



Algoritmos Estructuras de Datos I

Facultad de Ciencias Exactas y Tecnología
Universidad Nacional de Tucumán
2024





PILA-STACK(2)







Notaciones

La forma tradicional de escribir expresiones aritméticas es la denominada notación *infija*, en la cual el operador se escribe entre los operandos como en este ejemplo :

$$A + B$$

Existen otras formas de escribir expresiones aritméticas como la:

notación prefija o polaca:

o la notación postfija o polaca inversa (Reverse Polish Notation, o RPN):

$$AB+$$

Notaciones

 La denominación polaca se debe al matemático de dicho origen de nombre Jan Lukasiewicz (1878-1956), quien realizó importantes estudios sobre las propiedades de estas notaciones.

Las notaciones pre y postfija tienen como ventaja sobre la notación infija tradicional que:

- al evaluar una expresión escrita en pre o postfija, no es necesario especificar precedencia de operadores,
- cualquier expresión en pre o postfija puede ser escrita sin la necesidad de usar paréntesis.

Ejemplos: Notaciones

Expresión aritmética en:

Notación infija	Notación prefija	Notación postfija
A + B * C + D	+ + A * B C D	ABC*+D+
(A + B) * (C + D)	* + A B + C D	AB+CD+*
A * B + C * D	+ * A B * C D	A B * C D * +
A + B + C + D	+ + + A B C D	AB+C+D+

Tratamientos de expresiones aritméticas

- 1) Algoritmo CONVERTIR (usa pila de operadores)
- Entrada: Expresión en notación infija
- Salida: Expresión en notación postfija
- 2) Algoritmo **EVALUAR** (usa pila de operandos)
- Entrada: Expresión en notación postfija instanciada
- Salida: Valor de la expresión

Aplicación: Convertir infija a postfija

- Muchos compiladores transforman primero la expresión infija en una postfija en la cual el operador sigue al operando, y entonces generan instrucciones de maquina para evaluar esta expresión postfija.
- Este proceso se usa porque la transformación de infija a postfija es directa, y una expresión postfija es más fácil de evaluar mecánicamente que una expresión infija.
- Ejemplo:

Infija: 2 + 3 * 5

postfija: 2 3 5 * +

Aplicación: Convertir infija a postfija

El proceso de *CONVERTIR* acepta una *expresión infija* como entrada y produce una *expresión postfija* como salida.

Escribir un **algoritmo** en términos del **ADT PILA** para **CONVERTIR** una expresión aritmética dada en notación infija a una expresión en notación postfija.

Se van a considerar expresiones aritméticas bien formadas que tengan variables (de la 'a' a la 'z'), operadores binarios (+, -, *, /, ~) y paréntesis terminadas por la marca final '='.

Aplicación: Convertir infija a postfija

Idea: utilizar una pila para almacenar los operadores a medida que son encontrados para más tarde desapilar estos operadores de acuerdo a su precedencia.

TABLA DE PRIORIDADES

OPERADOR	+	I	*	/	~	()	=
PRIORIDAD	1	1	2	2	3	0	•	0

Ejemplo: Convertir infija a postfija

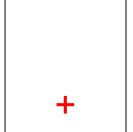
$$a + b =$$

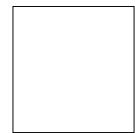
$$\rightarrow$$

Pila:









OPERADOR	+	ı	*	/	~	()	=
PRIORIDAD	1	1	2	2	3	0	-	0

Ejemplo: Convertir infija a postfija

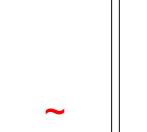
$$\rightarrow$$

Pila:

a

+

h





.

+

+

OPERADOR	+	•	*	/	~	()	=
PRIORIDAD	1	1	2	2	3	0	•	0

Ejemplo: Convertir infija a postfija

$$a - b + c = \rightarrow$$

$$a b - c + =$$

Pila:

OPERADOR	+	•	*	/	~	()	=
PRIORIDAD	1	1	2	2	3	0	•	0

Ejemplo: Convertir infija a postfija

$$a*b+c=$$
 \rightarrow a b * c + =

Pila:

OPERADOR	+	•	*	/	~	()	=
PRIORIDAD	1	1	2	2	3	0	•	0

Ejemplo: Convertir infija a postfija

$$a + b * c = \rightarrow$$
 a b c * +

Pila:

OPERADOR	+	•	*	/	~	()	
PRIORIDAD	1	1	2	2	3	0	•	0

Ejemplo: Convertir infija a postfija

$$(a + b) * c = \rightarrow$$
 a b + c * =

Pila:

OPERADOR	+	•	*	/	~	()	=
PRIORIDAD	1	1	2	2	3	0	-	0

<u>PILA</u>

Ejemplo: Convertir infija a postfija

$$(a+ (\sim b))*c = \rightarrow a b \sim + c * =$$

Pila:

OPERADOR	+	ı	*	/	~	()	=
PRIORIDAD	1	1	2	2	3	0	•	0

Aplicación: Evaluar postfija

Escribir un algoritmo en términos del **ADT PILA** para **EVALUAR** una expresión aritmética en notación postfija.

Idea: utilizar una pila para almacenar los operandos a medida que son encontrados, cuando se encuentra un operador se sacan los operandos de la pila, se opera y el resultado vuelve a la pila.

Ejemplo: Evaluar postfija

$$2 + 3 * 4 = \rightarrow 2 3 4 * + = 14$$

Pila:

2 3 4

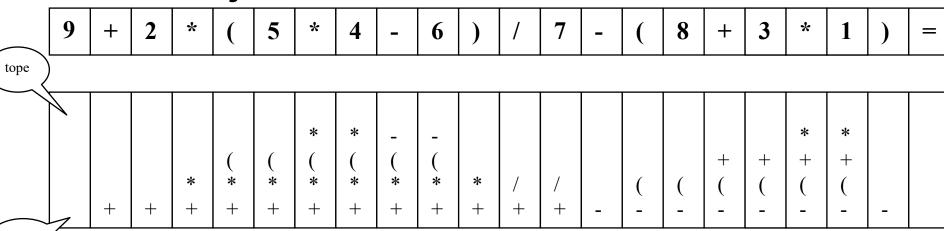
4 * + =

 3
 3

 2
 2

Ejemplo: Convertir infija a postfija

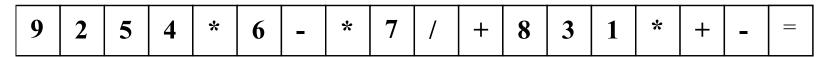
Forma infija:



Contenido de la pila después de procesar cada carácter para pasar de infija a postfija

Forma postfija:

fondo



Ejemplo: Evaluar postfija

Forma postfija:

9	2	5	4	*	6	-	*	7	/	+	8	3	1	*	+	-	=
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

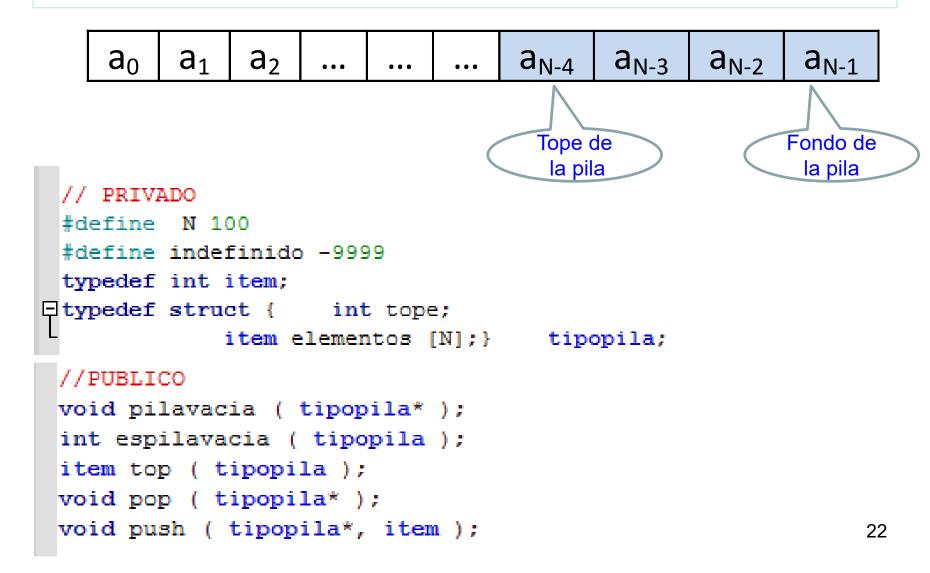
Evaluar la posfija:

Contenido de la pila después de evaluar cada carácter de la postfija:

PILA Implementación

- Para la representación de las pilas se requiere el uso de otras estructuras de datos como ser:
 - Arreglos (arrays)
 - Listas enlazadas

Implementación con Arreglo en C



Implementación con Arreglo en C

```
void pilavacia (tipopila *pila)
    { pila->tope = N; }
  int espilavacia (tipopila pila)
    { return(pila.tope == N); }
                                    // NOTA: todas las
  item top ( tipopila pila)
                                  operaciones son O(1) en
    { if( espilavacia(pila) )
                                  esta implementación
          return (indefinido);
      else
            return(pila.elementos[pila.tope]); }
  void pop( tipopila *pila)
    { if ( ! espilavacia(*pila) ) pila->tope++; }
  void push (tipopila *pila, item x)
早
    { if( pila->tope != 0 )
             pila->elementos[--pila->tope] = x; }
```

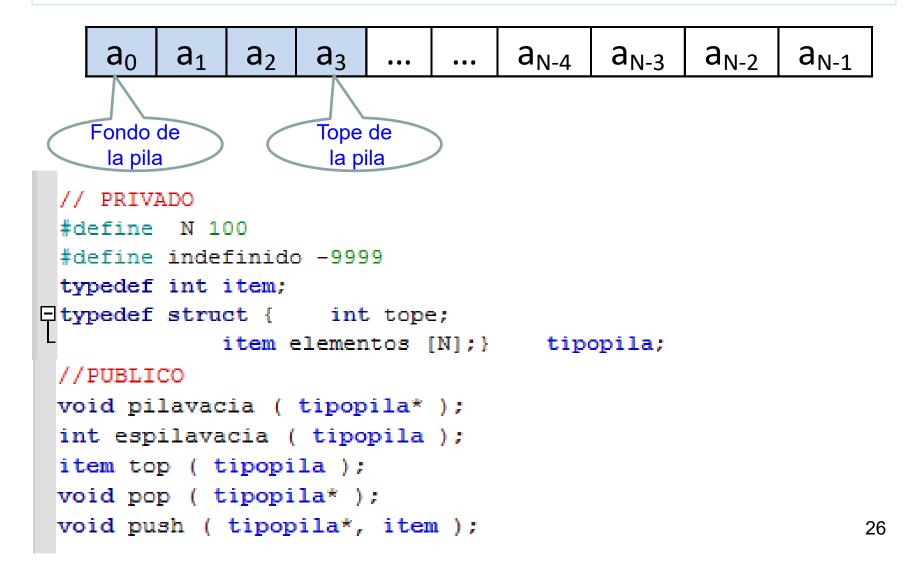
Programa de prueba en C

```
#include <iostream>
 using namespace std;
 int main()
    tipopila PP;
⊟ {
     pilavacia(&PP);
     cout<<endl<<"probando pila con arreglo en C" <<endl;
     cout<<"ESTA vacia: " << espilavacia(PP)<<endl;
     for (int i=8; i<16; i++)
         {push( &PP,i);
         cout<<"push de " << i <<endl; }</pre>
     cout<<"ESTA vacia: " << espilavacia(PP)<<endl;
     cout<<"----"<<endl;
     while (!espilavacia(PP))
         {cout<<"tope: "<<top(PP)<<endl;
         pop(&PP);}
 cout<<"ESTA vacia: "<<espilavacia(PP)<<endl;
 cout<<"tope: "<<top(PP)<<endl;
 return 0:
```

Salida del Programa de prueba

```
probando pila con arreglo en C
ESTA vacia: 1
push de 8
push de 9
push de 10
push de 11
push de 12
push de 13
push de 14
bush de 15
ESTA vacia: 0
  -----Imprimiendo pila-
tope: 15
tope: 14
tope: 13
tope: 12
tope: 11
tope: 10
tope:
tope: 8
ESTA vacia: 1
|tope: -9999
```

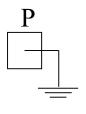
Otra implementación con arreglo en C

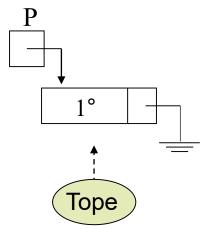


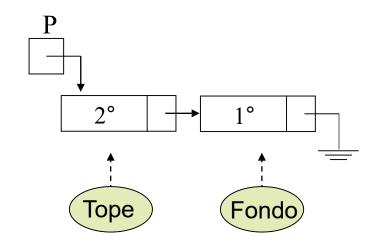
Implementación con Listas enlazadas en C

PILAVACÍA

PILA CON UN ELEMENTO PILA CON DOS ELEMENTOS

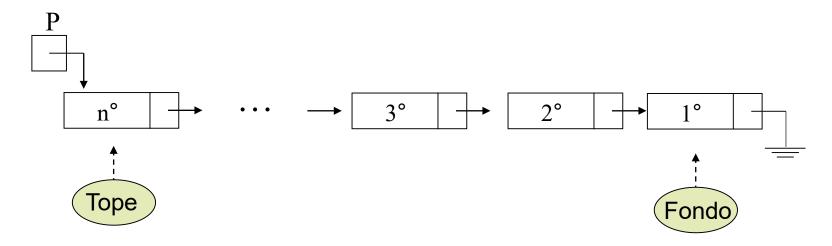






Implementación con Listas enlazadas en C

PILA CON n ELEMENTOS



Implementación con Listas enlazadas en C

// NOTA: todas las operaciones son O(1) en esta implementación