Introdução à Análise de dados em FAE

(09/05/2024)

Lista de exercícios 5

Professores: Sandro Fonseca, Eliza Melo, Maurício Thiel e Diego Torres

Name: Miguel Lopes

EXERCÍCIO 1

Tendo como base o experimento de Bufoon, calculei o valor de π para os casos N = 10, 50, 100, 1000. Neste exercício optei por não criar uma função onde eu pudesse só alterar o número de N, ao invés disso, como o código é pequeno, só repeti os comandos para os 4 casos.

Para a primeira questão elaborei esse código:

```
#include <iostream>
  #include <cmath>
  #include "TRandom3.h"
  #include "TMath.h"
  int MC_Ex1() {
      double d = 1.0; // Dist ncia entre linhas paralelas
      double L = 0.5; // comprimento da agulha
      int joga10 = 0; int joga50 = 0; int joga100 = 0; int joga1000 = 0; // Contador de
9
          cruzamentoss
      int N = 10;
10
      double Estimativa_pi;
11
12
13
      for (int i = 0; i < N; ++i) {</pre>
14
          // ngulo entre 0 e pi
15
          double theta = gRandom->Uniform(0, TMath::Pi());
17
          // posi o no centro da agulha
          double g = gRandom->Uniform(0, d / 2);
19
20
          if (L / 2 * sin(theta) > g) {
21
              joga10++;
22
23
      }
24
25
            o para pi
26
27
       Estimativa_pi = (2.0 * L *N) / (d * joga10);
28
29
      //resultados
30
      std::cout << "N = " << N << ", Cruzamentos = " << joga10
31
                32
33
   //-----
34
35
      for (int i = 0; i < 50; ++i) {
36
          // ngulo entre 0 e pi
37
          double theta = gRandom->Uniform(0, TMath::Pi());
38
39
          // posi o no centro da agulha
40
          double g = gRandom->Uniform(0, d / 2);
41
42
          if (L / 2 * sin(theta) > g) {
43
              joga50++;
44
45
```

```
}
46
47
   // Equa o para
48
       Estimativa_pi = (2.0 * L *50) / (d * joga50);
49
51
       //resultados
52
       std::cout << "N = " << 50 << ", Cruzamentos = " << joga50 \,
53
                                     = " << Estimativa_pi << std::endl;
                << ", Estimativa de
54
55
   //-----
56
57
58
       for (int i = 0; i < N*10; ++i) {</pre>
59
           // ngulo entre 0 e pi
60
           double theta = gRandom->Uniform(0, TMath::Pi());
61
62
           // posi o no centro da agulha
63
           double g = gRandom->Uniform(0, d / 2);
64
65
           if (L / 2 * sin(theta) > g) {
66
              joga100++;
67
           }
68
       }
69
70
71
   // Equa o para
72
        Estimativa_pi = (2.0 * L *N*10) / (d * joga100);
73
74
       // resultados
75
       std::cout << "N = " << N*10 << ", Cruzamentos = " << joga100
76
                << ", Estimativa de
                                     = " << Estimativa_pi << std::endl;
77
78
   //-----
79
80
       for (int i = 0; i < N*100; ++i) {</pre>
81
           // ngulo entre 0 e pi
82
           double theta = gRandom->Uniform(0, TMath::Pi());
83
84
           // posi o no centro da agulha
85
           double g = gRandom->Uniform(0, d / 2);
86
87
           if (L / 2 * sin(theta) > g) {
88
89
              joga1000++;
           }
       }
91
92
93
           // Equa o para
        Estimativa_pi = (2.0 * L *N*100) / (d * joga1000);
94
95
       //resultados
96
       std::cout << "N = " << N*100 << ", Cruzamentos = " << joga1000
97
                << ", Estimativa de
                                     = " << Estimativa_pi << std::endl;
98
99
101
       return 0;
102
   }
```

A saída no terminal para esse código foi:

```
root [0]
Processing MC_Ex1.C...
N = 10, Cruzamentos = 3, Estimativa de = 3.33333
N = 50, Cruzamentos = 17, Estimativa de = 2.94118
N = 100, Cruzamentos = 31, Estimativa de = 3.22581
```

```
_{6} N = 1000, Cruzamentos = 306, Estimativa de = 3.26797
```

EXERCÍCIO 2

Usando o método de rejeição simples, fiz um código para resolver integrais. No meu exemplo, utilizei a integral x^2 .

Meu código foi:

```
#include <iostream>
   #include <cmath>
2
   #include "TRandom3.h"
3
   int MC_Ex2() {
5
       double a = 0; // Limite de baixo
6
       double b = 1; // Limite de cima
       int N = 10000; // N mero de eventos
       double ymax = 1.0; // limite superior
10
11
12
       TRandom3 random;
13
14
       int P_na_Curva = 0; // Conta quantos pontos tem em baixo da curva
15
16
       for (int i = 0; i < N; i++) {</pre>
17
18
           double x = random.Uniform(a, b);
19
           double y = random.Uniform(0, ymax);
20
21
           // fun o x^2
22
           if (y \le x * x) {
23
                P_na_Curva++;
24
25
       }
26
27
       // A rea do ret ngulo
       double a_retangulo = (b - a)*ymax;
29
30
       // Calculo da integral
31
       double estimated_integral = (P_na_Curva / (double)N)*a_retangulo;
32
33
       std::cout << "A integral calculada de 0 a 1 para x^2 : "</pre>
34
                  << estimated_integral << std::endl;
35
36
       return 0;
37
   }
38
```

A saída no terminal para esse código foi:

```
root [0]
Processing MC_Ex2.C...
A integral calculada de 0 a 1 para x^2 : 0.3324
```

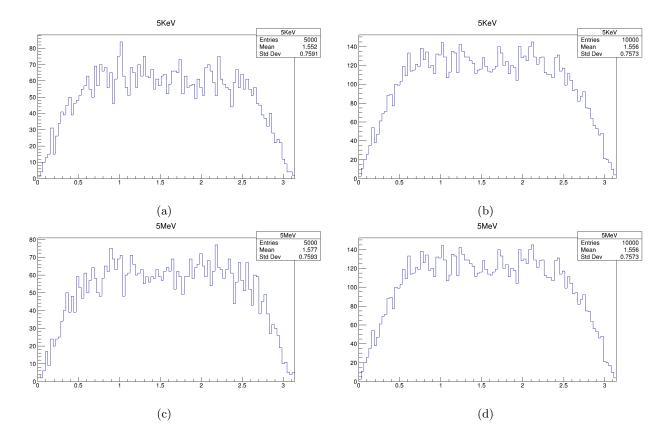
EXERCÍCIO 3

Neste exercício, não notei diferença ao mudar as energias, só vi diferença na distribuição ao mudar o número de eventos.

Meu código para esse exercício é:

```
#include "TMath.h"
#include <iostream>
#include "TRandom.h"
#include "TH1.h"
```

```
#include <math.h>
5
6
   using namespace std;
   double m = 0.511;
   double k;
   int nexp = 10000;
10
   int cont = 0;
11
   double x;
12
   void MC_Ex3() {
13
14
   TFile f("histo2.root","UPDATE");
15
   TH1D * h1 = new TH1D("5KeV", "5KeV", 100,0, 3.141);
16
   for (double j = 0; j < nexp; j++) {
18
19
            for(double i =0; i <1200; i++) {</pre>
20
                     double zz = 1.076*(gRandom->Rndm());
21
22
                     x =3.14*(gRandom->Rndm());
23
24
            if (zz \le ((pow((1/(1+0.01*(1-cos(x)))),2))*(((1/(1+0.01*(1-cos(x))))))
25
                +(1+0.01*(1-\cos(x))))-\sin(x)*\sin(x))*\sin(x)){i=1200;}
26
            h1 \rightarrow Fill(x);
27
            }
28
   h1->Write();
30
            cout << cont << endl;</pre>
31
            cont = cont + 1;
32
33
```



Toda essa questão foi feita no google colab, tive problemas para baixar o conda no meu computador, o que resultou na utilização do condar. Pelo jeito que o código está, acredito que ele funcione caso o leitor utilize as instruções dos slides. Mas adicionei comentários no código caso queiram reproduzir esse resultado no colab.

Meu código em Python é:

```
# Essa quest o foi feita no google colab pois tive dificuldade de colocar o conda no
       meu computador
   # Vou colocar aqui, separado por tra os "-----" as c lulas que botei no
       colab para fazer esse c digo rodar.event
   # No colab coloquei o nome do c digo de "run_pythia.py", mas para enviar, preferi
4
       seguir o padr o dos meus exerc cios
5
6
7
   # !wget -q -c https://repo.anaconda.com/miniconda/Miniconda3-latest-Linux-x86_64.sh
8
    !bash Miniconda3-latest-Linux-x86_64.sh -b -f -p /usr/local
9
10
   # os.environ["PATH"] += ":/usr/local/bin"
11
   # !conda --version
12
13
14
15
   #!conda create -c conda-forge --name pythia_env python=3.8 pythia8 root -y
16
17
18
19
20
21
   #code = """ #DESCOMENTAR PARA RODAR NO COLAB
22
   import pythia8
23
   import ROOT
^{24}
   from ROOT import TFile, TTree, vector, TH1F, TLorentzVector, TCanvas
25
26
27
   f = TFile("output.root", "RECREATE")
28
   tree = TTree("Pythia Events", "Eventos do Pythia")
29
30
31
   # Vetores para os dados
   n_pt = vector('float')()
32
   n_eta = vector('float')()
33
   n_phi = vector('float')()
34
35
   tree.Branch("Particle_pt", n_pt)
36
   tree.Branch("Particle_eta", n_eta)
37
   tree.Branch("Particle_phi", n_phi)
38
39
   # Inicialize o Pythia para simular produ o de b son Z com decaimento em m ons
40
   pythia = pythia8.Pythia()
41
   pythia.readString("Beams:eCM = 13000.")
42
   pythia.readString("WeakBosonAndParton:qg2gmZq = on")
   pythia.readString("23:onMode = off") # Desativar todos decaimentos do Z
   pythia.readString("23:onIfAny = 13") # Ativar decaimento do Z em m ons
45
46
   pythia.init()
47
48
   muons = []
49
50
   h_invariant_mass = TH1F("h_invariant_mass", "Massa Invariante muons", 100, 0, 120)
51
   h_pt = TH1F("h_pt", "Particle_pt", 100, 0, 20)
52
   h_eta = TH1F("h_eta", "Particle_eta", 100, -5, 5)
   h_phi = TH1F("h_phi", "Particle_phi", 100, -3.14, 3.14)
55
```

```
# Loop para gerar eventos
56
    for iEvent in range(10000):
57
        muons.clear() # Limpar a lista de m ons
        if not pythia.next():
            continue
60
61
                     # Limpar os vetores para part culas finais
62
       n_pt.clear()
       n_eta.clear()
63
       n_phi.clear()
64
65
        # Preencher os vetores
66
        for particle in pythia.event:
67
            if particle.isFinal() and particle.isVisible():
                n_pt.push_back(particle.pT())
69
                n_eta.push_back(particle.eta())
70
                n_phi.push_back(particle.phi())
71
                h_pt.Fill(particle.pT())
72
                h_eta.Fill(particle.eta())
73
                h_phi.Fill(particle.phi())
74
75
                if abs(particle.id()) == 13: # Identificar m ons
76
                    muons.append(TLorentzVector(particle.px(), particle.py(), particle.pz
77
                        (), particle.e()))
                # Calcular a massa invariante para dois m ons
                    if len(muons) == 2:
                        mass = (muons[0] + muons[1]).M()
81
                        h_invariant_mass.Fill(mass)
82
83
        tree.Fill() # Preencher a tree
84
85
86
   f.Write()
87
89
90
91
92
   # Canvas para Particle_pt
93
   c1 = TCanvas("c1", "Canvas 1", 800, 600)
94
   h_pt.Draw()
95
   c1.SaveAs("particle_pt.png") # Salvar como PNG
96
97
98
   c2 = TCanvas("c2", "Canvas 2", 800, 600)
99
100
   h_eta.Draw()
   c2.SaveAs("particle_eta.png")
101
102
103
   c3 = TCanvas("c3", "Canvas 3", 800, 600)
104
   h_phi.Draw()
105
   c3.SaveAs("particle_phi.png")
106
107
108
   c4 = TCanvas("c4", "Canvas 4", 800, 600)
   h_invariant_mass.Draw()
111
   c4.SaveAs("invariant_mass.png")
   f.Close()
112
113
   #""" #DESCOMENTAR PARA RODAR NO COLAB
114
115
   116
   #Esse peda o est va na mesma c lula que o c digo no colab, aqui est comentado
117
```

Resolvi plotar a massa invariante de dois μ , que estão reconstruindo a massa do bóson Z^0 e o fenômeno de Drell–Yan. Note que as variáveis cinemática estão incluindo todas as partículas geradas pelo Pythia. Como o pythia gerou um bóson Z^0 por evento, temos apenas 10000 eventos de Z^0 .

Meus plots ficaram assim:

