

NACIONALNI CENTAR ZA VANJSKO VREDNOVANJE OBRAZOVANJA Identifikacijska naljepnica

PAŽLJIVO NALIJEPITI

MATEMATIKA

(

viša razina

MAT A D-S028



1.



OPĆE UPUTE

Pozorno pročitajte sve upute i slijedite ih.

Ne okrećite stranicu i ne rješavajte zadatke dok to ne odobri dežurni nastavnik.

Nalijepite identifikacijske naljepnice na sve ispitne materijale koje ste dobili u sigurnosnoj vrećici.

Ispit traje 180 minuta.

Ispred svake skupine zadataka je uputa za rješavanje. Pozorno je pročitajte.

Za pomoć pri računanju upotrebljavajte list za koncept koji se neće bodovati.

Na listu za odgovore i u ispitnoj knjižici upotrebljavajte isključivo kemijsku olovku kojom se piše plavom ili crnom bojom.

Olovku i gumicu možete upotrebljavati samo na listu za koncept i za crtanje grafa.

Pišite čitko. Nečitki odgovori bodovat će se s nula (0) bodova.

Ako pogriješite u pisanju, pogreške stavite u zagrade, precrtajte ih i stavite skraćeni potpis.

Možete upotrebljavati priloženu knjižicu formula.

Kada riješite zadatke, provjerite odgovore.

Želimo Vam mnogo uspjeha!

Ova ispitna knjižica ima 28 stranica, od toga 4 prazne.

Ako ste pogriješili u pisanju odgovora, ispravite ovako:

a) zadatak zatvorenoga tipa

Ispravak pogrešnoga unosa

A X B C

A B C X C

A B X C

Prepisan točan odgovor Skraćeni potpis

b) zadatak otvorenoga tipa

(Marko Marulić)

Precrtan netočan odgovor u zagradama

Točan odgovor Skraćeni potpis

MAT A D-S028

I. Zadatci višestrukoga izbora

U sljedećim zadatcima od više ponuđenih odgovora samo je **jedan** točan.

Za pomoć pri računanju možete pisati i po ovim stranicama ispitne knjižice.

Točne odgovore morate označiti znakom X na listu za odgovore kemijskom olovkom.

U zadatcima od 1. do 10. točan odgovor donosi jedan bod, a u zadatcima od 11. do 15. dva boda.

- **1.** Koji je od navedenih brojeva veći od $\frac{1}{4}$ i manji od $\frac{1}{3}$?

- A.
- B.
- C.
- D.
- **2.** Kojoj je od navedenih kvadratnih jednadžba zbroj rješenja jednak -1, a umnožak rješenja jednak 3?

A.
$$x^2 - x + 3 = 0$$

B.
$$x^2 + x + 3 = 0$$

C.
$$3x^2 - 3x + 1 = 0$$

D.
$$3x^2 + 3x + 1 = 0$$

Α.

B.

C.

D.

MAT A D-S028



- **3.** Ako je $t = \frac{1}{r} \frac{m}{h}$, čemu je jednako m?
 - $\mathbf{A.} \quad m = h \bigg(\frac{1}{r} t \bigg)$
 - $\mathbf{B.} \ \ m = h \bigg(\frac{1}{r} + t \bigg)$
 - $\mathbf{C.} \quad m = \frac{1 rt}{rh}$
 - $\mathbf{D.} \quad m = \frac{1 + rt}{rh}$

- Α.
- B. C.
- D.
- **4.** U jednome je stroju spojeno u nizu nekoliko zupčanika. Svaki zupčanik, počevši od drugoga, ima dvostruko manje zubaca od prethodnoga, što znači da prilikom rada stroja napravi dvostruko veći broj okretaja od prethodnoga. Dok se najveći zupčanik okrene 9 puta, najmanji se okrene 1152 puta. Koliko je zupčanika spojeno u nizu?
 - **A**. 4
 - **B.** 6
 - **C**. 8
 - **D**. 10

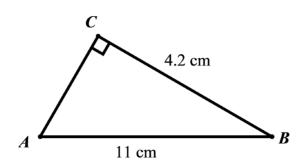
- Α.
- В.
- C.
- D.

MAT A D-S028



0.

5. Na skici je prikazan pravokutni trokut ABC. Koliko iznosi mjera kuta u vrhu B?



(

- **A.** 20°54'
- **B.** 22°27'
- **C.** 67°33′
- **D**. 69°6'

- A.
- B.
- C.
- D.

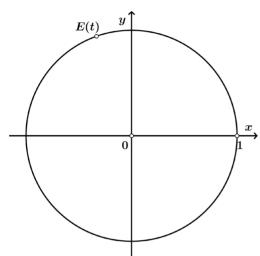
MAT A D-S028





6. Realnomu broju t pridružena je točka E(t) na brojevnoj kružnici. Koja od navedenih slika prikazuje točku E(t) za koju vrijedi $\sin t = -\frac{1}{3}$, $\tan t > 0$?

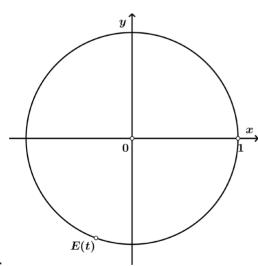
(

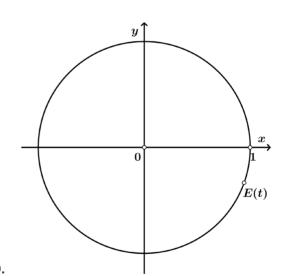


E(t)

A.

В.





C.

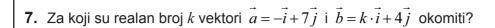
D.

- A. В.
- C.
- D.

MAT A D-S028



(



A.
$$k = -28$$

B.
$$k = -\frac{7}{4}$$

C.
$$k = \frac{7}{4}$$

D.
$$k = 28$$

Λ	\	
_	١.	



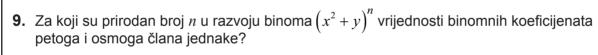


A.
$$f(x) = 2^{3x} - x$$

B.
$$f(x) = x^2 + 1$$

$$\mathbf{C.} \quad f(x) = x^3 \cos x$$

D.
$$f(x) = \log x^2 + 2x$$



Napomena:
$$\binom{n}{k} = \frac{n!}{k! \cdot (n-k)!}$$

A.

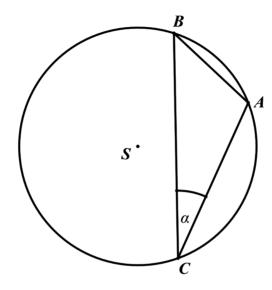


MAT A D-S028



10. Kolika je mjera kuta α prikazanoga na skici ako je duljina dužine \overline{AB} jednaka polumjeru kružnice?

(



- **A.** 25°
- **B.** 30°
- **C**. 40°
- **D**. 45°

- A.
- В.
- C.
- D.

MAT A D-S028



- **11.** U akvarij oblika kvadra duljine 45 cm, širine 25 cm i visine 25 cm naliveno je 19 litara vode. Koliko je centimetara razina vode ispod gornjega ruba akvarija? (Napomena: 1 L = 1 dm³)
- Α.
- B.
- C.
- D.

- **A.** 5.6 cm
- **B.** 8.1 cm
- C. 10.3 cm
- **D.** 11.9 cm
- **12.** U nekoj šumi omjer stabala graba i stabala hrasta iznosi 11 : 14. Koliki će biti omjer stabala graba i stabala hrasta u toj šumi kada se posiječe $\frac{4}{11}$ stabala graba, a sadnjom poveća broj stabala hrasta za $\frac{1}{6}$?
 - **A.** 3:7
 - **B.** 7:12
 - **C.** 11:24
 - **D.** 25:36

- A.
- B.
- C.
- D.

13. Zadane su funkcije f(x) = 3x - 2 i $g(x) = \log(x^2 + 1)$.

Koliki je zbroj rješenja jednadžbe $(f \circ g)(x) = 1$?

- **A**. 0
- **B**. 6
- **C**. 9
- **D**. 18

- Α.
- В.
- C.
- D.

MAT A D-S028



0.

- **14.** Koliko se rješenja trigonometrijske jednadžbe $3\cos 2x + 2\sin^2 x = 0$ nalazi u intervalu $[0, 2\pi]$?
 - A. jedno
 - **B**. dva
 - C. tri
 - D. četiri

A.



В.

C.

D.

- **15.** Ako pobočka (bočna strana) pravilne uspravne trostrane piramide s ravninom osnovke (baze) zatvara kut od 68°, koliki je kut bočnoga brida i osnovke te piramide?
 - **A.** 51°3'36"
 - **B.** 55°27'12"
 - **C.** 62°8'47"
 - **D.** 69°54'6"

A.

B. C.

D.

MAT A D-S028



0.

18.3.2015. 14:56:16

II. Zadatci kratkoga odgovora

U sljedećim zadatcima odgovorite kratkim odgovorom.

Za pomoć pri računanju upotrebljavajte list za koncept koji se neće bodovati.

Odgovore upišite samo na predviđeno mjesto u ovoj ispitnoj knjižici.

Ne popunjavajte prostor za bodovanje.

16. Kolika je vrijednost izraza $\sqrt{3} + 4^{1.2}$	²⁵ zaokružena na dvije decimale?
---	---

)	

Odgovor:			

bod

17.	. Od 4 300 000 glasača na referendum se odazvalo 84 % glasača i od toga je
	55 % glasača zaokružilo ZA. Koji je broj glasača koji su zaokružili ZA na tome
	referendumu?

U		

Odgovor:	

bod

18. Riješite zadatke.



18.1. Radiosignal odaslan je sa Zemlje i putuje brzinom $3 \cdot 10^8$ m/s. Koliki je put u metrima prešao za 20 minuta od trenutka odašiljanja?

1			
•			

Odgovor: ______ m

bod

18.2. Zadan je kompleksan broj $z = 3\left(\cos\frac{2\pi}{7} + i\sin\frac{2\pi}{7}\right)$.



Koja je vrijednost argumenta φ broja z^6 ?

•

Odgovor: φ = _____

bod

MAT A D-S028



02





19. Riješite zadatke s algebarskim izrazima.

n		
U		
_		

1	9.	1.	

Napišite algebarski izraz $\left(x^{1.5} \cdot \sqrt[4]{x}\right)^{\frac{1}{2}}$ u obliku potencije s bazom x.

(

bod

- 19.2. Čemu je jednak pojednostavljeni i do kraja skraćeni algebarski izraz

 $\left(3a - \frac{6a - 1}{3a}\right) \cdot \frac{1}{3a - 1}$, za $a \neq 0, a \neq \frac{1}{3}$?

Odgovor:

bod





MAT A D-S028



20. Riješite zadatke.

0

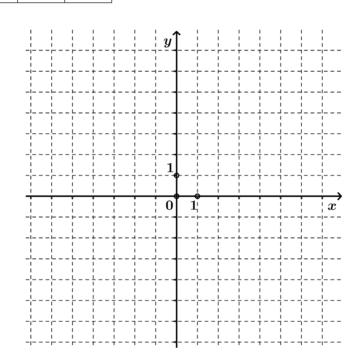
20.1. Nacrtajte graf linearne funkcije f zadane sljedećom tablicom.

(

1

 $\begin{array}{c|cccc}
x & 5 & -4 \\
\hline
f(x) & 0 & -2 \\
\end{array}$

bod



20.2. U kojoj točki pravac $y = \frac{3}{2}x + 3$ siječe os apscisa?

0

Odgovor: (______ , _____)

bod

MAT A D-S028



02

21. Riješite zadatke.

n	
U	

21.1. Riješite sustav
$$\begin{cases} y = \frac{2x-4}{5} \\ x+10y = -\frac{11}{2} \end{cases}$$

Odgovor: *x* = ______, *y* = _____

bod

21.2. Riješite jednadžbu |3x-2|=x+6.

22. Zadana je funkcija $f(x) = -\frac{1}{2}x^2 + 3x - 1$.

Odgovor: _____

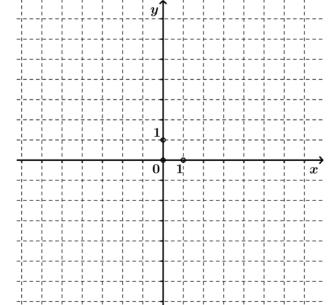
bod

22.1. Odredite sliku (skup svih vrijednosti) funkcije f.

Odgovor: _____

bod

22.2. Nacrtajte graf funkcije f.

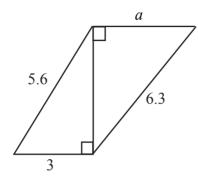


bod

MAT A D-S028



- 23. Riješite zadatke iz geometrije.
 - **23.1.** Koliko iznosi duljina stranice a prikazane na skici?



0 1

Odgovor: a =_____jediničnih dužina

bod

23.2. Duljine stranica trokuta su 12 cm i 17 cm, a mjera kuta među njima je 135°. Kolika je duljina treće stranice trokuta?

1	

Odgovor: _____ cm

bod

24. Riješite zadatke.

- .
- **24.1.** Riješite nejednadžbu $\frac{x+5}{x-2} < 0$. Napišite rješenje s pomoću intervala.

1		

Odgovor: _____

bod

24.2. Neprekidna funkcija definirana za sve realne brojeve ima točno dvije točke lokalnoga minimuma A(-1,2) i B(4,-3) i samo jednu točku lokalnoga maksimuma C(1,3). Odredite interval/intervale **rasta** funkcije na cijeloj domeni.



Odgovor: _____

bod

MAT A D-S028



02

16

25. Riješite zadatke s funkcijama.

0

25.1. Odredite prvu derivaciju funkcije $f(x) = \operatorname{tg}(3x)$.

1

Odgovor:

bod

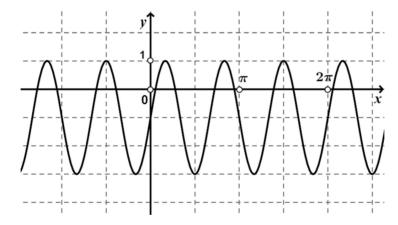
25.2. Napišite jednadžbu tangente na graf funkcije $f(x) = x^3 + 2x + 1$ u točki s apscisom $x_0 = 1$.

0

Odgovor: _____

bod

26. Slika prikazuje graf funkcije $f(x) = A \sin(Bx) + D$.



17

0

26.1. Odredite amplitudu A.

bod

Odgovor: *A* = _____

0

26.2. Odredite koeficijent *B*.

1

Odgovor: *B* = _____

bod

MAT A D-S028



27. Riješite zadatke. **27.1.** Zadan je geometrijski niz $\frac{3}{4}, \frac{1}{2}, \frac{1}{3}, \dots$ Koji je šesti član zadanoga niza?

0

.

Odgovor:

bod

27.2. Prvi je član geometrijskoga reda 0.5, a suma je toga geometrijskog reda 1.25. Koliko iznosi kvocijent toga geometrijskog reda?

0

1

Odgovor:

bod

27.3. Zlatko je odlučio štedjeti. Prvi je dan u kasicu ubacio 1 kunu. Svaki sljedeći dan ubacit će 50 lipa više nego što je ubacio prethodnoga dana. Koliko će **ukupno** kuna uštedjeti na taj način za 45 dana?

0

1

Odgovor: _____ kn

bod

MAT A D-S028

MAT A D-S028.indd 18



02

28. Riješite zadatke.

28.1. Koliko je *x* ako je $\log_x 8 = -\frac{1}{3}$?

Odgovor: *x* = _____



28.2. Riješite jednadžbu $0.5^{2x-1} + 0.25^{x-1} = 48$.

•	
u	
•	

Odgovor:

bod

28.3. Pacijent je dobio lijek protiv bolova. Količina lijeka K u organizmu, izražena u miligramima, opisana je formulom $K(t) = 2.5 \cdot 0.85^{t}$. Vrijeme t proteklo od trenutka dobivanja lijeka izraženo je u satima. Lijek prestaje djelovati kada je količina lijeka u organizmu manja od 1 mg. Nakon koliko će vremena lijek

0		

1

Odgovor: _____

prestati djelovati?

bod

MAT A D-S028

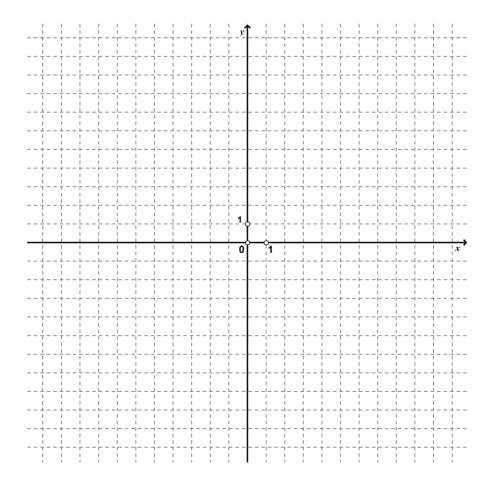


III. Zadatci produženoga odgovora

U 29. i 30. zadatku napišite kemijskom olovkom **postupak** rješavanja i **odgovor** na predviđeno mjesto u ovoj ispitnoj knjižici. Prikažite sav svoj rad (skice, postupak, račun). Ako dio zadatka riješite napamet, objasnite i napišite kako ste to učinili. Ne popunjavajte prostor za bodovanje.

- 29. Riješite zadatke iz geometrije.
 - **29.1.** Zadana je kružnica $(x-2)^2 + (y+3)^2 = 25$. Odredite joj središte i nacrtajte je u koordinatnome sustavu.

Odgovor: $S(____,__)$



0 1

bod

MAT A D-S028



02

29.2. U trokutu ABC duljina stranice \overline{AB} jednaka je 6 cm, a duljina visine iz vrha C jednaka je 4.1 cm. Kolika je površina njemu sličnoga trokuta A'B'C' kojemu je duljina visine iz vrha C' jednaka duljini stranice \overline{AB} trokuta ABC?

Odgovor: _____ cm²

bod

MAT A D-S028

29.3. Točka T(2,-6) pripada krivulji $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{b^2} = 1$. Neka je t tangenta na tu krivulju u točki T. Odredite udaljenost tangente t od ishodišta koordinatnoga sustava.

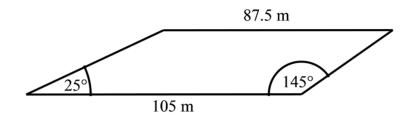
(

Odgovor: _

bod

MAT A D-S028

29.4. Zemljište ima oblik trapeza kao na skici. Koliko najmanje metara ograde treba kupiti da bi se ogradilo to zemljište?



Odgovor: ______ m

2 3 bod

MAT A D-S028



(

30. Koji je skup svih rješenja nejednadžbe $\sqrt{4-3x} - \sqrt{x+1} > 2$?

(

MAT A D-S028



(

	0
	1
	2
Odgovor:	3
	3
	4
	4
	le c al
	bod
MAT A D COOC	
MAT A D-S028	
	02

•





