

Aula prática #2

Stacks (continuação) :

1. Resolva todos os exercícios da aula prática anterior, isto é, deve ter uma implementação de stacks funcional e deve usar essa implementação para resolver o exercício do equilíbrio dos parêntesis.
- ✓2. Foi dado nas aulas teóricas um algoritmo que, fazendo uso duma stack, lhe permite fazer a avaliação de expressões em postfix. Use o algoritmo (no papel), para fazer a avaliação das expressões que se seguem, apresentando a stack em todos os momentos da avaliação.
 - ✓a) 23 56 - 3 * 1 3 4 / + /
 - ✓b) 2 4 7 32 / + 7 5 - 3 * - -
 - ✓c) 2 6 + 4 7 * 5 - / 6 9 / * 4 9 * 5 3 / + -
- ✓3. Considere o algoritmo de conversão infix-postfix dado nas aulas teóricas. Considere que **input** corresponde à string lida e a conversão da expressão lida é armazenada na variável **output**. Assuma também que o **input** é analisado token a token, sendo um token a substring obtida de input, entre espaços. Sendo **input** = 2 * 8 + (10 + 5 * (20 / 4)) / (3 + -8)
 - ✓a) Qual o 5º token lido?
 - ?b) Qual o **output** da conversão para postfix da expressão da variável **input**, quando o token lido for a segundo ")"?
 - c) Após a leitura do último ")", qual o conteúdo da stack? Desenhe a stack, indicando o seu topo.
 - d) Qual a conversão para postfix da expressão lida?
 - e) Usando a expressão obtida na alínea anterior, desenhe a stack de avaliação da expressão em postfix, quando for lido o token "-8".
- ✓4. Determine a complexidade das operações da Stack, justificando.

Aula prática #2

→ 5. Considere definida em C a função **q1**:

```
int q1(long n){
    long c=n;
    Stack S=CreateStack(20);
    while (n>0){
        Push(n%10,S);
        n=n/10;
    }
    while(!IsEmpty(S)){
        if(Pop(S)!=c%10)
            return 0;
        c=c/10;
    }
    return 1;
}
```

a) Qual o resultado da execução de **q1**(541545145)?

b) Como se apresenta a stack S na penúltima iteração do 1º ciclo durante a execução da alínea anterior? Desenhe a stack, não esquecendo de identificar o seu topo.

c) Qual a complexidade da função **q1**?

2. a) 23 56 - 3 * 1 3 4 / + /

1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11

23

56

-

56

23

23-56=-33

3

*

3

-33

(-33)*3=-99

1

-99

3

-99

4

3

1

-99

/

4

3

1

-99

3:4=3/4

+

3/4

1

-99

1+3/4=7/4

/

7/4

-99

(-99)/7/4=396/7

1234567891011

Resultado

b) 2 4 7 32 / + 7 5 - 3 * - -

1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13

2

4

7

32

/

7

4

2

7:32=7/32

+

7/32

4

2

4+7/32=105/32

7

105/32

5

105/32

2

105/64

-

5

7

105/64

7-5=2

2

105/32

2

105/64

*

2

105/64

2*2=6

-

6

105/64

2

105/64-6=-57/32

123456789101112

-

57/32

2

2-(-57/32)=121/32

13

Resultado

c) 2 6 + 4 7 * 5 - / 6 9 / * 4 9 * 5 3 / + -

1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 20 21

2

6

+

6

2

2+6=8

4

8

7

4

8

*

7

4

8

4*7=28

5

28

6

28

8

-

5

28

8

28-5=23

/

23

8

8:23=8/23

6

8/23

9

8/23

9

6

8/23

/

9

6

8/23

6:9=2/3

*

2/3

8/23

8/23*2/3=16/69

12345678910111213

4

16/69

9

16/69

*

9

16/69

4*9=36

5

36

16/69

3

36

16/69

/

3

5

36

16/69

5:3=5/3

+

5/3

36

16/69

36+5/3=113/3

-

113/3

16/69

113/3-16/69=2589/69-2589/69=0

2589/69

1415161718192021

Resultado

3. a) 2 * 8 + (10 + 5 * (20 / 4)) / (3 + -8)

1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 20 21

'(' é o 5º token lido

? b) 2 * 8 + (10 + 5 * (20 / 4)) ...

1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15

1Token: 2
Stack: Empty
Output: 2

2Token: *
Stack: *
Output: 2

3Token: 8
Stack: *
Output: 2 8 *

4Token: +
Stack: +
Output: 2 8 *

5Token: (
Stack: + (
Output: 2 8 *

6Token: 10
Stack: + (
Output: 2 8 * 10

7Token: +
Stack: + (
Output: 2 8 * 10

8Token: 5
Stack: + (
Output: 2 8 * 10 5

9Token: *
Stack: * + (
Output: 2 8 * 10 5 +

10Token: (
Stack: * + (
Output: 2 8 * 10 5 +

11Token: 20
Stack: * + (
Output: 2 8 * 10 5 + 20

12Token: /
Stack: * + (
Output: 2 8 * 10 5 + 20 /

13Token: 4
Stack: * + (
Output: 2 8 * 10 5 + 20 / 4

14Token:)
Stack: * +
Output: 2 8 * 10 5 + 20 / 4 *

15Token:)
Stack: +
Output: 2 8 * 10 5 + 20 / 4 * +

Desenquilar até encontrar '('

→ c) ... / (3 + -8)

16 17 18 19 20 21

16 Token: /

Stack:

Output:

17 Token: (

Stack:

Output:

18 Token: 3

Stack:

Output:

19 Token: +

Stack:

Output:

20 Token: -8

Stack:

Output:

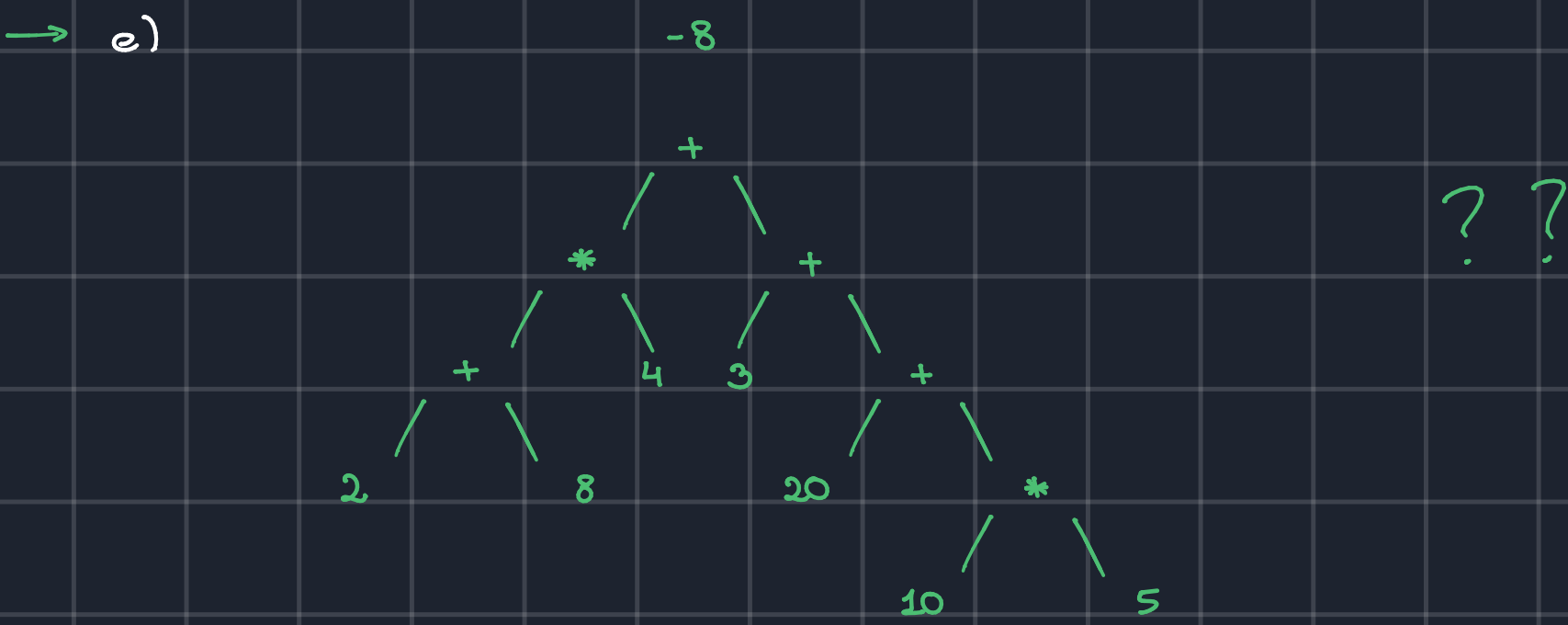
21 Token:)

Stack:

Output:

?
0

→ d) 2 8 * 10 5 + 20 \ 4 * 3 + -8 + ??
!;



- 4.
- 1 - Push
 - 2 - Pop
 - 3 - Top
 - 4 - Empty

1. Push (Insere):

- * A inserção de um elemento no topo da pilha geralmente tem complexidade de tempo constante O(1). Isso ocorre porque estamos simplesmente adicionando um elemento ao topo da estrutura de dados, e não precisamos percorrer elementos existentes.

2. Pop (Remove):

- * A remoção de um elemento do topo da pilha também tem complexidade de tempo constante O(1). Assim como no push, estamos apenas removendo o elemento do topo da pilha, e não precisamos percorrer outros elementos.

3. Top/Peek (Acessar o topo):

- * A operação de acesso ao elemento no topo da pilha sem removê-lo também tem complexidade de tempo constante O(1). Isso ocorre porque podemos acessar diretamente o elemento no topo da pilha sem precisar percorrer a estrutura.

4. Empty (Verificar se está vazio):

- * Verificar se a pilha está vazia também é uma operação de tempo constante O(1). Isso é possível porque normalmente mantemos um contador de elementos na pilha ou um marcador especial que indica se a pilha está vazia ou não.

Portanto, as operações comuns em uma pilha têm complexidade de tempo constante O(1). Isso é verdadeiro em situações normais em que não há necessidade de redimensionamento dinâmico da estrutura de dados subjacente.

- 5.
- a)
 - b)
 - c)