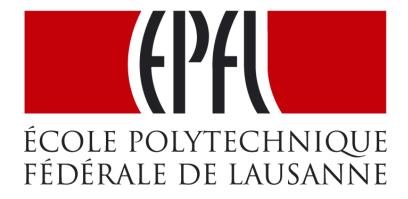
### Cours de mathématiques spéciales Livret de cours

Catalogue of courses



Année académique / Academic year 2016/2017

1<sup>er</sup> septembre 2016

## Table des matières

Ι	Partie générale	2									
1	Agenda du CMS pour le semestre d'automne 2016/17	3									
2	Agenda du CMS pour le semestre de printemps 2016/17										
3	Bases légales 3.1 Règlement du CMS	<b>5</b> 5 5 5									
П	La formation au Cours de mathématiques spéciales	6									
4	Le personnel du Cours de mathématiques spéciales	7									
5	La description de la formation au Cours de mathématiques spéciales  5.1 Objectif général	8 8 8 8									
6	Plan d'étude du Cours de mathématiques spéciales 6.1 La dotation horaire	9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 20									

Première partie

Partie générale

# Agenda du CMS pour le semestre d'automne 2016/17

Vendredi 16 septembre Journée d'accueil, pour le CMS au Polydôme dès 13h.

Apéro de bienvenue à 16h.30 au CMS

Lundi 20 septembre Rentrée, début des cours : 8h.15

Mercredi 21 septembre Présentation des options à choisir de 8h.15 à 10h.00.

Début des cours à option, 10h.15

Jeudi 22 septembre Délai pour le choix de l'option

Vendredi 30 septembre Dernier délai pour valider le formulaire d'inscription académique

Vendredi 21 octobre Dernier délai pour annoncer son abandon sans être en échec

31 octobre au 4 novembre Interruption des cours

7 au 11 novembre Contrôle no 1

Vendredi 23 décembre Fin des cours du semestre d'automne

9 au 13 janvier Contrôle no 2

23 au 26 janvier Examens d'admission (Groupe 1)

Lundi 20 février Début des cours du semestre de printemps

# Agenda du CMS pour le semestre de printemps 2016/17

Lundi 20 février Début du semestre de printemps

Dimanche 3 mars Délai pour la validation du formulaire d'inscription académique

10 au 13 avril Contrôle 3

Vendredi 14 au 23 avril Suspension des cours - Pâques

Jeudi 25 mai Ascension

Vendredi 2 juin Fin du semestre de printemps

12 au 16 juin Contrôle 4

Lundi 4 au 6 septembre Examen d'admission de culture générale (2e groupe)

## Bases légales

3.1 Règlement du Cours de Mathématiques Spéciales de l'Ecole polytechnique fédérale de Lausanne

Le texte légal actuellement en vigueur se trouve à l'adresse suivante : http://polylex.epfl.ch/page64112.html

3.2 Ordonnance concernant l'admission à l'Ecole polytechnique fédérale de Lausanne

Le texte légal se trouve à l'adresse suivante : http://polylex.epfl.ch/page64112.html

### 3.3 Procédure et programme de l'examen d'admission

Ce document peut être obtenu auprès du SAC. Il donne un descriptif détaillé des contenus et de la procédure de l'examen d'admission. Il est renouvelé chaque année.

## Deuxième partie

La formation au Cours de mathématiques spéciales

# Le personnel du Cours de mathématiques spéciales

Directeur du CMS Hans-Jörg Ruppen

Secrétaire Marinette Auer

Informaticiens Camil Petrescu

Roger Sauser

Enseignants Simon Bossoney

Guido Burmeister Anne-Marie Dovi Sacha Friedli Camil Petrescu Roger Sauser Véronique Tissot Olivier Woringer

Chargés de cours Saida Guennoun-Lehmann

Jördis Tietje-Girault

# La description de la formation au Cours de mathématiques spéciales

#### 5.1 Objectif général

- Dispenser un enseignement permettant aux étudiants du CMS d'acquérir les connaissances de base en mathématiques, physique, chimie et biologie nécessaires pour entreprendre des études EPF.
- Préparer à l'examen d'admission dans les branches scientifiques et ceux de la culture générale.

#### 5.2 Objectifs particuliers

### 5.3 Principes directeurs

- L'enseignement des mathématiques comporte une introduction à l'analyse, l'algèbre linéaire et la géométrie analytique. L'utilisation des méthodes de résolution faisant appel aux raisonnements géométriques et à leur interprétation fait partie intégrante de cette formation. Par ce moyen l'étudiant acquiert l'habitude de comprendre de nouveaux concepts à l'aide d'une approche aussi bien intuitive que déductive.
- L'enseignement des sciences est complété par une introduction à la physique, la chimie et les sciences du vivant.
- Chaque étudiant choisit en outre une branche à option obligatoire parmi :
  - l'informatique
  - l'application des mathématiques et
  - la géométrie descriptive.

# Plan d'étude du Cours de mathématiques spéciales

### 6.1 La dotation horaire

Branches scientifiques		1er	SEM	2ÈM	E SEM
Branche	Enseignant	c	e	c	e
Analyse I (cf. page 11)		2	2	2	2
	Woringer				
	vacat				
	Burmeister				
Analyse II (cf. page 12)		2	2	2	2
	Bossoney				
	Friedli				
	Woringer				
Géométrie analytique (cf. page 13)		2	2	2	2
	Tissot				
	Dovi				
	Friedli				
Algèbre linéaire (cf. page 14)		2	2	2	2
	Dovi				
	Tissot				
	vacat				
Options		2	2	2	2
Géométrie Descriptive (cf. page 15)	Sauser				
Application des maths (cf. page 16)	Bossoney				
Informatique (cf. page 17)	Petrescu				

Branches scientifiques	1er	1er sem		E SEM	
Branche	Enseignant	c	e	с	e
Physique (cf. page 18)		3	2	3	2
	Burmeister				
	Sauser				
Chimie (cf. page 19)	Tietje-Girault	1	1	1	1
Sciences du vivant (cf. page 20)	Guennoun-	2	0	2	0
	Lehmann				

## 6.2 La description des cours

La description de chaque cours est donnée ci-dessous selon un canevas identique.

#### 6.2.1 Analyse I

Titre:	Analyse I										
Enseignant:	Enseignant: Olivier Woringer, vacat vacat,										
	Guido Burmeister										
Semestre	Obligatoire	Option	Facultatif	Heur	es totales:	112					
automne	X			Pars	semaine:						
printemps	X			Co	ours :	2					
				Ex	ercices:	2					

#### **Objectifs**

- Maîtrise du calcul algébrique.
- Compréhension et aptitude à appliquer la théorie du calcul différentiel et intégral des fonctions réelles d'une variable réelle.

#### Contenu

- Résolution d'équations, d'inéquations rationnelles, irrationnelles; valeur absolue.
- Suites de nombres réels : définition et calcul de limite.
- Fonctions de  $\mathbb{R}$  dans  $\mathbb{R}$ , limites, continuité.
- Calcul différentiel, interprétation géométrique.
- Etude de fonctions; arcs paramétrés.
- Calcul intégral, applications géométriques.

Forme de l'enseignement: Ex cathedra exercices Forme du contrôle: continu

Bibliographie: SWOKOWSKI, Analyse. Traduit de l'anglais par Micheline Citta, De Boeck Université.

ISBN: 2804115941

Howard ANTON, John WILEY & sons. Calculus with Analytic Geometry.

ISBN: 0471850454

S. BALAC, F. STURM, Algèbre et analyse, PPUR. ISBN: 9782880748289

Liaison avec d'autres cours:

Préalables requis: Calcul algébrique élémentaire Préparation pour: Cours de 1ère année à l'EPFL

#### 6.2.2 Analyse II

Titre:	Analyse I	I								
Enseignant:	Enseignant: Simon Bossoney, Sacha Friedli,									
	Olivier Woringer,									
Semestre	Obligatoire	Option	Facultatif	Heure	s totales:	112				
automne	X			Par se	emaine:					
printemps	X			Cou	ırs:	2				
				Exe	ercices:	2				

#### **Objectifs**

- Maîtriser des fonctions essentielles aux applications de l'Analyse : les fonctions trigonométriques, exponentielles, logarithmes et hyperboliques.
- Se familiariser avec les nombres complexes.

#### Contenu

- Trigonométrie :
  - Angles et arcs
  - Relations trigonométriques (formules d'addition et bissections des angles, transformations de sommes en produits).
  - Résolution des équations trigonométriques.
  - Résolution des triangles quelconques (Théorèmes du sinus et du cosinus, formule de Héron, rayons des cercles inscrits et circonscrits).
- Nombres complexes
  - Représentation algébrique et trigonométrique; plan de Gauss, formule de Moivre, racines de l'unité.
  - Transformation du plan (élémentaires et de Möbius).
- Fonctions élémentaires
  - Trigonométriques, puissances exponentielles, hyperboliques et leurs inverses.
  - Polynômes, décomposition en facteurs irréductibles.
  - Développements limités et leurs applications.

Forme de l'enseignement: Ex cathedra exercices Forme du contrôle: continu

Bibliographie: Ayres: trigonométrie, série Schaum

 $SWOKOWSKI/COLE.\ Fundamentals\ of\ trigonometry.\ ISBN\ :0534361285$ 

SWOKOWSKI. Algebra and trigonometry with Analytic Geometry, International ed.

ISBN: 0495559717

J. PICHON, Trigonométrie. Fonctions usuelles, Ellipse, 1998. ISBN :2729887131

St. BALAC, F. STURM. Algèbre et analyse : Cours de mathématiques de 1ère année avec

exercices corrigés, PPUR presses polytechniques, 2e éd. 2009. ISBN :9782880748289

#### Liaison avec d'autres cours:

Préalables requis:

#### 6.2.3 Géométrie analytique

Titre:	Géométrii	E ANALYT	IQUE								
Enseignant:	Enseignant: Véronique Tissot, Sacha Friedli,										
	Anne-Marie Dovi										
Semestre	Obligatoire	Option	Facultatif		Heures totales:	112					
automne	X				Par semaine:						
printemps	X				Cours:	2					
					Exercices:	2					

#### **Objectifs**

Maîtriser le calcul vectoriel ; résoudre des problèmes de géométrie, dans le plan et dans l'espace, à l'aide des outils de la géométrie analytique.

#### Contenu

- Calcul vectoriel.
- Géométrie analytique dans le plan; étude de la droite, notions de barycentre et de centre de gravité.
- Géométrie analytique dans l'espace; étude de la droite et du plan.
- Produit scalaire dans le plan et l'espace; applications aux problèmes métriques.
- Produit vectoriel et produit mixte; applications aux problèmes métriques.
- Le cercle dans le plan : tangentes, pôle, polaire, cercles orthogonaux, puissance, axe radical.
- Coniques dans le plan : forme réduite, forme générale et réduction.

Forme de l'enseignement: Ex cathedra Forme du contrôle: continu

exercices

Bibliographie: Fundamentum de Mathématique, Géométrie vectorielle et analytique plane, Commission

romande de mathématique, Editions du Tricorne. ISBN: 9782829301087

Fundamentum de Mathématique, Géométrie vectorielle et analytique de l'espace, Commission

romande de mathématique, Editions du Tricorne

Fundamentum de Mathématique, Géométrie 1,2, Commission romande de mathématique,

Editions du Tricorne

Liaison avec d'autres cours:

Préalables requis: Géométrie élémentaire

#### 6.2.4 Algèbre linéaire

Titre:	Algèbre l	INÉAIRE		
Enseignant:	Anne-Marie	Dovi, V	Téronique Tissot	
	vacat vacat			
Semestre	Obligatoire	Option	Facultatif Heures totale	s: 112
automne	X		Par semaine:	
printemps	X		Cours:	2
			Exercices:	2

#### Objectifs

Familiariser l'étudiant avec les notions fondamentales de l'algèbre linéaire, en mettant celles-ci en relation avec la géométrie élémentaire.

#### Contenu

- Notations ensemblistes, exemples de divers types de démonstration, généralités sur les applications.
- Matrices et calcul de déterminants.
- Espaces vectoriels réels de dimension finie. Exemples dans  $\mathbb{R}^2$ ,  $\mathbb{R}^3$ , espaces de matrices et de polynômes.
- Applications linéaires, généralités, étude géométrique des applications linéaires dans  $\mathbb{R}^2$  et  $\mathbb{R}^3$ .
- Changement de bases.
- Système d'équations linéaires, discussion et interprétation géométrique.
- Valeurs et vecteurs propres, étude dans  $\mathbb{R}^2$  et  $\mathbb{R}^3$ , interprétation géométrique.

Forme de l'enseignement: Ex cathedra

Forme du contrôle: continu exercices

**Bibliographie:** David C. LAY. Algèbre linéaire et applications, Ed. Pearson. ISBN: 2744075833 BALAC - STURM. Exercices d'algèbre et d'analyse, PPUR. ISBN: 9782889151523

Liaison avec d'autres cours:

Préalables requis:

#### 6.2.5 Option : Géométrie descriptive

Titre:	Titre: Géométrie descriptive									
Enseignant: Roger Sauser										
Semestre	Obligatoire	Option	Facultatif	Heures totales:	112					
automne		X		Par semaine:						
printemps		X		Cours:	2					
				Exercices:	2					

#### **Objectifs**

Développer la capacité de l'étudiant à :

- appréhender des situations géométriques en les illustrant par des croquis
- résoudre des problèmes de géométrie spatiale en appliquant les techniques de la représentation de Monge.

#### Contenu

- point, droite, plan, intersections.
- parallélisme, perpendicularité; ombres propres et portées.
- problèmes métriques par changements de plan et rabattements
- projections de cercle et affinité
- sphère : plans tangents, sections planes
- prismes et pyramides : sections planes
- cônes et cylindres : plans tangents, sections planes, cas particulier des cônes et cylindres circulaires ; applications aux problèmes d'ombres propres et portées.

Forme de l'enseignement: Ex cathedra Forme du contrôle: continu

exercices Forme du controle: cc

Bibliographie: cf. doc. examens d'admission, géométrie analytique; algèbre linéraire

Liaison avec d'autres cours:

Préalables requis: notions de géométrie élémentaire Préparation pour: Cours de 1ère année à l'EPFL

#### 6.2.6 Option : Application des mathématiques

Titre:	Titre: Application des mathématiques									
Enseignant: Simon Bossoney										
Semestre	Obligatoire	Option	Facultatif	Heures total	es: 112					
automne		X		Par semaine						
printemps		X		Cours:	2					
				Exercices	: 2					

#### **Objectifs**

- Préparer les étudiants à maîtriser un raisonnement abstrait.
- Faire le lien entre des notions théoriques présentées dans les cours de mathématiques du CMS et des applications concrètes.
- Se familiariser avec quelques notions et techniques abordées dans les cours pour ingénieurs.

#### Contenu

- Introduction à la statistique descriptive : fonction de répartition; indicateurs; représentations graphiques des données statistiques.
- Introduction à la notion de nombres réels.
- Calculs des probabilités : éléments d'analyse combinatoire et techniques de dénombrement ; notions fondamentales en calcul des probabilités ; probabilités discrètes ; probabilité conditionnelle et indépendance ; notions rapides sur les variables aléatoires et sur les principales lois de probabilités ; applications (espérance mathématique, tirages probabilistes, schémas de fiabilité).
- Suites : limites ; propriétés des suites convergentes ; suites de Cauchy ; raisonnement par récurrence ; suites et équations récurrentes et applications.
- Séries numériques : notion de convergence ; critères simples de convergence des séries à termes positifs ; séries alternées.
- Applications des dérivées : résolution numérique des équations ; approximation des racines à l'aide de la méthode de la bissection ; la méthode du point fixe et la méthode de Newton.
- Equations différentielles du premier ordre : linéaires; homogènes en x et y; applications.

Forme de l'enseignement: Ex cathedra exercices Forme du contrôle: continu

Bibliographie: Documentation d'appoint distribuée tout au long du cours

STEWART, Analyse: concepts et contextes v.1 Fonctions d'une variable 2011.

ISBN: 2804163067.

J. FOURASTIE, J-F. LASLIER, Probabilités et statistiques, 3e éd.Dunod, 2003.

ISBN: 9782100033355

W. RUDIN, Principles of Mathematical Analysis. ISBN: 007054235X

#### Liaison avec d'autres cours:

Préalables requis:

#### 6.2.7 Option: Informatique

Titre:	Informati	QUE								
Enseignant: Camil Petrescu										
Compates	Obligatoima	Ontion	Facultatif	Цо	ures totales:	112				
Semestre automne	Obligatoire	X	Facultatif		r semaine:	112				
printemps		X			Cours:	2				
				I	Exercices:	2				

#### **Objectifs**

Comprendre les fondements de la programmation orientée objets. Apprendre à programmer dans un langage évolué (Java), adapté aux intérêts scientifiques.

#### Contenu

- Bases du langage de programmation Java
  - Introduction à la programmation orientée objet
  - Présentation du langage Java
  - Syntaxe, identificateurs, mots-clés, types de données
  - Opérateurs, expressions et structures de contrôle de flux
  - Classes, objets, champs, méthodes
  - Encapsulation
  - Tableaux et chaînes de caractères
  - Héritage et polymorphisme
- Eléments avancés du langage de programmation Java
  - Interfaces
  - Programmation générique
  - Expressions lambda
  - Mécanisme des exceptions
  - Entrées sorties Java
  - Introduction à la programmation graphique
  - Gestion des événements
  - Applets

Forme de l'enseignement: Ex cathedra exercices

neara

Forme du contrôle: continu

Bibliographie: Petrescu, C.D., Petrescu, C.C.: Programmation Java, 1ère partie, EPFL, 2015

Petrescu, C.D., Petrescu, C.C.: Programmation Java, 2e partie, EPFL, 2015

Delannoy, C. : Programmer en Java. Eyrolles. ISBN : 2212134436 Delannoy, C. : Exercices en Java. Eyrolles. ISBN : 2212119893

Tasso, A.: Le livre de Java premier langage. Eyrolles. ISBN: 2212138542

Liaison avec d'autres cours:

Préalables requis:

#### 6.2.8 Physique

Titre:	Physique			
Enseignant:	Guido Burn	neister, l	Roger Sauser	
Semestre	Obligatoire	Option	Facultatif Heures totale	s: 140
automne	X		Par semaine:	
printemps	X		Cours:	3
			Exercices:	2

#### **Objectifs**

Connaître les phénomènes fondamentaux et les lois qui les décrivent. Maîtriser les concepts et les lois, en particulier les grandeurs vectorielles (p. ex. loi de Newton).

#### Contenu

- Mouvement dans le plan : matière et espace, référentiel, origine, repère fixe, vecteur position, vitesse, accélération
- Dynamique : première loi de Newton (principe d'inertie), deuxième loi de Newton, forces particulières, quantité de mouvement, centre de masse, troisième loi de Newton (action = réaction), oscillateur harmonique, pression, hydrostatique, repère  $(\vec{e}_t, \vec{e}_n)$
- Energie : conservation de l'énergie, formes d'énergie, énergie cinétique et travail, puissance
- Gaz parfait : modèle du gaz parfait, température et énergie cinétique
- Etats de la matière : compressibilité, dilatation thermique, premier principe de la thermodynamique, chaleur spécifique, transfert d'énergie par chaleur (conduction, convection, rayonnement), changement d'état, pression de saturation
- Rotation à deux dimensions (description vectorielle) : moment d'une force, statique, théorème du moment cinétique, rotations des solides
- Electrostatique : Force, charge et champ électriques, potentiel électrique, tension, condensateurs
- Circuits à courant continu : courant électrique, puissance électrique, résistance
- Magnétostatique : force de Lorentz, champ magnétique, force de Laplace, moment dipolaire magnétique, aimants.

Forme de l'enseignement: Ex cathedra exercices Forme du contrôle: continu

Bibliographie: Notes de cours

E.Hecht, *Physique*, De Boeck, 1999 (en français, extrait consultable sur www.deboecksuperieur.com). ISBN : 2744500186

E.Hecht, *Physics. Calculus*, Brooks/Cole, 1996 (en anglais). ISBN: 0534341578

Liaison avec d'autres cours:

Préalables requis: notions de géométrie élémentaire, Pythagore, fonctions trigonométriques dans un

triangle rectangle, calcul algébrique élémentaire.

#### 6.2.9 Chimie

Titre:	Сніміє					
Enseignant:	Jördis Tietj	e-Giraul	t			
Semestre	Obligatoire	Option	Facultatif	Heure	es totales:	56
automne	X			Par se	emaine:	
printemps	X			Con	urs:	1
				Exe	ercices:	1

#### **Objectifs**

Comprendre les structures atomique et moléculaire afin d'appréhender de manière rationnelle la réactivité chimique. Thermochimie : Comprendre la notion de chaleur et travail de réactions.

#### Contenu

Structure atomique, molécules, liaisons, nomenclature, réactions, relations pondérales et volumiques, concentrations, équilibre, solutions, acides-bases-sels, pH.

Thermochimie : Enthalpie, entropie et énergie de Gibbs.

Cinétique chimique : vitesse de réactions.

Forme de l'enseignement: Ex cathedra Forme du contrôle: continu

exercices

Bibliographie: Polycopié de cours La CHIMIE - I et La CHIMIE - II, CMS - EPFL, J. Tietje-Girault

CHIMIE préparation au bac et à la maturité, M. Rebstein + C. Soerensen, 2e édition corrigée

de 2015, PPUR, Lausanne. ISBN :  $2889151332\,$ 

P. Atkins, L. Jones, L. Laverman, Principes de chimie, de boeck, 3e édition 2014

ISBN: 2804187314

P. Atkins, L. Jones, Chemie - einfach alles, Wiley-VCH, 2. Auflage, 2006. ISBN: 3527315796

Liaison avec d'autres cours: Préalables requis: aucun

#### 6.2.10 Sciences du vivant

Titre:	Sciences i	OU VIVANT	Γ				
Enseignant: Saida Guennoun-Lehmann							
Semestre	Obligatoire	Option	Facultatif			Heures totales:	56
automne	X					Par semaine:	
printemps	X					Cours:	2
						Exercices:	0

#### **Objectifs**

Acquérir un certain nombre de concepts biologique.

Apprendre comment concevoir une démarche scientifique.

Développer la capacité d'analyser et de modéliser une situation biologique.

#### Contenu

Propriétés du vivant. Hiérarchie de l'organisation biologique (niveaux d'organisation, systèmes biologiques et propriétés émergentes). Les molécules du vivant. L'eau. La cellule et ses composants (organelles). Le métabolisme cellulaire (photosynthèse et respiration cellulaire). Les divisions cellulaires (mitose et méiose). La génétique classique (de l'hérédité de G. Mendel à la théorie chromosomique de T. Morgan)

Forme de l'enseignement: Ex cathedra avec exemples

Exercices et activités interactives

Forme du contrôle: continu sous forme

de QCM

Bibliographie: "Biologie" Campbell et Reece. 9e éd. 2011. Pearson Education. ISBN: 0321739752

Liaison avec d'autres cours: Préalables requis: aucun