

# TPC1

## Resultados dos exercícios propostos

1. (A) Converta cada um dos valores para os seguintes sistemas:

|                | Valor a converter             | Resultado                        | Valor a converter      | Resultado                |
|----------------|-------------------------------|----------------------------------|------------------------|--------------------------|
| a) decimal     | 1101.01 <sub>2</sub>          | 13.25                            | 10.11 <sub>2</sub>     | 2.75                     |
| b) octal       | 111 110 011 101 <sub>2</sub>  | 7635 <sub>8</sub>                | 11 011.11 <sub>2</sub> | 33.6 <sub>8</sub>        |
| c) hexadecimal | 10 1010 1011.011 <sub>2</sub> | 0x2ab.6                          | 72.25                  | 0x48.4                   |
| d) binário     | 0xfc2f                        | 1111 1100 0010 1111 <sub>2</sub> | 36.0625                | 1 0100.0001 <sub>2</sub> |
| e) ternário    | 24                            | 220 <sub>3</sub>                 | 174                    | 20110 <sub>3</sub>       |

3. (A) Preencha a tabela abaixo com a gama de valores representáveis usando 5 bits em um dos sistemas de representação propostos.

| Representação                                 | Intervalo                               |
|---|---|
| Binário sem sinal, inteiros                   | [ 0 , 2 <sup>5</sup> -1 ] -> [ 0 , 31 ] |
| Binário sem sinal, 1 <i>bit</i> fracionário   | [ 0 , 15.5 ]                            |
| Binário sem sinal, 3 <i>bits</i> fracionários | [ 0 , 3.875 ]                           |
| Sinal + Amplitude, inteiros                   | [ -15 , 15 ]                            |
| Sinal + Amplitude, 1 <i>bit</i> fracionário   | [ -7.5 , 7.5 ]                          |
| Sinal + Amplitude, 3 <i>bits</i> fracionários | [ -1.875 , 1.875 ]                      |

4. (A) Efetue as seguintes operações aritméticas em binário usando apenas 8 bits:

|   |   |
|---|---|
| 00110011 <sub>2</sub> + 01110101 <sub>2</sub>   | 10101000 <sub>2</sub>   |
| 011100.11 <sub>2</sub> + 000011.01 <sub>2</sub> | 100000.00 <sub>2</sub>  |
| 01001001 <sub>2</sub> + 11010001 <sub>2</sub>   | Overflow no resultado   |
| 0x4c + 0x2b                                     | 01001100 <sub>2</sub> + 00101011 <sub>2</sub> = 01110111 <sub>2</sub> |
| 672 <sub>8</sub> + 703 <sub>8</sub>             | Overflow na codificação de cada operando                              |

5. (A) Codificação binária para as divisões de um prédio de 15 andares, com 6 apartamentos por andar:

Para representar o andar usamos *sinal+amplitude* com 4 bits.

Para representar o apartamento usamos inteiros positivos com 3 bits.

Temos um máximo de 8 divisões por apartamento, logo usamos 3 bits, com a seguinte codificação:

000 – sala; 001 a 011 – quarto; 100 – cozinha; 101 a 111 – casa de banho.

Total: 10 bits.

O piso -5, apartamento 3, quarto 2, codifica-se como: 1101 011 010

6. (A) Converta o número **-233** para uma representação binária com 10-bits, com as seguintes representações:

| Bit#              | 9   | 8   | 7   | 6  | 5  | 4  | 3 | 2 | 1 | 0 |
|-------------------|-----|-----|-----|----|----|----|---|---|---|---|
| Valor             | 512 | 256 | 128 | 64 | 32 | 16 | 8 | 4 | 2 | 1 |
| Sinal & Ampl      | 1   | 0   | 1   | 1  | 1  | 0  | 1 | 0 | 0 | 1 |
| Compl p/ 1        | 1   | 1   | 0   | 0  | 0  | 1  | 0 | 1 | 1 | 0 |
| Compl p/ 2        | 1   | 1   | 0   | 0  | 0  | 1  | 0 | 1 | 1 | 1 |
| Excesso $2^{n-1}$ | 0   | 1   | 0   | 0  | 0  | 1  | 0 | 1 | 1 | 1 |

7. (A) Converta para decimal o valor em binário (usando apenas 10-bits) **10 0111 0101<sub>2</sub>**; pode-se apresentar o resultado de uma de 2 maneiras: (i) escreve-se em cada célula o valor que cada bit (na codificação especificada) tem em decimal, sabendo-se que o resultado na coluna da direita toma em conta o bit do sinal (quando exista) e o seu valor é a soma desses valores, ou (ii) escreve-se em cada célula o valor que cada bit (na codificação especificada) tem no sistema de numeração binário, sabendo-se que o resultado na coluna da direita toma em conta o bit do sinal (quando exista) e o seu valor é a soma do produto dos bits indicados, pelo seu valor.

| Bit#              | 9    | 8     | 7    | 6   | 5   | 4   | 3  | 2  | 1  | 0      | Resultado |
|-------------------|------|-------|------|-----|-----|-----|----|----|----|--------|-----------|
| Valor             | 512  | 256   | 128  | 64  | 32  | 16  | 8  | 4  | 2  | 1      |           |
| Codif em bin      | 1    | 0     | 0    | 1   | 1   | 1   | 0  | 1  | 0  | 1      |           |
| Int s/ sinal      | 512+ | 0+    | 0+   | 64+ | 32+ | 16+ | 0+ | 4+ | 0+ | 1=     | 629       |
| Sinal & Ampl      | -    | (0+   | 0+   | 64+ | 32+ | 16+ | 0+ | 4+ | 0+ | 1)=    | -117      |
| Compl p/ 1        | -    | (256+ | 128+ | 0+  | 0+  | 0+  | 8+ | 0+ | 2+ | 0)=    | -394      |
| Compl p/ 2        | -    | (256+ | 128+ | 0+  | 0+  | 0+  | 8+ | 0+ | 2+ | 1)=    | -395      |
| Excesso $2^{n-1}$ | 512+ | 0+    | 0+   | 64+ | 32+ | 16+ | 0+ | 4+ | 0+ | 1-512= | 117       |

| Bit#              | 9   | 8   | 7   | 6  | 5  | 4  | 3 | 2 | 1 | 0 | Resultado |
|-------------------|-----|-----|-----|----|----|----|---|---|---|---|-----------|
| Valor             | 512 | 256 | 128 | 64 | 32 | 16 | 8 | 4 | 2 | 1 |           |
| Codif em bin      | 1   | 0   | 0   | 1  | 1  | 1  | 0 | 1 | 0 | 1 |           |
| Int s/ sinal      | 1   | 0   | 0   | 1  | 1  | 1  | 0 | 1 | 0 | 1 | 629       |
| Sinal & Ampl      | -   | 0   | 0   | 1  | 1  | 1  | 0 | 1 | 0 | 1 | -117      |
| Compl p/ 1        | -   | 1   | 1   | 0  | 0  | 0  | 1 | 0 | 1 | 0 | -394      |
| Compl p/ 2        | -   | 1   | 1   | 0  | 0  | 0  | 1 | 0 | 1 | 1 | -395      |
| Excesso $2^{n-1}$ | 0   | 0   | 0   | 1  | 1  | 1  | 0 | 1 | 0 | 1 | 117       |

8. (R) Executar código num computador de **6-bits**; um inteiro “short” é codificado com 3-bits.

```
short sy = -3;
int y = sy;
int x = -17;
unsigned ux = x;
```

| Expressão | Decimal | Binário  |
|-----------|---------|----------|
| Zero      | 0       | 00 0000  |
| --        | -6      | 11 1010  |
| --        | 18      | 01 0010  |
| ux        | 47      | 10 1111  |
| y         | -3      | 11 1101  |
| x>>1 *    | -9      | 11 0111  |
| TMax      | 31      | 01 1111  |
| -Tmin     | -(-32)  | overflow |
| Tmin+Tmin | -64     | overflow |

\* Ver-se-á mais tarde porque razão este resultado é assim.

Sugestão para estudantes B: analisar (e tentar compreender) como é que as operações de deslocamento de bits em C se comportam, e quais as diferenças entre deslocamento para a esquerda e deslocamento para a direita (para além da direção, como é óbvio).

9. <sup>(R)</sup>Qual a gama de valores inteiros nas representações binárias de (i) sinal e amplitude, (ii) complemento para 2, e (iii) excesso  $2^{n-1}$ , para o seguinte número de bits:

|            | (i)                  | (ii)                | (iii)               |
|------------|----------------------|---------------------|---------------------|
| a) 6 bits  | $] -2^5, 2^5[$       | $[-2^5, 2^5[$       | $[-2^5, 2^5[$       |
| b) 12 bits | $] -2^{11}, 2^{11}[$ | $[-2^{11}, 2^{11}[$ | $[-2^{11}, 2^{11}[$ |

10. <sup>(A)</sup>Efetue os seguintes cálculos usando aritmética binária de 8-bits em complemento para 2:

- a)  $16 + 110$     Res.:  $0001\ 0000_2 + 0110\ 1110_2 = 0111\ 1110_2$   
b)  $70 + 80$     Res.:  $0100\ 0110_2 + 0101\ 0000_2 = 1001\ 0110_2$  *overflow (devia ser  $>0$ )*  
c)  $80 + (-60)$     Res.:  $0101\ 0000_2 + 1100\ 0100_2 = 0001\ 0100_2$   
d)  $-98 - 29$     Res.:  $1001\ 1110_2 - 0001\ 1101_2 = 1000\ 0001_2$