

Identifikacijska naljepnica

PAŽLJIVO NALIJEPITI

# MATA

## **MATEMATIKA**

viša razina

MATA.52.HR.R.K1.28







#### **OPĆE UPUTE**

Pozorno pročitajte sve upute i slijedite ih.

Ne okrećite stranicu i ne rješavajte zadatke dok to ne odobri dežurni nastavnik.

Nalijepite identifikacijske naljepnice na sve ispitne materijale koje ste dobili u sigurnosnoj vrećici.

Ispit traje 180 minuta.

Ispred svake skupine zadataka uputa je za rješavanje. Pozorno je pročitajte.

Pri računanju možete upotrebljavati list za koncept koji se neće bodovati.

Upotrebljavajte isključivo kemijsku olovku kojom se piše plavom ili crnom bojom.

Možete upotrebljavati priloženu knjižicu formula.

Pišite čitko. Nečitki odgovori bodovat će se s nula (0) bodova.

Ako pogriješite u pisanju, pogreške stavite u zagrade, precrtajte ih i stavite skraćeni potpis. **Zabranjeno je potpisati se punim imenom i prezimenom.** 

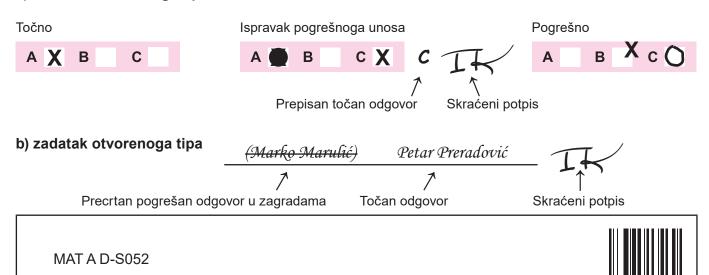
Kada riješite zadatke, provjerite odgovore.

Želimo Vam mnogo uspjeha!

Ova ispitna knjižica ima 28 stranica, od toga 4 prazne.

Ako ste pogriješili u pisanju odgovora, ispravite ovako:

#### a) zadatak zatvorenoga tipa



#### I. Zadatci višestrukoga izbora

U sljedećim zadatcima od više ponuđenih odgovora samo je jedan točan.

Pri računanju možete pisati i po stranicama ispitne knjižice.

Točne odgovore morate označiti znakom X na listu za odgovore.

U zadatcima od 1. do 15. točan odgovor donosi jedan bod.

**1.** Broj M petina je broja N. Koja je od navedenih tvrdnja točna?

A.

**A.** Broj M je 5 % broja N.

B.

**B.** Broj N je 5 % broja M.

C.

**C.** Broj M je 20 % broja N. **D.** Broj N je 20 % broja M.

D.

**2.** Koji se od navedenih brojeva nalazi u intervalu  $\left\langle -\frac{11}{3}, -\frac{2}{3} \right\rangle$ ?

A.

**A.** -3.7

В.

**B.** -2.1 **C.** -0.6

C.

**D.** -0.2

D.

- **3.** Koliko je y iz rješenja sustava jednadžba  $\begin{cases} \frac{x}{y} = 7 \\ 3x = y + 5 \end{cases}$ ?
  - **A.**  $-\frac{1}{4}$
  - **B.**  $-\frac{1}{10}$

A. B.

**c**.  $\frac{1}{10}$ 

С.

**D.**  $\frac{1}{4}$ 

D.

<ul> <li>4. Kolika je duljina kraka jednakokračnoga trokuta kojemu je osnovica duljine 12 cm, a kut uz osnovicu mjere 54°?</li> <li>A. 7.1 cm</li> <li>B. 9.7 cm</li> <li>C. 10.2 cm</li> <li>D. 14.8 cm</li> </ul>	A. B. C. D.
<ul> <li>5. Koliki je umnožak rješenja jednadžbe 4x² - 5x = 8?</li> <li>A2</li> <li>B1</li> <li>C. 1.25</li> <li>D. 1.6</li> </ul>	A. B. C. D.
<ul> <li>6. Prosječan je postotak riješenosti ispita u 1. grupi studenata 58 %, a u 2. grupi studenata 63 %. Koliki je prosječan postotak riješenosti toga ispita u objema grupama ako 1. grupa ima 23 studenta, a 2. grupa 27 studenata?</li> <li>A. 60.5 %</li> <li>B. 60.6 %</li> <li>C. 60.7 %</li> </ul>	
D. 60.8 %	A. B. C. D.
MAT A D-S052	

- 7. U jednoj se tvornici radi u dvjema smjenama od ponedjeljka do petka. Svaka smjena traje osam sati. U jutarnjoj smjeni radnik po satu zaradi 30 kn, u popodnevnoj 35 kn. Radio je 23 dana i zaradio 6040 kn. Koliko je zaradio novca radeći u jutarnjoj smjeni ako je u jednome danu radio samo u jednoj smjeni?
  - **A.** 2400 kn
  - **B.** 2880 kn
  - **C.** 3120 kn
  - **D.** 3600 kn

- Α.
- B.
- C. D.

**8.** Koliki je koeficijent uz potenciju  $a^{27}$  u raspisu izraza  $(a^3 + 4)^{10}$ ?

- A.
- В.
- C.
- D.

- **9.** Neka je  $f(x) = \frac{1}{x}$  i  $g(x) = 10^x$ . Koliko je  $(f \circ g)(6)$ ?
  - **A.**  $10^{-6}$

**A**. 1

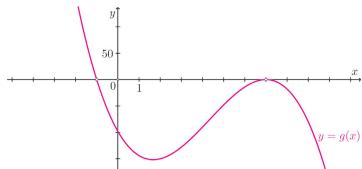
**B.** 4 **C.** 40

**D.** 160

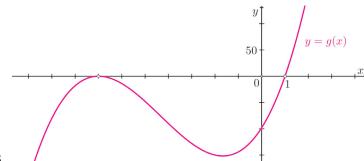
- **B.**  $10^{-\frac{1}{6}}$
- **C.**  $10^{\frac{1}{6}}$
- **D.**  $10^6$

- В.
- D.

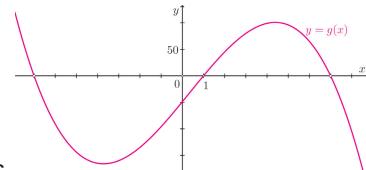
**10.** Koja slika prikazuje graf funkcije  $g(x) = -2(x-7)^2(x+1)$ ?



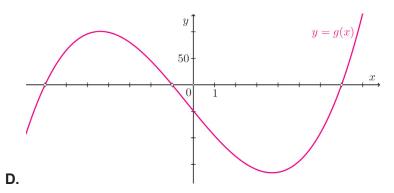
Α.



В.



C.



В.

C.

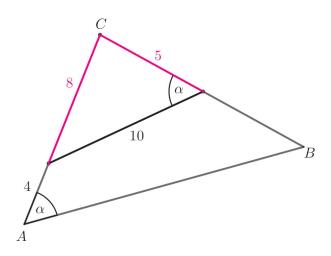
D.



ı			
11.	Kolika je mjera kuta između vektora $\vec{a} = 2\vec{i} + 3\vec{j}$ i $\vec{b} = 4\vec{i} - \vec{j}$ ?		
	Noma je mjera kata izmeđa velkera u Zi i sij i e m j .		
	<b>A.</b> 19°39′14″	C.	
	<b>B.</b> 36°48′41″	D.	
	<b>C.</b> 42°16′25″	5.	
	<b>D.</b> 70°20′46″		
12	Jan vozi električni romobil po kružnoj stazi polumjera 20 m konstantnom	Α.	
12.	(obodnom) brzinom 3.5 m/s. Koliko je punih krugova napravio u 10 minuta?	B.	
		C.	
	<b>A.</b> 14	С.	
	<b>B.</b> 15	D.	
	<b>C.</b> 16		
	<b>D.</b> 17		
13.	Duljina visine pravilne uspravne trostrane piramide jednaka je duljini brida	A.	
	osnovke. Ako je obujam piramide 43.41 cm³, kolika je duljina njezine visine?	В.	
	<b>A.</b> 5.2 cm	C.	
	<b>B.</b> 6.7 cm	D.	
	<b>C.</b> 7.1 cm		
	<b>D.</b> 9.7 cm		



**14.** Koliki je opseg trokuta *ABC* prikazanoga na skici?



- **A.** 49 cm
- **B.** 55.2 cm
- **C.** 57 cm
- **D.** 65.2 cm

- A.
- B.
- C.
- D.

**15.** Neka je  $a \ge 2$ . Za koji je od navedenih argumenata x vrijednost funkcije

$$f(x) = x^2 + 2x + 1$$
 najmanja?

- **A.** x = -3a
- **B.** x = -2a
- **C.**  $x = \frac{a}{2}$
- **D.**  $x = \frac{a}{3}$

- A.
  - .
- B.
- C.
- D.

#### II. Zadatci kratkoga odgovora

U sljedećim zadatcima odgovorite kratkim odgovorom.

Pri računanju upotrebljavajte list za koncept koji se neće bodovati.

Odgovore upišite samo na predviđeno mjesto u ispitnoj knjižici.

Ne popunjavajte prostor za bodovanje.

**16.1.** Izrazite *n* iz formule 
$$b = a + (n-1)d$$
.

Odgovor: 
$$n =$$

bod

16.2. Napišite koordinate neke točke koja se nalazi na osi ordinata i udaljena je od ishodišta za 4.

0

Odgovor:

bod

17. Riješite zadatke.

**17.1.** Riješite nejednadžbu 
$$\frac{5x}{6} - \frac{x+2}{9} \le x-3$$
.

Odgovor: \_\_\_\_\_

bod

**17.2.** Riješite nejednadžbu  $x^2 - 676 \le 0$ . Zapišite rješenje uz pomoć intervala.

Odgovor:

bod



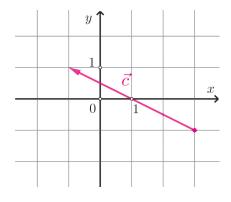
**18.** Riješite zadatke. **18.1.** Ana je u voćarni potrošila 43.96 kn za 4 kg banana i 124.95 kn za 5 kg borovnica. Ako Katarina želi kupiti 3 kg banana i 2 kg borovnica, koliko joj je novca za to potrebno? bod Odgovor: \_\_\_\_\_ kn 0 **18.2.** Odredite **najmanji** četveroznamenkasti broj djeljiv s 3 koji pri dijeljenju s brojem 35 daje ostatak 1. Odgovor: bod 0 **19.** Riješite zadatke. **19.1.** Koliko je  $a^6$  ako je  $\sqrt[4]{a^3} = 2$ ? Odgovor:  $a^6 =$ \_\_\_\_\_ bod 19.2. Provedite računske operacije i pojednostavnite do kraja izraz 0  $\left(3+\frac{3}{x+2}\right)\cdot\frac{x+2}{x^2-9}$  za svaki x za koji je definiran. Odgovor: \_\_\_\_\_

**MAT A D-S052** 



bod

- 20. Riješite zadatke.
  - **20.1.** Na slici je nacrtan vektor  $\vec{c}$  .



Zapišite vektor  $\vec{v}$  kao linearnu kombinaciju vektora  $\vec{i}$  ,  $\vec{j}$  ako je  $\vec{c}$  +  $\vec{v}$  =  $\vec{0}$  .

- Odgovor:  $\vec{v} =$
- 20.2. Koliko zajedničkih točaka imaju kružnica i hiperbola zadane jednadžbama

$$(x-3)^2 + y^2 = 16 i \frac{x^2}{49} - y^2 = 1?$$

Odgovor:

0

1

bod

bod



21. Riješite zadatke.

)

**21.1.** Koliko je tjeme parabole  $y^2 = 48x$  udaljeno od njezine direktrise (ravnalice)?

1

Odgovor:

bod

**21.2.** Točka  $F\left(-2\sqrt{2},0\right)$  jedno je žarište (fokus) elipse  $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{b^2} = 1$ . Koliko iznosi b?

)

Odgovor: *b* = \_\_\_\_\_

22. Riješite zadatke.

bod

0

**22.1.** Odredite interval rasta funkcije  $f(x) = -x^2 + 20x$ .

1

Odgovor: \_\_\_\_\_

bod

**22.2.** Odredite nultočku funkcije f ako je  $f\left(\frac{1}{x+2}\right) = x-3$ .

n

Odgovor:

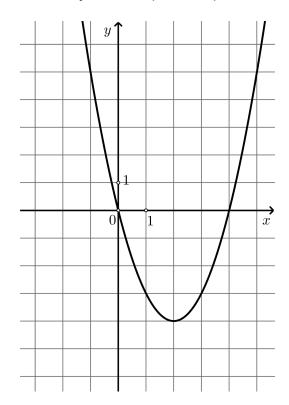
bod



	Riješi 23.1.	te zadatke. Tri pozitivna broja čine geometrijski niz. Umnožak prvoga i trećega člana jest 1.44. Koji je drugi član toga niza? Odgovor:	0 1 bod
	23.2.	Prvi je član aritmetičkoga niza 13, a deveti 37. Odredite deseti član toga niza.  Odgovor:	0 1
			bod
24.	Riješi	te zadatke.	0
	24.1.	Duljina je hipotenuze pravokutnoga trokuta 7 cm, a njegove dulje katete 6 cm. Odredite <b>oplošje</b> tijela koje nastaje rotacijom toga trokuta oko njegove kraće katete.	
		Odgovor: cm <sup>2</sup>	bod
	24.2.	U trokutu $ABC$ duljina je stranice $\overline{AC}$ 6.45 cm, a mjere su kutova uz nju 28° i 46°. Kolika je duljina najkraće stranice toga trokuta?	1
		Odgovor: cm	
		211	bod
M	1AT A [	D-S052	

#### 25. Riješite zadatke.

**25.1.** Odredite jednadžbu parabole prikazane na slici.



Odgovor:

**25.2.** Odredite najveću vrijednost funkcije  $g(x) = 1 - \sqrt{x-2}$ .

Odgovor:

**25.3.** Odredite derivaciju funkcije  $h(x) = 19 + \sin^2 x$ .

Odgovor: h'(x) =

0

1

bod

0

1

bod

0

1

bod



26	Ri	iešite	zadatke
20.	1 /1	וכטונכ	Zauaine

0

**26.1.** Izraz 
$$\log_{\sqrt{a}}(a^x)$$
, gdje je  $a > 0$ ,  $a \ne 1$ , zapišite bez logaritama.

1

bod

**26.2.** Riješite jednadžbu 
$$3^x \cdot 5^{x+2} = 5625$$
.

.

1

**26.3.** Riješite jednadžbu 
$$\sqrt{\frac{x-45}{}} = 4$$
 .

bod

•	Mjesite jednadzbu	1	x	<b>- -</b> .

0

bod



27. Riješite zadatke.

)

**27.1.** Odredite domenu funkcije  $f(x) = \frac{1}{2^x + 2}$ .

1

Odgovor:

bod

**27.2.** Odredite skup svih vrijednosti (sliku) funkcije  $g(x) = \sin(5x+3)+4$ .

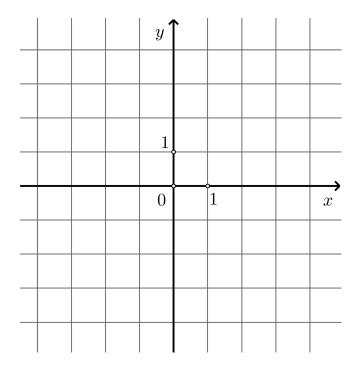
0

Odgovor:

1

**27.3.** Nacrtajte graf funkcije h(x) = |x+1| - 2.

bod



1

bod



28.	Odredite koordinate minimuma grafa funkcije $f(x) = x^4 - 7x^3 + 10x^2$ .	
		0 1 2
	Odgovor:	bod



#### III. Zadatci produženoga odgovora

U 29. i 30. zadatku napišite kemijskom olovkom **postupak** rješavanja i **odgovor** na predviđeno mjesto u ispitnoj knjižici. Prikažite sav svoj rad (skice, postupak, račun). Ako dio zadatka riješite napamet, objasnite i napišite kako ste to učinili. Ne popunjavajte prostor za bodovanje.

- **29.** Riješite zadatke.
  - **29.1.** Odredite realne brojeve a i b za koje vrijedi  $\frac{a+bi-2i}{i}+b-ai=4-2i$ .

Odgovor:  $a = _____, b = _____$ 

0

2

bod



**29.2.** Riješite sustav jednadžba  $\begin{cases} \log(x^2 - y^2) = 1 + \log 4 \\ x + y = 8 \end{cases}$ .

Odgovor:

0 1 2



29.3.	Mjera obodnoga kuta nad tetivom kružnice polumjera $15~\rm cm$ iznosi $60^\circ$ . Kolika je površina manjega kružnog odsječka koji odsijeca ta tetiva?	
		0
		1 2
	Odravan	2
	Odgovor: cm <sup>2</sup>	bod
MAT A [	D-S052	02

29.4.	Odredite	koordinate	točke	koja i	e simetrična	točki C	(2.9)	) s	obzirom	na
<b>_</b> V.T.	Odiodilo	NOOI GII IGEO	COOKO	INOIG I	o omnomona	LOUIN C	(4,)	, .		

pravac zadan jednadžbom  $y = \frac{1}{2}x + \frac{1}{2}$ .

Odgovor:

bod

**29.5.** Odredite sva rješenja jednadžbe  $4\cos x = \sin\left(\frac{5\pi}{6} - x\right)$ .

Odgovor:

bod



30.	Procjenjuje se da automobil, nakon što je kupljen, prvih $5$ godina svaki dan gubi $0.04~\%$ svoje vrijednosti, a nakon toga $2~\%$ vrijednosti mjesečno. Nakon $2~$ mjeseca vrijednost automobila bila je $105~000~$ kn. Koliko će mjeseci, nakon što je kupljen, prema toj procjeni, vrijednost automobila prvi put biti manja od $10~000~$ kn? Napomena: Računajte da mjesec ima $30~$ dana, a godina $360~$ dana.	ı

	0
	2
	3
Odgovor:	4 bod
	•
MAT A D-S052	02





