

Nombre: Miguel Angel Cárdenas Díaz

Código: 1151929

```
public boolean[][] getMultiplicacion_IA() {  
    int filasM1 = m1.length;           // 2 (1 acceso + 1 asignación)  
    int columnasM1 = m1[0].length;     // 3 (2 accesos + 1 asignación)  
    int columnasM2 = m2[0].length;     // 3 (2 accesos + 1 asignación)  
  
    boolean[][] resultado = new boolean[filasM1][columnasM2]; // 2 (creación + asignación)  
  
    for (int i = 0; i < filasM1; i++) { // 1 (i=0) + Σ [de i=1 a n] (2: comparación + i++)  
        for (int j = 0; j < columnasM2; j++) { // 1 (j=0) + Σ [de j=1 a m] (2)  
            boolean suma = false;           // 1  
            for (int k = 0; k < columnasM1; k++) { // 1 (k=0) + Σ [de k=1 a p] (2)  
                suma ^= (m1[i][k] && m2[k][j]); // 5 (2 accesos + AND + XOR + asignación)  
            }  
            resultado[i][j] = suma;         // 2 (acceso + asignación)  
        }  
    }  
    return resultado;                       // 1  
}
```

$n = \text{filasM1}, m = \text{columnasM2}, p = \text{columnasM1}$

$$\begin{aligned} T(n) &= 10 + 1 + 2n + \sum [\text{de } i=1 \text{ a } n] (1 + 2m + \sum [\text{de } j=1 \text{ a } m] (1 + 2p + 7p + 2)) \\ &= 11 + 2n + \sum [\text{de } i=1 \text{ a } n] (1 + 2m + m(1 + 9p + 2)) \\ &= 11 + 2n + \sum [\text{de } i=1 \text{ a } n] (1 + 2m + 9mp + 3m) \\ &= 11 + 2n + n + 5\sum m + 9\sum mp \end{aligned}$$

$$T(n) \approx 11 + 3n + 5n^2 + 9n^3$$

Big-O: $O(n^3)$

(el viejo)

```

public boolean[][] getMultiplicacion() {

    int filasM1 = m1.length;           // 2
    int columnasM1 = m1[0].length;     // 3
    int columnasM2 = m2[0].length;     // 3

    boolean[][] resultado = new boolean[filasM1][columnasM2]; // 2

    for (int i = 0; i < filasM1; i++) { // 1 +  $\Sigma$  [de i=1 a n] (2)
        for (int j = 0; j < columnasM2; j++) { // 1 +  $\Sigma$  [de j=1 a m] (2)
            int suma = 0; // 1
            for (int k = 0; k < columnasM1; k++) { // 1 +  $\Sigma$  [de k=1 a p] (2)
                if (m1[i][k] && m2[k][j]) { // 4 (2 accesos + AND + comparación if)
                    suma ^= 1; // 2 (XOR + asignación)
                }
            }
            resultado[i][j] = (suma == 1); // 3 (comparación + acceso + asignación)
        }
    }

    return resultado; // 1
}

```

$n = \text{filasM1}, m = \text{columnasM2}, p = \text{columnasM1}$

$$\begin{aligned}
 T(n) &= 10 + 1 + 2n + \Sigma [\text{de } 1 \text{ a } n] (1 + 2m + \Sigma [\text{de } 1 \text{ a } m] (1 + 2p + 6 + 3)) \\
 &= 11 + 2n + \Sigma [\text{de } 1 \text{ a } n] (1 + 2m + m(1 + 2p + 9)) \\
 &= 11 + 2n + \Sigma [\text{de } 1 \text{ a } n] (1 + 2m + 2mp + 10m) \\
 &= 11 + 2n + n + 12\Sigma m + 2\Sigma mp
 \end{aligned}$$

$$T(n) \approx 11 + 3n + 12n^2 + 2n^3$$

Big-O: $O(n^3)$

(El nuevo)

Argumento:

Es verdad que ambas terminan siendo $O(n^3)$ y aunque las dos soluciones son correctas, la mía usa operaciones más sencillas (números en vez de booleanos) que la computadora procesa más rápido. Es como si resolvieras un problema matemático: ambos llegamos a la respuesta correcta, pero yo uso un atajo que me ahorra pasos. Para matrices grandes, estos pequeños ahorros suman y hacen que mi programa corra más rápido. Además, al ser más simple, es más fácil mejorarla después si fuera necesario.