

## ***Ec. Exponențiale – Formule***

---

I. De tipul  $a^{f(x)} + a^{g(x)} = b$ :

Se da factor comun  $a^{k x}$

II. De tipul  $a^{f(x)} = b$ :

$$\Rightarrow f(x) = \log_a b$$

III. De tipul  $A a^{2f(x)} + B a^{f(x)} + C = 0$ :

Notam  $a^{f(x)} = t, t > 0$

$$A t^2 + B t + C = 0$$

...

IV. De tipul  $A a^{2f(x)} + B (a b)^{f(x)} + C b^{2f(x)} = 0$ :

Impartim cu  $| : b^{2f(x)}$

$$A \left(\frac{a}{b}\right)^{2f(x)} + B \left(\frac{a}{b}\right)^{f(x)} + C = 0$$

Notam  $\left(\frac{a}{b}\right)^{f(x)} = t, t > 0$

...

V. De tipul  $A (a + b\sqrt{d})^{f(x)} + B (a - b\sqrt{d})^{f(x)} = C$ :

$$(a + b\sqrt{d})(a - b\sqrt{d}) = 1$$

Notam  $(a + b\sqrt{d})^{f(x)} = t, t > 0$

$$\Rightarrow (a - b\sqrt{d})^{f(x)} = \frac{1}{t}$$

...

VI. Ec. cu descompunere in factori

VII. De tipul  $f(x)^{g(x)} = f(x)^{h(x)}$ :

- I.  $g(x) = h(x), f(x) > 0$
- II.  $f(x) = 1$
- III.  $f(x) = 0, g(x) > 0, h(x) > 0$
- IV.  $f(x) = -1, \text{Cu verificare!!!}$

VIII. Ec. cu solutie unica:

- Verificam sa nu existe termini cu semn negativ (-)
- Aducem exponentialele la acelasi exponent
- Impartim cu cel mai mare  $a^{f(x)}$
- Identificam solutia unica ( $x$ )

$$!!! \quad x^2 + x + 1 = 0$$

$$\Rightarrow x^3 - 1 = (x - 1)(x^2 + x + 1)$$

||  
0

$$\Rightarrow x^3 = 1$$

$$x^n \begin{cases} x^0, n \text{ de forma } 3k + 0 \\ x^1, n \text{ de forma } 3k + 1 \\ x^2, n \text{ de forma } 3k + 2 \end{cases}$$

Schema lui Horner : (pentru polinoamele cu grad  $\geq 3$ )

$$ax^3 + bx^2 + cx + d = 0$$

Valorile lui x cu care incercam	$x^3$	$x^3$	$x^3$	$x^3$	Trebuie sa dea 0
	a	b	c	d	
$x_1$		a	$(x_1 * a) + b$	...	

$$!!! e^x \geq x + 1 \quad \forall x \in \mathbb{R}$$