Aluno(a): \_

1. Faça a interpretação do valor lógico de:

(a) 
$$3+4=8$$
 se somente se  $5^3=125$ 

(b) se 
$$3+4>8$$
 então  $5^3<125$ :

(a) 3+4=8 se somente se  $5^3=125$ ; (b) se 3+4>8 então  $5^3<125$ ; (c) A agua pura é cristalina ou o sol do sistema solar é azul; (d)  $3^2+4^2=5^2$  se somente se  $\pi$  é não for irracional; (e)  $5^2=25$  ou  $\pi$  é irracional.

(d) 
$$3^2 + 4^2 = 5^2$$
 se somente se  $\pi$  é não for irracional:

2. Construindo a Tabela Verdade, identifique se a fórmula é tautológica, contingente (satisfatível, consistente), ou inválida (contraditória, insatisfatível):

(a) 
$$(A \leftrightarrow B) \lor (A \land B)$$

$$(b)$$
  $(A \lor B) \rightarrow (A \land B)$ 

$$\begin{array}{ll} \text{(a)} & (A \leftrightarrow B) \lor (A \land B) \\ \text{(b)} & (A \lor B) \to (A \land B) \\ \text{(c)} & (\sim A \to \sim B) \to (\sim B \to \sim A) \\ \text{(d)} & (B \to A) \to (A \to B) \end{array}$$

(d) 
$$(B \to A) \to (A \to B)$$

3. Escolha duas fórmulas abaixo, e verifique se apresentam uma relação de implicação lógica verdadeira:

(a) 
$$q \Rightarrow p \land q \leftrightarrow q$$

(a) 
$$q \Rightarrow p \land q \leftrightarrow q$$
  
(b)  $(p \lor q) \land \sim q \Rightarrow p$   
(c)  $(p \to q) \land \sim q \Rightarrow \sim p$ 

(c) 
$$(p \to q) \land \sim q \Rightarrow \sim p$$

4. Demonstre se as fórmulas abaixo apresentam uma relação de equivalência lógicas verdadeira:

(a) 
$$A \leftrightarrow B \Leftrightarrow (\sim A \land \sim B) \lor (A \land B)$$

(a) 
$$A \leftrightarrow B \Leftrightarrow (\sim A \land \sim B) \lor (A \land B)$$
  
(b)  $(A \to (A \to (A \to B))) \Leftrightarrow A \to B$ 

5. Encontre as seguintes Formas Normais Disjuntiva e Conjuntiva para:

(a) 
$$(p \to q) \land \sim (q \to p)$$

$$\begin{array}{ll} \text{(a)} & (p \to q) \land \sim (q \to p) \\ \text{(b)} & \sim (\sim p \to q) \lor (q \to \sim p) \end{array}$$