

$$9. (P \rightarrow (Q \rightarrow R)) \leftrightarrow (Q \rightarrow (P \rightarrow R))$$

P	Q	R	$Q \rightarrow R$	$P \rightarrow R$	$(P \rightarrow (Q \rightarrow R))$	$(Q \rightarrow (P \rightarrow R))$	$(P \rightarrow (Q \rightarrow R)) \leftrightarrow (Q \rightarrow (P \rightarrow R))$
1	1	1	V	V	V	V	V
1	1	0	F	F	F	F	V
1	0	1	V	V	V	V	V
1	0	0	V	F	V	V	V
0	1	1	V	V	V	V	V
0	1	0	F	V	V	V	V
0	0	1	V	V	V	V	V
0	0	0	V	V	V	V	V

Independientemente de los valores de p, q, r
 $(P \rightarrow (Q \rightarrow R)) \leftrightarrow (Q \rightarrow (P \rightarrow R))$ siempre va a ser
verdadero (Tautología).

b. El caso que debe analizar es cuando $P \rightarrow (Q \rightarrow R)$ sea falso y $Q \rightarrow (P \rightarrow R)$ verdadero y viceversa ya que esto nos permitiría decir que no es una tautología al demostrar que existe una combinación tal que la fbf sea falsa. Para que $P \rightarrow (Q \rightarrow R)$ sea falsa tenemos que p es verdadera y $Q \rightarrow R$ falsa, si $Q \rightarrow R$ es falsa entonces Q es verdadera y R falsa, si trasladamos estos valores de verdad a $Q \rightarrow (P \rightarrow R)$ tenemos Q verdadera y $P \rightarrow R$ falsa por lo tanto nos queda $(P \rightarrow (Q \rightarrow R)) \leftrightarrow (Q \rightarrow (P \rightarrow R))$ verdadero. Ahora aplicamos el mismo análisis pero con los valores de verdad invertidos, si $P \rightarrow (Q \rightarrow R)$ es verdad tenemos que el valor de p y q no interesa y R es verdadero y automáticamente $Q \rightarrow (P \rightarrow R)$ se convierte en verdadero por lo cual es una tautología.