# Laborator 6

Drd. Limboi Sergiu

# Agenda

- Probleme de regresie- Metoda gradientului descrescator
- Probleme de clasificare-Regresie logistica

# Metoda gradientului descrescator (gradient descent) pentru probleme de regresie

- Modelarea coeficientilor a si b ai dreptei de regresie astfel incat sa minimizam suma erorilor patratice
- Iteratia 1: valori random sau 0 pt a si b
- Iteratia t+1 (t=0,1,...): a(t+1)=a(t)-learningRate\*error(t)\*x(t) b(t+1)=b(t)-learningRate\*error(t)

Unde error(t)=computed-realOutput

# Exemplu-regresie

X	y
1	1
2	3
4	3
3	2
5	5

y=ax+b  
Iteratia 1: 
$$a=0$$
 b=0 -> y=0\*x+0=0  
Error = predicted (i)-real(i)=0-1=-1, pentru ca real(1)=f(1)=1

#### STOP:

- -setam un nr de iteratii
- -nu mai apar modificari

## Tipuri de gradient descent

- Stocastic Gradient descent=eroarea se calculeaza pe un singur exemplu
- Batch Gradient descent = eroarea se calculeaza pe mai multe exemple din setul de training

## Clasificarea

- Rezultatul este categorial sau discret
- Input X, output Y, input Xnou si se cere functia care transforma pe X in Y: f(X)=Y a.i. sa poata fi calculate Ynou=f(Xnou)
- Clasificare binara->prezicerea unui output binar (1/0, yes/no, true/false)
- Algoritmul stochastic gradient descent (regresie logistica)->tip special de regresie liniara unde rezultatul este categorial
- f(x)=a0+a1x1+a2x2+....+anxn
- Scop: gasirea coeficientilor (a0,a1,...) care maximizeaza probabilitatea clasificarii corecte

## Gradient descent pt clasificare

• Functie logistica  $f(x) = \frac{1}{1 + e^{-x}}$  (functie sigmoid) ->scop: inputurile sunt transformate in [0,1]

X	Xtransformat
-5	0,00669
-4	0,0179
0	0,5
3	0,9525

Modelul de regresie logistica prezice probabilitatea ca un anumit input sa apartina clasei positive.

Daca Predictie>0.5->outputul este predictie a clasei 0, unde threshold =0.5 Predictie<0.5->outputul este predictive a clasei 1

Pt clasificarea cu mai multe clase se pot fixa mai multe praguri-ex. Threshold=nrClase-1.

## Stocastic gradient descent

- Estimarea coeficientilor
- Pt fiecare instanta din setul de training:
  - Calcularea predictiei folosind valorile curente ale coeficientilor
  - Calcularea noilor coeficienti pe baza erorii de predictie

Se repeta pana cand modelul este suficient de precis.

## Exemplu

x1	x2	y
2.781083 6	2.5505	0
1.456	2.363	0
3.396	4.4002	0
1.388	1.85	0

## Calcul predictie

$$y=a0+a1x1+a2x2$$

$$X1=2.781$$

$$X2=2.5505$$

$$Y=0$$

Predictia=
$$\frac{1}{1+e^{-(a_0+a_1x_1+a_2x_2)}} = \frac{1}{1+e^{-(0.0+0.0*2.781+0.0*2.5505)}} = 0.5$$

### Calcul noi coeficienti

$$a(t)=a(t-1)-learningRate*error(t)*x(t)$$

- O iteratie prin setul de date= o epoca
- Dupa 10 epoci ->de exemplu a0=-0.406605 a1=0.85257 a2=-1.1047
- Realizarea predictiei
- If(output<0.5)=> clasa 0
- Else ->clasa 1
- Folosind coeficientii calculam ecuatia: -0.406+0.85\*2.78+2.55\*(-1.104)=-0.853
- Folosim functia sigmoid si avem outputul: predictia= $\frac{1}{1+e^{0.853}}$