Laboratorul 2

1. a) Scieți o funcție care estimează prin simulări repetate probabilitatea ca într-un grup de n persoane cel puțin două să aibă aceeași zi de naștere, pentru $n \in \mathbb{N}^*$ dat ca parametru de intrare. Puteți folosi:

```
[]: from random import randint help('random.randint') set?
```

- b) Scieți o funcție care calculează probabilitatea ca într-un grup de n persoane cel puțin două să aibă aceeași zi de naștere.
- c) Reprezentati grafic functiile pentru $n \in \{2, 3, \dots, 50\}$. Puteți folosi:

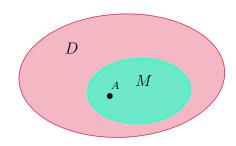
```
[]: from matplotlib.pyplot import plot, grid, title, show help('matplotlib.pyplot.plot')
```

```
[]: title('Plot test')
    xs = range(10)
    ys = [x*x/100 for x in xs]
    plot(xs,ys,'r*')
    grid()
    show()
```

Probabilitatea geometrică

Măsura unei mulțimi corespunde lungimii în \mathbb{R} , ariei în \mathbb{R}^2 , volumului în \mathbb{R}^3 .

Fie $M \subset D \subset \mathbb{R}^n$, $n \in \{1,2,3\}$, mulțimi cu măsură finită. Alegem aleator un punct $A \in D$ (în acest caz spațiul de selecție este D). Probabilitatea geometrică a evenimentului " $A \in M$ " este $P(A \in M) := \frac{\text{măsura}(M)}{\text{măsura}(D)}$.



- 2. a) Generați $N \in \{500, 1000, 2000\}$ puncte uniform aleatoare într-un pătrat. Afișați frecvența relativă a punctelor care:
- i) sunt în interiorul cercului tangent laturilor pătratului.
- ii) sunt mai apropiate de centrul pătratului decât de vârfurile pătratului.
- iii) formează cu vârfurile pătratului două triunghiuri ascuțitunghice și două triunghiuri obtuzunghice.
- b) Reprezentați grafic pătratul și punctele pentru fiecare caz.
- $\textbf{c)} \ \text{Comparați frecvențele relative obținute cu probabilitățile geometrice corespunzătoare}.$

Puteți folosi:

```
[]: from matplotlib.pyplot import axis, plot, show
    from random import random
    from math import dist
    help('random.random')
    help('math.dist')

[]: axis('square')
    axis((0, 1, 0, 1))
    F=[random(),random()]
    plot(F[0],F[1],'ro')
    show()
```