# Análisis y modelado de series temporales con métodos estadísticos basados en Deep Learning

Doble Grado en Ingeniería Informática y Matemáticas

Miguel Lentisco Ballesteros 16 de septiembre de 2020

Trabajo Fin de Grado

E.T.S de Ingenierías Informática y de Telecomunicación Facultad de Ciencias



### Índice de contenidos

Introducción y objetivos

Conceptos base

Selección de modelos

Detección de anomalías

\_\_\_\_\_

INTRODUCCIÓN Y OBJETIVOS

En los últimos años se ha dado una extensa popularización y uso de las **redes neuronales** que ha dado lugar a una gran cantidad de trabajos de investigación diversos.

En los últimos años se ha dado una extensa popularización y uso de las **redes neuronales** que ha dado lugar a una gran cantidad de trabajos de investigación diversos.

De aquí surge nuestra motivación de explorar en este campo ciertos temas que están **poco tratados** actualmente, en concreto, problemas con dominio de **series temporales** resueltos mediante redes neuronales **LSTM**.

En los últimos años se ha dado una extensa popularización y uso de las **redes neuronales** que ha dado lugar a una gran cantidad de trabajos de investigación diversos.

De aquí surge nuestra motivación de explorar en este campo ciertos temas que están **poco tratados** actualmente, en concreto, problemas con dominio de **series temporales** resueltos mediante redes neuronales **LSTM**.

Investigamos dos problemas de este tipo:

En los últimos años se ha dado una extensa popularización y uso de las **redes neuronales** que ha dado lugar a una gran cantidad de trabajos de investigación diversos.

De aquí surge nuestra motivación de explorar en este campo ciertos temas que están **poco tratados** actualmente, en concreto, problemas con dominio de **series temporales** resueltos mediante redes neuronales **LSTM**.

Investigamos dos problemas de este tipo:

 Selección de modelos para clasificación de series temporales.

En los últimos años se ha dado una extensa popularización y uso de las **redes neuronales** que ha dado lugar a una gran cantidad de trabajos de investigación diversos.

De aquí surge nuestra motivación de explorar en este campo ciertos temas que están **poco tratados** actualmente, en concreto, problemas con dominio de **series temporales** resueltos mediante redes neuronales **LSTM**.

Investigamos dos problemas de este tipo:

- Selección de modelos para clasificación de series temporales.
- · Detección de anomalías en series temporales.

Los objetivos fundamentales de este proyecto son:

Los objetivos fundamentales de este proyecto son:

 Estudio y análisis del marco teórico relacionado con el campo del aprendizaje profundo, con hincapié en la arquitectura LSTM; y las series temporales, incluyendo las técnicas y modelos utilizados usualmente.

Los objetivos fundamentales de este proyecto son:

- Estudio y análisis del marco teórico relacionado con el campo del aprendizaje profundo, con hincapié en la arquitectura LSTM; y las series temporales, incluyendo las técnicas y modelos utilizados usualmente.
- Implementación y análisis del funcionamiento de una nueva heurística llamada Perturbation Validation utilizada para la selección de modelos.

Los objetivos fundamentales de este proyecto son:

- Estudio y análisis del marco teórico relacionado con el campo del aprendizaje profundo, con hincapié en la arquitectura LSTM; y las series temporales, incluyendo las técnicas y modelos utilizados usualmente.
- Implementación y análisis del funcionamiento de una nueva heurística llamada Perturbation Validation utilizada para la selección de modelos.
- Modelado y validación de un detector de series anómalas junto con el desarrollo de diversas técnicas que crean artificialmente series con perturbaciones.

# **CONCEPTOS BASE**

# CONCEPTOS BASE

Aprendizaje profundo

# Aprendizaje profundo

El aprendizaje profundo es el campo encargado de solucionar tareas del aprendizaje automático mediante el desarrollo de modelos basados en redes neuronales.

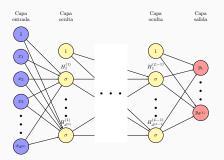
#### Redes neuronales

Modelo bioinspirado en el sistema neuronal del cerebro.

#### Redes neuronales

Modelo bioinspirado en el sistema neuronal del cerebro.

La versión más simple y conocida es la feed-forward neural network (FFNN).



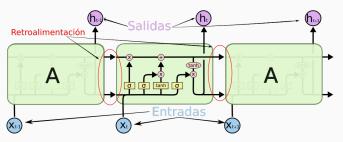
**Figura 1:** Estructura genérica de una *feed-forward neural network*. Elaboración propia.

#### Desarrollo

En el trabajo se ha realizado un desarrollo de los siguientes apartados:

- · Orígenes.
- · Explicación y funcionamiento de la FFNN.
- · Tipología y arquitecturas actuales. LSTM.

La arquitectura LSTM (Long Short Term Memory) es un tipo de red neuronal recurrente especializado para datos secuenciales, ya que de cada entrada se devuelve una salida y además cierta información que vuelve a la propia red, retroalimentándose, usada para la siguiente entrada.



**Figura 2:** Esquema de funcionamiento de las neuronas LSTM. Extraído de [enlace].

### **CONCEPTOS BASE**

Series temporales

### Definición

#### Definición (Proceso estocástico)

Sean un espacio probabilístico  $(\Omega, \mathcal{A}, P)$ , un espacio Borel  $(E, \mathcal{B}_E)$ , un conjunto ordenado arbitrario T y las variables aleatorias  $X_t: (\Omega, \mathcal{A}, P) \to (E, \mathcal{B}_E)$ ,  $\forall t \in T$ . Se dice que la familia de variables aleatorias ordenadas por T,  $\{X_t\}_{t \in T}$ , es un **proceso estocástico**.

### Definición

### Definición (Proceso estocástico)

Sean un espacio probabilístico  $(\Omega, \mathcal{A}, P)$ , un espacio Borel  $(E, \mathcal{B}_E)$ , un conjunto ordenado arbitrario T y las variables aleatorias  $X_t: (\Omega, \mathcal{A}, P) \to (E, \mathcal{B}_E)$ ,  $\forall t \in T$ . Se dice que la familia de variables aleatorias ordenadas por T,  $\{X_t\}_{t \in T}$ , es un **proceso estocástico**.

### Definición (Serie temporal)

Sea un proceso estocástico  $\{X_t\}_{t\in T}$ , una **serie temporal** es una realización muestral del proceso, denotado por  $\{x_t\}_{t\in T}$ .

#### Desarrollo

Se han desarrollado las siguientes partes:

- · Teoría probabilística y de procesos estocásticos.
- Modelos estacionarios.
- · Descomposición y diferenciación de series.
- · Discretización de series.

Una técnica muy útil para el análisis de series es la **descomposición** en tres componentes esenciales:

Una técnica muy útil para el análisis de series es la **descomposición** en tres componentes esenciales:

• **Tendencia**: cambio en el nivel medio de la serie a largo plazo.

Una técnica muy útil para el análisis de series es la **descomposición** en tres componentes esenciales:

- **Tendencia**: cambio en el nivel medio de la serie a largo plazo.
- Estacionalidad: patrón que se repite cada cierto periodo de tiempo.

Una técnica muy útil para el análisis de series es la **descomposición** en tres componentes esenciales:

- **Tendencia**: cambio en el nivel medio de la serie a largo plazo.
- Estacionalidad: patrón que se repite cada cierto periodo de tiempo.
- · Residuos: valores sobrantes.

Una técnica muy útil para el análisis de series es la **descomposición** en tres componentes esenciales:

- **Tendencia**: cambio en el nivel medio de la serie a largo plazo.
- Estacionalidad: patrón que se repite cada cierto periodo de tiempo.
- · Residuos: valores sobrantes.

La descomposición se suele denotar como:

$$x_t = m_t + s_t + Y_t, \ \forall t \in T$$

donde  $m_t$  es la tendencia,  $s_t$  es la estacionalidad e  $Y_t$  los residuos.

# Descomposición STL

Una de las formas más usadas es la **descomposición STL** que solo necesita el periodo de la componente estacional.

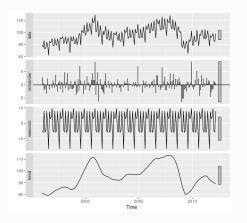


Figura 3: Ejemplo de descomposición STL. Extraído de [3].



SELECCIÓN DE MODELOS

#### Planteamiento

**Pregunta**: tengo varios modelos que han aprendido para resolver cierta tarea de clasificación de series temporales, ¿cual es el mejor?

#### Planteamiento

**Pregunta**: tengo varios modelos que han aprendido para resolver cierta tarea de clasificación de series temporales, ¿cual es el mejor?

Respuesta: el que tenga mejor acierto (acc).

#### Planteamiento

**Pregunta**: tengo varios modelos que han aprendido para resolver cierta tarea de clasificación de series temporales, ¿cual es el mejor?

Respuesta: el que tenga mejor acierto (acc).

Problema: sobreajuste.

### Selección clásica

**Solución**: dividir los datos en dos conjuntos: uno de entrenamiento y otro de **validación**. Seleccionamos en base al *acc* en el conjunto de validación.

### Selección clásica

**Solución**: dividir los datos en dos conjuntos: uno de entrenamiento y otro de **validación**. Seleccionamos en base al *acc* en el conjunto de validación.

Se suele usar la **validación cruzada** para tener una mejor estimación.



Figura 4: Esquema de validación cruzada. Extraído de [enlace].

#### Problemas de la validación

#### Inconvenientes:

- Datos de validación insuficientes para representar la distribución subyacente.
- · Sesgo en la muestra.
- · No tiene en cuenta la complejidad.

# SELECCIÓN DE MODELOS

Perturbation Validation

## Perturbated Validation

Perturbation Validation (PV) es una heurística que evalúa el ajuste del modelo frente a su espacio de hipótesis, midiendo el nivel de cambio del acc al introducir etiquetas erróneas.

#### Perturbated Validation

Perturbation Validation (PV) es una heurística que evalúa el ajuste del modelo frente a su espacio de hipótesis, midiendo el nivel de cambio del acc al introducir etiquetas erróneas.

Si el modelo ha aprendido correctamente el patrón subyacente en los datos, no sobreajustará las etiquetas incorrectas.

#### Perturbated Validation

Perturbation Validation (PV) es una heurística que evalúa el ajuste del modelo frente a su espacio de hipótesis, midiendo el nivel de cambio del acc al introducir etiquetas erróneas.

Si el modelo ha aprendido correctamente el patrón subyacente en los datos, no sobreajustará las etiquetas incorrectas.

Tiene en cuenta el ajuste y la complejidad del modelo sin tener que realizar una partición de los datos.

# Obtención

1. Se crean k conjuntos de etiquetas perturbadas en base a unos ratios de error  $r_i$ , i = 1, ..., k.

## Obtención

- 1. Se crean k conjuntos de etiquetas perturbadas en base a unos ratios de error  $r_i$ , i = 1, ..., k.
- 2. Para cada conjunto de etiquetas, el modelo se entrena desde cero con dicho conjunto y se evalua el ajuste con los mismos datos, obteniendo  $acc_i$ , i = 1, ..., k.

## Obtención

- 1. Se crean k conjuntos de etiquetas perturbadas en base a unos ratios de error  $r_i$ , i = 1, ..., k.
- 2. Para cada conjunto de etiquetas, el modelo se entrena desde cero con dicho conjunto y se evalua el ajuste con los mismos datos, obteniendo  $acc_i$ , i = 1, ..., k.
- 3. PV es la pendiente absoluta de la regresión lineal obtenida con los puntos  $\{(r_i, acc_i)\}_{i=1}^k$ .

## **Funcionamiento**

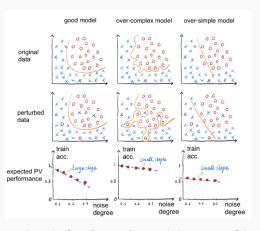


Figura 5: Idea de funcionamiento del PV. Extraído de [4]

# SELECCIÓN DE MODELOS

Experimentación

# Descripción

Realizamos el siguiente experimento para medir la eficacia del *PV*:

- 114 datasets de series temporales unidimensionales de tareas de clasificación, divididos en entrenamiento y test.
- 11 modelos de clasificación usuales: nuestro modelo LSTM, SVM, k-NN y distintos árboles.
- · Métricas medidas: PV, acc<sub>5CV</sub>, acc<sub>train</sub>, acc<sub>test</sub>.

## Resultados

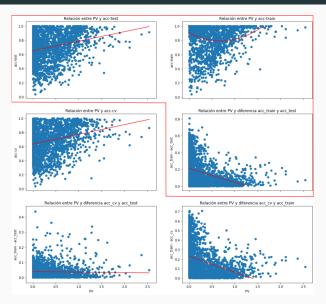


Figura 6: Resultados del experimento. Elaboración propia.

## Análisis

## Concluímos que:

- $PV \uparrow \Longrightarrow E[acc_{train}] \uparrow, E[acc_{test}] \uparrow$ .
- PV es inversamente proporcional al sobreajuste.

#### **Análisis**

## Concluímos que:

- $\cdot PV \uparrow \Longrightarrow E[acc_{train}] \uparrow, E[acc_{test}] \uparrow.$
- · PV es inversamente proporcional al sobreajuste.

#### Pero...

- $\cdot PV(clf_1) > PV(clf_2) \implies acc_{test}(clf_1) > acc_{test}(clf_2).$
- Los modelos con alta varianza (LSTM) producen valores atípicos.

# Complementación

PV no **sustituye** a *acc<sub>CV</sub>* pero puede **complementarlo**:

- 1. Seleccionamos los modelos con acc<sub>CV</sub> más altos.
- 2. Calculamos el PV para estos modelos.
- 3. Escogemos el modelo con PV más alto si PV >> 0.

# Hiperparámetros

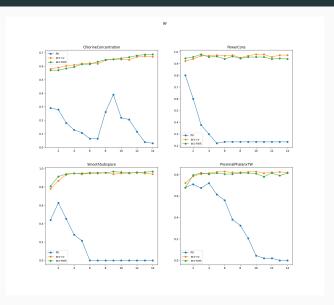
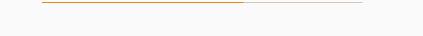


Figura 7: Experimento con hiperparámetros. Elaboración propia.



DETECCIÓN DE ANOMALÍAS

#### **Anomalías**

Una serie temporal es **anómala** cuando se producen valores inesperados en ciertos instantes.

### Anomalías

Una serie temporal es **anómala** cuando se producen valores inesperados en ciertos instantes. Aunque dependen de la tarea concreta existen ciertos tipos usuales: cambios de intensidad puntuales o en un periodo, cambio de forma...

#### Anomalías

Una serie temporal es **anómala** cuando se producen valores inesperados en ciertos instantes. Aunque dependen de la tarea concreta existen ciertos tipos usuales: cambios de intensidad puntuales o en un periodo, cambio de forma...

Abordamos dos problemas en este campo:

- · Falta de detectores desplegables en diversas tareas.
- · Falta de datasets con muestras de series anómalas.

# DETECCIÓN DE ANOMALÍAS

Detector

\_\_\_\_\_

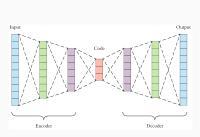
#### Estructura

Modelamos un detector de series anómalas extensible para muchos casos, estructurado en dos partes:

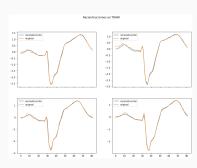
- · Autoencoder LSTM para reconstrucción.
- · Predictor basado en la distribución de los errores.

#### **Autoencoder LSTM**

Un *autoencoder* LSTM que aprende el **patrón** de las series normales. Reconstruye las entradas para el patrón aprendido.



**Figura 8:** Arquitectura autoencoder. Extraído de [enlace].



**Figura 9:** Ejemplos de reconstrucciones. Elaboración propia.

#### Predictor

Probabilidad de anomalía asignada en base a la **distribución** aprendida de los errores cuadráticos medios entre las series normales y las reconstrucciones.

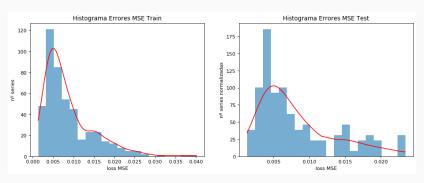


Figura 10: Ejemplo de distribución de errores. Elaboración propia.

# DETECCIÓN DE ANOMALÍAS

Alteraciones

#### **Alteraciones**

Cuatro métodos para alterar series normales que permiten:

- Validar detectores de anomalías cuando solo hay series normales.
- Crear muestras anómalas de entrenamiento para clasificadores.

#### Alteraciones

Cuatro métodos para alterar series normales que permiten:

- Validar detectores de anomalías cuando solo hay series normales.
- Crear muestras anómalas de entrenamiento para clasificadores.

Siempre se selecciona un tramo aleatorio de la serie y se modifica.

# Ruido gaussiano

Simulamos cambios grandes puntuales en la intensidad de la serie (*picos*) mediante **distribución gaussiana**.

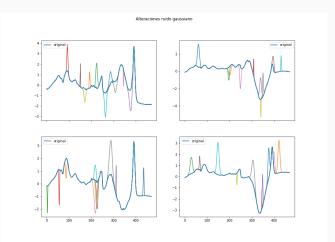


Figura 11: Perturbaciones con ruido gaussiano. Elaboración propia.

# Pulso gaussiano-sinusoidal

Simulamos cambios de forma o interferencias en las series mediante un pulso gaussiano-sinusoidal.

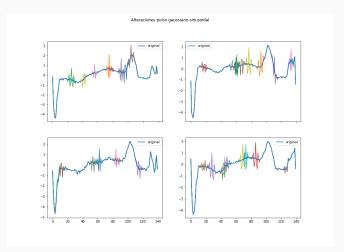


Figura 12: Alteraciones pulso g.s. Elaboración propia.

#### Intensidad estacionalidad

Simulamos cambios estacionales alterando la intensidad de la **estacionalidad** de la serie.

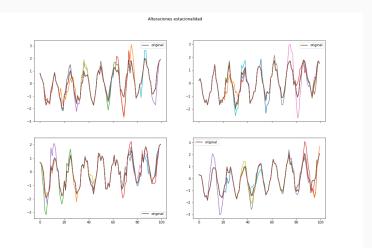


Figura 13: Perturbaciones con estacionalidad. Elaboración propia.

#### Intensidad tendencia

Simulamos cambios estacionales alterando la intensidad de la **tendencia** de la serie.

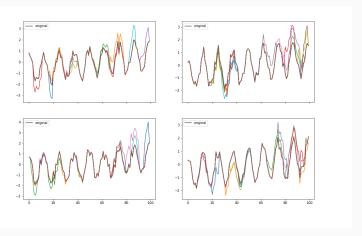


Figura 14: Perturbaciones con tendencia. Elaboración propia.

# DETECCIÓN DE ANOMALÍAS

Experimentación

# Descripción

Validamos empíricamente la eficacia del detector para cada método de alteración propuesto en un par de *datasets* sin muestras anómalas.

# Descripción

Validamos empíricamente la eficacia del detector para cada método de alteración propuesto en un par de *datasets* sin muestras anómalas.

Probamos con distintos parámetros para crear las series anómalas y observamos el cambio de comportamiento del detector frente a los distintos valores tomados.

#### Resultados

# En general hemos observado que:

- El detector consigue unos buenos resultados de la métrica.
- · Las alteraciones se comportan adecuadamente.

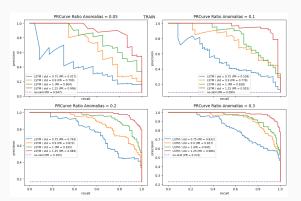


Figura 15: Ejemplo de validación del detector. Elaboración propia.

En este trabajo hemos logrado:

En este trabajo hemos logrado:

• Estudiar con detalle el marco teórico actual de las redes neuronales y las series temporales.

## En este trabajo hemos logrado:

- Estudiar con detalle el marco teórico actual de las redes neuronales y las series temporales.
- Analizar y comprobar la efectividad de Perturbation Validation, que puede complementar el método clásico de selección de modelos.

## En este trabajo hemos logrado:

- Estudiar con detalle el marco teórico actual de las redes neuronales y las series temporales.
- Analizar y comprobar la efectividad de *Perturbation* Validation, que puede complementar el método clásico de selección de modelos.
- Modelar un detector de series anómalas efectivo y fácil de desplegar en diversas tareas, junto con métodos para crear muestras anómalas para su uso en validación o entrenamiento.

#### Referencias

- ABU-MOSTAFA, Y. S., MAGDON-ISMAIL, M. & LIN, H. T. (2012). Learning from data.
- GOODFELLOW, I., BENGIO, Y. & COURVILLE, A. (2016). Deep Learning.
- HYNDMAN, R. J. & ATHANASOPOULOS, G. (2018). Forecasting: principles and practice.
- THANG, J. M., HARMAN, M., GUEDJ, B., BARR, E. T. & SHAWE-TAYLOR, J. (2019). Perturbation validation: a new heuristic to validate machine learning models.
- AHMED, M., MAHMOOD, A. N. & Hu, J. (2016). A survey of network anomaly detection techniques.

Gracias por su atención.