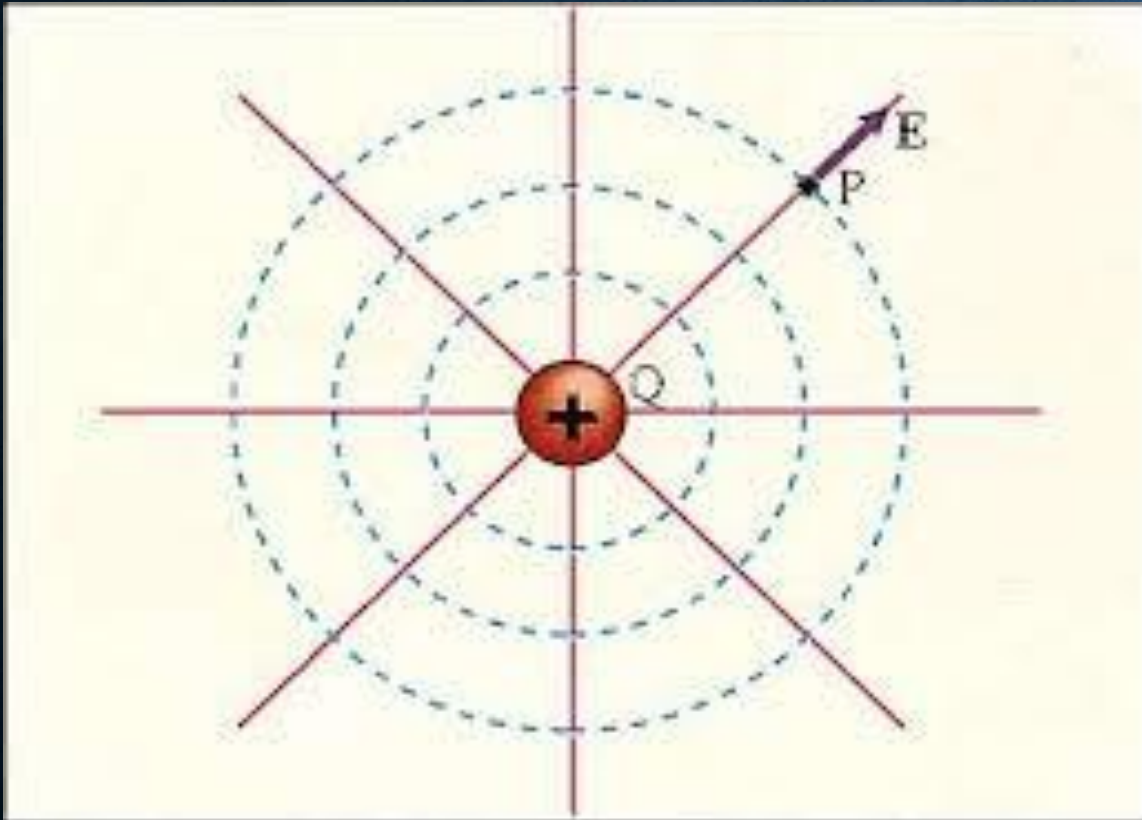




- ✓ **Campo eléctrico**
- ✓ **Principio de superposición**

CAMPO ELÉCTRICO

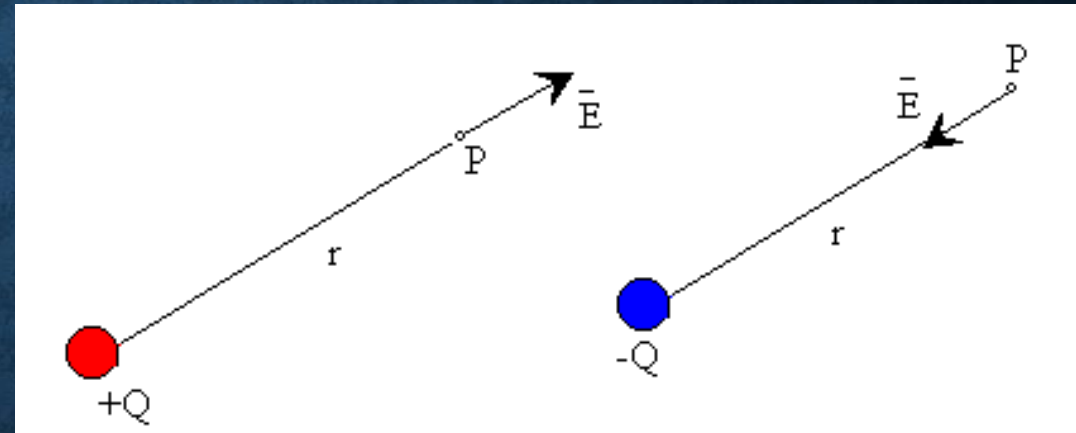
- **Perturbación generada en el medio debido a la presencia de una carga estática.**



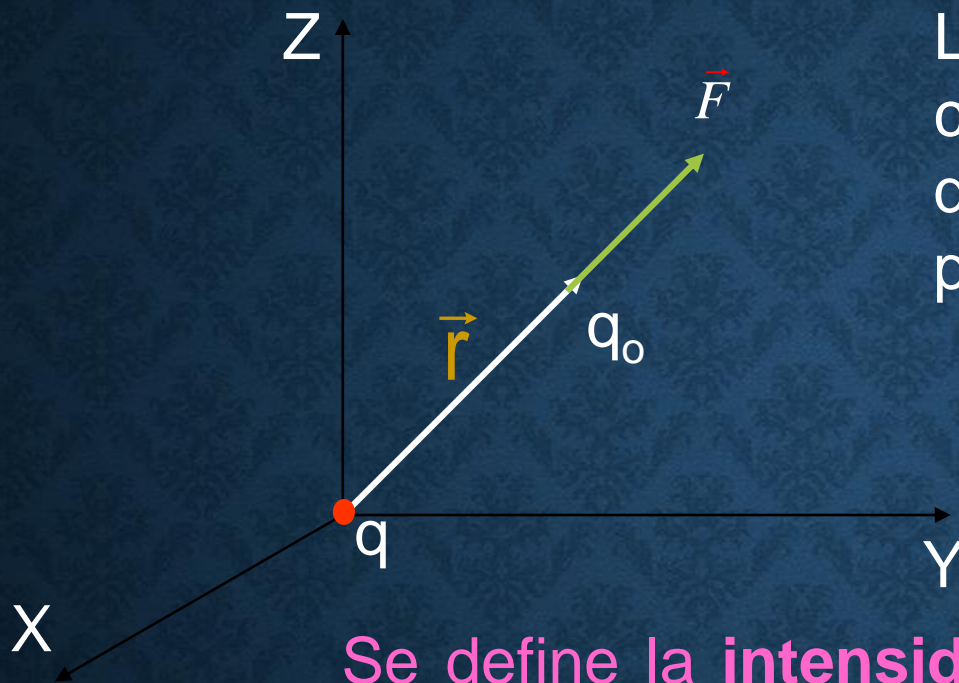
- **Es el espacio esférico electromagnético que rodea a una masa eléctrica y que esta sometida a la influencia de esta carga o masa eléctrica.**

CAMPO ELÉCTRICO

La interacción entre cargas eléctricas no se produce de manera instantánea. El intermediario de la fuerza mutua que aparece entre dos cargas eléctricas es el **Campo Eléctrico**.



La forma de determinar si en una cierta región del espacio existe un campo eléctrico, consiste en colocar en dicha región una **carga de prueba, q_0** (carga positiva puntual pequeña) y comprobar la fuerza que experimenta.



La fuerza eléctrica entre la carga q y la carga de prueba q_0 es repulsiva, y viene dada por

$$\vec{F}_{qq_0} = k \frac{qq_0}{r_{12}^2} \vec{u}_r$$

Se define la **intensidad de campo eléctrico** en un punto como la fuerza por unidad de carga positiva en ese punto.

$$\vec{E} = \frac{\vec{F}}{q_0} \longrightarrow \vec{E} = k \frac{q}{r^2} \vec{u}_r$$

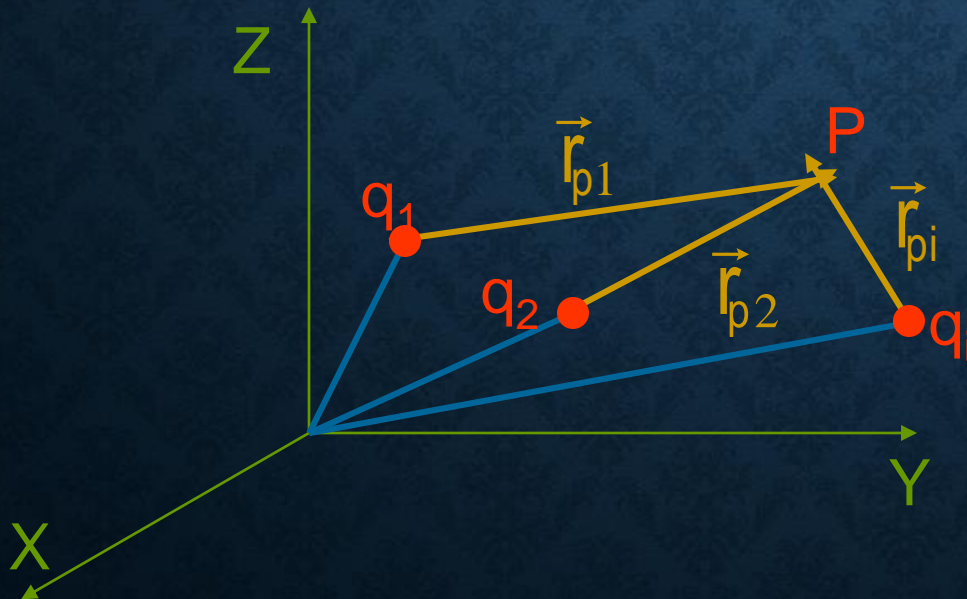
La dirección y sentido del campo eléctrico coincide con el de la fuerza eléctrica.

Principio de superposición

A la hora de aplicar el principio de superposición debemos tener en cuenta dos casos:

I) Campo eléctrico creado por una distribución discreta de carga en un punto:

En este caso se calcula el campo eléctrico sumando vectorialmente los campos eléctricos creados por cada una de las cargas puntuales en el punto elegido.



$$\vec{E} = \sum_i k \frac{q_i}{r_{pi}^2} \vec{u}_r$$

II) Campo eléctrico creado por una distribución continua de carga en un punto:



En este caso dividimos la distribución en pequeños elementos diferenciales de carga, dq , de forma que la diferencial de campo eléctrico que crea cada una de ellas es

$$d\vec{E} = k \frac{dq}{r^2} \vec{u}_r$$

El campo eléctrico total para toda la distribución será

$$\vec{E} = \int k \frac{dq}{r^2} \vec{u}_r$$

Dependiendo de la forma de la distribución, se definen las siguientes distribuciones de carga

Lineal

$$\lambda = \frac{dq}{dl}$$

Superficial

$$\sigma = \frac{dq}{ds}$$

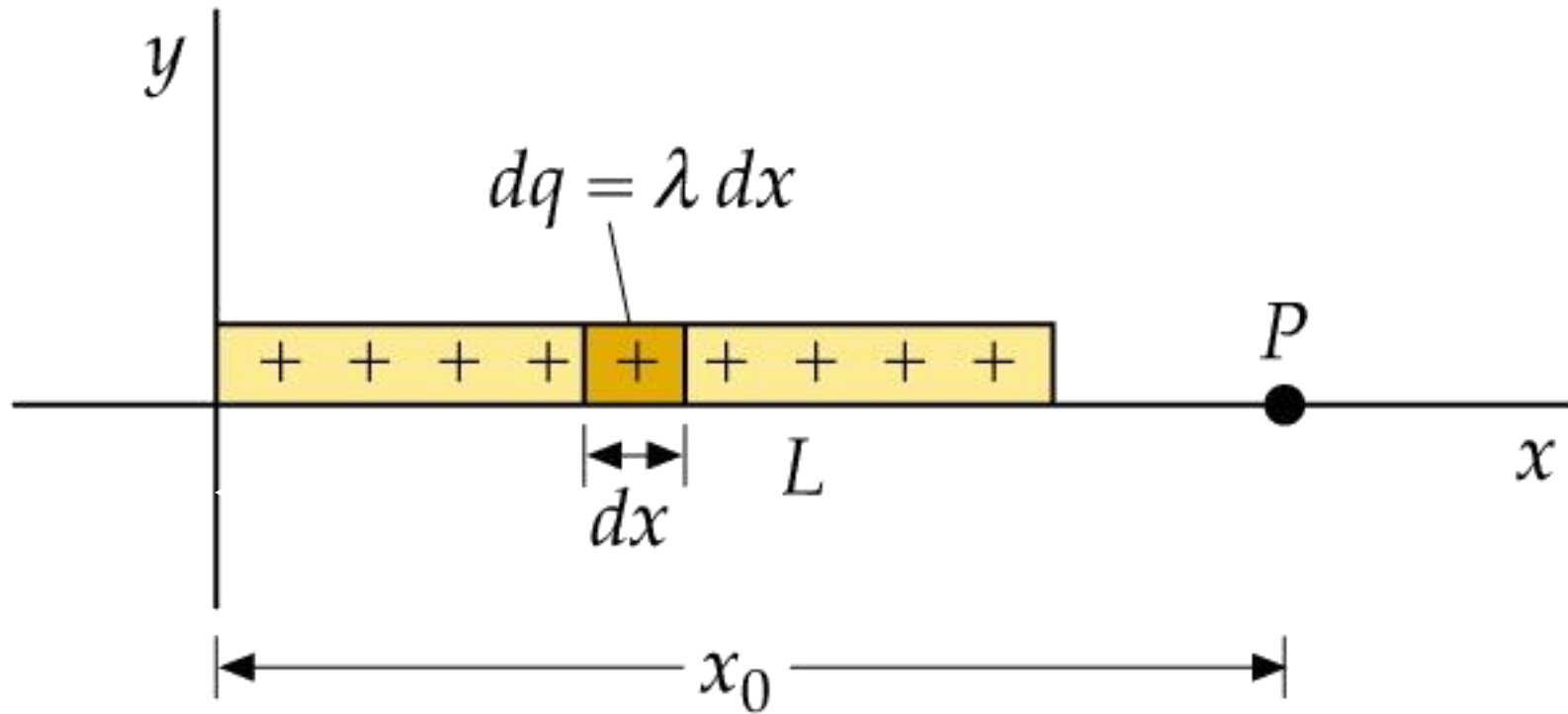
Volumétrica

$$\rho = \frac{dq}{dv}$$

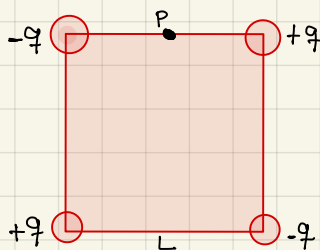
Cálculo del campo eléctrico en cada caso:

$$\vec{E} = \int_L k \lambda \frac{dl}{r^2} \vec{u}_r \quad \vec{E} = \int_S k \sigma \frac{ds}{r^2} \vec{u}_r \quad \vec{E} = \int_v k \rho \frac{dv}{r^2} \vec{u}_r$$

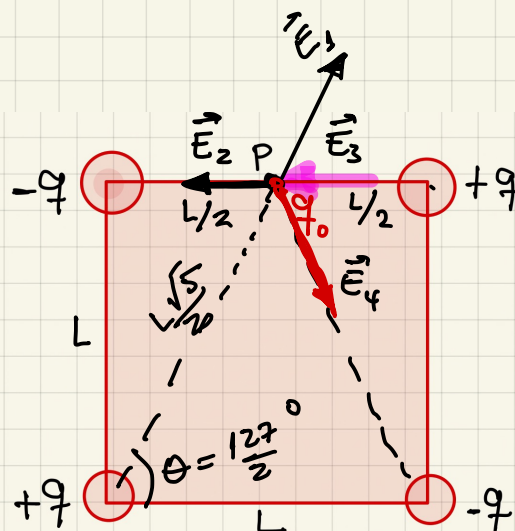
Ejemplo 1: Campo eléctrico sobre el eje de una carga lineal finita.



Cuatro Cargas del mismo valor están dispuestas en los vértices de un cuadrado de lado L . Demostrar que el campo eléctrico debido a las 4 cargas en el punto medio de uno de los lados del cuadrado está dirigido a lo largo de dicho lado hacia la carga negativa y que su valor es $E = \frac{8Kq}{L^2} \left(1 - \frac{\sqrt{5}}{25}\right)$



$$\vec{E} = K \frac{q}{r^2} \hat{r} \text{ [N/C]}$$



$$\vec{E}_1 = K \frac{q}{\left(\frac{L\sqrt{5}}{2}\right)^2} (\cos\theta \hat{i} + \sin\theta \hat{j}) =$$

$$\vec{E}_2 = K \frac{q}{\left(\frac{L}{2}\right)^2} (-\hat{i})$$

$$\vec{E}_3 = K \frac{q}{\left(\frac{L}{2}\right)^2} (-\hat{i})$$

$$\vec{E}_4 = K \frac{q}{\left(\frac{L\sqrt{5}}{2}\right)^2} (\cos\theta \hat{i} - \sin\theta \hat{j})$$

$$\vec{E}_p = \vec{E}_1 + \vec{E}_2 + \vec{E}_3 + \vec{E}_4 \quad ; \quad \vec{E}_2 = \vec{E}_3$$

$$= 8 \frac{Kq}{L^2(5)} [\cos \theta i] - 8 \frac{Kq}{L^2} i$$

$$= \frac{8Kq}{L^2} \left(\frac{\cos \theta}{5} - 1 \right) \hat{i}$$

$$= \frac{8Kq}{L^2} \left(\frac{\frac{\sqrt{5}}{5}}{5} - 1 \right) \hat{i}$$

$$\vec{E}_p = \frac{8Kq}{L^2} \left(\frac{\sqrt{5}}{25} - 1 \right) \hat{i}$$

$$\vec{E}_p = \frac{8Kq}{L^2} \left(1 - \frac{\sqrt{5}}{25} \right) (-\hat{i})$$