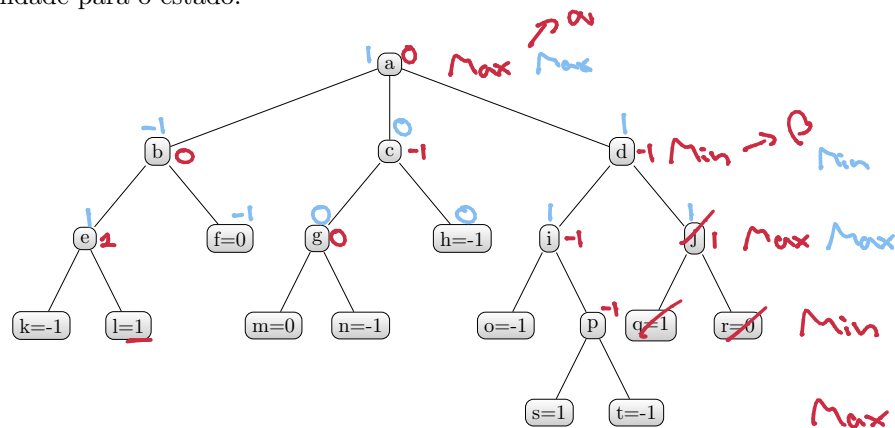


# 1º Teste de Inteligência Artificial

16/5/2022 - 10-12 horas

**Grupo 1** Considere a árvore da figura acima, que representa o espaço de estados de um jogo de dois jogadores, o valor nas folhas indica o valor da função de utilidade para o estado.



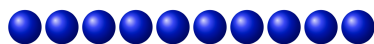
1. Indique o valor dos nós não terminais da árvore (a, b, c, d, e, g, i, j e p) de acordo com o algoritmo minmax e a jogada perfeita no estado 'a'.

2. Indique os nós que não precisam de ser avaliados com o corte  $\alpha - \beta$ .

3. Indique a jogada perfeita com o minimax e um cutoff= 2 para a seguinte função de avaliação:

a = 1	b = -1	c = 0	d = 1	e = 1	f = -1	g = 0
h = 0	i = 1	j = 1	k = 0	l = 1	m = 1	n = -1
o = -1	p = 0	q = 1	r = 0	s = 1	t = -1	

4. Considere o seguinte Jogo:



Há 10 peças em linha. Cada jogador pode retirar uma ou duas peças da esquerda para a direita. O jogador que retirar a última peça perde.

- Represente o espaço de estados para este jogo e defina os operadores de transição de estados em Prolog.
- Com a sua definição de estado e operadores qual é profundidade máxima da árvore minmax na primeira jogada (com 10 peças)?
- Com a sua definição de estado e operadores quantas jogadas pode fazer um jogador após quatro jogadas (duas para cada jogador)?

## Grupo I

1.  $a = 0$        $g = 0$   
 $b = 0$        $i = -1$   
 $c = -1$        $j = 1$   
 $d = -1$        $p = -1$   
 $e = 1$

A jogada perfeita no estado 'a' é ir para 'b'.

2.  $d = -1 \rightarrow a = 0$  e  $\beta = -1$

Então para  $d = -1$  temos  $\alpha = 0$  e  $\beta = -1$ ,  $\alpha \geq \beta$ , logo neste situação podemos cortar o ramo a partir de  $d$ .

Ou seja, cortamos  $j$ ,  $q$ ,  $r$ .

3. A jogada perfeita para a função de avaliação dada é ir para 'd'.

4. a) %estado (N de Peças Restantes)

estado\_inicial(10)

estado\_final(0)

%op(estado\_atual, operador, estado\_seguinte, custo)

op(e(N), tira(1), e(N1), 1):- N1 is N-1,  
N > 1.

op(e(N), tira(2), e(N1), 1):- N1 is N-2,  
N > 2.

- b) A profundidade máxima é dada quando os jogadores tiram sempre apenas 1 peça.

- c) Após 4 jogadas:

Peças retiradas entre 4 e 8

Logo, peças restantes entre 2 e 6

Sendo o número de peças restantes  $\geq 2$ , então existirão garantidamente 2 jogadas possíveis.

- d) % Estado ([Lista Peças Restantes])

Estado-Inicial([p1, p2, p3, p4, p5, p6, p7, p8, p9, p10]).

Estado-final([3])

$op(e([x|L]), tira(1, x), e(L), 1)$ . Caso base (1 peça)

$op(e([Y|L]), tira(1, x), e([Y|L1]), 1) :- Y \neq x,$

$op(e(L), tira(1, x), e(L1), 1)$ .

$op(e([x, -|L]), tira(2, x), e(L), 1)$ . Caso base (2 peças)

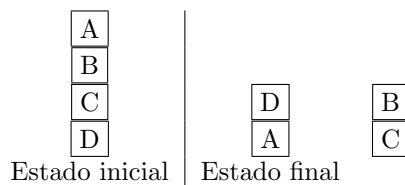
$op(e([Y|L]), tira(2, x), e([Y, L1]), 1) :- (Y \neq x; (L = []; L = [H|_],$   
 $H \neq Y)),$

$op(e(L), tira(2, x), e(L1), 1)$

- (d) Se se alterassem as regras do jogo para: em cada jogada, um jogador pode ou retirar uma peça qualquer ou retirar duas peças quaisquer se estiverem juntas, perde o jogador que tirar a última peça.

Represente, em prolog, o espaço de estados para o jogo com as novas regras. E indique quantas Jogadas diferentes pode um jogador fazer no estado inicial.

**Grupo 2** Considere o problema dos blocos ( $A, B, C$  e  $D$ ). Os blocos podem ser empilhados e desempilhados um a um. Considere que tem um robot com duas mãos que pode segurar um bloco em cada mão.



1. Indique o vocabulário (condições, fluentes e ações) que considera adequado para resolver este problema usando um planeador.
2. Descreva este problema na notação STRIPS, para cada ação indique: a lista de pré condições, a addList e a DelList.
3. Represente o estado inicial e o estado final deste problema com o seu vocabulário.
4. Indique uma sequência de ações para ir do estado inicial ao final.
5. Como é que um pop (planeador de ordem parcial) resolveria o problema da alínea anterior:
  - (a) Indique os passos do plano para ir do estado inicial ao estado final: para cada passo indique o identificador e o nome da ação com as variáveis instanciadas.
  - (b) Indique 5 links do plano: os identificadores dos passos e a condição.
  - (c) Exemplifique duas ameaças diferentes: em cada exemplo, indique um passo e o link que pode ser ameaçado pelo passo.

## Grupo II

### 1. Vocabulário:

#### ~~Condições~~ Fluentes

livre( $M$ )  $\rightarrow$  O robô tem a mão  $M$  livre.

porCima( $x, Y$ )  $\rightarrow$  O bloco  $x$  está por cima do bloco  $Y$ .

mao( $B, M$ )  $\rightarrow$  O bloco  $B$  está na mão  $M$ .

possivel( $B, P$ )  $\rightarrow$  Podemos colocar um bloco sobre o bloco  $B$  na pilha  $P$ .

pilha( $B, P$ )  $\rightarrow$  Bloco  $B$  está na pilha  $P$ .

#### Ações

pegar( $B, P, M$ )  $\rightarrow$  pega o bloco  $B$  com a mão  $M$  da pilha  $P$

colocar( $B, P, M$ )  $\rightarrow$  coloca o bloco  $B$  na pilha  $P$  com a mão  $M$

### 2. pegar( $B, P, M$ ):

Pré-condições:  $possivel(B, P)$ ,  $livre(M)$ ,  $porCima(B, B1)$ ,  $pilha(B, P)$

Add-List:  $mao(B, M)$ ,  $possivel(B1, P)$

Del-List:  $possivel(B, P)$ ,  $livre(M)$ ,  $pilha(B, P)$ ,  $porCima(B, B1)$

colocar( $B, P, M$ ):

Pré-condições:  $mao(B, M)$ ,  $possivel(B, P)$

Add-List:  $porCima(B, B1)$ ,  $livre(M)$ ,  $possivel(B, P)$

Del-List:  $mao(B, M)$ ,  $possivel(B1, P)$

%acao(Nome, Precondicoes, ADDList, DELList)

acao(pegar( $B, P, M$ ), [ $livre(M)$ ,  $possivel(B, P)$ ,  $porCima(B, B1)$ ,  $pilha(B, P)$ ],  
[ $mao(B, M)$ ,  $possivel(B1, P)$ ], [ $possivel(B, P)$ ,  $livre(M)$ ,  $pilha(B, P)$ ,  $porCima(B, B1)$ ])).  
acao(colocar( $B, P, M$ ), [ $mao(B, M)$ ,  $possivel(B, P)$ ], [ $porCima(B, B1)$ ,  $livre(M)$ ,  $possivel(B, P)$ ],  
[ $mao(B, M)$ ,  $possivel(B1, P)$ ])).

3. estado-inicial([ $livre(E)$ ,  $livre(D)$ ,  $porCima(C, D)$ ,  $porCima(B, C)$ ,  $porCima(A, B)$ ,  $possivel(A, 1)$ ,  
 $pilha(A, 1)$ ,  $pilha(B, 1)$ ,  $pilha(C, 1)$ ,  $pilha(D, 2)$ ]).

estado-final([ $livre(E)$ ,  $livre(D)$ ,  $porCima(D, A)$ ,  $pilha(A, 1)$ ,  $pilha(D, 1)$ ,  $possivel(D, 1)$ ,  $porCima(B, C)$ ,  
 $pilha(B, 2)$ ,  $pilha(C, 2)$ ,  $possivel(B, 2)$ ]).

4. passos([<sup>2</sup>pegar( $A, 1, E$ ), <sup>2</sup>pegar( $B, 1, D$ ), <sup>3</sup>colocar( $B, 2, D$ ), <sup>4</sup>pegar( $C, 1, D$ ), <sup>5</sup>colocar( $C, 2, D$ ),  
<sup>6</sup>pegar( $D, 1, D$ ), <sup>7</sup>colocar( $A, 1, E$ ), <sup>8</sup>colocar( $D, 1, D$ ), <sup>9</sup>pegar( $C, 2, E$ ), <sup>10</sup>pegar( $B, 2, D$ ),  
<sup>11</sup>colocar( $C, 2, E$ ), <sup>12</sup>colocar( $B, 2, D$ )]).



5. a)  $s_0 \rightarrow \text{estado-inicial}$   
 $s_1 \rightarrow \text{estado-final}$

$P_1 = \text{colocar}(B, 2, M)$

$P_2 = \text{colocar}(C, 2, M)$

$P_3 = \text{colocar}(A, 1, M)$

$P_4 = \text{colocar}(D, 1, M)$

$P_2 < P_1$

$P_3 < P_4$

$P_4 < P_2$

Para  $P_1$ :

$P_5 = \text{pegar}(B, 1, M)$

$P_5 < P_1$

Para  $P_5$ :

$P_6 = \text{pegar}(A, 1, M)$

$P_6 < P_5$

Para  $P_2$ :

$P_7 = \text{colocar}(B, 2, M)$

$P_7 < P_2$

$P_8 = \text{pegar}(C, 1, M)$

$P_8 < P_2$

Para  $P_4$ :

$P_9 = \text{pegar}(D, 2, M)$

$P_9 < P_4$

Para  $P_9$ :

$P_{10} = \text{colocar}(C, 2, M)$

$P_{10} < P_9$