

DEPARTAMENTO DE MATEMÁTICA Marzo de 2012

GUIA Nº 4: NUMEROS RACIONALES (fracciones)

Profesora: María Teresa González.

I. Operaciones con fracciones.

Resuelva las siguientes operaciones, exprese el resultado en forma irreductible:

1)
$$\frac{2}{3} + \frac{1}{5} = \frac{13/15}{}$$

$$2) - \frac{4}{5} + \frac{1}{5} = -3/5$$

$$(3) - \frac{3}{4} + \frac{1}{4} + \frac{5}{4} = \frac{3}{4}$$

4)
$$\frac{1}{4} + \frac{1}{3} + \frac{1}{2} =$$
 13/12

5)
$$\frac{2}{5} + \left(-\frac{1}{6} + \frac{2}{3}\right) = \frac{9/10}{6}$$

6)
$$\frac{1}{2} - \frac{1}{3} - \frac{1}{4} - \frac{1}{5} =$$
 -17/60

7)
$$\frac{2}{9} + \frac{5}{6} - \frac{2}{3} =$$
 7/18

8)
$$\frac{3}{5} - \left(\frac{1}{3} - \frac{1}{4}\right) = 31/60$$

9)
$$-2 + \frac{3}{5} = -\frac{7}{5}$$

10)
$$-5 - \frac{1}{4} =$$
 -21/4

11)
$$\frac{3}{4} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{-1}{3} =$$
 -1/8

12)
$$\frac{2}{5} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{-1}{2} \cdot \frac{-1}{2} \cdot \frac{-1}{2} = -1/40$$

13)
$$\frac{3}{4} \cdot \frac{2}{5} \cdot \frac{-10}{9} = -1/3$$

$$14) - \frac{6}{9} : \frac{1}{3} = -2$$

15)
$$3:-\frac{1}{9}=$$
 -27

16)
$$-\frac{1}{9}$$
: 3 = -1/27

17)
$$-\frac{4}{5}$$
: $-\frac{5}{4}$ = **16/25**

18)
$$6 \cdot -\frac{1}{5} = -6/5$$

19)
$$6 - \frac{1}{5} = 29/5$$

$$20) \left(1 - \frac{3}{4}\right) : \left(\frac{1}{2} - \frac{1}{3}\right) = \frac{3/2}{2}$$

21)
$$\frac{3}{4} + 2 \cdot \left(\frac{3}{8} + \frac{1}{2}\right) = \frac{5/2}{}$$

22)
$$\frac{1}{9} \cdot \frac{6}{5} - \frac{1}{3} + \frac{1}{4} \cdot \frac{4}{5} =$$

23)
$$\frac{2}{7} + \frac{1}{4} \cdot \left(\frac{3}{7} - \frac{1}{2}\right) =$$

15/56

$$24)\left(\frac{5}{6}\right)^2 =$$

25/36

$$25)\left(-\frac{3}{8}\right)^3 = -27/512$$

$$26) \left(1 - \frac{1}{2}\right)^2 = \frac{1/4}{2}$$

$$27) \left(\frac{5}{6}\right)^2 - \frac{5}{6}^2 = -125/36$$

28)
$$(-3)^2 - 5^2 : \left(\frac{5}{3}\right)^2 = 0$$

$$29) \left(-1 + \frac{1}{3}\right)^3 \cdot \left(-2\right)^3 = 64/27$$

$$30) \frac{2 + \frac{3}{5}}{2 - \frac{3}{5}} = \frac{13/7}{5}$$

31)
$$-\frac{2}{5} - \frac{7}{10} = -11/10$$

32)
$$(1+\frac{4}{5})(\frac{2}{3}-1)$$
 -3/5

33) Calcula el valor de cada potencia.

$$a)\left(\frac{1}{4}\right)$$

$$a)\left(\frac{1}{4}\right)^2 \qquad b)\left(-\frac{1}{4}\right)^2 \qquad c)\left(\frac{2}{3}\right)^3 \qquad d)\left(-\frac{2}{3}\right)^3 \qquad e)\left(-\frac{1}{5}\right)^3 \qquad f)\left(\frac{3}{2}\right)^5$$

$$c)\left(\frac{2}{3}\right)^3$$

$$d\left(-\frac{2}{3}\right)^3$$

$$e$$
) $\left(-\frac{1}{5}\right)^3$

f)
$$\left(\frac{3}{2}\right)^5$$

1/16

243/32

34) Completa con los números que faltan para que la igualdad sea verdadera.

$$a) \left(\frac{1}{2}\right)^{[-]} = \left(\frac{1}{8}\right)$$

$$b) \left(\frac{\boxed{}}{\boxed{}} \right)^4 = \frac{16}{81}$$

$$c)\left(\frac{\left[\underline{}\right]}{\left[\underline{}\right]}\right)^{3} = -\frac{125}{8}$$

$$d) \left(\frac{\left[\right]}{\left[\right]} \right)^4 = \left(\frac{1}{16} \right)$$

e)
$$\left(-\frac{3}{10}\right)^{[-]} = -\frac{27}{1.000}$$
 f) $\left(-\frac{7}{5}\right)^{[-]} = \frac{49}{25}$ g) $\left(\frac{[_]}{[_]}\right)^5 = \frac{32}{243}$ h) $\left(\frac{[_]}{[_]}\right)^4 = \frac{625}{81}$

$$f\left(-\frac{7}{5}\right)^{[-]} = \frac{49}{25}$$

$$g) \left(\frac{\left[\right]}{\left[\right]} \right)^5 = \frac{32}{243}$$

$$h) \left(\frac{\left[\right]}{\left[\right]} \right)^4 = \frac{625}{81}$$

II. Sean $a = \frac{1}{2}$; $b = \frac{1}{4}$; $c = \frac{1}{5}$. Entonces: 1) $a + b - c = \frac{1}{20}$

$$b = \frac{1}{4}$$
;

1)
$$a + b - c =$$

2)
$$a \cdot b - c = -13/40$$

3)
$$\frac{a \cdot b}{c} = -5/8$$

4)
$$(a-c)b = -3/40$$

5)
$$\frac{a-c}{b-c} = -2/3$$

III. Orden en las fracciones.

1) Complete con >, < , = , según corresponda:

a)
$$\frac{2}{3}$$
 $\frac{4}{5}$ <

b)
$$\frac{2}{9}$$
 $\frac{-1}{5}$ >

c)
$$\frac{-3}{8}$$
 $\frac{5}{6}$ <

c)
$$\frac{-6}{9}$$
 $\frac{-2}{3}$ =

2) Ordena en forma creciente:

a)
$$-\frac{7}{2}$$
; $\frac{-5}{6}$; $\frac{4}{5}$; $\frac{-1}{15}$; $\frac{2}{3}$; $3 = \frac{7}{2}$, $\frac{-5}{6}$, $\frac{-1}{15}$, $\frac{2}{3}$, $\frac{4}{5}$, $\frac{3}{5}$,

b)
$$-\frac{1}{2}$$
; $-\frac{2}{3}$; $\frac{4}{5}$; 1; $\frac{2}{3}$; $-2 = 1$, $\frac{4}{5}$, $\frac{2}{3}$, $-\frac{1}{2}$, $-\frac{2}{3}$, -2

IV. Fracción de un número.

1) Calcular:

a)
$$\frac{2}{3}$$
 de 120, **80**

b)
$$\frac{3}{5}$$
 de 120, **72**

c)
$$\frac{5}{6}$$
 de 120 **100**

d) ¿Cuántas horas son $\frac{3}{8}$ de un día?3 9horas

e) ¿Cuántos metros son $\frac{2}{5}$ de un kilómetro? 400m

f) Si la medida de un ángulo equivale a los $\frac{3}{4}$ de los $\frac{2}{5}$ de un círculo. ¿Cuánto mide el ángulo? ¿qué tipo de ángulo es? 108°, obtuso

g) He leído los $\frac{3}{8}$ de un libro. Si me faltan por leer 120 páginas ¿cuántas páginas tiene el libro? 192 páginas

V. Resuelva los siguientes enunciados:

- 1) Al quitarle $\frac{1}{5}$ al producto de $\frac{1}{5}$ por $\frac{1}{3}$ ¿qué fracción resulta? -2/15
- 2) El perímetro de un cuadrado es $\frac{1}{4}$ m. Calcule el área del cuadrado. $\frac{1}{256}$ m².
- 3) Ordene de mayor a menor:

$$a = \frac{1}{4} - \frac{1}{3}$$

$$b = \frac{1}{6} - \frac{1}{5}$$

$$a = \frac{1}{4} - \frac{1}{3}$$
 $b = \frac{1}{6} - \frac{1}{5}$ $c = \frac{1}{5} - \frac{1}{4}$

- b,c,a
- 4) De una botella de $\frac{3}{4}$ litros de agua mineral se ha ocupado la mitad 3/8 ¿Cuánta agua queda en la botella?
- 5) Un terreno de 400 m²; $\frac{2}{5}$ están construidos, $\frac{3}{8}$ del resto están plantadas de pasto y los m² que quedan están pavimentados. ¿Cuántos m² están pavimentados? 150 m².
- 6) ¿Cuánto dinero tenía, si gasté \$12; de lo que me quedaba presté la tercera parte y ahora me quedan \$42?
- 24 7) Pedro se comió 4 chocolates, eso corresponde a la cuarta parte de los $\frac{2}{3}$ del total. ¿cuántos chocolates tenía la caja en total?
- 8) Dos kilos de tomates cuestan \$800. Si el precio de las papas es la mitad \$4.000 del de los tomates ¿cuánto debemos pagar por 20kgs de papas?
- 9) En una parcela hay 140 árboles frutales. Si $\frac{1}{5}$ de ellos son cerezos, $\frac{3}{7}$ **52.** son manzanos y el resto son ciruelos. ¿cuántos ciruelos hay en la parcela?
- 10) En una farmacia hay 17 botellas de medio litro de alcohol cada una y 11 botellas 90 de $\frac{1}{4}$ cada una. ¿cuántas botellas de $\frac{1}{8}$ se necesitan para envasar todo ese alcohol?
- 11) Un recipiente contiene 15 litros de agua que corresponden a los 3/10 de su capacidad. ¿Cuál es la capacidad del recipiente?. **50.**
- 12) Si a $\frac{1}{2}$ se le suma $\frac{1}{5}$ y el resultado se divide por $\frac{1}{10}$. ¿cuánto se obtiene? 7
- 1/3 Para confeccionar una bandera chilena debemos considerar que la parte azul con la estrella corresponde a 1/6 del total y la roja a la mitad. ¿A qué fracción corresponde la parte blanca?.
- 14) Si la mitad de x es 41 y el doble de y es 74. Calcule x + y119