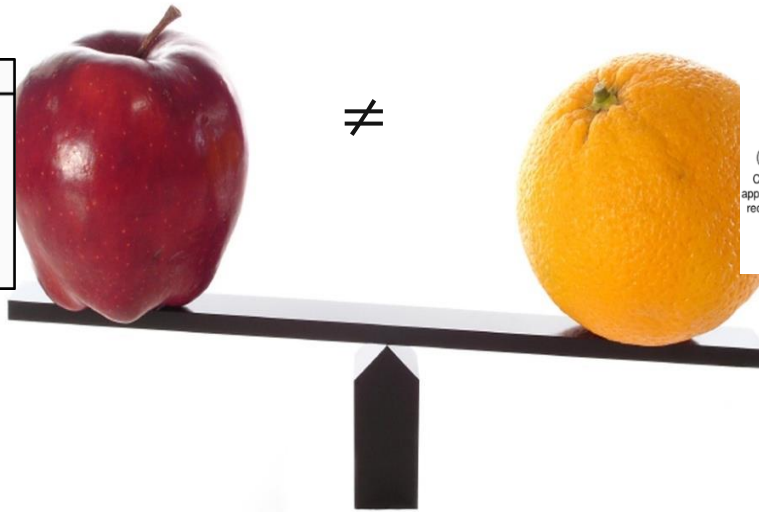
$b \parallel c$

***Sucesión no directa***

$b \# e$

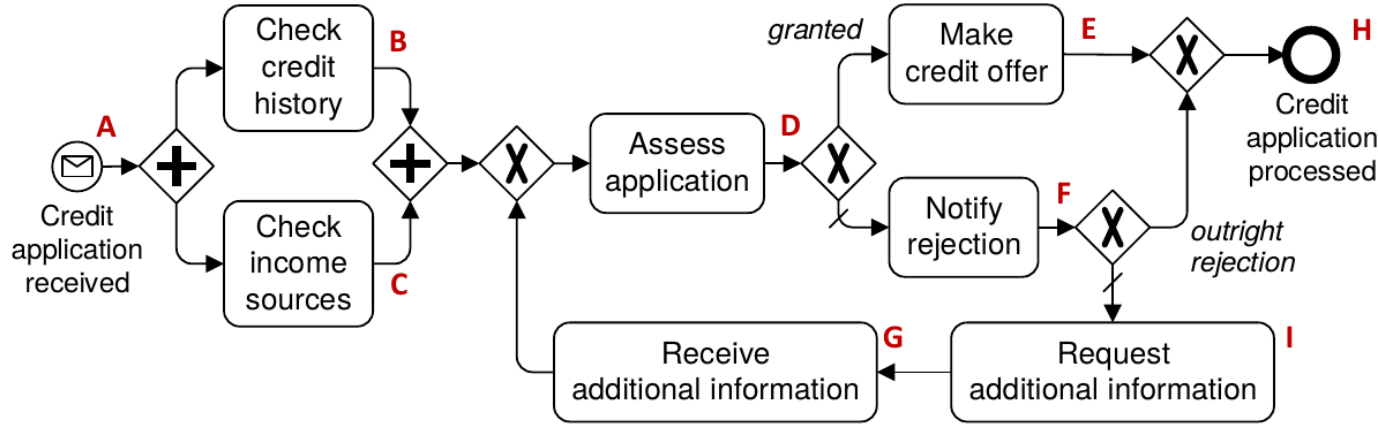
# Conformidad de flujo de control

No. of Instances	Log Traces
1207	ABDEA
145	ACDGHFA
56	ACGDHFA
23	ACHDFA
28	ACDHFA



¿Coincide la información del registro de eventos con el modelo de proceso predefinido?

## Para practicar



Event log:

ABCDEH

ACBDEH

ABCD FH

ACBDFH

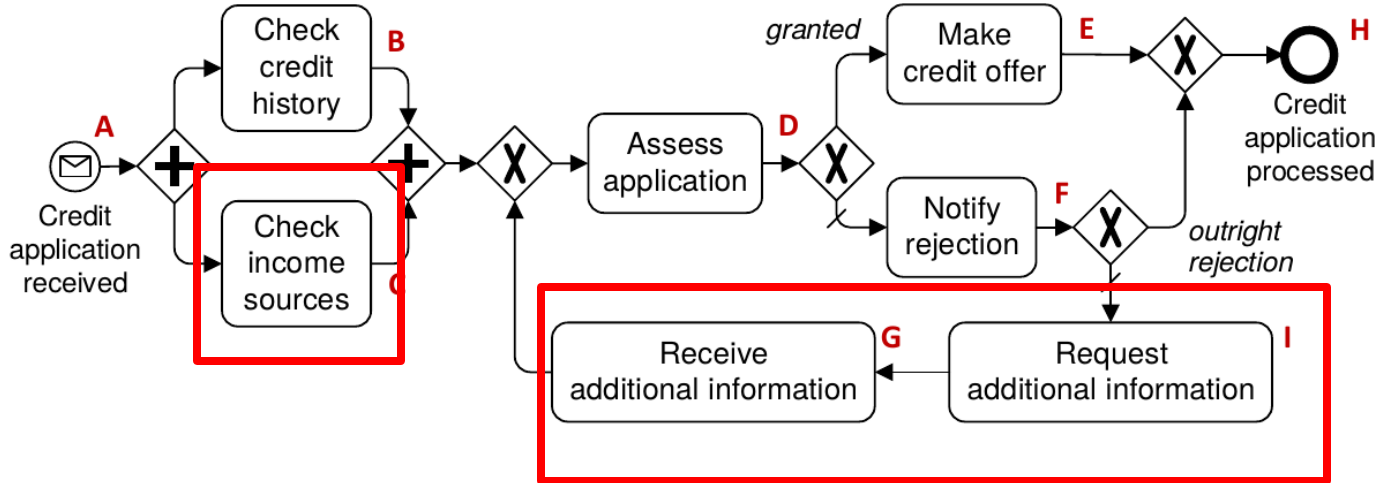
ACBDFEH

ABDEH

ABDFH

¿Qué discrepancias encuentras entre el registro de eventos y el modelo de proceso predefinido?

## Para practicar



Event log:

ABCDEH

ACBDEH

ABCD FH

ACBDFH

ACBDFEH

ABDEH

ABDFH

- En un caso del registro de eventos, la **tarea E** aparece cuando **no debe aparecer**.
- La tarea **C es opcional** (es decir, puede omitirse) en el registro, mientras que es obligatoria en el modelo.
- El **ciclo que incluye I-G-D-F** no se observa en el registro de eventos.

## Conformidad de datos y recursos

Las tres perspectivas podrían combinarse.

### Restricciones de datos y recursos

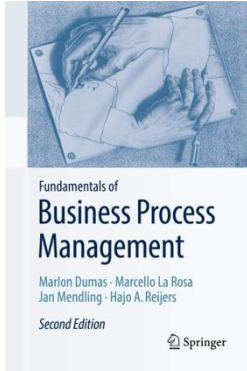
Por ejemplo:

- Reglas específicas al exceder un valor
- Participaciones adicionales en casos críticos (Aprobaciones, autorizaciones)
- Restringir acciones a miembros restringidos.

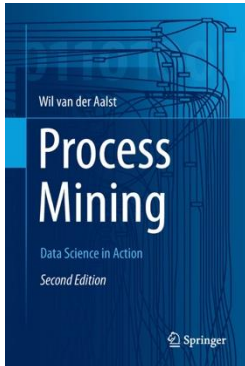
Normalmente, los permisos se agrupan para roles específicos.



# Bibliografía



- Marlon Dumas, Marcello La Rosa, Jan Mendling, Hajo A. Reijers. *Fundamentals of Business Process Management*. Springer Berlin, Heidelberg, 2018.
  - Acceso e-book desde:  
<https://link.springer.com/book/10.1007/978-3-662-56509-4>



- Wil M. P Van der Aalst. *Process Mining: Data Science in Action*. Berlin, Heidelberg: Springer Berlin Heidelberg, 2016.
  - Acceso e-book desde VPN UGR:  
<http://link.springer.com/book/10.1007%2F978-3-662-49851-4>

## Material muy interesante

- <http://www.processmining.org/>. Libros, artículos, presentaciones, herramientas para Process Mining.
- <http://fundamentals-of-bpm.org/supplementary-material/> presentaciones, modelos de procesos.
- <http://www.workflowpatterns.com/>. Características comunes que debe reunir cualquier modelo de proceso.





Dr. Adela del Río Ortega  
Universidad de Sevilla  
[adeladelrio@us.es](mailto:adeladelrio@us.es)