

Identifikacijska naljepnica

PAŽLJIVO NALIJEPITI

MATA

MATEMATIKA

viša razina

MAT A D-S034









OPĆE UPUTE

Pozorno pročitajte sve upute i slijedite ih.

Ne okrećite stranicu i ne rješavajte zadatke dok to ne odobri dežurni nastavnik.

Nalijepite identifikacijske naljepnice na sve ispitne materijale koje ste dobili u sigurnosnoj vrećici.

Ispit traje 180 minuta.

Ispred svake skupine zadataka je uputa za rješavanje. Pozorno je pročitajte.

Za pomoć pri računanju možete upotrebljavati list za koncept koji se neće bodovati.

Olovku i gumicu možete upotrebljavati samo na listu za koncept i za crtanje grafa.

Na listu za odgovore i u ispitnoj knjižici upotrebljavajte isključivo kemijsku olovku kojom se piše plavom ili crnom bojom.

Možete upotrebljavati priloženu knjižicu formula.

Pišite čitko. Nečitki odgovori bodovat će se s nula (0) bodova.

Ako pogriješite u pisanju, pogreške stavite u zagrade, precrtajte ih i stavite skraćeni potpis.

Kada riješite zadatke, provjerite odgovore.

Želimo Vam mnogo uspjeha!

Ova ispitna knjižica ima 24 stranice, od toga 2 prazne.

Ako ste pogriješili u pisanju odgovora, ispravite ovako:

a) zadatak zatvorenoga tipa

Ispravno Ispravak pogrešnoga unosa Neispravno X c O A **X** B C Prepisan točan odgovor Skraćeni potpis b) zadatak otvorenoga tipa (Marko Marulić) Petar Preradović Precrtan netočan odgovor u zagradama Točan odgovor Skraćeni potpis MAT A D-S034

I. Zadatci višestrukoga izbora

U sljedećim zadatcima od više ponuđenih odgovora samo je **jedan** točan.

Za pomoć pri računanju možete pisati i po ovim stranicama ispitne knjižice.

Točne odgovore morate označiti znakom X na listu za odgovore kemijskom olovkom.

U zadatcima od 1. do 10. točan odgovor donosi jedan bod, a u zadatcima od 11. do 15. dva boda.

1.	U kojemu se o	d navedenih	intervala	nalazi	najviše	cijelih	brojeva	?

- **A.** (-3,-1]
- **B.** $\langle -1, 3 \rangle$
- **C.** [-1,0]
- **D.** [0,1)

2. Zadan je
$$T = 2\pi \cdot \sqrt{\frac{m}{k}}$$
. Koliko je T ako su $m = 0.3$ i $k = 40$?

- **A.** T = 0.086
- **B.** T = 0.172
- **C.** T = 0.217
- **D.** T = 0.544

- **A.** 17°6′10″
- **B.** 17°55′13″
- C. 23°12′10″
- **D.** 23°48′13″

4. Zadan je trokut čije duljine stranica iznose 4 cm, 5 cm i 6 cm. Koje su od navedenih mjera duljine stranica trokuta sličnoga zadanomu?

- **A.** 10 cm, 12.5 cm, 19.5 cm
- B. 10 cm, 12.5 cm, 15 cm
- **C.** 10 cm, 15 cm, 18 cm
- D. 10 cm, 15 cm, 22.5 cm

A.



C.



D.

Α.

B.

C.

D.

Α.

B.

C.

D.



В.

C.

D.



5. Putnik je putovao 6 sati i prešao je put od 520 km. Prvih 260 km puta putovao je automobilom, a ostatak puta vlakom. Prosječna je brzina automobila dvostruko veća od prosječne brzine vlaka. Kolika je prosječna brzina vlaka?

(

- Α.
- В.
- C.

- **A.** 65 km/h
- **B.** 76 km/h
- C. 86.7 km/h
- **D.** 97.5 km/h

D.

- **6.** Ako je $\frac{a+b}{c} = 3$ i $\frac{a+1}{b} = 2$, koliko je b-c?
 - **A.** -3
 - **B.** $-\frac{1}{3}$
 - **c**. $\frac{1}{3}$
 - **D.** 3

- A.
- B.
- C.
- D.

- **7.** U potpuno sređenome izrazu $(a+x)^5$ koeficijent uz x^2 jednak je 640. Kolika je vrijednost a?
- A.
 - В.

- **A.** 2
- **B.** 3
- **C.** 4 **D.** 6

- C.
- D.

- **8.** Koliko je $5 \cdot 2^{2016} + 6 \cdot 2^{2014}$?
 - **A.** $11 \cdot 2^{2015}$
 - **B.** $13 \cdot 2^{2015}$
 - **C.** $3 \cdot 2^{2017}$
 - **D.** $7 \cdot 2^{2017}$

- Α.
- A. B.
- C.
- D.

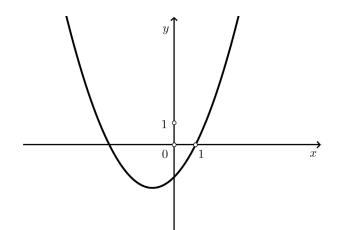
MAT A D-S034



9. Koliki je zbroj prvih 13 članova niza $a_n = 502 + 3(n-1)$?

- A.
- B.
- C.
- D.

- **A.** 520 **B.** 538
- **C**. 6724
- **D**. 6760
- **10.** Što od navedenoga vrijedi za koeficijente b i c kvadratne funkcije $f(x) = ax^2 + bx + c$ čiji je graf prikazan na slici?



- **A.** b < 0, c < 0
- **B.** b < 0, c > 0
- **C.** b > 0, c < 0
- **D.** b > 0, c > 0

- A.
- B.
- C.
- D.



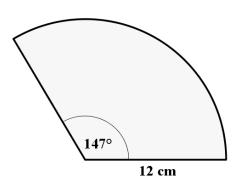
- **11.** Na graf funkcije $f(x) = x^3 6x^2 + 17x$ povučena je tangenta usporedna s pravcem y = 5x. Koja je od navedenih jednadžba te tangente?
 - **A.** y = 5x 5
 - **B.** y = 5x 3
 - **C.** y = 5x + 6
 - **D.** y = 5x + 8

- B.
- C.
- D.
- **12.** Dvije kružnice k_1 , k_2 imaju zajedničku tetivu. Ta je tetiva kružnici k_1 stranica upisanoga kvadrata, a kružnici k_2 stranica upisanoga pravilnoga šesterokuta. Koliki je omjer polumjera tih kružnica?
 - **A.** $\frac{r_1}{r_2} = \frac{1}{2}$
 - **B.** $\frac{r_1}{r_2} = \frac{\sqrt{2}}{2}$
 - **C.** $\frac{r_1}{r_2} = \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{3}}$
 - **D.** $\frac{r_1}{r_2} = \frac{\sqrt{3}}{2}$

- B.
- C.
- D.



13. Koliki je obujam stošca čiji je plašt prikazan na skici?



(

- **A.** 275.42 cm³
- **B.** 302.12 cm³
- **C.** 619.69 cm³
- **D.** 738.67 cm³

- A.
- В.
- C.
- D.

14. Što od navedenoga vrijedi za brojeve x, y ako je (x, y) rješenje zadanoga sustava jednadžba?

$$\begin{cases} \log_4 x + \log_4 y = 1 \\ 3 \cdot 3^x - 27^y = 0 \end{cases}$$

- **A.** $\frac{x}{y} = \frac{9}{4}$
- **B.** $x y = \frac{11}{3}$
- **C.** $x \cdot y = 3$
- **D.** x + y = 4

В. C.

D.



(

- **15.** Temperatura T(t) izražena u °C mijenja se prema formuli $T(t) = A\cos(Bt + C) + D$ gdje je t vrijeme u satima. Kolike su vrijednosti parametara A i D ako je maksimalna temperatura 29 °C, minimalna 13 °C i A < 0?
 - **A.** A = -16, D = 21
 - **B.** A = -16, D = 45
 - **C.** A = -8, D = 21
 - **D.** A = -8, D = 45

A.

В.

C.





II. Zadatci kratkoga odgovora

(

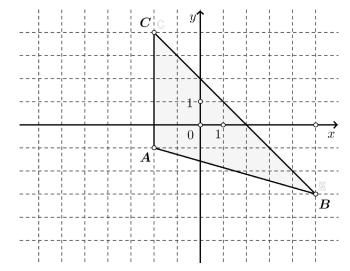
U sljedećim zadatcima odgovorite kratkim odgovorom.

Za pomoć pri računanju upotrebljavajte list za koncept koji se neće bodovati.

Odgovore upišite samo na predviđeno mjesto u ovoj ispitnoj knjižici.

Ne popunjavajte prostor za bodovanje.

16. Kolika je površina trokuta prikazanoga na slici?



Odgovor: _____

bod

17. Koliko iznosi 135° 30' u radijanima? Zaokružite rezultat na dvije decimale.

Odgovor:

bod

MAT A D-S034



18. Riješite zadatke.						
18.1. Cijena je karte na dan koncerta 20 % veća nego u pretprodaji. Karta kupljena na dan koncerta koštala je 90 kn. Koliko bi se kuna uštedjelo da je karta kupljena u pretprodaji?						
Odgovor:kn	bo	od				
18.2. U mjesecu koji ima 31 dan praćena je dnevna temperatura. Dvadeset i dva dana je najviša dnevna temperatura bila viša od 10 °C, a dvadeset je dana najviša dnevna temperatura bila niža od 14 °C. Koliko je dana najviša dnevna temperatura bila između 10 °C i 14 °C?	0					
Odgovor:	bod					
19. Riješite zadatke.						
19.1. Riješite nejednadžbu $\frac{x-1}{2} - 2 \le \frac{3x-5}{4}$.						
Odgovor:	bo	od				
19.2. Riješite nejednadžbu $4(x-1)^2 < 9$ i rješenje napišite uz pomoć intervala.						
Odgovor:	1					
	bo	d				

•



20. Zadana je funkcija $f(x) = \frac{1}{2}(x+2)(x-4)$.

)

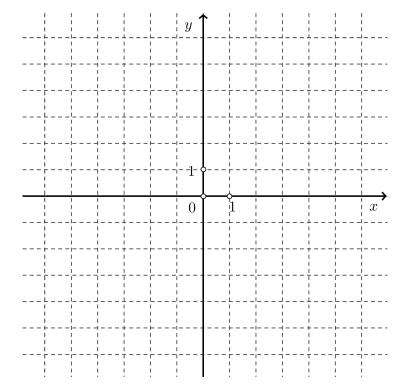
1

20.1. Odredite sjecište grafa funkcije f s osi y.

bod

Odgovor:

20.2. U koordinatnom sustavu nacrtajte graf zadane funkcije f .



0

1

bod

MAT A D-S034



(

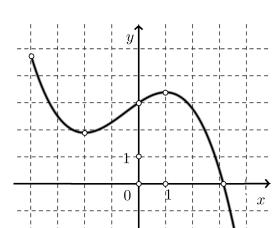
21. Riješite zadatke.

21.1. Odredite **sva** rješenja jednadžbe $x^4 - 6x^3 + 12x^2 - 8x = 0$.

Odgovor:

bod

21.2. Na slici je prikazan graf funkcije koja je definirana na intervalu $\langle -4,4 \rangle$. Na kojemu intervalu ta funkcija raste?



Odgovor:

bod

MAT A D-S034



22. Riješite zadatke.

22.1. Odredite domenu funkcije $h(x) = \sqrt{2x-5}$.

Odgovor:

bod

22.2. Zadane su funkcije f(x) = 2x + 3 i $g(x) = 7x^2 - 11$. Odredite funkciju $f \circ g$.

1

Odgovor: $(f \circ g)(x) =$

bod

23. Riješite zadatke.

23.1. Zbrojite $\frac{1}{a^2 + ab} + \frac{1}{ab + b^2}$ i skratite rezultat do kraja.

1

Odgovor: _____

bod

23.2. Riješite jednadžbu $\sqrt[4]{125} = \frac{1}{5^{2-x}}$.

Odgovor: *x* = _____

bod

MAT A D-S034



24. Riješite zadatke.

24.1. Odredite 10. član niza kojemu je prvi član 5, a za ostale članove vrijedi $a_{n+1} = 1.2 \cdot a_n, \ n \in \mathbb{N}$.

1

Odgovor:

bod

24.2. Za koju vrijednost realnoga parametra a jednadžba ax - 2 = 3x nema rješenja?

)

Odgovor:

bod

25. Riješite zadatke.

0

25.1. Odredite realan broj *b* ako je (4-2i)(-1+bi) = 10i.

1

Odgovor: *b* = _____

bod

25.2. Koliki je argument φ u trigonometrijskome zapisu kompleksnoga broja

_

 $z = i \cdot \left(\cos \frac{\pi}{3} + i \sin \frac{\pi}{3} \right) ?$

.

Odgovor: φ = _____

bod

MAT A D-S034



26. Riješite zadatke.

26.1. Koliko je λ ako je vektor $\overrightarrow{b} = \lambda \overrightarrow{i} + 8 \overrightarrow{j}$ okomit na vektor $\overrightarrow{a} = 4 \overrightarrow{i} - 6 \overrightarrow{j}$?

Odgovor: $\lambda =$ _____

bod

26.2. Odredite jednadžbu skupa svih točaka ravnine koje su jednako udaljene

od točke $\left(\frac{3}{2}, 0\right)$ i pravca $x = -\frac{3}{2}$.

Odgovor: _____

bod

27. Visina na kojoj zrakoplov leti procjenjuje se prema formuli $h(t) = 1.4 \log(t+1)$ gdje je h visina u kilometrima, a t vrijeme proteklo od njegova polijetanja izraženo u minutama.

27.1. Na kojoj je visini zrakoplov 4 minute nakon polijetanja?

Odgovor: _____km

bod

27.2. Nakon koliko je vremena zrakoplov na visini od 2.5 km?

bod

27.3. S iste piste u razmaku od 10 minuta poletjela su dva zrakoplova.

Odgovor: _____ min

Koliko će dugo letjeti drugi zrakoplov do trenutka kada će biti na visini 100 metara manjoj od visine na kojoj se nalazi prvi zrakoplov?

Odgovor: _____ min

bod

MAT A D-S034



28. Zadana je funkcija f(x) = |x-2|-3.

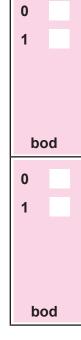
28.1. Odredite nultočke funkcije f.

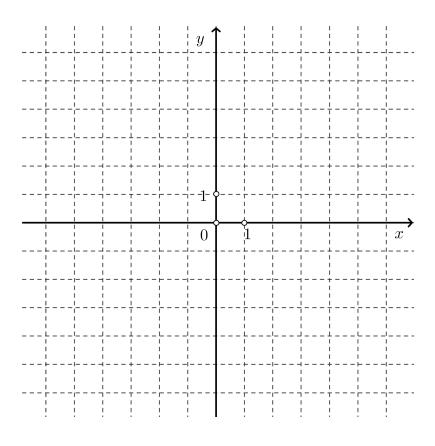
Odgovor:

28.2. Odredite sliku (skup svih vrijednosti) funkcije f .

Odgovor:

28.3. U koordinatnome sustavu nacrtajte graf funkcije f.





0

bod



III. Zadatci produženoga odgovora

(

U 29. i 30. zadatku napišite kemijskom olovkom **postupak** rješavanja i **odgovor** na predviđeno mjesto u ovoj ispitnoj knjižici. Prikažite sav svoj rad (skice, postupak, račun). Ako dio zadatka riješite napamet, objasnite i napišite kako ste to učinili. Ne popunjavajte prostor za bodovanje.

- 29. Riješite zadatke.
 - **29.1.** Odredite sva rješenja jednadžbe $2\sin^2 x 3\cos x = 0$.

Odgovor:

0 1 2

bod

MAT A D-S034



29.2. Kružnica je zadana jednadžbom $(x-4)^2 + (y+6)^2 = 4$.

Odredite **sve** vrijednosti realnoga broja c ako je pravac 3x + 2y = c tangenta te kružnice.

Odgovor:

0 1 2

bod

MAT A D-S034



29.3. U 14:00 sati vrhovi velike i male kazaljke na satu udaljeni su 13 cm, a u 9:00 sati udaljeni su 17 cm. Kolika je duljina velike, a kolika male kazaljke? 1 3 Odgovor: bod MAT A D-S034

(

29.4. Odredite koordinate točke koja je simetrična točki A(4,-2) s obzirom na pravac y=2x-3.

Odgovor:

MAT A D-S034



(





30. Zatvorena limenka u obliku valjka izrađena je od materijala čija je cijena 70 kn/m². Kolika je cijena materijala potrebnoga za izradu jedne limenke čiji je obujam 0.35 L ako je za njezinu izradu potrošeno najmanje materijala?

Napomena: Debljinu materijala i otpad treba zanemariti.

 $1 L = 1 dm^3$

MAT A D-S034

MAT A D-S034.indd 22





		0 1
Odgovor	kn	3
Ougovor	_ NII	4 bod
MAT A D-S034		02

