Drepte în plan

Panta unei drepte: $m_d = -\frac{a}{b}$

Ecuatia unei drepte:

$$d: ax + by + c = 0$$

$$d: y = mx + n$$
Panta

$$\begin{array}{l} d_1 || d_2 \> = > \> m_{d_1} = m_{d_2} \\ \\ d_1 \,|| \> d_2 \> = > \> m_{d_1} * m_{d_2} = -1 \end{array}$$

1) Ecuatia dreptei care trece prin punctele $A(x_A, y_A)$ si $B(x_B, y_B)$:

$$AB: \ \frac{x - x_A}{x_B - x_A} = \frac{y - y_A}{y_B - y_A}$$

$$m_{AB} = \frac{y_b - y_a}{x_b - x_a}$$

Valoarea Dreaptei:

$$AB = \sqrt{(x_B - x_A)^2 + (y_B - y_A)^2}$$

2) Ecuatia dreptei determinata de un punct $A(x_A, y_A)$ si panta m_d :

$$d_1(A, m_d): y - y_A = m_d(x - x_A)$$

Gentrul de greutate al unui ΔABC

$$c. gr \Delta ABC = \{G\}$$

$$x_G = \frac{x_A + x_B + x_C}{3}$$
 $y_G = \frac{y_A + y_B + y_C}{3}$

4) Mijlocul unui segment AB:

$$mijl[AB] = \{M\}$$

$$x_M = \frac{x_A + x_B}{2} \qquad y_M = \frac{y_A + y_B}{2}$$

5) Intersectia a doua drepte:

Faci sistem de ecuatii
$$\begin{cases} d_1: \ a_1 * x + b_1 * y + c_1 \\ d_2: \ a_2 * x + b_2 * y + c_2 \end{cases}$$

6) Distanta de la un punct la o dreapta:

$$d: a * x + b * y + c A(x_A, y_A)$$
$$d'(d, A) = \frac{|a * x_A + b * y_A + c|}{\sqrt{a^2 + b^2}}$$

7) Simetricul unui punct fata de un punct:

$$C = sim_B A$$

$$x_C = 2 * x_B - x_A y_C = 2 * y_B - y_A$$

8) <u>Simetricul unui punct fata de o dreapta(se cunosc ec. dreptei si coordonatele punctului A)</u>:

$$B = sim_d A$$
 Calcule:
$$\begin{cases} -Ec. \, dreptei \, AM \\ -\{M\} = d \cap AM \\ -M = mijl. \, [AB] \end{cases}$$

Simetricul unei drepte fata de un punct:

$$d' = sim_A d$$
 se cunosc ecuatia dreptei d si coordonatele punctului A

Calcule:
$$\begin{cases} -A legem\ B(x_B,y_B) \in d \\ -determinam\ C = sim_A B \\ -m*d' = m*d\ (d'||d) \\ -scriem\ ecuatia\ d'(cu\ ajutorul\ c,m*d') \end{cases}$$

10) Simetricul unei drepte fata de o dreapta:

 $d_2 = sim_d d_1$ se cunosc ec. dreptelor d, d_1

$$\text{Calcule:} \begin{cases} -determinam \{P\} = d_1 \cap d_2 \\ alegem \ A \in d_1 \\ -determinam \ A' = sim_{d_1} A \\ -scriem \ ecuatia \ PA'(d_2) \end{cases}$$

11) Distanta de la o dreapta la o dreapta (d_1, d_2) :

 $M(x_0, y_0) \in d_1$ sa verifice ec lui d_1 apoi calculam $d(M, d_2)$

12) Tangenta dintre doua drepte:

$$tg(\widehat{d_1, d_2}) = \frac{m_1 - m_2}{1 + m_1 m_2}$$