Ejercicios propuestos

• 1. Probar que las transformaciones ortogonales conservan la 2-norma vectorial:

Si
$$v \in \mathbb{R}^n$$
, $y Q \in \mathbb{R}^{n \times n}$ es ortogonal $(Q^T Q = I)$, se verifica que : $\|v\|_2 = \|Qv\|_2$

• 2. Probar que las transformaciones ortogonales conservan la norma de Frobenius y la 2-norma matricial:

Sea $A \in \Re^{m \times n}$. Si $P \in \Re^{m \times m}$ y $Q \in \Re^{n \times n}$ son matrices ortogonales, se verifica que: i) $\|A\|_F = \|PAQ\|_F$ ii) $\|A\|_2 = \|PAQ\|_2$